Estruturas de Dados II (DEIN0083) 2023.2 Curso de Ciência da Computação 1ª avaliação

rof. João Dallyson Sousa de Almeida			Data : 25/09/2023							
Aluno:	Matrícula:									

Regras durante a prova:

- É vetada: a consulta a material de apoio, conversa com colega e a utilização de dispositivos eletrônicos. A não observância de algum dos itens acima acarretará a anulação da prova.
- I. (1.0pt) Elabore um algoritmo com complexidade O(nlogn) que recebe um vetor V de N de inteiros, um valor alvo C, que encontra dois elementos A e B \in a V (se eles existirem) tal que A+B = C. Descreva a solução.
- II. (1.0pt) Utilize o teorema Mestre para analisar assintoticamente as recorrências a seguir:

a)
$$T(n) = T(n) = 3T(n/2) + n$$
 b) $T(n) = T(n) = 12T(n/4) + n^2$

III. (2.0pt) Apresente o custo de execução e a análise assintótica do algoritmo abaixo:

```
int a = 0, i = M, soma = 0;

while (i > 0) {
    a += i;
    i /= 2;
}

x = x + Math.random();

for (j = 0; j < M; j++) {
    y = y + Math.random();
}

int a = 0, i = M, soma = 0;

while (i > 0) {
    a += i;
    i /= 2;
}

for (j = 0; j < M; j++) {
    soma = soma + j;
    soma = soma + j;
}
</pre>
```

- IV. (4.0pt) Considere a seguinte sequência de chaves do vetor [8, 3, 7, 9, 1, 3]. OBS: Todos os itens a seguir devem considerar o vetor original.
 - a) Mostre o vetor resultante da construção do heap, o vetor resultante após 3 execuções completas do HeapSort para ordenar em ordem decrescente, o número de comparações e trocas realizadas.
 - b) Apresente o vetor resultante após execução do ShellSort para h=2 e h1. Mostre o número de comparações e trocas realizadas.
- V. (2.0pt) Dada a seguinte lista de números [8, 6, 5, 1, 3, 4] qual será o conteúdo da lista após a segunda partição do algoritmo QuickSort? Utilize o último elemento como pivô (direita), apresente o estado do vetor após cada partição, o número de comparações e trocas.