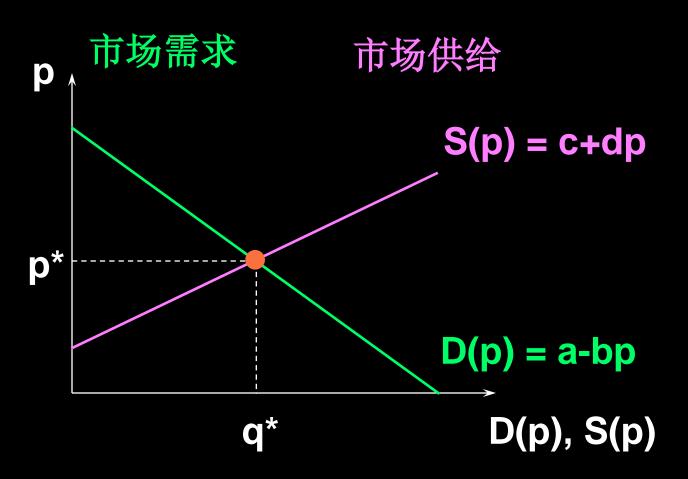
第十六章

均衡



p*和 q*的值为多少?

◆ 一个当供给曲线与需求曲线均为线性时, 计算市场均衡的例子如下:

$$D(p) = a - bp$$

$$S(p) = c + dp$$
在市场均衡价格p*条件下, $D(p^*) = S(p^*)$, 也即,
$$a - bp^* = c + dp^*$$
则有
$$p^* = \frac{a - c}{b + d}$$
且
$$q^* = D(p^*) = S(p^*) = \frac{ad + bc}{b + d}$$

- ◆ 能否通过反需求函数和反供给函数来计算均衡时的市场状态变量值?
- ◆ 可以, 计算过程是一样的。

$$q = D(p) = a - bp \Leftrightarrow p = \frac{a - q}{b} = D^{-1}(q),$$

市场的反需求函数,和

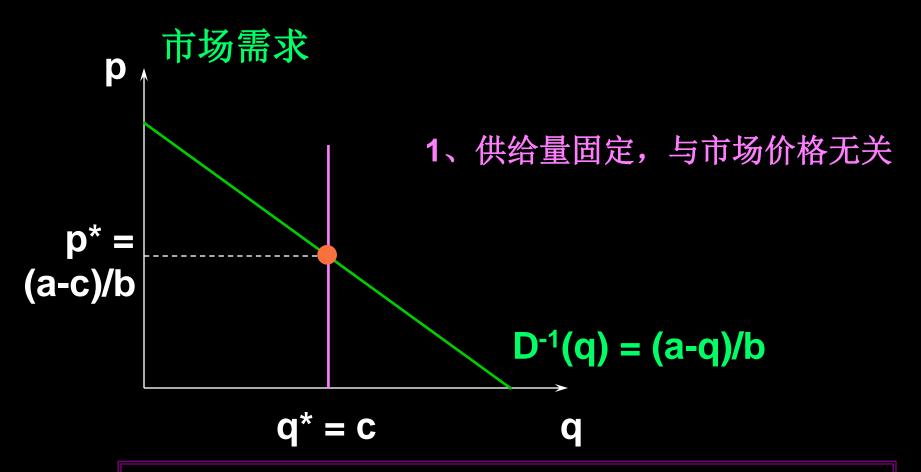
$$q = S(p) = c + dp \Leftrightarrow p = \frac{-c + q}{d} = S^{-1}(q),$$
 市场反供给函数

$$p = D^{-1}(q) = \frac{a - q}{b}$$
 and $p = S^{-1}(q) = \frac{-c + q}{d}$.

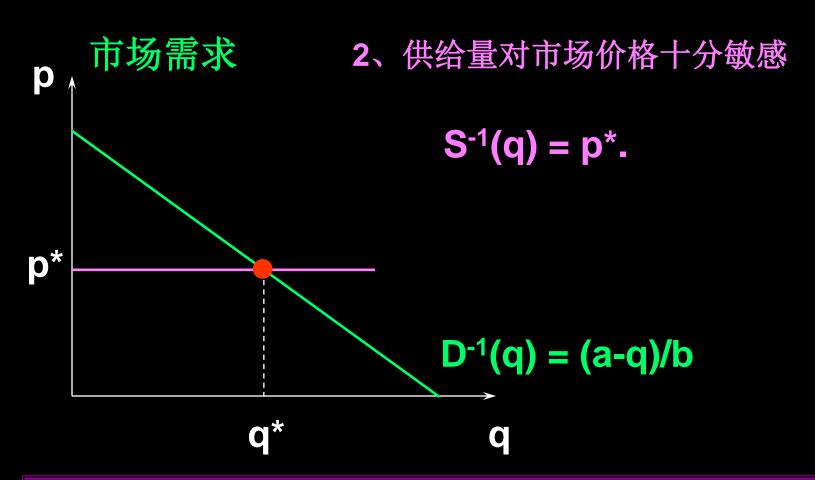
在均衡数量q*条件下, D-1(q*) = S-1(q*).
也即,
$$\frac{a-q^*}{b} = \frac{-c+q^*}{d}$$
 可得
$$q^* = \frac{ad+bc}{b+d}$$

$$\underline{\mathbf{H}} \quad \mathbf{p}^* = \mathbf{D}^{-1}(\mathbf{q}^*) = \mathbf{S}^{-1}(\mathbf{q}^*) = \frac{\mathbf{a} - \mathbf{c}}{\mathbf{b} + \mathbf{d}}.$$

- ◆两种特殊情况:
 - ●供给量固定,与市场价格无关
 - ●或者供给量对市场价格相当敏感



价格由需求曲线决定,数量由供给曲线决定



价格由供给曲线决定,数量由需求曲线决定

从量税

- ◆ 从量税是指对每单位交易商品征收\$t的税收方式。
- ◆ 假如税收是对卖者征收则称为销售税。
- ◆ 假如税收是对买者征收则称为消费税。
- ◆ 从量税对市场均衡的影响?
- ◆ 它如何影响市场价格?
- ◆ 如何影响交易量?
- ◆ 谁又支付了税收?
- ◆ 通过交易所得福利是如何改变的?

从量税

◆一个对于买者征收税率t的税收使得买者支付的价格p_b, 比卖者收到的商品价格p_s高出t。

$$p_b - p_s = t$$

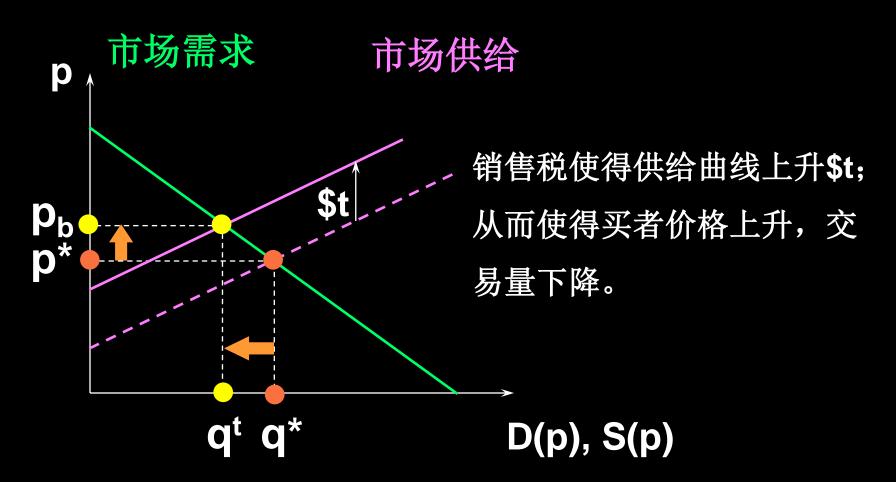
◆ 买者在价格p_b下的需求量必须等于卖者在价格 p_s下的供给量

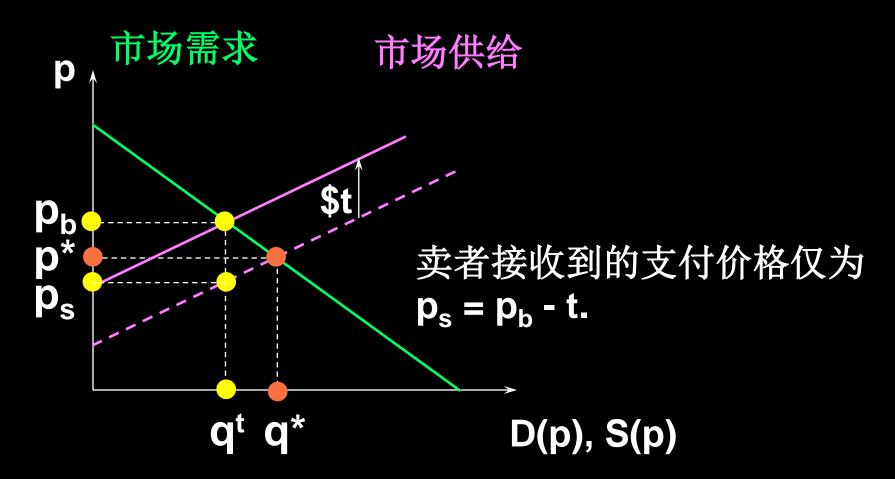
$$D(p_b) = S(p_s)$$

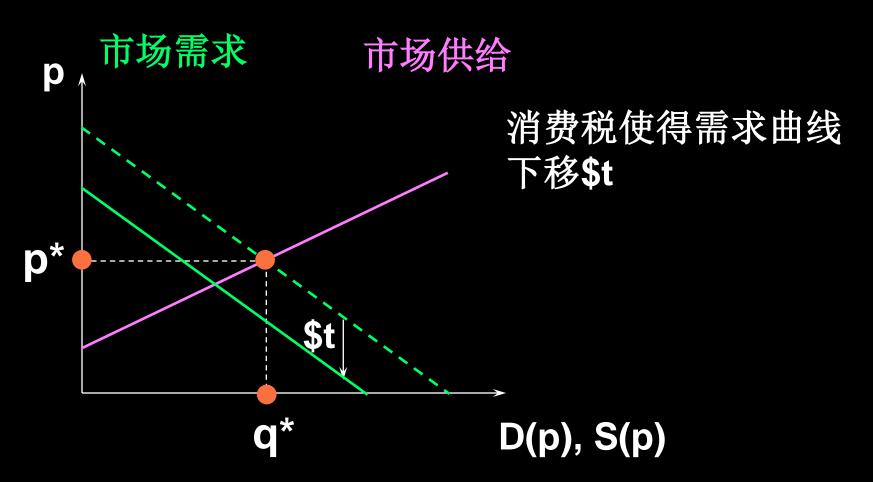
从量税

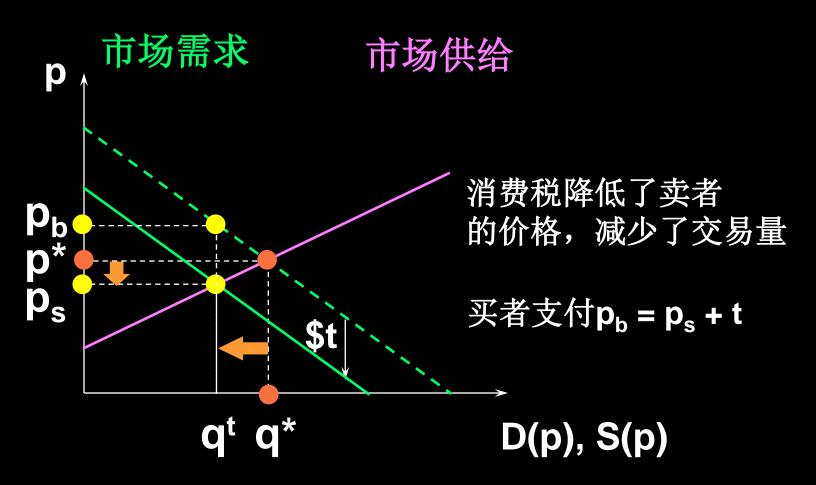
 $p_b - p_s = t$ 且 $D(p_b) = S(p_s)$ 描述了市场均衡时的状态, 税收是对于买者还是对卖者征收没有影响。

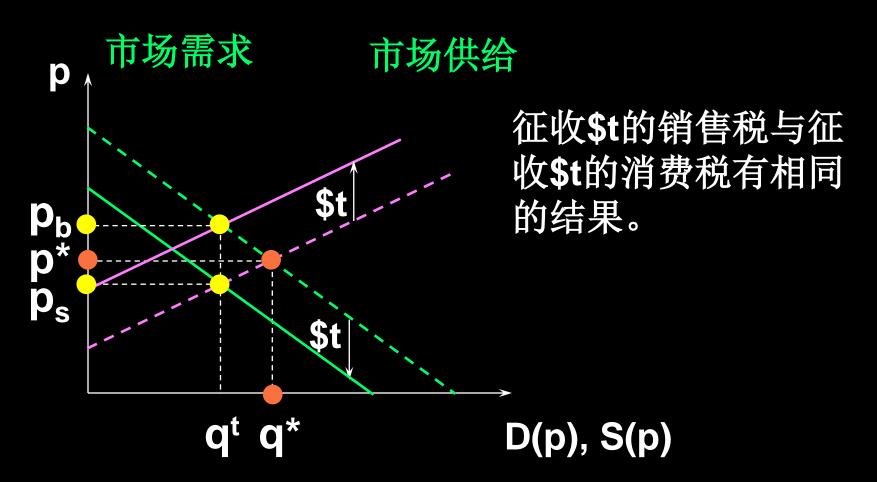
因此, 征收\$t的销售税与征收\$t的消费税有相同的结果。



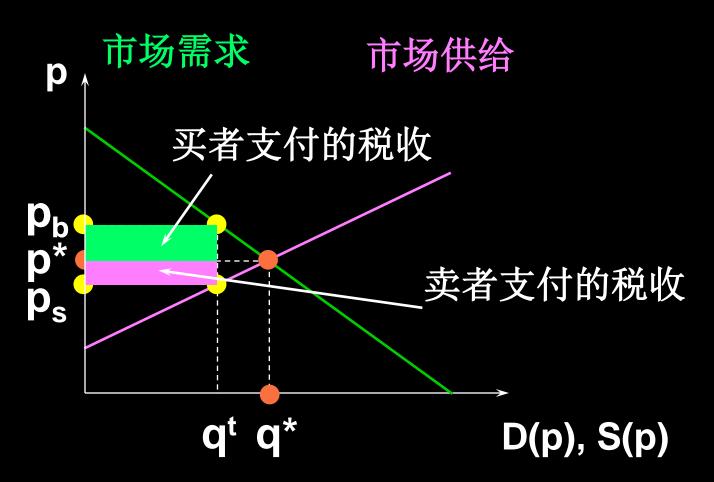








- ◆谁支付了每单位\$t 的税收?
- ◆我们把\$t在买者和卖者之间的分配称为税收的归宿。



◆ 假设市场的需求曲线和供给曲线均为线性的。

$$D(p_b) = a - bp_b$$
 且 $S(p_s) = c + dp_s$.
在有税的情况下,市场均衡满足 $p_b = p_s + t$ 和 $D(p_b) = S(p_s)$ 因此 $p_b = p_s + t$ 和 $a - bp_b = c + dp_s$.
将 p_b 代入可得

$$a-b(p_s+t)=c+dp_s \Rightarrow p_s = \frac{a-c-bt}{b+d}$$
.

$$p_{s} = \frac{a - c - bt}{b + d}$$
 和
$$p_{b} = p_{s} + t \text{ 可得}$$

$$p_{b} = \frac{a - c + dt}{b + d}$$

均衡时的交易量为

$$q^{t} = D(p_{b}) = S(p_{s})$$

$$= a + bp_{b} = \frac{ad + bc - bdt}{b + d}.$$

$$\begin{split} p_s &= \frac{a-c-bt}{b+d} \\ p_b &= \frac{a-c+dt}{b+d} \\ \\ As \ t &\to 0, \ p_s \ and \ p_b \to \frac{a-c}{b+d} = p^*, \ \mathbb{R} \\ \text{价格 (t = 0) and qt} \\ \\ \mathbb{R} \\ \text{允时的均衡交易量} \\ &\to t \\ \text{L} \\ \text{月} \\ \text{月} \\ \text{I} \\ \end{split}$$

$$p_s = \frac{a-c-bt}{b+d} \quad p_b = \frac{a-c+dt}{b+d} \quad q^t = \frac{ad+bc-bdt}{b+d}$$

买者支付的每单位税收为:

$$p_b-p^*=\frac{a-c+dt}{b+d}-\frac{a-c}{b+d}=\frac{dt}{b+d}.$$

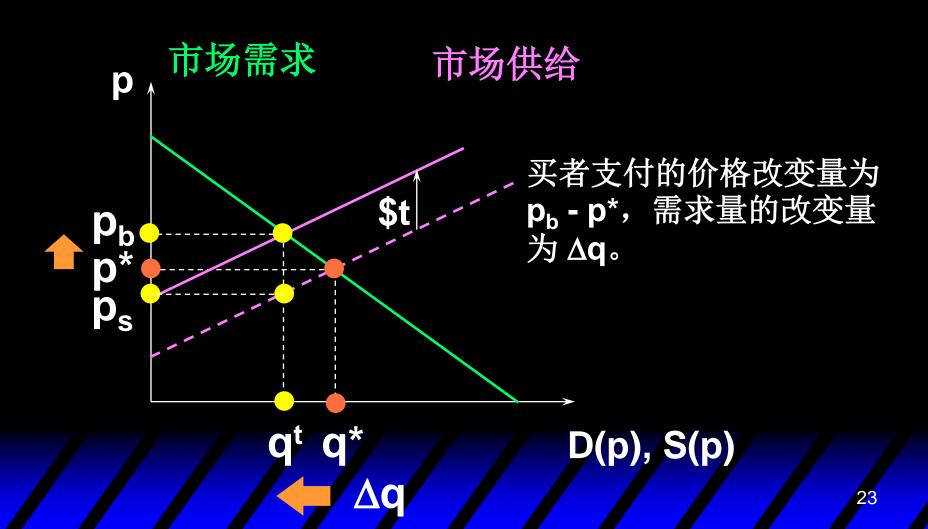
卖者支付的每单位税收为:

$$p^* - p_s = \frac{a - c}{b + d} - \frac{a - c - bt}{b + d} = \frac{bt}{b + d}$$

买者和卖者支付的税收和为:

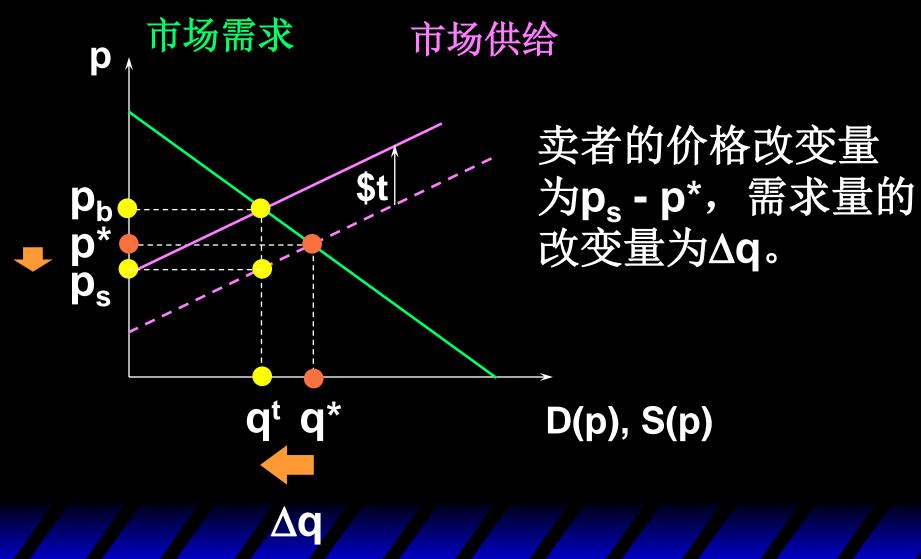
$$T = tq^{t} = t \frac{ad + bc - bdt}{b + d}.$$

◆ 从量税的归宿依赖于供给与需求的自身价格弹性。



自身价格的需求弹性大致为:

$$\mathcal{E}_{D} \approx \frac{\frac{\Delta q}{q^{*}}}{\frac{p_{b} - p}{p^{*}}} \Rightarrow p_{b} - p^{*} \approx \frac{\Delta q \times p^{*}}{\varepsilon_{D} \times q^{*}}.$$



自身价格的供给弹性大致为:

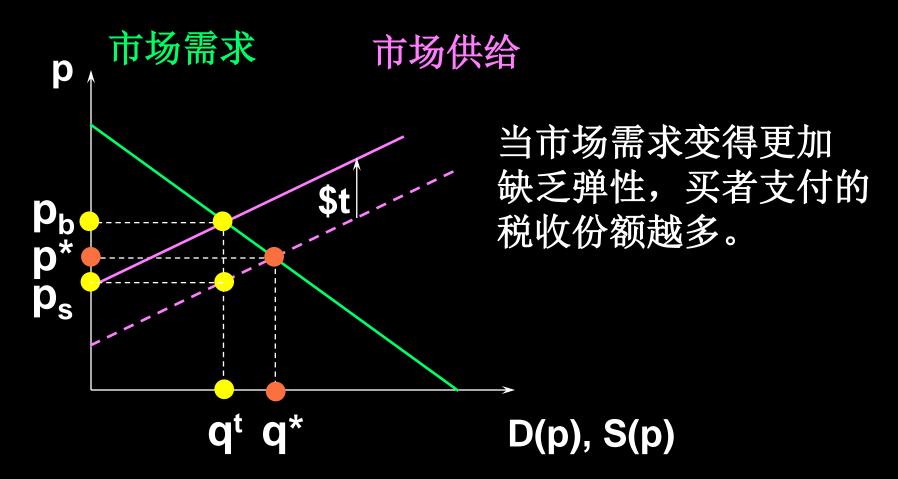
$$\varepsilon_{s} \approx \frac{\frac{\Delta q}{q^{*}}}{\frac{p_{s} - p}{p^{*}}} \Rightarrow p_{s} - p^{*} \approx \frac{\Delta q \times p^{*}}{\varepsilon_{s} \times q^{*}}.$$

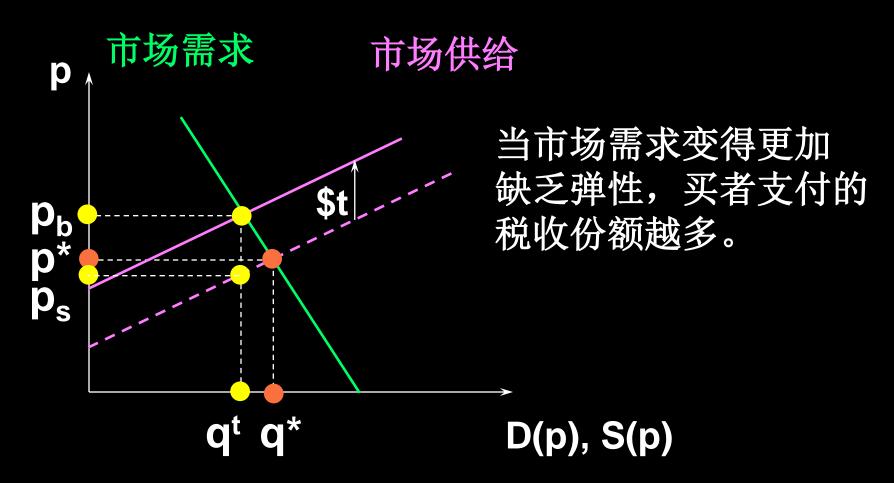
税收归宿=
$$\frac{p_b - p}{p^* - p_s}$$

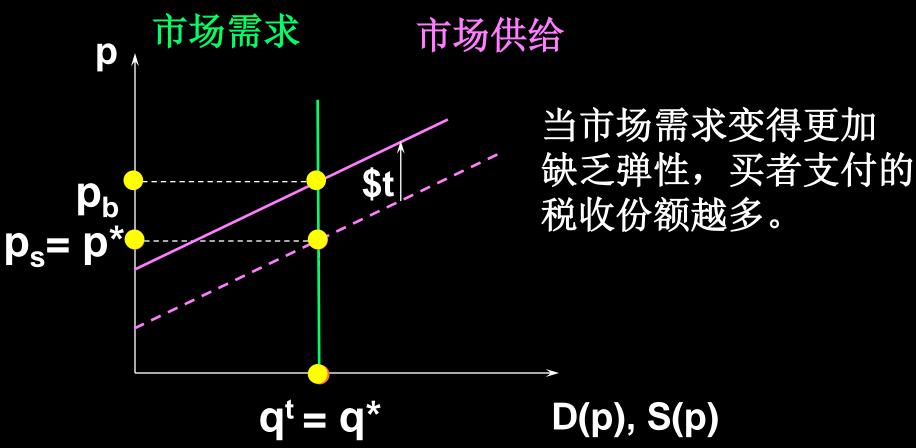
$$p_{b} - p^{*} \approx \frac{\Delta q \times p^{*}}{\varepsilon_{D} \times q^{*}}.$$

$$p_{s} - p^{*} \approx \frac{\Delta q \times p^{*}}{\varepsilon_{S} \times q^{*}}.$$
因此
$$\frac{p_{b} - p^{*}}{p^{*} - p_{s}} \approx -\frac{\varepsilon_{S}}{\varepsilon_{D}}.$$

当供给变得更有弹性,或者需求变得更加缺乏弹性,买者支付的从量税\$t的份额越多。







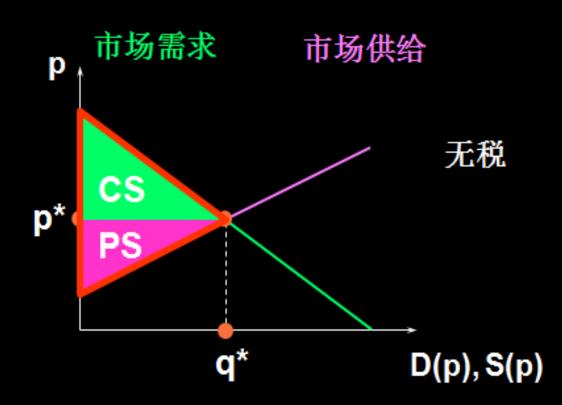
当 $\varepsilon_D = 0$ 时,即使是对卖者征收的,买者支付所有的税收。

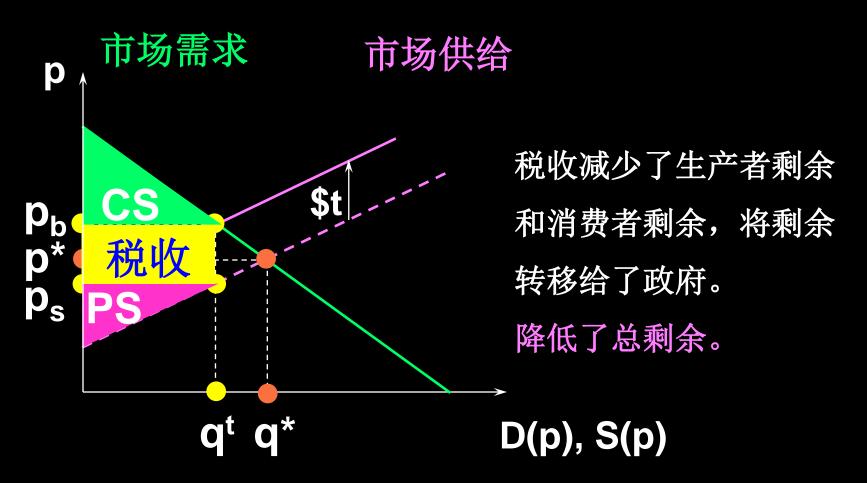
税收归宿为:

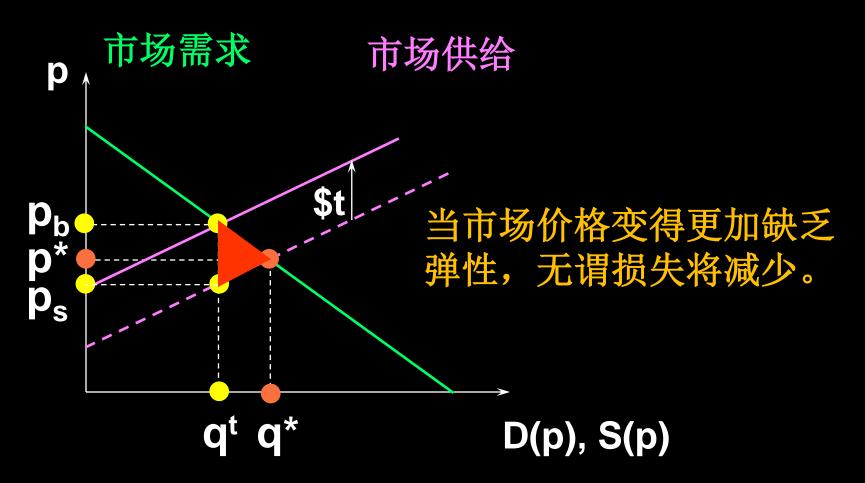
$$\frac{\mathsf{p}_{\mathsf{b}} - \mathsf{p}^*}{\mathsf{p}^* - \mathsf{p}_{\mathsf{s}}} \quad \approx \quad -\frac{\varepsilon_{\mathsf{S}}}{\varepsilon_{\mathsf{D}}}.$$

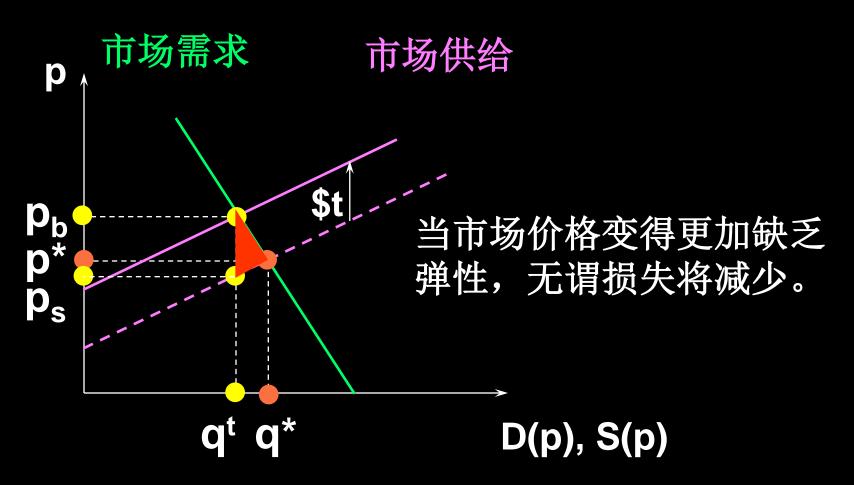
同样的,当供给变得更加缺乏弹性,或者需求变得更加弹性时,卖者支付更多的从量税 \$t的份额。

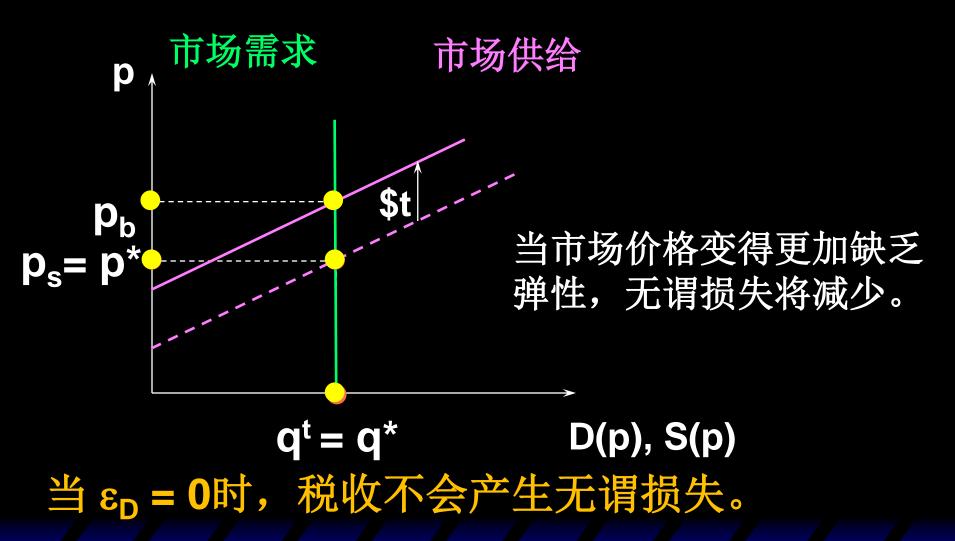
- → 从量税使得竞争市场上交易 量减少,因此也减少通过交 易所得的福利 (消费者与生 产者剩余)
- ◆ 考虑税收所造成的无谓损失











- ◆ 当需求或者供给变得更加具有弹性时,由于从量 税产生的无谓损失会上升。
- + 假如 $ε_D = 0$ 或者 $ε_S = 0$,那么无谓损失为0.