## 一、 比值变换融合

假设有两幅已配准、分辨率相同的多光谱影像B和全色影像P,多光谱影像B的三个波段分别为 $B_1$ 、 $B_2$ 、 $B_3$ 。则有如下的融合公式:

$$B_i^{new} = \frac{B_i \times P}{B_1 + B_2 + B_3}$$
  $i = 1,2,3$ 

比值变换可以增加图像两端的对比度。当要保持原始图像的辐射度时,本方法不宜采用。

## 二、 乘积变换

基于上文的比值变换融合, 有如下的融合公式:

$$B_i^{new} = B_i \times P$$

通过乘积变换融合得到的图像其亮度成分得到增加。

## 三、 加权融合

设有两幅已配准、分辨率相同的影像 $I_1$ 、 $I_2$ ,尺寸均为 $M \times N$ 。则首先遍历两幅影像,计算两幅影像的灰度均值 $g_1^m$ 、 $g_2^m$ :

$$g_i^m = \frac{1}{M \times N} \sum_{r=0}^{M-1} \sum_{c=0}^{N-1} g_i(r, c)$$

而后计算图像的标准差 $\sigma_1$ 、 $\sigma_2$ 和方差 $d_1$ 、 $d_2$ ,以及两幅影像间的协方差 $\sigma_{12}$ :

$$d_i = \frac{1}{M \times N - 1} \sum_{r=0}^{M-1} \sum_{c=0}^{N-1} (g_i(r, c) - g_i^m)^2$$

$$\sigma_i = \sqrt{d_i}$$

$$\sigma_{12}^2 = \frac{1}{M \times N - 1} \sum_{r=0}^{M-1} \sum_{c=0}^{N-1} (g_1(r, c) - g_1^m)(g_2(r, c) - g_2^m)$$

计算两幅影像之间的相关系数 $r_{12}$ :

$$r_{12} = \frac{\sigma_{12}}{\sigma_1 \sigma_2}$$

计算两幅影像的权:

$$P_1 = \frac{1}{2}(1 - |r_{ij}|)$$

$$P_2 = \frac{1}{2}(1 + |r_{ij}|)$$

故新影像的加权公式为:

$$g_{new}(r,c) = P_1 g_1(r,c) + P_2 g_2(r,c)$$

对于两幅已配准、分辨率相同的多光谱影像和全色影像,可选取多光谱影像中的三个波段分别和全色影像进行加权融合,而后组成新的三个波段。