

Persistent Surveillance Problem

ALUMNO: GERMÁN FERNÁNDEZ

AYUDANTE: NICOLÁS ARMIJO

PROFESORA: MARÍA CRISTINA RIFF



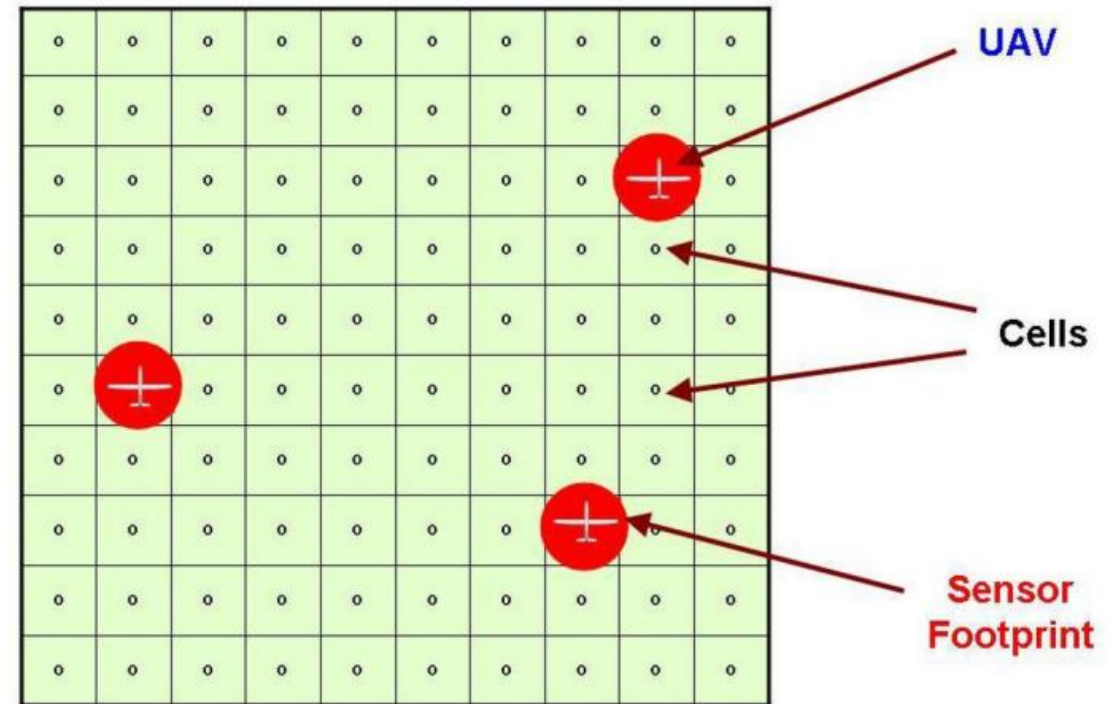
Introducción

Escenario: Se representa como una grilla $m \times n$.

Estrategia: Utilización de k UAVs en una ventana de tiempo T ,
los drones pueden moverse a las 8 Casillas vecinas o mantenerse.

Casillas:

- **Bases:** Dónde inician los drones (con urgencia 0)
- **Con Urgencia:** Son aquellas que los drones deben cubrir
y su urgencia aumenta en U cada tick
- **Obstáculos:** Son casillas en las cuales los drones no pueden sobrevolar
- **Libres:** Tienen urgencia 0.



Objetivo y restricciones

Objetivo: minimizar la urgencia acumulada durante T ticks.

Restricciones:

- Cada dron parte desde una base.
- No pueden pasar por obstáculos.
- No pueden coincidir dos drones en la misma celda.
- Sin restricción de batería ni señal.

Técnica: Tabú Search

- Representación, Función de Evaluación y Movimiento
- Tiene como parámetro el tamaño de la lista tabú
- **Criterio de aspiración:** Se permite aceptar un movimiento si este mejora la mejor solución global a pesar de si este es considerado tabú.

Representación

$$X = \begin{bmatrix} x_{1,1} & x_{1,2} & \cdots & x_{1,T} \\ x_{2,1} & x_{2,2} & \cdots & x_{2,T} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ x_{k,1} & x_{k,2} & \cdots & x_{k,T} \end{bmatrix}$$

$x_{ij} :=$ Movimiento realizado por el dron i en el instante j .

$i \in \{\text{Norte, Noreste, Este, Sureste, Sur, Suroeste, Oeste, Noroeste, Halt}\},$

$j \in \{1, 2, \dots, T\}$

Función de Evaluación

$$\text{Minimizar } f(S) = \sum_{t=0}^T \sum_{(i,j) \in C} u_{ij}(t)$$

$$u_{ij}(t+1) = \begin{cases} 0, & \text{si la celda es visitada por algún dron en el tick } t, \\ u_{ij}(t) + w_{ij}, & \text{en caso contrario.} \end{cases}$$

donde:

- S : solución representada por la matriz $k \times T$ de movimientos.
- $u_{ij}(t)$: urgencia de la celda (i, j) en el instante t .
- w_{ij} : urgencia en que aumenta la celda (i, j) durante cada tick.
- C : Conjunto de celdas que deben ser monitoreadas.

Movimiento

Los movimientos se codifican de forma discreta y ordenada en sentido horario, y la generación de vecinos avanza iterando primero en el tiempo y luego por dron, realizando un único cambio por vecino dentro de la matriz S .

Solución inicial y conjunto de soluciones

Solución inicial: Es aleatoria y factible.

Conjunto de soluciones: Factibles.

Escenario en código

```
struct Celda {
    char tipo; // Tipo de celda: '.', 'O', 'U', 'B'
    int urgencia; // Tasa de actualización de urgencia
    vector<int> movimientos; // Direcciones posibles

    // Constructor por defecto
    Celda()
        : tipo('.'), urgencia(0), movimientos(9, 0)
    {
        movimientos[8] = 1; // Se permite permanecer en la misma celda
    }
};
```

Cada celda puede ser:

- '.' : celda libre.
- 'O' : obstáculo (no transitable).
- 'U' : celda con urgencia distinta de cero.
- 'B' : base donde inicia un dron.

Listing 1: Estructura general de la clase Grid

```

class Grid {
private:
    // --- Atributos principales ---
    int filas, cols; // Dimensiones de la grilla
    int n_obstaculos, n_urgencias, n_bases; // Cantidades de cada tipo
    vector<pair<int,int>> obstaculos; // Coordenadas de obstculos
    vector<tuple<int,int,int>> urgencias; // (fila, columna, valor)
    vector<tuple<int,int,int>> bases; // (id, fila, columna)
    vector<vector<Celda>> grid; // Matriz de celdas
    int urgenciaTotalInicial = 0; // Suma inicial de urgencias
    unordered_map<int, int> histUrgencias; // Histograma de urgencias

public:
    // --- Constructor ---
    Grid(string instancia); // Construye la grilla desde archivo

    // --- Metodos principales ---
    void print() const; // Muestra la grilla en consola
    bool esRutaFactible(
        const vector<int>& basesIDs,
        const vector<vector<int>>& movimientos,
        int T
    ) const; // Verifica restricciones

    // --- Getters ---
    int getFilas() const;
    int getCols() const;
    int getNBases() const;
    int getUrgenciaTotalInicial() const;
    int getNUrgencias() const;
    const unordered_map<int,int>& getHistUrgencias() const;

    // --- Accesos a bases ---
    vector<pair<int,int>> getBases() const;
    pair<int,int> getBasePorID(int id) const;

    // --- Accesos a celdas ---
    char getTipo(int i, int j) const;
    int getUrgencia(int i, int j) const;
};

```

```

// --- Representa un movimiento tabu individual ---
struct MovimientoTabu { int i, t, mov; };

// --- Genera vecinos factibles de una solucion dada ---
// Recorre la matriz kxT y cambia un unico movimiento por vez.
// Omite movimientos marcados como tabu y valida factibilidad con Grid.
vector<vector<vector<int>>> generarVecinos(
    const vector<vector<int>>& sol,
    const Grid& grid, int k, int T,
    const vector<int>& basesIDs,
    const deque<MovimientoTabu>& listaTabu,
    int mejorValor);

// --- Evalua una solucion sumando las urgencias acumuladas ---
// Usa la formula:  $w * [(N_w - N_{\{v,w\}}) * T(T+1)/2 + t_v(t_v+1)/2]$ 
// Considera las ultimas visitas de cada dron a cada celda urgente.
ll funcionEvaluacion(
    const vector<vector<int>>& sol,
    const Grid& grid, int k, int T,
    const vector<int>& basesIDs);

// --- Resultado de una busqueda tabu ---
// Almacena la mejor solucion y su valor asociado.
struct ResultadoTabu {
    vector<vector<int>> mejorSol;
    ll mejorValor;
};

// --- Algoritmo principal de Busqueda Tabu ---
// Explora vecinos evitando ciclos, mantiene lista tabu y aspiracion.
// Actualiza la mejor solucion encontrada durante las iteraciones.
ResultadoTabu tabuSearch(
    const Grid& grid,
    vector<vector<int>> solucionInicial,
    int iterMax, int tabuTenencia,
    int k, int T, const vector<int>& bases);

// --- Genera una solucion inicial factible ---
// Asigna movimientos aleatorios a cada dron asegurando factibilidad.
// Reintenta hasta cierto limite y, si falla, usa la solucin quieta.
vector<vector<int>> generarSolucionInicial(
    const Grid& grid, int k, int T,
    const vector<int>& basesIDs);

```

Complejidades

Función	Complejidad Temporal	Descripción
<code>generarSolucionInicial()</code>	$\mathcal{O}(I \cdot k \cdot T)$	Crea una solución inicial factible.
<code>esRutaFactible()</code>	$\mathcal{O}(k \cdot T \log k)$	Verifica límites, obstáculos y colisiones.
<code>funcionEvaluacion()</code>	$\mathcal{O}(k \cdot T + U)$	Calcula la urgencia acumulada total.
<code>generarVecinos()</code>	$\mathcal{O}(k^2 \cdot T^2)$	Explora vecinos modificando un único movimiento.
<code>tabuSearch()</code>	$\mathcal{O}(I_{\max} \cdot k^2 \cdot T^2)$	Ejecuta la búsqueda tabú completa.

Table 1: Complejidad temporal resumida de las funciones principales del sistema PSP-UAV.

Asignación drones-bases

La elección de bases se maneja mediante una **búsqueda combinatoria estocástica**, donde se generan todas las combinaciones posibles drones-bases y se selecciona un **subconjunto aleatorio sin repetición** para su evaluación.

Sobre cada combinación seleccionada se aplica la **metaheurística Tabu Search**, ejecutándose de forma **paralela y asíncrona** para identificar la asignación con la menor urgencia acumulada.

Resultados

===== RESULTADO FINAL =====

Mejor asignación de drones-bases:

Dron 0 -> Base 3

Dron 1 -> Base 8

Dron 2 -> Base 0

Dron 3 -> Base 7

Dron 4 -> Base 2

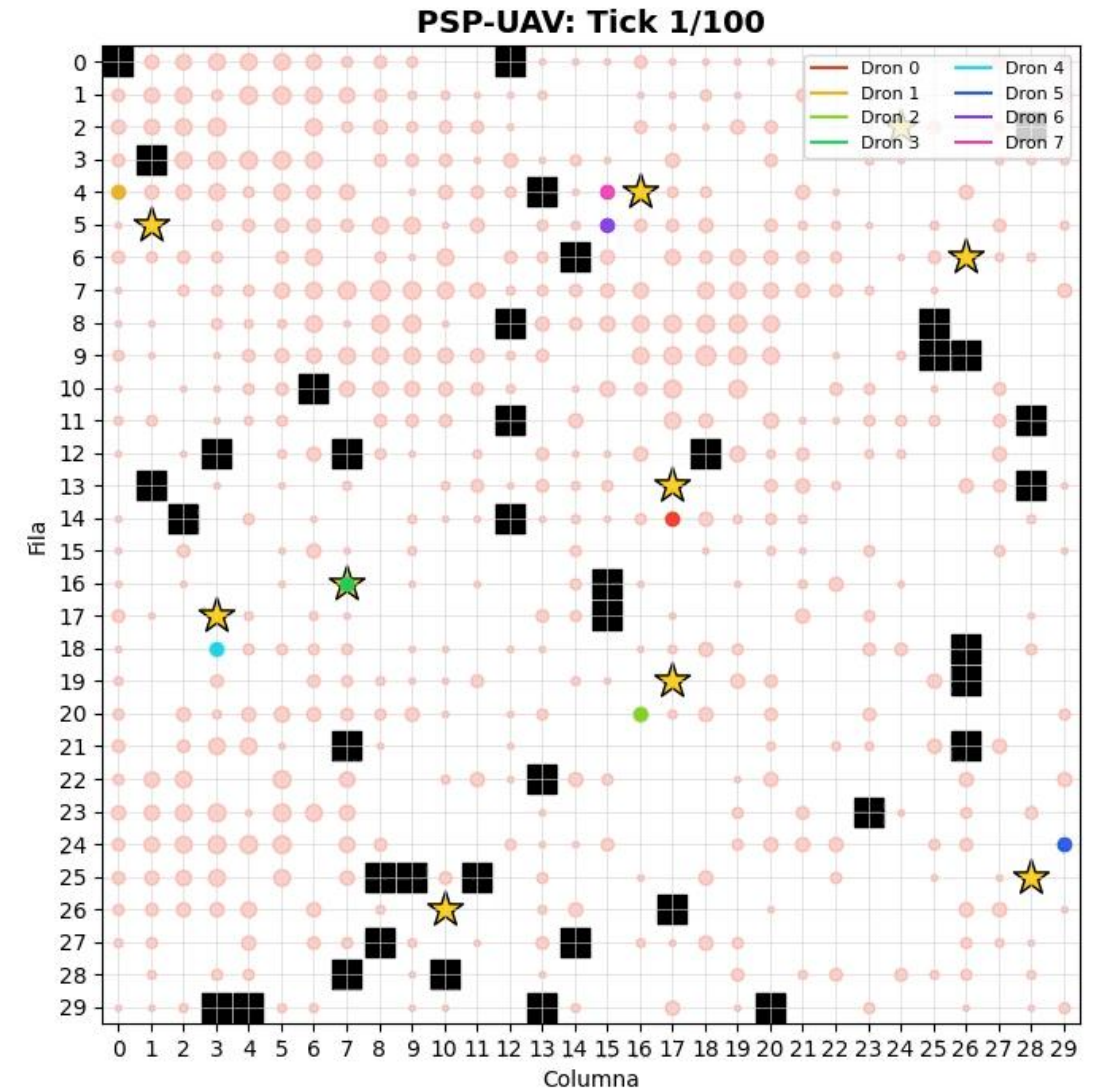
Dron 5 -> Base 5

Dron 6 -> Base 4

Dron 7 -> Base 4

Costo total acumulado: 4686834

===== TRAYECTORIAS =====



Mejoras posibles

- **generarVecinos()**: Debemos buscar reducir su complejidad viendo posible trabajar en conjunto de soluciones infactibles o analizando la factibilidad dinámicamente.
- En caso de que no se consiga una solución inicial factible, trabajar con un greedy que nos consiga una trayectoria factible para cada dron.
- Trabajar con la solución inicial en donde todas los movimientos inician en Halt tiene errores.
- Mejorar la visualización de la solución, corrigiendo ciertos errores, haciendo que los drones partan de las bases en el vídeo.
- Que el Código muestre cuánto se demora conseguir la mejor solución a través del Tabú Search.