

# Persistent Surveillance Problem

---

ALUMNO: GERMÁN FERNÁNDEZ

AYUDANTE: NICOLÁS ARMIVO

PROFESORA: MARÍA CRISTINA RIFF



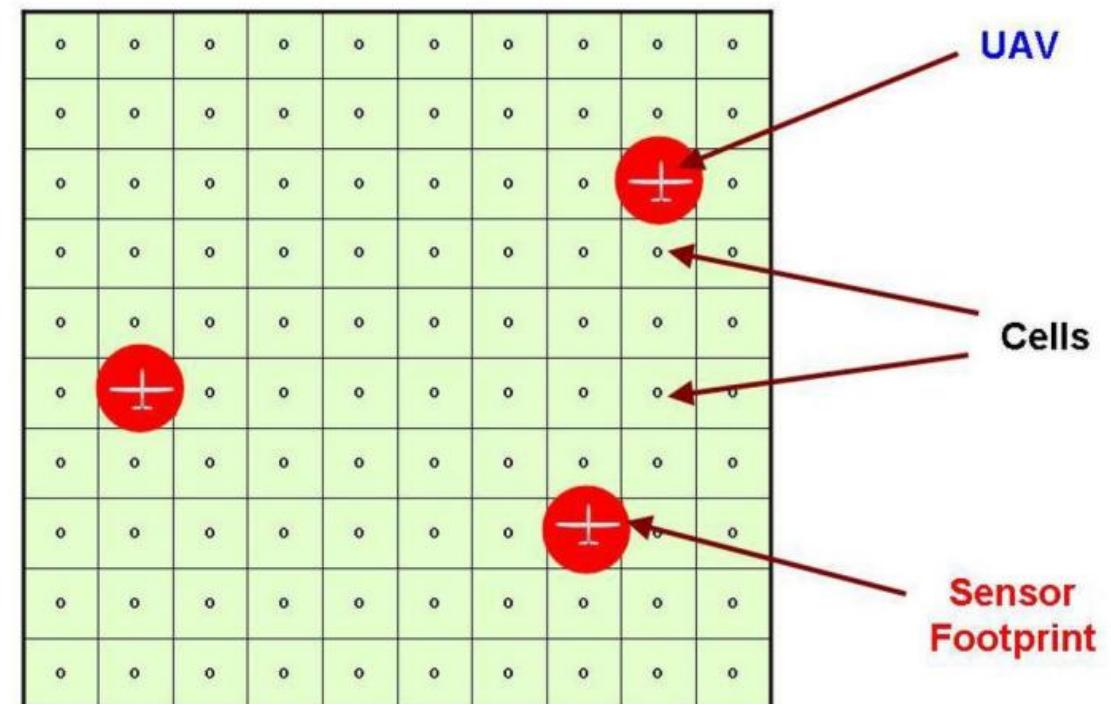
# Introducción

**Escenario:** Se representa como una grilla  $m \times n$ .

Estrategia: Utilización de  $k$  UAVs en una ventana de tiempo  $T$ , los drones pueden moverse a las 8 Casillas vecinas o mantenerse.

## Casillas:

- **Bases:** Dónde inician los drones (con urgencia 0)
  - **Con Urgencia:** Son aquellas que los drones deben cubrir y su urgencia aumenta en  $U$  cada tick
  - **Obstáculos:** Son casillas en las cuales los drones no pueden sobrevolar
  - **Libres:** Tienen urgencia 0.



# Objetivo y restricciones

---

Objetivo: minimizar la urgencia acumulada durante  $T$  ticks.

Restricciones:

- Cada dron parte desde una base.
- No pueden pasar por obstáculos.
- No pueden coincidir dos drones en la misma celda.
- Sin restricción de batería ni señal.

# Técnica: Tabú Search

---

- Representación, Función de Evaluación y Movimiento
- Tiene como parámetro el tamaño de la lista tabú
- **Criterio de aspiración:** Se permite aceptar un movimiento si este mejora la mejor solución global a pesar de si este es considerado tabú.

# Representación

---

$$X = \begin{bmatrix} x_{1,1} & x_{1,2} & \cdots & x_{1,T} \\ x_{2,1} & x_{2,2} & \cdots & x_{2,T} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ x_{k,1} & x_{k,2} & \cdots & x_{k,T} \end{bmatrix}$$

$x_{ij} \coloneqq$  Movimiento realizado por el dron  $i$  en el instante  $j$ .

$i \in \{\text{Norte}, \text{Noreste}, \text{Este}, \text{Sureste}, \text{Sur}, \text{Suroeste}, \text{Oeste}, \text{Noroeste}, \text{Halt}\}$ ,

$j \in \{1, 2, \dots, T\}$

# Función de Evaluación

---

$$\text{Minimizar } f(S) = \sum_{t=0}^T \sum_{(i,j) \in C} u_{ij}(t)$$

$$u_{ij}(t+1) = \begin{cases} 0, & \text{si la celda es visitada por algún dron en el tick } t, \\ u_{ij}(t) + w_{ij}, & \text{en caso contrario.} \end{cases}$$

donde:

- $S$ : solución representada por la matriz  $k \times T$  de movimientos.
- $u_{ij}(t)$ : urgencia de la celda  $(i, j)$  en el instante  $t$ .
- $w_{ij}$ : urgencia en que aumenta la celda  $(i, j)$  durante cada tick.
- $C$ : Conjunto de celdas que deben ser monitoreadas.

# Movimiento

---

Los movimientos se codifican de forma discreta y ordenada en sentido horario, y la generación de vecinos avanza iterando primero en el tiempo y luego por dron, realizando un único cambio por vecino dentro de la matriz  $S$ .

# Solución inicial y conjunto de soluciones

---

Solución inicial: Es aleatoria y factible.

Conjunto de soluciones: Factibles.

# Escenario en código

---

```
struct Celda {
    char tipo; // Tipo de celda: '.', 'O', 'U', 'B'
    int urgencia; // Tasa de actualizacin de urgencia
    vector<int> movimientos; // Direcciones posibles

    // Constructor por defecto
    Celda()
        : tipo('.'), urgencia(0), movimientos(9, 0)
    {
        movimientos[8] = 1; // Se permite permanecer en la misma celda
    }
};
```

Cada celda puede ser:

- '.' : celda libre.
- 'O' : obstáculo (no transitable).
- 'U' : celda con urgencia distinta de cero.
- 'B' : base donde inicia un dron.

Listing 1: Estructura general de la clase Grid

```
class Grid {  
private:  
    // --- Atributos principales ---  
    int filas, cols; // Dimensiones de la grilla  
    int n_obstaculos, n_urgencias, n_bases; // Cantidades de cada tipo  
    vector<pair<int,int>> obstaculos; // Coordenadas de obstculos  
    vector<tuple<int,int,int>> urgencias; // (fila, columna, valor)  
    vector<tuple<int,int,int>> bases; // (id, fila, columna)  
    vector<vector<Celda>> grid; // Matriz de celdas  
    int urgenciaTotalInicial = 0; // Suma inicial de urgencias  
    unordered_map<int, int> histUrgencias; // Histograma de urgencias  
  
public:  
    // --- Constructor ---  
    Grid(string instancia); // Construye la grilla desde archivo  
  
    // --- Metodos principales ---  
    void print() const; // Muestra la grilla en consola  
    bool esRutaFactible(  
        const vector<int>& basesIDs,  
        const vector<vector<int>>& movimientos,  
        int T  
    ) const; // Verifica restricciones  
  
    // --- Getters ---  
    int getFilas() const;  
    int getCols() const;  
    int getNBases() const;  
    int getUrgenciaTotalInicial() const;  
    int getNUrgencias() const;  
    const unordered_map<int,int>& getHistUrgencias() const;  
  
    // --- Accesos a bases ---  
    vector<pair<int,int>> getBases() const;  
    pair<int,int> getBasePorID(int id) const;  
  
    // --- Accesos a celdas ---  
    char getTipo(int i, int j) const;  
    int getUrgencia(int i, int j) const;  
};
```

```

// --- Representa un movimiento tabu individual ---
struct MovimientoTabu { int i, t, mov; };

// --- Genera vecinos factibles de una solucion dada ---
// Recorre la matriz kxT y cambia un unico movimiento por vez.
// Omite movimientos marcados como tabu y valida factibilidad con Grid.
vector<vector<vector<int>> generarVecinos(
    const vector<vector<int>& sol,
    const Grid& grid, int k, int T,
    const vector<int>& basesIDs,
    const deque<MovimientoTabu>& listaTabu,
    int mejorValor);

// --- Evalua una solucion sumando las urgencias acumuladas ---
// Usa la formula: w * [(N_w - N_{v,w}) * T(T+1)/2 + t_v(t_v+1)/2]
// Considera las ultimas visitas de cada dron a cada celda urgente.
ll funcionEvaluacion(
    const vector<vector<int>& sol,
    const Grid& grid, int k, int T,
    const vector<int>& basesIDs);

// --- Resultado de una busqueda tabu ---
// Almacena la mejor solucion y su valor asociado.
struct ResultadoTabu {
    vector<vector<int>> mejorSol;
    ll mejorValor;
};

// --- Algoritmo principal de Busqueda Tabu ---
// Explora vecinos evitando ciclos, mantiene lista tabu y aspiracion.
// Actualiza la mejor solucion encontrada durante las iteraciones.
ResultadoTabu tabuSearch(
    const Grid& grid,
    vector<vector<int>> solucionInicial,
    int iterMax, int tabuTenencia,
    int k, int T, const vector<int>& bases);

// --- Genera una solucion inicial factible ---
// Asigna movimientos aleatorios a cada dron asegurando factibilidad.
// Reintenta hasta cierto limite y, si falla, usa la solucion quieta.
vector<vector<int>> generarSolucionInicial(
    const Grid& grid, int k, int T,
    const vector<int>& basesIDs);

```

# Complejidades

---

| Función                               | Complejidad Temporal                        | Descripción                                      |
|---------------------------------------|---|--|
| <code>generarSolucionInicial()</code> | $\mathcal{O}(I \cdot k \cdot T)$            | Crea una solución inicial factible.              |
| <code>esRutaFactible()</code>         | $\mathcal{O}(k \cdot T \log k)$             | Verifica límites, obstáculos y colisiones.       |
| <code>funcionEvaluacion()</code>      | $\mathcal{O}(k \cdot T + U)$                | Calcula la urgencia acumulada total.             |
| <code>generarVecinos()</code>         | $\mathcal{O}(k^2 \cdot T^2)$                | Explora vecinos modificando un único movimiento. |
| <code>tabuSearch()</code>             | $\mathcal{O}(I_{\max} \cdot k^2 \cdot T^2)$ | Ejecuta la búsqueda tabú completa.               |

Table 1: Complejidad temporal resumida de las funciones principales del sistema PSP-UAV.

# Asignación drones-bases

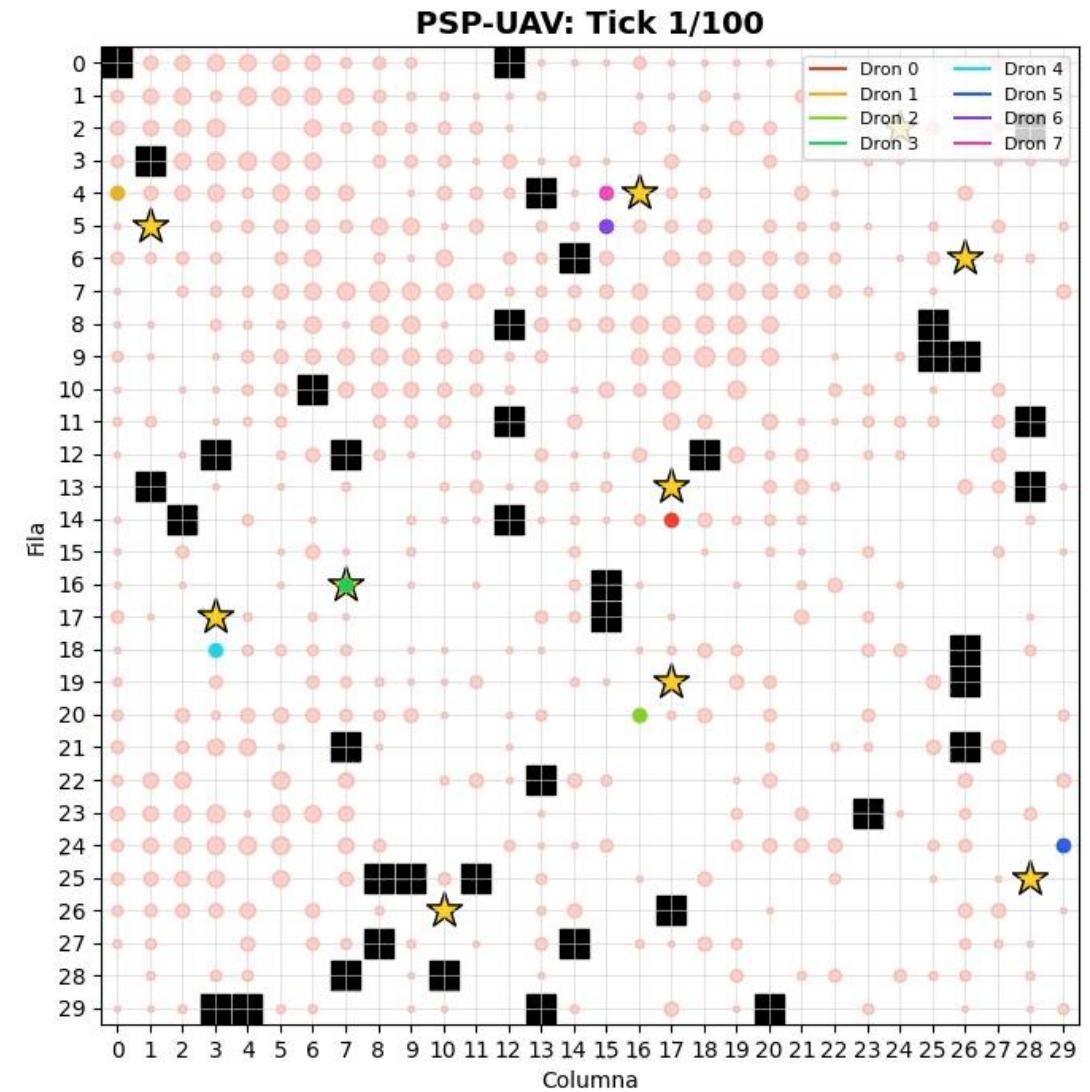
---

La elección de bases se maneja mediante una **búsqueda combinatoria estocástica**, donde se generan todas las combinaciones posibles drones-bases y se selecciona un **subconjunto aleatorio sin repetición** para su evaluación.

Sobre cada combinación seleccionada se aplica la **metaheurística Tabu Search**, ejecutándose de forma **paralela y asíncrona** para identificar la asignación con la menor urgencia acumulada.

# Resultados

```
===== RESULTADO FINAL =====
Mejor asignación de drones-bases:
Dron 0 -> Base 3
Dron 1 -> Base 8
Dron 2 -> Base 0
Dron 3 -> Base 7
Dron 4 -> Base 2
Dron 5 -> Base 5
Dron 6 -> Base 4
Dron 7 -> Base 4
Costo total acumulado: 4686834
=====
===== TRAYECTORIAS =====
```



----- TRAYECTORIAS -----

Dron 0 (Base 3) - posición inicial (13,17)

Trayectoria (fila,columna): (14,17) -> (15,17) -> (15,17) -> (16,17) -> (17,17) -> (18,18) -> (19,17) -> (20,17) -> (20,16) -> (20,16) -> (19,16) -> (19,17) -> (19,18) -> (19,18) -> (19,19) -> (19,20) -> (19,21) -> (20,21) -> (21,21) -> (21,22) -> (20,21) -> (19,20) -> (18,20) -> (17,21) -> (16,22) -> (15,22) -> (15,23) -> (14,23) -> (13,22) -> (14,21) -> (15,20) -> (15,19) -> (14,20) -> (13,21) -> (12,21) -> (11,22) -> (11,23) -> (10,22) -> (11,21) -> (11,20) -> (12,19) -> (12,20) -> (11,21) -> (11,20) -> (10,20) -> (10,21) -> (9,22) -> (8,22) -> (7,23) -> (6,24) -> (6,23) -> (7,22) -> (6,22) -> (6,21) -> (5,22) -> (5,23) -> (6,24) -> (6,25) -> (5,25) -> (5,26) -> (6,26) -> (7,25) -> (6,25) -> (7,25) -> (6,26) -> (5,26) -> (5,27) -> (6,26) -> (6,26) -> (7,25) -> (7,24) -> (8,23) -> (9,24) -> (10,25) -> (11,25) -> (12,26) -> (11,27) -> (12,27) -> (13,26) -> (13,27) -> (14,28) -> (15,27) -> (14,26) -> (14,26) -> (14,26)

Dron 1 (Base 8) - posición inicial (5,1)

Dron 2 (Base 0) - posición inicial (19,17)

Dron 3 (Base 7) - posición inicial (16,7)

Prop 4 (Base 2) - posición inicial (17.3)

Drop 5 (Base 5) - posición inicial (25-28)

Dirección (base 3) = posición inicial (23,26)

Trajetorios (fila, columna): (24,29) -> (23,28) -> (22,27) -> (23,26) -> (24,25) -> (23,25) -> (24,26) -> (25,25) -> (24,24) -> (24,23) -> (25,22) -> (24,23) -> (25,24) -> (26,25) -> (24,25) -> (25,24) -> (26,24) -> (25,25) -> (24,26) -> (24,25) -> (23,25) -> (24,24) -> (23,25) -> (24,24) -> (23,25) -> (24,25) -> (22,25) -> (22,26) -> (22,26) -> (21,27) -> (22,28) -> (21,28) -> (22,29) -> (22,28) -> (21,28) -> (21,29) -> (21,28) -> (20,29) -> (21,28) -> (21,28) -> (20,27) -> (19,27) -> (20,28) -> (21,28) -> (21,27) -> (20,28) -> (19,29) -> (19,28) -> (19,27) -> (20,26) -> (21,27) -> (21,27) -> (22,27) -> (22,27) -> (21,27) -> (21,28) -> (20,26) -> (20,26) -> (21,25) -> (20,24) -> (20,23) -> (20,22) -> (20,21) -> (20,22) -> (21,21) -> (20,20) -> (21,21) -> (22,20) -> (22,21) -> (23,20) -> (22,20) -> (23,19) -> (24,19) -> (25,20) -> (25,21) -> (24,21) -> (24,22) -> (23,22) -> (22,21) -> (22,22) -> (23,21) -> (24,20) -> (25,20) -> (26,19) -> (27,18) -> (28,19) -> (27,19) -> (28,18) -> (28,17) -> (28,16)

Drop 6 (Base 4) - posición inicial (4, 16)

Drop 7 (Base 4) - posición inicial (4, 16)

# Mejoras posibles

---

- **generarVecinos()**: Debemos buscar reducir su complejidad viendo posible trabajar en conjunto de soluciones infactibles o analizando la factibilidad dinámicamente.
- En caso de que no se consiga una solución inicial factible, trabajar con un greedy que nos consiga una trayectoría factible para cada dron.
- Trabajar con la solución inicial en donde todas los movimientos inician en Halt tiene errores.
- Mejorar la visualización de la solución, corrigiendo ciertos errores, haciendo que los drones partan de las bases en el vídeo.
- Que el Código muestre cuánto se demora conseguir la mejor solución a través del Tabú Search.