Данные и метрики BatchNorm

Иван Карпухин



Преподаватель



Иван Карпухин

Профессионально занимаюсь машинным обучением более 6 лет

Проекты (Тинькофф, VK, Яндекс):

- Голосовая биометрия
- Распознавание лиц и текстов
- Виртуальный аватар
- Исследования

Задание

- **S** 3 минуты
- **С** Анонимно
- 🖈 Ссылка в чате

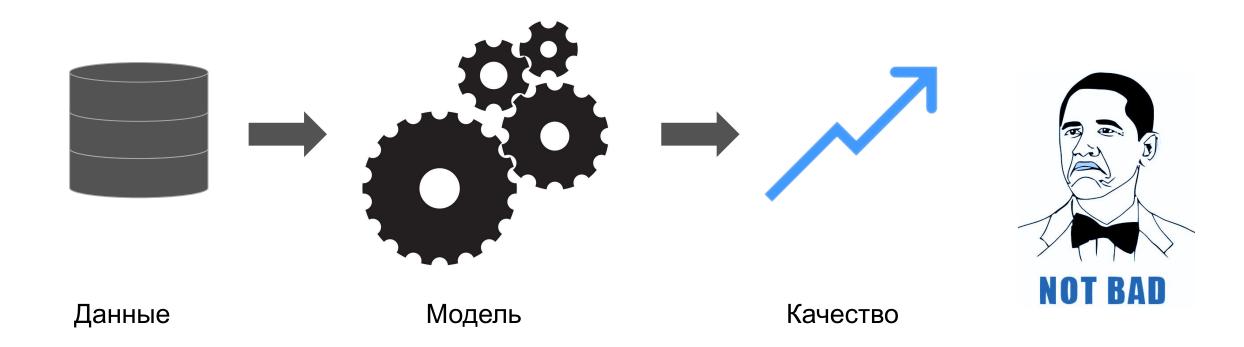
Обсудим через несколько слайдов



https://forms.gle/te9K251Zz1sSEy6n6

ML сложнее чем кажется

В теории:



ML сложнее чем кажется

На практике:



ML сложнее чем кажется

На практике:



Данные Train/dev/test

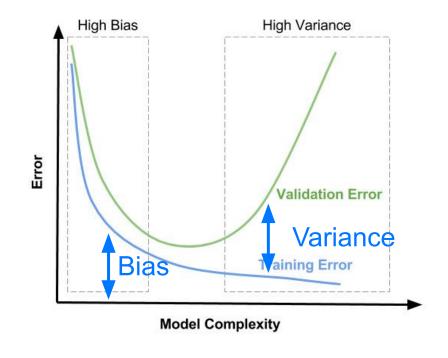
Bias / variance recap

Train set и Validation set из одного распределения

Bias - величина ошибки на Train Variance - разница ошибок Validation и Train

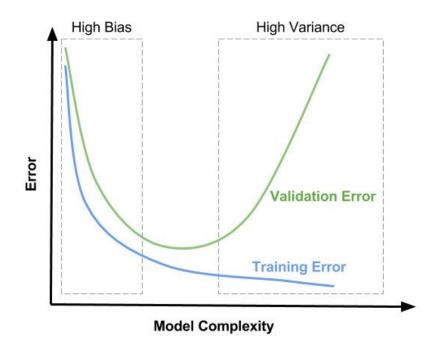
Описывают соответствие модели и данных

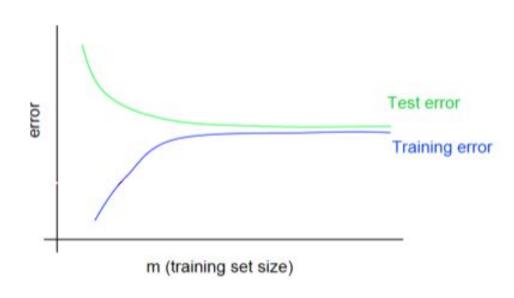
Терминология из анализа MSE*



 $^{^*\} https://en.wikipedia.org/wiki/Bias\%E2\%80\%93 variance_tradeoff\#Bias\%E2\%80\%93 variance_decomposition_of_mean_squared_error$

Bias / variance recap





Основные вопросы

- Какие корпусы нужны?
- Какого размера?
- Из какого распределения?

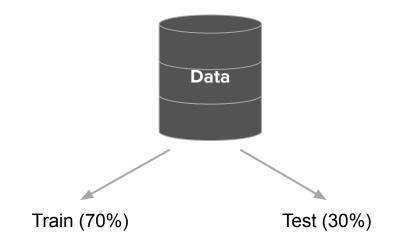
Train / test

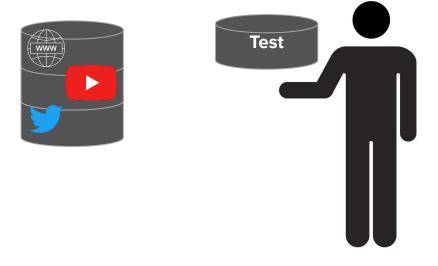
Причина 1

- Алгоритм переобучается под Train
- Нужен независимый Test для оценки

Причина 2

- Train большой, но из другого домена
- Теst от заказчика





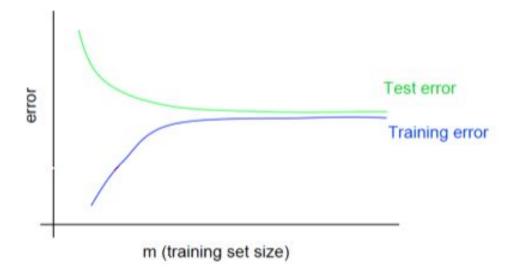
Train / test

Отбираем модели по Test метрикам

=> переобучаемся под Test

Увеличить Test?





Train / test

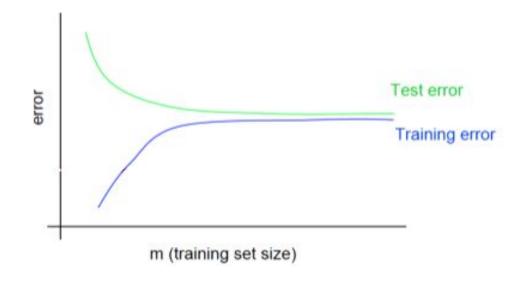
Отбираем модели по Test метрикам

=> переобучаемся под Test

Увеличить Test?

Сперва оценить степень переобучения



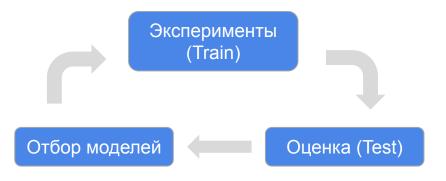


Development set

Отбираем модели по Test метрикам

=> переобучаемся под Test

<u>Решение:</u> Dev корпус



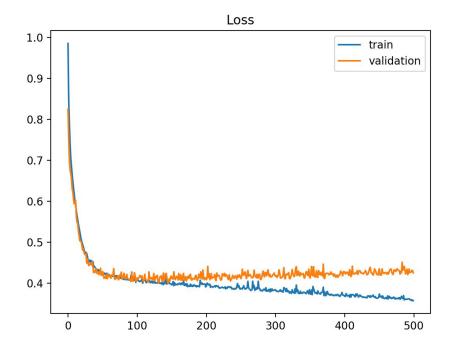
Корпус	Размер*	Распределение	Назначение
Train	10.000 - 10.000.000	М.б. смещенное	Обучение
Dev	1000 - 100.000	Несмещенное	Отбор модели
Test	1000 - 100.000	Несмещенное	Оценка модели

^{*} В некоторых задачах, особенно unsupervised и NLP, размер может заметно отличаться

Проблема

$$Error_{dev} - Error_{train} = 0.1$$

На сколько переобучилась модель? Как улучшить качество на Dev?



Проблема

 $Error_{dev} - Error_{train} = 0.1$

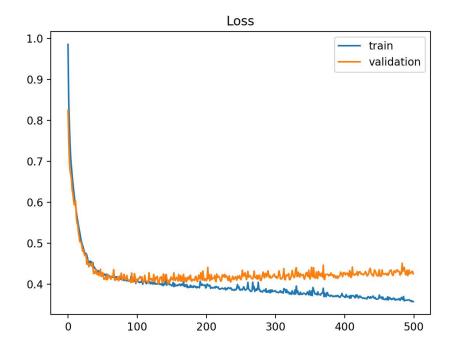
Train - смещённый

Dev - несмещённый

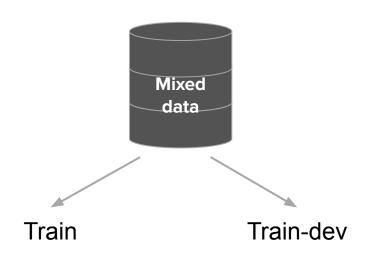
Уменьшать число параметров?

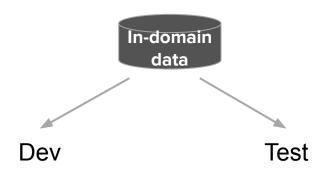
Увеличивать Train?

Искать несмещённые данные для Train?



Train-dev set





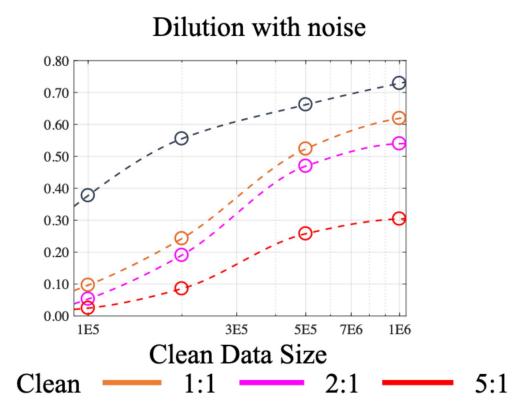
Data quality

Хотим улучшить качество модели за счет данных

- Собрать новых данных?
- Почистить имеющиеся?

Data quality

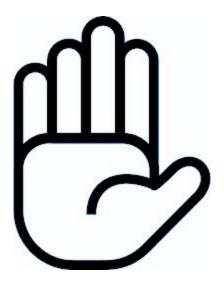
- Шумных данных нужно больше
- Количество может компенсировать качество



Итоги про данные

- Dataset size is not all you need
- Распределение данных важно
- Quality / dataset size trade-off
- Переобучаемся не только под train, но и под dev (и даже под test)
- Dev и Test стоит иногда менять
- Если train и dev из разных источников, можно выделить train-dev

Вопросы



Pasmep test set

Процесс оценки



Ү* - правильный ответ

$$Error = \begin{cases} 0, Y = Y^* \\ 1, Y \neq Y^* \end{cases}$$

Error - случайная величина Bernoulli(p)

р - вероятность ошибки модели

Задача оценки

N0 - число правильных классификаций

N1 - число ошибок

Pазмер Test: N = N1 + N0

Error - случайная величина Bernoulli(p)

р - вероятность ошибки модели

$$P(p=x|N_0,N_1)?$$

$$P(p = x | N_0, N_1) = \frac{P(N_0, N_1 | p = x) P(p = x)}{\int_{y} P(N_0, N_1 | p = y) P(p = y) dy}$$

$$P(p = x | N_0, N_1) = \frac{P(N_0, N_1 | p = x) P(p = x)}{\int_{y} P(N_0, N_1 | p = y) P(p = y) dy}$$
$$P(p = x) : Uniform(0, 1)$$

$$P(p = x | N_0, N_1) = \frac{P(N_0, N_1 | p = x) P(p = x)}{\int_y P(N_0, N_1 | p = y) P(p = y) dy}$$

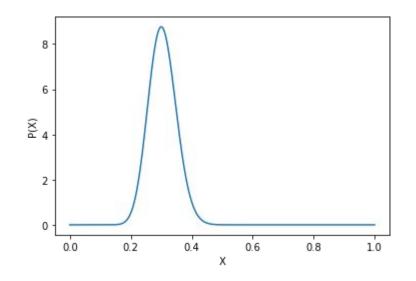
$$P(p = x) : Uniform(0, 1)$$

$$P(N_0, N_1 | p = x) = x^{N_1} (1 - x)^{N_0}, x \in [0, 1]$$

$$P(p = x | N_0, N_1) = \frac{P(N_0, N_1 | p = x) P(p = x)}{\int\limits_y P(N_0, N_1 | p = y) P(p = y) dy}$$

$$P(p = x) : Uniform(0, 1)$$

$$P(N_0, N_1 | p = x) = x^{N_1} (1 - x)^{N_0}, x \in [0, 1]$$



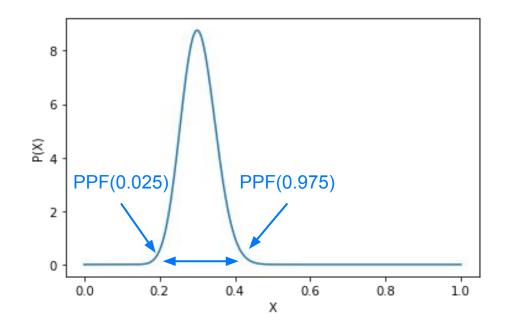
$$P(p = x | N_0, N_1) = Beta(N_1 + 1, N_0 + 1) = \frac{x^{N_1}(1 - x)^{N_0}}{B(N_1 + 1, N_0 + 1)}$$

Доверительный интервал

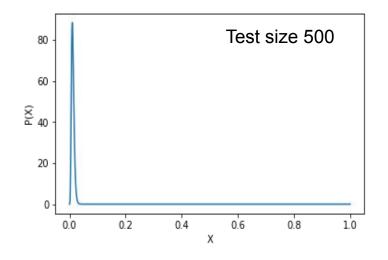
Доверительный интервал с уровнем доверия alpha = 0.95?

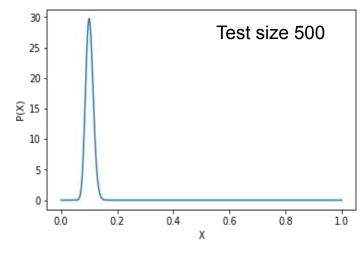
$$PPF_p(\alpha) = x : P(p \le x) = \alpha$$

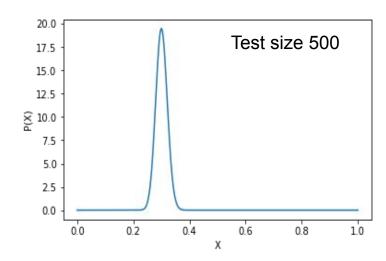
$$\Delta = PPF(\alpha + \frac{1-\alpha}{2}) - PPF(\frac{1-\alpha}{2})$$



Примеры





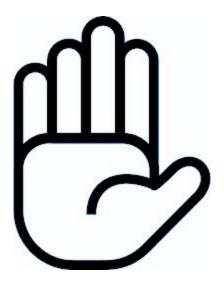


Mean Error = 0.01

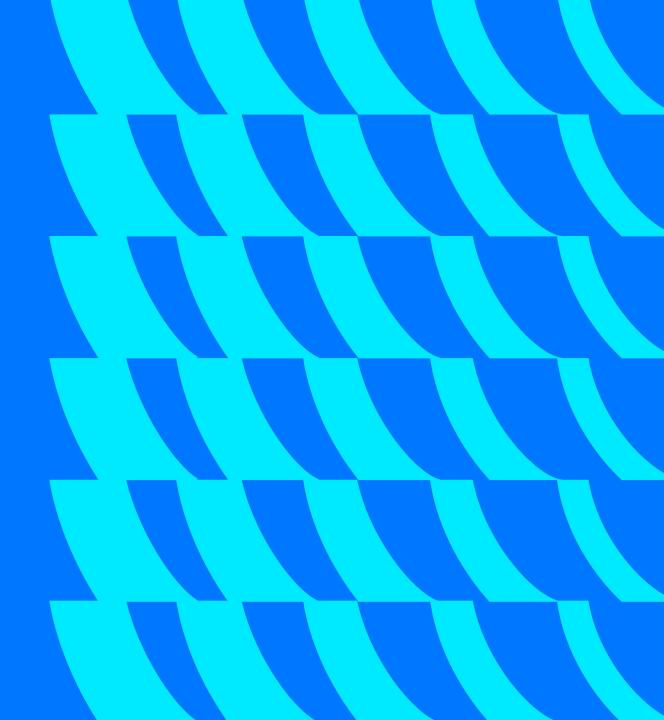
Mean Error = 0.1

Mean Error = 0.3

Вопросы



Метрики



Виды метрик

Технические

- оценивают подсистемы
- выявляют возможности для улучшений

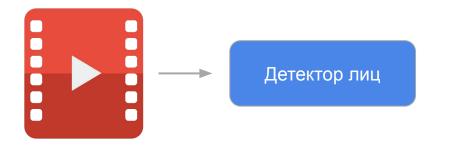
Продуктовые

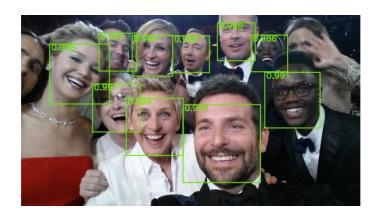
- связаны с бизнесом
- оценивают систему целиком
- одно число

Метрики из статей и стандартов

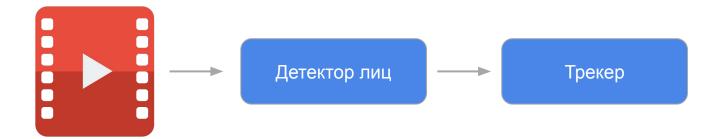
• сравнение с конкурентами

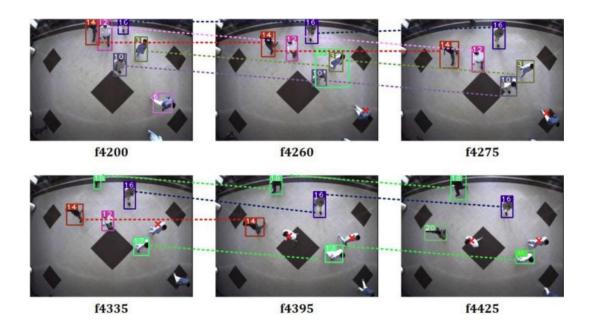
Пример: трекинг людей



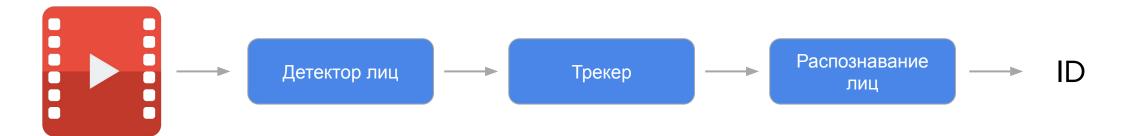


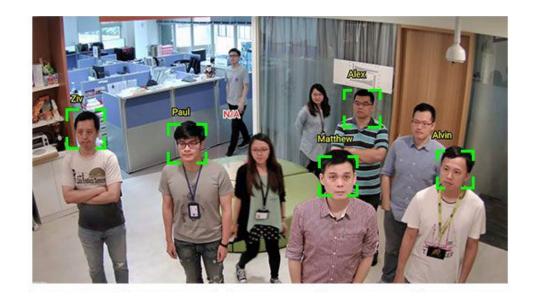
Пример: трекинг людей



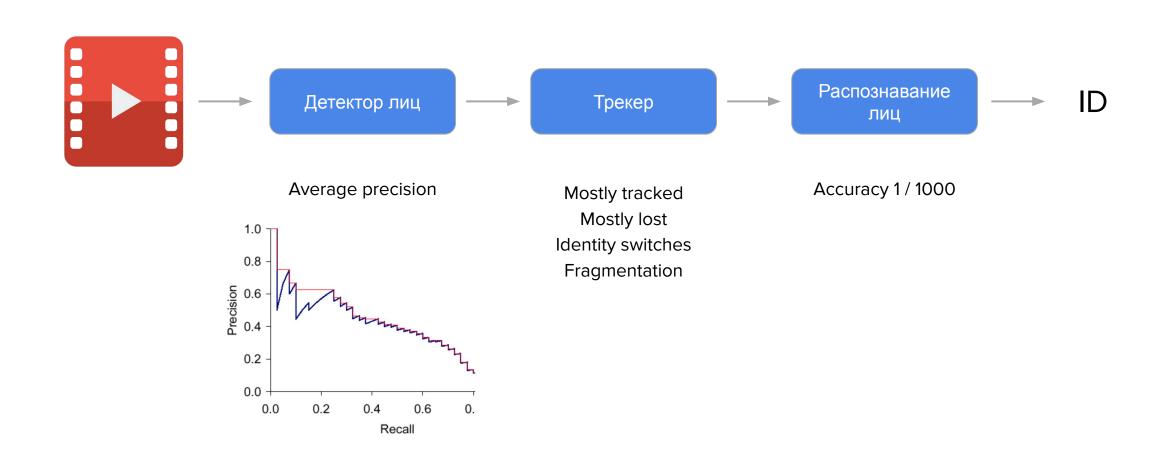


Пример: трекинг людей





Технические метрики



Продуктовые метрики

Задача:

- у заказчика есть база сотрудников с фото
- нужно найти посторонних людей на видео с камеры

Какое число выбрать в качестве продуктовой метрики?

Продуктовые метрики

Какие параметры важны:

- скорость работы пайплайна (ms / frame)
- частота ложных срабатываний (1 / hour)
- вероятность правильной классификации постороннего

Как сделать одно число?

Вариант 1: усреднение

- 1. Можно связать частоту ложных срабатываний с вероятностью правильной классификации сотрудника
- 2. Вероятности правильной классификации сотрудника и постороннего можно усреднить (mean, harmonic mean)

Как быть с быстродействием?

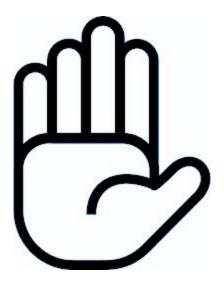
Вариант 2: ограничение

Какие параметры важны:

- скорость работы пайплайна (ms / frame)
- частота ложных срабатываний (1 / hour)
- вероятность правильной классификации постороннего

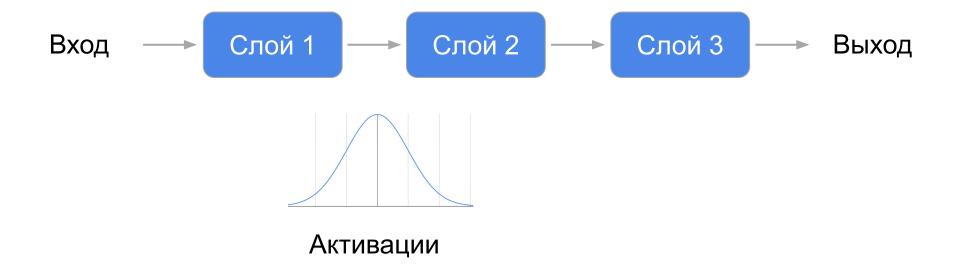
- 1. Ложные срабатывания допустимы не чаще 1 / час (в среднем)
- 2. Нужно обрабатывать кадр быстрее 200ms на CPU
- => остается один свободный параметр вероятность обнаружения постороннего

Вопросы

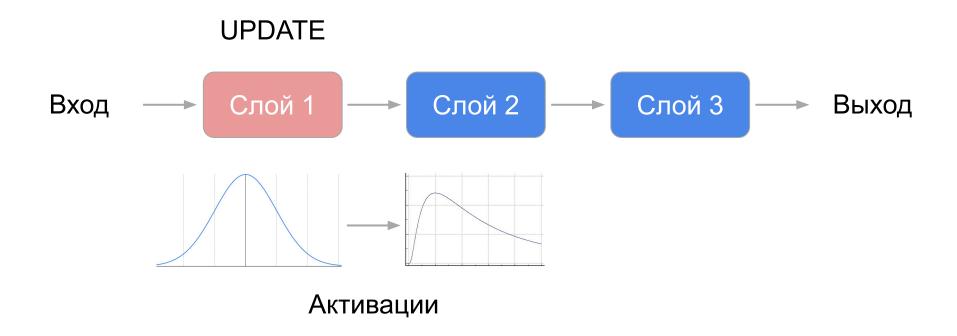




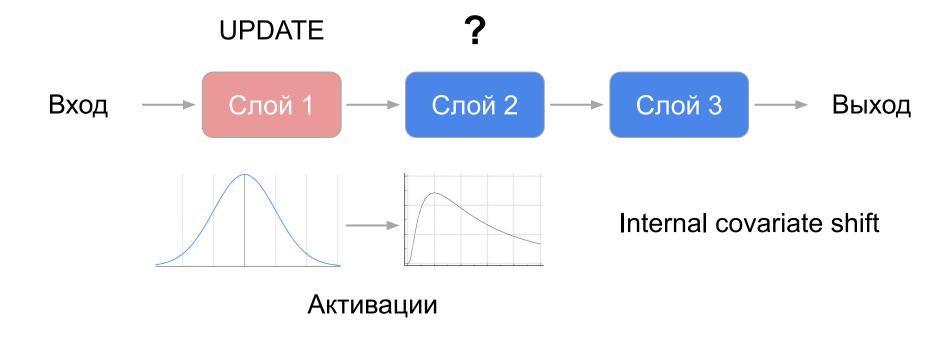
Проблема



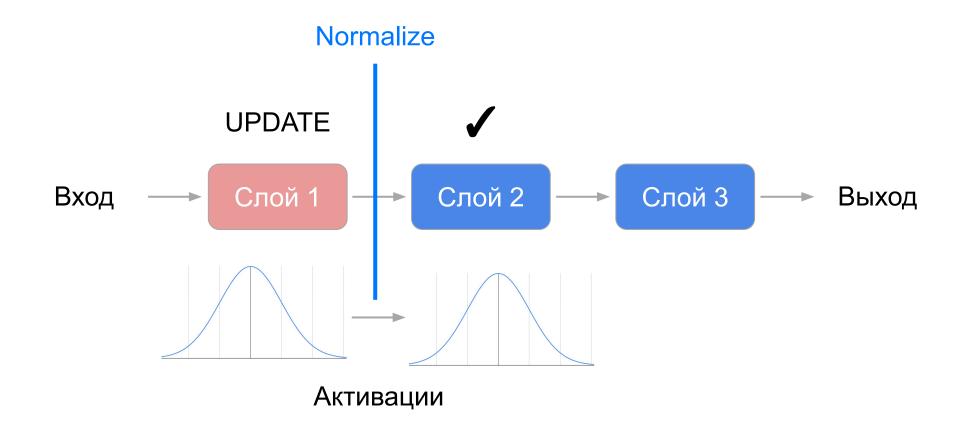
Проблема



Проблема



Нормировка



Во время тренировки:

- Вычесть среднее по батчу
- Разделить на STD батча
- Умножить на обучаемый scale
- Добавить обучаемый bias

```
Input: Values of x over a mini-batch: \mathcal{B} = \{x_{1...m}\}; Parameters to be learned: \gamma, \beta

Output: \{y_i = \mathrm{BN}_{\gamma,\beta}(x_i)\}

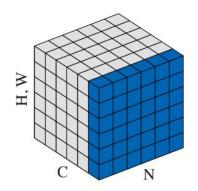
\mu_{\mathcal{B}} \leftarrow \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m x_i \qquad \text{// mini-batch mean}
\sigma_{\mathcal{B}}^2 \leftarrow \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (x_i - \mu_{\mathcal{B}})^2 \qquad \text{// mini-batch variance}
\widehat{x}_i \leftarrow \frac{x_i - \mu_{\mathcal{B}}}{\sqrt{\sigma_{\mathcal{B}}^2 + \epsilon}} \qquad \text{// normalize}
y_i \leftarrow \gamma \widehat{x}_i + \beta \equiv \mathrm{BN}_{\gamma,\beta}(x_i) \qquad \text{// scale and shift}
```

Algorithm 1: Batch Normalizing Transform, applied to activation x over a mini-batch.

Во время тренировки:

- Вычесть среднее по батчу
- Разделить на STD батча
- Умножить на обучаемый scale
- Добавить обучаемый bias

В свёрточных сетях:



Input: Values of x over a mini-batch: $\mathcal{B} = \{x_{1...m}\}$; Parameters to be learned: γ , β **Output:** $\{y_i = BN_{\gamma,\beta}(x_i)\}$ $\mu_{\mathcal{B}} \leftarrow \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} x_i$ // mini-batch mean $\sigma_{\mathcal{B}}^2 \leftarrow \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (x_i - \mu_{\mathcal{B}})^2$ // mini-batch variance $\widehat{x}_i \leftarrow \frac{x_i - \mu_{\mathcal{B}}}{\sqrt{\sigma_{\mathcal{B}}^2 + \epsilon}}$ // normalize $y_i \leftarrow \gamma \widehat{x}_i + \beta \equiv BN_{\gamma,\beta}(x_i)$ // scale and shift

Algorithm 1: Batch Normalizing Transform, applied to activation x over a mini-batch.

Во время тренировки:

- Вычесть среднее по батчу
- Разделить на STD батча
- Умножить на обучаемый scale
- Добавить обучаемый bias

Следствия:

- Поведение зависит от данных батча
- Поведение зависит от размера батча

Что делать в inference если нет батча?

Input: Values of x over a mini-batch: $\mathcal{B} = \{x_{1...m}\}$; Parameters to be learned: γ , β **Output:** $\{y_i = BN_{\gamma,\beta}(x_i)\}$ $\mu_{\mathcal{B}} \leftarrow \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} x_i$ // mini-batch mean $\sigma_{\mathcal{B}}^2 \leftarrow \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (x_i - \mu_{\mathcal{B}})^2$ // mini-batch variance $\widehat{x}_i \leftarrow \frac{x_i - \mu_{\mathcal{B}}}{\sqrt{\sigma_{\mathcal{B}}^2 + \epsilon}}$ // normalize $y_i \leftarrow \gamma \widehat{x}_i + \beta \equiv BN_{\gamma,\beta}(x_i)$ // scale and shift

Algorithm 1: Batch Normalizing Transform, applied to activation x over a mini-batch.

Во время тренировки:

- Вычесть среднее по батчу
- Разделить на STD батча
- Умножить на обучаемый scale
- Добавить обучаемый bias

При тестировании используются средние и STD усредненные по traininig set

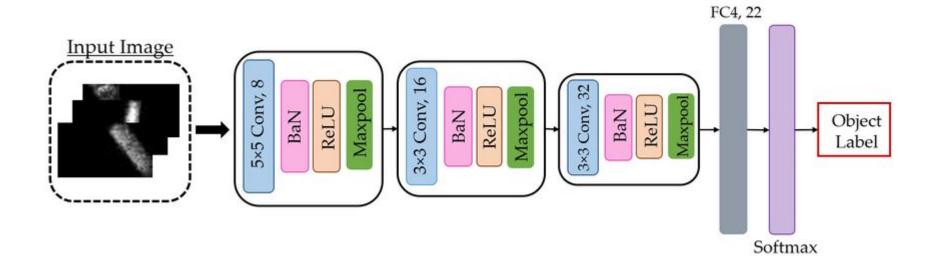
```
Input: Values of x over a mini-batch: \mathcal{B} = \{x_{1...m}\}; Parameters to be learned: \gamma, \beta

Output: \{y_i = \mathrm{BN}_{\gamma,\beta}(x_i)\}

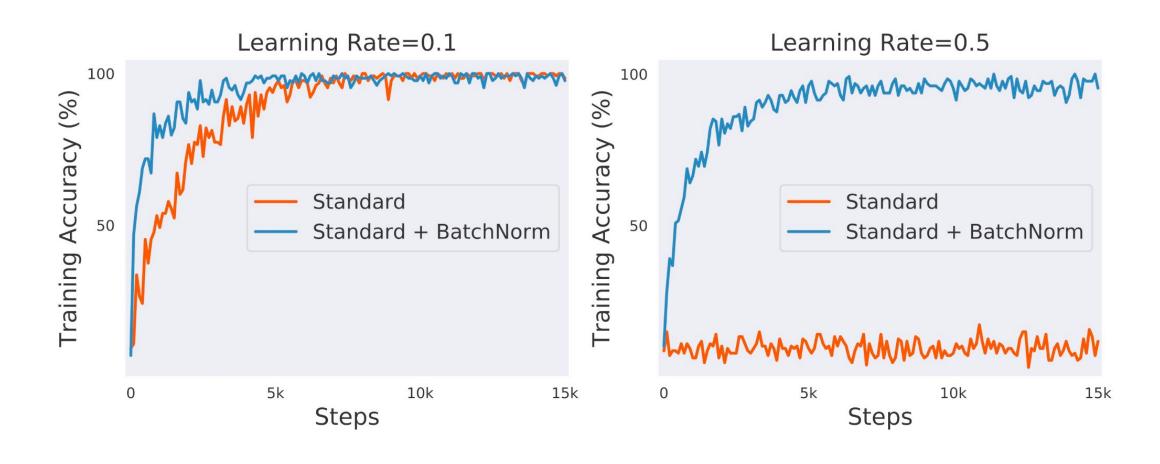
\mu_{\mathcal{B}} \leftarrow \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m x_i \qquad \text{// mini-batch mean}
\sigma_{\mathcal{B}}^2 \leftarrow \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (x_i - \mu_{\mathcal{B}})^2 \qquad \text{// mini-batch variance}
\widehat{x}_i \leftarrow \frac{x_i - \mu_{\mathcal{B}}}{\sqrt{\sigma_{\mathcal{B}}^2 + \epsilon}} \qquad \text{// normalize}
y_i \leftarrow \gamma \widehat{x}_i + \beta \equiv \mathrm{BN}_{\gamma,\beta}(x_i) \qquad \text{// scale and shift}
```

Algorithm 1: Batch Normalizing Transform, applied to activation x over a mini-batch.

Пример



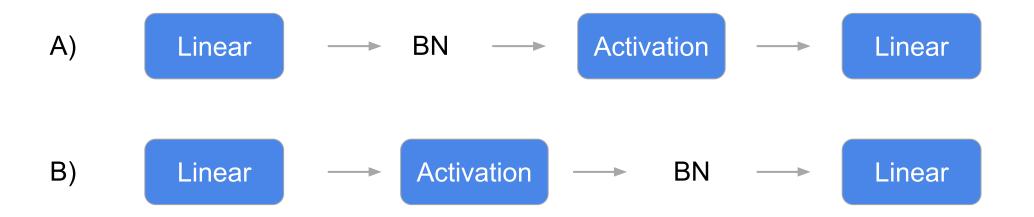
Пример



Зачем так сложно

- Если использовать скользящие средние в train, обучение может взорваться
- Появляется разница между train и test
- Иногда это благо, т.к. вносит регуляризацию

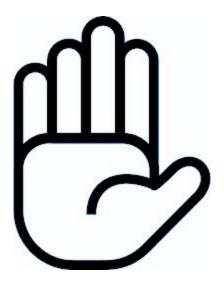
До или после активации



Batchnorm summary

- BN ускоряет обучение CNN и FC сетей
- BN позволяет использовать больший Learning Rate
- BN вносит разницу между train и test
- При больших batch size разница меньше, а статистики устойчивие

Вопросы



Спасибо за внимание)

