目录

第三章 栈	3
数组栈	3
STL 栈	3
整型数组栈	4
单调栈	4
第四章 队列	4
数组队列	4
STL 队列	5
STL 双端队列	5
整型数组队列	5
单调队列	6
第五章 排序	6
STL 快速排序	6
自定义排序-lambda 表达式	7
vector/string 的全排序	7
归并排序(附带统计逆序对数)	7
第六章 树	8
树的储存与遍历	8
孩子表示法	8
儿子兄弟表示法,主要用于前后序遍历	9
图表示法,主要用于从特定点遍历	9
近似满二叉树	10
二叉搜索树: 见专题	10
哈夫曼树: 见堆	10
第六章 二叉搜索树	10
STL	11
非 STL	11
第八章 优先队列	15
STL	15
整数大根堆	15

整数小根堆	15
数组	15
可并堆/左偏树	17
哈夫曼树	18
第九章 并查集	18
朴素并查集	18
朴素并查集(压行)	19
按秩合并并查集 O(log n)	19
第十章 图	20
图的表示	20
邻接矩阵表示	20
邻接表表示(非 STL)	20
邻接表表示(STL)	20
图的遍历	21
广搜	21
深搜	21
最短路: 见专题	22
最小生成树	22
prim	22
kruskal	22
第十章 最短路	23
朴素 dijkstra, O(n^2), 不能处理负边	23
堆优化的 dijkstra, O(e log e), 不能处理负边	24
Bellman-Ford, O(VE), 可以处理负边、判负环	24
floyd , O(n^3), 可以动态加点	25
其他	26
位运算操作	26
筛素数	26
埃氏筛 O(n log log n)	26

第三章 栈

数组栈

```
struct StackElem{
    //...
};
StackElem stk[MAXN];
int cnt=0,siz=MAXN;
//StackElem *cur=stk,*maxcur=stk+MAXN;
bool push(StackElem &e){
    if(cnt==siz) return false; //cur==maxcur
    stk[cnt++]=e; //*(cur++)=e;
    return true;
}
bool pop(){
    if(cnt==0) return false; //cur==stk
    --cnt;//--cur;
    return true;
}
StackElem top(){
    if(cnt==0) return NULLE;//cur==stk
    return stk[cnt-1];//*(cur-1)
}
bool empty(){
    return cnt==0;//cur==stk
}
int size(){
    return cnt;//cur-stk;
}
```

STL 栈

```
stack<StackElem> stk;
stk.push(e);
stk.pop();
stk.top();
stk.empty();
stk.size();
```

整型数组栈

```
int stk[MAXN],cnt=0;
stk[cnt++]=e;
--cnt;
stk[cnt-1];
(cnt==0);
cnt;
```

单调栈

```
int f(StackElem &a,StackElem &b) {}//单调性的函数 stack<StackElem> stk; void push(StackElem &e){ while( stk.size() && !f(stk.top(),e) ) stk.pop(); stk.push(e); }
```

第四章 队列

数组队列

```
struct QueueElem{
    //...
};
QueueElem que[MAXN];
int head=0,tail=0,siz=MAXN;
//QueueElem *head=que,*tail=que;
bool push(QueueElem &e){
    if(tail==siz) return false; //tail==que+MAXN
    que[tail++]=e; //*(tail++)=e;
    return true;
}
bool pop(){
    if(head==tail) return false;
    ++head;
    return true;
}
```

```
QueueElem front(){
    if(head==tail) return NULLE;
    return que[head];//*head
}
bool empty(){
    return head==tail;
}
int size(){
    return tail-head;
}
```

STL 队列

```
queue<QueueElem> que;
que.push(e);
que.pop();
que.front();
que.empty();
que.size();
```

STL 双端队列

```
deque<QueueElem> deq;
deq.push_front(e);
deq.push_back(e);
deq.pop_front();
deq.pop_back();
deq.front();
deq.back();
deq.empty();
deq.size();
```

整型数组队列

```
int que[MAXN],head=0,tail=0;
que[tail++]=e;
++head;
que[head];
(head==tail);
```

(tail-head);

单调队列

```
QueueElem que[MAXN];
int head=0,tail=0;
int f(QueueElem &a,QueueElem &b) {}//单调性函数
void push(QueueElem &e){
    if( f(que[tail-1],e) ){
         que[tail++]=e;
         return;
    }
    int l=head,r=tail-1,mid,pos=head;
    while(I<=r){
        mid=(1+r)/2;
        if( f(que[mid],e) ) pos=r,r=mid-1;
         else l=mid+1;
    }
    que[pos]=e;
}
```

第五章 排序

STL 快速排序

自定义排序-lambda 表达式

vector/string 的全排序

```
vector<Elem> v;//string s
sort(v.begin(),v.begin()+v.size()); //sort(v.begin(),v.end());
stable_sort(v.begin(),v.begin()+v.size()); //stable_sort(v.begin(),v.end());
```

归并排序 (附带统计逆序对数)

```
Elem a[MAXN],b[MAXN];
int merge_sort(int head,int tail){
    if(head==tail) return 0;
    int l1=head,r1=(head+tail)/2,l2=r1+1,r2=tail,ans=0,pos=head;
    ans+=merge_sort(l1,r1);
    ans+=merge_sort(l2,r2);
    while(l1<=r1&&l2<=r2){
        if(a[l1]<=a[l2]) b[pos++]=a[l1++];
        else b[pos++]=a[l2++],ans+=r1-l1+1;
    }
    while(l1<=r1) b[pos++]=a[l1++];
    while(l2<=r2) b[pos++]=a[l2++];
    for(int i=head;i<=tail;i++) a[i]=b[i];
    return ans;
}
```

第六章 树

树的储存与遍历

孩子表示法

```
struct node{
    //data
    int child[maxn];//各个孩子的地址
    int cntchild;
}n[maxn];
void preorder(int root){
    work(root);//work() 代指操作, 例如输出、计算或什么都不做, 下同
    for(int i=0;i<n[root].cntchild;i++)</pre>
         preorder(n[root].child[i]);
}
void postorder(int root){
    for(int i=0;i<n[root].cntchild;i++)</pre>
         preorder(n[root].child[i]);
    work(root);
}
void inorder(int root){
    if(n[root].cntchild)
         inorder(n[root].child[0]);
    work(root);
    for(int i=1;i<n[root].cntchild;i++)</pre>
         inorder(n[root].child[i]);
}
void bfs(int root){//层序遍历
    queue<int> q;
    q.push(root);
    while(q.size()){
         int now=q.front();
         q.pop();
         for(int i=0;i<n[now].cntchild;i++)</pre>
              q.push(n[now].child[i]);
         work(now);
    }
}
```

儿子兄弟表示法,主要用于前后序遍历

```
struct node{
    //data
    int child,bro;
}n[maxn];
void preorder(int root){
    work(root);
    preorder(n[root].child);
    preorder(n[root].bro);
}
void postorder(int root){
    postorder(n[root].child);
    work(root);
    postorder(n[root].bro);
}
```

图表示法,主要用于从特定点遍历

```
vector<int> Edg[maxn];
int pa[maxn];
void addEdge(int u,int v){
     Edg[u].push(v);
     Edg[v].push(u);
void dfs(int root,int fa){
     pa[root]=fa;
    for(auto to : Edg[root])
         if(to!=fa)
              dfs(to,root);
    work(root);
}
//dfs(u,-1)
void bfs(int root){
     pa[root]=-1;
     queue<int> q;
     q.push(root);
    while( q.size() ){
         int now=q.front();
         q.pop();
         for(auto to : Edg[now])
              if(to!=pa[now]){
```

近似满二叉树

```
Elem data[maxn];
int lc(int pos) { return 2*pos; }//pos<<1
int rc(int pos) { return 2*pos+1; }//pos<<1|1</pre>
void preorder(int root){
     work(root);
     preorder(lc(root));//preorder(root<<1)</pre>
     preorder(rc(root));//preorder(root<<1|1)</pre>
}
void postorder(int root){
     preorder(lc(root));//preorder(root<<1)</pre>
     preorder(rc(root));//preorder(root<<1|1)</pre>
     work(root);
}
void inorder(int root){
     preorder(lc(root));//preorder(root<<1)</pre>
     work(root);
     preorder(rc(root));//preorder(root<<1|1)</pre>
}
```

二叉搜索树: 见专题

哈夫曼树: 见堆

第六章 二叉搜索树

STL

```
set<Elem> s;//不可重集
multiset<Elem> s;//可重集
bool exist(Elem& data){
    return s.find(data)!=s.end();
}
s.insert(data);
s.erase(data);
/*
可重集删除一个元素
s.erase( s.find(data) );
*/
s.lower_bound(data);
//非严格后继,找到了返回迭代器(类似指针),未找到返回 s.end()
s.upper_bound(data);//严格后继
//找前驱需要用相反数建 set
Elem minElem(){
    return *s.begin();
}
Elem maxElem(){
    return *s.rbegin();
}
int Range(Elem &x,Elem &y){
    int ans=0;
    for(auto p=s.lower_bound(x);p!=s.end()&&*p<y;p++) ans++;</pre>
    //set<Elem>::iterator p=s.lower_bound(x)
    return ans;
}
```

非 STL

```
struct node{
    Elem data;
    node *lc,*rc,*pa;
}*root;
node* find(node *p,Elem& data){
    if(!p||p->data==data)
        return p;//找到或到达空节点
    else if(p->data>data)
        return find(p->lc,data);
```

```
else
        return find(p->rc,data);
void insert(node *p,Elem& data){
    if(p->data==data)
        work(p);
    else if(p->data>data){
        if(p->lc) insert(p->lc,data);
        else p->lc=newNode(data,p);//新建节点
    }
    else{
        if(p->rc) insert(p->rc,data);
        else p->rc=newNode(data,p);
    }
}
node *preElem(node *p,Elem& data){//求前驱
    if(p->data>=data){
        if(p->lc) return preElem(p->lc,data);
        else if(p->data>data) return NULL;
        else return p;//非严格前驱
        //严格前驱: NULL
    }
    else{
        if(p->rc) return preElem(p->rc,data)
        else return p;
    }
}
node *postElem(node *p,Elem& data){//求后继
    if(p->data<=data){
        if(p->rc) return preElem(p->rc,data);
        else if(p->data<data) return NULL;
        else return p;//非严格后继
        //严格后继: NULL
    }
    else{
        if(p->lc) return preElem(p->lc,data)
        else return p;
    }
}
node *minElem(node *p){//最小元素
    if(p->lc) return minElem(p->lc);
    else return p;
node *maxElem(node *p){//最大元素
```

```
if(p->rc) return maxElem(p->lc);
    else return p;
}
int size(node *p){
    if(!p) return 0;
    else return size(p->lc)+size(p->rc)+1;
int Range(node *p,Elem &x,Elem &y){//范围 [x,y] 内元素个数(递归)
    if(!p) return 0;
    else if(p->data<x) return Range(p->rc,x,y);
    else if(p->data>y) return Range(p->lc,x,y);
    else return Range(p->lc,x,y)+Range(p->rc,x,y)+1;
int Range(Elem &x,Elem &y){//范围 [x,y] 内元素个数(递推)
    node *q=postElem(root,x);//非严格后继
    if(!q) return 0;
    int ans=0;
    while(q&&q->data<y){
        ans++;
        q=postElem(root,*q);
    }
    return ans;
node *erase(Elem &data){//返回新的根
    node *p;
    if(!root) return NULL;
    if(root->data==data){//删除树根
        if( root->lc==0 && root->rc==0 ){//平凡树
             delete root;
             return NULL;
        }
        else if( root->lc==0 || root->rc==0 ){
             if(root->lc) p=root->lc;
             else p=root->rc;
             delete root;
             return p;
        }
        else{
             p=preElem(root,data);
             swapData(root,p);//交换数据
             if(p->lc)
                 if(p==p->pa->lc) p->pa->lc=p->lc;
                 else p->pa->rc=p->lc;
             }
```

```
else{
             if(p==p->pa->lc) p->pa->lc=p->rc;
             else p->pa->rc=p->rc;
         }
         delete p;
         return root;
    }
}
p=find(root,data);
if( p - > lc = 0 \&\& p - > rc = = 0 ){
    if(p==p->pa->lc) p->pa->lc=0;
    else p->pa->rc=0;
}
else if( p->lc==0 || p->rc==0 ){}
    if(p->lc){}
         if(p==p->pa->lc) p->pa->lc=p->lc;
         else p->pa->rc=p->lc;
    }
    else{
         if(p==p->pa->lc) p->pa->lc=p->rc;
         else p->pa->rc=p->rc;
    }
}
else{
    node *q=preElem(root,data);
    swapData(p,q);
    p=q;
    if(p->lc){}
         if(p==p->pa->lc) p->pa->lc=p->lc;
         else p->pa->rc=p->lc;
    }
    else{
         if(p==p->pa->lc) p->pa->lc=p->rc;
         else p->pa->rc=p->rc;
    }
}
delete p;
return root;
```

}

第八章 优先队列

STL

```
priority_queue<Elem> pq;
pq.push(data);
pq.pop();
pq.top();
```

整数大根堆

```
pq.push(val);
int maxV=pq.top();
```

整数小根堆

```
pq.push(-val);
int minV=-pq.top();
```

数组

```
if( f(pq[pos],pq[pos*2]) ) break;
              else{
                   swap(pq[pos],pq[pos*2]);
                   pos=pos*2;
              }
         }
         else{
              if( f(pq[pos],pq[pos*2]) && f(pq[pos],pq[pos*2+1]) )
                   break:
              else if( f(pq[pos*2],pq[pos*2+1]) ){
                   swap(pq[pos],pq[pos*2]);
                   pos=pos*2;
              }
              else{
                   swap(pq[pos],pq[pos*2+1]);
                   pos=pos*2+1;
              }
         }
}
Elem& top(){
    return pq[1];
}
void built(int n){
    size=n;
    for(int i=n/2; i>=1; i--)
    for(int pos=1;pos<=size;)</pre>
         if(pos*2>size) break;
         else if(pos*2+1>size){
              if( f(pq[pos],pq[pos*2]) ) break;
              else{
                   swap(pq[pos],pq[pos*2]);
                   pos=pos*2;
              }
         }
         else{
              if( f(pq[pos],pq[pos*2]) && f(pq[pos],pq[pos*2+1]) )
                   break;
              else if( f(pq[pos*2],pq[pos*2+1]) ){
                   swap(pq[pos],pq[pos*2]);
                   pos=pos*2;
              }
              else{
                   swap(pq[pos],pq[pos*2+1]);
                   pos=pos*2+1;
```

```
}
}
```

可并堆/左偏树

```
struct node{
    int s;
    Elem data;
    node *lc,*rc,*pa,*top;
    bool poped;
}n[maxn];
bool f(node *x,node *y){//判断函数, x 是否在 y 上面
    //...
}
node *top(node *p){
    if(!p->top->poped&&p->top!=p)
        return p->top=top(p->top);//根未删除, 路径压缩
    else
        if(p->pa) return p->top=top(p->pa);//根已删除,路径压缩
    else
        return p;//自己是根
node *merge(node *x,node *y){
    if(!x) return y;
    if(!y) return x;
    if(!f(x,y)) swap(x,y);//令堆顶为 x
    x->rc=merge(x->rc,y);
    x->rc->pa=x;
    if(!x->|c||x->rc->s>x->|c->s)
        swap(x->rc,x->lc);//不满足左偏树, 调整
    if(x->rc) x->s=x->rc->s+1;
    else x->s=1;
    return x;
}
void pop(node *p){
    p->poped=1;
    if(p->lc) p->lc->top=p->lc;
    if(p->rc) p->rc->top=p->rc;
    p=merge(p->lc,p->rc);
    if(p) p -> pa = 0;
}
```

哈夫曼树

```
struct node{
    Elem data;
    node *lc,*rc;
};
bool operator < (node *a,node *b){//a<b 排序方式
   //...
priority_queue<*node> pq;
void merge(){
    while(pq.size()>1){
        node *now=newNode();
        now->lc=pq.top();
        pq.pop();
        now->rc=pq.top();
        pq.pop();
        now->data=calc( now->lc->data , now->rc->data );
        //calc(a,b) 表示将这两棵树合并后,新的值;哈夫曼树一般是 a+b
        pq.push(now);
   }
}
```

第九章 并查集

朴素并查集

```
int pa[maxn],cnt;
void init(int n){
    for(int i=1;i<=n;i++)
        pa[i]=i;
    cnt=n;
}
int find(int u){
    return (u==pa[u])?u:(pa[u]==find(pa[u]));
}
bool isunion(int u,int v){
    return find(u)==find(v);</pre>
```

```
}
void merge(int u,int v){
    if(isunion(u,v)) return;
    pa[find(u)]=find(v);
    cnt--;
}
```

朴素并查集(压行)

```
int pa[maxn],cnt;
void init(int n) { for(int i=1;i<=n;i++) pa[i]=i; cnt=n; }
int find(int u) { return (u==pa[u])?u:(pa[u]=find(pa[u])); }
bool isunion(int u,int v) { return find(u)==find(v); }
void merge(int u,int v) { cnt-=!isunion(u,v); pa[find(u)]=find(v); }</pre>
```

按秩合并并查集 O(log n)

```
int pa[maxn],cnt;
void init(int n){
     for(int i=1;i < = n;i++)
          pa[i] = -1;
     cnt=n;
}
int find(int u){
     return (pa[u]<0)?u:(pa[u]==find(pa[u]));
}
bool isunion(int u,int v){
     return find(u) = = find(v);
}
void merge(int u,int v){
     u = find(u);
    v = find(v);
     if(u==v) return;
     if(pa[u] < pa[v]) swap(u,v);
     pa[v]-=pa[u];
     pa[u]=v;
     cnt--;
}
```

第十章 图

图的表示

邻接矩阵表示

```
int g[maxn][maxn]; void addEdge(int u,int v,int w=1){//u->v , 边权为 w 的边(无权图则 w=1) g[u][v]=1; \\ //无向图加上 g[v][u]=1 , 下同 }
```

邻接表表示(非 STL)

```
struct link{
    int to,weight;
    link* nxt;
    link(link* nxt_,int to_,int weight_=0):nxt(nxt_),to(to_),weight(weight_) {}
}*fir[maxn];
void addEdge(int u,int v,int w=1){
    fir[u]=new link(fir[u],v,w);
    //fir[v]=new link(fir[v],u,w);
}
```

邻接表表示 (STL)

无权图

```
vector<int> to[maxn];
void addEdge(int u,int v){
    to[u].push_back(v);
    to[v].push_back(u);
}
```

有权图

```
typedef pair<int,int> pii;
vector<pii> to[maxn];
void addEdge(int u,int v,int w){
    to[u].push_back( pii(v,w) );
    //to[v].push_back( pii(u,w) );
}
//以下以有权有向图的邻接链表(STL) 表示法为例
图的遍历
bool vis[maxn];
广搜
queue<int> q;
void bfs(int s){
    q.push(s);
    vis[s]=1;
    while( q.size() ){
        int now=q.front();
        q.pop();
        work(now);
        for(auto p : to[now])
```

深搜

}

}

```
void dfs(int now){
    vis[now]=1;
    work(now);
    for(auto p : to[now])
        if(!vis[p])
        dfs(p);
```

if(!vis[p]){

}

vis[p]=1;
q.push(p);

}

最短路: 见专题

最小生成树

prim

```
int lowcost[maxn];
bool vis[maxn];
int prim(int s=0){//O(n^2)
    lowcost[s]=0;
    vis[s]=1;
    for(int i=0;i< n;i++) lowcost[i]=INF;
     for(auto p : to[s]) lowcost[p.first]=p.second;
    int ans=0;
     for(int i=1;i< n;i++){
          int minpos=0;
          while(vis[pos]) minpos++;
          for(int j=pos+1; j < n; j++)
              if(!vis[j]&&lowcost[j]<lowcost[minpos])</pre>
                   minpos=j;
          if(lowcost[minpos]==INF) return INF;
          ans+=lowcost[minpos];
          vis[minpos]=1;
          for(auto p : to[minpos])
              if(!vis[p.first])
                   lowcost[p.first]=min(lowcost[p.first],p.second);
    }
     return ans;
}
```

kruskal

```
int pa[maxn],cnt;
void init(int n) { for(int i=1;i<=n;i++) pa[i]=i; cnt=n; }
int find(int u) { return (u==pa[u])?u:(pa[u]=find(pa[u])); }
```

```
bool isunion(int u,int v) { return find(u)==find(v); }
void merge(int u,int v) { cnt-=!isunion(u,v); pa[find(u)]=find(v); }
//并查集
struct Edge{
    int u,v,w;
};
bool operator < (const Edge &a,const Edge &b){
    return a.w>b.w;
}
priority_queue<Edge> pq;
int kruskal(){//O(elog e)
    int ans=0;
    while( pq.size() ){
         Edge now=pq.top();
         pq.pop();
         if( isunion(now.u,now.v) ) continue;
         merge(now.u,now.v);
         ans+=now.w;
    }
    if(cnt==1) return ans;
    else return INF;
}
```

第十章 最短路

朴素 dijkstra, O(n^2), 不能处理负边

```
int dis[maxn];
bool vis[maxn];
void dijkstra(int s) {
    for(int i=0;i<n;i++) dis[i]=INF;
    dis[s]=0;
    vis[s]=1;

    for(int i=1;i<n;i++){
        int minpos=0;
        while(vis[minpos]) minpos++;
        for(int j=minpos+1;j<n;j++)
            if(dis[j]<dis[minpos])
            minpos=j;</pre>
```

堆优化的 dijkstra, O(e log e), 不能处理负边

```
typedef pair<int,int> pii;
int dis[maxn];
priority_queue<pii> pq;
void dijkstra(int s){
    for(int i=0;i < n;i++) dis[i]=INF;
    dis[s]=0;
    pq.push(pii(0,s));
    //第一维为距离的相反数(小根堆), 第二维为点
    while(pq.size()){
        pii now=pq.top();
        pq.pop();
        if(dis[now.second]<-now.first) continue;
        //答案距离更小, 说明该点已经被更新过
        for(auto p : to[now.second])
             if(dis[p.first]>dis[now.second]+p.second){
                 dis[p.first]=dis[now.second]+p.second;
                 pq.push(pii(p.first,-dis[p.first]));
             }
    }
}
```

Bellman-Ford, O(VE), 可以处理负边、判负环

```
queue<int> q;
int dis[maxn],count[maxn];
bool inq[maxn];//In Queue or Not
bool bellman(int s){
    while(q.size()) q.pop();
    q.push(s);
    inq[s]=1;
    count[s]=1;
```

```
while( q.size() ){
          int now=q.front();
          q.pop();
          inq[now]=0;
          for(auto p : to[now])
               if(dis[p.first]<dis[now]+p.second){</pre>
                    dis[p.first]=dis[now]+p.second;
                    if(inq[p.first]) continue;
                    q.push(p.first);
                    inq[p.first]=1;
                    count[p.first]++;
                    if(count[p.first]==n)
                         return 0;//出现负环
              }
     }
     return 1;
}
```

floyd , O(n^3), 可以动态加点

```
int dis[maxn][maxn];
void update(int k) {
    for(int i=0;i< n;i++)
         for(int j=0;j< n;j++)
              dis[i][j]=min(dis[i][j],dis[i][k]+dis[k][j]);
}
void floyd(){
    for(int i=0;i< n;i++)
         for(int j=0;j< n;j++)
              dis[i][j]=INF;
    for(int k=0;k< n;k++){
         for(auto p : to[k])
              dis[k][p.first]=min(dis[k][p.first],p.second);
         update(k);
    }
}
//多源最短路, 在无负边时, 可以从各个顶点开始, 跑 dijkstra
//复杂度为 O(n^3) 或 O(ne log e)
```

其他

位运算操作

```
全集:
          u = (1|| << n) - 1
空集:
集合并:
          alb
集合交:
          a&b
相对补集:
          a^(a&b)
绝对补集:
          (~a)&u
对称差集:
          a^b
子集:
          a&b==b// b 是 a 的子集
真子集:
          (a&b==b)&(a!=b)// b 是 a 的真子集
属于:
          (a>>i)&1
不属于:
          !((a>>i)&1)
```

筛素数

埃氏筛 O(n log log n)

```
bool isnotprime[maxn];
int prime[maxn],cntprime;
void sieve(int n){
    for(int i=2;i<=n;i++){
        if(isnotprime[i]) continue;
        prime[cntprime++]=i;
        for(int j=i+i;j<=n;j+=i)
            isnotprime[j]=1;
    }
}</pre>
```