

#### LEHR- UND FORSCHUNGSGEBIET INFORMATIK II

RWTH Aachen - D-52056 Aachen - GERMANY http://www-i2.informatik.rwth-aachen.de/lufgi2 Prof. Dr. Jürgen Giesl

Prof. Dr. Jürgen Giesl Carsten Kern, Peter Schneider-Kamp, René Thiemann

# Diplomvorprüfung / Zwischenprüfung Informatik I - Programmierung 18. 9. 2006

Vorname:		
Nachname:		
Matrikelnummer:		
Studiengang (bitte anl	creuzen):	
o Informatik Diplom	o Informatik Lehramt	
• Sonstige:		

- Schreiben Sie bitte auf jedes Blatt Vorname, Name und Matrikelnummer.
- Geben Sie Ihre Antworten bitte in lesbarer und verständlicher Form an. Schreiben Sie bitte nicht mit roten Stiften oder Bleistiften.
- Bitte beantworten Sie die Aufgaben auf den **Aufgabenblättern**. Benutzen Sie ggf. auch die Rückseiten der **zur jeweiligen Aufgabe gehörenden** Aufgabenblätter.
- Antworten auf anderen Blättern können nur berücksichtigt werden, wenn Name, Matrikelnummer und Aufgabennummer deutlich darauf erkennbar sind.
- Was nicht bewertet werden soll, kennzeichnen Sie bitte durch **Durchstreichen**.
- Werden Täuschungsversuche beobachtet, so wird die Klausur mit nicht bestanden bewertet.
- Geben Sie bitte am Ende der Klausur alle Blätter zusammen mit den Aufgabenblättern ab.

	Anzahl Punkte	Erreichte Punkte
Aufgabe 1	14	
Aufgabe 2	13	
Aufgabe 3	13	
Aufgabe 4	26	
Aufgabe 5	17	
Aufgabe 6	17	
Summe	100	
Prozentzahl	_	

٠,

Vorname	Name	MatrNr.

#### Aufgabe 1 (Programmanalyse, 8 + 6 Punkte)

a) Geben Sie die Ausgabe des Programms für den Aufruf java M an. Schreiben Sie hierzu jeweils die ausgegebenen Zeichen hinter den Kommentar "OUT:".

```
public class A {
    public static int x = 0;
    public A() {
        x++;
    public void f(A a) {
        x++;
    public void f(B a) {
        x--;
    }
}
public class B extends A {
    public int y = 2;
    public void f(A a) {
        x += y;
}
public class M {
    public static void main(String[] args) {
        A = new A();
        System.out.println(a.x);
                                               // OUT:
        a.f(a);
        System.out.println(a.x);
                                               // OUT:
        a = new A();
                                               // OUT:
        System.out.println(a.x);
        a = new B();
        System.out.println(a.x+" "+((B)a).y); // OUT:
        a.f(a);
        System.out.println(a.x);
                                               // OUT:
        B b = new B();
        System.out.println(a.x);
                                               // OUT:
        b.f(b);
        System.out.println(b.x);
                                               // OUT:
    }
}
```

b) Wir schreiben zusätzlich zu A und B eine neue Klasse C. Welche drei Fehler treten beim Compilieren auf? Begründen Sie Ihre Antwort kurz.

```
public class C extends B {
    public static void g(A \ a) {
        final int z;
        int x = this.x;
        int y = a.y;
        z = x + y;
        return z;
    }
}
```

1	
4	

Vorname	Name	MatrNr.

# Aufgabe 2 (Verifikation, 11 + 2 Punkte)

Der Algorithmus P berechnet das Quadrat einer natürlichen Zahl.

a) Vervollständigen Sie die folgende Verifikation des Algorithmus P im Hoare-Kalkül, indem Sie die unterstrichenen Teile ergänzen. Hierbei dürfen zwei Zusicherungen nur dann direkt untereinander stehen, wenn die untere aus der oberen folgt. Hinter einer Programmanweisung darf nur eine Zusicherung stehen, wenn dies aus einer Regel des Hoare-Kalküls folgt. Sie dürfen auch weitere zusätzliche Zusicherungen einfügen.

PAlgorithmus: Eingabe:  $n \in \mathbb{N}$ Ausgabe: res $n \geq 0$ Vorbedingung:  $res = n^2$ Nachbedingung:  $\langle n \geq 0 \rangle$ res = 0;i = 0;while (n > i) { i = i + 1res = res + 2\*i;} res = res - n; $\langle res = n^2 \rangle$ 

Vorname	Name	MatrNr.

b) Beweisen Sie die Terminierung des Algorithmus P.

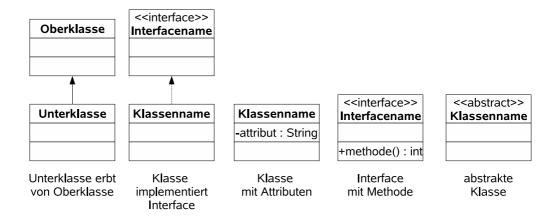
	4	1	
	ı	r	
	١		

Vorname	Name	MatrNr.

### Aufgabe 3 (Datenstrukturen in Java, 6 + 7 Punkte)

Ihre Aufgabe ist es, eine objektorientierte Datenstruktur zur Verwaltung von Wasserfahrzeugen zu entwerfen. Bei der vorangehenden Analyse wurden folgende Eigenschaften der verschiedenen Wasserfahrzeuge ermittelt.

- Ein Ruderboot ist ein Wasserfahrzeug, welches auch über Land transportiert werden kann. Es verfügt über eine bestimmte Anzahl von Rudern, die die Geschwindigkeit eines Ruderboots bestimmen.
- Ein Motorboot ist ein Wasserfahrzeug mit einem Innenbord- oder Außenbord-Motor. Dieser hat Einfluss auf die Geschwindigkeit eines Motorboots. Motorboote können über Land transportiert werden.
- Ein Segelboot ist ein Wasserfahrzeug mit einer bestimmten Anzahl von Masten. Diese bedingt die Geschwindigkeit des Segelboots. Man kann Segelboote auch auf dem Landweg transportieren.
- Ein Floß ist ein Wasserfahrzeug mit einer gewissen Geschwindigkeit. Flöße zeichnen sich dadurch aus, wieviel Zeit sie noch Bestand haben, bevor sie zu morsch sind.
- Jedes Schiff ist ein Wasserfahrzeug, welches einen Kapitän mit unterschiedlich hohem Dienstgrad benötigt. Kennzeichnend für ein Schiff ist zudem die Geschwindigkeit.
- Für alle Wasserfahrzeuge außer Flößen existiert eine Methode, um sie zu steuern, indem man sie um eine gewisse Gradzahl wendet.
- Bei allen Wasserfahrzeugen, die über Land transportiert werden können (sogenannten *Booten*), wird auch ihr Gewicht gespeichert.
- a) Entwerfen Sie unter Berücksichtigung der Prinzipien der Datenkapselung eine geeignete Klassenhierarchie für die oben aufgelisteten Arten von Wasserfahrzeugen. Achten Sie darauf, dass gemeinsame Merkmale in (evtl. abstrakten) Oberklassen zusammengefasst werden. Notieren Sie Ihren Entwurf graphisch und verwenden Sie dazu die folgende Notation:



Geben Sie für jede Klasse ausschließlich den jeweiligen Namen und die Namen ihrer Attribute an. Methoden von Klassen müssen nicht angegeben werden. Geben Sie für jedes Interface ausschließlich den jeweiligen Namen sowie die Namen seiner Methoden an.

Vorname	Name	MatrNr.

Vorname	Name	MatrNr.

b) Implementieren Sie in Java in der Klasse für Wasserfahrzeuge eine Methode wartetAufMich. Die Methode bekommt als Parameter ein Array von Wasserfahrzeugen übergeben und soll allen Wasserfahrzeugen, die schneller als das aktuelle Wasserfahrzeug sind, die Anweisung geben, um 180 Grad zu wenden, falls dieses möglich ist. Geben sie zudem auf der Konsole aus, wieviele schnellere Wasserfahrzeuge nicht umkehren können, da sie nicht steuerbar sind.

Gehen Sie dabei davon aus, dass das übergebene Array nicht der null-Wert ist und dass es keine null-Werte enthält. Kennzeichnen Sie die Methode mit dem Schlüsselwort "static", falls angebracht.

١

Vorname	Name	MatrNr.

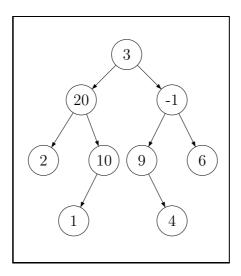
# Aufgabe 4 (Programmierung in Java, 6 + 9 + 11 Punkte)

Gegeben ist das folgende Interface.

```
public interface Vergleichbar {
    public boolean gleich(Vergleichbar other); }
```

Für zwei Objekte s und t vom Typ Vergleichbar liefert s.gleich(t) den Wert true zurück, falls s gleich t ist und ansonsten false.

In dieser Aufgabe betrachten wir einen unsortierten Binärbaum. Jeder Knoten enthält hierbei einen Wert wert vom Typ Vergleichbar und hat Verweise auf seine Nachfolger (links und rechts). Das folgende Bild zeigt einen solchen Baum schematisch:



Die Datenstruktur sei folgendermaßen in Java implementiert:

```
public class Baum {
    private Knoten wurzel;
    ...
}

public class Knoten {
    Vergleichbar wert;
    Knoten links, rechts;
}
```

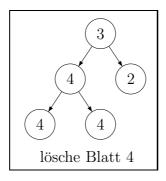
Vorname	Name	MatrNr.

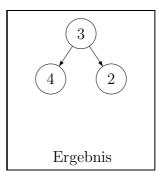
Implementieren Sie die folgenden Methoden in der Klasse Baum. Dabei dürfen Sie direkt (ohne Verwendung von Selektoren) auf die Attribute der Klasse Knoten zugreifen. Selbstverständlich dürfen Sie auch weitere benötigte Hilfsmethoden implementieren. Verwenden Sie die Schlüsselworte public und private auf sinnvolle Weise und kennzeichnen Sie Methoden als static, falls angebracht. Sie dürfen davon ausgehen, dass der wert eines Knotens nie null ist.

- a) Implementieren Sie eine Methode public boolean vergleicheMitBaum(Baum tree), die den aktuellen Baum strukturell mit einem Baum tree vergleicht, d.h., die Methode liefert true zurück, falls der aktuelle Baum und der als Parameter gegebene Baum tree strukturell gleich sind. Sie dürfen davon ausgehen, dass tree nicht der Wert null ist.
  - Zwei Bäume  $b_1$  und  $b_2$  heißen strukturell gleich, wenn ihre Wurzelknoten den gleichen Wert enthalten und der linke Unterbaum von  $b_1$  strukturell gleich dem linken Unterbaum von  $b_2$  sowie der rechte Unterbaum von  $b_2$  ist.
- b) Implementieren Sie eine Methode public void loescheBlaetter (Vergleichbar wert), die aus dem aktuellen Baum alle Blätter mit dem Wert wert löscht, falls solche existieren. Ansonsten werden keine Blätter gelöscht. Wie üblich ist ein *Blatt* ein Knoten des Baums, der keine Nachfolger hat. Sie dürfen davon ausgehen, dass wert hierbei nicht null ist.

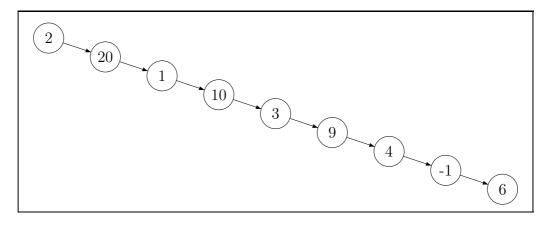
Beachten Sie, dass bei der Implementierung dieser Methode keine Schleifen verwendet werden dürfen. Sie dürfen aber Rekursion benutzen.

Im folgenden Schaubild ist das Löschen aller Blätter mit Wert 4 dargestellt.





c) Implementieren Sie eine Methode public void linearisiere (), die den aktuellen Baum in einen linearisierten Baum überführt. Ein linearisierter Baum ist ein Baum, bei dem kein Knoten einen linken Nachfolger hat. Die Reihenfolge der Knoten im resultierenden linearisierten Baum soll so sein, dass für jeden Knoten des ursprünglichen Baums gilt: Zuerst kommen die Werte des linken Unterbaums, dann der Wert des Knotens, dann die Werte im rechten Unterbaum. Der Baum auf der vorigen Seite wird also in folgenden linearisierten Baum überführt:



Vorname	Name	MatrNr.

Vorname	Name	MatrNr.

Vorname	Name	MatrNr.

Aufgabe 5 (Funktionale Programmierung in Haskell, 3 + 2 + 2 + 3 + 7 Punkte)

a) Geben Sie den allgemeinsten Typ der Funktionen f und g an, die wie folgt definiert sind. Gehen Sie davon aus, dass 3 den Typ Int hat.

$$f = \x -> f (f x)$$

$$g x y = [y, x 3]$$

b) Bestimmen Sie das Ergebnis der Auswertung für die beiden folgenden Ausdrücke. Die vordefinierte Funktion length vom Typ [a] → Int berechnet die Länge einer Liste.

Hinweis: Strings sind in Haskell Listen von Zeichen, d.h. es gilt "hi"== ['h', 'i'].

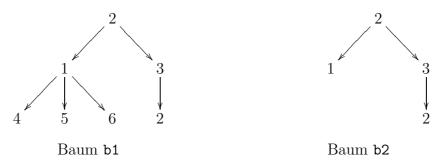
filter (
$$\x -> x > 3$$
) (map length [ "two", "three", "four", "five" ])

let 
$$f = \langle x \rangle$$
 if  $x < 2$  then  $x == 0$  else  $f(x-2)$  in  $f(x-2)$ 

c) Schreiben Sie eine Funktion from To, die zwei ganze Zahlen n und m als Eingabe bekommt und als Ergebnis die Liste der Zahlen von n bis m in aufsteigender Reihenfolge liefert. Für Zahlen n, die größer als m sind, soll from To die leere Liste als Ergebnis liefern. Beispielsweise gilt from To 2 5 = [2,3,4,5] und from To 5 2 = []. Sie dürfen in dieser Aufgabe keine vordefinierten Funktionen außer den arithmetischen Operatoren wie z.B. +, -, > und == verwenden.

Vorname	Name	MatrNr.

d) Ein Vielwegbaum besteht aus Knoten und Kanten, wobei jeder Knoten beliebig viele Nachfolger haben kann. Zudem ist an jedem Knoten ein Wert gespeichert. Die folgenden beiden Bäume b1 und b2 sind Beispiele für Vielwegbäume.



Entwerfen Sie eine Datenstruktur für Vielwegbäume in Haskell, so dass beliebige Werte in den Knoten gespeichert werden können.

**Hinweis:** Es gibt keinen leeren Baum.

e) Ein Vielwegbaum, in dem ganze Zahlen gespeichert sind, kann auf folgende Art beschnitten werden: Wenn in einem Knoten k mit Wert n und Nachfolgeknoten  $\{k_1, \ldots, k_m\}$  die Anzahl der Nachfolger m echt größer als n ist, dann werden alle Nachfolger von k entfernt. Beispielsweise entsteht bei der Beschneidung von b1 der Baum b2.

Implementieren Sie eine entsprechende Funktion prune, die einen Baum beschneidet, und geben Sie auch den Typ von prune an. Sie dürfen in dieser Aufgabe vordefinierte Funktionen benutzen.

Vorname	Name	MatrNr.

### Aufgabe 6 (Logische Programmierung in Prolog, 2 + 6 + 3 + 6 Punkte)

Analog zur Darstellung von natürlichen Zahlen mit den Funktionssymbolen  $\mathfrak s$  und 0 lassen sich auch die ganzen Zahlen darstellen. Dazu nutzt man ebenfalls  $\mathfrak s$  und 0 für den Nachfolger einer Zahl und die Zahl 0, aber zudem gibt es noch das Funktionssymbol  $\mathfrak p$ , das den Vorgänger einer Zahl repräsentiert. Mit  $\mathfrak s$ , 0 und  $\mathfrak p$  lässt sich offensichtlich jede ganze Zahl darstellen: Beispielsweise entspricht  $\mathfrak s(\mathfrak s(\mathfrak 0))$  der Zahl 2 und  $\mathfrak p(\mathfrak p(\mathfrak 0))$  der Zahl -2. Allerdings sind die Darstellungen nicht mehr eindeutig, da z.B. alle Terme  $\mathfrak s(\mathfrak 0)$ ,  $\mathfrak s(\mathfrak p(\mathfrak s(\mathfrak 0)))$  und  $\mathfrak s(\mathfrak p(\mathfrak p(\mathfrak s(\mathfrak s(\mathfrak 0))))$  die Zahl 1 repräsentieren. Wenn in einem Term nicht gleichzeitig  $\mathfrak p$  und  $\mathfrak s$  vorkommen, dann nennen wir den Term normalisiert. Beispielsweise waren im bisherigen Text alle Terme bis auf  $\mathfrak s(\mathfrak p(\mathfrak s(\mathfrak o)))$  und  $\mathfrak s(\mathfrak p(\mathfrak p(\mathfrak s(\mathfrak s(\mathfrak o)))))$  normalisiert.

a) Implementieren Sie in Prolog ein Prädikat zur Addition zweier ganzer Zahlen in der Darstellung mit s, 0 und p. Das Ergebnis der Berechnung braucht nicht normalisiert sein.

b) Implementieren Sie in Prolog ein Prädikat normalize zur Normalisierung von ganzen Zahlen. Beispielsweise sollte also normalize(s(p(s(0))),s(0)) gelten.

Vorname	Name	MatrNr.

c) Geben Sie für die folgenden Paare von Termen den allgemeinsten Unifikator an, oder begründen Sie kurz, warum dieser nicht existiert.

**16** 

 $\bullet$  f(g(h(X)),Z,Y) und f(g(Y),h(h(X)),Z)

• p(X,Y,Z) und p(r(Z,Z),s,r(Y,Y))

• u(u(X,v(a)),Y) und u(Y,u(v(b),X))

Vorname	Name	MatrNr.

d) Erstellen Sie für das folgende Logikprogramm den SLD-Baum zur Anfrage "?- p(X,Y)." und geben Sie alle Lösungen an.

$$p(a,Z) := p(Z,b).$$
  
 $p(b,Z) := p(Z,Z).$   
 $p(c,c).$ 

Ordnen Sie die Klauseln des Programms so an, dass Prolog alle Lösungen zur Anfrage "?-p(X,Y)." findet. Ist diese Anordnung eindeutig?