

RWTH Aachen · D-52056 Aachen · GERMANY http://programmierung.rvth-aachen.de/Prof. Dr. Jürgen Giesl

Prof. Dr. Jürgen Giesl Carsten Fuhs, Peter Schneider-Kamp, Stephan Swiderski

Prüfungsklausur Programmierung 27. 2. 2008

Vorname: $__$			
Nachname:			
Matrikelnummer:			
Studiengang (bitte ank	reuzen):		
o Informatik Bachelor	o Informatik Diplom	o Informatik Lehramt	
o Mathematik Bachele	or		
o Sonstige:			

- Schreiben Sie bitte auf jedes Blatt Vorname, Name und Matrikelnummer.
- Geben Sie Ihre Antworten bitte in lesbarer und verständlicher Form an. Schreiben Sie bitte nicht mit roten Stiften oder mit Bleistiften.
- Bitte beantworten Sie die Aufgaben auf den Aufgabenblättern. Benutzen Sie ggf. auch die Rückseiten der zur jeweiligen Aufgabe gehörenden Aufgabenblätter.
- Antworten auf anderen Blättern können nur berücksichtigt werden, wenn Name, Matrikelnummer und Aufgabennummer deutlich darauf erkennbar sind.
- Was nicht bewertet werden soll, kennzeichnen Sie bitte durch **Durchstreichen**.
- Werden Täuschungsversuche beobachtet, so wird die Klausur mit 0 Punkten bewertet.
- Geben Sie bitte am Ende der Klausur alle Blätter zusammen mit den Aufgabenblättern ab.

	Anzahl Punkte	Erreichte Punkte
Aufgabe 1	14	
Aufgabe 2	12	
Aufgabe 3	14	
Aufgabe 4	26	
Aufgabe 5	17	
Aufgabe 6	17	
Summe	100	
Prozentzahl		

Vorname	Name	MatrNr.

 $\mathbf{2}$

Aufgabe 1 (Programmanalyse, 8 + 6 Punkte)

a) Geben Sie die Ausgabe des Programms für den Aufruf java M an. Schreiben Sie hierzu jeweils die ausgegebenen Zeichen hinter den Kommentar "OUT:".

```
public class A {
    protected static int x = 1;
    public A(int x) {
        A.x += x;
    protected void f(int x) {
        A.x -= x;
    }
}
public class B extends A {
    protected double y = 3;
    public B(int x) {
        super(x);
        y++;
    }
    protected void f(int x) {
        A.x += x;
    }
    protected void f(double x) {
        y += x;
    }
}
public class M {
    public static void main(String[] args) {
        A = new A(A.x);
        System.out.println(a.x);
                                          // OUT:
        a.f(10);
        System.out.println(a.x);
                                          // OUT:
        B b = new B(10);
        System.out.println(b.x+" "+b.y); // OUT:
        b.f(1.0);
        System.out.println(b.x+" "+b.y); // OUT:
        b.f(10);
        System.out.println(b.x+" "+b.y); // OUT:
        a = b;
        a.f(10);
        System.out.println(a.x);
                                          // OUT:
    }
}
```

Vorname	Name	MatrNr.

b) Wir schreiben zusätzlich zu A und B eine neue Klasse C. Welche drei Fehler treten beim Compilieren auf? Begründen Sie Ihre Antwort kurz.

3

```
public class C extends B {
    private int y = 5;
    public C() {
        super(7.0);
        y++;
    }
    public int f(int x) {
        final int z = 6;
        z += x;
        return 2*x;
    }
}
```

Vorname	Name	MatrNr.

Aufgabe 2 (Verifikation, 10 + 2 Punkte)

Der Algorithmus P berechnet für eine Zahl $n \in \mathbb{N} = \{0, 1, 2, \dots\}$ ihre Fakultät $n! = \prod_{i=1}^{n} i$. Generell gilt $\prod_{i=k}^{m} i = 1$, falls k > m. Somit ist also 0! = 1.

a) Vervollständigen Sie die folgende Verifikation des Algorithmus P im Hoare-Kalkül, indem Sie die unterstrichenen Teile ergänzen. Hierbei dürfen zwei Zusicherungen nur dann direkt untereinander stehen, wenn die untere aus der oberen folgt. Hinter einer Programmanweisung darf nur eine Zusicherung stehen, wenn dies aus einer Regel des Hoare-Kalküls folgt.

Algorithmus: Eingabe: Ausgabe: Vorbedingung: Nachbedingung:	
	$\langle \ n \geq 0 \ \rangle$
res = 1;	<
	\(\ldots \)
p = 0;	ζ
while $(n>p)$ {	<
	\ \\
res = res * (n - p)	\ \
p = p + 1;	<
}	<
	$\langle res = \prod_{i=1}^{n} i \rangle$

Vorname	Name	MatrNr.

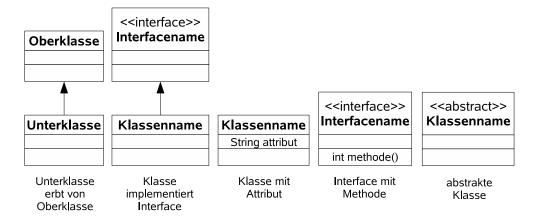
b) Beweisen Sie die Terminierung des Algorithmus P.

Aufgabe 3 (Datenstrukturen in Java, 6 + 8 Punkte)

Vorname

Ihre Aufgabe ist es, eine objektorientierte Datenstruktur zur Verwaltung von elektronischen Geräten zu entwerfen. Bei der vorangehenden Analyse wurden folgende Eigenschaften der verschiedenen elektronischen Geräte ermittelt.

- Jedes elektronische Gerät wird durch seine Betriebsspannung in Volt gekennzeichnet.
- Ein LCD-Wecker ist ein elektronisches Gerät, das sich insbesondere durch die eingestellte Weckzeit auszeichnet.
- Eine Digitalkamera ist ein elektronisches Gerät, bei dem die Anzahl an Pixeln des Bildsensors eine wichtige Kenngröße ist.
- Ein Musikspieler ist ein elektronisches Gerät, für das die maximale Frequenz in Hertz interessant ist, die der Musikspieler wiedergeben kann.
- Ein Cassettenspieler ist ein Musikspieler, wobei manche Cassettenspieler auch über die so genannte "Auto Reverse"-Funktionalität verfügen (damit kann solch ein Cassettenspieler beide Seiten einer Musikcassette wiedergeben, ohne dass der Benutzer sie per Hand umdrehen muss).
- Ein MP3-Spieler ist ein Musikspieler, wobei für MP3-Spieler die Fläche des Displays eine wichtige Angabe ist.
- Sowohl MP3-Spieler als auch Digitalkameras können an einen Computer angeschlossen werden und zur Speicherung von Daten verwendet werden. Deshalb stellen sie eine Methode zur Verfügung, mit der sich der aktuell verfügbare Speicherplatz in Bytes bestimmen lässt.
- a) Entwerfen Sie unter Berücksichtigung der Prinzipien der Datenkapselung eine geeignete Klassenhierarchie für die oben aufgelisteten Arten von elektronischen Geräten. Achten Sie darauf, dass gemeinsame Merkmale in (evtl. abstrakten) Oberklassen zusammengefasst werden. Notieren Sie Ihren Entwurf graphisch und verwenden Sie dazu die folgende Notation:



Geben Sie für jede Klasse ausschließlich den jeweiligen Namen und die Namen und Datentypen ihrer Attribute an. Methoden von Klassen müssen nicht angegeben werden. Geben Sie für jedes Interface ausschließlich den jeweiligen Namen sowie die Namen und Ein- und Ausgabetypen seiner Methoden an.

Vorname	Name	MatrNr.

Vorname	Name	MatrNr.

b) Implementieren Sie in Java eine Methode freiekamera. Die Methode bekommt als Parameter ein Array von elektronischen Geräten übergeben. Sie soll die erste Digitalkamera im übergebenen Array zurückgeben, die noch genügend freien Speicherplatz für ein Bild hat. Gehen Sie dabei davon aus, dass ein Bild mit n Pixeln genau 3n Bytes an Speicherplatz belegt. Falls keine solche Digitalkamera im übergebenen Array vorhanden ist, soll der Wert null zurückgegeben werden.

Gehen Sie dabei davon aus, dass das übergebene Array nicht der null-Wert ist, dass es keine null-Werte enthält und dass für alle Attribute geeignete Selektoren existieren. Verwenden Sie für den Zugriff auf die benötigten Attribute die passenden Selektoren und kennzeichnen Sie die Methode mit dem Schlüsselwort "static", falls angebracht.

Vorname	Name	MatrNr.

Aufgabe 4 (Programmierung in Java, 8 + 11 + 7 Punkte)

Die Klasse Liste dient zur Repräsentation von Listen von Zahlen. Jedes Listenelement wird als Objekt der Klasse Element dargestellt. Ein Listenelement enthält eine Zahl und einen Verweis auf den Nachfolger. Die Zahl wird in dem Attribut wert gespeichert und das Attribut nachfolger zeigt auf das nächste Element der Liste. Das letzte Element einer Liste hat keinen Nachfolger, so dass dessen Attribut nachfolger auf null zeigt. Objekte der Klasse Liste haben ein Attribut start, das auf das erste Element der Liste zeigt. Eine leere Liste hat kein erstes Element, so dass hier das Attribut start auf null zeigt.

```
public class Liste {
    Element start;

public Liste(Element start) {
    this.start = start;
}

public class Element {
    int wert;
    Element nachfolger;

    public Element(int wert, Element nachfolger) {
        this.wert = wert;
        this.nachfolger = nachfolger;
    }
}
```

Vorname	Name	MatrNr.

a) Implementieren Sie die Methode

public Liste konkateniere(Liste ys)

10

der Klasse Liste. Diese Methode bekommt eine Liste ys als Eingabeargument und soll eine neue Liste zurückliefern, die erst alle Elemente der aktuellen Liste und dann alle Elemente der Eingabeliste enthält. Sie dürfen hierbei davon ausgehen, dass die Eingabeliste ys nicht null ist. Falls die aktuelle Liste $[x_1, \ldots, x_n]$ ist, und ys die Liste $[y_1, \ldots, y_m]$ ist, so sollte konkateniere(ys) also die neue Liste $[x_1, \ldots, x_n, y_1, \ldots, y_m]$ zurückliefern. (Diese Liste soll also insbesondere andere Element-Objekte als die Ursprungslisten enthalten und die aktuelle Liste und die Eingabeliste ys sollten hierbei nicht verändert werden.)

Verwenden Sie bei Ihrer Implementierung keine Schleifen, sondern ausschließlich Rekursion. Sie dürfen zusätzliche Hilfsmethoden einführen. Markieren Sie die Methoden wenn möglich mit static.

Vorname	Name	MatrNr.

b) Das Interface Verknuepfung hat eine Methode verknuepfe, die aus zwei Zahlen eine neue Zahl berechnet.

```
public interface Verknuepfung {
    public int verknuepfe(int wert1, int wert2);
}
```

Implementieren Sie die Methode

```
public Liste verknuepfeListen(Liste ys, Verknuepfung v)
```

der Klasse Liste. Sie soll aus der aktuellen Liste und der Eingabeliste ys eine neue Liste berechnen. Das erste Element der neuen Liste ergibt sich, indem man v.verknuepfe auf das erste Element der aktuellen Liste und das erste Element der Liste ys anwendet. Das zweite Element der neuen Liste ergibt sich, indem man v.verknuepfe auf das zweite Element der aktuellen Liste und das zweite Element von ys anwendet, etc. Sie können davon ausgehen, dass die Eingabeliste ys nicht null ist und dass die aktuelle Liste und die Eingabeliste ys gleich lang sind. Falls die aktuelle Liste also $[x_1, \ldots, x_n]$ ist und ys die Liste $[y_1, \ldots, y_n]$ ist, so sollte verknuepfeListen(ys,v) die neue Liste $[v.verknuepfe(x_1, y_1), \ldots, v.verknuepfe(x_n, y_n)]$ zurückliefern. Die aktuelle Liste und die Eingabeliste ys sollten hierbei nicht verändert werden.

Verwenden Sie bei Ihrer Implementierung keine Schleifen, sondern ausschließlich Rekursion. Sie dürfen zusätzliche Hilfsmethoden einführen. Markieren Sie die Methoden wenn möglich mit static.

Vorname	Name	MatrNr.

c) Implementieren Sie die Methode

public Liste addiere(Liste ys)

12

der Klasse Liste. Sie soll aus der aktuellen Liste und der Eingabeliste ys eine neue Liste berechnen. Das erste Element der neuen Liste ergibt sich, indem man das erste Element der aktuellen Liste und das erste Element der Liste ys addiert. Das zweite Element der neuen Liste ergibt sich, indem man das zweite Element der aktuellen Liste und das zweite Element von ys addiert, etc. Sie können davon ausgehen, dass die Eingabeliste ys nicht null ist und dass die aktuelle Liste und die Eingabeliste ys gleich lang sind. Falls die aktuelle Liste also $[x_1, \ldots, x_n]$ ist und ys die Liste $[y_1, \ldots, y_n]$ ist, so sollte addiere(ys) die neue Liste $[x_1 + y_1, \ldots, x_n + y_n]$ zurückliefern. Die aktuelle Liste und die Eingabeliste ys sollten hierbei nicht verändert werden.

Verwenden Sie bei Ihrer Implementierung keine Schleifen und auch keine Rekursion. Implementieren Sie stattdessen eine geeignete Klasse Addierer, die das Interface Verknuepfung implementiert. Die Methode addiere aus der Klasse Liste sollte dann die Methode verknuepfeListen aus Aufgabenteil b) sowie Ihre Klasse Addierer verwenden.

Vorname	Name	MatrNr.

Aufgabe 5 (Funktionale Programmierung in Haskell, 3 + 4 + 4 + 2 + 4 Punkte)

a) Geben Sie den allgemeinsten Typ der Funktionen f und g an, die wie folgt definiert sind. Gehen Sie davon aus, dass 1 den Typ Int hat.

$$f = \xy -> (y ++ [x+1])$$

$$g e h x = h (h (e x))$$

b) Sei das folgende Programm gegeben:

```
take :: Int -> [a] -> [a]
take 0 _ = []
take _ [] = []
take n(x:xs) = x:take(n-1)xs
map :: (a -> b) -> [a] -> [b]
map f []
         = []
map f (x:xs) = f x:map f xs
bot :: a
bot = bot
get :: [a] -> Int -> a
get (x:xs) 1 = x
get (x:xs) n = get xs (n-1)
h :: [(Int,a)] -> Int -> [a]
             = []
h xs 0
              = c:h xs m where (m,c) = get xs n
h xs n
```

Bestimmen Sie das Ergebnis der Auswertung für die beiden folgenden Ausdrücke.

map (
$$\x->x*2$$
) (take 2 [2,4,bot])

Vorname	Name	MatrNr.

c) Schreiben Sie eine Funktion reverse in Haskell, die eine Liste umdreht. Benutzen Sie keine vordefinierten Funktionen. Geben Sie außerdem den allgemeinsten Typ der Funktion reverse an. Beispielsweise liefert der Aufruf reverse [1,2,3,4] die Liste [4,3,2,1] und der Aufruf reverse [True,False] liefert die Liste [False,True].

d) Ein binärer Listenbaum hat Knoten, die jeweils eine Liste von Werten eines Typs speichern. Jeder Knoten hat zwei Teilbäume, wobei ein Teilbaum durchaus der leere Listenbaum sein kann. Der leere Listenbaum speichert keine Werte und hat keine Teilbäume. Zwei Beispiele für binäre Listenbäume finden Sie auf der nächsten Seite. Entwerfen Sie eine Datenstruktur für binäre Listenbäume in Haskell.

Vorname	Name	MatrNr.

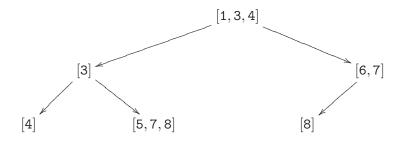


Abbildung 1: Der binäre Listenbaum a

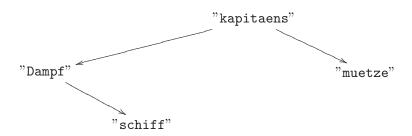


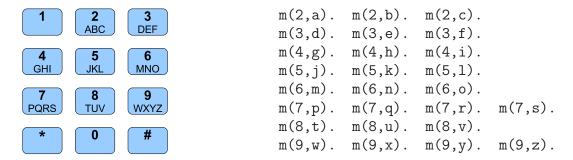
Abbildung 2: Der binäre Listenbaum b

e) Schreiben Sie eine Funktion alsListe in Haskell, die einen binären Listenbaum in eine Liste umwandelt. Dabei soll die Ergebnisliste die Konkatenierung aller Listen im Listenbaum sein. Die Listen des Baums sollen in Links-Rechts-Reihenfolge aneinander gehängt werden. Das heißt: Für einen Listenbaum wird erst der linke Teilbaum der Wurzel in eine Liste umgewandelt. Dann wird an diese Liste die Liste des Wurzelknotens angehängt. Anschließend wird der rechte Listenbaum zu einer Liste umgewandelt und als letztes angehängt. Beispielsweise liefert der Aufruf alsListe a die Liste [4,3,5,7,8,1,3,4,8,6,7] und der Aufruf alsListe b liefert die Liste "Dampfschiffkapitaensmuetze" (Ein String ist eine Liste vom Typ [Char]). Geben Sie auch den allgemeinsten Typ der Funktion alsListe an.

Vorname	Name	MatrNr.

Aufgabe 6 (Logische Programmierung in Prolog, (3 + 2 + 1) + 4 + (6 + 1) Punkte)

a) Unser Alphabet mit 26 Buchstaben kann auf einer Telefontastatur mit nur 10 Ziffern nicht direkt dargestellt werden. Um trotzdem Namen und Kurznachrichten auf einer solchen Tastatur eingeben zu können, wurde der T9-Code eingeführt. Dieser bildet die Tasten 2 - 9 auf je drei bzw. vier Buchstaben ab. Eine solche T9-Tastatur und die Kodierung mit Hilfe von Prolog-Fakten könnten so aussehen:



• Implementieren Sie in Prolog ein zweistelliges Prädikat tneun, welches zu einer Liste von Ziffern (von 2 - 9) alle möglichen Wörter berechnet, die dieser Liste nach dem T9-Code entsprechen. Zum Beispiel sollen sich für die Anfrage "?- tneun([4,8],W)" die Lösungen W=[g,t], W=[g,u], W=[g,v], W=[h,t], W=[h,u], W=[h,v], W=[i,t], W=[i,u] und W=[i,v] ergeben.

• Implementieren Sie in Prolog ein zweistelliges Prädikat synonym, welches für ein Wort (gegeben durch eine Liste von Buchstaben) alle T9-Synonyme berechnet. Hierbei sind zwei Wörter T9-Synonyme genau dann, wenn sie im T9-Code durch die gleiche Liste von Ziffern repräsentiert werden. Die Anfrage "?- synonym([s,m,s],S)" sollte also unter anderem die Lösung S = [p,o,p] ergeben (d.h. S sollte unter anderem an [p,o,p] gebunden werden).

• Geben Sie eine Anfrage mit Hilfe des Prädikats synonym an, so dass alle Synonyme von [b,o,o,k], die mit c anfangen und mit 1 aufhören, an die Variable L gebunden werden.

Name	MatrNr.
	Name

b) Geben Sie für die folgenden Paare von Termen den allgemeinsten Unifikator an, oder begründen Sie kurz, warum dieser nicht existiert.

17

• f(H,U,R,R,Y) und f(a,H,f(U),f(Y),b)

• f(A,g(B,B),g(A,A)) und f(g(C,C),C,B)

Vorname	Name	MatrNr.

c) Erstellen Sie für das folgende Logikprogramm den SLD-Baum zur Anfrage "?- t(s(0),L)." Sie dürfen dabei Pfade abbrechen, sobald diese eine Anfrage enthalten, in der die Funktion s drei mal vorkommt. Kennzeichnen Sie solche Knoten durch "...". Geben Sie weiterhin alle Lösungen an und begründen Sie, warum es keine weiteren gibt. Welche Lösungen findet Prolog?

```
n(s(X)) := n(X).

n(0).

t(s(X),U) := n(U), t(X,U).

t(0,0).
```

Ordnen Sie die Klauseln und Atome des Programms so an, dass Prolog bei der Anfrage "?- t(s(0),L)." terminiert, d.h., dass der SLD-Baum endlich wird.