Ausgabe: 23. März 2023 \_\_\_\_\_

Besprechung: 03 April 2023

# Einführung in die angewandte Stochastik

### Übungsblatt 0

Dieses Übungsblatt dient der Wiederholung mathematischer Inhalte und wird in der Globalübung am 3. April besprochen.

#### Aufgabe W 1

(a) Es seien  $\mathcal{A}$  und  $\mathcal{B}$  zwei Aussagen. Zeigen Sie die folgende Behauptung mittels einer Wahrheitstafel:

$$^{\neg}(\mathcal{A} \wedge \mathcal{B}) \wedge \mathcal{A} \Longleftrightarrow ^{\neg}\mathcal{B} \wedge \mathcal{A}.$$

(b) Gegeben seien Teilmengen A, B der Grundmenge  $\Omega$ , also  $A \subseteq \Omega$  und  $B \subseteq \Omega$ . Dann bezeichnen

$$A \backslash B = \{ \omega \in \Omega \mid \omega \in A \text{ und } \omega \notin B \}$$

das Differenzereignis von A und B und

$$B^c = \{ \omega \in \Omega \, | \, \omega \notin B \} = \Omega \backslash B$$

das Komplementärereignis von B (in  $\Omega$ ). Zeigen Sie die Gültigkeit der folgenden Mengen - Gleichungen:

- (1)  $A \backslash B = A \cap B^c$
- $(2) A = (A \cap B) \cup (A \cap B^c),$

#### Aufgabe W 2

Entscheiden und begründen Sie, welche der Folgen  $(a_n)_{n\in\mathbb{N}}$  beschränkt bzw. (streng) monoton ist. Untersuchen Sie die Folgen ebenfalls auf Konvergenz und bestimmen Sie gegebenenfalls den Grenzwert.

(a) 
$$a_n = \left(\frac{1}{n}\right)^{-1}$$

(b) 
$$a_n = \frac{9+n}{n^2+1}$$

### Aufgabe W 3

(a) Untersuchen Sie die nachstehend definierte Folge  $(s_n)_{n\in\mathbb{N}}$  auf Konvergenz, und bestimmen Sie gegebenenfalls ihren Grenzwert:

$$s_n = \sum_{k=2}^n \left(\frac{1}{2}\right)^k, \quad n \in \mathbb{N}$$

(b) Bestimmen Sie den Grenzwert

$$\lim_{n \to \infty} \left( \sum_{k=1}^n \frac{3^k - 2}{5^k} \right) \, .$$

## Aufgabe W 4

Berechnen Sie die folgenden Integrale:

(a)

$$\int_{1}^{e^2} x^4 \ln(x) \, dx$$

(b)

$$\int_{-2}^{2} x^2 e^{x^3} \, dx$$

(c)

$$\int_0^\infty e^{-kx} \, dx, \quad k > 0$$