

# Tema 2

## Representación de la información

Fundamentos de Computadores  
Curso 2018/19

# Índice

## **2.1 Introducción**

## **2.2 Representación de enteros**

- 2.2.1 Representación posicional de los números.
- 2.2.2 Sistema de numeración en base dos.
- 2.2.3 Operaciones aritméticas.
- 2.2.4 Operaciones lógicas.
- 2.2.4 Representación interna.

## **2.3 Códigos intermedios**

- 2.3.1 Representaciones octal y hexadecimal.
- 2.3.2 Conversiones entre códigos.

## **2.4 Representación de reales**

- 2.4.1 Notación exponencial.
- 2.4.2 Normalización IEEE 754.
- 2.4.3 Representación interna.

## **2.5 Representación de caracteres**

- 2.5.1 Código ASCII
- 2.5.2 Código UNICODE

## **2.6 Representación de imágenes**

- 2.6.1 Representación basada en mapa de bits o vectores
- 2.6.2 Representación del color
- 2.6.3 Formatos de representación de imágenes

# Índice

## 2.1 Introducción

## 2.2 Representación de enteros

- 2.2.1 Representación posicional de los números.
- 2.2.2 Sistema de numeración en base dos.
- 2.2.3 Operaciones aritméticas.
- 2.2.4 Operaciones lógicas.
- 2.2.5 Representación interna.

## 2.3 Códigos intermedios

- 2.3.1 Representaciones octal y hexadecimal.
- 2.3.2 Conversiones entre códigos.

## 2.4 Representación de reales

- 2.4.1 Notación exponencial.
- 2.4.2 Normalización IEEE 754.
- 2.4.3 Representación interna.

## 2.5 Representación de caracteres

- 2.5.1 Código ASCII
- 2.5.2 Código UNICODE

## 2.6 Representación de imágenes

- 2.6.1 Representación basada en mapa de bits o vectores
- 2.6.2 Representación del color
- 2.6.3 Formatos de representación de imágenes

# Introducción

- Un ordenador es máquina que procesa información
  - INSTRUCCIONES que se ejecutan con DATOS.
- El humano introduce la información mediante caracteres:
  - Alfabéticos: {a,b, ..., z, A, B, ..., Z}.
  - Numéricos: {0, 1, ..., 9}.
  - Especiales: {(, ), \*, +, -, ?, ...}.
  - Control: {fin de línea, alimentación de línea, ... }.
- La máquina sólo entiende secuencias de 0 y 1
  - Por tanto, la codificación es el proceso de asignar a cada uno de los caracteres una secuencia de ceros y unos (Código E/S)
  - La correspondencia anterior es arbitraria, aunque existen códigos normalizados.
- Para la realización de operaciones aritméticas, se establece una segunda correspondencia entre el código de E/S y un código basado en el sistema de numeración posicional en base 2.

# Índice

## **2.1 Introducción**

## **2.2 Representación de enteros**

- 2.2.1 Representación posicional de los números.
- 2.2.2 Sistema de numeración en base dos.
- 2.2.3 Operaciones aritméticas.
- 2.2.4 Operaciones lógicas.
- 2.2.5 Representación interna.

## **2.3 Códigos intermedios**

- 2.3.1 Representaciones octal y hexadecimal.
- 2.3.2 Conversiones entre códigos.

## **2.4 Representación de reales**

- 2.4.1 Notación exponencial.
- 2.4.2 Normalización IEEE 754.
- 2.4.3 Representación interna.

## **2.5 Representación de caracteres**

- 2.5.1 Código ASCII
- 2.5.2 Código UNICODE

## **2.6 Representación de imágenes**

- 2.6.1 Representación basada en mapa de bits o vectores
- 2.6.2 Representación del color
- 2.6.3 Formatos de representación de imágenes

# Representación posicional de los números

- Sistema de numeración posicional en base  $b$ :
  - Utilización de un alfabeto de  $b$  símbolos diferentes (o cifras).
  - Representación de cualquier número como una secuencia de cifras, contribuyendo cada una de ellas con un valor que depende de la cifra en sí y de su posición en la secuencia.
  - Número  $N$  como una secuencia de cifras

$$N = \dots n_2 n_1 n_0 , n_{-1} n_{-2} \dots$$

- Valor numérico del número  $N$  interpretado en base  $b$

$$N = \dots + n_2 * b^2 + n_1 * b^1 + n_0 * b^0 + n_{-1} * b^{-1} + n_{-2} * b^{-2} + \dots$$

- Ejemplo:

- $b = 10 \Rightarrow$  Conjunto de símbolos =  $\{0, 1, 2, 3, 4, \dots, 9\}$

$$3278,52 = 3000 + 200 + 70 + 8 + 0,5 + 0,02 =$$

$$3 * 10^3 + 2 * 10^2 + 7 * 10^1 + 8 * 10^0 + 5 * 10^{-1} + 2 * 10^{-2}$$

# Representaciones más comunes

- Puede usarse cualquier base  $b$ , aunque nos centraremos en:
  - Base 2 ( $b = 2$ ): sistema binario natural.
    - Alfabeto =  $\{0, 1\}$ .
  - Base 8 ( $b = 8$ ): sistema octal.
    - Alfabeto =  $\{0 \dots 7\}$ .
  - Base 10 ( $b = 10$ ): sistema decimal.
    - Alfabeto =  $\{0 \dots 9\}$ .
  - Base 16 ( $b = 16$ ): sistema hexadecimal.
    - Alfabeto =  $\{0 \dots 9, A \dots F\}$ .

# Representación binaria

- Base 2 ( $b = 2$ ): sistema binario natural.
  - Alfabeto =  $\{0, 1\}$ .
- Ejemplo: números binarios de 3 cifras existentes y sus valores decimales.

$$000)_2 = 0)_{10}$$

$$100)_2 = 4)_{10}$$

$$001)_2 = 1)_{10}$$

$$101)_2 = 5)_{10}$$

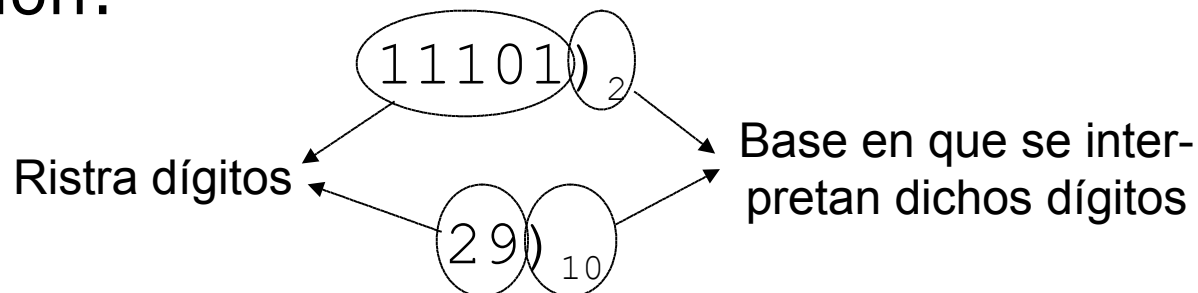
$$010)_2 = 2)_{10}$$

$$110)_2 = 6)_{10}$$

$$011)_2 = 3)_{10}$$

$$111)_2 = 7)_{10}$$

- Notación:





# Conversión de binario a decimal

- Ejemplos:

- $10100)_2 = 1*2^4 + 0*2^3 + 1*2^2 + 0*2^1 + 0*2^0 = 20)_{10}$

- $0,101)_2 = 1*2^{-1} + 1*2^{-3} = 0,625)_{10}$

- Ejercicio propuesto:

- $11110,101)_2 = ?$

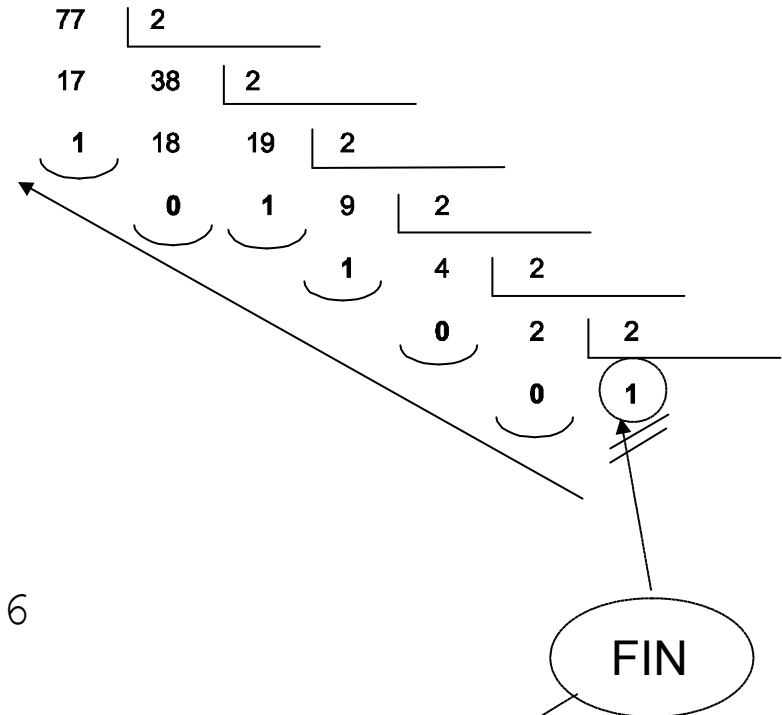
# Conversión de decimal a binario (I)

- Procedimiento:
  - Parte entera: ir dividiendo entre 2 la parte entera del número decimal original y, sucesivamente, los cocientes que se van obteniendo. Los restos de estas divisiones y el último cociente son las cifras binarias. El último cociente es el bit más significativo y el primer resto el menos significativo.
  - Parte fraccionaria: ir multiplicando por 2 la parte fraccionaria del número decimal original y, sucesivamente, las partes fraccionarias de los números obtenidos. El número binario se forma con las partes enteras que se van obteniendo.

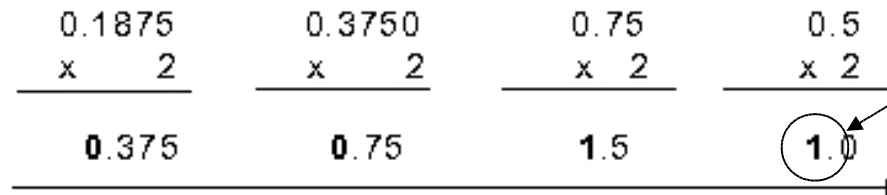
# Conversión de decimal a binario (I)

- Ejemplos:

$$77)_{10} = 1001101)_{2} = 64+8+4+1$$



$$0,1875)_{10} = 0,0011)_{2} = 1/8+1/16$$



Funciona exactamente igual para otra base cualquiera (p.e. 8, 16, etc.)

# Operaciones aritméticas

- Se usan las siguientes tablas:

SUMA	RESTA	PRODUCTO	DIVISIÓN
$0 + 0 = 0$	$0 - 0 = 0$	$0 \cdot 0 = 0$	$0 / 0 = \text{Indetermin.}$
$0 + 1 = 1$	$0 - 1 = 1 \text{ y debo } 1$	$0 \cdot 1 = 0$	$0 / 1 = 0$
$1 + 0 = 1$	$1 - 0 = 1$	$1 \cdot 0 = 0$	$1 / 0 = \infty$
$1 + 1 = 0 \text{ y llevo } 1$	$1 - 1 = 0$	$1 \cdot 1 = 1$	$1 / 1 = 1$

- Ejemplos (intentar hacer como ejercicios):

$\begin{array}{r} 1011101_2 \\ + 1000101_2 \\ \hline \end{array}$	$\begin{array}{r} 93_{10} \\ + 69_{10} \\ \hline \end{array}$	$\begin{array}{r} 1011101_2 \\ - 1000111_2 \\ \hline \end{array}$	$\begin{array}{r} 93_{10} \\ - 71_{10} \\ \hline \end{array}$	$\begin{array}{r} 1101010_2 \\ \times 101_2 \\ \hline \end{array}$	$\begin{array}{r} 106_{10} \\ \times 5_{10} \\ \hline \end{array}$	$\begin{array}{r} 13,25_{10} \\ 1101,01_2 \end{array} \quad \begin{array}{r} 5_{10} \\ \hline 101_2 \end{array}$
---	---	---	---	--	--	--

# Desplazamientos

- Desplazamiento a la izquierda:
  - Multiplicar por  $10)_2$  (e.d. la base) es equivalente a añadir un cero al final o, en su caso, desplazar el punto decimal a la derecha.
- Desplazamiento a la derecha:
  - Dividir entre  $10)_2$  (e.d. la base) es igual a eliminar ceros a la derecha o, en su caso, desplazar el punto decimal a la izquierda
- Ejemplos:
  - $1101010)_2 * 10)_2 = 11010100)_2$
  - $106)_{10} * 2)_{10} = 212)_{10}$
  - $1101010)_2 / 10)_2 = 110101)_2$
  - $106)_{10} / 2)_{10} = 53)_{10}$

# Operaciones lógicas

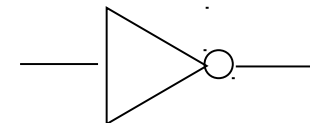
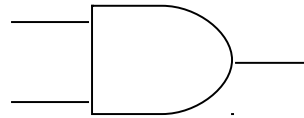
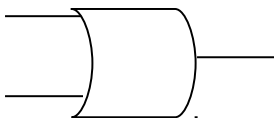
- Se aplican bit a bit.
- Se usan las siguientes tablas:

<b>SUMA LÓGICA (OR)</b>
$0 + 0 = 0$
$0 + 1 = 1$
$1 + 0 = 1$
$1 + 1 = 1$

<b>PRODUCTO LÓGICO (AND)</b>
$0 \cdot 0 = 0$
$0 \cdot 1 = 0$
$1 \cdot 0 = 0$
$1 \cdot 1 = 1$

<b>COMPLEMENTO (NOT)</b>
$\overline{0} = 1$
$\overline{1} = 0$

- Representación gráfica de las operaciones:  
Puertas lógicas, se usarán en tema 3



# Representación sin signo

- Valores sin signo: valor absoluto del número entero en binario natural.

Ejemplo:  $0)_{10} = 00000000)_2$

n=8 bits  $5)_{10} = 00000101)_2$

$247)_{10} = 11110111)_2$

Rango =  $0 \dots 2^n - 1$

$N > 0$  (binario natural, n bits)

$a_{n-1}$

$\dots$

$a_0$

- Representaciones más comunes:
  - Byte:  $n=8$
  - Entero corto:  $n=16$
  - Entero:  $n=32$
  - Entero largo:  $n=64$

# Representación con signo

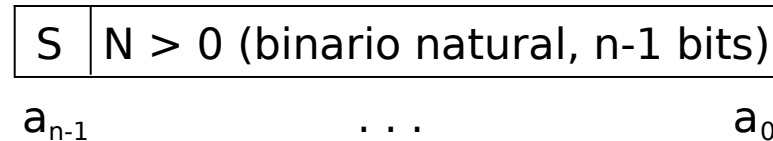
## 1. Signo y magnitud:

Si N negativo  $\Rightarrow S = 1$

Si N positivo  $\Rightarrow S = 0$

Rango =  $-(2^{n-1}-1) \dots 2^{n-1}-1 \rightarrow$  Doble representación del cero

Ejemplo:  $+7)_{10} = 00000111)_{SM}$   $-8)_{10} = 10001000)_{SM}$



## 2. Sesgada:

S es una constante denominada sesgo

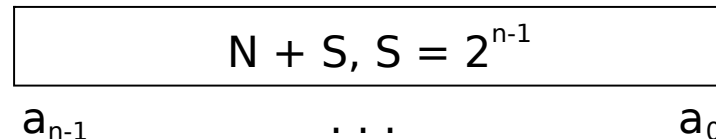
El resultado de la suma del entero a representar y el sesgo ya es un número natural ( $\geq 0$ ), que se representa ya en binario natural.

Ejemplo: 8 bits  $\rightarrow S = 2^{8-1} = 2^7 = 128$

$+7)_{10} = 10000111)_{sesgada}$

$-8)_{10} = 01111000)_{sesgada}$

Rango =  $-(2^{n-1}) \dots 2^{n-1}-1 \rightarrow$  Ya no hay doble representación del 0





# Representación con signo (complementos)

- Se emplea para poder realizar las restas como sumas.
  - Simplificación de la circuitería de los procesadores.

## 3. Complemento a 2:

- Número que resulta de restar cada una de las cifras de N a la base menos 1 ( $2-1=1$  en binario) y posteriormente sumar 1 a la diferencia obtenida.
- Es decir, para calcular el C2 de un número binario:
  - Cambiamos sus ceros por unos y viceversa
  - Le sumamos 1.
- Se cumple siempre que  $C2(C2(N)) = N$  (e.d.  $-(-N) = N$ )
- Ejemplo:

$$7)_{10} = 0111)_2 ; -7)_{10} = C2((0111)_2) = 1001)_2$$

$$4)_{10} + (-7)_{10} = 0100)_2 + 1001)_2 = 1101)_2 = 0011)_2 = -3)_{10}$$

# Representación C2

- Representación interna en C2

Si N negativo  $\Rightarrow S = 1$     Si N positivo  $\Rightarrow S = 0$

Rango =  $-(2^{n-1}) \dots 2^{n-1}-1$  (tampoco doble representación del 0)

Ejemplo:

$$+7)_{10} = 00000111)_{C2}$$

$$-8)_{10} = 11111000)_{C2}$$

S	Si S=0, N>0; Si no, C2(N>0)	
$a_{n-1}$	...	$a_0$

- Por tanto, para realizar **restas**:

- Se suma al minuendo el complemento a 2 del sustraendo despreciando, en su caso, el acarreo del resultado.

- Ejemplo:

$$\begin{aligned} & \bullet \quad 7)_{10} - 7)_{10} = 0111)_2 + ' \text{ C2}(0111)_2 = \\ & \quad 0111)_2 + ' \quad 1001)_2 = 0000)_2 \end{aligned}$$

- Nota: +' simboliza una suma con desprecio de acarreo.

- Desbordamiento:**

- Obviamente, todo esto funciona sólo si no nos salimos del rango:  
P.e.  $62+100 = +162$ , ó  $-50-90=-140$ , no funcionan bien en C2 de 8 bits, ya que en ambos casos se salen del rango posible  $[-128,+127]$

# Representación C2

- Representación interna en C2 (extensión de signo)

- Si N negativo  $\Rightarrow S = 1$     Si N positivo  $\Rightarrow S = 0$

- Extensión de signo:

Para extender un número dado en complemento a 2 a un mayor número de bits (p.e., de 8 a 16 bits o 32 bits, o de 16 a 32 bits, etc.), simplemente hay que replicar el bit de signo hacia la izquierda tantos bits como sea necesario

- Ejemplo:

$$\begin{aligned}
 +7)_{10} &= 00000111)_{C2(8 \text{ bits})} = \\
 &= 00000000 \ 00000111)_{C2(16 \text{ bits})} \\
 &= 00000000 \ 00000000 \ 00000000 \ 00000111)_{C2(32 \text{ bits})} \\
 -8)_{10} &= 11111000)_{C2(8 \text{ bits})} \\
 &= 11111111 \ 11111000)_{C2(16 \text{ bits})} \\
 &= 11111111 \ 11111111 \ 11111111 \ 11111000)_{C2(32 \text{ bits})}
 \end{aligned}$$

# Índice

## **2.1 Introducción**

## **2.2 Representación de enteros**

- 2.2.1 Representación posicional de los números.
- 2.2.2 Sistema de numeración en base dos.
- 2.2.3 Operaciones aritméticas.
- 2.2.4 Operaciones lógicas.
- 2.2.5 Representación interna.

## **2.3 Códigos intermedios**

- 2.3.1 Representaciones octal y hexadecimal.
- 2.3.2 Conversiones entre códigos.

## **2.4 Representación de reales**

- 2.4.1 Notación exponencial.
- 2.4.2 Normalización IEEE 754.
- 2.4.3 Representación interna.

## **2.5 Representación de caracteres**

- 2.5.1 Código ASCII
- 2.5.2 Código UNICODE

## **2.6 Representación de imágenes**

- 2.6.1 Representación basada en mapa de bits o vectores
- 2.6.2 Representación del color
- 2.6.3 Formatos de representación de imágenes

# Códigos intermedios

- El objetivo es poder expresar de forma más abreviada secuencias de 0's y 1's
- Base octal:

- $b = 8 (2^3)$ , dígitos =  $\{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$
- *Binario a octal*: se agrupan los bits en ternas empezando por la coma decimal (si la hay) y se asigna a cada una de ellas el correspondiente dígito octal.

$$010 \ 001 \ 101 \ 100 \ , \ 110 \ 100 \ )_2 = 2 \ 1 \ 5 \ 4 \ , \ 6 \ 4 \ )_8$$

- *Octal a binario*: al revés, cada dígito octal da lugar a 3 binarios.
- Base hexadecimal:  $b = 16 (2^4)$ , dígitos =  $\{0, 1, \dots, 9, A, B, \dots, F\}$
- *Binario a hexadecimal*: se agrupan los bits de 4 en 4 empezando por la coma decimal (si la hay) y se sustituye cada grupo por el correspondiente dígito hexadecimal.

$$0100 \ 0110 \ 1100 \ , \ 1101 \ 0000 \ )_2 = 4 \ 6 \ C \ , \ D \ 0 \ )_{16}$$

- *Hexadecimal a binario*: al revés, cada dígito hexadecimal da lugar a 4 binarios.

# Conversión a/desde decimal

- Base octal:

- *Octal a decimal:* aplicar la fórmula (con  $b=8$ )

$$N = n_2 * b^2 + n_1 * b^1 + n_0 * b^0 + n_{-1} * b^{-1} + n_{-2} * b^{-2}$$

- *Decimal a octal:* se utiliza el método de las divisiones para la parte entera y el de las multiplicaciones para la fraccionaria.

$$760,33)_{10} = ?)_{8}$$

**Nota.-** Ojo, una parte fraccionaria finita en base decimal puede a veces convertirse en una infinita (periódica en algún punto) en otra base (hexadecimal, octal, binaria o la que sea).

- Base hexadecimal:

- *Hexadecimal a decimal:* aplicar la fórmula (con  $b=16$ )

$$N = n_2 * b^2 + n_1 * b^1 + n_0 * b^0 + n_{-1} * b^{-1} + n_{-2} * b^{-2}$$

- *Decimal a hexadecimal:* se utiliza el método de las divisiones para la parte entera y el de las multiplicaciones para la fraccionaria.

$$760,33)_{10} = ?)_{16}$$

# Índice

## **2.1 Introducción**

## **2.2 Representación de enteros**

- 2.2.1 Representación posicional de los números.
- 2.2.2 Sistema de numeración en base dos.
- 2.2.3 Operaciones aritméticas.
- 2.2.4 Operaciones lógicas.
- 2.2.5 Representación interna.

## **2.3 Códigos intermedios**

- 2.3.1 Representaciones octal y hexadecimal.
- 2.3.2 Conversiones entre códigos.

## **2.4 Representación de reales**

- 2.4.1 Notación exponencial.
- 2.4.2 Normalización IEEE 754.
- 2.4.3 Representación interna.

## **2.5 Representación de caracteres**

- 2.5.1 Código ASCII
- 2.5.2 Código UNICODE

## **2.6 Representación de imágenes**

- 2.6.1 Representación basada en mapa de bits o vectores
- 2.6.2 Representación del color
- 2.6.3 Formatos de representación de imágenes

# Notación exponencial

- Se utiliza normalmente la notación exponencial:

$$N = M \times B^E \quad M = \text{mantisa}, B = \text{base}, E = \text{exponente}$$

- También llamada representación en coma flotante o punto flotante.
- Podemos cambiar la representación de  $N$ , sin cambiar su valor, simplemente aumentando (disminuyendo) en una unidad  $E$  y dividiendo (multiplicando)  $M$  por  $B$ .

$$13257,35 = \begin{cases} 13257,35 * 10^0 \\ 1,325735 * 10^4 \\ 0,1325735 * 10^5 \\ 1325735 * 10^{-2} \\ \dots \end{cases}$$



# Estructura IEEE 754

- Uso de notación exponencial.

$B = 2$  (al tenerla todos los números, no es necesario almacenarla, se considera implícita)

## 1. Campo de signo:

- $S = 0 \rightarrow$  Número positivo.
- $S = 1 \rightarrow$  Número negativo.

## 2. Campo del exponente:

- entero sesgado, donde  $S = 2^{ne-1}-1 \rightarrow e = E + S$

## 3. Campo de la mantisa:

- Cuando el 1 más significativo de la mantisa se encuentra en la posición 0 (de las unidades) el número se dice que está normalizado.

$$101,111 \times 2^{-5} = \underline{1},01111 \times 2^{-3} ; \quad 0,0011 \times 2^7 = \underline{1},1 \times 2^4$$

- El campo de la mantisa sólo almacena la parte fraccionaria del número normalizado, puesto que el 1 siempre estará (se dice también que está implícito).
- Cuando el procesador extraiga el dato de la memoria, tendrá que añadir **1**:
  - Por tanto  $1 \leq M < 2 \quad M = 1, m$
- Ejemplo:  $101,111 \times 2^{-5} = 1,01111 \times 2^{-3} \quad m = 011110\dots 0$

# Ejemplo conversión IEEE 754 → Decimal

Calcular el número real en base 10 correspondiente a la ristra de 32 bits  $C0580000)_{16}$  que se encuentra en formato IEEE 754 de simple precisión ( $n=32$  bits, con  $n_e=8$ , luego  $n_m=23$ ):

## • Solución:

$$\begin{aligned} \textbf{Paso 1: } C0580000)_{16} &= 1100\ 0000\ 0101\ 1000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000)_{2} \\ &= \underbrace{1}_{s\ (1\text{bit})}\ \underbrace{10000000}_{e\ (8\ \text{bits})}\ \underbrace{10110000000000000000000000000000}_{m\ (32-8-1 = 23\text{bits})})_{2} \end{aligned}$$

**Paso 2:**  $s=1 \rightarrow$  negativo  $(-)$

$$\begin{aligned} \textbf{Paso 3: } e=10000000)_{2}=128)_{10}; \quad e=E+S; \quad S=2^7-1)_{10}=127)_{10} \rightarrow \\ E=e-S=128-127)_{10}=1)_{10} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \textbf{Paso 4: } m=10110000000000000000000000000000)_{2} \rightarrow M=1.m=1.10110...0)_{2} \rightarrow \\ M=1.1011)_{2} \end{aligned}$$

$$\textbf{Paso 5: } N=-M \cdot 2^E = -1.1011)_{2} \cdot 2^1 = -11.011)_{2} \cdot 2^0 = -11.011)_{2} = -3.375)_{10}$$

# Situaciones especiales y redondeos

- Situaciones especiales:

a) Cuando  $e = 0$  y  $m \neq 0$ , número desnormalizado (**1** no está implícito).

$$S = 2^{ne-1} - 2 \quad y \quad M = 0, m$$

b)  $e = 0$  y  $m = 0 \rightarrow N = 0$

c)  $e = 111...1$ :

- Si  $m = 0 \rightarrow +\infty$  ó  $-\infty$  (dependiendo del signo)
- Si  $m \neq 0 \rightarrow \text{NaN}$  (Not a Number)

- Redondeos:

- Problema: algunos números reales no pueden ser representados de forma exacta con  $n_m+1$  cifras binarias significativas
- Redondeo al par: Se redondea al  $n^0$  representable más cercano. Si el error es el mismo se elige el  $n^0$  par.
- Analizar el bit menos significativo (posición  $-n_m$ ) y 2 bits que genera la ALU: bit de redondeo (posición  $-n_m-1$ ) y bit retenedor (posición  $-n_m-2$ ).

- Ejemplo:  $n_m = 5$

1,01101	y	00	$\rightarrow$	1,01101	(truncar, siempre)
1,01101	y	01	$\rightarrow$	1,01101	(truncar, siempre)
1,01100	y	10	$\rightarrow$	1,01100	(truncar, redondeo al par)
1,01101	y	10	$\rightarrow$	1,01110	(sumar 1, redondeo al par)
1,01101	y	11	$\rightarrow$	1,01110	(sumar 1, siempre)

# Tamaños que contempla IEEE 754

- Consideraciones respecto al tamaño:
  - Precisión: cifras de la mantisa que van a poder representarse.
  - Rango: intervalo de representación.
  - A mayor  $n_m$ , mayor n° de cifras significativas → mayor precisión.
  - A mayor  $n_e$ , mayor exponente posible → mayor rango.
- Formatos más habituales IEEE 754:
  - Simple precisión:
    - $n = 32$  bits ( $n_e = 8$  bits y  $n_m = 23$ ),  $S = 2^7 - 1 = 127$
  - Doble precisión:
    - $n = 64$  bits ( $n_e = 11$  bits y  $n_m = 52$ ),  $S = 2^{10} - 1 = 1023$

# Ejemplo conversión Decimal $\rightarrow$ IEEE 754

- Representar el número  $-250,875)_{10}$  en IEEE 754 de 32 bits:

$$N = (-1)^s M \cdot B^E; \text{ (fórmula general)} \quad B=2; \text{ (implícita, siempre)}$$

**Paso 1:** expresar valor absoluto del número en binario, separando partes entera y fraccionaria:

$$250)_{10} = \dots (\text{div. sucesivas}) \dots = 11111010)_2$$

$$0,875)_{10} = \dots (\text{mul. Sucesivas}) \dots = 0,111)_2$$

**Paso 2:** Normalizar, desplazando la coma decimal:

$$250,875)_{10} = 11111010,111)_2 \cdot 2^0 = 1,1111010111)_2 \cdot 2^7 \rightarrow$$

$$E=7 \text{ y } M=1, m=1,11110101110000\dots(\text{rellenar hasta 23 bits en } m)\dots)_2$$

**Paso 3:** Obtener exponente sesgado ( $S=2^{8-1}-1=127$ ):

$$e = E+S = 7)_{10} + 127)_{10} = 134)_{10} = 10000110)_2 \text{ (8 bits)}$$

**Paso 4:** Construir palabra de 32 bits a partir de  $s$ ,  $e$  y  $m$ :

$$\text{Num. neg.} \rightarrow s=1; \quad e=10000110; \quad M=1, m \rightarrow m=11110101110000\dots$$

$$N = \underbrace{1}_{s \text{ (1bit)}} \underbrace{10000110}_{e \text{ (8 bits)}} \underbrace{111101011100000000000000000000}_{m \text{ (23bits)}} = C37AE000)_{16}$$

# IEEE 754: A tener en cuenta

- Es fácil que un número decimal más o menos redondo no pueda ser representado con absoluta exactitud:
  - P.e.  $N = -7.1$ : su parte decimal no se puede expresar como suma de potencias negativas de 2, de modo que necesitaría infinitos dígitos binarios tras la coma.
- Ciertas propiedades de los números reales pueden no cumplirse:
  - P.e. la asociatividad:  $(a+b)+c = a+(b+c)$ . Pero en IEEE 754, si  $a=1.0$ ,  $b=-1.0$  y  $c=2^{-30}$ ,  $(a+b)+c$  produce  $2^{-30}$ , mientras que  $a+(b+c)$  produce 0, (puesto que en este segundo caso el resultado intermedio  $b+c$  se ve truncado a 1.0).
  - Por supuesto, este tipo de errores se van acumulando en cálculos más largos...

Todo está relacionado con que al fin y al cabo IEEE 754 es un intento de representar un conjunto continuo de números (reales) en una representación (p.e. 32 o 64 bits)

# Índice

## **2.1 Introducción**

## **2.2 Representación de enteros**

- 2.2.1 Representación posicional de los números.
- 2.2.2 Sistema de numeración en base dos.
- 2.2.3 Operaciones aritméticas.
- 2.2.4 Operaciones lógicas.
- 2.2.5 Representación interna.

## **2.3 Códigos intermedios**

- 2.3.1 Representaciones octal y hexadecimal.
- 2.3.2 Conversiones entre códigos.

## **2.4 Representación de reales**

- 2.4.1 Notación exponencial.
- 2.4.2 Normalización IEEE 754.
- 2.4.3 Representación interna.

## **2.5 Representación de caracteres**

- 2.5.1 Código ASCII
- 2.5.2 Código UNICODE

## **2.6 Representación de imágenes**

- 2.6.1 Representación basada en mapa de bits o vectores
- 2.6.2 Representación del color
- 2.6.3 Formatos de representación de imágenes

# Códigos de Entrada/Salida

- Los códigos de E/S (ó externos): asocian a cada carácter una determinada combinación de bits
  - Correspondencia entre  $\alpha = \{A..Z, a..z, 0..9, (,), *... \}$  y  $\beta = \{0,1\}^n$
- El  $|\alpha| = m$  dependerá del dispositivo de E/S o del sistema.
- Necesitaremos un número de bits  $n$  tal que:  $n \geq \log_2 m$
- Ejemplo: para codificar  $\{0,1, ..., 9\}$  se necesitarán 4 bits.
- La elección del código es arbitraria, pero existen códigos normalizados.
- El más popular es el código ASCII (*American Standard Code for Information Interchange*)
  - Codifica, desde los años 60, la inmensa mayoría de caracteres impresos usados en textos en idioma inglés.



# Código ASCII

- Longitud  $n = 7$  bits  $\Rightarrow m = 2^7 = 128$  caracteres:

ASCII	Hex	Símbolo	ASCII	Hex	Símbolo	ASCII	Hex	Símbolo	ASCII	Hex	Símbolo
0	0	NUL	16	10	DLE	32	20	(espacio)	48	30	0
1	1	SOH	17	11	DC1	33	21	!	49	31	1
2	2	STX	18	12	DC2	34	22	"	50	32	2
3	3	ETX	19	13	DC3	35	23	#	51	33	3
4	4	EOT	20	14	DC4	36	24	\$	52	34	4
5	5	ENQ	21	15	NAK	37	25	%	53	35	5
6	6	ACK	22	16	SYN	38	26	&	54	36	6
7	7	BEL	23	17	ETB	39	27	'	55	37	7
8	8	BS	24	18	CAN	40	28	(	56	38	8
9	9	TAB	25	19	EM	41	29	)	57	39	9
10	A	LF	26	1A	SUB	42	2A	*	58	3A	:
11	B	VT	27	1B	ESC	43	2B	+	59	3B	;
12	C	FF	28	1C	FS	44	2C	,	60	3C	<
13	D	CR	29	1D	GS	45	2D	-	61	3D	=
14	E	SO	30	1E	RS	46	2E	.	62	3E	>
15	F	SI	31	1F	US	47	2F	/	63	3F	?

ASCII	Hex	Símbolo	ASCII	Hex	Símbolo	ASCII	Hex	Símbolo	ASCII	Hex	Símbolo
64	40	@	80	50	P	96	60	`	112	70	p
65	41	A	81	51	Q	97	61	a	113	71	q
66	42	B	82	52	R	98	62	b	114	72	r
67	43	C	83	53	S	99	63	c	115	73	s
68	44	D	84	54	T	100	64	d	116	74	t
69	45	E	85	55	U	101	65	e	117	75	u
70	46	F	86	56	V	102	66	f	118	76	v
71	47	G	87	57	W	103	67	g	119	77	w
72	48	H	88	58	X	104	68	h	120	78	x
73	49	I	89	59	Y	105	69	i	121	79	y
74	4A	J	90	5A	Z	106	6A	j	122	7A	z
75	4B	K	91	5B	[	107	6B	k	123	7B	{
76	4C	L	92	5C	\	108	6C	l	124	7C	
77	4D	M	93	5D	]	109	6D	m	125	7D	}
78	4E	N	94	5E	^	110	6E	n	126	7E	~
79	4F	O	95	5F	_	111	6F	o	127	7F	□

# Código ASCII (cont.)

- Para rellenar hasta 8 bits (1 byte, unidad típica de almacenamiento), se usa 1 bit adicional:
  - Bien para control de errores (siguiente transparencia) ...
  - ... bien para caracteres gráficos (p.e. caracteres para hacer cajas para enmarcar texto) ...
  - O, lo más común, para extensiones de determinados idiomas. Ejemplos más usados en Europa occidental:
    - ISO 8859-1 (también denominado ISO Latin 1): incluye alfabeto latino con extensiones, incluyendo ñ, vocales acentuadas, etc.
    - ISO 8859-15 es una pequeña modificación que añade el signo del euro.

# Detección de errores

- En general (no sólo para caracteres), pueden usarse bits adicionales a la información a almacenar con el único propósito de comprobar que ésta no se almacenó/transmitió de manera errónea.

- Ejemplo: **bit de paridad** en código ASCII.

- Puesto que 1 carácter ASCII = 7 bits, pero 1 byte (unidad más estándar de almacenamiento) = 8 bits, aprovechar el bit sobrante añadiéndolo de forma que el número total de unos en el byte sea **par**:

- Ejemplo:

	(7 bits)		(8 bits)
• carácter ASCII 'A'	=1000001	→	0 1000001
• carácter ASCII 'C'	=1000011	→	1 1000011

- Ahora, si tras una transmisión por internet, o una recuperación del dato desde un disco, p.e., se produce un error y un bit cambia su valor (0↔1) nos encontraremos una cadena con un número impar de unos, e induciremos que hubo un error.

Bit de paridad añadido tal que el número de unos es siempre par (2 en el primer caso, 4 en el segundo)

# Unicode

- **Unicode:** estándar para representación de todo texto posible en todos los sistemas de escritura del mundo.
- Actualmente 110.000 caracteres, de un total de 100 *scripts* (*script* = conjunto de caracteres: alfabetos, silabarios, pictogramas ...).
- Inicialmente, era de 16 bits ( $2^{16}=65.536$  posibilidades). Actualmente, Unicode define un espacio de  $1.114.112$  *code points* en el rango  $0)_{16}$  a  $10FFFF)_{16}$ .
- Un "*code point*" se expresa como U+número (p.e. U+0058 para la 'X', o U+6708 para el ideograma chino "yue": 月).
- Para "*code points*" que no caben en 16 bits (fuera del llamado Basic Multilingual Plane, o BMP), se usan cinco o seis dígitos, según se requiera.

# Unicode (cont.)

- Los primeros 256 "*code points*" son idénticos a la codificación ISO-8859-1 (Latin 1), para facilitar la conversión, y compatibilizar el subconjunto de caracteres más utilizado de largo.
- Los "*code points*" pueden concretarse en secuencias de bytes de varias formas, llamadas "*encodings*". Las más comunes son UTF-8 y UTF-16 (UTF = Unicode Transformation Format), aunque hay más (UCS-2, UCS-4, etc.).
  - UTF-8 usa un byte por cada carácter ASCII (→ compatibilidad). Sólo para caracteres no ASCII empiezan a utilizarse dos o más bytes (hasta cuatro), según un esquema basado en la comprobación de los primeros bits de cada byte, que indican si el byte siguiente forma parte aún del mismo "*code point*" (ilustración en transparencia siguiente).
  - UTF-16 similar, pero usando como base ristas de 16 bits (dos bytes), con unos pocos caracteres usando dos unidades de 16 bits (e.d. 4 bytes). Menos usado por desperdiciar más espacio.

# Unicode (cont.)

- Codificación con UTF-8 (1, 2, 3 ó 4 bytes):

Rango de puntos UNICODE	Valor escalar	UTF-8
000000-00007F	00000000 0xxxxxxx	0xxxxxxx
000080-0007FF	00000yyy yyxxxxxx	110yyyyy 10xxxxxx
000800-00FFFF	zzzzyyyy yyxxxxxx	1110zzzz 10yyyyyy 10xxxxxx
010000-10FFFF	000uuuuu zzzzyyyy yyxxxxxx	11110uuu 10uuzzzz 10yyyyyy 10xxxxxx

- Ejemplo ñ (Unicode) = U+00F1

$$\begin{aligned} &= \overset{0}{0}000 \overset{0}{0}\overset{F}{000} \overset{1}{1}11 \overset{1}{000}1 \\ &\quad \swarrow \quad \searrow \\ &110x \ xxxx \quad 10xx \ xxxx \\ &\quad \swarrow \quad \searrow \\ \text{ñ (UTF-8)} &= 1100 \ 0011 \ 1011 \ 0001 = \text{C3B1} \end{aligned}$$

# Comparación ISO-8859-15, UTF-16, UTF-8

## Archivos correspondientes en okteta

**Texto original**

AEIOU  
aeiou  
ÁÉÍÓÚ  
áéíóú  
?!\$%  
¿¡ñÑ|

	Desplazam.	Bytes de contenido	Interpretación 8859-15 (por defecto en okteta)
Codificación 8859-15	0000:0000 41 45 49 4F 55 0A 61 65 69 6F 75 0A C1 C9 CD D3 0000:0010 DA 0A E1 E9 ED F3 FA 0A 3F 21 24 25 0A BF A1 F1 0000:0020 D1 0A		AEIOU.aeiou.ÁÉÍÓ Ú.áéíóú.?!\$%.¿¡ñ Ñ.
		BOM (Byte order mark) → Big endian / little endian	
Codificación UTF-16	0000:0000 FF FE 41 00 45 00 49 00 4F 00 55 00 0A 00 61 00 0000:0010 65 00 69 00 6F 00 75 00 0A 00 C1 00 C9 00 CD 00 0000:0020 D3 00 DA 00 0A 00 E1 00 E9 00 ED 00 F3 00 FA 00 0000:0030 0A 00 3F 00 21 00 24 00 25 00 0A 00 BF 00 A1 00 0000:0040 F1 00 D1 00 0A 00		ÿþA.E.I.O.U...a. e.i.o.u...Á.É.Í. Ó.Ú...á.é.í.ó.ú. ..?!.\$.%...¿.¡. ñ.Ñ...
Codificación UTF-8	0000:0000 41 45 49 4F 55 0A 61 65 69 6F 75 0A C3 81 C3 89 0000:0010 C3 8D C3 93 C3 9A 0A C3 A1 C3 A9 C3 ADC3 B3 C3 0000:0020 BA 0A 3F 21 24 25 0A C2 BF C2 A1 C3 B1 C3 91 0A		AEIOU.aeiou.Ã.Ã. Ã.Ã.Ã.Ã.Ã©Ã Ã³Ã °.?!\$%.Â¿Â¿Ã±Ã..

# Índice

## **2.1 Introducción**

## **2.2 Representación de enteros**

- 2.2.1 Representación posicional de los números.
- 2.2.2 Sistema de numeración en base dos.
- 2.2.3 Operaciones aritméticas.
- 2.2.4 Operaciones lógicas.
- 2.2.5 Representación interna.

## **2.3 Códigos intermedios**

- 2.3.1 Representaciones octal y hexadecimal.
- 2.3.2 Conversiones entre códigos.

## **2.4 Representación de reales**

- 2.4.1 Notación exponencial.
- 2.4.2 Normalización IEEE 754.
- 2.4.3 Representación interna.

## **2.5 Representación de caracteres**

- 2.5.1 Código ASCII
- 2.5.2 Código UNICODE

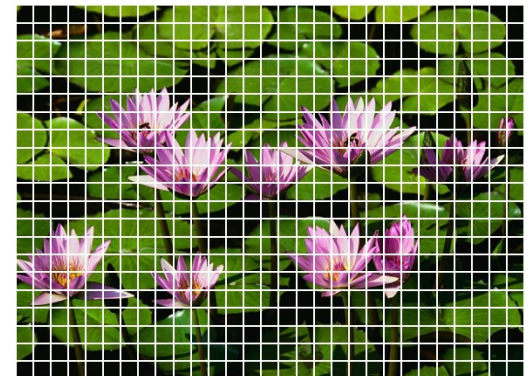
## **2.6 Representación de imágenes**

- 2.6.1 Representación basada en mapa de bits o vectores
- 2.6.2 Representación del color
- 2.6.3 Formatos de representación de imágenes



# Mapas de bits

- Las imágenes están compuestas por infinitos puntos
  - Cada punto tiene un nivel de gris o un color
- Para codificar una imagen:
  - Hay que determinar cuántos puntos vamos a considerar
    - No podemos almacenar y procesar infinitos puntos
  - Hay que asociarles un nivel de color o de gris
    - El nivel asociado será la media de los puntos representados
- Consideraremos que una imagen está formada por una matriz de píxeles (elementos de imagen, *picture elements*)
- Resolución de la imagen:
  - Número de elementos por línea \* Número de elementos por columna
- Representación de la imagen
  - Sencilla, funciona con cualquier imagen
  - Se almacenan sucesivamente los atributos de los píxeles
    - Ej: De izquierda a derecha y de arriba a abajo



# Mapas de vectores

- Representación como colección de objetos:
  - Líneas, polígonos, textos
- Los objetos se modelan mediante vectores y ecuaciones
- Al visualizar la imagen en pantalla se evalúan las ecuaciones y se escalan los vectores para generar la imagen
- Características de este tipo de imágenes:
  - Son adecuadas para gráficos geométricos, pero no para imágenes reales
  - Son ideales para aplicaciones de diseño por ordenador (CAD)
  - En comparación con los mapas de bits, los archivos de imágenes vectoriales suelen ocupar mucho menos espacio
  - Es más fácil procesar o escalar las imágenes a cualquier tamaño
  - La fidelidad o calidad de la imagen respecto a la realidad suele ser peor

# Representación del color

- Las imágenes pueden representarse en escala de grises o en color
- En la representación en escala de grises, cada píxel tiene asociado un valor medio de gris
  - Normalmente cada píxel puede tomar 256 valores distintos (1 byte)
- Representación del color RGB
  - La intensidad media de los colores primarios rojo (R), verde (G) y azul (B) se codifica por separado
  - Una gran calidad de colores se consigue con 8 bits por cada color
    - RGB -> Se necesitarían 3 bytes por cada píxel:  $2^{8*3}$  = más de 16 millones de colores distintos
  - RGB es un modelo aditivo, la suma de los colores genera el color blanco
  - El formato RGB se utiliza principalmente para la visualización en pantalla
- Representación del color CYMK
  - El color se representa mediante el cian (C), amarillo (Y), magenta (M) y negro (K)
  - CYMK es un modelo sustractivo, la suma de colores genera el negro
  - El formato CYMK se utiliza principalmente para la impresión con tinta

# Ejemplos de formatos de representación de imagen

- Mapa de bits:
  - BMP (BitMap)
    - Usado en aplicaciones Windows
  - PICT (PICTure)
    - Usado en Macintosh
  - PPM (Portable PixMap)
    - Codificación sencilla. Posibilidad de ASCII.
  - JPEG (Joint Photographic Experts Group)
    - Buena calidad para imágenes naturales. Incluye compresión
    - La compresión puede ser sin pérdida o con pérdida
      - La compresión sin pérdida elimina sólo información que el ojo humano no ve
- Mapas de vectores:
  - DXF (Document eXchange Format)
    - Formato normalizado para imágenes CAD (AutoCAD, Corel Draw)
  - EPS (Encapsulated Postscript)
    - Imágenes del lenguaje Postscript (inventado por adobe para documentos con texto y gráficos)
  - ODG (Libreoffice)
  - A menudo incluyen(como subimágenes) también mapas de bits.