# Matrices

# Oscar Gerardo Hernández Martínez 8/7/2019

## ¿Cómo se construye una matriz?

- matrix(vector, nrow=n, byrow=valor\_lógico): para definir una matriz de n filas formada por las entradas del vector
  - **nrow:** número de filas
  - byrow: si se iguala a TRUE, la matriz se construye por filas; si se iguala a FALSE (valor por defecto), se construye por columnas.
  - **ncol:** número de columnas (puede usarse en lugar de nrow)
  - rbind(vector1, vector2, ...): construye la matriz de filas vector1, vector2,...
  - cbind(vector1, vector2, ...): construye la matriz de columnas vector1, vector2,...
    - \* Los vectores han de tener la misma longitud
    - \* También sirve para añadir columnas (filas) a una matriz o concatenar por columnas (filas) matrices con el mismo número de filas (columnas)
  - diag(vector): para construir una matriz diagonal con un vector dado
    - \* Si aplicamos diag a un número n, produce una matriz identidad de orden n

#### Submatrices

- matriz[i,j]: indica la entrada (i,j) de la matriz, siendo  $i,j \in \mathbb{N}$ . Si  $i \neq j$  son vectores de índices, estaremos definiendo la submatriz con las filas pertenecientes al vector  $i \neq j$  columnas pertenecientes al vector j.
- matriz[i,]: indica la fila i-ésima de la matriz, siendo  $i \in \mathbb{N}$
- matriz[,j]: indica la columna j-ésima de la siendo j  $\epsilon$  N
  - Si i (j) es un vector de índices, estaremos definiendo la submatriz con las filas (columnas) pertenecientes al vector i (j).

R muestra las matrices indicando como [i,] la fila i-ésima y [,i] la columna j-ésima.

Todas las entradas de una matriz han de ser del mismo tipo de datos.

### **Funciones**

- diag(matriz): para obtener la diagonal de la matriz.
- nrow(matriz): nos devuelve el número de filas de la matriz.
- ncol(matriz): nos devuelve el número de columnas de la matriz.
- dim(matriz): nos devuelve las dimensiones de la matriz.
- sum(matriz): obtenemos la suma de todas las entradas de la matriz.
- prod(matriz): obtenemos el producto de todas las entradas de la matriz.
- mean(matriz): obtenemos la media aritmética de todas las entradas de la matriz.
- colSums(matriz): obtenemos las sumas por columnas de la matriz.
- rowSums(matriz): obtenemos las sumas por filas de la matriz.
- colMeans(matriz): obtenemos las medias aritméticas por columnas de la matriz.
- rowMeans(matriz): obtenemos las medias aritméticas por filas de la matriz.
- t(matriz): para obtener la transpuesta de la matriz.
- +: para sumar matrices.
- \*: para el producto de un escalar por una matriz.
- %\*%: para multiplicar matrices.
- mtx.exp(matriz,n): para elevar la matriz a n.
  - Del paquete Biodem

- \* No calcula las potencias exactas, las aproxima.
- %%: para elevar matrices.
  - Del paquete **expm** 
    - $\ast\,$  No calcula las potencias exactas, las aproxima.
- det(matriz): para calcular el determinante de la matriz.
- qr(matriz)\$rank: para calcular el rango de la matriz.
- solve(matriz): para calcular la inversa de una matriz invertible.
  - También sirve para resolver sistemas de ecuaciones lineales. Para ello introducimos solve(matriz,b), donde b es el vector de términos independientes.
- eigen(matriz): para calcular los valores propios (vaps) y vectores propios (veps).
  - eigen(matriz)\$values: nos da el vector con los vaps de la matriz en orden decreciente de su valor absoluto y repetidos tantas veces como su multiplicidad algebraica.
  - eigen(matriz)\$vectors: nos da una matriz cuyas columnas son los veps de la matriz.

### Función apply()

- apply(matriz, MARGIN=..., FUN=función): para aplicar otras funciones a las filas o las columnas de una matriz.
  - MARGIN: ha de ser 1 si queremos aplicar la función por filas; 2 si queremos aplicarla por columnas; o c(1,2) si la queremos aplicar a cada entrada.