# 孤立系统中单管引水的水轮机调节系统 小波动特性分析报告

## 刘锦坤

# 目录

1	说明	2
2	问题一	2
3	问题二	2
4	问题三	2
5	问题四	5
6	问题五	5

## 1 说明

本次作业所有文件均已上传至附件,代码保存在 code 文件夹,图片保存在在 pic 文件夹,问题 [n] 对应的代码为 Question[n].py 文件,util.py 文件为编写的工具函数文件,其中包括了若干矩阵运算函数。

## 2 问题一

运行 Question1.py 文件,即可打印出 AR 矩阵元素和转移矩阵的元素:

#### Matrix A\_R is:

[[ -0.223	0.076	0.	0.1665	-0.1	]
[-10.	-0.4	-10.	0.	0.	]
[ -8.	-0.32	-8.2	0.	0.	]
[ 13.26435742	0.57419531	13.37890625	-0.54986471	-0.05136	6719]
[ 0.	0.	0.	0.	0.	]]

The transition matrix is:

- [[ 9.92406723e-01 2.95483905e-03 9.61190807e-04 6.31148589e-03
  - -3.83722343e-03]
  - [-3.27432401e-01 9.86337929e-01 -3.27586450e-01 -1.09813331e-03
    - 6.65067258e-04]
- [-2.60885797e-01 -1.08860649e-02 7.31328490e-01 -8.76193562e-04
  - 5.30655930e-04]
- [ 4.28617119e-01 1.95475459e-02 4.33162394e-01 9.80517570e-01
- -2.82955859e-03]
- - 1.0000000e+00]]

同时绘制出转速 n 的过渡过程曲线如图 1 所示,可以看到,在经过一段时间后,转速 n 会进入一个新的稳定值。

## 3 问题二

运行 Question2.py 文件,即可得到不同的  $T_d$ ,  $b_t$  的值对应的过渡过程曲线如图 2 所示:

可以看到,在  $T_d$  和  $b_t$  都较小时,系统在扰动后偏离平衡态,在扰动下不稳定。而  $b_t$  增大后,系统再次进入稳定域,说明  $b_t$  的增大有助于系统的稳定。同时还能发现,在一定范围内  $T_d$  和  $b_t$  的增大都能减少系统的超调,提高系统的动态品质。

# 4 问题三

运行 Question3.py 文件,即可得到不同的  $T_a$  的值对应的过渡过程曲线如图 3 所示:

可以看到, $T_a$  的增大会使得系统的超调量增大,调节时间变长,因此在一定范围内  $T_a$  的增大会使得系统的动态品质变差,但是由于超调量的增大,系统的稳定性很可能会增强。

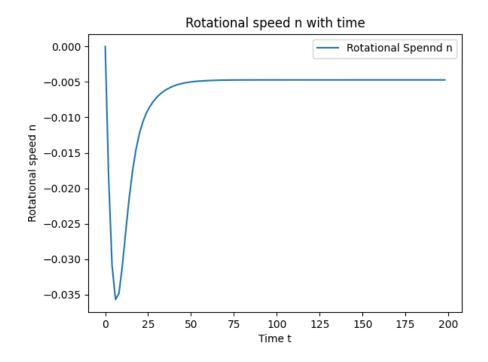


图 1: 转速 n 的过渡过程曲线

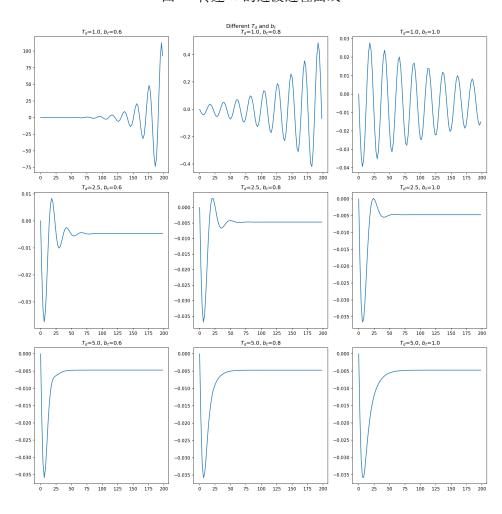


图 2:  $T_d, b_t$  的不同值对应的过渡过程曲线

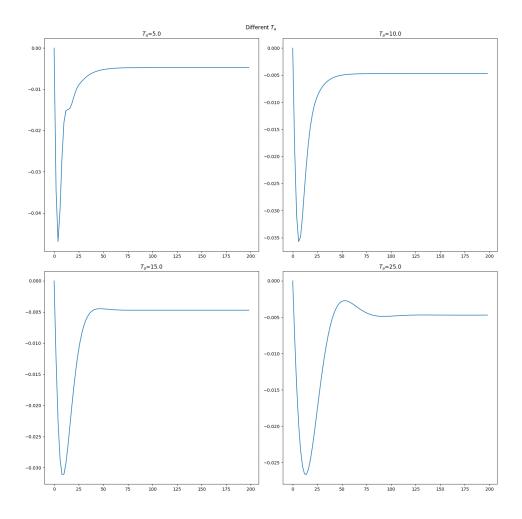


图 3:  $T_a$  的不同值对应的过渡过程曲线

## 5 问题四

Different T<sub>w</sub>

运行 Question4.py 文件,即可得到不同的  $T_w$  的值对应的过渡过程曲线如图 4 所示:

T<sub>w</sub>=1.0

T<sub>w</sub>=2.0

0.000

-0.005

-0.015

-0.025

-0.025

-0.000

T<sub>w</sub>=3.0

T<sub>w</sub>=3.0

T<sub>w</sub>=4.0

0.000

-0.015

-0.015

-0.015

-0.015

-0.015

-0.015

-0.015

-0.015

-0.015

-0.015

-0.015

-0.015

-0.015

-0.015

-0.015

-0.015

-0.015

-0.015

-0.015

-0.015

-0.015

-0.015

图 4: Tw 的不同值对应的过渡过程曲线

可以看到,更大的  $T_w$  会使得系统向下的振荡幅度更大,因此在一定范围内  $T_w$  的增大会使得系统的动态品质变差,也可能会使得系统的稳定性变差。

# 6 问题五

这里我们可以进行一个理论推导分析系统的稳定性,我们知道任意矩阵 A 可以分解为:

$$\boldsymbol{A} = \boldsymbol{P}^{-1} \boldsymbol{J} \boldsymbol{P} \tag{1}$$

其中 J 是 A 的 Jordan 标准型, P 是一个可逆矩阵。