

Zeleně jsou vyznačeny správné odpovědi.

1 Pro libovolné výrokové formule  $A, B, C$  platí:

- ☐  $A \models (B \Rightarrow C)$  právě když  $(A \Rightarrow B) \models C$
- ☐  $\ast(A \wedge B) \models C$  právě když  $A \models (B \Rightarrow C)$
- ☒  $\times A \models (B \Rightarrow C)$  právě když  $A \models C$

body = nok = -0.5

2 Pro formuli  $F = p \Rightarrow p$  označte pravdivé tvrzení:

- ☐ Množina  $\{\neg(p \Rightarrow p)\}$  není premisou  $F$ .
- ☒  $\checkmark$  \*Libovolná množina formulí je premisou  $F$ .
- ☐ Prázdná množina formulí není premisou  $F$ .

body = ok = 1

3 Pravdivostní funkce výrokové formule  $P$  má alespoň jednu hodnotu rovnou 1. Formule  $P$  tedy potom

- ☒  $\checkmark$  \*může (ale nemusí) být tautologie.
- ☐ je kontradikce.
- ☐ musí být tautologie.

body = ok = 1

4 Pro formuli  $A = \neg(\neg a_1 \vee \neg a_2 \vee \neg a_3)$  platí, že

- ☐  $A \Rightarrow \neg a_i$  pro každé  $i = 1, 2, 3$  je tautologie.
- ☐  $A \Rightarrow \neg a_i$  pro každé  $i = 1, 2, 3$  je kontradikce.
- ☐  $\ast A \Rightarrow a_i$  pro každé  $i = 1, 2, 3$  je tautologie.

body = null = -0.25

5 Strom SLD-rezolučního odvození  $\square z P \cup \{G\}$ , kde  $P$  je množina Hornových klauzulí a  $G$  cílová klauzule, je vždy zároveň stromem

- ☐ LD-rezolučního odvození  $G z P$
- ☐ SLD-rezolučního odvození  $G z P$
- ☒  $\checkmark$  \*SLD-rezolučního vyvrácení  $P \cup \{G\}$

body = ok = 1

6 Mějme nějaký formální systém výrokové logiky a označme  $T$  množinu všech teorémů, které v něm lze odvodit. Dále označme  $V$  množinu všech správně utvořených formulí výrokové logiky a  $P$  množinu všech tautologií. Které z následujících tvrzení platí?

- ☐ je-li systém sporný, pak  $T = P$
- ☒  $\checkmark$  \*je-li systém korektní, pak  $T \subseteq P$
- ☐ je-li systém úplný, pak  $T = V$

body = ok = 1

7 Která z variant je úplným systémem logických spojek?

- ☐  $\vee, \wedge, \Rightarrow$
- ☒  $\checkmark$  \* $NAND$
- ☐  $\wedge, XOR$

body = ok = 1

8. Pro formuli  $(p \vee q) \Rightarrow (\neg p \wedge q)$  určete, která z následujících interpretací je modelem

- ☒ \*  $I(p) = 0, I(q) = 0$
- ☐  $I(p) = 1, I(q) = 1$
- ☐  $I(p) = 1, I(q) = 0$

body = ok = 1

9. Pro LI-rezoluci a rezoluční strom platí, že

- ☒ \* právě odvozená klauzule musí být použita v bezprostředně následujícím rezolučním kroku.
- ☐ právě odvozená klauzule musí být použita v některém z následujících rezolučních kroků, ne však nutně v bezprostředně následujícím.
- ☐ právě odvozená klauzule nemusí být použita v bezprostředně následujícím rezolučním kroku.

body = ok = 1

10. Všechny vzájemně neekvivalentní logické důsledky množiny  $\{p, q\}$ , které obsahují jen výrokové proměnné  $p, q$ , jsou

- ☒ \*  $\neg p \vee q, p \vee \neg q, p \vee q, (\neg p \vee q) \wedge (p \vee \neg q), p, q, p \wedge q, p \vee \neg p$
- ☐  $p, q, p \wedge q$
- ☐  $p, q, p \vee q, p \wedge q, p \Rightarrow q, p \Leftrightarrow q$

body = ok = 1

11. Každá nespínitelná množina neprázdných Hornových klauzulí musí obsahovat

- ☐ alespoň jeden cíl a alespoň jedno pravidlo.
- ☐ alespoň jeden fakt a alespoň jedno pravidlo.
- ☒ \* alespoň jeden fakt a alespoň jeden cíl.

body = ok = 1

12. Normální disjunktivní forma formule

$$(\neg q \vee p) \wedge (q \Leftrightarrow (\neg p \Rightarrow q))$$

je

- ☐  $(\neg q \wedge p) \vee (\neg p \wedge \neg q)$
- ☐  $q \vee \neg p$