

|  |   |
|--|---|
| Movimento retilíneo                                | Deslocamento: $\Delta \vec{r} = \vec{r}_f - \vec{r}_0$<br>Velocidade: $\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt}$ Aceleração: $\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$   |
| Movimento retilíneo com aceleração constante       | Posição: $\vec{r}(t) = \vec{r}_0 + \vec{v}_0 t + \frac{1}{2} \vec{a} t^2$<br>Velocidade: $\vec{v}(t) = \vec{v}_0 + \vec{a} t$ ; $v^2 = v_0^2 + 2\vec{a} \cdot \Delta \vec{r}$   |
| Movimento circular                                 | Velocidade angular: $\omega = \frac{d\theta}{dt} = \frac{v}{R}$ ; Aceleração angular: $\alpha = \frac{d\omega}{dt}$<br>Aceleração normal: $a_n = \frac{v^2}{R}$ ; Aceleração tangencial: $a_t = \frac{dv}{dt}$  |
| Movimento circular com aceleração contante         | Posição angular: $\theta(t) = \theta_0 + \omega_0 t + \frac{1}{2} \alpha t^2$<br>Velocidade angular: $\omega(t) = \omega_0 + \alpha t$  |
| Forças   | 2ª Lei de Newton: $\Sigma \vec{F} = m\vec{a} = m \frac{d\vec{v}}{dt}$<br>Força gravítica: $F_g = G \frac{m_1 m_2}{d^2}$ ; Força elástica: $F_e = -kx$<br>Força de atrito de escorregamento: $F_a = \mu R_N$ ;<br>Força de atrito em fluídos: $F_a = \frac{1}{2} C \rho A v^2$   |
| Trabalho & Energia                                 | Trabalho de uma força: $W_{A \rightarrow B} = \int_A^B \vec{F} \cdot d\vec{r}$<br>$E_{\text{cinética}} = \frac{1}{2} m v^2$ ; $E_{P\text{gravítica}} = mgh$ ; $E_{P\text{elástica}} = \frac{1}{2} k x^2$<br>$W_{\vec{F}_R} = \Delta E_c$ ; $W_{F(\text{conservativas})} = -\Delta E_p$<br>$\Delta E_{\text{mecânica}} = W_{F(\text{exteriores})}$<br>Potência média: $P_{\text{médio}} = \frac{W}{\Delta t}$ ; Potência instantânea: $P = \vec{F} \cdot \vec{v}$<br>Rendimento: $\eta = \frac{\text{Energia útil}}{\text{Energia disponível}}$  |
| Impulso & Quantidade de Movimento                  | Momento Linear (quantidade de movimento): $\vec{p} = m\vec{v}$<br>Impulso: $\vec{I} = \int_{t_i}^{t_f} \vec{F} dt = \Delta \vec{p}$ ; Coeficiente de restituição: $e = \frac{ v_{2,f} - v_{1,f} }{ v_{1,0} - v_{2,0} }$<br>Centro de Massa:<br>Posição: $\vec{r}_{CM} = \frac{\sum_{i=1}^n m_i \vec{r}_i}{\sum_{i=1}^n m_i} = \frac{\sum_{i=1}^n m_i \vec{r}_i}{M}$ Velocidade: $\vec{v}_{CM} = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^n m_i \vec{v}_i$<br>Aceleração: $\vec{a}_{CM} = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^n m_i \vec{a}_i$<br>Sistemas de Massa Variável:<br>$v_f - v_0 = v_e \ln \frac{M_0}{M_f}$ $F_{\text{propulsora}} = M \frac{dv}{dt} = -v_e \frac{dM}{dt}$ |
| Movimento harmónico simples (sistema massa – mola) | Posição: $x(t) = x_m \cos(\omega t + \phi)$<br>Velocidade: $v(t) = -\omega x_m \sin(\omega t + \phi)$<br>Aceleração: $a(t) = -\omega^2 x_m \cos(\omega t + \phi)$<br>Frequência: $f = \frac{1}{T}$ Frequência angular: $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \frac{2\pi}{T}$<br>Energia Cinética: $E_c = \frac{1}{2} k x_m^2 \sin^2(\omega t + \phi)$<br>Energia Potencial elástica: $E_{pe} = \frac{1}{2} k x_m^2 \cos^2(\omega t + \phi)$  |
| Movimento harmónico amortecido                     | Intensidade da força de atrito: $F_{\text{atrito}} = -bv$<br>Posição: $x(t) = x_m e^{-\frac{b}{2m}t} \cos(\omega' t + \phi)$<br>Frequência angular: $\omega' = \sqrt{\frac{k}{m} - \frac{b^2}{4m^2}}$<br>Energia mecânica: $E_m = \frac{1}{2} k x_m^2 e^{-\frac{b}{m}t}$  |

|   |  |                             |        |        |                            |                             |                             |                            |                       |  |  |
|---|--|-----------------------------|--------|--------|----------------------------|-----------------------------|-----------------------------|----------------------------|-----------------------|--|--|
| Movimento harmónico forçado                             | Intensidade da força: $F = F_0 \cos(\omega_f t)$<br>Posição: $y(t) = y_m \cos(\omega_f t - \alpha)$<br>Amplitude: $y_m = \frac{F_0/m}{\sqrt{(\omega_f^2 - \omega_0^2)^2 + \frac{b^2}{m^2} \omega_f^2}}$<br>Fase inicial: $\text{tg } \alpha = \frac{\omega_f^2 - \omega_0^2}{\frac{b}{m} \omega_f}$  |                             |        |        |                            |                             |                             |                            |                       |  |  |
| Movimento harmónico simples (pêndulo gravítico simples) | Posição angular: $\theta(t) = \theta_m \cos(\omega t + \phi)$<br>Velocidade angular: $\frac{d\theta(t)}{dt} = -\omega \theta_m \sin(\omega t + \phi)$<br>Aceleração angular: $\frac{d^2\theta(t)}{dt^2} = -\omega^2 \theta_m \cos(\omega t + \phi)$<br>Frequência angular $\omega = \sqrt{\frac{g}{L}}$  |                             |        |        |                            |                             |                             |                            |                       |  |  |
| Movimento ondulatório                                   | Equação de onda: $y(x, t) = y_m \text{sen}(kx \pm \omega t + \phi)$<br>Comprimento de onda e frequência (meio homogéneo): $\lambda = \frac{v}{f}$<br>Número de onda: $k = \frac{2\pi}{\lambda}$ ; Frequência angular: $\omega = \frac{2\pi}{T}$ ;<br><div>Velocidade de propagação</div> <table><tr><td>corda tensa</td><td>sólido</td><td>fluido</td></tr><tr><td><math>v = \sqrt{\frac{T}{\mu}}</math></td><td><math>v = \sqrt{\frac{Y}{\rho}}</math></td><td><math>v = \sqrt{\frac{B}{\rho}}</math></td></tr></table><br>Potência transmitida por uma onda numa corda: $P = \frac{1}{2} \mu v \omega^2 y_m^2$<br><br><b>Ondas Estacionárias</b><br>Equação de onda: $y(x, t) = [y_m \text{sen}(kx)] \cos(\omega t)$<br><div>Frequências dos modos normais de vibração</div> <table><tr><td>dois limites fixos/abertos</td><td>um limite fixo/aberto</td></tr><tr><td><math>f_n = \frac{v}{\lambda_n} = n \frac{v}{2L}</math></td><td><math>f_n = \frac{v}{\lambda_n} = n \frac{v}{4L}</math></td></tr></table><br><br><b>Ondas sonoras</b><br>Equação de deslocamento das partículas: $s(x, t) = s_m \cos(kx - \omega t)$<br>Equação de variação de pressão: $\Delta p(x, t) = \Delta p_m \text{sen}(kx - \omega t)$ ;<br>$\Delta p_m = (v \rho \omega) s_m$<br>Intensidade Sonora: $I = \frac{P}{A} = \frac{1}{2} \rho v \omega^2 s_m^2$<br>Nível Sonoro: $\beta = 10 \log \frac{I}{I_0}$ com $I_0 = 10^{-12} \text{ W/m}^2$<br>Efeito Doppler: $f' = f \frac{v \pm v_D}{v \pm v_F}$ | corda tensa                 | sólido | fluido | $v = \sqrt{\frac{T}{\mu}}$ | $v = \sqrt{\frac{Y}{\rho}}$ | $v = \sqrt{\frac{B}{\rho}}$ | dois limites fixos/abertos | um limite fixo/aberto | $f_n = \frac{v}{\lambda_n} = n \frac{v}{2L}$ | $f_n = \frac{v}{\lambda_n} = n \frac{v}{4L}$ |
| corda tensa   | sólido   | fluido                      |        |        |                            |                             |                             |                            |                       |  |  |
| $v = \sqrt{\frac{T}{\mu}}$                              | $v = \sqrt{\frac{Y}{\rho}}$  | $v = \sqrt{\frac{B}{\rho}}$ |        |        |                            |                             |                             |                            |                       |  |  |
| dois limites fixos/abertos                              | um limite fixo/aberto  |                             |        |        |                            |                             |                             |                            |                       |  |  |
| $f_n = \frac{v}{\lambda_n} = n \frac{v}{2L}$            | $f_n = \frac{v}{\lambda_n} = n \frac{v}{4L}$   |                             |        |        |                            |                             |                             |                            |                       |  |  |

Circunferência: perímetro  $P = 2\pi r$ ; Área de um círculo:  $A = \pi r^2$ ;

Esfera: área:  $A = 4\pi r^2$ ; volume  $V = \frac{4}{3} \pi r^3$

Cilindro: área:  $A = (2\pi r^2 + 2\pi r \times L)$ ; volume  $V = (\pi r^2 \times L)$