Exercício: Considere a matriz

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix}.$$

1.97obs .

Exercício: Considere a matriz

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix}.$$

Determine uma matriz em escada equivalente à matriz A através do algoritmo

Exercício

O objectivo deste exercício é transformar a matriz dada A numa matriz em escada que lhe seja equivalente. Para tal, vai-se recorrer ao algoritmo apresentado em 1.97obs da sebenta. Recorde-se que este algoritmo só considera operações sobre linhas e nunca sobre colunas e apenas faz troca de linhas quando é estritamente necessário. Neste caso, a troca é com a primeira linha possível.

 $i \leftarrow 1$

 $j \leftarrow$ índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz A

$$i \leftarrow 1$$

 $j \leftarrow$ índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz A

$$\left[\begin{array}{cccccc}
0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\
0 & 2 & 1 & 3 & 0
\end{array}\right]$$

Passo 1 — inicializar o algoritmo

$$i \leftarrow 1$$

 $j \leftarrow$ índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz A

$$\left[\begin{array}{cccccc}
0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\
0 & 2 & 1 & 3 & 0
\end{array}\right]$$

Passo 1 — inicializar o algoritmo

A variável i é inicializada com o valor 1

$$i \leftarrow 1$$

 $j \leftarrow$ índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz A

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 1 — inicializar o algoritmo

A variável i é inicializada com o valor 1

$$i \leftarrow 1$$

 $j \leftarrow$ índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz A

$$\begin{bmatrix}
0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\
0 & 2 & 1 & 3 & 0
\end{bmatrix}$$

Passo 1 — inicializar o algoritmo

A variável i é inicializada com o valor 1 e a variável j é inicializada com o índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz A, ou seja, com o valor 2.

$$i \leftarrow 1$$

 $j \leftarrow$ índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz A

$$\begin{bmatrix}
i|1 \\
0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\
0 & 2 & 1 & 3 & 0
\end{bmatrix}$$

Passo 1 — inicializar o algoritmo

A variável i é inicializada com o valor 1 e a variável j é inicializada com o índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz A, ou seja, com o valor 2.

$$i \leftarrow 1$$

 $j \leftarrow$ índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz A

$$\begin{bmatrix}
i|1 \\
0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\
0 & 2 & 1 & 3 & 0
\end{bmatrix}$$

Passo 1 — inicializar o algoritmo

A variável i é inicializada com o valor 1 e a variável j é inicializada com o índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz A, ou seja, com o valor 2. O Passo 1 está terminado

se $a_{ij} = 0$ então

 $\ell_i \leftrightarrow \ell_k$, em que ℓ_k é a primeira linha abaixo da linha ℓ_i com um elemento diferente de zero na coluna c_i

fimse

se
$$a_{ij} = 0$$
 então

 $\ell_i \leftrightarrow \ell_k$, em que ℓ_k é a primeira linha abaixo da linha ℓ_i com um elemento diferente de zero na coluna c_i

fimse

$$\left[\begin{array}{cccccc}
0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\
0 & 2 & 1 & 3 & 0
\end{array}\right]$$

Passo 2 — seleccionar o elementos pivô

se $a_{ii} = 0$ então

 $\ell_i \leftrightarrow \ell_k$, em que ℓ_k é a primeira linha abaixo da linha ℓ_i com um elemento diferente de zero na coluna c_i

fimse

$$\begin{bmatrix} i|1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 2 — seleccionar o elementos pivô

se
$$a_{ij} = 0$$
 então

 $\ell_i \leftrightarrow \ell_k$, em que ℓ_k é a primeira linha abaixo da linha ℓ_i com um elemento diferente de zero na coluna c_i

fimse

$$\begin{bmatrix} i|1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 2 — seleccionar o elementos pivô

Como o elemento 12

se
$$a_{ij} = 0$$
 então

 $\ell_i \leftrightarrow \ell_k$, em que ℓ_k é a primeira linha abaixo da linha ℓ_i com um elemento diferente de zero na coluna c_i

fimse

$$\begin{bmatrix}
i|1 \\
0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\
0 & 2 & 1 & 3 & 0
\end{bmatrix}$$

Passo 2 — seleccionar o elementos pivô

Como o elemento 12

se
$$a_{ii} = 0$$
 então

 $\ell_i \leftrightarrow \ell_k$, em que ℓ_k é a primeira linha abaixo da linha ℓ_i com um elemento diferente de zero na coluna c_i

fimse

$$\begin{bmatrix}
i|1 \\
0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\
0 & 2 & 1 & 3 & 0
\end{bmatrix}$$

Passo 2 — seleccionar o elementos pivô

Como o elemento 12 é diferente de zero.

se
$$a_{ij} = 0$$
 então

 $\ell_i \leftrightarrow \ell_k$, em que ℓ_k é a primeira linha abaixo da linha ℓ_i com um elemento diferente de zero na coluna c_i

fimse

$$\begin{bmatrix}
i|1 \\
0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\
0 & 2 & 1 & 3 & 0
\end{bmatrix}$$

Passo 2 — seleccionar o elementos pivô

Como o elemento 12 é diferente de zero, então esse é o elemento pivô, não havendo, pois, necessidade de trocar linhas.

$\mathbf{para}\ p \leftarrow i + 1\ \mathbf{at\'e}\ m\ \mathbf{fazer}$

$$\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{\mathsf{a}_{pj}}{\mathsf{a}_{ij}} \ell_i$$

fimpara

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & \mathbf{2} & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \longleftrightarrow$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \longleftrightarrow$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações.

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ & & & & \\ & & & & & \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações.

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ & & & & \\ & & & & & \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ & & & & \\ & & & & & \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ & & & & \\ & & & & & \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações.

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações.

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0,

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 4, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 .

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ii}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \underbrace{\ell_3 \leftarrow \ell_3 - \frac{4}{2}\ell_1} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ & & & & & \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 4, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 .

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ii}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \underbrace{\ell_3 \leftarrow \ell_3 - \frac{4}{2}\ell_1} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ & & & & & \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 4, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$.

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \leftarrow \longrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 4, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$.

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ji}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \leftarrow \longrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 4, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá 0,

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ji}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \leftarrow \longrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & & & & \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 4, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá 0,

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \leftarrow \longrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & & & & \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 4, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá $0, 4 - 2 \times 2$, que dá $0, 4 - 2 \times 2$

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ji}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \leftarrow \longrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & & & & \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 4, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá $0, 4 - 2 \times 2$, que dá $0, 4 - 2 \times 2$

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - rac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \leftarrow \longrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & & & \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 4, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá 0, $4 - 2 \times 2$, que dá 0, $2 - 2 \times 1$, que dá 0,

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ji}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \leftarrow \longrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 4, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá 0, $4 - 2 \times 2$, que dá 0, $2 - 2 \times 1$, que dá 0,

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \leftarrow \longrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 4, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá 0, $4 - 2 \times 2$, que dá 0, $2 - 2 \times 1$, que dá 0, $6 - 2 \times 2$, que dá 2×2 0, que dá 2×2 1, que dá 2×2 2, que dá 2×2 3, que dá 2×2 4, que dá 2×2 5, que dá 2×2 5,

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \underbrace{\ell_3 \leftarrow \ell_3 - 2\ell_1} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 4, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá 0, $4 - 2 \times 2$, que dá 0, $2 - 2 \times 1$, que dá 0, $6 - 2 \times 2$, que dá 2×2 0, que dá 2×2 1, que dá 2×2 2, que dá 2×2 3, que dá 2×2 4, que dá 2×2 5, que dá 2×2 5,

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ji}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \longleftarrow \longleftarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 4, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá 0, $0 - 2 \times 0$, que dá 0, $0 - 2 \times 0$, que dá 0, $0 - 2 \times 0$, que dá 0.

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - rac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \underbrace{\ell_3 \leftarrow \ell_3 - 2\ell_1} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 4, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá 0, $4 - 2 \times 2$, que dá 0, $2 - 2 \times 1$, que dá 0, $6 - 2 \times 2$, que dá 2, e $(-4) - 2 \times (-2)$, que dá 0.

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \leftarrow \longrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 4, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá 0, $4 - 2 \times 2$, que dá 0, $2 - 2 \times 1$, que dá 0, $6 - 2 \times 2$, que dá 2×2

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ji}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \leftarrow \longrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 4, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá 0, $4 - 2 \times 2$, que dá 0, $2 - 2 \times 1$, que dá 0, $6 - 2 \times 2$, que dá 2, e 2×1 , que dá 2×1 0. A nova 2×1 1 get da 2×1 2 get da 2×1 3 get da 2×1 3 que dá 2×1 4 que dá 2×1 5 q

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ji}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & \mathbf{2} & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & \mathbf{2} & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \underbrace{\ell_3 \leftarrow \ell_3 - 2\ell_1} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 4, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá 0, $4 - 2 \times 2$, que dá 0, $2 - 2 \times 1$, que dá 0, $6 - 2 \times 2$, que dá 0. A nova ℓ_3 está calculada. Como o elemento 42

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ji}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & \mathbf{2} & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & \mathbf{2} & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \leftarrow \longrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 4, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá $0, 4 - 2 \times 2$, que dá $0, 2 - 2 \times 1$, que dá $0, 6 - 2 \times 2$, que dá 2×1 , que

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & \mathbf{2} & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & \mathbf{2} & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \leftarrow \longrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 4, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá 0, $4 - 2 \times 2$, que dá 0, $2 - 2 \times 1$, que dá 0, $6 - 2 \times 2$, que dá 2, e $(-4) - 2 \times (-2)$, que dá 0. A nova ℓ_3 está calculada. Como o elemento 42 é diferente de 0, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 2, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 .

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - rac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \xleftarrow{\ell_3 \leftarrow \ell_3 - 2\ell_1} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 4, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá 0, $4 - 2 \times 2$, que dá 0, $2 - 2 \times 1$, que dá 0, $6 - 2 \times 2$, que dá 2, e $(-4) - 2 \times (-2)$, que dá 0. A nova ℓ_3 está calculada. Como o elemento 42 é diferente de 0, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 2, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 .

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - rac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \xleftarrow{\ell_3 \leftarrow \ell_3 - 2\ell_1} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 4, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá 0, $4 - 2 \times 2$, que dá 0, $2 - 2 \times 1$, que dá 0, $6 - 2 \times 2$, que dá 2, e (-4) $- 2 \times (-2$), que dá 0. A nova ℓ_3 está calculada. Como o elemento 42 é diferente de 0, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 2, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer ℓ_4 menos ℓ_1 ,

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \xrightarrow{\ell_3 \leftarrow \ell_3 - 2\ell_1} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá 0, $4 - 2 \times 2$, que dá 0, $2 - 2 \times 1$, que dá 0, $6 - 2 \times 2$, que dá 2, e (-4) $-2 \times (-2$), que dá 0. A nova ℓ_3 está calculada. Como o elemento 42 é diferente de 0, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 2, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer ℓ_4 menos ℓ_1 .

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - rac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \xrightarrow{\ell_3 \leftarrow \ell_3 - 2\ell_1} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá 0, $4 - 2 \times 2$, que dá 0, $2 - 2 \times 1$, que dá 0, $6 - 2 \times 2$, que dá 2×2

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ \ell_3 \leftarrow \ell_3 - 2\ell_1 & 0 & 0 & 0 & 2 \\ \ell_4 \leftarrow \ell_4 - \ell_1 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 4, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá 0, $4 - 2 \times 2$, que dá 0, $2 - 2 \times 1$, que dá 0, $6 - 2 \times 2$, que dá 2, e (-4) $- 2 \times (-2$), que dá 0. A nova ℓ_3 está calculada. Como o elemento 42 é diferente de 0, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 2, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer ℓ_4 menos ℓ_1 , vindo 0 - 0, que dá 0,

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ \ell_3 \leftarrow \ell_3 - 2\ell_1 & 0 & 0 & 0 & 2 \\ \ell_4 \leftarrow \ell_4 - \ell_1 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 4, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, evzes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá 0, $4 - 2 \times 2$, que dá 0, $2 - 2 \times 1$, que dá 0, $6 - 2 \times 2$, que dá 2, e (-4) $-2 \times (-2$), que dá 20. A nova 20 está calculada. Como o elemento 42 é diferente de 20, então 21 passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 21, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 22, evzes a linha do pivô, ou seja, 23. Tem-se então que fazer 24 menos 25, vindo 27, que dá 28, que dá 29, que dá

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - rac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ \ell_3 \leftarrow \ell_3 - 2\ell_1 & 0 & 0 & 0 & 2 \\ \ell_4 \leftarrow \ell_4 - \ell_1 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá 0, $4 - 2 \times 2$, que dá 0, $2 - 2 \times 1$, que dá 0, $6 - 2 \times 2$, que dá 2×2

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ \ell_3 \leftarrow \ell_3 - 2\ell_1 & 0 & 0 & 0 & 2 \\ \ell_4 \leftarrow \ell_4 - \ell_1 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento pivô, ou seja, o ℓ_1 acumento pivô, ou seja, o ℓ_2 vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá 0, $4 - 2 \times 2$, que dá 0, $2 - 2 \times 1$, que dá 0, $6 - 2 \times 2$, que dá 2, e (-4) $-2 \times (-2$), que dá 20. A nova 20 está calculada. Como o elemento 42 é diferente de 20, então 21, a viva passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 22, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 22, vezes a linha do pivô, ou seja, 23. Tem-se então que fazer 24, vindo 25, que dá 27, que dá 27, que dá 28, que dá 29, que dá

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - rac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ \ell_3 \leftarrow \ell_3 - 2\ell_1 & 0 & 0 & 0 & 2 \\ \ell_4 \leftarrow \ell_4 - \ell_1 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 4, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, evzes a linha do pivô, ou seja, o 2, exzes al linha do pivô, ou seja, o 2, a temento que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá 0, $4 - 2 \times 2$, que dá 0, $2 - 2 \times 1$, que dá 0, $6 - 2 \times 2$, que dá 2, e (-4) $-2 \times (-2$), que dá 20. A nova 20 está calculada. Como o elemento 42 é diferente de 20, então 21, evzes a linha do pivô, ou seja, o 2, evzes a linha do pivô, ou seja, 22, a dividir pelo elemento pivo, ou seja, o 2, evzes a linha do pivô, ou seja, 23, evzes então que fazer 24, encos 25, vindo 26, que dá 27, que dá 28, que dá 29, que

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - rac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ \ell_3 \leftarrow \ell_3 - 2\ell_1 & 0 & 0 & 0 & 2 \\ \ell_4 \leftarrow \ell_4 - \ell_1 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é $0, \ell_2$ também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá 0, $4 - 2 \times 2$, que dá 0, $2 - 2 \times 1$, que dá 0, $6 - 2 \times 2$, que dá $2 \times$

para
$$p \leftarrow i+1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$...

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \xrightarrow{\ell_3 \leftarrow \ell_3 - 2\ell_1} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - rac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ \ell_3 \leftarrow \ell_3 - 2\ell_1 & 0 & 0 & 0 & 2 \\ \ell_4 \leftarrow \ell_4 - \ell_1 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 4, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá $0, 4 - 2 \times 2$, que dá $0, 2 - 2 \times 1$, que dá $0, 6 - 2 \times 2$, que dá 2, e 2×2 , que dá $2 \times$

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \xleftarrow{\ell_3 \leftarrow \ell_3 - 2\ell_1} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 4, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá $0, 4 - 2 \times 2$, que dá $0, 2 - 2 \times 1$, que dá $0, 6 - 2 \times 2$, que dá 2, e 2×2 , que dá $2 \times$

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ \ell_3 \leftarrow \ell_3 - 2\ell_1 & 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ \ell_4 \leftarrow \ell_4 - \ell_1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 4, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá $0, 4 - 2 \times 2$, que dá $0, 2 - 2 \times 1$, que dá $0, 6 - 2 \times 2$, que dá 2, e 2×1 , que dá $2 \times$

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ii}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 2 & 6 & -4 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ \ell_3 \leftarrow \ell_3 - 2\ell_1 \\ \ell_4 \leftarrow \ell_4 - \ell_1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 já não sofre alterações. Como o elemento 22 já é 0, ℓ_2 também não sofre alterações. Como o elemento 32 é diferente de 0, então ℓ_3 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 4, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_1 . Tem-se então que fazer $\ell_3 - 2\ell_1$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá $0, 4 - 2 \times 2$, que dá $0, 2 - 2 \times 1$, que dá $0, 6 - 2 \times 2$

se já se obteve uma matriz em escada **então** terminar

senão

$$i \leftarrow i + 1$$

 $j \leftarrow$ índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz A as linhas $\ell_1, \dots, \ell_{i-1}$ ir para o Passo 2

fimse

se já se obteve uma matriz em escada então terminar

senão

$$i \leftarrow i + 1$$

 $j \leftarrow$ índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz A as linhas ℓ_1,\dots,ℓ_{i-1} ir para o Passo 2

fimse

$$\left[\begin{array}{ccccccc}
0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 1 & 2
\end{array}\right]$$

Passo 4 — terminar?

se já se obteve uma matriz em escada então terminar

senão

$$i \leftarrow i + 1$$

 $j \leftarrow$ índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz A as linhas $\ell_1, \dots, \ell_{i-1}$ ir para o Passo 2

fimse

$$\left[\begin{array}{cccccc} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{array}\right]$$

Passo 4 — terminar?

Como a matriz que se obteve ainda não é uma matriz em escada, o algoritmo não termina, incrementando-se o valor da variável *i* de uma unidade, ou seja, *i* passa a valer 2,

se já se obteve uma matriz em escada **então** terminar

senão

$$i \leftarrow i + 1$$

 $j \leftarrow$ índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz A as linhas $\ell_1, \dots, \ell_{i-1}$ ir para o Passo 2

fimse

$$\begin{bmatrix}
0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 1 & 2
\end{bmatrix}$$

Passo 4 — terminar?

Como a matriz que se obteve ainda não é uma matriz em escada, o algoritmo não termina, incrementando-se o valor da variável *i* de uma unidade, ou seja, *i* passa a valer 2,

se já se obteve uma matriz em escada então terminar

senão

$$i \leftarrow i + 1$$

 $j \leftarrow$ índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz A as linhas $\ell_1, \dots, \ell_{i-1}$ ir para o Passo 2

fimse

$$\begin{bmatrix}
i|2 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 1 & 2
\end{bmatrix}$$

Passo 4 — terminar?

Como a matriz que se obteve ainda não é uma matriz em escada, o algoritmo não termina, incrementando-se o valor da variável i de uma unidade, ou seja, i passa a valer 2, e a variável j passa a ser o índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz todas as linhas desde ℓ_1 até ℓ_{i-1} , ou seja, neste caso, eliminando apenas ℓ_1 .

se já se obteve uma matriz em escada **então** terminar

senão

$$i \leftarrow i + 1$$

 $j \leftarrow$ índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz A as linhas $\ell_1, \dots, \ell_{i-1}$ ir para o Passo 2

fimse

$$\begin{bmatrix}
i|2 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 1 & 2
\end{bmatrix}$$

Passo 4 — terminar?

Como a matriz que se obteve ainda não é uma matriz em escada, o algoritmo não termina, incrementando-se o valor da variável i de uma unidade, ou seja, i passa a valer 2, e a variável j passa a ser o índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz todas as linhas desde ℓ_1 até ℓ_{i-1} , ou seja, neste caso, eliminando apenas ℓ_1 .

se já se obteve uma matriz em escada então terminar

senão

$$i \leftarrow i + 1$$

 $j \leftarrow$ índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz A as linhas $\ell_1, \dots, \ell_{i-1}$ ir para o Passo 2

fimse

$$\begin{bmatrix}
i|2 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 1 & 2
\end{bmatrix}$$

Passo 4 — terminar?

Como a matriz que se obteve ainda não é uma matriz em escada, o algoritmo não termina, incrementando-se o valor da variável i de uma unidade, ou seja, i passa a valer 2, e a variável j passa a ser o índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz todas as linhas desde ℓ_1 até ℓ_{i-1} , ou seja, neste caso, eliminando apenas ℓ_1 . j passa então a valer 4.

se já se obteve uma matriz em escada **então** terminar

senão

$$i \leftarrow i + 1$$

 $j \leftarrow$ índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz A as linhas $\ell_1, \dots, \ell_{i-1}$ ir para o Passo 2

fimse



Passo 4 — terminar?

Como a matriz que se obteve ainda não é uma matriz em escada, o algoritmo não termina, incrementando-se o valor da variável i de uma unidade, ou seja, i passa a valer 2, e a variável j passa a ser o índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz todas as linhas desde ℓ_1 até ℓ_{i-1} , ou seja, neste caso, eliminando apenas ℓ_1 . j passa então a valer 4.

se já se obteve uma matriz em escada **então** terminar

senão

$$i \leftarrow i + 1$$

 $j \leftarrow$ índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz A as linhas $\ell_1, \dots, \ell_{i-1}$ ir para o Passo 2

fimse

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}$$

Passo 4 — terminar?

Como a matriz que se obteve ainda não é uma matriz em escada, o algoritmo não termina, incrementando-se o valor da variável i de uma unidade, ou seja, i passa a valer 2, e a variável j passa a ser o índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz todas as linhas desde ℓ_1 até ℓ_{i-1} , ou seja, neste caso, eliminando apenas ℓ_1 . j passa então a valer 4. O algoritmo continua no Passo 2.

se $a_{ij} = 0$ então

 $\ell_i \leftrightarrow \ell_k$, em que ℓ_k é a primeira linha abaixo da linha ℓ_i com um elemento diferente de zero na coluna c_i

fimse

se
$$a_{ij} = 0$$
 então

 $\ell_i \leftrightarrow \ell_k$, em que ℓ_k é a primeira linha abaixo da linha ℓ_i com um elemento diferente de zero na coluna c_i

fimse

$$\left[\begin{array}{cccccc}
0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 1 & 2
\end{array}\right]$$

Passo 2 — seleccionar o elementos pivô

se
$$a_{ij} = 0$$
 então

 $\ell_i \leftrightarrow \ell_k$, em que ℓ_k é a primeira linha abaixo da linha ℓ_i com um elemento diferente de zero na coluna c_i

fimse

$$\begin{bmatrix}
0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 1 & 2
\end{bmatrix}$$

Passo 2 — seleccionar o elementos pivô

se
$$a_{ii} = 0$$
 então

 $\ell_i \leftrightarrow \ell_k$, em que ℓ_k é a primeira linha abaixo da linha ℓ_i com um elemento diferente de zero na coluna c_i

fimse

$$\begin{bmatrix}
0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 1 & 2
\end{bmatrix}$$

Passo 2 — seleccionar o elementos pivô

Como elemento 24.

se
$$a_{ii} = 0$$
 então

 $\ell_i \leftrightarrow \ell_k$, em que ℓ_k é a primeira linha abaixo da linha ℓ_i com um elemento diferente de zero na coluna c_i

fimse

$$\begin{bmatrix}
0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 1 & 2
\end{bmatrix}$$

Passo 2 — seleccionar o elementos pivô

Como elemento 24.

se
$$a_{ii} = 0$$
 então

 $\ell_i \leftrightarrow \ell_k$, em que ℓ_k é a primeira linha abaixo da linha ℓ_i com um elemento diferente de zero na coluna c_i

fimse

$$\begin{bmatrix}
i|2
\end{bmatrix}
\begin{bmatrix}
0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 1 & 2
\end{bmatrix}$$

Passo 2 — seleccionar o elementos pivô

Como elemento 24, é igual a 0,

se
$$a_{ii} = 0$$
 então

 $\ell_i \leftrightarrow \ell_k$, em que ℓ_k é a primeira linha abaixo da linha ℓ_i com um elemento diferente de zero na coluna c_i

fimse

$$\begin{bmatrix}
i|2 & \begin{bmatrix}
0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 1 & 2
\end{bmatrix}$$

Passo 2 — seleccionar o elementos pivô

Como elemento 24, é igual a 0, é necessário trocar ℓ_i , ou seja, ℓ_2 , com a primeira linha abaixo desta cujo elemento em c_j , ou seja, em c_4 , seja diferente de 0. Neste caso, é ℓ_3 .

se
$$a_{ij} = 0$$
 então

 $\ell_i \leftrightarrow \ell_k$, em que ℓ_k é a primeira linha abaixo da linha ℓ_i com um elemento diferente de zero na coluna c_i

fimse

Passo 2 — seleccionar o elementos pivô

Como elemento 24, é igual a 0, é necessário trocar ℓ_i , ou seja, ℓ_2 , com a primeira linha abaixo desta cujo elemento em c_j , ou seja, em c_4 , seja diferente de 0. Neste caso, é ℓ_3 .

se
$$a_{ij} = 0$$
 então

 $\ell_i \leftrightarrow \ell_k$, em que ℓ_k é a primeira linha abaixo da linha ℓ_i com um elemento diferente de zero na coluna c_i

fimse

Passo 2 — seleccionar o elementos pivô

Como elemento 24, é igual a 0, é necessário trocar ℓ_i , ou seja, ℓ_2 , com a primeira linha abaixo desta cujo elemento em c_j , ou seja, em c_4 , seja diferente de 0. Neste caso, é ℓ_3 . Assim, ℓ_1 e ℓ_4 não sofrem alterações,

se
$$a_{ij} = 0$$
 então

 $\ell_i \leftrightarrow \ell_k$, em que ℓ_k é a primeira linha abaixo da linha ℓ_i com um elemento diferente de zero na coluna c_i

fimse

Passo 2 — seleccionar o elementos pivô

Como elemento 24, é igual a 0, é necessário trocar ℓ_i , ou seja, ℓ_2 , com a primeira linha abaixo desta cujo elemento em c_j , ou seja, em c_4 , seja diferente de 0. Neste caso, é ℓ_3 . Assim, ℓ_1 e ℓ_4 não sofrem alterações,

se
$$a_{ij} = 0$$
 então

 $\ell_i \leftrightarrow \ell_k$, em que ℓ_k é a primeira linha abaixo da linha ℓ_i com um elemento diferente de zero na coluna c_i

fimse

Passo 2 — seleccionar o elementos pivô

Como elemento 24, é igual a 0, é necessário trocar ℓ_i , ou seja, ℓ_2 , com a primeira linha abaixo desta cujo elemento em c_j , ou seja, em c_4 , seja diferente de 0. Neste caso, é ℓ_3 . Assim, ℓ_1 e ℓ_4 não sofrem alterações, ℓ_2 passa a ser a antiga ℓ_3

se
$$a_{ij} = 0$$
 então

 $\ell_i \leftrightarrow \ell_k$, em que ℓ_k é a primeira linha abaixo da linha ℓ_i com um elemento diferente de zero na coluna c_i

fimse

Passo 2 — seleccionar o elementos pivô

Como elemento 24, é igual a 0, é necessário trocar ℓ_i , ou seja, ℓ_2 , com a primeira linha abaixo desta cujo elemento em c_j , ou seja, em c_4 , seja diferente de 0. Neste caso, é ℓ_3 . Assim, ℓ_1 e ℓ_4 não sofrem alterações, ℓ_2 passa a ser a antiga ℓ_3

se
$$a_{ij} = 0$$
 então

 $\ell_i \leftrightarrow \ell_k$, em que ℓ_k é a primeira linha abaixo da linha ℓ_i com um elemento diferente de zero na coluna c_i

fimse

Passo 2 — seleccionar o elementos pivô

Como elemento 24, é igual a 0, é necessário trocar ℓ_i , ou seja, ℓ_2 , com a primeira linha abaixo desta cujo elemento em c_j , ou seja, em c_4 , seja diferente de 0. Neste caso, é ℓ_3 . Assim, ℓ_1 e ℓ_4 não sofrem alterações, ℓ_2 passa a ser a antiga ℓ_3 e ℓ_3 passa a ser a antiga ℓ_2 .

se
$$a_{ii} = 0$$
 então

 $\ell_i \leftrightarrow \ell_k$, em que ℓ_k é a primeira linha abaixo da linha ℓ_i com um elemento diferente de zero na coluna c_i

fimse

Passo 2 — seleccionar o elementos pivô

Como elemento 24, é igual a 0, é necessário trocar ℓ_i , ou seja, ℓ_2 , com a primeira linha abaixo desta cujo elemento em c_j , ou seja, em c_4 , seja diferente de 0. Neste caso, é ℓ_3 . Assim, ℓ_1 e ℓ_4 não sofrem alterações, ℓ_2 passa a ser a antiga ℓ_3 e ℓ_3 passa a ser a antiga ℓ_2 .

$$\mathbf{para}\ p \leftarrow i + 1\ \mathbf{at\'e}\ m\ \mathbf{fazer}$$

$$\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}} \ell_i$$

fimpara

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \begin{bmatrix} \\ \\ \\ \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \begin{bmatrix} \\ \\ \\ \\ \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 e ℓ_2 já não sofrem alterações.

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ & & & & & \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 e ℓ_2 já não sofrem alterações.

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 e ℓ_2 já não sofrem alterações. Como o elemento 34

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ & & & & & \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 e ℓ_2 já não sofrem alterações. Como o elemento 34

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 e ℓ_2 já não sofrem alterações. Como o elemento 34 já é 0, ℓ_3 também não sofre alterações.

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 e ℓ_2 já não sofrem alterações. Como o elemento 34 já é 0, ℓ_3 também não sofre alterações.

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 e ℓ_2 já não sofrem alterações. Como o elemento 34 já é 0, ℓ_3 também não sofre alterações. Como o elemento 44

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 e ℓ_2 já não sofrem alterações. Como o elemento 34 já é 0, ℓ_3 também não sofre alterações. Como o elemento 44

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 e ℓ_2 já não sofrem alterações. Como o elemento 34 já é 0, ℓ_3 também não sofre alterações. Como o elemento 44 é diferente de 0,

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ji}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 e ℓ_2 já não sofrem alterações. Como o elemento 34 já é 0, ℓ_3 também não sofre alterações. Como o elemento 44 é diferente de 0, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 1, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_2 .

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ji}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & \mathbf{2} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \overset{\longleftarrow}{\ell_4 \leftarrow \ell_4 - \frac{1}{2}\ell_2} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 e ℓ_2 já não sofrem alterações. Como o elemento 34 já é 0, ℓ_3 também não sofre alterações. Como o elemento 44 é diferente de 0, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 1, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_2 .

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ji}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & \mathbf{2} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \overset{\longleftarrow}{\ell_4 \leftarrow \ell_4 - \frac{1}{2}\ell_2} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 e ℓ_2 já não sofrem alterações. Como o elemento 34 já é 0, ℓ_3 também não sofre alterações. Como o elemento 44 é diferente de 0, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 1, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_2 . Tem-se então que fazer $\ell_4 - \frac{1}{2}\ell_2$,

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ji}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 e ℓ_2 já não sofrem alterações. Como o elemento 34 já é 0, ℓ_3 também não sofre alterações. Como o elemento 44 é diferente de 0, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 1, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_2 . Tem-se então que fazer $\ell_4 - \frac{1}{2}\ell_2$, vindo $0 - \frac{1}{2} \times 0$, que dá 0,

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ji}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & {\color{red} 2} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \underbrace{\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & & & & \end{bmatrix}}_{}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 e ℓ_2 já não sofrem alterações. Como o elemento 34 já é 0, ℓ_3 também não sofre alterações. Como o elemento 44 é diferente de 0, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 1, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_2 . Tem-se então que fazer $\ell_4 - \frac{1}{2}\ell_2$, vindo $0 - \frac{1}{2} \times 0$, que dá 0,

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ji}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & & & & \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 e ℓ_2 já não sofrem alterações. Como o elemento 34 já é 0, ℓ_3 também não sofre alterações. Como o elemento 44 é diferente de 0, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 1, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_2 . Tem-se então que fazer $\ell_4 - \frac{1}{2}\ell_2$, vindo $0 - \frac{1}{2} \times 0$, que dá 0, $0 - \frac{1}{2} \times 0$, que dá 0,

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ji}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 e ℓ_2 já não sofrem alterações. Como o elemento 34 já é 0, ℓ_3 também não sofre alterações. Como o elemento 44 é diferente de 0, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 1, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_2 . Tem-se então que fazer $\ell_4 - \frac{1}{2}\ell_2$, vindo $0 - \frac{1}{2} \times 0$, que dá 0, $0 - \frac{1}{2} \times 0$, que dá 0,

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ji}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 e ℓ_2 já não sofrem alterações. Como o elemento 34 já é 0, ℓ_3 também não sofre alterações. Como o elemento 44 é diferente de 0, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 1, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_2 . Tem-se então que fazer $\ell_4 - \frac{1}{2}\ell_2$, vindo $0 - \frac{1}{2}\times 0$, que dá 0, $0 - \frac{1}{2}\times 0$, que dá 0, o, que dá 0, o, que dá 0, o 0.

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ji}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 e ℓ_2 já não sofrem alterações. Como o elemento 34 já é 0, ℓ_3 também não sofre alterações. Como o elemento 44 é diferente de 0, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 1, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_2 . Tem-se então que fazer $\ell_4 - \frac{1}{2}\ell_2$, vindo $0 - \frac{1}{2}\times 0$, que dá 0, $0 - \frac{1}{2}\times 0$, que dá 0, o, que dá 0, o, que dá 0, o 0.

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ji}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 e ℓ_2 já não sofrem alterações. Como o elemento 34 já é 0, ℓ_3 também não sofre alterações. Como o elemento 44 é diferente de 0, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 1, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_2 . Tem-se então que fazer $\ell_4 - \frac{1}{2}\ell_2$, vindo $0 - \frac{1}{2} \times 0$, que dá 0, $0 - \frac{1}{2$

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ji}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 e ℓ_2 já não sofrem alterações. Como o elemento 34 já é 0, ℓ_3 também não sofre alterações. Como o elemento 44 é diferente de 0, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 1, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_2 . Tem-se então que fazer $\ell_4 - \frac{1}{2}\ell_2$, vindo $0 - \frac{1}{2} \times 0$, que dá 0, $0 - \frac{1}{2$

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ji}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 e ℓ_2 já não sofrem alterações. Como o elemento 34 já é 0, ℓ_3 também não sofre alterações. Como o elemento 44 é diferente de 0, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, 0 1, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_2 . Tem-se então que fazer $\ell_4 - \frac{1}{2}\ell_2$, vindo $0 - \frac{1}{2} \times 0$, que dá 0, $0 - \frac{1}{2} \times 0$, que dá 0, $0 - \frac{1}{2} \times 0$, que dá 0, $0 - \frac{1}{2} \times 0$, que dá 0, $0 - \frac{1}{2} \times 0$, que dá 0.

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ji}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 e ℓ_2 já não sofrem alterações. Como o elemento 34 já é 0, ℓ_3 também não sofre alterações. Como o elemento 44 é diferente de 0, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 1, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_2 . Tem-se então que fazer $\ell_4 - \frac{1}{2}\ell_2$, vindo $0 - \frac{1}{2} \times 0$, que dá 0, $0 - \frac{1}{2} \times 0$, que dá 0, $0 - \frac{1}{2} \times 0$, que dá 0, $0 - \frac{1}{2} \times 0$, que dá 2.

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ii}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 e ℓ_2 já não sofrem alterações. Como o elemento 34 já é 0, ℓ_3 também não sofre alterações. Como o elemento 44 é diferente de 0, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 1, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 2, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_2 . Tem-se então que fazer $\ell_4 - \frac{1}{2}\ell_2$, vindo $0 - \frac{1}{2} \times 0$, que dá 0, $0 - \frac{1}{2} \times 0$, que dá 0, $1 - \frac{1}{2} \times 0$, que dá 0, $1 - \frac{1}{2} \times 0$, que dá 2. A nova ℓ_4 está calculada.

se já se obteve uma matriz em escada **então** terminar

senão

$$i \leftarrow i + 1$$

 $j \leftarrow$ índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz A as linhas $\ell_1, \dots, \ell_{i-1}$ ir para o Passo 2

fimse

se já se obteve uma matriz em escada então terminar

senão

$$i \leftarrow i + 1$$

 $j \leftarrow$ índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz A as linhas $\ell_1, \dots, \ell_{i-1}$ ir para o Passo 2

fimse

$$\left[\begin{array}{cccccc}
0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\
0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 2
\end{array}\right]$$

Passo 4 — terminar?

se já se obteve uma matriz em escada **então** terminar

senão

$$i \leftarrow i + 1$$

 $j \leftarrow$ índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz A as linhas ℓ_1,\dots,ℓ_{i-1} ir para o Passo 2

fimse

$$\left[\begin{array}{ccccccc}
0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\
0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 2
\end{array}\right]$$

Passo 4 — terminar?

Como a matriz que se obteve ainda não é uma matriz em escada, o algoritmo não termina, incrementando-se o valor da variável *i* de uma unidade, ou seja, *i* passa a valer 3,

se já se obteve uma matriz em escada **então** terminar

senão

$$i \leftarrow i + 1$$

 $j \leftarrow$ índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz A as linhas ℓ_1,\dots,ℓ_{i-1} ir para o Passo 2

fimse

$$\begin{bmatrix}
0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\
0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 2
\end{bmatrix}$$

Passo 4 — terminar?

Como a matriz que se obteve ainda não é uma matriz em escada, o algoritmo não termina, incrementando-se o valor da variável i de uma unidade, ou seja, i passa a valer 3,

se já se obteve uma matriz em escada **então** terminar

senão

$$i \leftarrow i + 1$$

 $j \leftarrow$ índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz A as linhas $\ell_1, \dots, \ell_{i-1}$ ir para o Passo 2

fimse

Passo 4 — terminar?

Como a matriz que se obteve ainda não é uma matriz em escada, o algoritmo não termina, incrementando-se o valor da variável i de uma unidade, ou seja, i passa a valer 3, e a variável j passa a ser o índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz todas as linhas desde ℓ_1 até ℓ_{i-1} , ou seja, neste caso, eliminando ℓ_1 e ℓ_2 .

se já se obteve uma matriz em escada **então** terminar

senão

$$i \leftarrow i + 1$$

 $j \leftarrow$ índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz A as linhas $\ell_1, \dots, \ell_{i-1}$ ir para o Passo 2

fimse

$$\begin{bmatrix}
i & & & & & & \\
0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 2
\end{bmatrix}$$

Passo 4 — terminar?

Como a matriz que se obteve ainda não é uma matriz em escada, o algoritmo não termina, incrementando-se o valor da variável i de uma unidade, ou seja, i passa a valer 3, e a variável j passa a ser o índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz todas as linhas desde ℓ_1 até ℓ_{i-1} , ou seja, neste caso, eliminando ℓ_1 e ℓ_2 .

se já se obteve uma matriz em escada **então** terminar

senão

$$i \leftarrow i + 1$$

 $j \leftarrow$ índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz A as linhas $\ell_1, \dots, \ell_{i-1}$ ir para o Passo 2

fimse

$$\begin{bmatrix}
0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 2
\end{bmatrix}$$

Passo 4 — terminar?

Como a matriz que se obteve ainda não é uma matriz em escada, o algoritmo não termina, incrementando-se o valor da variável i de uma unidade, ou seja, i passa a valer 3, e a variável j passa a ser o índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz todas as linhas desde ℓ_1 até ℓ_{i-1} , ou seja, neste caso, eliminando ℓ_1 e ℓ_2 . j passa então a valer 5.

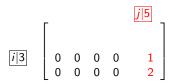
se já se obteve uma matriz em escada então terminar

senão

$$i \leftarrow i + 1$$

 $j \leftarrow$ índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz A as linhas $\ell_1, \dots, \ell_{i-1}$ ir para o Passo 2

fimse



Passo 4 — terminar?

Como a matriz que se obteve ainda não é uma matriz em escada, o algoritmo não termina, incrementando-se o valor da variável i de uma unidade, ou seja, i passa a valer 3, e a variável j passa a ser o índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz todas as linhas desde ℓ_1 até ℓ_{i-1} , ou seja, neste caso, eliminando ℓ_1 e ℓ_2 . j passa então a valer 5.

se já se obteve uma matriz em escada **então** terminar

senão

$$i \leftarrow i + 1$$

 $j \leftarrow$ índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz A as linhas $\ell_1, \dots, \ell_{i-1}$ ir para o Passo 2

fimse

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix}$$

Passo 4 — terminar?

Como a matriz que se obteve ainda não é uma matriz em escada, o algoritmo não termina, incrementando-se o valor da variável i de uma unidade, ou seja, i passa a valer 3, e a variável j passa a ser o índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz todas as linhas desde ℓ_1 até ℓ_{i-1} , ou seja, neste caso, eliminando ℓ_1 e ℓ_2 . j passa então a valer 5. O algoritmo continua no passo 2.

se $a_{ij} = 0$ então

 $\ell_i \leftrightarrow \ell_k$, em que ℓ_k é a primeira linha abaixo da linha ℓ_i com um elemento diferente de zero na coluna c_j

fimse

se
$$a_{ij} = 0$$
 então

 $\ell_i \leftrightarrow \ell_k$, em que ℓ_k é a primeira linha abaixo da linha ℓ_i com um elemento diferente de zero na coluna c_i

fimse

$$\left[\begin{array}{cccccc}
0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\
0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 2
\end{array}\right]$$

Passo 2 — seleccionar o elementos pivô

Como o elemento 35

se $a_{ii} = 0$ então

 $\ell_i \leftrightarrow \ell_k$, em que ℓ_k é a primeira linha abaixo da linha ℓ_i com um elemento diferente de zero na coluna c_i

fimse

Passo 2 — seleccionar o elementos pivô

Como o elemento 35

se
$$a_{ii} = 0$$
 então

 $\ell_i \leftrightarrow \ell_k$, em que ℓ_k é a primeira linha abaixo da linha ℓ_i com um elemento diferente de zero na coluna c_i

fimse

$$[i|3] \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix}$$

Passo 2 — seleccionar o elementos pivô

Como o elemento 35 é diferente de 0,

se $a_{ij} = 0$ então

 $\ell_i \leftrightarrow \ell_k$, em que ℓ_k é a primeira linha abaixo da linha ℓ_i com um elemento diferente de zero na coluna c_i

fimse

$$\begin{bmatrix}
0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\
0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 2
\end{bmatrix}$$

Passo 2 — seleccionar o elementos pivô

Como o elemento 35 é diferente de 0, então esse é o elemento pivô, não havendo, pois, necessidade de trocar linhas.

$\mathbf{para}\ p \leftarrow i + 1\ \mathbf{at\'e}\ m\ \mathbf{fazer}$

$$\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}} \ell_i$$

fimpara

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer

$$\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{\mathsf{a}_{pj}}{\mathsf{a}_{ij}} \ell_i$$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \begin{bmatrix} \\ \\ \\ \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \begin{bmatrix} \\ \\ \\ \\ \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 , ℓ_2 e ℓ_3 já não sofrem alterações.

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ji}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 , ℓ_2 e ℓ_3 já não sofrem alterações.

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ji}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 , ℓ_2 e ℓ_3 já não sofrem alterações. Como o elemento 45

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ji}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 , ℓ_2 e ℓ_3 já não sofrem alterações. Como o elemento 45

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 , ℓ_2 e ℓ_3 já não sofrem alterações. Como o elemento 45 é diferente de zero,

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ij}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 , ℓ_2 e ℓ_3 já não sofrem alterações. Como o elemento 45 é diferente de zero, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 2, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 1, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_3 .

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ji}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix} \overset{\longleftarrow}{\ell_4 \leftarrow \ell_4 - \frac{2}{\mathbf{i}}} \; \ell_3 \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 , ℓ_2 e ℓ_3 já não sofrem alterações. Como o elemento 45 é diferente de zero, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 2, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 1, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_3 .

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ji}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix} \overset{\longleftarrow}{\ell_4 \leftarrow \ell_4 - \frac{2}{\mathbf{i}}} \; \ell_3 \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 , ℓ_2 e ℓ_3 já não sofrem alterações. Como o elemento 45 é diferente de zero, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 2, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 1, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_3 . Tem-se então que fazer $\ell_4 - 2\ell_3$,

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ji}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \xleftarrow{} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 , ℓ_2 e ℓ_3 já não sofrem alterações. Como o elemento 45 é diferente de zero, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 2, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 1, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_3 . Tem-se então que fazer $\ell_4 - 2\ell_3$,

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ii}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \xleftarrow{} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 , ℓ_2 e ℓ_3 já não sofrem alterações. Como o elemento 45 é diferente de zero, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 2, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 1, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_3 . Tem-se então que fazer $\ell_4 - 2\ell_3$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá $0 + 2\ell_3$

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ii}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & & & & \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 , ℓ_2 e ℓ_3 já não sofrem alterações. Como o elemento 45 é diferente de zero, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 2, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 1, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_3 . Tem-se então que fazer $\ell_4 - 2\ell_3$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá $0 + 2\ell_3$

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ii}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & & & & \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 , ℓ_2 e ℓ_3 já não sofrem alterações. Como o elemento 45 é diferente de zero, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 2, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 1, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_3 . Tem-se então que fazer $\ell_4-2\ell_3$, vindo $0-2\times0$, que dá $0-2\times0$, que dá 00.

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ii}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 , ℓ_2 e ℓ_3 já não sofrem alterações. Como o elemento 45 é diferente de zero, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 2, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 1, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_3 . Tem-se então que fazer $\ell_4 - 2\ell_3$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá $0 - 2 \times 0$, que dá 0 -

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ii}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & \cdots & \cdots \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 , ℓ_2 e ℓ_3 já não sofrem alterações. Como o elemento 45 é diferente de zero, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 2, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 1, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_3 . Tem-se então que fazer $\ell_4 - 2\ell_3$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá $0 - 2 \times 0$, que dá 0 -

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ii}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 , ℓ_2 e ℓ_3 já não sofrem alterações. Como o elemento 45 é diferente de zero, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 2, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 1, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_3 . Tem-se então que fazer $\ell_4 - 2\ell_3$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá $0 - 2 \times 0$, que dá 0 -

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ii}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 , ℓ_2 e ℓ_3 já não sofrem alterações. Como o elemento 45 é diferente de zero, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 2, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 1, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_3 . Tem-se então que fazer $\ell_4-2\ell_3$, vindo $0-2\times0$, que dá $0-2\times0$, que dá $0,0-2\times0$, que

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ii}}\ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 , ℓ_2 e ℓ_3 já não sofrem alterações. Como o elemento 45 é diferente de zero, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 2, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 1, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_3 . Tem-se então que fazer $\ell_4-2\ell_3$, vindo $0-2\times0$, que dá $0-2\times0$, que dá $0,0-2\times0$, que

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ii}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 , ℓ_2 e ℓ_3 já não sofrem alterações. Como o elemento 45 é diferente de zero, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 2, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 1, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_3 . Tem-se então que fazer $\ell_4 - 2\ell_3$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá 0, $0 - 2 \times 0$, q

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ii}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 , ℓ_2 e ℓ_3 já não sofrem alterações. Como o elemento 45 é diferente de zero, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 2, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 1, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_3 . Tem-se então que fazer $\ell_4 - 2\ell_3$, vindo $0 - 2 \times 0$, que dá 0, $0 - 2 \times 0$, q

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ii}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix} \xleftarrow{\longleftarrow} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 , ℓ_2 e ℓ_3 já não sofrem alterações. Como o elemento 45 é diferente de zero, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 2, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 1, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_3 . Tem-se então que fazer $\ell_4-2\ell_3$, vindo $0-2\times0$, que dá 0, $0-2\times0$

para
$$p \leftarrow i + 1$$
 até m fazer $\ell_p \leftarrow \ell_p - \frac{a_{pj}}{a_{ii}} \ell_i$

fimpara

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix} \longleftrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 3 — anular os elementos abaixo do pivô

Como as linhas do pivô e as que lhe estão acima ficam inalteradas, tem-se que ℓ_1 , ℓ_2 e ℓ_3 já não sofrem alterações. Como o elemento 45 é diferente de zero, então ℓ_4 vai passar a ser o que era menos o elemento que se quer anular, ou seja, o 2, a dividir pelo elemento pivô, ou seja, o 1, vezes a linha do pivô, ou seja, ℓ_3 . Tem-se então que fazer $\ell_4-2\ell_3$, vindo $0-2\times0$, que dá $0-2\times0$, que dá 0, $0-2\times0$, que

se já se obteve uma matriz em escada **então** terminar

senão

$$i \leftarrow i + 1$$

 $j \leftarrow$ índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz A as linhas $\ell_1, \dots, \ell_{i-1}$ ir para o Passo 2

fimse

se já se obteve uma matriz em escada **então** terminar

senão

$$i \leftarrow i + 1$$

 $j \leftarrow$ índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz A as linhas $\ell_1, \dots, \ell_{i-1}$ ir para o Passo 2

fimse

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 4 — terminar?

se já se obteve uma matriz em escada então terminar

senão

$$i \leftarrow i + 1$$

 $j \leftarrow$ índice da coluna não-nula mais à esquerda da matriz que se obtém eliminando na matriz A as linhas $\ell_1, \dots, \ell_{i-1}$ ir para o Passo 2

fimse

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Passo 4 — terminar?

Como a matriz que se obteve já é uma matriz em escada, o algoritmo termina.