PYYZ2021年NOIP冲刺第一测 (3题2021.10.27 8:30--11:30)

1、灯的排列问题

(light)

题目描述

设在一排上有N 个格子 ($N \le 20$), 要在格子中放置不同颜色的灯,每种灯的个数记为 N1, N2, ……Nk (k 表示不同颜色的种数)。

放灯时要遵守下列规则:

①同一种颜色的灯不能分开;

②不同颜色的灯之间至少要有一个空位置。

例如:

N=8 (格子数)

R=2 (红灯数)

B=3 (蓝灯数)

放置的方法有: (每一行表示一种放法)

R-B 顺序:

R	R		В	В	В		
R	R			В	В	В	
R	R				В	В	В
	R	R		В	В	В	
	R	R			В	В	В
		R	R		В	В	В

B-R 顺序:

В	В	В		R	R		
В	В	В			R	R	
В	В	В				R	R
	В	В	В		R	R	
	В	В	В			R	R
		В	В	В		R	R

放置的总数为 12 种。

程序要求:

求排列总数。

输入

第一行:一个整数N

接下来若干行,每行一个大写字母和一个整数,表示灯的颜色和这种颜色灯的数量。颜色和灯的数量之间由一个空格分隔。

最后一行: Q(结束标记, Q 本身不是灯的颜色)

输出

输出排列总数。

样例输入

8

R 2

B 3

Q

样例输出

12

2. Bulls And Cows

(bullcow)

标题翻译

标题可以翻译为公牛和奶牛,或者牡牛和牝牛。

牡 mǔ, 畜父也。牝 pìn, 畜母也。——《说文解字》

题目背景

一年一度的展会要来临了,Farmer John 想要带 N $(1 \le N \le 100,000)$ 只牛去参加展会。这些牛可以是公牛,也可以是奶牛,牛们要站成一排。 John 发现最近公牛们非常好斗,假如两只公牛在这一行中靠的太近,他们就会吵架,以至于斗殴,破坏这和谐的环境。

题目描述

John 非常的足智多谋,他计算出任何两只公牛之间至少要有 K(0≤K<N)只奶牛,这样才能避免斗殴。John 希望你帮助他计算一下有多少种安排方法,可避免任何斗殴的的发生。John 认为每头公牛都是一样的,每头奶牛都是一样的。因而,只要在相同的位置上有不同种类的牛,那就算两种不同的方法。

输入格式

两个整数 N 和 K。

输出格式

输出约翰可以安排的方法数。考虑到这个数可能很大,你只要输出对 5000011 取 模之后的结果就可以了。

输入样例

4 2

输出样例

6

说明/提示

下面就是 FJ 思考出可行的 6 种方案 (C 代表奶牛, B 代表公牛):

CCCC

BCCC

CBCC

CCBC

CCCB

BCCB

3、排队

(lineup)

【题目描述】

在某中学有m 个男生与 n 个女生排队,这个学校的女生比较古怪,从某个位置(包含这个位置) 开始往前数,男生的数量超过了女生的数量,女生会感觉不安全,于是会大叫起来。为了构建和谐校园,安排队伍时应该避免这样的情况。请你计算出不会引发尖叫的排队方案的概率。(排队方案不同定义:当且仅当某个位置人不一样,如男生A、男生B,与男生B、男生A,2个排列是不同方案)

【输入格式】

第一行 1 个整数, 表示测试数据的组数。

接下来,每组数据有两个数 N,M(N 个女生, M 个男生)

【输出格式】

对于每组数据,输出一个实数(保留到小数点后6位)

【样例输入】

- 3
- 1 0
- 0 1
- 1 1

【样例输出】

- 1.000000
- 0.000000
- 0.500000

【样例解释】

第一组: 只有一个女生,一种方案且可行

第二组: 只有一个男生,一种方案且不行

第三组:两种方案:女、男可行,男、女不可行,可行概率 0.5

【备注】

30%的数据:测试组数<=10,0<=N,M<=1000;

另外 70%的数据: 测试组数=9008, 0<=N, M<=20000。