

# Протокол электронного анонимного голосования

## Минусы классического голосования

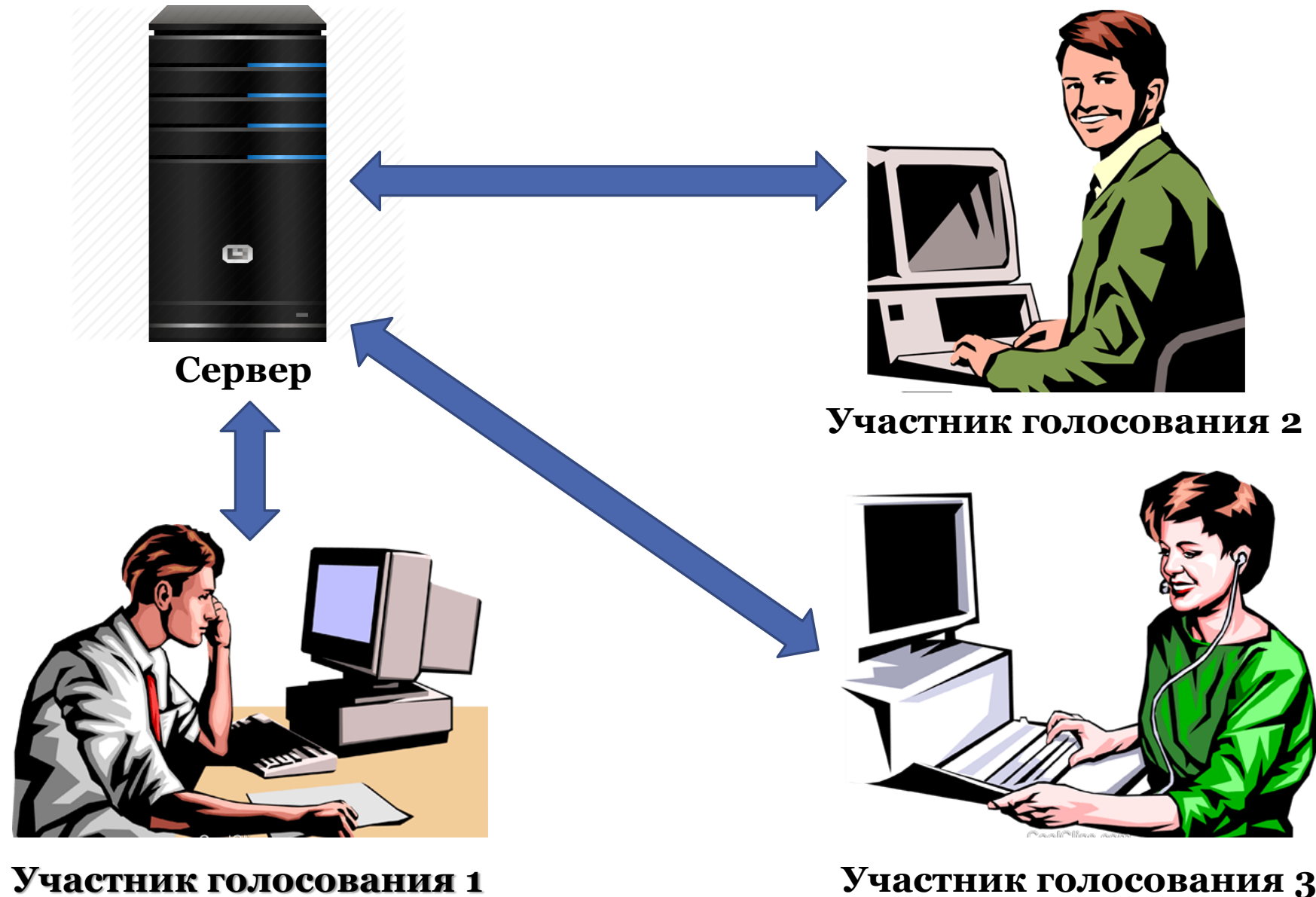
- Необходимость личного присутствия
- Человеческий фактор

## Достоинства дистанционного голосования

- Возможность участия из любой точки мира
- Надёжность, обоснованная  
криптографическими протоколами

# Обязательные требования к системам тайного голосования:

- Анонимность голосующих
- Легитимность голосования
- Уникальность каждого бюллетеня
- Решение голосующего не может быть изменено



## Необязательные требования

- Каждый участник может проверить, правильно ли зачтён его голос
- Каждый участник может передумать и изменить свой выбор в течение определённого периода времени
- Система должна быть защищена от продажи голосов избирателями
- В случае, если голос зачтён неправильно, каждый участник может сообщить об этом системе

## Необязательные требования

- Невозможно отследить, откуда дистанционно проголосовал избиратель
- Можно узнать, кто принимал участие в голосовании, а кто — нет
- Поддержание системы не должно требовать много ресурсов
- Система должна быть отказоустойчива в случае технических неисправностей (потеря электропитания), непреднамеренных (потеря избирателем ключа) и злоумышленных (намеренная выдача себя за другого избирателя, DoS/DDoS) атак.

# Простой протокол тайного цифрового голосования

**A** — агентство, проводящее электронное голосование (англ. *agency*),

**E** — избиратель, легитимный участник голосования (англ. *elector*),

**B** — цифровой бюллетень (англ. *bulletin*).

**Шаг 1.** **A** выкладывает списки возможных избирателей.

**Шаг 2.** Пользователи, в числе которых и **E**, сообщают о желании участвовать в голосовании.

**Шаг 3.** **A** выкладывает списки легитимных избирателей.

**Шаг 4.** **A** создаёт открытый и закрытый ключ  $a_{\text{public}}$  и  $a_{\text{private}}$  и выкладывает в общий доступ  $a_{\text{public}}$ .

Кто угодно может зашифровать сообщение при помощи  $a_{\text{public}}$ , но расшифровать его сможет только **A**.

## Шаг 5. Е

- создаёт собственные публичный и приватный ключи ЭЦП  $e_{\text{public}}$  и  $e_{\text{private}}$ , затем публикует открытый ключ. Кто угодно может проверить документ **Е**, но подписать его — только сам избиратель. Этот шаг пропускается, если **А** уже знает электронные подписи избирателей (например, они были сгенерированы при регистрации в системе).
- формирует сообщение **В**, где тем или иным способом выражает свою волю
- подписывает сообщение личным закрытым ключом  $e_{\text{private}}$
- шифрует сообщение открытым ключом  $a_{\text{public}}$
- отправляет зашифрованное сообщение **А**

## Шаг 6. А

- собирает сообщения
- расшифровывает их при помощи лежащего в открытом доступе  $e_{\text{public}}$
- подсчитывает их и публикует результаты

## Достоинства простого протокола голосования

- Простота
- Защита от внешнего вмешательства, подделки голосов и дискредитации легитимных избирателей.

## Недостатки простого протокола голосования

- Голосующим приходится абсолютно доверять А
- Е может предоставить злоумышленнику-покупателю голосов доказательство, как он проголосовал, но не может проверить, что А правильно учёл или даже получил его бюллетень
- Можно отследить, откуда пришел бюллетень

# Протокол двух агентств (Нурми — Саломаа — Сантина)

**A** — агентство, проводящее электронное голосование (англ. *agency*),

**E** — избиратель, легитимный участник голосования (англ. *elector*),

**B** — цифровой бюллетень (англ. *bulletin*).

**V** — регистратор (англ. *validator*), в обязанности которого входит подготовка списков, а также допуск или недопуск участника до голосования

## Шаг 1. V

- создаёт набор опознавательных меток  $t_i$  и утверждает список возможных избирателей
- отправляет по защищённому каналу по одной метке каждому голосующему
- отправляет **A** весь набор меток без информации о том, какая метка кому принадлежит



## Шаг 2. E

- генерирует  $e_{\text{public}}$ ,  $e_{\text{private}}$  (для цифровой подписи) и  $e_{\text{secret}}$  (для того, чтобы ни **A**, ни посторонний злоумышленник не мог до нужного времени узнать содержимое бюллетеня)
- $e_{\text{public}}$  публикуется
- формирует сообщение **B** с выбранным решением
- подписывает его  $e_{\text{private}}$
- прикладывает к нему полученный  $t_i$
- шифрует при помощи  $e_{\text{secret}}$
- снова прикладывает к шифротексту  $t_i$
- отправляет шифротекст  $\{t_i, \text{encrypt}(e_{\text{secret}}, \{t_i, \text{sign}(e_{\text{private}}, B)\})\}$  на рассмотрение в **A**

## Шаг 3. A

- получает шифротекст. По внешнему тегу оно определяет, что сообщение пришло от легитимного пользователя, но не может определить, ни от какого, ни как он проголосовал.
- выкладывает в открытый доступ полученную пару тег-шифр

**Шаг 4.** Опубликованный файл служит сигналом **E** отправить секретный ключ  $e_{\text{secret}}$

**Шаг 5. A**

- собирает ключи
- расшифровывает сообщения
- производит подсчёт голосов
- присоединяет к опубликованному шифротексту бюллетень без опознавательного тега, на чём голосование заканчивается.

## Достоинства протокола двух агентств

- Благодаря выкладыванию в общий доступ полученного файла на шаге 3, А не может впоследствии отрицать получение сообщения от Е. При помощи пары шифр — бюллетень каждый избиратель может проверить, правильно ли был учтён его голос, что устраняет проблему с недостатком контроля над А.

## Недостатки протокола двух агентств

- Если А и V сговорятся, А может манипулировать голосованием.
- Если агентству известно, кто скрывается под каким опознавательным тегом, оно может специально не принимать сообщения от некоторых избирателей.
- Проблема «мёртвых душ». Если V внесёт в список заведомо несуществующих избирателей, то А сможет фальсифицировать бюллетени от них.

# Протокол Фудзиоки — Окамото — Оты

**A** — агентство, проводящее электронное голосование (англ. *agency*),

**E** — избиратель, легитимный участник голосования (англ. *elector*),

**B** — цифровой бюллетень (англ. *bulletin*).

**V** — регистратор (англ. *validator*), в обязанности которого входит подготовка списков, а также допуск или недопуск участника до голосования

**Шаг 1.** **V** утверждает списки легитимных избирателей

**Шаг 2.** **E**

- создаёт  $e_{\text{public}}$ ,  $e_{\text{private}}$  (для цифровой подписи) и  $e_{\text{secret}}$  (для того, чтобы ни **A**, ни посторонний злоумышленник не мог до нужного времени узнать содержимое бюллетеня)
- подготавливает сообщение **B** с выбранным решением
- шифрует его  $e_{\text{secret}}$
- накладывает слой ослепляющего шифрования
- подписывает его  $e_{\text{private}}$
- отправляет  $V$   $\text{blind} \left( \text{sign}(e_{\text{private}}, \text{encrypt}(e_{\text{secret}}, B)) \right)$

### Шаг 3. V

- создаёт  $v_{\text{public}}$  и  $v_{\text{private}}$ , публичный ключ выкладывается в общий доступ
- удостоверяется, что бюллетень действительный и принадлежит легитимному и не голосовавшему избирателю
- подписывает его  $v_{\text{private}}$
- возвращает его **E**

**Шаг 4. E** снимает с бюллетени слой маскирующего шифрования (в силу коммутативности остаётся

$\text{sign} \left( v_{\text{private}}, \text{sign} \left( e_{\text{private}}, \text{encrypt}(e_{\text{secret}}, B) \right) \right)$ ) и отправляет её **A**

## Шаг 5. А

- проверяет подписи **E** и **V**
- помещает всё ещё зашифрованную  $e_{\text{secret}}$  бюллетень в специальный список, который будет опубликован после того как все избиратели проголосуют или по истечении заранее оговорённого срока

**Шаг 6.** После того как список появляется в открытом доступе, **E** высылает **A**  $e_{\text{secret}}$

## Шаг 7. А

- расшифровывает сообщение
- подсчитывает результаты

## Достоинства протокола Фудзиоки — Окамото — Оты

- Если агентствам удастся сговориться, А не сможет опознать избирателей до того, как получит ключ.
- Хотя всё ещё есть возможность не принимать сообщения, отпадает возможность игнорировать сообщения конкретно от «неудобных» избирателей.

## Недостатки протокола Фудзиоки — Окамото — Оты

- Проблема подачи голосов за избирателей, не пришедших на выборы.
- Чтобы позволить избирателю переголосовать, в том числе и из-за технической ошибки, необходим дополнительный модуль.

# Протокол Sensus

## (модификация Фудзиоки — Окамото — Оты)

Отличие в шагах 5—6:

- После того, как А получило зашифрованное сообщение от Е, оно добавляет его в публикуемый список, вдобавок отправляет подписанный бюллетень обратно избирателю в качестве квитанции.
- Таким образом Е не нужно ждать, пока проголосуют все остальные, и он может закончить голосование за один сеанс.
- Это не только удобно для конечного пользователя, но ещё и предоставляет дополнительное доказательство, что Е участвовал в выборах.
- В Sensus регламентированы дополнительные вспомогательные модули, упрощающие и автоматизирующие ход голосования.



# Протокол Хэ — Су

**A** — агентство, проводящее электронное голосование (англ. *agency*),

**E** — избиратель, легитимный участник голосования (англ. *elector*),

**B** — цифровой бюллетень (англ. *bulletin*).

**V** — регистратор (англ. *validator*), в обязанности которого входит подготовка списков, а также допуск или недопуск участника до голосования

## Шаг 1. V

- утверждает списки легитимных избирателей
- создаёт  $v_{\text{public}}$  и  $v_{\text{private}}$  (используются для асимметричного шифрования)
- $v_{\text{public}}$  выкладывается в свободный доступ

## Шаг 2. E

- создаёт  $e_{\text{public}}$  и  $e_{\text{private}}$  (используются для подписей)
- вычисляет хеш-функцию от публичного ключа:  $h(e_{\text{public}})$
- накладывает слой маскирующего шифрования на  $h(e_{\text{public}})$ . Так как шифруется только хеш от ключа, а не длинное сообщение, можно выбрать какой-нибудь простой способ.

Например, **E** может сгенерировать случайное число  $x$  и вычислить

$$f = \text{encrypt}(v_{\text{public}}, x) h(e_{\text{public}})$$

- отправляет  $f$  **V**

## Шаг 3. V

- проверяет легитимность избирателя
- дешифрует  $f$ :

$$g = \text{decrypt}(v_{\text{private}}, \text{encrypt}(v_{\text{public}}, x) h(e_{\text{public}})) = x \text{ decrypt}(v_{\text{private}}, h(e_{\text{public}})).$$

Часть  $e_{\text{public}}^{\text{signed}} = \text{decrypt}(v_{\text{private}}, h(e_{\text{public}}))$  считается подписанным ключом

- отправляет  $g$  **E**

#### Шаг 4. **E**

- снимает слой ослепляющего шифрования (умножает на обратный элемент  $x$ ) и получает подписанный ключ  $e_{\text{public}}^{\text{signed}}$
- проверяет подлинность подписи регистратора: выполняется ли  $\text{encrypt} \left( v_{\text{public}}, \text{decrypt} \left( v_{\text{private}}, h(e_{\text{public}}) \right) \right) = h(e_{\text{public}})$
- отправляет **A** пару  $\{e_{\text{public}}, e_{\text{public}}^{\text{signed}}\}$

#### Шаг 5. **A**

- как и **E** проверяет подлинность подписи регистратора
- проверяет, совпадает ли хеш-функция от  $e_{\text{public}}$  в паре с той, что хранится в  $e_{\text{public}}^{\text{signed}}$
- добавляет  $e_{\text{public}}$  в список авторизированных ключей и сообщает об этом **E**

## Шаг 6. E

- создаёт  $e_{\text{secret}}$  (используется для шифровки бюллетеней, чтобы ни **A** ни внешний злоумышленник до нужного времени не мог узнать содержимое бюллетеня)
- подготавливает сообщение **B** с выбранным решением
- отправляет **A** набор

$$\left\{ e_{\text{public}}, \text{encrypt} \left( e_{\text{secret}}, B \right), \text{sign} \left( e_{\text{private}}, h(\text{encrypt}(e_{\text{secret}}, B)) \right) \right\}$$

## Шаг 7. A

- проверяет авторизованность ключа
- проверяет подлинность сообщения сравнивая хеш зашифрованного сообщения и хеш, полученный при помощи  $e_{\text{private}}$
- публикует тройку в открытом списке

**Шаг 8.** Появление тройки в открытом списке сигнализирует **E** отправить **A** новый набор:

$$\{e_{\text{public}}, e_{\text{secret}}, \text{sign}(e_{\text{private}}, h(e_{\text{secret}}))\}$$

### **Шаг 9. A**

- проверяет подлинность сообщения, сравнивая хеши
- расшифровывает ранее полученную бюллетень
- публикует все данные
- подсчитывает результат

**Шаг 10.** После голосования **V** публикует список всех зарегистрировавшихся избирателей, а **A** — список всех авторизованных ключей.

## Достоинства протокола Хэ — Су

- А и V не могут жульничать, так как теперь публикуются все списки: возможных избирателей, зарегистрировавшихся и авторизированных ключей.
- Нельзя внести несуществующих избирателей, голосовать за существующих, но не пришедших. При этом во время составления этих списков ни избирательное агентство, ни регистратор дополнительной информации не получают.
- У избирателей есть возможность изменить голос.

## Недостатки протокола Хэ — Су

- Его сравнительная сложность.
- Так как для поддержания протокола необходимо большое количество ресурсов, он уязвим перед DoS-атаками.

# Описание алгоритма голосования:

Пусть в системе голосований имеется сервер, который выдаёт бюллетени.

1. В начале каждого голосования сервер генерирует общие данные согласно RSA:

Выбираются случайные большие числа  $P$  (1024 бит) и  $Q$  (1024 бит), на их основе создаются числа  $N = PQ$  и  $\phi(N) = (P-1)(Q-1)$ .

Затем выбирается случайное число  $0 < D < \phi(N)$ , взаимнопростое с  $\phi(N)$ .

Далее вычисляется  $C = D^{-1} \bmod \phi(N)$ .

Секретные параметры:  $P, Q, C$

Открытые параметры:  $N, D$

2. Пользователь собирается проголосовать, тогда клиентская сторона системы:

- Формирует некоторое число  $n = rnd|v$  (1024 бит),

где  $v$  - закодированный результат голосования + служебная информация (512 бит).

- Формирует некоторое случайное число  $r$ , взаимно простое с  $N$ .
- Вычисляет криптографическую хэш-функцию от числа  $n$ .

$$h = SHA3(n), h < N$$

- Находит число  $\bar{h} = hr^D \bmod N$ , затем оно отправляется по защищенному верифицированному каналу на сервер.



3. Сервер помечает, что выдал бюллетень пользователю (это необходимо, чтобы участник не мог проголосовать дважды), вычисляет  $\bar{s} = \bar{h}^c \bmod N$  и отправляет  $\bar{s}$  обратно клиенту.

4. Клиентская сторона вычисляет подпись своего бюллетеня по формуле

$$s = \bar{s}r^{-1} \bmod N$$

где  $r^{-1}$  — это инверсия числа  $r$  по модулю  $N$ .

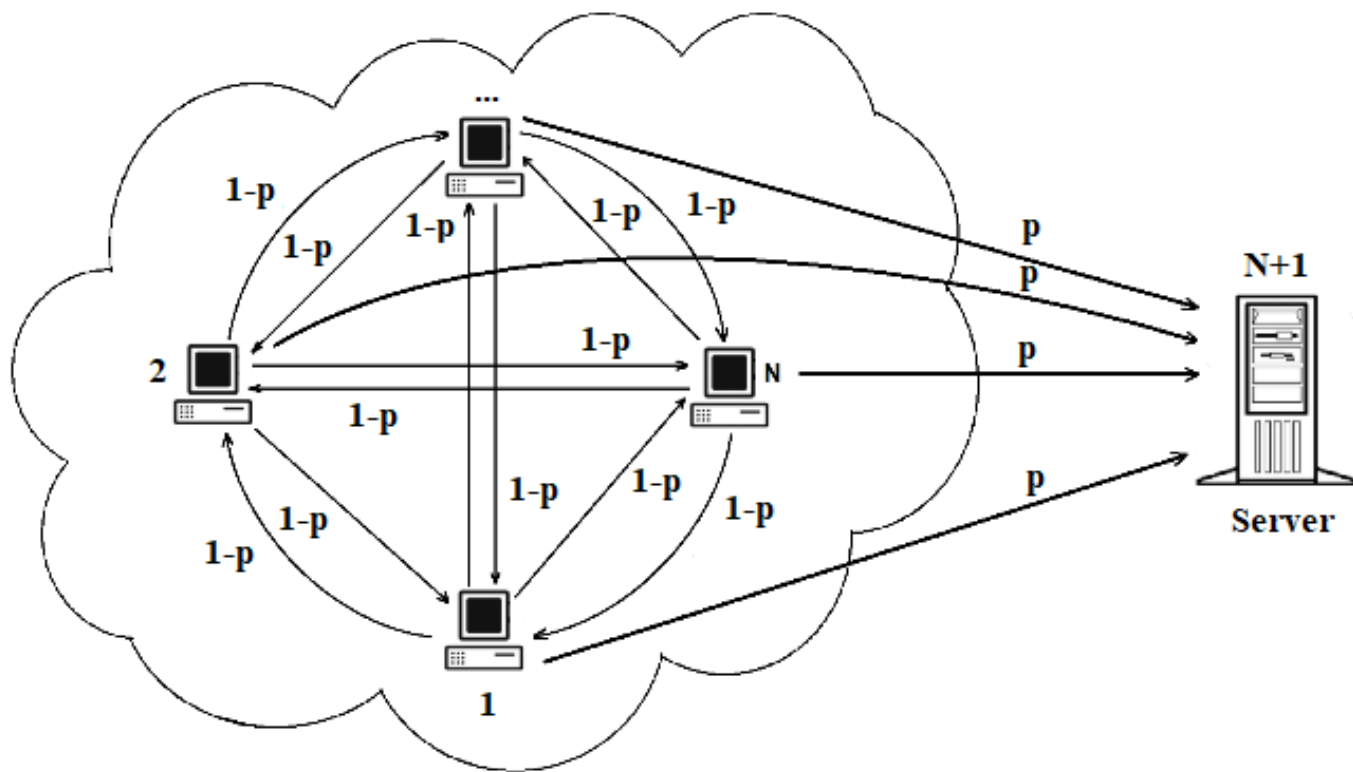
5. Подписанный бюллетень  $\langle n, s \rangle$  отправляется на сервер голосования по **анонимному каналу связи**.

Сервер проверяет корректность бюллетеня с помощью равенства

$$SHA_3(n) = s^D \bmod N ,$$

и, в случае корректности, учитывает голос и заносит информацию о бюллетене в открытую базу данных.

# АНОНИМНЫЙ КАНАЛ СВЯЗИ



Сообщение гарантированно будет передано на сервер, вероятность отправки сообщения за  $n$  или меньше шагов:

$$P(l \leq n) = \sum_{i=0}^n p(1-p)^i$$