

# Modelação e análise de um sistema ciber-físico com Monads

---

Carlos Ferreira  
Henrique Neto

# Primeira Parte

## Instância do Monad ListDur

- $\eta$  – devolve um *singleton* contendo um objeto “Duration” com o valor  $\eta(valor)$  (que neste caso devolve um Duration com o valor de duração nulo)
- $k^*$  – para cada objeto  $x$  do tipo “Duration” da lista dada, compõem  $x$  com todos os elementos  $y$  provenientes da lista  $k(x)$ .

```
instance Applicative ListDur where
```

```
  pure x = LD [return x]
```

```
  l1 <*> l2 = LD [f <*> x | f <- remLD l1, x <- remLD l2 ]
```

```
instance Monad ListDur where
```

```
  return = pure
```

```
  l >>= k = LD $ do x <- remLD l
```

```
                    map (\d -> x >>= const d ) (remLD (k (getValue x)))
```

# Primeira Parte

## Utilidades do Monad ListDur

- *isEmpty* – predicado que indica se a coleção está vazia;
- *filterDuration* - filtra os elementos da coleção com base num predicado dado;
- *anyDuration* - indica se existe um elemento da coleção que satisfaz o predicado dado;
- *allDuration* - indica se todos os elementos da coleção satisfazem o predicado dado;
- *composeDurations* - compõem cada elemento da coleção com a função dada;

```
isEmpty :: ListDur a -> Bool
```

```
filterDuration :: (Duration a -> Bool) -> ListDur a -> ListDur a
```

```
anyDuration    :: (Duration a -> Bool) -> ListDur a -> Bool
```

```
allDuration    :: (Duration a -> Bool) -> ListDur a -> Bool
```

```
composeDurations :: (a -> Duration b) -> ListDur a -> ListDur b
```

```
composeDurations f = LD . map (>>= f) . remLD
```

# Primeira Parte

## Modelação do Problema - Básico

### Aventureiro

- allAdventurers
- getTimeAdv

### Objects

- lantern
- allAdventurersObjects
- allObjects
- getTimeObject

### State

- gInit e gEnd
- changeState
- mChangeState

```
data Adventurer = P1 | P2 | P5 | P10 deriving (Show, Eq, Ord)
```

```
getTimeAdv :: Adventurer -> Int
```

```
getTimeAdv P1 = 1
```

```
getTimeAdv P2 = 2
```

```
getTimeAdv P5 = 5
```

```
getTimeAdv P10 = 10
```

```
type Objects = Either Adventurer ()
```

```
lantern :: Objects
```

```
lantern = Right ()
```

```
getTimeObject :: Objects -> Int
```

```
getTimeObject = either getTimeAdv (const 0)
```

```
type State = Objects -> Bool
```

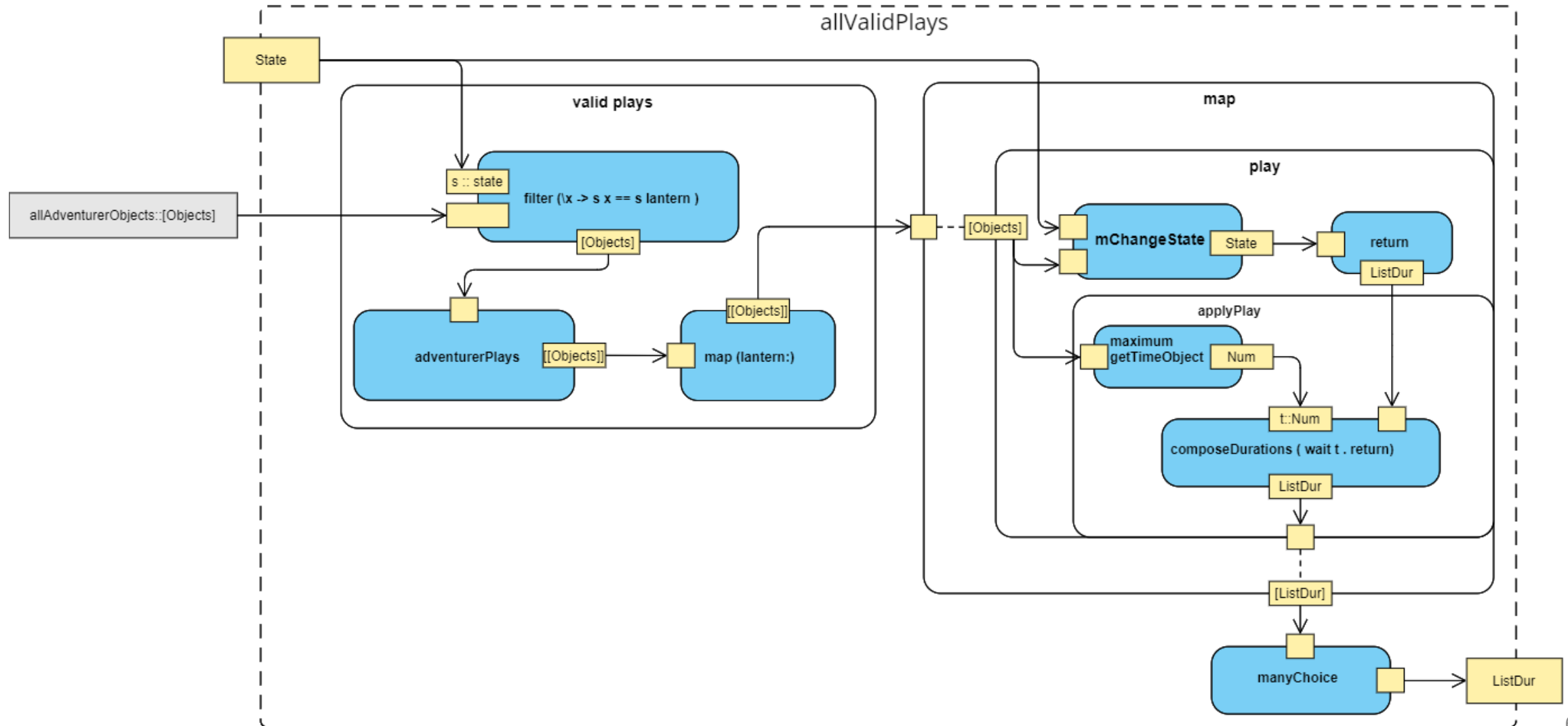
# Primeira Parte

Modelação do problema - Transações

1. Filtrar Aventureiros
2. Combinar Aventureiros
3. Aplicar Transações de estados
4. Aplicar passagens de tempo
5. Agregar estados

# Primeira Parte

## Modelação do problema -Transações



# Primeira Parte

## Modelação do problema -Transações

- AllValidPlays permite calcular os estados alcançáveis a partir de um estado inicial numa única travessia.
- Para estender a mais travessias usa-se as funcionalidades de uma monad para definir exec.

```
exec :: Int -> State -> ListDur State
exec n s = if n <= 0
           then return s
           else do newSs <- allValidPlays s
                  exec (n - 1) newSs
```

# Primeira Parte

## Analise do Modelo – Estratégia 1

- Utiliza a função *exec* definida anteriormente.
- Permite procurar uma solução num intervalo de iterações, provando facilmente uma possibilidade.

```
endedLeq :: Int -> ListDur State -> Bool  
endedLeq i = anyDuration (\x -> (getDuration x <= i) && (getValue x == gEnd))
```

```
leq17 :: Bool  
leq17 = any (endedLeq 17 . \x -> exec x gInit) [1..5]
```

- No entanto, torna difícil provar impossibilidade.



# Primeira Parte

## Analise do Modelo – Estratégia 2

- Nova definição de *exec*, que a cada iteração realiza cálculos com o objetivo de encontrar uma dada situação.
- Termina se encontrar a solução ou descobrir que tal é impossível

```
l17 :: Bool
l17 = execd (gEnd ==) (\d -> 17 > getDuration d) (return gInit)

execd :: (State -> Bool) -> (Duration State -> Bool) -> ListDur State -> Bool
execd f g ls = let exec = filterDuration g (ls >>= allValidPlays)
               in not(isEmpty ls) && (anyDuration (f . getValue) exec // execd f g exec)
```

# Segunda Parte

## UPPAAL vs Haskell

- Aprendizagem
- Foco
- Implementação
- Escalabilidade
- Análise e verificação
- Rapidez de implementação
- Interpretação

# Segunda Parte

## Analise do Modelo – Estratégia 2

	<i>UPPAAL</i>	<i>Haskell</i>
Facilidade de aprendizagem	Melhor	Pior
Fatores Físicos do problema	Temporal	Implementável
Escalabilidade	Problemática	Sistemática
Velocidade de implementação.	Rápida	Depende da Experiência
Debug e detecção de erros	Trivial	Implementável
Foco em segurança e correção	Própria	Implementável
Sistemas Distribuídos	Própria	Implementável
Transações entre Estados	Explicitas	Sistemáticas
Interpretação do modelo	Visual	Dedutível
Poder expressivo de análise	Restrito e Fácil	Implementável

# Extra

## Adição de *Logs* na Mônada

```
data ListDur a = LD [(String, Duration a)]
```

- $\eta$  – o *singleton* agora é composto por um par com uma string nula e a Duration com valor  $\eta(valor)$ .
- $k^*$  – para além de compor as durações, este agora também concatena as strings dos elementos

```
return x = LD [([]), return x]  
l >>= k = LD $ do sx <- remLD l  
    g sx  
    where g (s,x) = map ((s++) << (\d -> x >>= const d))  
                      (remLD (k (getValue x)))
```

## Mudanças nas utilidades nas Mônada

Todos os tipos das funções anteriores manterem-se, havendo unicamente a necessidade de alterar as suas implementações.

- Para as funções com predicados (`filterDuration`, `anyDuration`, `allDuration`) isto consistia em fazer *snd* antes do respetivo teste.
- Para a função (`composeDurations`) isto consistiu antes em adicionar *id* × ao mapeamento  
`composeDurations f = LD . map (id >< (>>= f)) . remLD`
- Adicionalmente foi criada uma função *logLD* que permita adicionar conteúdo aos Logs presentes numa lista

```
logLD :: String -> ListDur a -> ListDur a  
logLD s = LD . map ((++s) >< id) . remLD
```

# Extra

## Adições ao modelo do problema

- A mónada implementada é compatível com o código original, mas este não tiraria partido dos logs
- Para contabilizarmos esta utilidade foi adicionado uma chamada a *logLD* no método *applyPlay*

```
applyPlay :: [Objects] -> ListDur a -> ListDur a
applyPlay os = let t = maximum (map getTimeObject os)
                s = playFormat os
                in logLD s . composeDurations (wait t . return)
```

- Onde *playFormat* consiste na função que converte uma jogada numa string

```
playFormat :: [Objects] -> String
playFormat = ('>':) . concatMap (either ((' ':) . show) (const ""))
```

# Modelação e análise de um sistema ciber-físico com Monads

---

Carlos Ferreira  
Henrique Neto