# 问题 1 转运问题

两个工厂 A、B 的产量都是 10 万个,三个仓库 x、y、z,产品都先送到仓库。四个顾客甲、乙、丙、丁,需求量分别为 3、5、4、5 万个。工厂到仓库、仓库到顾客的运费单价 (元/个) 如下。求总运费最少的运输方案。

丁 В 甲 Z 丙 A 4 5 10 20 3 X 9 6 7 y 2 1 15 5 6 7 4 2 20 Z

表 1 运输方案表

# 1.符号说明

符号	说明
$x1_{ik}$	第 i 个工厂到第 k 个仓库的数量
$x2_{kj}$	第 k 个仓库到第 j 个客户的数量
$d_{ik}$	第 i 个工厂到第 j 个仓库的运费单价
$e_{kj}$	第 j 个仓库到第 k 个客户的运费单价
$a_i$	第 i 个工厂生产的最大值
$c_k$	第 k 个顾客所需的需求量

# 2. 问题分析

运费等于运输量乘单价;

要求从工厂先运到仓库,仓库再运到顾客有以下限制条件:

- 1) A、B 最大产量 10 万个
- 2) 甲乙丙丁顾客需求为3、5、4、5万个
- 3) 工厂运到仓库的量大于等于仓库运给顾客的量

# 3.模型建立

$$minf = \sum_{i=1}^{2} \sum_{k=1}^{3} x \mathbf{1}_{ik} d_{ik} + \sum_{k=1}^{3} \sum_{j=1}^{4} x \mathbf{2}_{kj} e_{kj}$$

$$\begin{cases} \sum_{k=1}^{3} x \mathbf{1}_{ik} < a_i, i = 1, 2 \\ \sum_{k=1}^{3} x \mathbf{2}_{kj} > c_j, j = 1, 2, 3, 4 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \sum_{k=1}^{2} x \mathbf{1}_{ik} < \sum_{k=1}^{4} x \mathbf{2}_{kj} \\ \sum_{i=1}^{4} x \mathbf{1}_{ik} > \sum_{k=1}^{4} x \mathbf{2}_{kj} \end{cases}$$

$$x \mathbf{1}_{ik} \ge 0, \quad x \mathbf{2}_{kj} \ge 0$$

# 4.结果分析

表 2 运输方案

	A	В	甲	Z	丙	丁	
X	3	0	3	0	0	0	
у	4	5	0	5	4	0	
Z	0	5	0	0	0	5	

运费最少为 128 万元

### Lingo 代码:

```
model:
```

### sets:

factory/1..2/:a; storage/1..3/:b; customer/1..4/:c; link1(factory, storage):x1,d; link2(storage, customer):x2,e; endsets data:

### enddata

```
[obj]min=@sum(link1:x1*d)+@sum(link2:x2*e);
@for(factory(i):
        @sum(storage(k):x1(i,k))<a(i));
@for(customer(j):
        @sum(storage(k):x2(k,j))>c(j));
@for(storage(k):
        @sum(factory(i):x1(i,k))>@sum(customer(j):x2(k,j)));
end
```

# 问题 2 连续投资

连续投资 10 万元

A: 从第1年到第4年每年初要投资,次年末回收本利1.15

B: 第3年初投资, 到第5年末回收本利1.25, 最大投资4万元

C: 第2年初投资, 到第5年末回收本利1.40, 最大投资3万元

D: 每年初投资, 每年末回收本利 1.11。

求: 5年末总资本的最大值以及投资方案。

### 1符号说明

符号	说明			
$x_{i}$	<i>j</i>	 的金额数		
$a_j$	第j个年总资本的数	第 j 个年总资本的数额		

# 2 问题分析

第一年的对每个项目投资数总和等于 10 万元; 往后每一年的总资本是前一年总资本,加投资本息,减投资金额 B 项目最大投资 4 万元, C 项目最大投资 3 万元

# 3模型建立

# 4 结果分析

表 2 投资方案

	1	2	3	4	5
A	0	0	0	0	
В			0		
С		0			
D	10	11	12.32100	13.67631	15.18070

### 5年末总资本的最大值16.85058万元

### Lingo 代码:

end

```
model:
[obj]max=1.15*x14+1.11*x45+1.25*x23+1.40*x32;

x11+x41=10;
x12+x32+x42=1.11*x41;
x13+x23+x43=1.15*x11+1.11*x42;
x14+x44=1.15*x12+1.11*x43;
x45=1.15*x13+1.11*x44;
x23<=4;
x32<=3;
```