

Date: \_\_\_\_\_

NO: \_\_\_\_\_

Check \_\_\_\_\_

recursion (遞迴)

定義: 用一個小程序, 重複呼叫, 處理得資料大→小  
 缺: 速度慢 | 優: 容易看懂

ex:



(factorial) (碎形)

特色: 大化小、較單純

ex. 反轉字串: cat → tac

回傳

過程:

 $s = \text{"cat"}$   
 $size = 3$ 

↓ t

 $s = \text{"ca"}$   
 $size = 2$ 

↓ a

 $s = \text{"c"}$   
 $size = 1$ 

↓ c

 $s = \text{" "}$   
 $size = 0$ 

⇒ tac

或  $s = \text{"cat"} \rightarrow s = \text{"at"} \rightarrow s = \text{"t"} \rightarrow s = \text{" "}$ 

↓ c

↓ a

↓ t

↓

回傳

重點: 一定要有終點

→ 沒有終點 = 崩潰

ex: 加法 ⇒ 例 5個1相加

迴圈 ⇒  $1+1=2 \Rightarrow 2+1=3 \Rightarrow \dots \Rightarrow 4+1=5$ 遞迴 ⇒  $1+1 \Rightarrow (1+1) \Rightarrow (1+1+1) \Rightarrow (1+1+1+1)$  $5 (= 1+4) \Leftarrow (1+1+3) \Leftarrow (1+1+1+2)$ 

ex: 最大公因數 ⇒ 展轉相除法

if  $x > y$  :  $x_1 = 7, y_1 = 6 \Rightarrow x_2 = 6, y_2 = 3 \Rightarrow x_3 = 3, y_3 = 0$ ↓  $x_1$ ↓  $x_2 \% y_2$ ↓  $x_3 \% y_3$ 

回傳

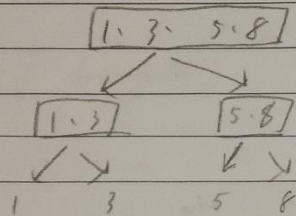
Date:

NO:

Check

ex: 2分法

對半



因不同狀況可能只取一邊 or 取兩邊

or 可能不是對半 → 例: 取第K小值

3 7 1 5 6 4 2 : 為點點

⇒ 7 5 6 4 3 1 2

} 為正確排序、可判斷兩邊的大小來

尋找第N小/大值

經典 ex: 河內塔

最少移動解 =  $2^n - 1$   $n$  = 盤子數

遞迴解: 有5個盤子 ⇒ 求4個解 ⇒ 求3個解

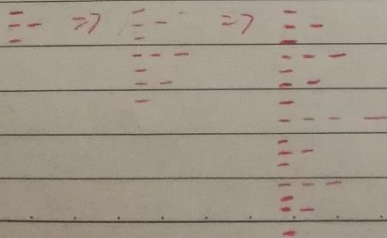
⇒ ... 求1個解

改變相對的起點和終點來達到目的地

ex: 二元遞迴

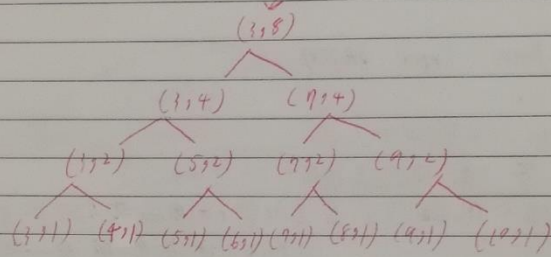
將問題二元化, 以呼叫兩次的方式完成遞迴

例: 做一把尺



前提  $a=3, b=10$   
 解:  $3+4+5+\dots+10 = 21$   
 Date: \_\_\_\_\_ NO: \_\_\_\_\_ Check: \_\_\_\_\_  
 // Linear recursion  
 int sum (int a, int b) {  
     // assume  $a < b$   
     if ( $a == b$ )  
         return a;  
     else  
         return a + sum (a+1, b);  
 } // sum()

// Binary recursion  
 int sum (int a, int n) {  
     // assume  $n = b - a + 1$   
     if ( $n == 1$ )  
         return a;  
     else  
         return sum (a,  $n/2$ ) +  
                 sum (a +  $n/2$ ,  $n - n/2$ );  
 }



$(3, 10) \rightarrow (4, 10) \rightarrow (5, 10) \rightarrow (6, 10) \rightarrow (7, 10)$   
 $\rightarrow (8, 10) \rightarrow (9, 10) \rightarrow (10, 10)$

斐波那契数列: 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, ...

$n_1 = 1, n_2 = 2, n_3 = n_1 + n_2, n_4 = n_2 + n_3$

$\geq n_k = n_{k-1} + n_{k-2}, k \geq 2$



Date:

NO:

Check

Data abstraction (資料抽象化)

Object-Oriented (物件導向)

Encapsulation (封裝)

(封包、效率)

Inheritance (繼承)

(可用於類似屬性)

Polymorphism (多型)

(統合)

規定好 Purpose (目的)、Assumption (假設)、Input、Output

Abstract Data Types (ADT)

Modularity (模組化)

系統化管理或處理較大的資料

(好處理、低錯誤)、高內聚 (每個函式只做單一事件)

低耦合 (傳遞數據量一次越少越好)

Functional abstraction (功能性的抽象化)

分區分塊，清楚描述且其為獨立運作

封裝並隱藏實作 (處理部分模塊時不干擾大程式運作)

(維護時好處理、好除錯)

使用者只需清楚該輸入什麼、不需呈現實作

描述:

ex: 貨物清單 (List)

基本: 建構 List、解構 List、是否為空、計數、插入、刪除、

檢索

基本上這些就是夠

延伸: 清單反轉 (檢索 → 插入 → 刪除)

12345 → 51234 → 54123 → 54312 → 54321

Date:

NO:

Check

ex: 日期 (是否為假日)

基本: 元旦日期、是否今年、是否假日、下天日期

注意: 取名很重要(風格)

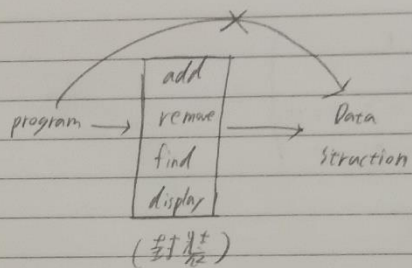
ex: 行事曆

基本: 日期、時間、目的 (新增、取消)

是否有事、目的、移動

(可在同情況細分)

實作:



繼承: 保留原本、在子程式加上特有的部分

多載: 名字一樣但處理的數值不同、並動態選擇需要的函式

ADT 實例:

0 1 2 ; 底層實作: 陣列索引

2 5 ; 4

1 2 ; 4 高階描述: 串列位置

Date:

NO:

Check

Pointer (指標)

(不需搬動資料, 只需搬動掛鉤)

只需知道門牌, 不需知道資料 (已給)

宣告時是還沒配給, 不是 NULL

int \*p; → 空 ) 完整宣告 (無出錯)

p = new int;

delete p; → 歸還

p = NULL; 遺忘

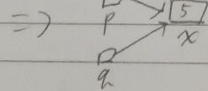
(保障)

ex: int \*p, \*q;

int x = 5;

p = &amp;x; ⇒ p = 5

q = p ⇒ q = 5



動態 (已置) 陣列

int arraySize = 50;

double \* anArray = new double[arraySize];

(空間不夠可擴大, 但需搬資料)



Check

```
struct Node {
```

27

3;

$$\frac{1}{c}$$

Diagram illustrating a particle (P) moving towards a rectangular barrier. The particle is represented by a circle with a dot, and an arrow points from it towards the barrier. The barrier is a rectangle divided into two sections. Below the barrier, the text "from here" is written.

重要

NULL

需書圖(容易搞混)