# 深度学习

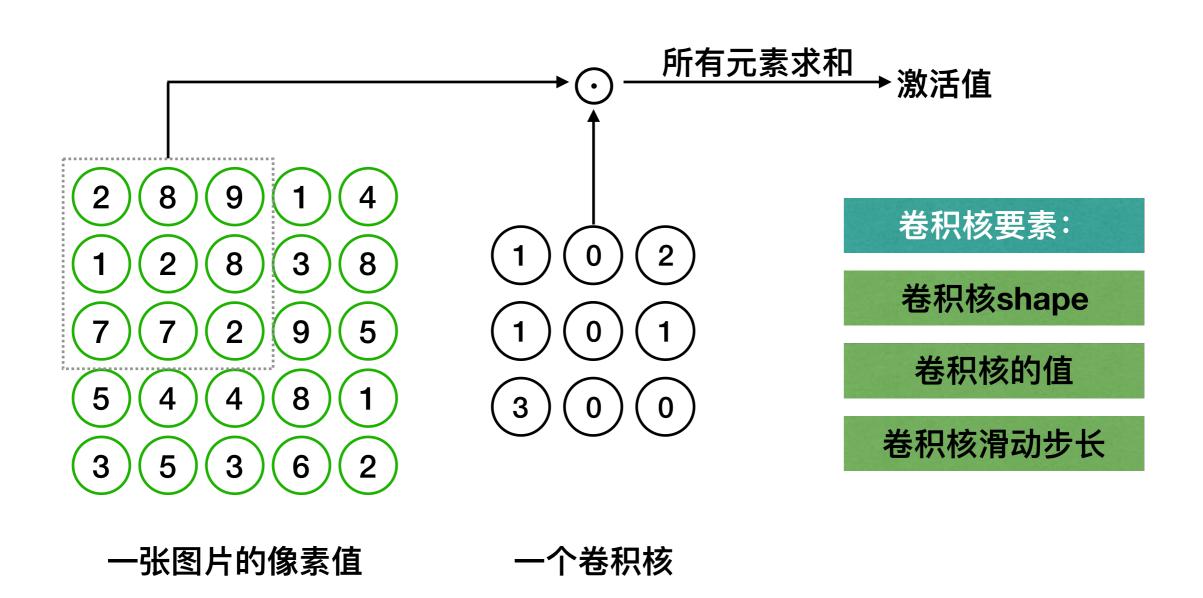
卷积神经网络(2)

# 概览

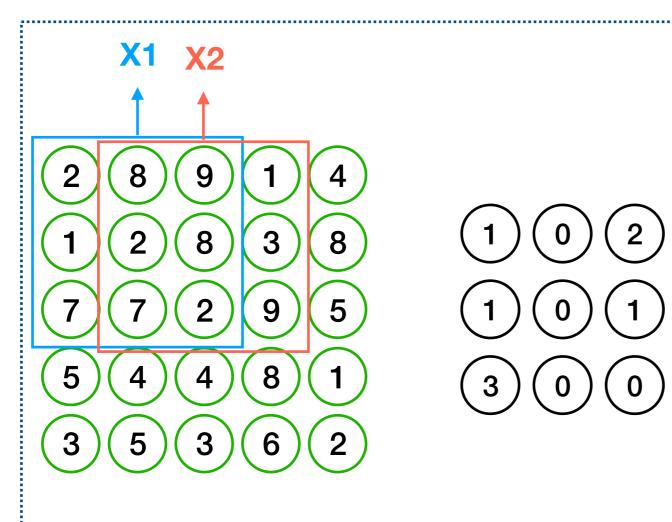
- 1. 卷积与池化的详细运算。
- 2. 对特征图卷积。
- 3. 多通道卷积。
  - 1. 多通道卷积
  - 2. 单通道与多通道卷积对比。
- 4. 卷积与池化的边界与步长。
  - 1. VALID边界处理。
  - 2. SAME边界处理。
  - 3. 示例
- 5. 其它

#### 1. 卷积与池化的详细运算

## 卷积运算



## 卷积运算



此处我们规定an为第n个激活值

$$a_n = sum(X_n \odot W)$$

所以a可以看做是卷积后得到的 特征图。

一张图片的像素值

X={X1, X2, X3,...,X9}

一个卷积核的参数

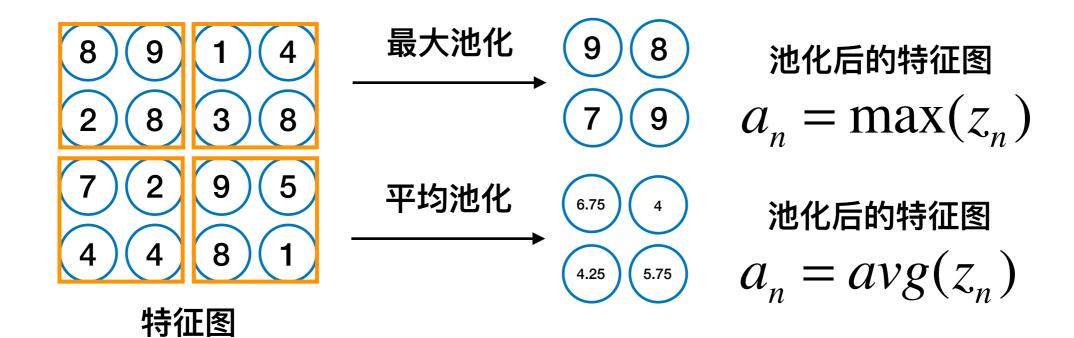
W={w1, w2,...,w9}

通常是非线性激活函数

带激活函数的卷积

 $a_n = \operatorname{activation\_function}(sum(X_n \odot W) + b_n)$ 

## 池化运算



#### 池化核要素:

池化核shape

滑动步长

池化方式

带激活函数的池化

 $a_n = activation_function(pooling(z_n))$ 

通常无激活函数或为线性激活函数

#### 卷积核的大小与卷积运算量

图片大小	卷积核大小	特征图大小	计算量(乘法次数)	是否合理
28px*28px	3*3	26*26	6084	是
28px*28px	5*5	24*24	14400	是
28px*28px	14*14	15*15	44100	否
28px*28px	20*20	9*9	32400	否

#### 2. 对特征图卷积

## 对特征图进行卷积

#### 思考:对特征图卷积的意义是什么?

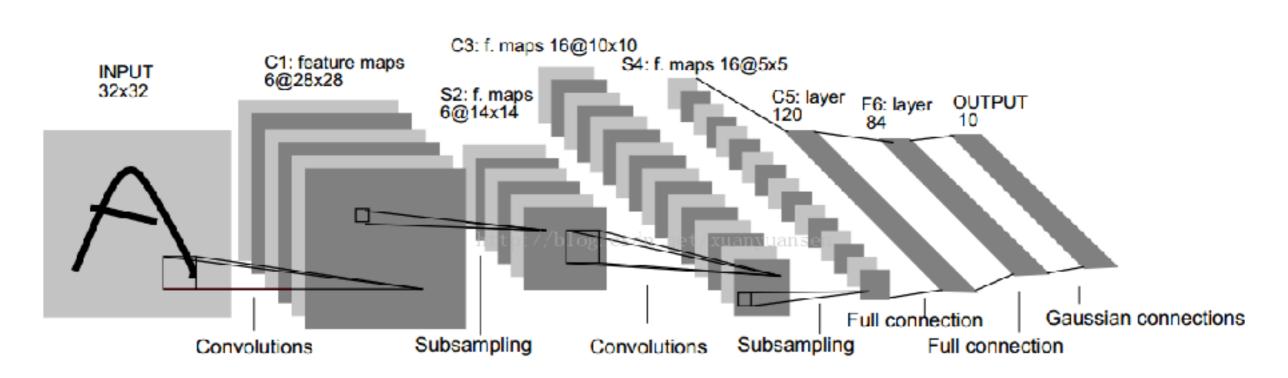


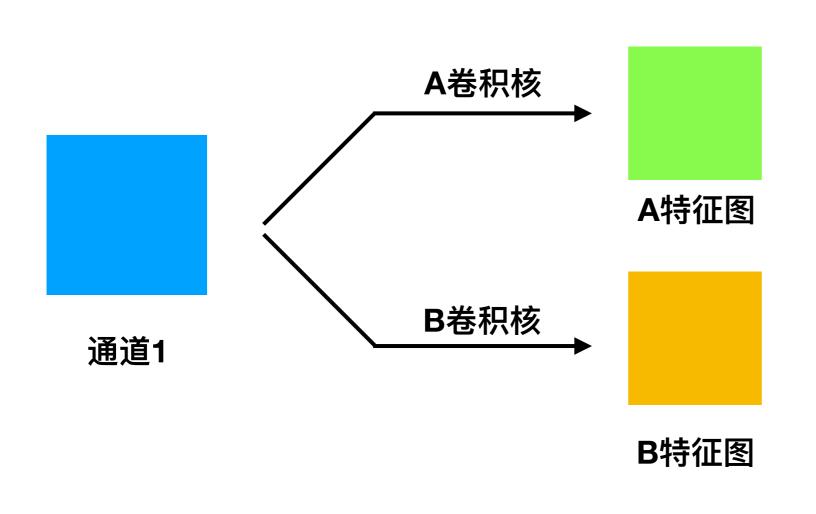
Fig. 2. Architecture of LeNet-5, a Convolutional Neural Network, here for digits recognition. Each plane is a feature map, i.e. a set of units whose weights are constrained to be identical.

特征提取:提取到了相对宏观的特征。

数据降维:多次卷积、池化使得数据的维度进一步降低。

Author:WangQi Email:wangqikaixin@gmail.com

## 对特征图进行卷积

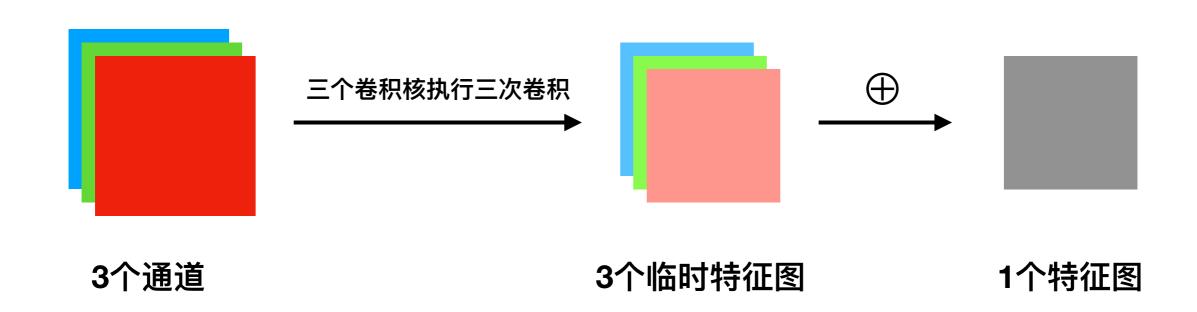


为了方便,我们将 图片或者特征图统 称为"通道"。

#### 3. 多通道卷积

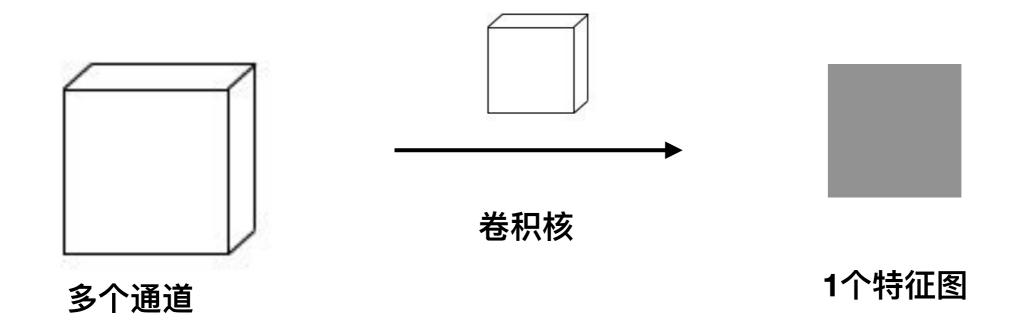
#### 3.1 多通道卷积

## 多通道"单核"卷积



注意:此处多通道"单核"卷积指的是每个通道分配一个卷积核。

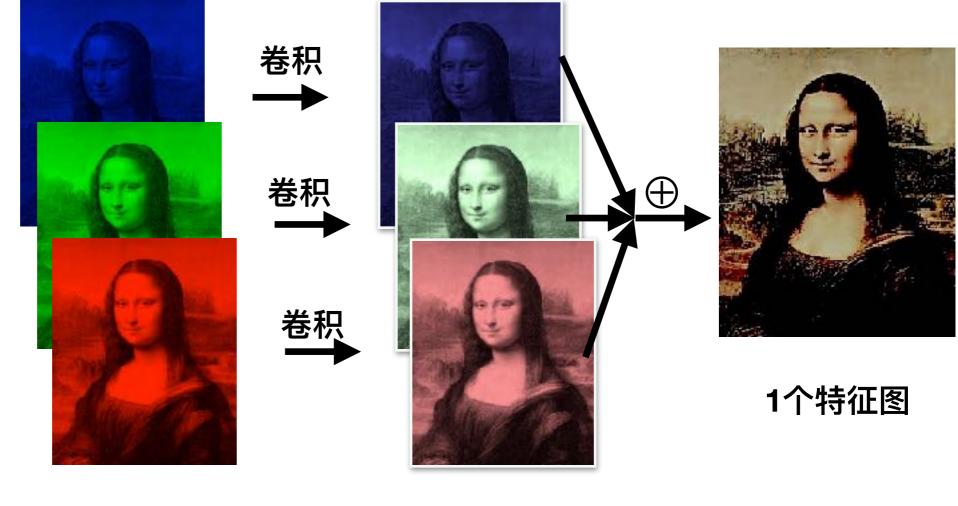
# 多通道"单核"卷积



# 多通道"单核"卷积示例



原图



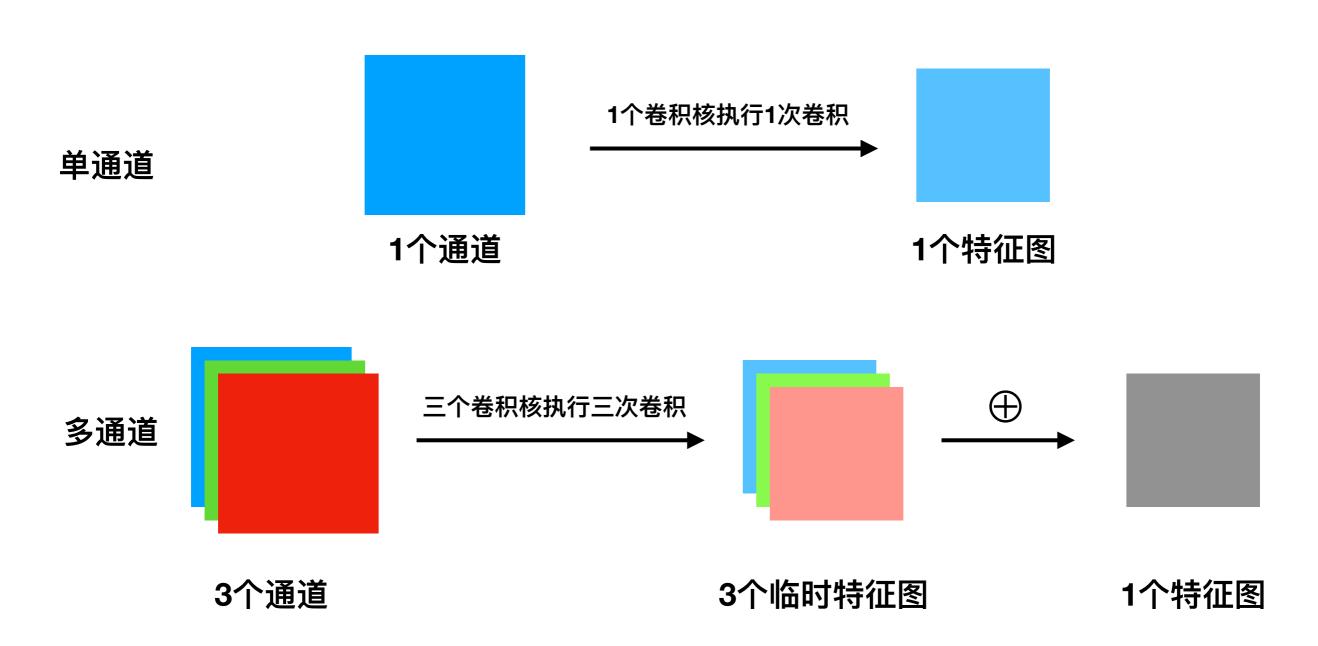
3个通道 3个临时特征图

#### 思考:

- 1) 多通道"单核"卷积中的2D卷积核数量与什么有关?
- 2) 每个卷积核形状否相同?
- 3) 每个卷积核值是否相同?

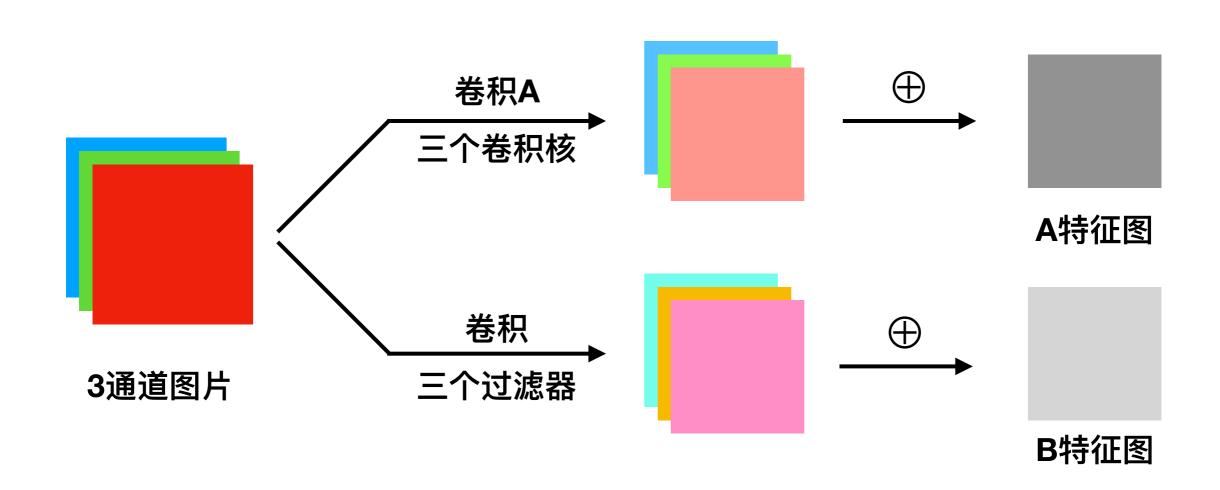
#### 3.2 单通道与多通道卷积对比

## 单通道与多通道卷积对比



Author:WangQi Email:wangqikaixin@gmail.com

## 多通道"多核"卷积



## 小练习

假如有一张大小为12px\*12px大小的png图片,用2个3\*3大小的卷积核处理。

问题1:得到了几个特征图?

问题2:每个特征图的大小分别是多少?

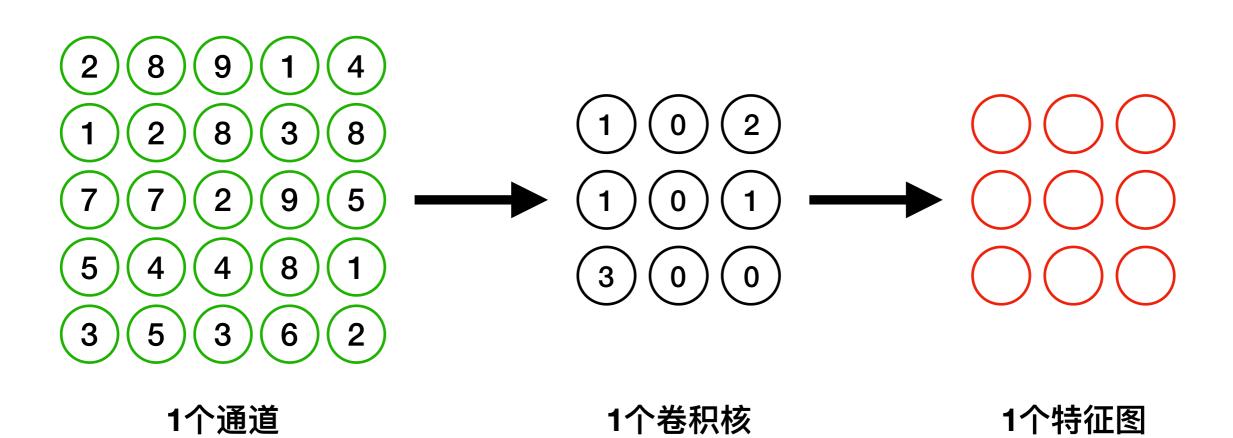
问题3: "每个卷积"对应多少个卷积核?

问题4: 所有卷积核一共有多少个参数?

#### 4. 边界与步长

## 卷积与池化的问题1

#### 卷积中不同元素参与卷积计算的次数不同



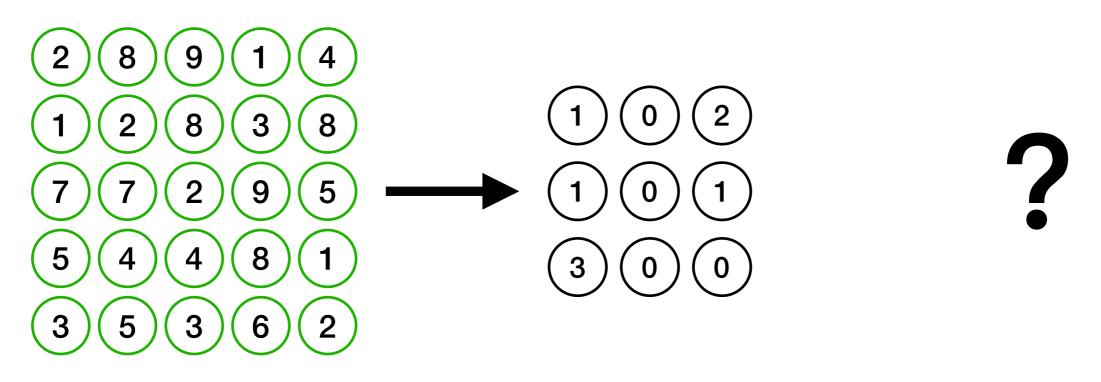
Author:WangQi Email:wangqikaixin@gmail.com

## 卷积与池化的问题2

#### 卷积与池化的步长不同时,边界处如何计算?

下面卷积步长为3时,特征图是怎样的?

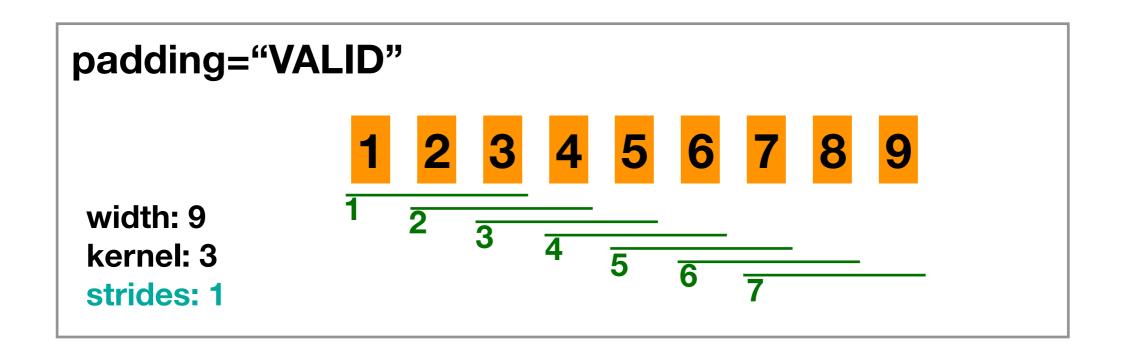
1个通道



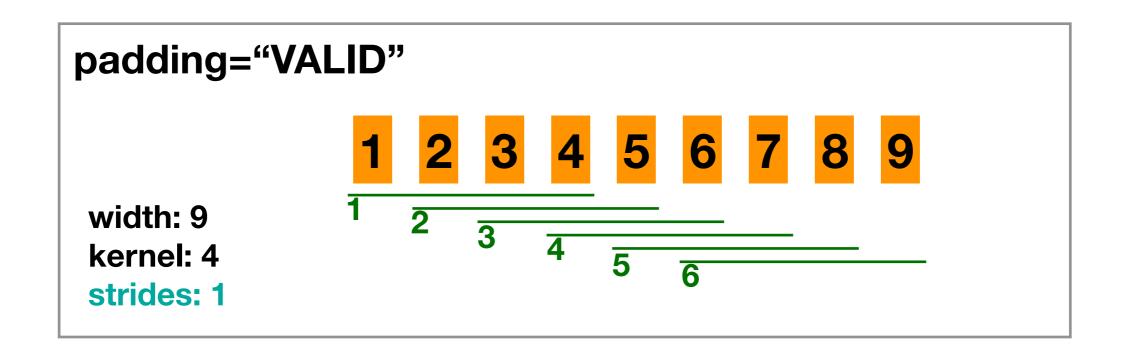
1个卷积核 特征图

Author:WangQi Email:wangqikaixin@gmail.com

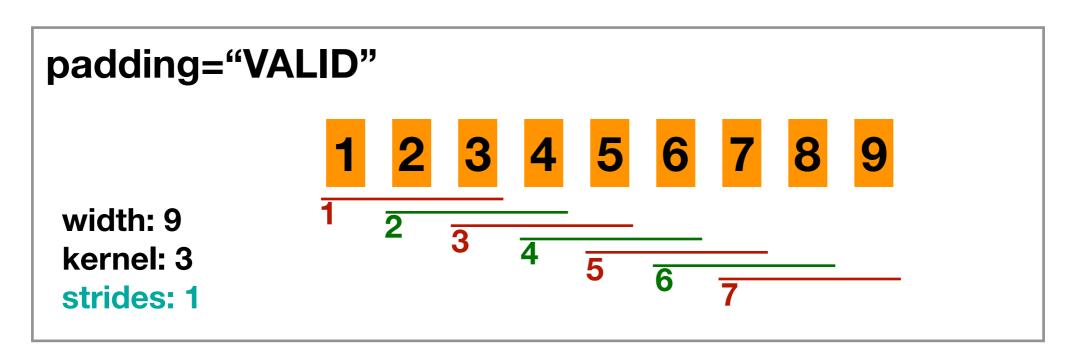
#### 4.1 VALID边界

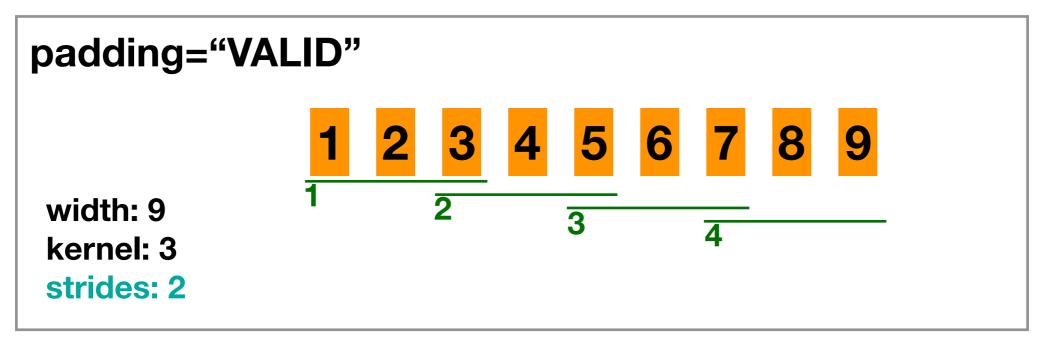


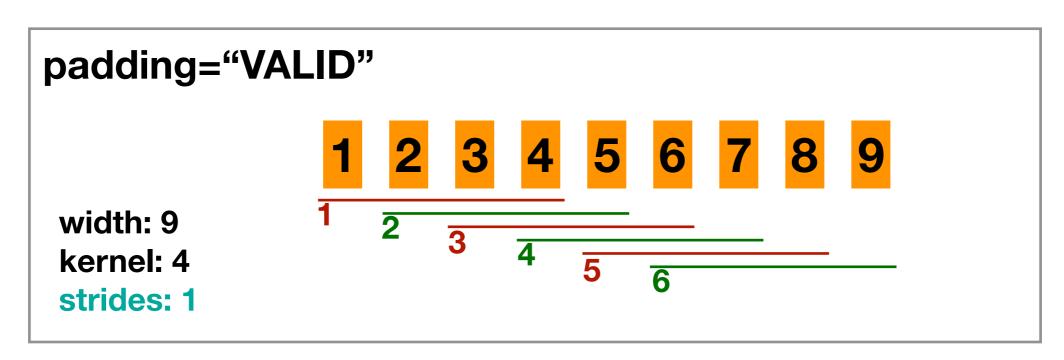
VALID: 只利用有效数据。

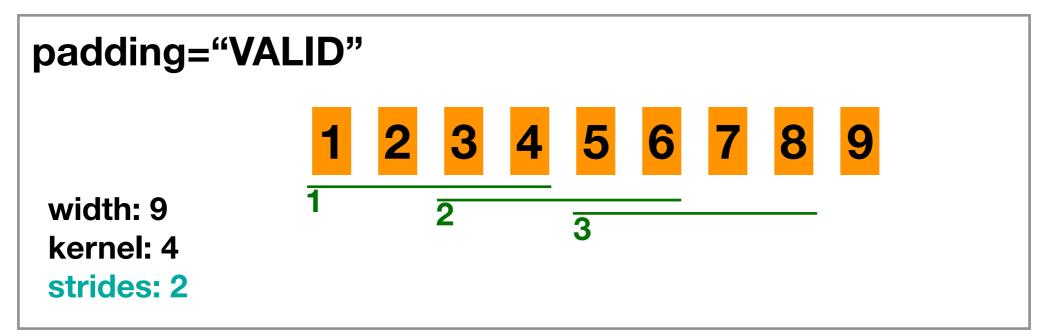


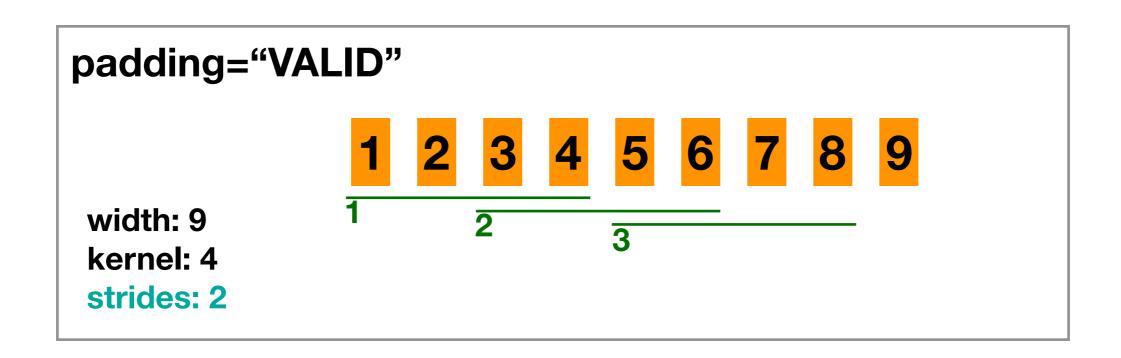
out\_width = in\_width - kernel\_width + 1







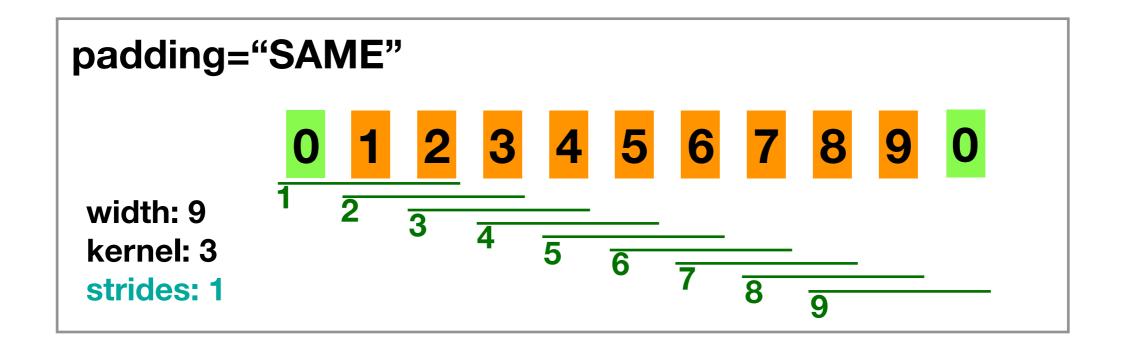




大于1的步长的输出相当于对等于1的步长的输出做了一个平均采样

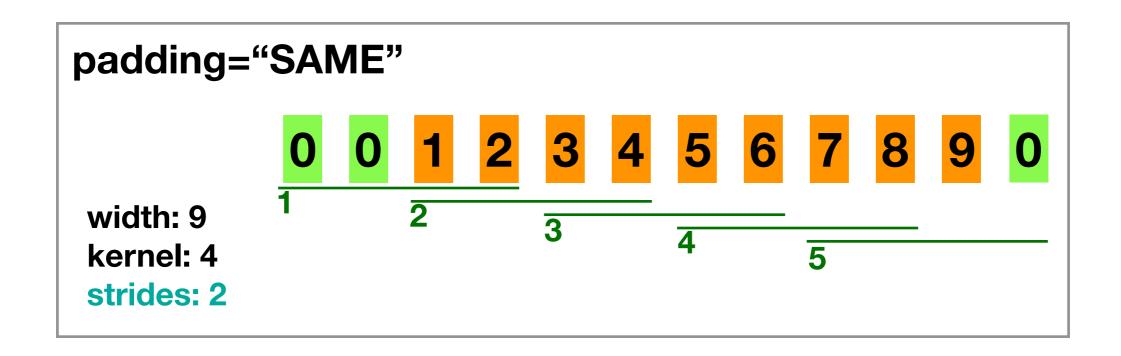
out\_width = ceil( float( in\_width - kernel\_width + 1 ) / float( strides ) )

#### 4.2 SAME边界



SAME: 需要边界填充。

规定: out\_width = ceil( float( in\_width ) / float( strides ) )



规定: out\_width = ceil( float( in\_width ) / float( strides ) )

pad: ?

输入边界与输出边界的大小关系

out\_width = ceil( float( in\_width ) / float( strides ) )

输入边界与输出边界的变换关系

out\_width = ceil( float( in\_width + pad - kernel\_width + 1 ) / float( strides ) )

$$o = \left\lceil \frac{i+p-k+1}{s} \right\rceil \qquad p?$$

$$o = \left\lceil \frac{i+p-k+1}{s} \right\rceil$$

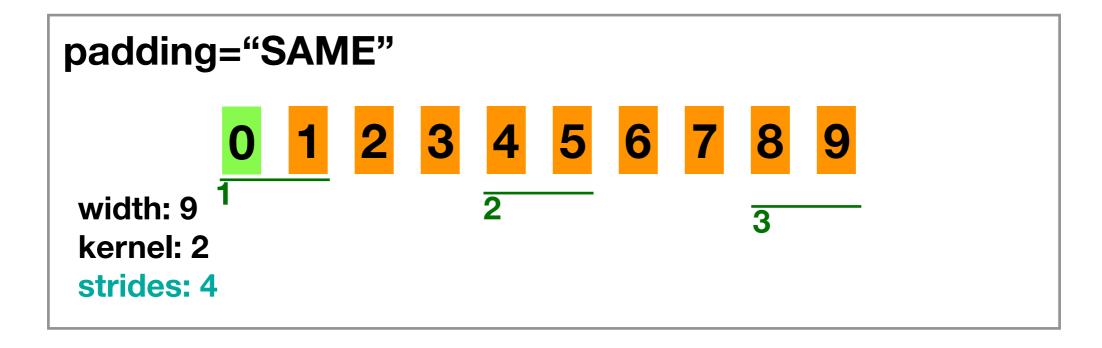
$$o - 1 < \frac{i+p-k+1}{s} \le o$$

$$s(o-1) - i + k - 1$$

p的取值是一个范围,即在这个范围内填充均可。 使用不同的p填充的意义是什么?

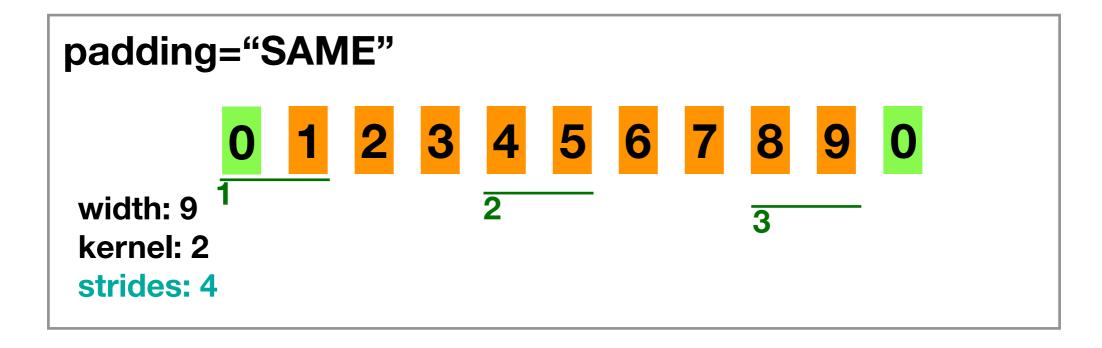
$$s(o-1)-i+k-1$$

i=9, k=2, s=4, 则o=3, p=1, 2, 3, 4 当p=1时:



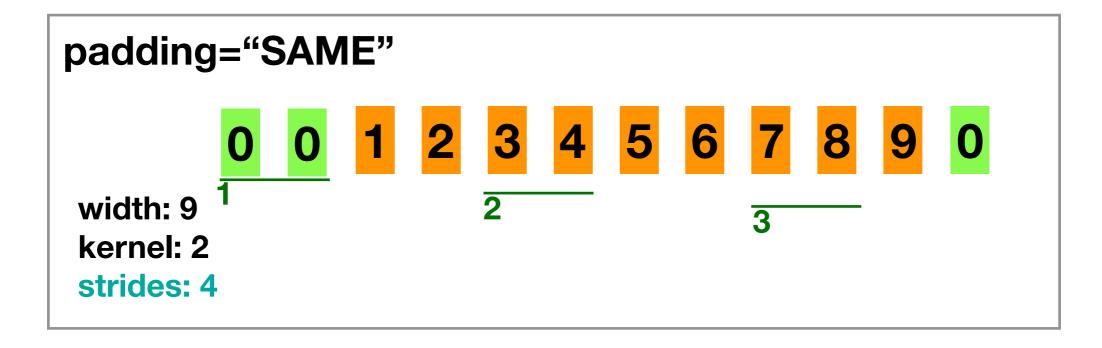
$$s(o-1)-i+k-1$$

i=9, k=2, s=4, 则o=3, p=1, 2, 3, 4 当p=2时:



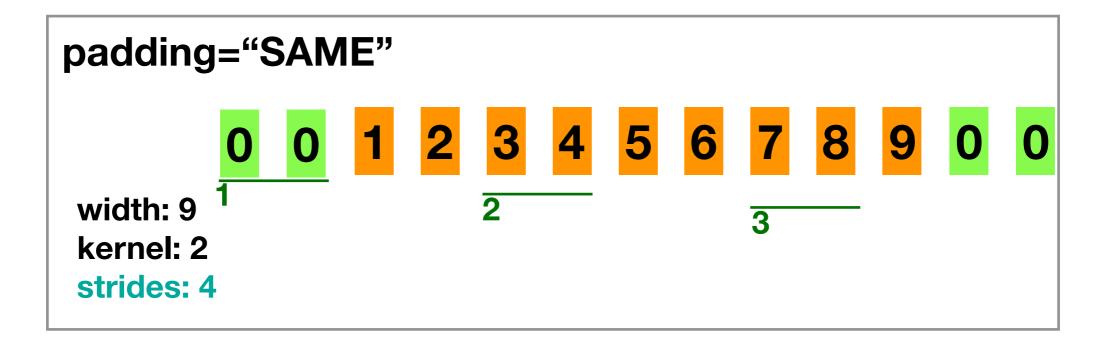
$$s(o-1)-i+k-1$$

i=9, k=2, s=4, 则o=3, p=1, 2, 3, 4 当p=3时:



$$s(o-1)-i+k-1$$

i=9, k=2, s=4, 则o=3, p=1, 2, 3, 4 当p=4时:



思考: p可能是负数吗?

$$s(o-1)-i+k-1$$

$$p_{\min} = s(o-1) - i + k$$

$$s(o-1)-i+k-1$$

简化 
$$p_{\min} = s(o-1)-i+k$$

$$if(i \mod s = 0): p = \max(k - s, 0)$$

$$if(i \mod s \neq 0): p = \max(k - (i \mod s), 0)$$

$$if(i \mod s = 0) : p = \max(k - s, 0)$$
  
 $if(i \mod s \neq 0) : p = \max(k - (i \mod s), 0)$ 

思考:已知P的大小,填充的0可以放置在哪个位置合适?

width: 9

kernel: 5

strides: 4 已知pad=4

填充法一

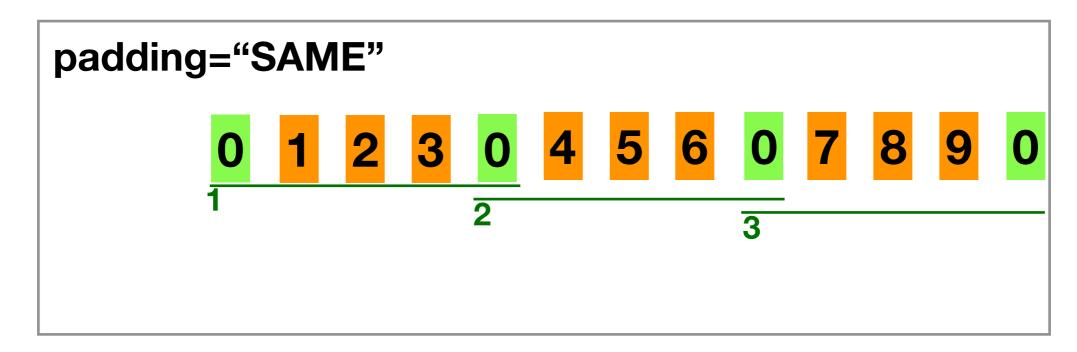


width: 9

kernel: 5

strides: 4 已知pad=4

填充法二 NO



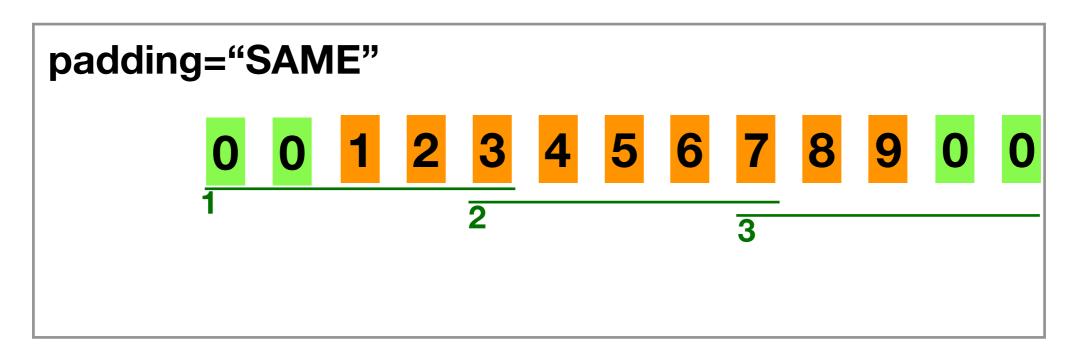
width: 9

kernel: 5

strides: 4 已知pad=4

填充法三





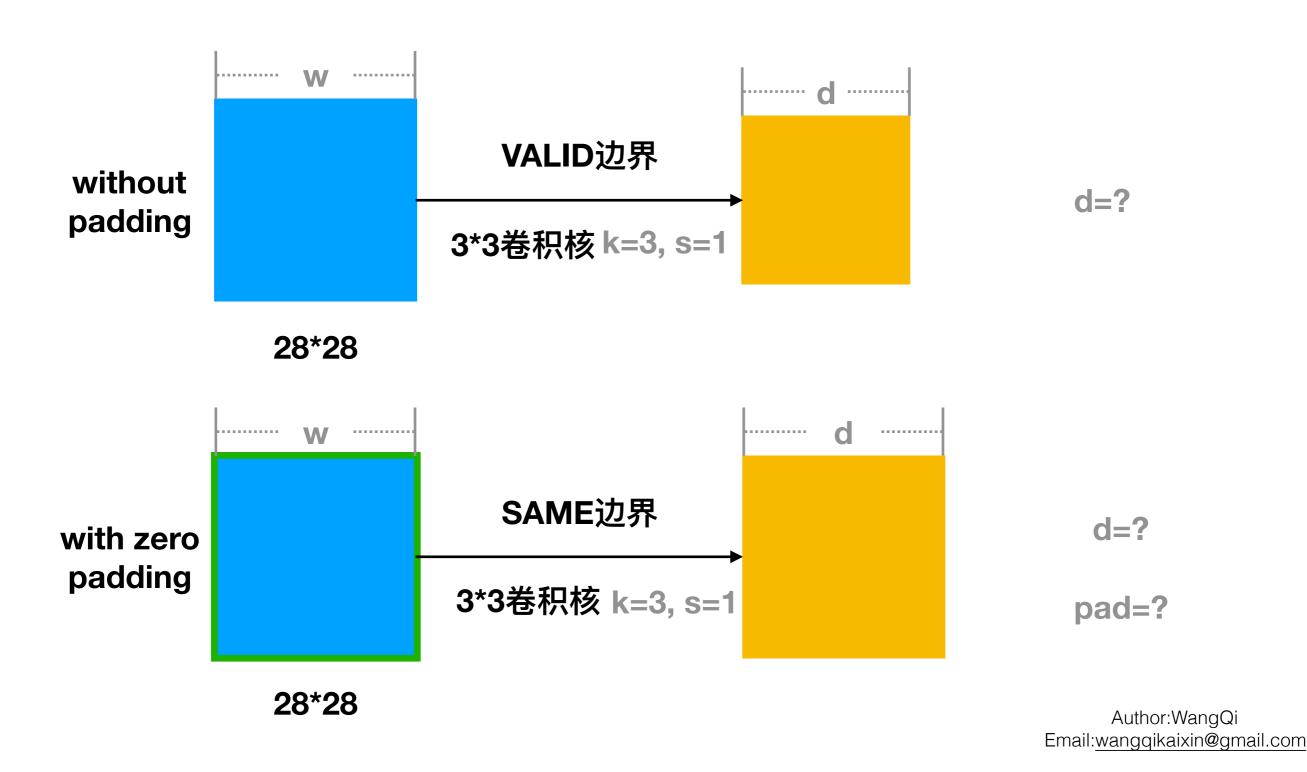
#### 常用填充方法:

top\_pad = height\_pad / /2
bottom\_pad = height\_pad - top\_pad
left\_pad = width\_pad / /2
right\_pad = width\_pad - left\_pad

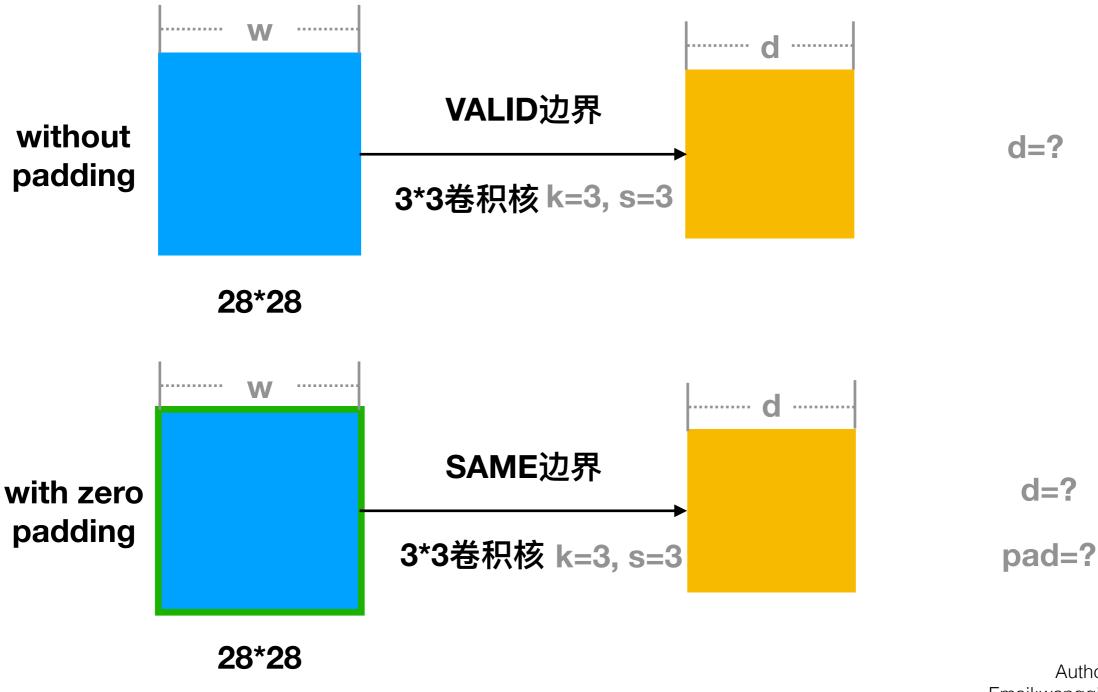
即:左奇右偶,上奇下偶。

#### 4.3 示例

#### 卷积边界处理示例

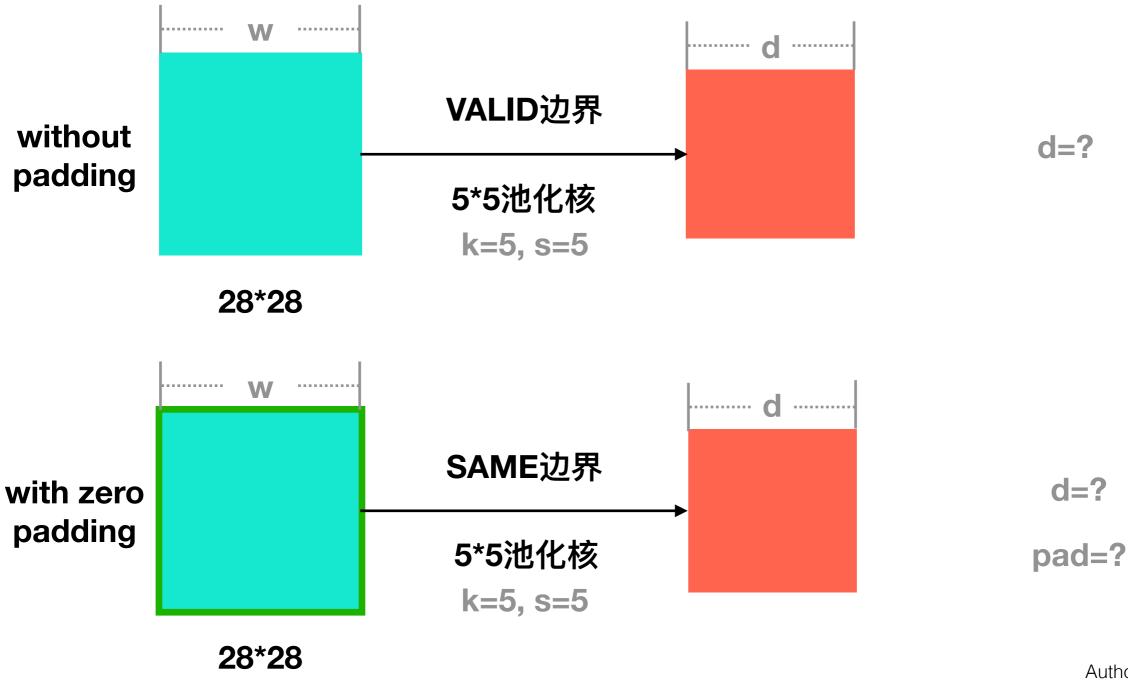


#### 卷积边界处理示例



Author:WangQi Email:wangqikaixin@gmail.com

#### 池化常用边界处理



Author:WangQi Email:wangqikaixin@gmail.com

#### 边界处理

思考:SAME边界,除了填充0还能填充什么?

## 小练习

已知单通道的某图片大小为13\*15,现使用6\*4大小的卷积核以5\*7的步长进行卷积,请问:

问题1:使用VALID的边界处理方式,feature map大小是多少?

问题2: 如果SAME的边界处理方式,feature map大小是多少? 补0

的长度是多少?

	边长	卷积核边长	步长	VALID下的map	SAME下的map	补0
width	13	6	5	2	3	3
height	15	4	7	2	3	3

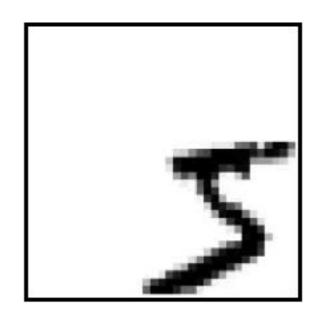
Author:WangQi Email:wangqikaixin@gmail.com

#### 5. 其它

# 平移不变性



训练时使用的图片



预测时使用的图片

卷积与池化均拥有平移不变性,即更能适应图片的特征位置变化。

## 平移不变性

卷积:卷积得到的map是微观特征的激活值,所以特征位置改变时,对应位置的最激活值位置也改变了,但特征之间的相对位置不会改变。而更深层的网络学习到的是微观特征的组合方式,只要特征的组合方式没有变化、CNN就能识别。

池化:池化操作会在一定范围内检测特征。以最大池 化为例,特征位置改变了,但在池化核的范围内,最 大值没有变。

# 思考:存在1\*1卷积核吗?如果存在,卷积的结果是什么?有什么意义?

1\*1卷积核是存在的,如果1个特征图通过1\*1卷积得到了一个新的特征图,则两个特征图的关系是线性的(卷积激活函数是线性的情况下),这时候1\*1卷积是没有意义的。但如果有多个通道的特征图通过1\*1卷积可以实现通道维度的改变,同时也实现了多个通道信息的汇聚。

## 小结

- 卷积运算的过程与意义。
- 多核卷积可以得到多个特征图, 其数量与核数量相同。
- 多通道多核卷积中的卷积方式。
- 卷积核通常设置比较小,这样运算量比较小,且容易提取到局部特征。
- 卷积与池化常用边界处理包括VALID与SAME两种。VALID 可能丢弃一部分信息,SAME通常使用0填充边界。

#### THANKS