



# ***Algoritmos y Estructuras de Datos***

**Cursada 2015**

***Prof. Alejandra Schiavoni  
Prof. Catalina Mostaccio***

*Facultad de Informática – UNLP*

A decorative graphic in the top-left corner consisting of a grid of squares in shades of purple, blue, and green, arranged in a stepped pattern.

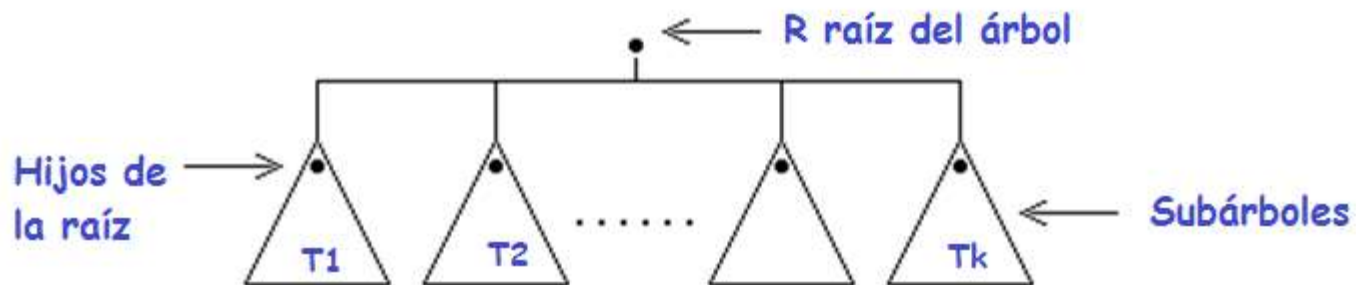
# Árboles Generales

# Agenda

- Definición
- Descripción y terminología
- Ejemplos
- Representaciones
- Recorridos

# Definición

- *Un árbol es una colección de nodos, tal que:*
- *puede estar vacía. (Árbol vacío)*
  - *puede estar formada por un nodo distinguido  $R$ , llamado **raíz** y un conjunto de árboles  $T_1, T_2, \dots, T_k$ ,  $k \geq 0$  (subárboles), donde la raíz de cada subárbol  $T_i$  está conectado a  $R$  por medio de una arista*



# Descripción y terminología

- *Grado* del árbol es el grado del nodo con mayor grado.
- *Árbol lleno*: Dado un árbol  $T$  de grado  $k$  y altura  $h$ , diremos que  $T$  es *lleno* si cada nodo interno tiene grado  $k$  y todas las hojas están en el mismo nivel ( $h$ ).

Es decir, recursivamente,  $T$  es *lleno* si :

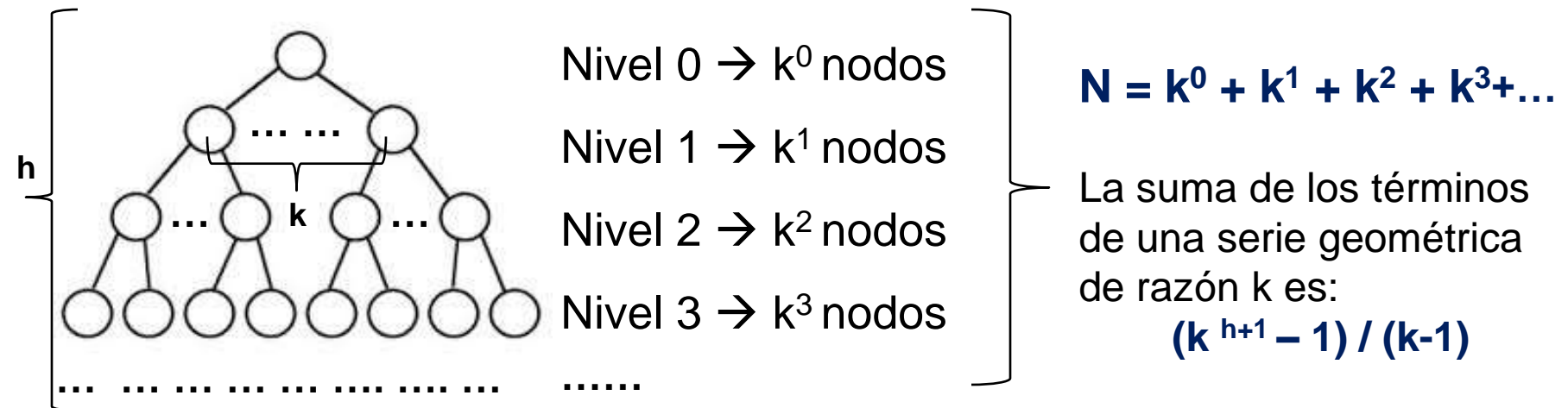
- 1.-  $T$  es un nodo simple ( árbol lleno de altura 0), o
- 2.-  $T$  es de altura  $h$  y todos sus sub-árboles son llenos de altura  $h-1$ .

# Descripción y terminología

- **Árbol completo:** Dado un árbol  $T$  de grado  $k$  y altura  $h$ , diremos que  $T$  es *completo* si es lleno de altura  $h-1$  y el nivel  $h$  se completa de izquierda a derecha.

- **Cantidad de nodos en un árbol lleno:**

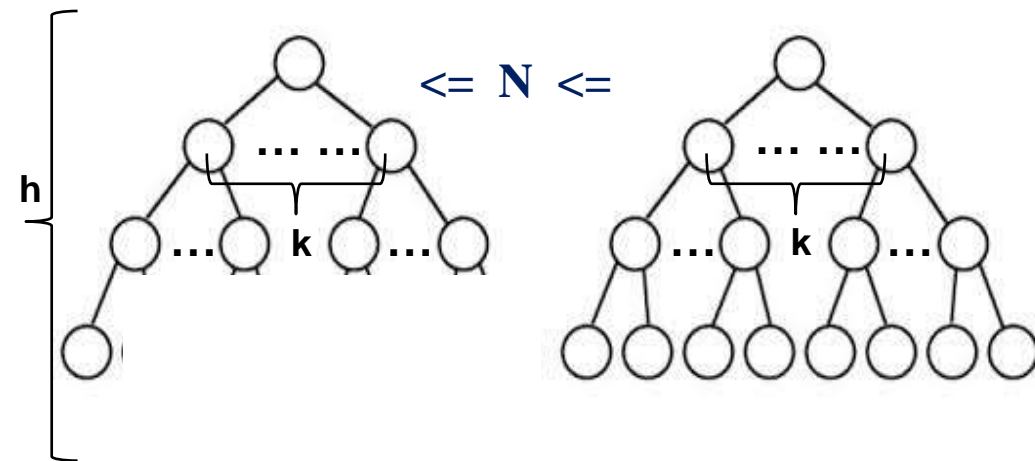
Sea  $T$  un árbol lleno de grado  $k$  y altura  $h$ , la cantidad de nodos  $N$  es  $(k^{h+1} - 1) / (k-1)$  ya que:



# Descripción y terminología

- *Cantidad de nodos en un árbol completo:*

Sea  $T$  un árbol completo de grado  $k$  y altura  $h$ , la cantidad de nodos  $N$  varía entre  $(k^h + k - 2) / (k - 1)$  y  $(k^{h+1} - 1) / (k - 1)$  ya que ...



- Si el árbol es lleno,

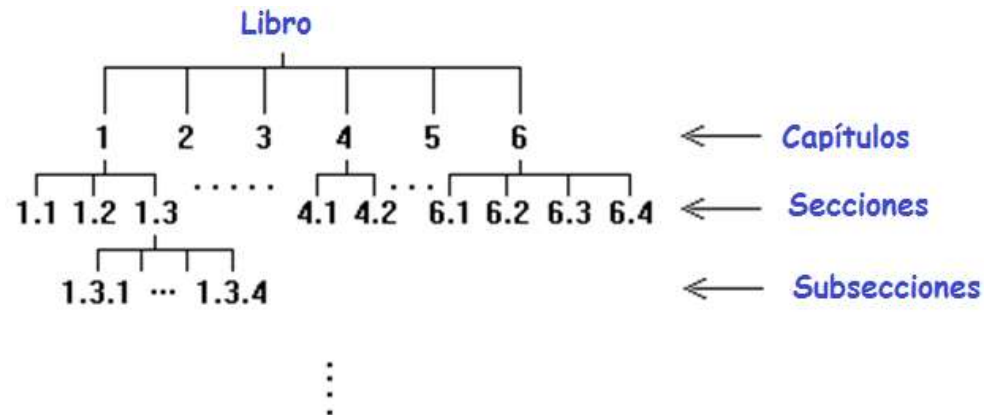
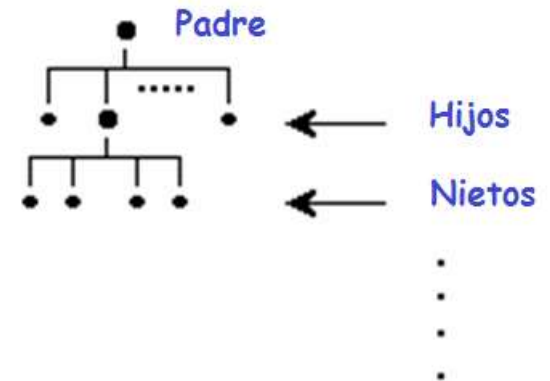
$$N = (k^{h+1} - 1) / (k - 1)$$

- Si no, el árbol es lleno en la altura  $h-1$  y tiene por lo menos un nodo en el nivel  $h$ :

$$\begin{aligned} N &= (k^{(h-1)+1} - 1) / (k - 1) + 1 \\ &= (k^h + k - 2) / (k - 1) \end{aligned}$$

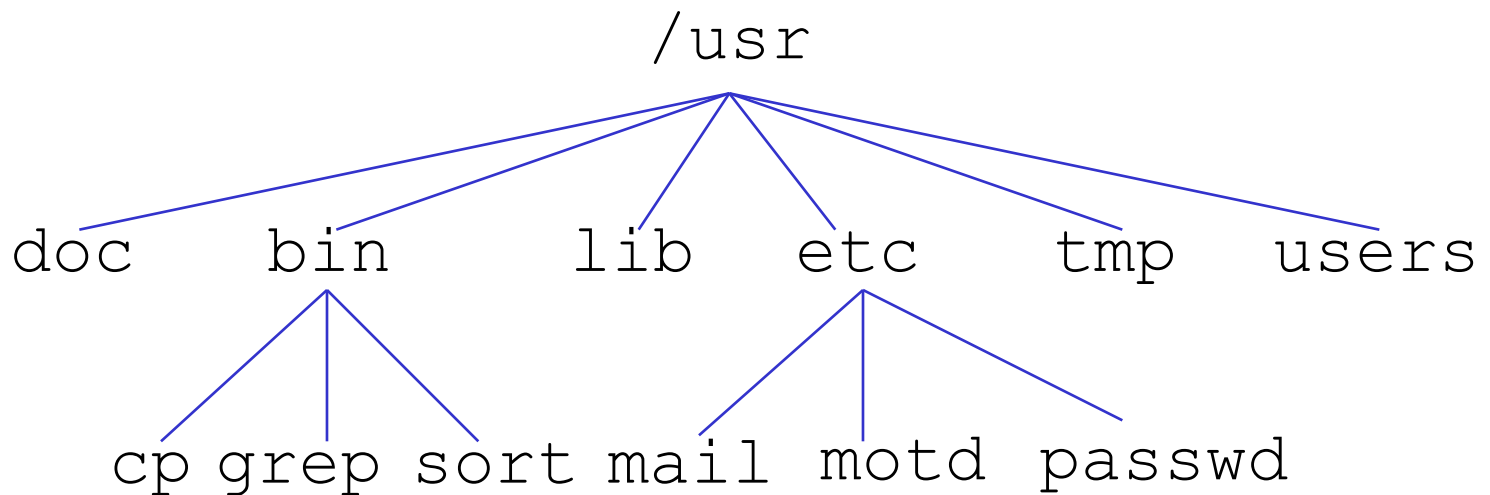
# Ejemplos

- ✓ Organigrama de una empresa
- ✓ Árboles genealógicos
- ✓ Taxonomía que clasifica organismos
- ✓ Sistemas de archivos
- ✓ Organización de un libro en capítulos y secciones





# Ejemplo: Sistema de archivos



# Representaciones

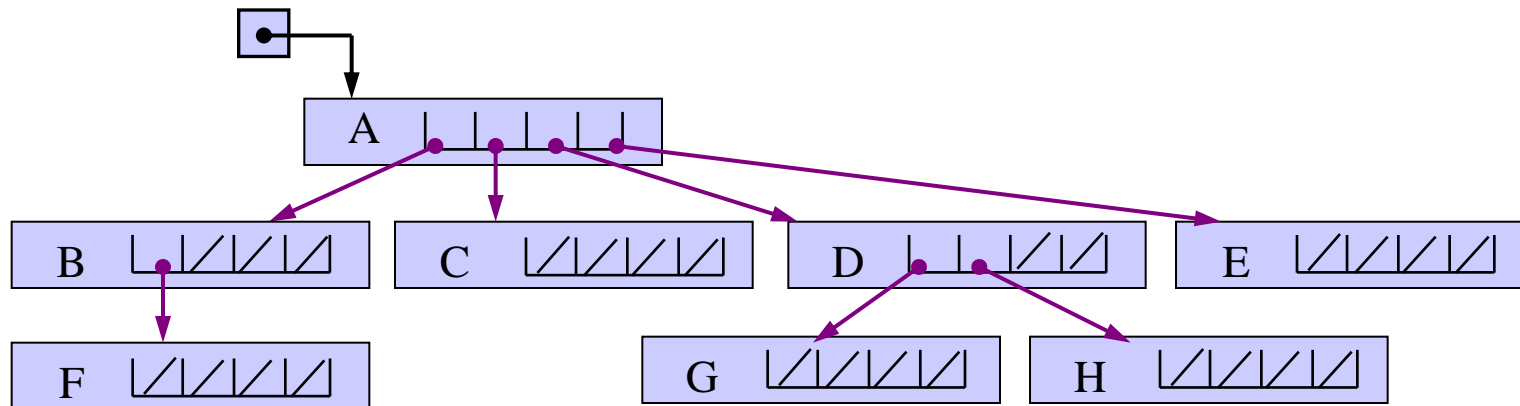
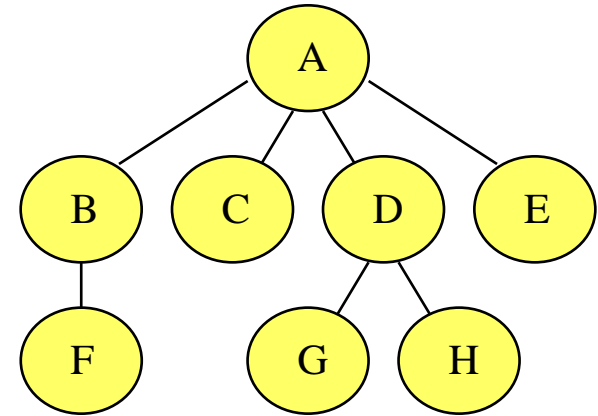
- ✓ Lista de hijos
  - Cada nodo tiene:
    - Información propia del nodo
    - Una lista de todos sus hijos
- ✓ Hijo más izquierdo y hermano derecho
  - Cada nodo tiene:
    - Información propia del nodo
    - Referencia al hijo más izquierdo
    - Referencia al hermano derecho

# Representación: Lista de hijos

- ✓ La lista de hijos, puede estar implementada a través de:
  - Arreglos
    - Desventaja: espacio ocupado
  - Listas dinámicas
    - Mayor flexibilidad en el uso

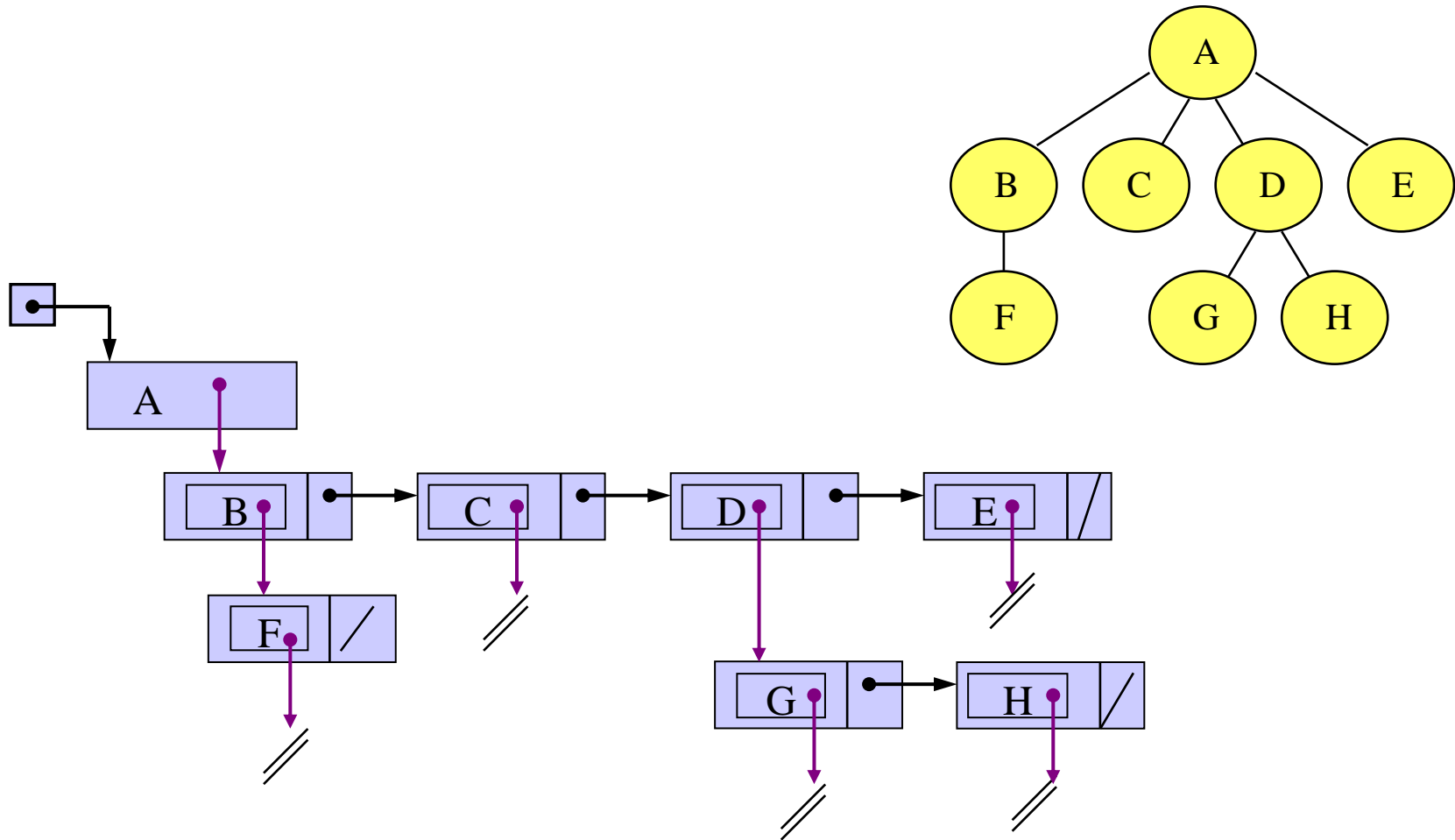
# Representación: Lista de hijos

## Implementada con Arreglos

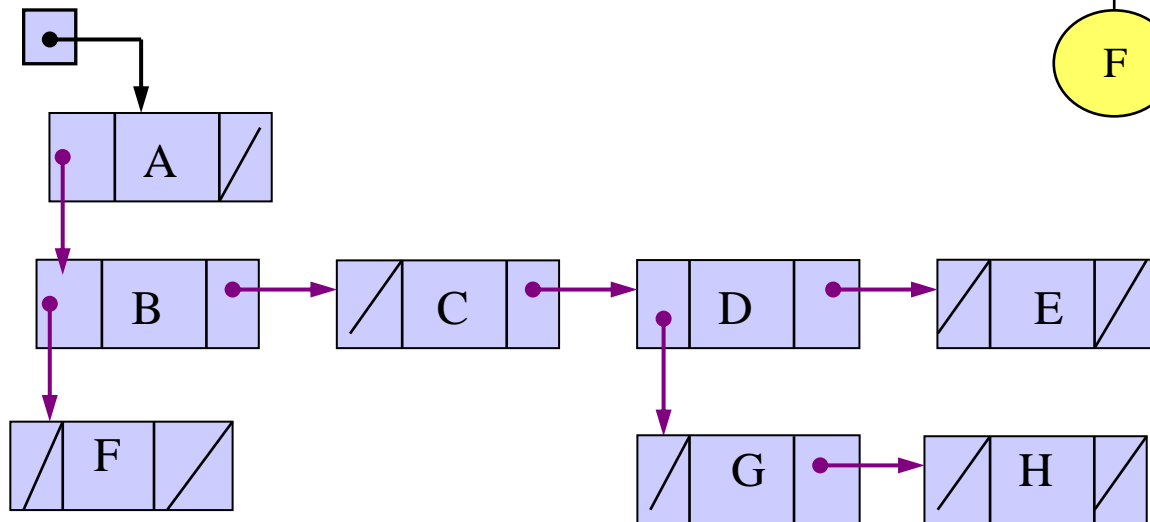
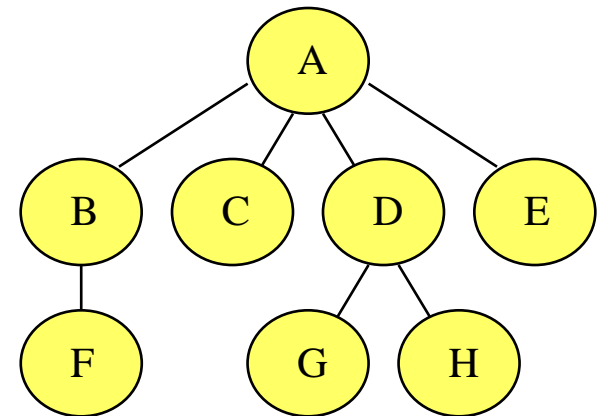


# Representación: Lista de hijos

## Implementada con Listas enlazadas



# Representación: Hijo más izquierdo y hermano derecho



# Recorridos

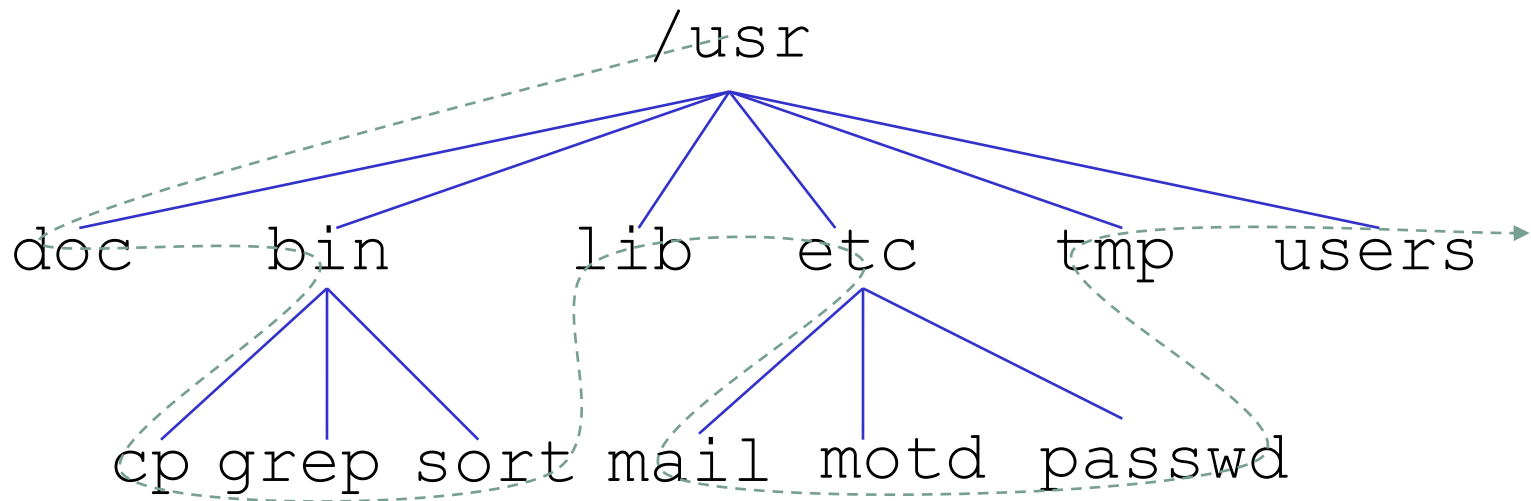
➤ **Preorden**  
Se procesa primero la raíz y luego los hijos

➤ **Inorden**  
Se procesa el primer hijo, luego la raíz y por último los restantes hijos

➤ **Postorden**  
Se procesan primero los hijos y luego la raíz

➤ **Por niveles**  
Se procesan los nodos teniendo en cuenta sus niveles, primero la raíz, luego los hijos, los hijos de éstos, etc.

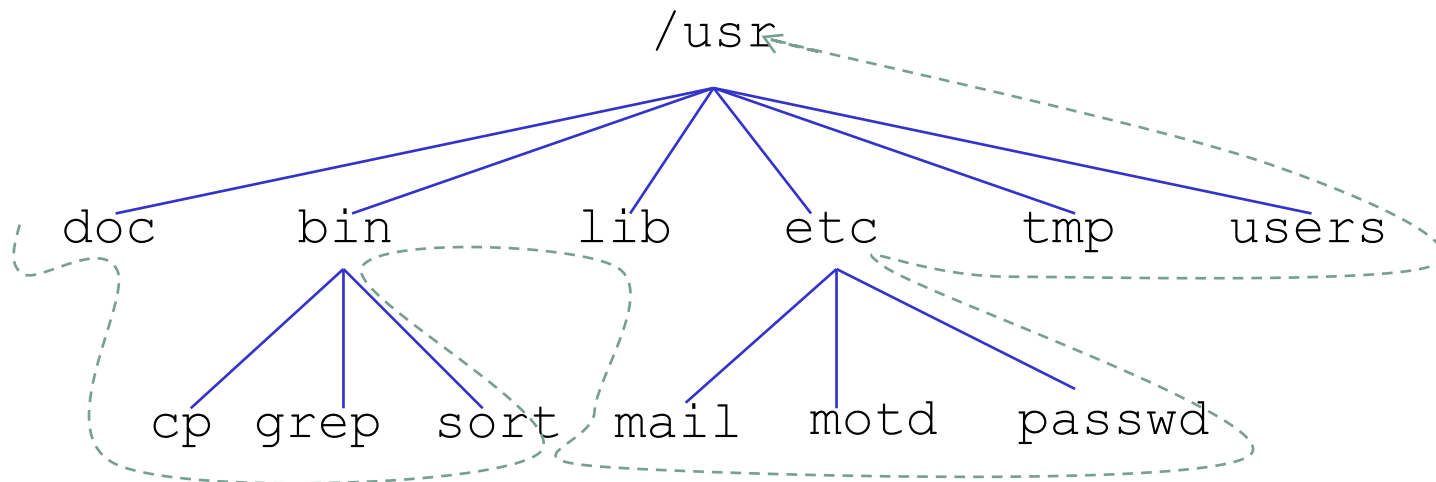
# Recorrido: Preorden



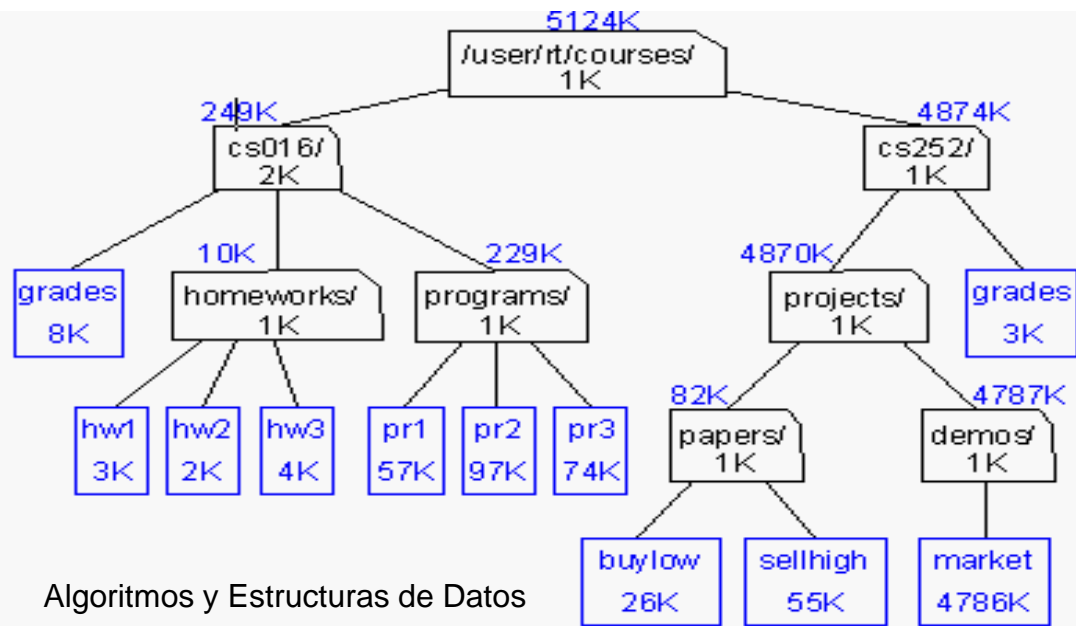
**Ejemplo: Listado del contenido de un directorio**



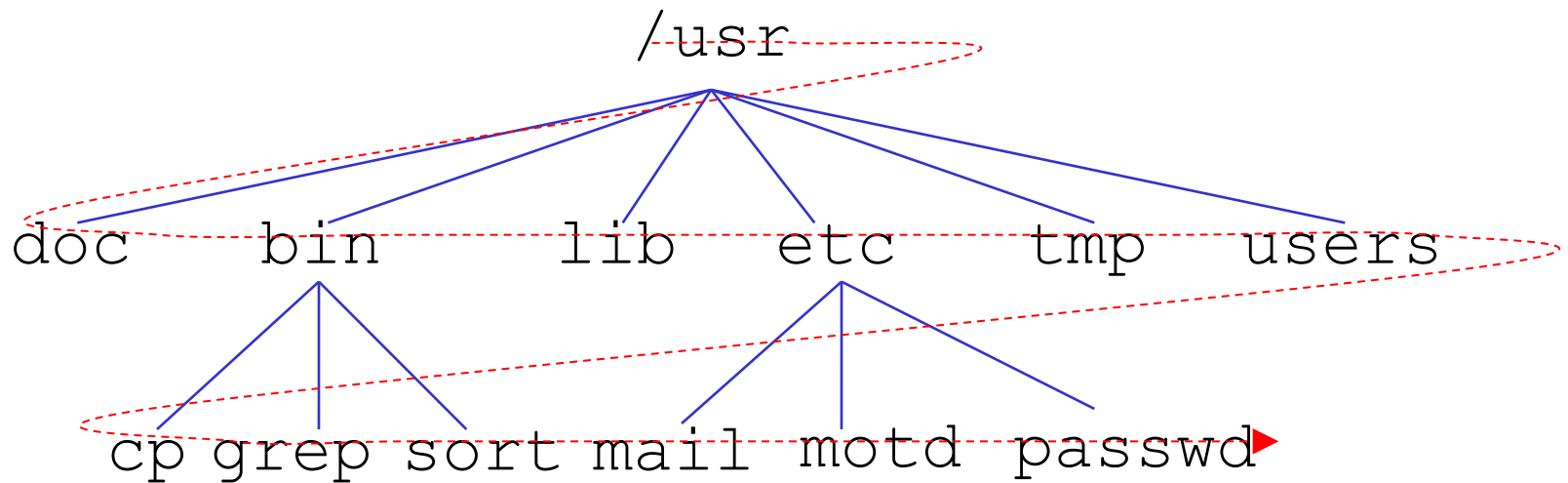
# Recorrido: Postorden



**Ejemplo: Calcular el tamaño ocupado por un directorio**



# Recorrido: Por niveles



# Recorrido: Preorden

```
public void preOrden() {  
    imprimir (dato);  
    obtener lista de hijos;  
    mientras (tenga hijos) {  
        hijo ← obtenerHijo;  
        hijo.preOrden();  
    }  
}
```

# Recorrido: Por niveles

```
public void porNiveles() {  
    encolar(raíz);  
    mientras cola no se vacíe {  
        v ← desencolar();  
        imprimir (dato de v);  
        para cada hijo de v  
            encolar(hijo);  
    }  
}
```