

$$(Ux) \cdot (Uy)$$

$$= (Ux)^T (Uy)$$

$$= x^T U^T U y$$

$$= x^T y$$

$$= x \cdot y$$

$$\text{because } (U^T U = I)$$