1 11 0 62 1 (2020 6 10 6 11 6 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	
강좌번호: 학번: 이름:	

단답형 문제는 답만, 나머지 문제는 답과 그 풀이과정을 해당 답안영역에 가독성이 높게 정자로 쓸 것. (**총점 150점**)

문제 1. [단답형] (7점) 좌표공간에서 정의된 함수 $f(x,y,z) = \sin(xy + yz - zx)$ 와 점 $P(\sqrt{\pi}, -\sqrt{\pi}, 0)$ 에 대하여, P에서 함숫값이 가장 빨리 증가하는 방향을 나타내는 단위벡터를 \mathbf{v} 라 할 때, $D_{\mathbf{v}}f(P)$ 를 구하시오.

문제 2. [단답형] (8점) 삼변수 벡터함수 $F(x,y,z)=(x\cosh y\cos z,x\cosh y\sin z,x\sinh y)$ 와 점 $Q(2,\log 2,\pi/3)$ 에 대하여 야코비 행렬식 $\det F'(Q)$ 의 값을 구하시오.

1	2

1-1-1-0 6-22	(
	강좌번호:	학번:	이름:	

문제 3. (15점) 타원면 $(x-1)^2+2(y-2)^2+3(z-3)^2=1$ 위의 점 P에서의 접평면이 원점을 포함하게되는 점 P들은 모두 하나의 평면에 들어있다. 이 평면의 방정식을 구하시오. (풀이)

강좌번호:

학번:

이름:

문제 4. (15점) 이변수함수 u(x,y)와 v(x,y)가 $x=u(x,y)^3+v(x,y)^2,\ y=u(x,y)+2v(x,y)$ 를 만족한다. 함수 $f=\frac{1}{2}(u^2+v^2)$ 의 기울기 벡터 $\operatorname{grad} f=\left(\frac{\partial f}{\partial x},\frac{\partial f}{\partial y}\right)$ 를 (u,v)=(1,2)이 되는 점 (x,y)에서 구하시오.

강좌번호:

학번:

이름:

문제 5. (20점) 좌표평면에서 정의된 함수

$$f(x,y) = \begin{cases} \frac{x^2y}{x^2 + xy + y^2}, & (x,y) \neq (0,0) \\ 0, & (x,y) = (0,0) \end{cases}$$

에 대하여 다음 물음에 답하시오.

- (a) (10점) 영벡터가 아닌 임의의 v에 대해 $D_{\bf v} f(0,0)$ 가 존재하는지 판단하시오.
- (b) (10점) 원점에서 함수 f의 미분가능성을 판단하시오.

강좌번호:

학번:

이름:

	0-15-	7 12.	1 🗆 .
문제 6. (15	5점) 함수 $f(x,y) = \int$	$\int_{1}^{xy}e^{-t^2x}dt$ 에 대하여 $D_2D_1f(-1,2)$ 를 구하.	시오.
(풀이)			

, , o <u>_</u>	1 ()			
	기기비능.	સ્ટોમો.	시己.	
	강화번오:	악단:	이름:	
	0 1 2	,	, L	

문제 7. $(15점)$ 좌표공간의 곡면 $xy+zy=2\sqrt{2}$ 위의 점 중 원점과 가장 가까운 점을 구하시오.		
(풀이)		
,		

1 ()			
강좌번호:	학번:	이름:	

문제 8. (20점) 함수 $f(x,y) = x^2y + e^{x\sin y} + \cos(xy)$ 에 대하여 다음 물음에 답하시오.

- (a) (10점) 영역 $R = \{(a,b) \in \mathbb{R}^2 : 점 \ P(1,0)$ 에서 $\mathbf{v} = (a,b)$ 방향으로 곡면 z = f(x,y)가 아래로 볼록 $\}$ 을 그리시오.
- (b) (10점) 점 P(1,0)에서 함수 f(x,y)의 2차 근사식을 구하고, 이를 이용하여 f(1.1,0.1)의 근사값을 구하시오.

강좌번호:

학범:

이름:

문제 9. (20점) 좌표평면에서 정의된 일급 벡터장 $\mathbf{F}(x,y) = \left(e^x \cos y, g(x,y)\right)$ 가 잠재함수를 가지고 모든 실수 y에 대해 $\mathbf{F}(0,y) = (\cos y, \sin y)$ 라 할 때 다음 물음에 답하시오.

- (a) (10점) 함수 g(x,y)를 구하시오.
- (b) (10점) 타원 $\frac{x^2}{4\pi^2} + \frac{y^2}{\pi^2} = 1$ 을 따라 $(2\pi,0)$ 에서 $(0,\pi)$ 까지 반시계 방향으로 움직이는 경로 C에 대해 $\int_C \mathbf{F} \cdot \mathrm{d}\mathbf{s}$ 를 구하시오.

강좌번호:

학번:

이름

문제 10. (15점) 영역 $R = \{(x,y) \in \mathbb{R}^2 : x > 0, y > 0\}$ 안에서 $P(1,\sqrt{3})$ 에서 출발하여 Q(3,4)에 도착하는 일급 곡선 $X:[0,1] \to R$ 에 대해 선적분 $\int_X \frac{y}{x} \left(-\frac{y}{x^2+y^2}, \frac{x}{x^2+y^2}\right) \cdot \mathrm{d}\mathbf{s}$ 의 값을 구하시오. (힌트: 일급 함수 r,θ 에 대해 $X(t) = r(t) \left(\cos\theta(t),\sin\theta(t)\right)$ 로 매개화한다.)