

#1.
$$grad f = (a.b.1).$$

.. $(a.b.1) \cdot \frac{1}{\sqrt{5}}(1.2.0) = 1$
 $(a.b.1) \cdot \frac{1}{\sqrt{5}}(-1.0.3) = \sqrt{2}$

Alberta $a+2b=\sqrt{5}$, $-a+3=2\sqrt{5}$
 $\Rightarrow a=3-2\sqrt{5}$. $b=\frac{3\sqrt{5}-3}{2}$... $a.b$ $\Rightarrow 3\frac{1}{2}$

... $\frac{1}{\sqrt{29}}(2.4.3)$ by $\Rightarrow 1\%$ \Rightarrow

* (場)의 방법대로 a,b를 구하지 않고 풀었으나 답이 튄신 7위 O검

= (3+2/5)

#2. $f(a,y,z) = \chi^2 + 2y^2 + 4z^2$ $g(a,y,z) = \chi^2 + 2y^2 - 2z$

> P = (a, b, c) 가 두 곡면 (f의 6- 닭(면, g의 0- 닭(면)) 의 교접이라 하자.

P메서 fa 6-닭면의 걸텨면의 방벡터 = gradf(P) = (2a.4b.8c) ... 3점

Palk ga 0- 뛰면의 정평면의 법병단 = grad g(P) = (2a, 4b, -2) ··· 3점

र येखिए। १५३१०२ ६ धेंेेेेे हरा ५८५

: (2a, 4b, 8c)·(2a, 4b, -2) = 4(a²+4b²-4c)=0 ... 4점 P=(a,b,c)가 f의 6-닭면, g의 0-닭면 위의 전이므로 a²+2b²+4c²=6, a²+2b²-2c=0

앤레버 필면 (a.b.c) = (o. ±1.1) ... 5점

* 교정 중 하나만 구하거나, 팅긴 政이 화되면 2점 강점

#3. (a)
$$D_1 f(o, o) = \lim_{t \to 0} \frac{f(t, o) - f(o, o)}{t} = 0 \dots 27$$

$$D_2 f(o, o) = \lim_{t \to 0} \frac{f(o, t) - f(o, o)}{t} = 0 \dots 27$$

$$D_{(1,1)} f(o, o) = \lim_{t \to 0} \frac{f(t, t) - f(o, o)}{t} = \lim_{t \to 0} \frac{t}{\sqrt{|t|^3 + t^6}} : U_2 L_1$$

$$\vdots D_{(1,1)} f(o, o) \in \mathbb{Z}_{N_6} |_{L_1} |_{U_2} U_2 L_1$$

$$\vdots D_{(1,1)} f(o, o) \in \mathbb{Z}_{N_6} |_{L_1} |_{U_2} U_2 L_1$$

- (c) ft 원정에서 만하이 아니므로 윈정에서 뇌본 회사능
- * (a)에서, D(...) f (o.o) 운 7할 더 된데 견하이 있으면 1절 감절 (b) (c)에서 논리가 복하면 2절 감정 (c)에서, (a)나 (b)는 이용한 경우 해당 보라운 풀댔이야 길수 인접 (된)가 확한 어(시)

: V ≠ (0.6). (a.0) (a.6 ∈ R) OLODE BY.

#4. Difa,y1 = 24 cos (ey+x2-2) Pafay) = 0 cos (04+2-2) $D_i^2 f(a,y) = 2 cos(e^y + x^2 - 2) - 4 x^2 sin(e^y + x^2 - 2)$ $D_1D_2f(x,y) = D_2D_1f(x,y) = -2xe^y \sin(e^y + x^2 - 2)$ (:feC) $D_{2}^{2}f(x,y)=e^{4}\cos(e^{4}+x^{2}-2)-e^{24}\sin(e^{4}+x^{2}-2)$... मिरकेंद केपक 1य (0.0)을 만입하면 f(0,0) = - Sin 1, Dif(0,0) = 0, Dif(0,0) = cos1. $D_1^2 f(0,0) = 2\cos 1$, $D_1 D_2 f(0,0) = D_2 D_1 f(0,0) = 0$, D2f(0,0) = cos 1 + sin 1 ··· 계수 하나당 (정 : Tif(1,y) = f(0,0) + (a,y). gradf(0,0) + 1 (2 Dif(0.0) + 2 xy Dile f(0.0) + y Bif(0.0)) = -sin1+ yous1+ 2 cos1+ cos1+sin1 y

... 답 4절

#5. gradfa.y1 = (2 cossiny, 2 sin a cosy1.

(x,y) > fer elika (2005 x siny, 25inx cosy) = (0,0)

·· f의 임계점 = (0,0), (±플, ±플), (±플, 푸플) (복한동난)
··· 임계정 하나당 1점

 $D_i^2 f(a,y) = -2\sin x \sin y$

DiDefa,y) = DeD, fa,y) = 2000xxxy (:: feC)

 $D_2^2 f(\alpha, y) = -2 sins usiny$

: $f''(a,y) = \begin{pmatrix} -2\sin x \sin y & 2\cos x \cos y \\ 2\cos x \cos y & -2\sin x \sin y \end{pmatrix}$

각 임계정을 대인하면

 $f''(\pm \frac{\pi}{2}, \pm \frac{\pi}{2}) = \begin{pmatrix} -2 & 0 \\ 0 & -2 \end{pmatrix} < 0 : \exists \text{UMB}$

 $f''(\pm \frac{\pi}{2}, \mp \frac{\pi}{2}) = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} > 0 : \exists \Delta Z$

 $f'(0,0) = \begin{pmatrix} 0 & 2 \\ 2 & 0 \end{pmatrix}$, det f''(0,0) = -4 < 0 : 0.0573

··· 잉계점 하나당 2점

* 퉨 입계점이 있는 병우 3정 감정

6 $f(x,y) = x^2 + y^2$, $f(x,y) = x^3 + y^3 - 3x - 3y - 4 = 7 = 7 + y^2$, $f(x,y) = x^3 + y^3 - 3x - 3y - 4 = 7 = 7 + y^2$, f(x,y) < (00) 1 $\{g(x,y) = 0\} \in \{x,y\} \in \{x,y\} \in \{x,y\} \in \{x,y\} \in \{x,y\} = 0\} \in \{x,y\} = \{x,y\} \in \{x,y\} \in$

07114 $(3(7144)-2\lambda)(7-4)=0$ °[GI, $\chi=Y=1$ 734 $(7+4)=2\lambda$ °[GI, $\chi=Y=1$ 734 $(7+3)=2\lambda$ °[CI, $\chi=Y=1$ 644 $\chi^2+\chi^2 > 2|\pi_Y|=2$ °[CI, $\chi=Y=1$ 644 $\chi=Y=1$ °[CI, $\chi=Y=1$ °[

#7.
$$G'(x,y) = \begin{pmatrix} 2x & 2y \\ 2x & -2y \end{pmatrix}, F(x,y) = \begin{pmatrix} -\cos x & 2e^{y} \\ -\cos x & -e^{y} \end{pmatrix}$$

$$0 = G'(F(\pi,0)) \cdot F'(\pi,0) = G'(F(\pi,0)) \cdot F'(\pi,0)$$

$$= \begin{pmatrix} 4 & -2 \\ 4 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 2 & 10 \\ 6 & 6 \end{pmatrix}$$

$$0 = \begin{pmatrix} 2 & 10 \\ 6 & 6 \end{pmatrix}$$

$$0 = \begin{pmatrix} 4 & 6 \\ 6 & 6 \end{pmatrix}$$

$$0 = \begin{pmatrix} 4 & 6 \\ 6 & 6 \end{pmatrix}$$

8 (
$$\frac{7}{2}$$
0(1)

F(χ, y) = $\frac{(-\gamma, x)}{\gamma^2 + \gamma^2}$ + $\frac{(\chi, \gamma)}{\gamma^2 + \gamma^2}$

= $F_1(\chi, \gamma) + F_2(\chi, \gamma)$ $\frac{7}{2}$ $\frac{3}{4}$ $\frac{1}{2}$
 $\int_X F \cdot ds = \int_X F \cdot ds + \int_X F_2 \cdot ds$

O[GI, $\int_X F_1 \cdot ds = (0\pi)$, (1) $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$

(국이 2) 가원소 베타카에나 기울기 벡터자에 성질을 전혀 이용하지 않는 경우,

(국이 2) 가원소 베타카에나 기울기 벡터자에 성질을 전혀 이용하지 않는 경우,

(국이 2) 가원소 베타카에나 기울기 벡터자에 성질을 전혀 이용하지 않는 경우,

(국이 2) 가원소 베타카에나 기울기 벡터자에 성질을 전혀 이용하지 않는 경우,

(국이 2) 가원소 베타카에나 기울기 벡터자에 성질을 전혀 이용하지 않는 경우,

(국어 2) 가원소 베타카에나 기울기 벡터자에 성질을 전혀 이용하지 않는 경우,

#9 (a)

$$P(x,y,z) = xe^{x+y+z} + yz^2 = xe^{x+y+z}$$
 $P(x,y,z) = xe^{x+y+z} + yz^2 = xe^{x+y+z}$
 $P(x,y,z) = xe^{x+y+z} + yz^2 = xe^{x+y+z}$
 $P(x,y,z) = xe^{x+y+z} + yz^2 = xe^{x+y+z}$
 $P(x,y,z) + C = xe^{x+y+z}$

#9067.

$$(\overline{x}_{0}, 2) \frac{1921}{21921} \frac{44961269}{4526} \frac{1522}{252} \frac{621}{252} \frac{142}{252} \frac{14$$