$$f(x,y) = \begin{cases} \frac{2iy}{|x| + |y|}, & (x,y) \neq (0,0) \\ 0, & (x,y) = (0,0) \end{cases}$$

$$|f(x,y)| = \frac{|xy|}{|x|+|y|} \le \frac{(|x|+|y|)^2}{4(|x|+|y|)} = \frac{1}{4}(|x|+|y|)$$
(by  $\sqrt[4]{2}-7|5|$ )

किरोभ (०,०) नाम लुड्

$$\frac{|xy|}{|x|+|y|} \leq \frac{|xy|}{|x+y|}$$
 건모 0가능 플린식.

- (b), 로는 (0,0) 이번가능인지 관점.
- ①. (1.17 에서 방향이분 계산.

$$D_{(1,1)}f(0,0) = \lim_{t\to 0} \frac{f(t,t)-f(0,0)}{t} = \lim_{t\to 0} \frac{t}{2|t|} : \text{ why } (3+3) = \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

따라서 이분 복가능하다.

기 8점

미분가능하다면 방향박다 (1/01) 대해 2 grad f(0,0) · 4 = Duf(0,0) of sty 1 42

$$P_1 f(o, o) = 0$$
  $P_2 f(o, o) = 0$ 

V = (a,b) glay

a.b + 0 old Dufloo); tht! gradifloo). VI=0 olez

f는 원정에서 이분복가능 \_ 1 8점

③ f外 时子分部中四 牙 切时 以的 时前

$$V_1 = (a,b)$$
  $\lim_{|V_1| \to 0} \frac{|f(V_1)|}{|V_1|} = \lim_{|V_1| \to 0} \frac{|ab|}{\sqrt{a^2 + b^2 \cdot |a| + |b|}}$ 

$$\alpha = b \neq 0. \quad \text{white off } 0 = \lim_{|\alpha| \to 0} \frac{\alpha^2}{2\sqrt{\mu}} = \frac{1}{2\sqrt{\mu}} \neq 0. \quad \text{white off } 0 \neq 0.$$

·X· 계산 실수 시 4점감점

$$D(I,I) = \lim_{t \to I} \frac{f(t,t) - f(0,0)}{\sqrt{L}t}$$

$$= \lim_{t \to I} \frac{f(t,t) - f(0,0)}{\sqrt{L}t}$$

$$= \lim_{t \to I} \frac{f(t,t) - f(0,0)}{\sqrt{L}t}$$

## 문제 2

$$\frac{\mathcal{E}_{0}}{2}$$
 직선의 방정식이  $2-2=\frac{4-\frac{1}{2}}{-\frac{1}{2}}=2$  이므로, 방향벡터는  $\left(1,-\frac{1}{2},1\right)$ 

$$f(x_1,y_1,z) = x^2 + y^2 - z^2 - 4$$
 2+ Feq., grad  $f/((1,-\frac{1}{2},1))$  of  $f(x_1,y_1,z) = x^2 + y^2 - z^2 - 4$  2+ Feq., grad  $f/((1,-\frac{1}{2},1))$  of  $f(x_1,y_1,z) = x^2 + y^2 - z^2 - 4$  2+ Feq., grad  $f/((1,-\frac{1}{2},1))$  of  $f(x_1,y_1,z) = x^2 + y^2 - z^2 - 4$  2+ Feq., grad  $f/((1,-\frac{1}{2},1))$  of  $f(x_1,y_1,z) = x^2 + y^2 - z^2 - 4$  2+ Feq., grad  $f/((1,-\frac{1}{2},1))$  of  $f(x_1,y_1,z) = x^2 + y^2 - z^2 - 4$  2+ Feq., grad  $f/((1,-\frac{1}{2},1))$  of  $f(x_1,y_1,z) = x^2 + y^2 - z^2 - 4$  2+ Feq., grad  $f/((1,-\frac{1}{2},1))$  of  $f(x_1,y_1,z) = x^2 + y^2 - z^2 - 4$  2+ Feq., grad  $f/((1,-\frac{1}{2},1))$  of  $f(x_1,y_1,z) = x^2 + y^2 - z^2 - 4$  2+ Feq., grad  $f/((1,-\frac{1}{2},1))$  of  $f(x_1,y_1,z) = x^2 + y^2 - z^2 - 4$  2+ Feq., grad  $f/((1,-\frac{1}{2},1))$  of  $f(x_1,y_1,z) = x^2 + y^2 - z^2 - 4$  2+ Feq., grad  $f/((1,-\frac{1}{2},1))$  of  $f(x_1,y_1,z) = x^2 + y^2 - z^2 - 4$  2+ Feq.

$$\Rightarrow$$
 grad  $f(x_1, y_1, z_1) = (2x_1, 2y_1, -2z_1) = k(1, -\frac{1}{2}, 1)$ 

$$\Rightarrow$$
  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$ 

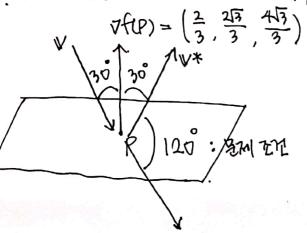
따라서 평면의 방정식은  $(1,-\frac{1}{2},1)$ 을 법선벡터로 가지고,  $P_1$  또는  $P_2$  를 지나는 것이으로,

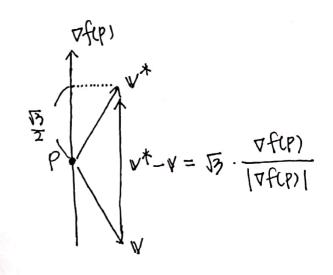
※ 3선의 방정식은 내적의 형태로 온바르게 구한 후, 전개과정에서 사红한 계산실수가 있는 경우에는 갑집하지 않음.

#3. 수가 전쟁을 제하자 황사에서 연락( C, ) 이라 마음사유하다 coteta Du+fcpi - Dufcpi = Du+vfcp) = grad fcp) • (vx-v). r= N72+y2 0/21- 52, grad fcp)= ( 2 sinhr, 22)p = ( \frac{1}{2} \sinh(\log 3), \frac{13}{2} \sinh(\log 3), \frac{15}{13}) +224 7  $= \left( \left( \frac{2}{3}, \frac{2}{\sqrt{3}}, \frac{4}{\sqrt{3}} \right) \right)$ 130 /1 120° 012, grad fop. V = Dif (P) < 0, grad for हो गुरायुक्ता द्ये. grad fip) (4) Afg2015 \ Nx-1 = 13. 3 22borks grad for & ( good fcp1)

grad typi = \frac{8}{3} \( \otimes\_1 \) = \otimes\_3 \( \otimes\_1 \) = \otimes\_3 \( \otimes\_2 \) = \otimes\_3 \( \otimes\_2 \) = \otimes\_3 \( \otimes\_3 \) = \otimes\_3 \( \otimes\_2 \) = \otimes\_3 \( \otimes\_3 \) = \otimes\_3 \( \ot

1 THE SHAM V\*- VE HE FOR THE





$$\therefore D_{\mathbf{v}^*-\mathbf{v}} f(P) = \nabla f(P) \cdot (\mathbf{v}^*-\mathbf{v})$$

$$= 13.8$$

Q. 34€ 25831 V\* € V et Vf(P) 2 ED311/1 72 759

V\*= V - 2 V·N N ONM N ? VF(P) AT EHOF 700.

:. 
$$V^*-V = -2 \frac{|\nabla f(P)| \cos |50^{\circ}|}{|\nabla f(P)|^2} \nabla f(P)$$

$$\Rightarrow D_{V^*-V}f(P) = \nabla f(P) \cdot (V^*-V)$$

X Y CH N MOICH YE POLICE PE

= 
$$\sqrt{3} |\nabla f(P)| = \sqrt{3} \cdot \frac{8}{3}$$

धिकें। एतम्य प्रिव, तरम्य असम् १५५६

भाष धर्म पना पारेपा ० 7<u>६.</u>

3. V\* Or V OIMON STORES 44 OF THE 189.

# 나 
$$f(x,y) = \frac{1}{x-y-1}$$
 에  $thistored$   $D^{4}_{(a,b)}(o,o) = \frac{1}{2}$   $7 \Rightarrow 4/2$ .

(풀이 1)  $D^{4}_{(a,b)}(o,o) = \frac{1}{dt^{4}} \int_{-o}^{+} (at,bt)$ 

$$= \frac{1}{dt^{4}} \int_{-o}^{+} (ab)t - 1$$

$$= \frac{24(a-b)^{4}}{(a-b)t-1} \int_{-b-0}^{+} \int_{-b}^{+} (ab)t - 1$$

$$= -24(a-b)^{4} \int_{-b-0}^{+} \int_{-b}^{+} \int_{-b}^{+} (ab)t - 1$$

$$= -24(a-b)^{4} \int_{-b-0}^{+} \int_{-b}^{+} \int$$

\* 데인데게의 위상은 선명하지 않고 준비나 나에지랑 O(CR+y²)²)은 산약한경투 -3% \* 작된 식은 전비하여 푼 경우, 2 원 감수 없는

4/Diffeo,0) = -(x-y)\*

 $D_{(a,b)}^{4} f_{(0,0)} = -24(a-b)^{4}$ 

$$f''(x,y) = e^{-\frac{x^2+y^2}{2}} \begin{pmatrix} x^4 + x^2y^2 - 5x^2 - y^2 + 2 & -x^3y - xy^3 \\ -x^3y - xy^3 & y^4 + x^2y^2 + 5y^2 + x^2 + 2 \end{pmatrix}$$

- अभ्यात्र 🛈 प्रिश् श्रीष्ट्र उभाद्र प्रभा नेभाव क्षेत्रीष्ट्र भारत । य
  - ② f"(xiq)et 子生, 한林曼 f"(o,o), f'(土下,o) 까지 맛에 구워서 판가가다면 가가 + 4 정
  - ③ ① 리견과가 많아야 ②에서 강수를 출수 있다. 즉. 특기지 구한 방계절에, (바르지) 판가는 개도 가수는 역계 많다.
  - ④ 헤씨 판절은 쓰기 않고 막는 분기는 써서 판결하면 접수 인자... (ex, (이이 된 faxy) >, f(0, 0) = 0 내고 국소.)

#6. (影 1)

- ①  $S = \{ \alpha, y, 820 \mid \alpha \alpha^2 + by^2 + c2^2 = 1 \} \in \text{ fin } \text{ Evi } \text{ All on } \text{ Evi } \text{ Evi } \text{ All on } \text{ Evi } \text{ Evi } \text{ All on } \text{ Evi }$
- ② S카의 정을 궁 것, 것. 군 중하나가 O 이라면 fax, y. 之)=O 이다.

 $grad f(x,y,z) = x'y'z'(\frac{r}{x},\frac{s}{y},\frac{t}{z})$ grad g(x,y,z) = 2(an, by, cz) ...  $ax:by:cz = \frac{r}{x}:\frac{s}{y}:\frac{t}{z}$ 

 $x = \sqrt{\frac{r}{a}} \, \frac{1}{b} \, \frac{1}{b}$ 

 $\Rightarrow f(x,y,z) = \left(\int_{a}^{x} \cdot k\right)^{r} \left(\int_{b}^{s} \cdot k\right)^{s} \left(\int_{c}^{t} \cdot k\right)^{t}$   $= \int_{a}^{r} \int_{b}^{s} \int_{c}^{t} \cdot \sqrt{\frac{1}{r+s+t}} r^{t+s+t} + \frac{1}{r+s+t}$ 

 -※(풀or 1)의 채정기군.

- · ① 이서 "유계", "말한", "철맛값을 가진다"라는 만이 없으면 2점부여×
- 라고함수 송수병 (grad f = \( \lambda\) 2 전용하기 전에 (교의 case (S의(경계))를 고려하지 않는 경우, 답이 맞아도 (③에서 최어 수정한부여하고 (④의정수부여X) (가고함수 송수병은 접용한후 단순계산의 이유한 기=0~기=0~2=0의 case를 나는 경우, 또는 grad f=0, grad g=0의 case를 나는 경우 마찬가지로 경우 있음) (라고함구 송수병은 건녕하려면 515p. 정기 6.0.2.의 3건께 나라 있듯이 f와 열의 정의 역은 연건 집합 (경계가 땅을 집합) 이미야 합. 지금의 경우 U= {(x, y, z) | x, y, z > 0 }이미야 연건 집합이 됨.)

(影 2)

いせいけい=1号 ときまりと

가장이 산물기카 범식을 적용하면 양수 u, v, w 약 양수 A.B.C이 다양서  $uA+vB+wC \ge A^uB^vC^w$  (투화건: A=B=c)

7+ (3).  $u = \frac{r}{r+s+t}$ ,  $v = \frac{s}{r+s+t}$ ,  $w = \frac{t}{r+s+t}$ ,  $A = \frac{\alpha x^2}{r}$ ,  $B = \frac{by^2}{s}$ ,  $C = \frac{cz^2}{t}$  and .

$$\Rightarrow \frac{1}{\text{MSHE}} \left( a \chi^2 + b y^2 + c z^2 \right) \ge \left[ \left( \frac{a \chi^2}{r} \right)^r \left( \frac{b y^2}{s} \right)^s \left( \frac{c z^2}{t} \right)^t \right] \xrightarrow{l} \text{MSHE}$$

$$\Rightarrow \alpha^r y^s z^t \leq \sqrt{\left(\frac{r}{\alpha}\right)^r \left(\frac{s}{b}\right)^s \left(\frac{t}{c}\right)^t \cdot \frac{1}{(r+s+t)^{r+s+t}} \cdots (x)}$$

등한건건 이 존개하는  $\left(\frac{ax^2}{r} = \frac{by^2}{s} = \frac{cz^2}{t}, \frac{2}{s} = \sqrt{\frac{r}{a(r+s+t)}}, y = \sqrt{\frac{s}{b(r+s+t)}}, \frac{t}{z} = \sqrt{\frac{t}{c(r+s+t)}}\right)$ 

(4) 建双键 图4. 15.

※ r.s. t가 접두나인 가정한경우 (ex. ax = 었<sup>2</sup> + ··· + 었<sup>2</sup>), 話보건이 명박하지 않은 경우, 가장 연기하 부터운 명확하게 적지 않은 경우 약 이정.

면쇄법칙에 의해

$$\left( \left( \mathsf{GoF} \right) (\mathsf{t,1}) \right)' = \left( \left( \mathsf{GoF} \right) \circ \mathsf{h} \right) (\mathsf{t}) = \left( \mathsf{GoF} \right)' (\mathsf{t,1}) \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4t^3 \\ 2t \end{pmatrix}$$

$$((G \circ F)(1,S))' = ((G \circ F) \circ h_2)'(S) = (G \circ F)'(1,S) \cdot {0 \choose 1} = {-4S^3 \choose +2S}$$

$$(G \circ F)'(1,1) = G'(F(1,1)) \cdot F'(1,1) = G'(2,0) \cdot F'(1,1)$$

그럽대 
$$G'(\pi, \gamma) = \begin{pmatrix} y & \pi \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$
 이므로  $G'(2,0) = \begin{pmatrix} 0 & 2 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$  나  $G'(\pi, \gamma) = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$  나  $G'(\pi, \gamma) = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$  나  $G'(\pi, \gamma) = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ 

$$\Rightarrow \begin{pmatrix} 0 & 2 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \cdot F'(1,1) = \begin{pmatrix} 4 & -4 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$$

( 행렬을 전체행결3 본경우 3정만 보여)

$$: F'(1,1) = {\binom{0}{1}} {\binom{2}{1}} {\binom{4}{2}} {\binom{4}{2}} = -\frac{1}{2} {\binom{6}{-1}} {\binom{6}{2}} {\binom{4}{2}} {\binom{4}{2}} = {\binom{2}{2}} {\binom{2}{2}} {\binom{2}{2}} {\binom{2}{2}} {\binom{2}{2}} {\binom{2}{2}} {\binom{2}{2}} = {\binom{2}{2}} {\binom{2}{2$$

(전지행렬로 논 경우에도 )

\* ① 또는 © 에서 0점을 받은 경우 © 에 정수 있음

\* 
$$(G \circ F)'(L \circ S)$$
 ,  $F'(t,s)$  등의 일반적인 경우에 대한 논증은 불가능하다 데를들어,  $F(t,s) = (t^2 + s^2 + (s-1)(t-1))$  ,  $t^2 - s^2$  ) 이면.  $F(1,1) = (2,0)$  ( $G \circ F$ )( $t,s$ ) =  $(t^4 - s^4 + (t^2 - s^2)(s-1)(t-1))$  ,  $t^2 + s^2 + (s-1)(t-1)$ ) 이므로 ( $G \circ F$ )( $t,s$ ) =  $(t^4 - 1, t^2 + 1)$  ,  $(G \circ F)(1,s) = (-s^4 + 1, s^2 + 1)$  를 만족한다 1244  $(G \circ F)'(t,s) = (4t^3 - 4s^3)$  이어  $F'(t,s) \neq (2t - 2s)$ 

8번. 〈끝점구하기〉  $\left(-\frac{2}{\sqrt{3}}, -\frac{2}{\sqrt{3}}\right)$ 

子의: 是否到 到"

 $\frac{\pi}{2}\pi: 3\cdot \left(\cos\frac{\pi}{6}, \sin\frac{\pi}{6}\right) = \left(\frac{3\sqrt{3}}{2}, \frac{3}{2}\right)$ &  $\left(-\left(\omega\right)\frac{\sqrt{\pi}}{6}, \operatorname{SPR}\frac{\sqrt{\pi}}{6}\right) = \left(-\frac{\sqrt{3}}{2}, \frac{1}{2}\right)$ 

〈선적분 계산〉

①  $\frac{(-y,\chi)}{\chi^2 + y^2}$   $\Rightarrow$  각원在백덕강:  $\int_X \frac{(-y,\chi)}{\chi^2 + y^2} ds = \frac{\eta\pi}{6} - \frac{\pi}{6} = \pi \quad (54\% \ 745)$ (43) (米3).

@ P(x,y)= \1xt+\frac{1}{2}x^2y^2+\frac{1}{4}y^4 = 3 \ \ \mathrm{3} = \frac{1}{4}x^4+\frac{1}{2}x^2y^2+\frac{1}{4}y^4 = 3 \ \mathrm{3} = \frac{1}{4}x^4+\frac{1}{2}x^2y^2+\frac{1}{4}x^4+\frac{1}{4}x^4+\frac{1}{4}x^4+\frac{1}{4}x^4+\frac{1}{4}x^2y^2+\frac{1}{4}x^4+\fr

き短、 P(スy)= イ(スキy2)2= イr4 (ス科 (r,0) 小り)

 $-: \int_{X} (x^{2}+y^{2})(x,y) ds = \left[ \varphi(r) \right]_{r=3}^{r=1} = \left[ \frac{1}{4} r^{4} \right]_{3}^{1} = \frac{1}{4} - \frac{81}{4} = -20.$ 

By Q,Q,  $\int_{X} F(x,y)ds = [\pi-20]$ . • 회전 반타원의 대개화를 잘 구할시 (3점) (단, 잠재함수 P 점수 3점과 3억 불가.)  $X(t) = (5 \text{ cst} - \frac{5}{2} \text{ shot} + \frac{5}{2})$ 

(洲加强)  $cost + \frac{3}{2}sInt + \frac{1}{2}) \quad (o \le t \le 7c)$ · 끝점 2개 각각 2점 (충4점). 답이맛하야 인정.

• 겨울소벡터상 객용= ㅠ (3점). 단, 원점은 지나는 직원경조를 생각했을 시 여점.

· 잠재학 P(H= + 1 (3점)

· 올바른 과정은 통해 "TC-20"이라는 답을 내린경우. (5점) | 축 15점. (논대 다 발전시 표구0을 구해도 정답 인정 불가.)

(a) 2h.

F의 장재함수는 9: U→IR 이라하면 F=grad 9 olct. 인급곡선 X(t): ['a, b]→IR" 이 닫혀었으므로 X(a)= X(b) 이다. 따라서 선적분 기본정인에 의해

 $\int_{X} \vec{F} \cdot d\vec{s}' = \int_{a}^{b} \vec{F}(X(t)) \cdot X(t) dt = \int_{a}^{b} grad \varphi(X(t)) \cdot X(t) dt = \varphi(X(b)) - \varphi(X(a)) = 0 \text{ old.}$ 

(6) 거짓.

 $\vec{F}(x,y) := \frac{(-y,x)}{x^2 + y^2} \quad ((x,y) \in \mathbb{R}^2 - \{(0,0)\}) \stackrel{\text{od}}{=} \frac{3}{3} = \frac{3}{3} = \frac{1}{2} = \frac{3}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{3}{2} = \frac{1}{2} = \frac{3}{2} = \frac{1}{2} = \frac{3}{2} = \frac{1}{2} = \frac{3}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{3}{2} = \frac{1}{2} = \frac{3}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ 

(이 참.

(종이 1) (b)의 계산에 의해 규는 말해요고, 주미진 나는 여건 복족집합이고로 무맹카레 달경이에 의해 규는 장재할수록 가진다. \_\_\_\_\_+17
(종이 2) 부: 니→R 을 부(x,y):= arctam(쏫) 라 두면 간단한 계산에 의해 규= grad 4 이다.
.: 나는 下의 장재할수이다. \_\_\_\_+17

[州湖阳] (b) 智处明时的 叶乳眼刚长毛彩对外, 产洲型的用的 架入一步(c) (知1)如从(阳 鹤) 驻 (U의 铅的) 号 计和 即见对 一乙

[10] 
$$X(t) = (t-sint, 1-cost, t)$$
 0 $\leq t \leq 2\pi$ 에 대한 선적분 
$$\int_X y^2 dx - x^2 dy \in + t^3 N^2.$$

## (모범답안)

Y7 dx - x7 dy 에 대응되는 벡터장은

 $\mathbb{H}(\chi, \chi, z) = (\chi_z, -\chi_z, 0)$  olch.

$$\int_X y_2 dx - x_2 dy = \int_X \pi(x, y, z) \cdot ds$$

$$\int t^{2} s_{1}^{2} nt dt$$

$$= -t^{2} cost + \int 2t cost dt$$

$$\int t cost dt$$

$$= t s_{1}^{2} nt - \int s_{1}^{2} nt dt$$

$$= t s_{1}^{2} nt + cost$$

$$\begin{cases}
\int t^{2}\sin t \, dt \\
= -t^{2}\cos t + \int 2t\cos t \, dt \\
\int t^{2}\cos t \, dt \\
= t\sin t - \int \sin t \, dt \\
= t\sin t + \cos t
\end{cases}$$

$$= \int_{0}^{2\pi} \left[ (1-\cos t) \cdot t, - (t-\sin t) \cdot t, o \right] \cdot (1-\cos t, \sin t, 1) \, dt \\
+ 8 \\
= \int_{0}^{2\pi} \left( 2t - 2t\cos t - t^{2}\sin t \right) \, dt$$

$$= \left[ t^{2} - 2(t\sin t + \cos t) - \left[ -t^{2}\cos t + 2(t\sin t + \cos t) \right] \right]_{0}^{2\pi}$$

$$= \left[ t^{2} + t^{2}\cos t - 4t\sin t - 4\cos t \right]_{0}^{2\pi}$$

$$= 4\pi^{2} + 4\pi^{2} = 8\pi^{2}$$

## ( 색점 기준)

선적분 식을 식선의 떼개변수 눈에 대한 시으로 뫗게 변환한 경우 + 8점 계산들 정착하게 하고 답을 뚫게 쓴 경우 + 기점 李 15社

(\*) 만약  $\int_X y + dx$  와  $\int_X x + dy$  를 따로 게산한 경우, 각 경우에 대해 매개변수 +에 대한 변환이 모두 맞는 경우 + 8점. 아나라도 틀린 경우 부분점수 없음.