2018新月至到10年十十五七季

$$|f(x,y) - f_{(0,0)}| = |f(x,y)| = \frac{|x^2y|}{|x^2+y^2|}$$

$$= |x| \cdot \frac{|xy|}{|x^2+y^2|} \le |x| \cdot \frac{1}{|x^2+y^2|} \cdot \frac{1}{|x^2+y^2|}$$

$$= |x| \cdot \frac{|xy|}{|x^2+y^2|} \le |x| \cdot \frac{1}{|x^2+y^2|} \cdot \frac{1}{|x^2+y^2|}$$

$$= \frac{1}{|x|} \cdot \frac{|xy|}{|x^2+y^2|} \le |x| \cdot \frac{1}{|x^2+y^2|} \cdot \frac{1}$$

(V=(a_b)) =
$$\lim_{t\to\infty} \frac{1}{t} \left(f(v_t) - f(o_{to}) \right)$$

= $\lim_{t\to\infty} \frac{1}{t} f(at_b t) = \lim_{t\to\infty} \frac{1}{t} \cdot \frac{a^2 b t^3}{a^2 t^3 b^2 t^2}$
= $\lim_{t\to\infty} \frac{a^2 b}{a^2 t b^2} = \frac{a^2 b}{a^2 t b^2}$
• $\frac{d}{dt} \left(f(v_t) - f(o_{to}) \right) = \frac{d}{dt} \left(\frac{a^2 b}{a^3 t b^2} t \right) = \frac{a^2 b}{a^2 t b^2}$

$$D_{t}f(o_{t}o) = \lim_{t \to 0} \frac{1}{t} (f(t_{t}o) - f(o_{t}o)) = \lim_{t \to 0} \frac{1}{t} \cdot \frac{0}{t^{2}} = 0$$

$$D_{t}f(o_{t}o) = \lim_{t \to 0} \frac{1}{t} (f(o_{t}t) - f(o_{t}o)) = \lim_{t \to 0} \frac{1}{t} \cdot \frac{0}{t^{2}} = 0$$

$$\lim_{t \to 0} \frac{1}{t} \cdot \frac{0}{t^{2}} = 0$$

(
$$\frac{1}{2}$$
e (b) only $V_{-}(1,0)$, (0,1) only $V_{+}f = 0$)

$$Prf(e_{co}) = \frac{\alpha^{2}b}{\alpha^{2}b^{2}} \neq 0 = gradf(e_{cc}) \cdot (a,b) \quad 0|23$$

$$f = (0,0) \text{ oil } \quad 2|g| \Rightarrow |g| \Rightarrow |g| \text{ of } ch$$

②与世界 至1.

$$\frac{|f(p+v)-f(p)-gradf(p)\cdot(a,b)|}{|v|}=\frac{|f(v)|}{|v|}=\frac{1}{\sqrt{a^2+b^2}}\cdot\frac{|a^2+b^2|}{|a^2+b^2|}$$

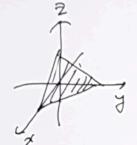
$$b=a e pz$$
, $2 l = \frac{1}{\sqrt{2} |a|} = \frac{|a|^3}{\sqrt{2} - 2a^2} = \frac{1}{\sqrt{2} - 2a^2} = \frac{1}{25}$

· f는 원정에서 띠를 보가능.

* 라웨 왕 지만 ((b) 가 왕 2 고 경하는 이용한 경우 互拉). 임의 福見 원내기 四개나, Drf(q,o) + gradf (q,o). v 尧 疏 했다면 22kg 2 xyf(x,y) = Cos(x+y+f(x,y)) 양변을 기로 판매분 =) $\chi f(x, 4) + \chi y \frac{\partial f}{\partial y}(x, 4) = -\sin(\chi + 4 + f(x, 4)) \cdot (1 + \frac{\partial f}{\partial y}(x, 4)) / 5 27$ =) (0,0) et(of =) 0 = -Sin(f(0,01).(1+ of (0,01)....() 그런데, 원래시에서 (이이)을 양벽에 대함하면, 0 = Cos (flo,01) = FZFAI, 0 + Sin(flo,01) 157 CEFZFA, D 403 #ET of (0,0) = -1 5 27 大叶至寺の 3 4 011 (c,t) (H) =) 0 = Cos(++f(0+1)) ... 0 (0,0) (=) 0 = (0,0). =) 0 0/0 $t+f(0,t)=\frac{2n(t)+1}{2}\pi$ $(n(t)+\frac{3}{2})$ ② 123 nd) 七 群後空 発 皓竹。 1201 和 132 年吧. (安期对电子的加加) $\frac{\partial f}{\partial y}(0,0) = \lim_{t \to 0} \frac{f(0,t) - f(0,0)}{t} = \lim_{t \to 0} \frac{1}{t} \left(\frac{2h+1}{2}\pi - t - \frac{2h+1}{2}\pi \right) = -1$ ★ ① : ज्लाष्ट्रम्बर् सुक्री 45 → 52 ②: f(o,t)= -t + 2n+1 π 20 50 400 +00 → 50 ③: 登 5弦

3.
$$f(x,y,z) = xyz - 2018$$
.
 $grad f(x,y,z) = (yz, xz, xy)$.
 $grad f(a,b,c) = (bc, ac, ab)$ ($f(a,b,c) = abc-2018=0$)

. याष्ट्रा मुख्य



· 사보크레의 보기

$$\frac{44}{1.13a.3b.3c} = \frac{9}{2} |abc| = \frac{9081}{1.15c}$$

利智强

- · quad f = 7 2 7 3 2 5 2
- · 전쟁면의 방생각은 구체면 5점. · 사업체의 북적은 구진된 5점.

4.
$$F'_{n}(x) = \int_{3}^{3x} n(x-t)^{n-1} e^{t^{2}} dt + 2 \cdot (-x)^{n} \cdot e^{4x^{2}}$$
 $F_{n}'(1) = (-1)^{n} \cdot 2 e^{4}$
 $F_{n}'(1) = \frac{1}{5} \sum_{k=1}^{3} n(x-k)^{k-1} e^{4x} dt$
 $F_{n}'(2) = \int_{3}^{3} x \int_{3}^{2} (-1)^{2} e^{4x} dt$
 $F_{n}'(2) = \int_{3}^{3} x \int_{3}^{2} (-1)^{2} e^{4x} dt$
 $F_{n}'(2) = \int_{3}^{3} x \int_{3}^{2} (-1)^{2} e^{4x} dt$
 $F_{n}'(2) = \int_{3}^{2} (-1)^{2} e^{4x} dt$
 $F_{n}'(2) = \int_{3}^{2} (-1)^{2} e^{4x} dt$
 $F_{n}'(2) = \int_{3}^{2} (-1)^{2} e^{4x} dt$
 $F_{n}'(3) = \int_{3}^{2} (-1)^{2} e^{4x} dt$
 $F_{n}'(4) = \int_{3}^{2} (-1)^{2} e^{4x} dt$
 F

극좌표 지환을 통해 수를 (r,θ)의 함수로 바꾸어 Drf, Def, Def, 2기고 해세 행렬을 구해 푼 경우에도 단계별도 접수를 부예함. 단, 이 경우 임계점을 정확히 구하고 그 점에서 헤세 행렬의 행열식이 음수임을 잘 논증한 경우에만 최종 결혼 접수가 주어집.

((a) f(x,y) = exty sin(xy) of 32 t 2/thosy $e^{x+y} \sin(2y) = (1+(x+y) + \frac{1}{2!} (x+y)^2 + O((x^2+y^2)^{\frac{2}{2}}))$ $(qy + 0(a^2+y^2)^{\frac{1}{2}})$ = ay+ a2y+xy +0(22+y2)2) 0/23 터얼러전계의 유일성에 이해서 Tof(x,y) = xy +x'y +xy'. 채정)을 * 당이 튀면 0점. * 테일러 전개의 유익성 어난하지 않았 (-2) 점. * 智思部中科学(日初日 被引处图 17世 SHY 过程 23 (Di=Oi) 用是野型型 5型 (b) $T_3 f(x,y) = f(0,0) + (\partial_1 f(0,0) x + \partial_2 f(0,0) y) + \frac{1}{2!} (\partial_1^2 f(0,0) x^2 + \partial_2 \partial_2 f(0,0) x + \partial_3 f(0,0) y) + \frac{1}{2!} (\partial_1^2 f(0,0) x^2 + \partial_3 \partial_2 f(0,0) x + \partial_3 f(0,0) y)$ $+\frac{1}{3!}(3^3f(0.0)x^3+33^33.f(0.0)x^2y+33^32xy^2+3^3f(0.0)y^3)$ => $\frac{1}{3!} \frac{3^3}{3!} \frac{1}{3!} \frac{3^3}{5!} \frac{1}{5!} \frac{3^3}{5!} \frac{3^3}{$ $\frac{1}{3!} \cdot 30_1^2 \partial_2 f(0,0) = \frac{1}{3!} 3 \partial_1 \partial_2^2 f(0,0) = 1 \Rightarrow 2 = 0_1^2 \partial_2 f(0,0) = 0_1 \partial_2^2 f(0,0)$ $= 3^{3} + (0.0) + 3.2 + 3.2 + (0.0) + 3.2 + (0.0) + 2^{3} +$ = 0 + 6.2 + 12.2 + 0 = 36

최정) * 당이 멋고 풀이가 타당하면 8절 * 3게 이번계수에 대한 식은 잘정었으면 4절 (Ū=(a.b)) (D라 = 0³ D; f + 3♂ D; D. f + 8ab² D, D; f + b³ D; f)

기 (모범답인)

S= { G,y, 2) E 1R3: 2+y3+22+42 ≤0, x2-2} f(7,y,2) = 2+y+2.

· 집합 S는 위계, 당긴 집합이므로, 연속할 수는 SON에

*유계나는 근어가 없으면 무건 잘수 없음.

X S가 아닌 다른 월칼의 유계분 해당없는 -

· SOI HIE { (x,y,2) GIR3: 22+y2+22+42 <0,20-23 OHME grad A = () (1) +0 o1=2 BAI 722 72121 26=4. 라가서 이 명명에서는 최대, 최도를 가지지 않는다. ---(4월). * quad+ = 7321 05, 232 534 19 214, 3127 5의 경계에만 존재한다는 헌급이 있는면 4점

· HETH GOD (0,47) CIR3: 2447+ 22+4x=0, 27-23 ONH (2494 2011 CH3H). 4273年 新聞是 48312过,

(2z+4,2y,2z) = 2(1,1,1)

 $\frac{3}{4}\lambda^2 = 4$. $\lambda = \pm \frac{4}{3}\sqrt{3}$.

양약 고려하면 2= 속53, 임계상은 (골53-2,골53)

叫到李建年(3523333)=253-2、一(4登)

X 智观的 到 图 游戏。 임계전이 및고 35값이 들라던 3점.

* 胆药 업明是 실기 哈卫 4235 新聞是 医避 新型音。 라면 가 长(Dollatar) 탄크가는 첫(1,1,1): 9구,5구구나 (x=1,7>2) 沙湖 研刊 环环 新世兰 经 新兰 인정

· 兒亚 영南 多(),,2) E1123: 2477-23-4250, 7=-23. 에서, 원판 내원 중 (고, 火, 권) : 생각 같 수 3 에서는 grad f(y, 2) = (),1) +0 이므로 릴게검을 갖지 않는다. = \(\langle (-2, y, 2) : \(y^2 + z^2 = 4 \right \) of \(\text{14} \) 2 \(\text{12} \) \(\text{35} \) \(\text{55} \) \(\text{65} \) \(\text{12} \) (24,22)= 2(1,1)., 2=±252, 얼치를 고려하면 얼게건들 (-52,-52), 결성같은 f(-2,-52,-52)=-2-252. ··· 42t) X 岩柱 내星 과 항명 0절 (수인 그렇을 둘러 칠다, 화살가 원린 광계에 된 골내길이고 선물인 X型与好些对码中里25分别的时间对于2011一一过。 到42 23-2 3/2 2/ -2/2-2

문제에서 $P_1g_1(1,0)=2$, $P_2g_1(1,0)=1임이 국 에 있으므로$ $<math>P_1g_2(1,0)=\frac{39}{32}(1,0)$, $P_2g_2(1,0)=\frac{39}{32}(1,0)$ 은 구하면 된다.

면쇄법칙 (chain rule)에 의하며, u=x3-xy2, v=x3y-y3로 두면

 $\frac{\partial g_{2}}{\partial z}(x,y) = \frac{\partial g_{1}}{\partial x}(u,v) = \frac{\partial g_{1}}{\partial u} \cdot \frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial g_{1}}{\partial v} \frac{\partial v}{\partial x}$ $= (3x^{2} - y^{2}) \cdot \frac{\partial g_{1}}{\partial u}(u,v) + 2xy \cdot \frac{\partial g_{1}}{\partial v}(u,v)$ $= (3x^{2} - y^{2}) \cdot \frac{\partial g_{1}}{\partial u}(u,v) + 2xy \cdot \frac{\partial g_{1}}{\partial v}(u,v)$

 $= (3x^2 - y^2) \cdot D_1 g_1(x^2 - xy^2, x^2y - y^3) + 2xy \cdot D_2 g_1(x^2 - xy^2, x^2y - y^3)$ $= (3x^2 - y^2) \cdot D_1 g_1(x^2 - xy^2, x^2y - y^3) + 2xy \cdot D_2 g_1(x^2 - xy^2, x^2y - y^3)$ $= (3x^2 - y^2) \cdot D_1 g_1(x^2 - xy^2, x^2y - y^3) + 2xy \cdot D_2 g_1(x^2 - xy^2, x^2y - y^3)$ $= (3x^2 - y^2) \cdot D_1 g_1(x^2 - xy^2, x^2y - y^3) + 2xy \cdot D_2 g_1(x^2 - xy^2, x^2y - y^3)$ $= (3x^2 - y^2) \cdot D_1 g_1(x^2 - xy^2, x^2y - y^3) + 2xy \cdot D_2 g_1(x^2 - xy^2, x^2y - y^3)$ $= (3x^2 - y^2) \cdot D_1 g_1(x^2 - xy^2, x^2y - y^3) + 2xy \cdot D_2 g_1(x^2 - xy^2, x^2y - y^3)$ $= (3x^2 - y^2) \cdot D_1 g_1(x^2 - xy^2, x^2y - y^3) + 2xy \cdot D_2 g_1(x^2 - xy^2, x^2y - y^3)$

 $\begin{aligned} \square_{i} \overline{z} \times \lambda_{i} \overline{z} & \frac{\partial g_{2}}{\partial y} (x, y) = \frac{\partial g_{1}}{\partial u} \cdot \frac{\partial u}{\partial y} + \frac{\partial g_{1}}{\partial v} \cdot \frac{\partial v}{\partial y} & \qquad \qquad \frac{\partial u}{\partial y} = -2xy, \frac{\partial v}{\partial y} = x^{2} - 3y^{2} \\ &= -2xy \cdot D_{i} g_{i} (x^{2} - xy^{2}, x^{2}y - y^{3}) + (x^{2} - 3y^{2}) D_{2} g_{i} (x^{2} - xy^{2}, x^{2}y - y^{3}). \end{aligned}$

 $CAZLH \frac{\partial g_z}{\partial y}(1,0) = 0 \cdot D_1 g_1(1,0) + 1 \cdot D_2 g_1(1,0) = 1 \text{ ord.}$

.. $G'(1,0) = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 6 & 1 \end{pmatrix}$.

개절기를 과정과 압이 와 맞았을 시 +6점.

(답이 맞더라도 면쇄범칙 적용이 생물되는 등 고청상의 삼가 일라면 답이 털긴 경우(아래)의 박경수 만 받음.)

답이 올랐는 시 백감수 : 아고비 행할의 정의를 썼다면 +2점. 연쇄법칙이 해당하는 사은 본바子게 석다면 +2점. 8.(b) एभास्त्र (cham rule) गा थांगे व (F.G)'(1,0)=F'(G(1,0))·G'(1,0) o/21. G(1,0)=(g,(1,0),g2(1,0))=(1,1)이旦 F'(1,1)是 7社(1,1) $F'(1,1) = \begin{pmatrix} D_1f_1(1,1) & D_2f_2(1,1) \\ D_2f_2(1,1) & D_2f_2(1,1) \end{pmatrix}$ oil, $t = x^2 + y^2$, $S = xy^2 = xy^2$ $D_{f_{2}}(x,y) = \frac{\partial f_{1}}{\partial x}(x,y) = \frac{\partial f_{1}}{\partial x}(t,s) = \frac{\partial f_{1}}{\partial t} \cdot \frac{\partial t}{\partial x} + \frac{\partial f_{1}}{\partial s} \cdot \frac{\partial S}{\partial x}$ $) \underbrace{\frac{\partial f_{2}}{\partial x}(x,y)}_{\text{odd}} = \underbrace{\frac{\partial f_{1}}{\partial x}(t,s)}_{\text{odd}} = \underbrace{\frac{\partial f_{1}}{\partial x}(t,s)}_{$ =2x.D.f.(t,s)+4.D.f.(t,s) = 2x. D,f,(x2+y2,xy)+y. D.f,(x2+y2,xy) [4214 Dif= (1,1) = 2. Dif((2,1)+1. Dzf((2,1)=2.1+1.3=5012L. $D_{f_2}(x,y) = \frac{\partial f_1}{\partial y}(t,s) = \frac{\partial f_1}{\partial t} \cdot \frac{\partial t}{\partial y} + \frac{\partial f_1}{\partial s} \cdot \frac{\partial S}{\partial y}$ $= 2y \cdot D_1 f_1(x^2 + y^2, xy) + x \cdot D_2 f_1(x^2 + y^2, yy) + x \cdot D_3 f_3(x^2 + y^2, yy) + x$ [02] Def_(1,1) = 2. Def_(2,1) + 1. Def_(2,1) = 2.1+1.3 = 50124. 이게 두'(1,1)=(4 2) 양 오았고, 전내서 det (Fi-G)'(1,0)= det (F1(1,1)-G'(1,0))

 $\det (F_0G)'(I,0) = \det (F_1'(I,I) \cdot G'(I,0))$ $= \det F'(I,I) \cdot \det G'(I,0).$ $= \det (\frac{4}{5} \frac{2}{5}) \cdot \det (\frac{2}{6} \frac{1}{1}) = 10 \cdot (-4) = -40 \text{ or } 2L.$

채 () 라고 라이 모르 맛있는 시 + 9점 ((本 (a) 와 3일) 답이 틀렸은 시 박경수 : (FoG)'(1,0)= F'(G(1,0)) · G'(1,0) · 이 라라하는 식 (면쇄병과)은 온바르게 썩다면 + 3점 . 이 1년 , D 5년 등 계산하는 데 미 판단한 면쇄 병과은 온바르게 썼다면 + 3점 . (대입 과정의 계산성는 고 가하지 않을) .

9 (38) =
$$\int \mu ds = \int \mu (x(t)) \cdot |x'(t)| dt = \int g dy dt$$

$$|x'(t)| = \left(\frac{2}{1+t^2}, \frac{4t}{(1+t^2)(1-t^2)}\right)$$

$$|x'(t)| = \frac{1}{1+t^2} \sqrt{\frac{4(1-t^2)^2 + 16t^2}{(1-t^2)^2}} = \frac{1}{1+t^2} \sqrt{\frac{4(1+t^2)^2}{(1-t^2)^2}} = \frac{2}{1-t^2}$$

(: 2-12) \(\frac{1}{2} \) \(\frac

EATE BY

$$\frac{2t}{1-t^2} = \int_{-\sqrt{B}}^{\sqrt{B}} \left(\frac{2t}{1-t^2} + \frac{4}{1+t^2} \right) \cdot \frac{2}{1-t^2} dt$$

$$= \int_{-\sqrt{B}}^{\sqrt{B}} \left(\frac{2t}{1-t^2} + \frac{4}{1+t^2} \right) dt$$

$$\frac{2t}{1-t^2} \ge 1254 \circ (23) \int_{-\sqrt{B}}^{\sqrt{B}} \frac{3t}{1+t^2} dt = 0.$$

$$\int_{-\sqrt{B}}^{\sqrt{B}} \frac{4}{1+t^2} dt = \left[4 \cdot \arctan t \right]_{-\sqrt{B}}^{\sqrt{B}} = \frac{4}{3}\pi.$$

국선
$$r = e^{\theta}$$
 의 어까와: $X(t) = \begin{pmatrix} r(t) \cos t \\ r(t) \sin t \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} e^{t} \cdot \cos t \\ e^{t} \cdot \sin t \end{pmatrix}$

$$\frac{1}{2^{2}} = \int_{0}^{2\pi} \frac{\vec{F} \cdot d\vec{s}}{\vec{F} \cdot d\vec{s}} = \int_{0}^{2\pi} \frac{\vec{F} \cdot \vec{X}(t) \cdot \vec{X}'(t)}{\vec{F} \cdot d\vec{s}} = \int_{0}^{2\pi} \frac{1}{e^{2t}} \left(\frac{2e^{t} \cos t - e^{t} \sin t}{e^{t} \cos t + 3e^{t} \sin t} \right) \cdot \left(\frac{e^{t} (\cos t - \sin t)}{e^{t} (\sin t + \cos t)} \right) dt$$

$$= \int_{0}^{2\pi} \frac{1}{e^{2t}} \left(\frac{3 \cos^{2} t + 4 \sin^{2} t + \cos t \sin t}{e^{t} \sin t} \right) dt$$

$$= \frac{7\pi}{e^{2t}} \left(\frac{3 \cos^{2} t + 4 \sin^{2} t + \cos t \sin t}{e^{t} \sin t} \right) dt$$