딥러닝의 통계적이해

3강. 딥러닝 모형의 구조와 학습(1)

- 1. 다층신경망의 구조
- 2. 활성화 함수
- 3. 다층신경망의 표현
- 4. 신경망의 학습

한국방송통신대 이긍희 교수



답러닝의 통계적이해 3강. 딥러닝 모형의 구조와 학습(1)

오늘의 학습목표

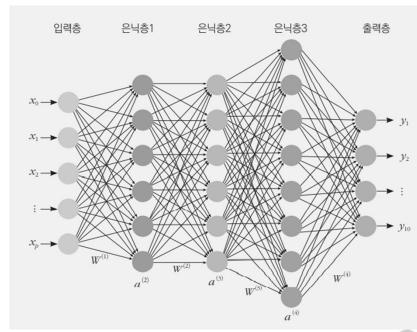
- 1. 다층신경망의 구조를 이해한다.
- 2. 활성화 함수를 이해한다.
- 3. 다층 신경망의 학습을 이해한다.

답러닝의 통계적이해 3강. 딥러닝 모형의 구조와 학습(1)

1. 다층신경망의 구조

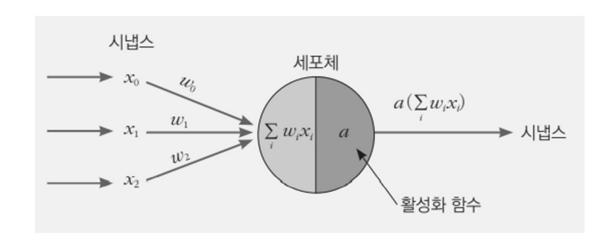
다층신경망

- ◆ 입력층, 출력층 사이 은닉층이 포함된 신경망
 - → 다층 퍼셉트론(MLP) → 딥러닝(deep learning)



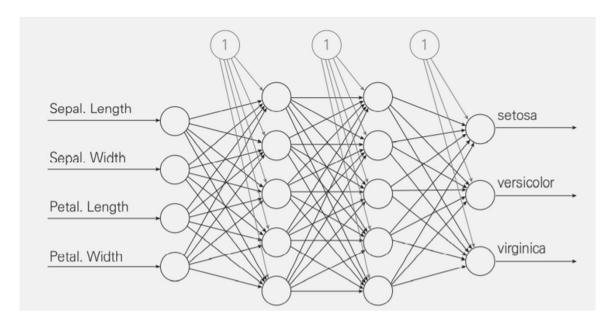
다층신경망

- ◆ 입력층에서 은닉층을 통과할 때마다 데이터들이 가중 결합된 후 활성화 함수가 적용되어 출력층에 이름
 - 손실함수 최소로 하는 가중치를 구해서 신경망을 작성



다층신경망의 예

- ◆ 붓꽃 종의 분류를 다층신경망을 이용
 - 동그란 부분이 뉴런(또는 노드), 연결된 선이 네트워크



순방향신경망

- ◆ 순방향신경망(Feedforward Neural Network, FNN) : 같은 층 내에서는 연결되지 않고 앞의 층으로만 연결
 - 뉴런이 위층의 뉴런과 모두 연결됨 → 완전연결망 (Fully Connected Network, FCN)이라고 부름

다층신경망과 합성함수

- ◆ 다층신경망: 합성함수로 표현
 - 함수의 합성이 반복 → 신경망의 목적 함수의 표현력이 좋아짐

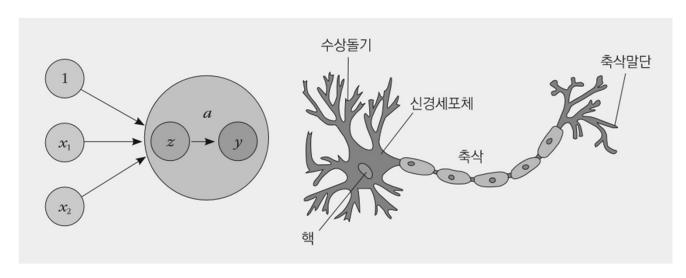
$$y=f^{(3)}(f^{(2)}(f^{(1)}(x)))$$

답러닝의 통계적이해 3강. 딥러닝 모형의 구조와 학습(1)

2. 활성화 함수

활성화 함수

- ◆ 활성화 함수(activation function) : 시냅스 구현 함수
 - 뉴런 정보가 시냅스로 이동 → 화학물질 이용, 전기 정 보가 임계값을 넘었을 때 활성화 → 다른 뉴런으로 전달



활성화 함수의 종류

◆ 활성화 함수의 종류

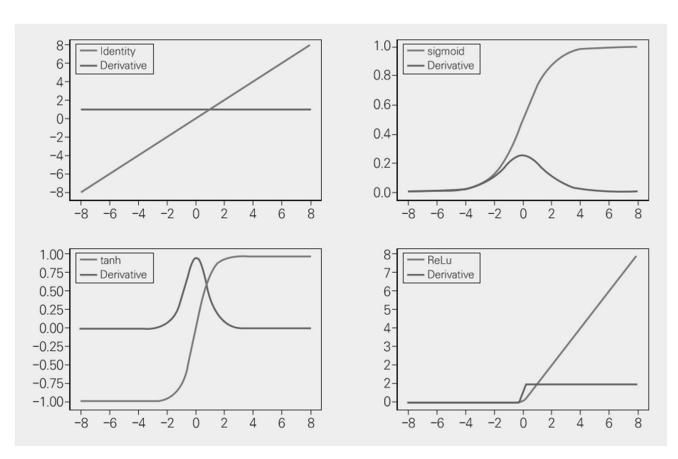
항등함수 :
$$a(x) = x$$

시그모이드 함수 :
$$a(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

tanh 함수:
$$a(x) = \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}}$$

ReLU 함수:
$$a(x) = \max(x, 0)$$

활성화 함수의 종류





활성화 함수의 미분

◆ 활성화 함수의 미분

항등함수 :
$$a(x) = x$$

시그모이드 함수 :
$$a(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

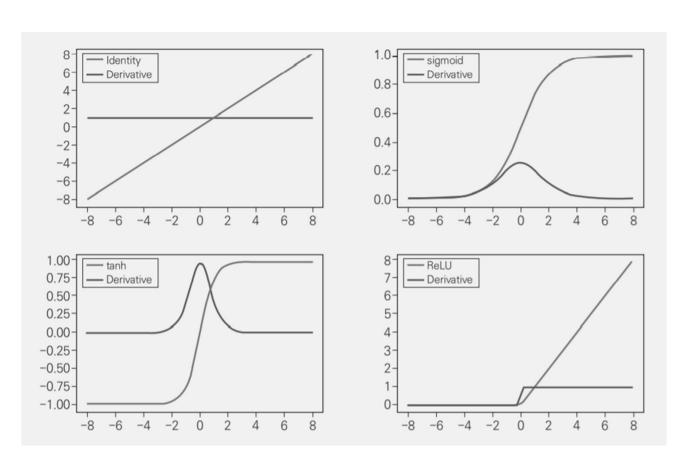
활성화 함수의 미분

◆ 활성화 함수의 미분

tanh 함수:
$$a(x) = \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}}$$

ReLU 함수:
$$a(x) = \max(x, 0)$$

활성화 함수의 미분





활성화 함수의 미분

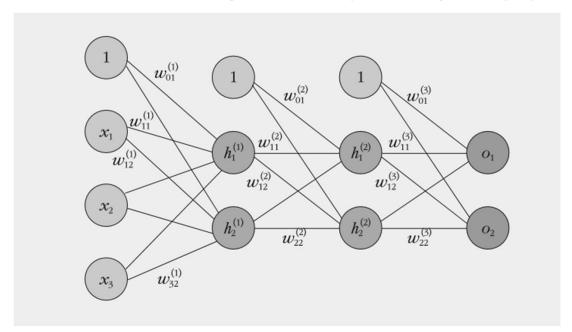
- ◆ 선형 함수 연속 적용 → 활성화 함수를 중복 적용해도 선형 함수
 - → 시그모이드, ReLU 함수 비선형 함수로 표현가능
- ◆ 미분의 용이성으로 시그모이드 함수와 tanh 함수가 오랫동안 이용 → 경사 소실(gradient vanishing) 문제
 - 최근 딥러닝에서는 ReLU 함수가 주로 이용
 - · 단, ReLU 함수는 0에서 미분이 불가능하다는 제약



답러닝의 통계적이해 3강. 딥러닝 모형의 구조와 학습(1)

3. 다층신경망의 표현

다층신경망



다층신경망의 표현

가중합:
$$z_j^{(1)} = w_{0j}^{(1)} + w_{1j}^{(1)} x_1 + w_{2j}^{(1)} x_2 + w_{3j}^{(1)} x_3 = \sum_{i=0}^3 w_{ij}^{(1)} x_i$$

활성화 함수 적용:
$$h_j^{(1)} = a(z_j^{(1)}) = a(\sum_{i=0}^{3} w_{ij}^{(1)} x_i)$$

다층신경망의 표현

제1 은닉층:
$$h_{j_1}^{(1)} = a(\sum_{i=0}^{5} w_{ij_1}^{(1)} x_i), j_1 = 1, 2$$

제2 은닉층:
$$h_{j_2}^{(2)} = a(\sum_{j_1=0}^{2} w_{j_1,j_2}^{(2)} h_{j_1}^{(1)}), j_2 = 1, 2$$

출력층:
$$o_{j_3}=a_o(\sum_{j_2=0}^2 w_{j_2j_3}^{(3)}h_{j_2}^{(2)}), j_3=1, 2$$

다층신경망의 행렬 표현

$$X=[1, x_1, x_2, x_3], h^{(l)}=[1, h_1^{(l)}, h_2^{(l)}], O=[o_1, o_2]$$

$$\boldsymbol{W}^{(1)} = \begin{bmatrix} w_{01}^{(1)} & w_{02}^{(1)} \\ w_{11}^{(1)} & w_{12}^{(1)} \\ w_{21}^{(1)} & w_{22}^{(1)} \\ w_{31}^{(1)} & w_{32}^{(1)} \end{bmatrix}, \quad \boldsymbol{W}^{(2)} = \begin{bmatrix} w_{01}^{(2)} & w_{02}^{(2)} \\ w_{11}^{(2)} & w_{12}^{(2)} \\ w_{21}^{(2)} & w_{22}^{(2)} \end{bmatrix}, \quad \boldsymbol{W}^{(3)} = \begin{bmatrix} w_{01}^{(3)} & w_{02}^{(3)} \\ w_{11}^{(3)} & w_{12}^{(3)} \\ w_{21}^{(3)} & w_{22}^{(3)} \end{bmatrix}$$

다층신경망의 행렬 표현

제1 은닉층:
$$Z^{(1)} = XW^{(1)}$$
, $h^{(1)} = [1, a(Z^{(1)})] = [1, h_1^{(1)}, h_2^{(1)}]$ 제2 은닉층: $Z^{(2)} = h^{(1)}W^{(2)}$, $h^{(2)} = [1, a(Z^{(2)})] = [1, h_1^{(2)}, h_2^{(2)}]$ 출력층: $Z^{(3)} = h^{(2)}W^{(3)}$, $O = [a_o(Z^{(3)})] = [o_1, o_2]$



출력층의 활성화 함수

◆ 회귀모형 : 항등함수

◆ 이진분류 : 시그모이드 함수

◆ 다중분류: 소프트맥스 함수

신경망의 구조 설계

- ◆ 은닉층의 수와 각 층별 뉴런의 수를 정하는 것
 - 층이 깊어질수록 신경망이 보다 추상적으로 입력 데이터를 파악→ 데이터의 표현력이 좋아짐
 - 층별 뉴런의 수를 늘려도 신경망의 성과가 크게 높아지지는 않음

일반근사정리

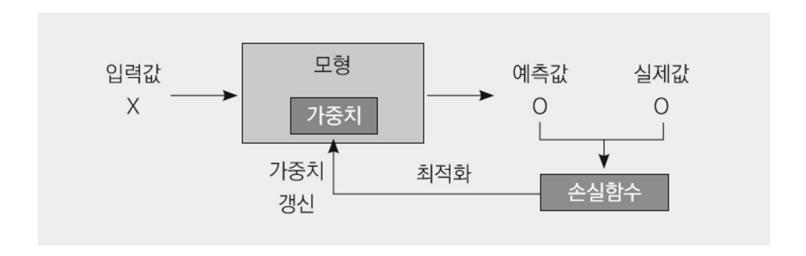
- ◆ 충분한 크기의 뉴런을 가진 은닉층이 한 개 이상인 다층 신경망은 모든 유계의 연속함수를 근사할 수 있다.
 - 충분히 많은 뉴런을 가진 은닉층 1개인 신경망으로도 모든 함수를 표현
 - 신경망이 딥러닝 모형으로 발전하는데 방해 요인

답러닝의 통계적이해 3강. 딥러닝 모형의 구조와 학습(1)

4. 신경망의 학습

신경망의 작성과정

◆ 신경망의 작성과정



신경망의 작성과정

- ◆ 순방향: 입력층 뉴런 → 은닉층 뉴런 → … → 출력 뉴런
 - 역방향: 손실함수 J(w) 기반 경사하강법을 통해

반복적으로 가중치들 갱신

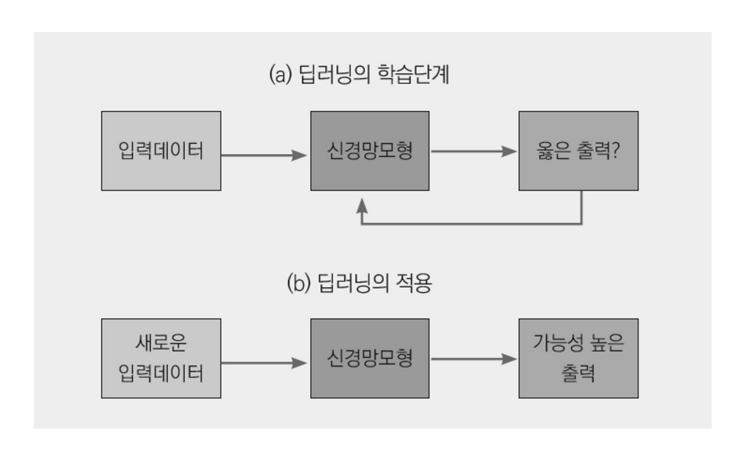
$$w := w - \eta \frac{\partial}{\partial w} J(w)$$

- 가중치들이 갱신되더라도 손실함수가 더 이상 줄지 않 는다면 그 가중치들을 최적값으로 판단
 - → 그 가중치들의 신경망을 활용하여 예측

신경망의 학습 데이터

- ◆ 전체 데이터를 훈련(training), 검증(validation), 시험 (test) 데이터를 나눔
 - 훈련 데이터 : 신경망의 학습
 - 검증 데이터 : 신경망의 선택
 - 시험 데이터 : 신경망의 성과 확인
 - 60%, 20%, 20%로 분할

신경망의 학습과 적용



손실함수

◆ 손실함수 J(w): 출력층 값과 실제 값을 비교해서 구함

$$J(\mathbf{w}) = \frac{1}{2n} \sum_{i=1}^{n} (y_i - o_i)^2$$

$$J(w) = -\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \sum_{k=1}^{K} y_{ik} \log(o_{ik})$$

학습(learning)

- ◆ 손실함수를 최소화 하는 방향으로 경사하강법을 통해 경사에 따라 일정한 학습률로 가중치를 갱신시켜나가는 과정
 - 가중치의 초깃값을 정하는 것이 학습속도를 높이는데 중요
 - · 초깃값은 주로 0 근처의 작은 값에서 시작
 - · 초깃값을 너무 큰 값
 - → 활성화함수가 제대로 작동하지 않음

학습(learning)

- ◆ 1 에포크(epoch): 하나의 데이터셋 전체를 1회 학습
 - 전체 훈련 데이터를 미니배치로 나누고, 이 조각을 모 두 합쳐서 1번 훈련시킨 것도 1 에포크
 - 에포크 수 증가
 - → 훈련 데이터의 정확도 증가, 손실함수 감소

딥러닝의 통계적이해 3강. 딥러닝 모형의 구조와 학습(1)

학습정리

- ✓ 신경망은 함수가 연속적으로 적용되는 합성함수 또는 행렬로 표현된다.
- ✓ 은닉층이 한 개 이상 있는 신경망은 유계의 연속함수를 근사할 수 있다.
- ✓ 신경망의 학습은 경사하강법으로 손실함수를 작게 만드는 가중치를 구하는 것이다.

[[김건당의 통계적이해] 다음시간안내

4강. 딥러닝 모형의 구조와 학습(2)