

ریحانه حیدری 9731483

پروژه گرگ و گوسفند

شرح مسئله:

یک گرگ و یک گوسفند داریم که می خواهیم در یک گراف جهت دار و بدون دور از یک راس مثلا S به راس دیگری همچون t بروند، برای اینکه از خورده شدن گوسفند توسط گرگ جلوگیری کنیم، مسیر این دو نباید هیچ یال مشترکی داشته باشد.

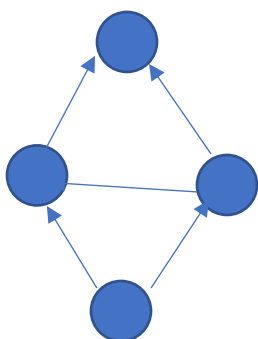
در این پروژه می خواهیم یک الگوریتم با پیچیدگی چند جمله ای ارائه دهیم که دو مسیر با این ویژگی (جدا از یال - edge-disjoint) را پیدا کند، در صورتی که چنین مسیری وجود داشت (امنیت گوسفند تضمین شود)، این مسیر ها را چاپ کند.

روش حل:

ابتدا با استفاده از dfs یک مسیر از S به t پیدا می کنیم و سپس تمامی خانه های آرایه $mark$ را صفر می کنیم.

حال اگر بخواهیم دوباره از S به t dfs بزنیم اما از یالهای مسیر قبل استفاده نکنیم (آنها را از گراف حذف کرده باشیم) ممکن است دو مسیر مجزای یالی در گراف وجود داشته باشد اما مسیر اولی که در dfs پیدا شد از یال های هر مسیر در خود داشته باشد که در نتیجه با حذف آنها دیگر مسیر از S به t باقی نمانده باشد.

مثال:



اگر راس پایین را S و راس بالا را t و راس راست و چپ را 1 و 2 در نظر بگیریم.

مسیر اول:

$(s,1)(1,2)(2,t)$

دو مسیر مجزا یالی:

$(s,1)(1,t)$

$(s,2)(2,t)$

برای حل این مشکل بعد از پیدا کردن

رابطه مسئله با شار بیشینه:

این مسئله وقتی یک مسیر جدید از s به t پیدا میکنیم مثل این می ماند که می توانیم یک جریان را از s به t بگذرانیم.

در این مسئله دو مسیر مجزا با این شرایط می یابیم که معادل دو شار یا جریان در مسئله ی $\max \text{ flow}$ هست. (برای مثال گنجایش هر یال را میتوانیم 1 در نظر بگیریم) و میدانیم که خود مسئله ی $\max \text{ flow}$ نیز معادل $\min \text{ cut}$ می باشد.

تحلیل پیچیدگی زمانی:

برابر با دوبار اجرای dfs است که از $O(n+m)$ است.

می شود که در بعضی جاها لیست mark را برابر صفر کنیم که آن هم می تواند تا n انجام شود.

مرتبه زمانی الگوریتم $O(n+m)$

عملکرد برنامه:

```
DisjointPath x
"C:\Program Files\Java\jdk1.8.0_281\bin\java"
Enter number of V:
4
Enter number of E:
4
Enter Edges:
1 4
1 2
2 3
3 4
S:
1
T:
4
2 separate Edge path:
Path:
1 2 3 4
Path:
1 4

Process finished with exit code 0
```

```
DisjointPath x
"C:\Program Files\Java\jdk1.8.0_281\bin\java"
Enter number of V:
4
Enter number of E:
5
Enter Edges:
1 2
1 3
2 3
2 4
3 4
S:
1
T:
4
2 separate Edge path:
Path:
1 2 4
Path:
1 3 4

Process finished with exit code 0
|
```