Построение мат. модели «хищник–жертва» с помощью python

Модель «хищник–жертва»

Коннова Татьяна Алексеевна

Содержание

# 1 Цель работы

Исследование динамики численности популяций хищников и жертв с течением времени, а также анализ зависимости изменения численности хищников от изменения численности жертв с заданными начальными условиями.

# 2 Теоретическое введение

Модель Лотки-Вольтерры описывает взаимодействие двух видов в экосистеме [1], [2], [3]:

* **Жертвы**: размножаются с постоянной скоростью, но их численность ограничивается хищниками
* **Хищники**: вымирают без жертв, но увеличивают популяцию за счет поедания жертв

Основные уравнения модели:

a, d, - коэффициенты смертности b, c, - коэффициенты прироста популяции

**Код для построения графика динамики численности популяций по времени:**

import numpy as np  
import matplotlib.pyplot as plt  
from scipy.integrate import odeint  
  
# Параметры модели  
a = 0.2 # коэффициент прироста жертв  
b = 0.5 # коэффициент смертности жертв из-за хищников  
c = 0.05 # коэффициент прироста хищников из-за жертв  
d = 0.02 # коэффициент смертности хищников  
  
# Сист. ур.  
def model(populations, t):  
 x, y = populations # x - популяция жертв, y - популяция хищников  
 dxdt = -a \* x + c \* x \* y # изменение популяции жертв  
 dydt = -d \* x \* y + b \* y # изменение популяции хищников  
 return [dxdt, dydt]  
  
# Нач. условия  
initial\_conditions = [40, 9] # начальные значения (жертвы, хищники)  
t = np.linspace(0, 100, 100) # временной интервал  
  
# Решение дифф. ур.  
solution = odeint(model, initial\_conditions, t)  
  
# Извлечение значений популяций  
x\_population = solution[:, 0] # популяция жертв  
y\_population = solution[:, 1] # популяция хищников  
  
plt.figure(figsize=(10, 5))  
plt.plot(t, x\_population, label='Популяция жертв (x)', color='green')  
plt.plot(t, y\_population, label='Популяция хищников (y)', color='red')  
plt.xlabel('Время')  
plt.ylabel('Численность')  
plt.title('Динамика численности популяций по времени.')  
plt.legend()  
plt.grid()  
plt.show()

Результат:

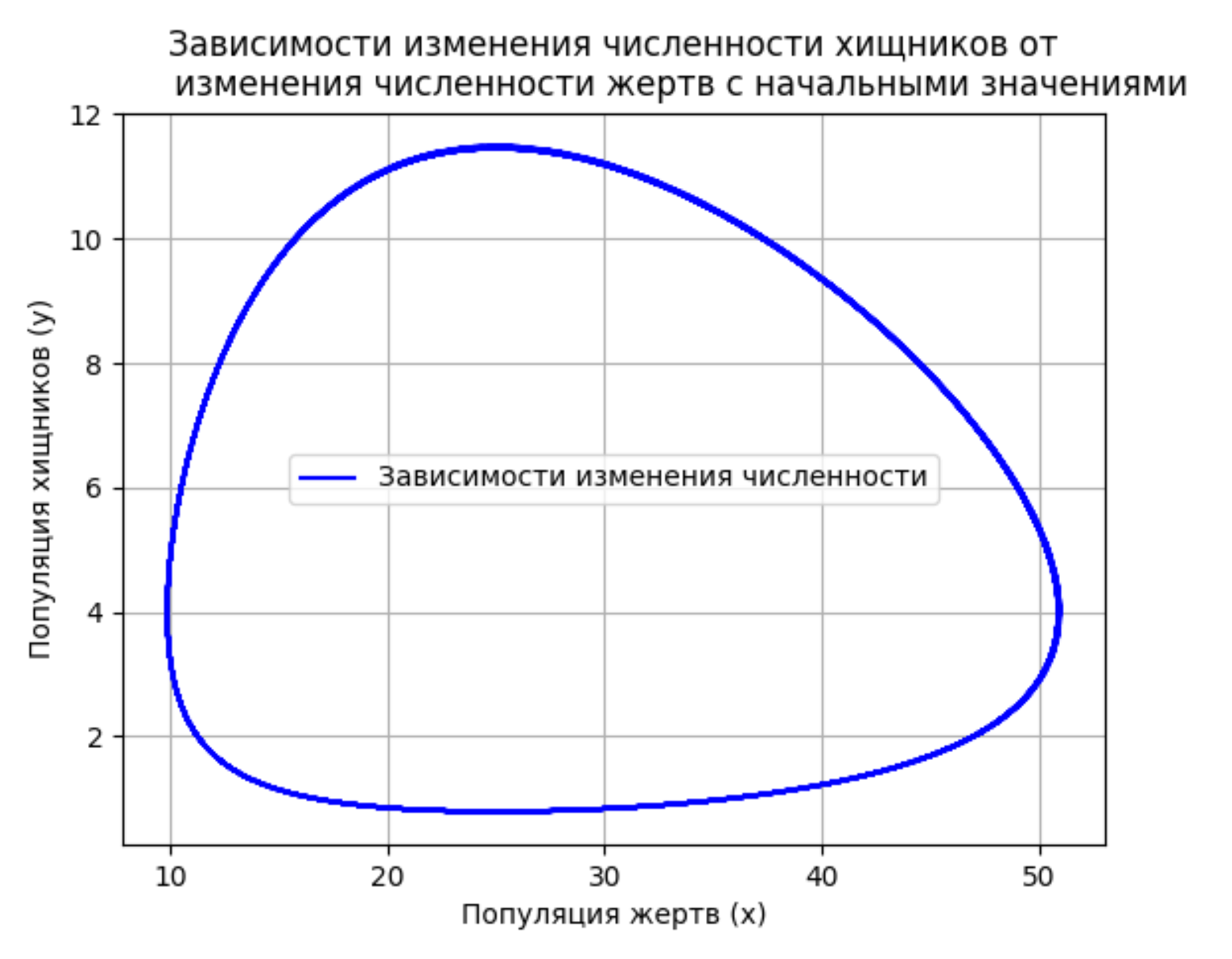


Динамика численности популяций по времени

Далее построим с помощью python график, отражающий зависимости изменения численности хищников от изменения численности жертв с начальными значениями:

import numpy as np  
import matplotlib.pyplot as plt  
from scipy.integrate import odeint  
  
# Параметры модели  
a = 0.2 # коэффициент прироста жертв  
b = 0.5 # коэффициент смертности жертв из-за хищников  
c = 0.05 # коэффициент прироста хищников из-за жертв  
d = 0.02 # коэффициент смертности хищников  
  
# Система уравнений  
def model(populations, t):  
 x, y = populations # x - популяция жертв, y - популяция хищников  
 dxdt = -a \* x + c \* x \* y # изменение популяции жертв  
 dydt = -d \* x \* y + b \* y # изменение популяции хищников  
 return [dxdt, dydt]  
  
# Функция для построения графика  
def plot\_population\_graph(initial\_conditions, time\_range):  
 t = np.linspace(time\_range[0], time\_range[1], 1000) # временной интервал  
 solution = odeint(model, initial\_conditions, t)  
  
 x\_population = solution[:, 0] # популяция жертв  
 y\_population = solution[:, 1] # популяция хищников  
  
 # Построение графика  
 plt.figure()  
 plt.plot(x\_population, y\_population, label='''Зависимости изменения   
 численности''', color='blue')  
 plt.xlabel('Популяция жертв (x)')  
 plt.ylabel('Популяция хищников (y)')  
 plt.title('''Зависимости изменения численности хищников   
 от изменения численности жертв с начальными значениями''')  
 plt.grid()  
 plt.legend()  
 plt.show()  
  
# Начальные условия  
initial\_conditions = [10, 5] # начальные значения (жертвы, хищники)  
time\_range = (0, 400) # временной диапазон  
  
# Вызов функции для построения графика  
plot\_population\_graph(initial\_conditions, time\_range)

Результат:



Зависимости изменения численности хищников от изменения численности жертв с начальными значениями

# 3 Выводы

В процессе выполнения данной лабораторной реализована модель “хищник-жертва” в python.

# Список литературы

1. Шубина Е.В. Об одной модели динамики популяций "хищник - жертва". Студенческая наука и XXI век., 2016.

2. Гладких К.А. Математическая модель "ХИЩНИК - ЖЕРТВА". Студенческая наука и XXI век., 2015.

3. Громазина И.С. Использование математических моделей в экологии при компьютерном моделирование системы "хищник - жертва". борник материалов IX Всероссийской научно-практической конференции молодых ученых с международным участием "Россия молодая" : Конференция проходит при поддержке Российского фонда фундаментальных исследований, Кемерово, 18–21 апреля 2017 года, 2017.