

学院:数据科学与计算机学院 专业:计算机科学与技术 科目:人工智能

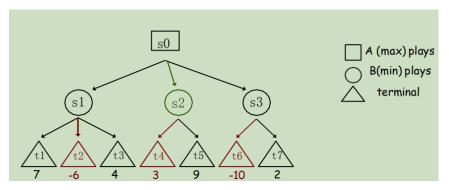
学号: <u>17341213</u> 姓名: <u>郑康泽</u>

博弈树搜索

一. 算法原理

1. 博弈树

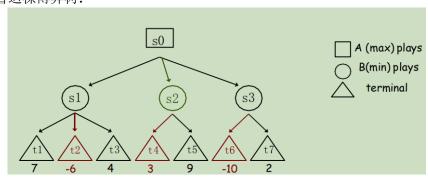
在博弈树中,有两个玩家,其中先手的玩家称为 MAX,后手的玩家称为 MIN,两个玩家交替行动,直至达到某个终止状态。博弈树的每一层中的每个节点代表其中一个玩家的当前状态,每个分支代表一个玩家做出的动作,在博弈树的叶节点可以映射到一个实数,该实数代表对先手玩家 MAX 的效益,该数字越大表明对玩家 MAX 越有利,而对玩家 MIN 越不利。所以在博弈树搜索中,MAX 玩家会尽量走到效益大的叶节点,而 MIN 玩家会尽量走到效益小甚至是负效益的叶节点。例子如下(最下面的数字是对于玩家 MAX 的收益):



2. MiniMax 策略

假设对方总是能做出最优的行动,即己方总是能做出最小化对方获得的收益的行动,通过最小化对方的策略,可以最大化己方的利益。该策略的步骤如下:

- 1) 构建完整的博弈树(每个叶子节点都表示终止状态)
 - A) 根节点表示起始状态,边表示可能的行动
 - B) 每个叶子节点(终止状态)都标记了对应的效益值
- 2) 返向传播效益*U(n)*
 - A) 每个叶子节点t的U(t)值都是预定义好的
 - B) 假如节点n是一个 MIN 节点,则 $U(n) = \min \{U(c): c \in \mathbb{Z} \}$
- C) 假如节点n是一个 MAX 节点,则 $U(n) = \max \{U(c): c$ 是n的子节点} 再来看看这棵博弈树:

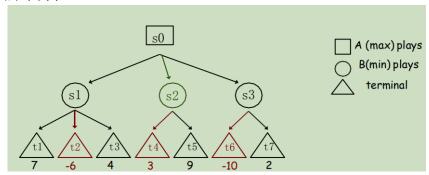




对于s1这个 MIN 节点, 它会选择具有最小效益值的子节点, 即它返回给父节点s0的效益 值为-6,同理s2、s3返回的效益值为3、-10。那么再来看看根结点s0,它是一个 MAX 节 点,那么他会选择具有最大效益值的子节点,所以它会选择s2子节点。所以如果 MIN 玩 家和 MAX 玩家在上面这个博弈树上使用 MiniMax 策略运行搜索的话,那么他们所走的 路径应该是 $s0 \rightarrow s2 \rightarrow t4$,最后显然是 MAX 玩家收益了。

3. Alpha Beta 剪枝

还是上面那个例子:



可以看出,其实搜索完t6之后就不用搜索t7了,即 $s3 \rightarrow t7$ 这条分支可以被剪枝掉,因为 遍历完s2后,s0就可以确定至少可以获得3收益值,而s3搜完子节点t6就可以确定知道 至多返回-10 收益值,那么s0肯定不会选择s3子节点,那么s3也不用搜索子节点t7了。 所以在博弈树搜索中,可以利用剪枝,降低时间复杂度,以缩短搜索时间,这是非常有 必要的,因为在树结构中,随着层数的增加,深搜的时间复杂度是以指数倍增加的。对 于博弈树搜索中,因为有两种玩家身份,所以对于不同身份的玩家,就有两种不同的剪 枝,具体如下:

- 1) 对 MAX 节点的剪枝 $(\alpha cuts)$:
 - A) 在 MAX 节点n
 - B) 设 β 是n被遍历过的兄弟节点中的最低值
 - C) 设α是n被遍历过的子节点中的最高值
 - D) 当 $\alpha \geq \beta$ 时,可以停止遍历n子节点
- 2) 对 MIN 节点的剪枝 (β cuts):
 - A) 在 Min 节点n
 - B) 设α是n被遍历过的兄弟节点中的最高值
 - C) 设 β 是n被遍历过的子节点中的最低值
 - D) 当 $\alpha \geq \beta$ 时,可以停止遍历n子节点

伪代码

1. MiniMax 策略

DFMiniMax(n, Player) **input**: *n* is the current state Player is MAX or MIN **return**: utility of state *n* if *n* is **TERMINAL**: return V(n)

```
childlist = n.Successors(Player)
if Player == MAX:
return minimum of DFMiniMax(c, MIN) over c \in childlist
else:
return maximum of DFMiniMax(c, MAX) over c \in childlist
```

2. Alpha Beta 剪枝

```
AlphaBeta(n, Player, alpha, beta)
input: n is the current state
      Player is MAX or MIN
      alpha is from ancestor
      beta is from ancestor
return: utility of state n
if n is TERMINAL:
     return V(n)
cur_alpha = -inf
cur_beta = inf
childlist = n.successors(Player)
if Player == MAX:
     for c in childlist:
          cur_alpha = max(cur_alpha, AlphaBeta(c, MIN, alpha, beta))
          if cur_alpha \ge beta:
               break
          alpha = \max(alpha, cur\_alpha)
     return cur_alpha
else:
     for c in childlist:
          cur_beta = min(cur_beta, AlphaBeta(c, MAX, alpha, beta))
          if alpha \ge cur\_beta:
               break
          beta = min(beta, cur\_beta)
     return cur_beta
```

三. 评价函数及搜索策略

1. 评价函数

参考了网上许多份实现五子棋 AI 的代码,大家的想法都是一致的,都是从棋型出发,去评估黑子和白子的得分,将所有棋型的得分加在一起就是总得分,所以 AI 的智能程度取决于所判断的棋型以及所获得的分数的科学性。当然还有许多可以优化的地方,比如如果两种可以得分的棋型如果交叉在一起,得分应该更高,例如两个活三的棋型交叉在一起,这时候应该有更高的加分,因为此时已经可以判定胜利了。因为我将人作为 MAX 玩家,将 AI 作为 MIN 玩家,所以我的评估函数是:人的得分—AI 的得分,后来在跟它

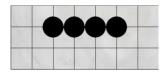


玩的时候发现它有时候喜欢去攻击,而不是去防守。通过与同学的讨论,我得到了解决 方案,就对 AI 的得分乘以一个 0 到 1 之间系数,弱化它对得分的欲望,强化它对防守 的欲望,因为防守可以使评估函数的值更容易变小。主要思路就是这样,但棋型的设置 以及分数的设置都十分具有技巧性,设置的好,根本玩不过 AI。

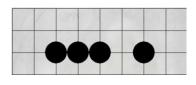
1) 得分最高的棋型当然就是连五了,这都已经赢了,可以将连五的棋型对应的得 分设为最大值;



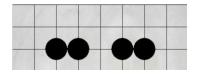
2) 活四的得分应该跟连五一样,因为活四一出现就已经决定胜负了;



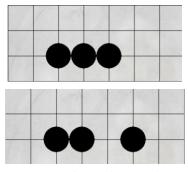
3) 冲四的得分应该低于活四,应该冲四是可以防住的;







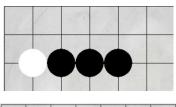
4) 活三也是极具有威胁的,如果不防,就会形成活四,那就防不住,所以得分也 较高;

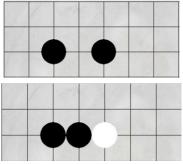


5) 相对来讲, 眠三、活二以及眠二的威胁就较少, 在一定情况下, 可防可不防;









2. 搜索策略

每次选择下子的位置附近肯定是有子,不可能一开始下的时候就在边角的地方下,这样肯定是输的。所以每次深搜,选定的位置附近一定是有子的,没有子的位置直接跳过,不搜这个位置,这样也可以减少许多时间去搜索。那么如何定义附近呢?我一开始设置四个方向上距离为一的位置上没有子,则定义该位置为孤立的,那么就不去搜它,后来尝试设置在四个方向上、距离在二以内的位置没有子才算孤立,发现这样的效果更好,尽管可能会花费更多的时间去搜索,毕竟搜索的范围变大了。至于搜索深度,我设置的是三层,因为三层的搜索时间是可以接受的,四层的搜索时间无法接受,还有一个方面是三层的搜索我已经完全打不过了。

四. 代码解释

1. 设计一个 AI 类

1) 初始化函数:初始化 AI 记录信息以及初始化棋局信息

```
# 1 代表先手即黑色子, 2 代表后手即白子

for each in self.ai_chess:
    if man_first:
        self.chess_list[each[0]][each[1]] = 2
    else:
        self.chess_list[each[0]][each[1]] = 1

for each in self.man_chess:
    if man_first:
        self.chess_list[each[0]][each[1]] = 1

    else:
        self.chess_list[each[0]][each[1]] = 2
```

2) 打印棋盘:通过命令行的输出当前棋局情况(已弃用)

```
for i in range(self.size):
    for j in range(self.size):
        print('----', end='')
    print('-')
    for j in range(self.size):
        print('| {} '.format(board[i][j]), end='')
    print('|', i)
    for j in range(self.size):
        print('----', end='')
    print('---')
    for j in range(self.size):
        print('-')
    for j in range(self.size):
        print(' {} '.format(j), end='')
    print()
    print()
```

3) 检查是否已分出胜负:检查所下子的四个方向



```
def check(self, is_man, pos):
       chess list = self.man_chess
       chess list = self.ai_chess
```

```
while ((_pos[0] - dir[0]), (_pos[1] - dir[1])) in chess_list:
 while ((_pos[0] + dir[0]), (_pos[1] + dir[1])) in chess_list:
  _pos = (_pos[0] + dir[0]), (_pos[1] + dir[1])
```

4) 获取当前棋盘上的空余位置:

```
def get_empty_pos(self):
   return self.all_chess - self.ai_chess - self.man_chess
```

5) 检查该位置是否属于孤立点:通过检查该位置四个方向上距离在2以内的位置是否 有子,一共是16个位置,方便之后的搜索

```
def solitary(self, pos):
   for dir in dirs:
      neighbor = (pos[0] + dir[0], pos[1] + dir[1])
          (neighbor in self.ai_chess or neighbor in self.man_chess)):
```

6) 计算一个位置在一个方向上的最大得分:每次取该位置该方向上相邻的 5 个或 6 个 位置的信息,来计算在该方向上得分,最后取最大值作为代表该位置在该方向上的 最大得分

```
# 该位置以及该方向是否已经计算过分数,若是直接返回0.避免重复加分
for mpos, _dir, _ in chess_dir_score:
    for _pos in mpos:
        if _pos == pos and _dir == dir:
            return 0

pos_dir_max_score = [None, None, 0]  # 定义该位置以及该方向的最大得分情况(mpos, dir, score)
plus = 0  # 得分形状重合可以加分

# 起始点为(pos[0] + i * dir[0], pos[1] + i * dir[1])
for i in range(-5, 1):
    shape = []
    # 每次取6个子
    for j in range(6):
        px = pos[0] + (i + j) * dir[0]
        py = pos[1] + (i + j) * dir[1]
        if 0 <= px < self.size and 0 <= py < self.size:
            if (px, py) in my_chess:
                  shape.append(1)
        elif (px, py) in opponent_chess:
                  shape.append(2)
```

7)评估函数: 计算人下的每个子在每个方向上的得分和 S_1 , 同理计算AI下的每个子在



每个方向上的得分和 S_2 ,最后当前棋局的得分为 $S_1 - S_2 * ratio$,其中0 < ratio < 1。 乘上这个比例是为了使得AI更注重于防守,而不是去进攻

```
for pos in self.man_chess:
for dir in dirs:
```

8) 博弈树搜索:利用Alpha Beta剪枝降低时间复杂度

```
dfs_minimax(self, is_man, opponent_act, cur_depth, alpha, beta):
:param opponent_act: 对方上一步下的子的位置
:param cur_depth: 当前搜索的深度: self.max_depth - cur_depth + 1
:param alpha: 极大祖先节点的alpha
:param beta: 极小祖先接地那的beta
:return: 对于极大节点, 返回最大得分以及最佳的下子位置, 对于极小节点, 返回最小得分以及最佳的下子位置
```

```
if cur_beta > value:
           best_act = each_pos
           beta = cur_beta
       if alpha >= beta:
           return beta, best_act
if is_man:
   return cur_alpha, best_act
   return cur_beta, best_act
```

9) 手动输入坐标下棋: 检查输入的合法性(已弃用)

```
def get_input(self):
```

10) 运行游戏:由于利用了已弃用的两个函数print_board和get_input,所以该函数也已 弃用:

```
def play(self):
    ~~~
###弃用####
```

```
while True:

# AI获取最有利的下子位置
__, pos = self.dfs_minimax(False, (x, y), self.max_depth, float('-inf'), float('inf'))
print('air hoidg: ', pos)
self.ai_chess.add(pos)
self.print_board()
# 检查是否胜负分明
if self.check(False, pos):
    print('你输了')
    return

x, y = self.get_input()
self.man_chess.add((x, y))
self.print_board()
# 检查是否胜负分明
if self.check(True, (x, y)):
    print('你赢了')
    return
```

11) 获取 AI 下子的位置:输入是人下子的位置

12) 输入人下子的位置, 更新 AI 记录的信息:

13) 获取当前棋局信息: 黑子和白子的位置

```
def get_chess_list(self):

''''
:return: 当前棋局的下子情况
''''
return self.chess_list
```

- 2. 通过 Pygame 进行 UI 设计
 - 1) 画棋盘: 画网格及棋子,对于 AI 最近一步棋的颜色进行特殊处理,方便辨认

```
pos = (Space + Cell_Size * j, Space + Cell_Size * i)
if chess_list[i][j] == 1:
   pygame.draw.circle(screen, BLACK, pos, Cell_Size // 2)
   pygame.draw.circle(screen, White, pos, Cell_Size // 2)
```

2) 显示信息: 在 UI 上显示一些必要的信息, 比如谁赢了

```
ef display_text(screen, text, pos, size, color, font_name):
    <u>:param</u> text: 要显示的文字
<u>:param</u> pos: 显示文字的中心位置
<u>:param</u> size: 文字大小
    tx_rect = tx_surf.get_rect()
```

3. 主函数

```
if __name__ == '__main__':
   pygame.init()
   pygame.display.set_caption('五子棋')
   screen = pygame.display.set_mode((Grid_Size, Grid_Size))
   bg_img = pygame.image.load('background.jpg').convert()
   font_name = pygame.font.get_default_font()
```

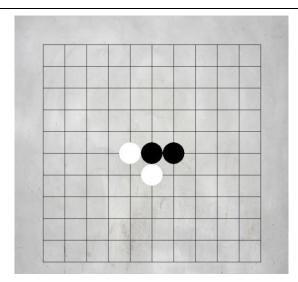
```
display_text(screen, 'Press \'Y\' to be on the offensive...'
display_text(screen, 'Press others to be on the defensive...'
            (Grid_Size // 2, Grid_Size // 2 + 30), 30, (0, 0, 255), font_name)
```

```
# 按Y表示人先手, 否则人后手
     for event in pygame.event.get():
          if event.type == pygame.QUIT:
game = UndefeatedAI(man_first) # 实例化一个AI
if not man_first:
     action = game.get_ai_action((5, 4))
chess_list = game.get_chess_list()
show_board(screen, bg_img, chess_list, (False, action))
      for event in pygame.event.get():
    if event.type == pygame.QUIT:
        pygame.QUIT
            pos = (round((event.pos[1] - Space) / Cell_Size), round((event.pos[0] - Space) / Cell_Size))
# print(pos)
     show_board(screen, bg_img, chess_list, (False, action))
pygame.display.flip()
```

实验结果展示 Ŧī.

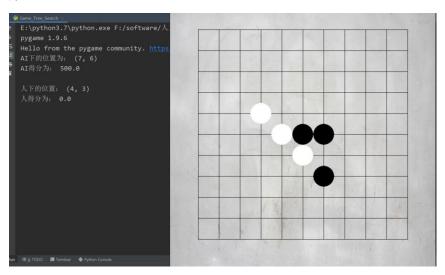
1. 初始界面



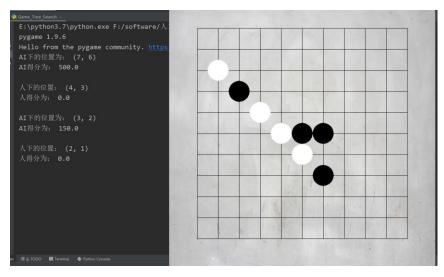


2. AI 先手(AI 为黑子,人为白子)

1) 第一回合:

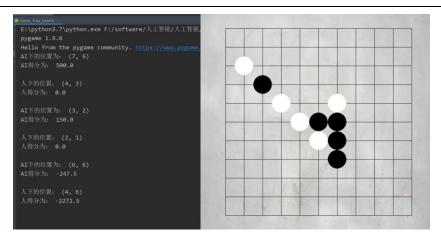


2) 第二回合:



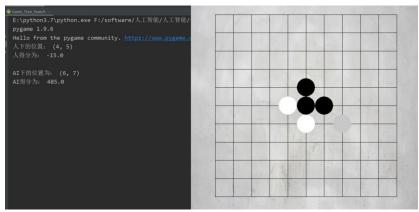
3) 第三回合:



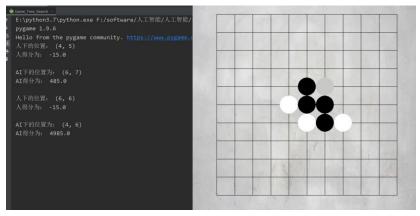


3. 人先手(人为黑子, AI 为白子或灰子)

1) 第一回合:

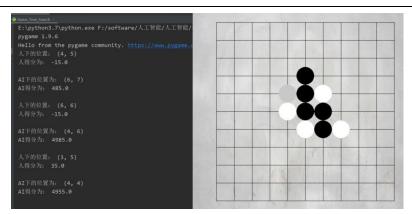


2) 第二回合:



3) 第三回合:





4. 人先手(人为黑子, AI 为白子或灰子)

