

Лекция 12

Понижение размерности

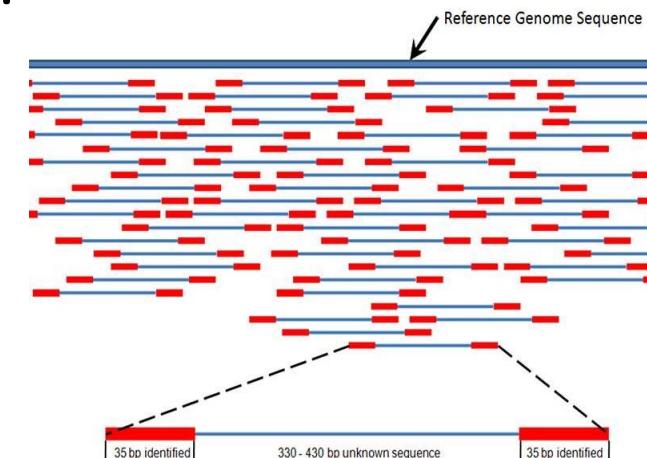
Дубенюк Анна Антоновна
anya.dubenyuk@yandex.ru
@andu192

ВШЭ, 2023

Отбор признаков и понижение размерности

Биоинформатика

- Задачи анализа генома человека
- Признаки: характеристики генов (более 20.000)
- Маленькие выборки (расшифровка генома — сложная и дорогостоящая процедура)
- Признаков существенно больше, чем объектов!



Категориальные признаки

- Пример: предсказать, понравится ли пользователю фильм
- Объект: пара «пользователь-фильм»
- Признаки: ID пользователя, ID фильма, ID жанра, ID режиссёра, ID главных актёров, ID композитора, ...
- Как много фильмов снято за всю историю?
- IMDB: >330 тысяч
- После бинарного кодирования получим миллионы признаков

Анализ текстов

- Пример: предсказание популярности фильма по тексту его сценария
- Признаки: количество вхождений каждого слова из словаря
- Сколько слов в словаре?
- Сотни тысяч признаков
- Если учитывать n -граммы, то десятки миллионов признаков

Анализ данных ЭЭГ

- Энцефалограф: 64 датчика, частота сигнала 256 Гц
- Объект: результаты измерений для одного пациента
- За 5 секунд измерений: $64 * 256 * 5 = 81\ 920$ признаков



UCI Machine Learning Repository

UCI Machine Learning Repository
Center for Machine Learning and Intelligent Systems

About Citation Policy Donate a Data Set Contact

Search Repository Web Google

[View ALL Data Sets](#)

Browse Through: 557 Data Sets

Table View List View

Name	Data Types	Default Task	Attribute Types	# Instances	# Attributes	Year
 URL Reputation	Multivariate, Time-Series	Classification	Integer, Real	2396130	3231961	2009
 KASANDR	Multivariate	Causal-Discovery	Integer	17764280	2158859	2017
 Gas sensor arrays in open sampling settings	Multivariate, Time-Series	Classification	Real	18000	1950000	2013
 YouTube Multiview Video Games Dataset	Multivariate, Text	Classification, Clustering	Integer, Real	120000	1000000	2013
 Twin gas sensor arrays	Multivariate, Time-Series, Domain-Theory	Classification, Regression	Real	640	480000	2016
 Deepfakes: Medical Image Tamper Detection	Multivariate	Classification	Real	20000	200000	2020
 Gas sensor array exposed to turbulent gas mixtures	Multivariate, Time-Series	Classification, Regression	Real	180	150000	2014
 ElectricityLoadDiagrams20112014	Time-Series	Regression, Clustering	Real	370	140256	2015

<https://archive.ics.uci.edu/ml/index.html>

<https://archive.ics.uci.edu/ml/datasets.php>

Задача понижения размерности

- Дано: матрица «объекты-признаки» X размера $\ell \times D$
- Найти: новую матрицу «объекты-признаки» Z размера $\ell \times d$
- $d < D$

Но зачем?

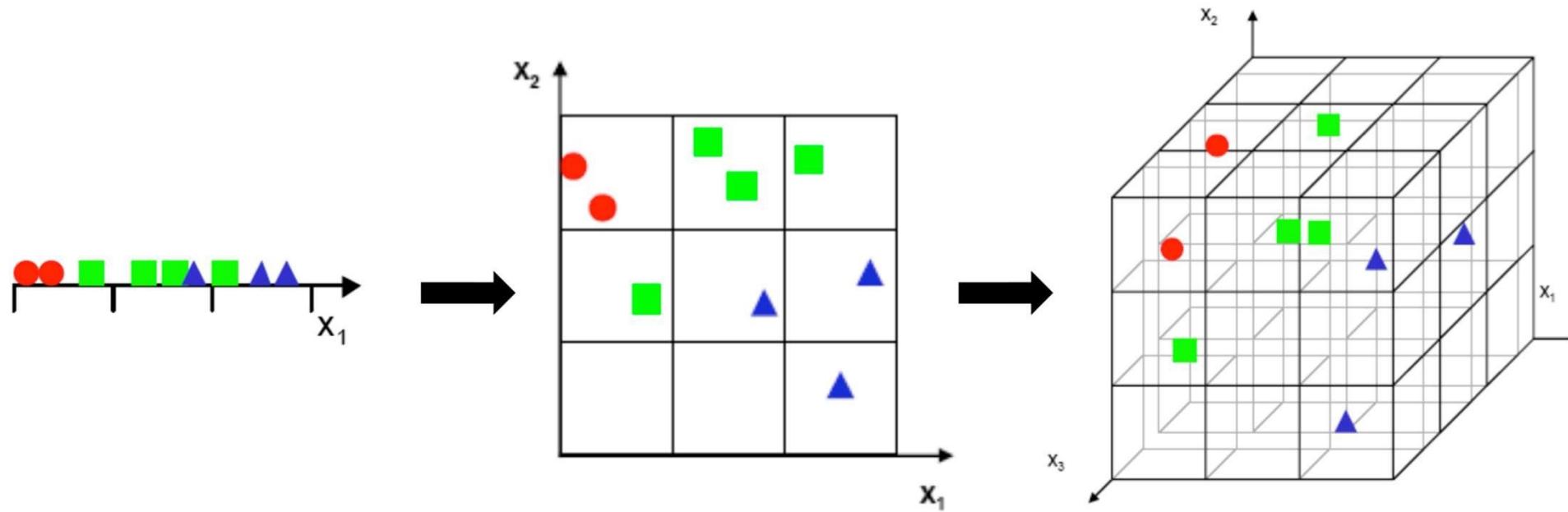
- Проклятие размерности
- Шумовые признаки
- Переобучение
- Интерпретируемость модели
- Скорость работы модели
- Визуализация данных

Проклятие размерности

- Задача: классификация пончиков на вкусные и невкусные
- 100 объектов
- Цвет: 10 вариантов
- Цвет + размер: $10 * 4 = 40$ вариантов
- Цвет + размер + форма: $10 * 4 * 4 = 160$ вариантов

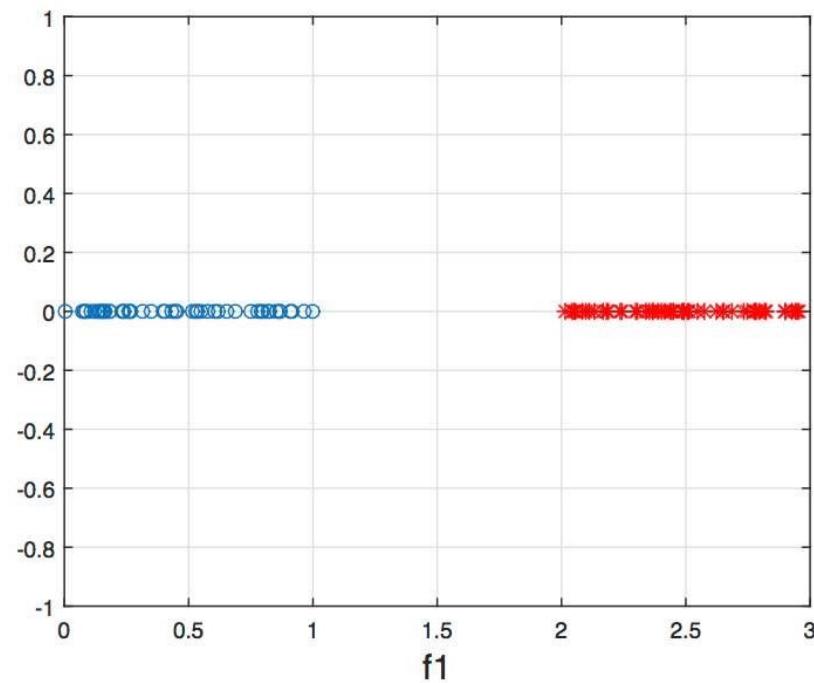


Проклятие размерности



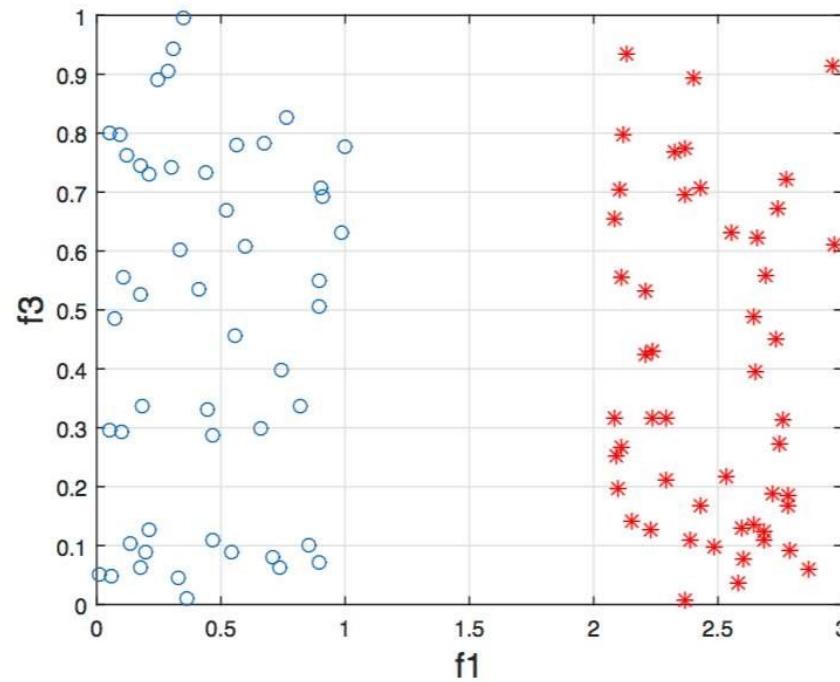
Плохие признаки

Информативный
признак



Плохие признаки

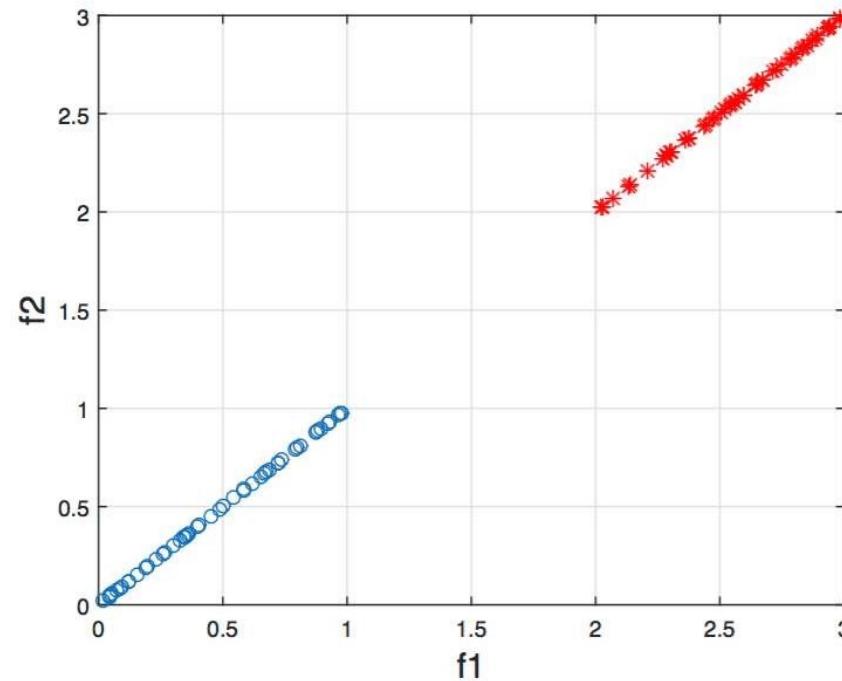
f3 — шумовой
признак



Плохие признаки

Коррелирующие
признаки

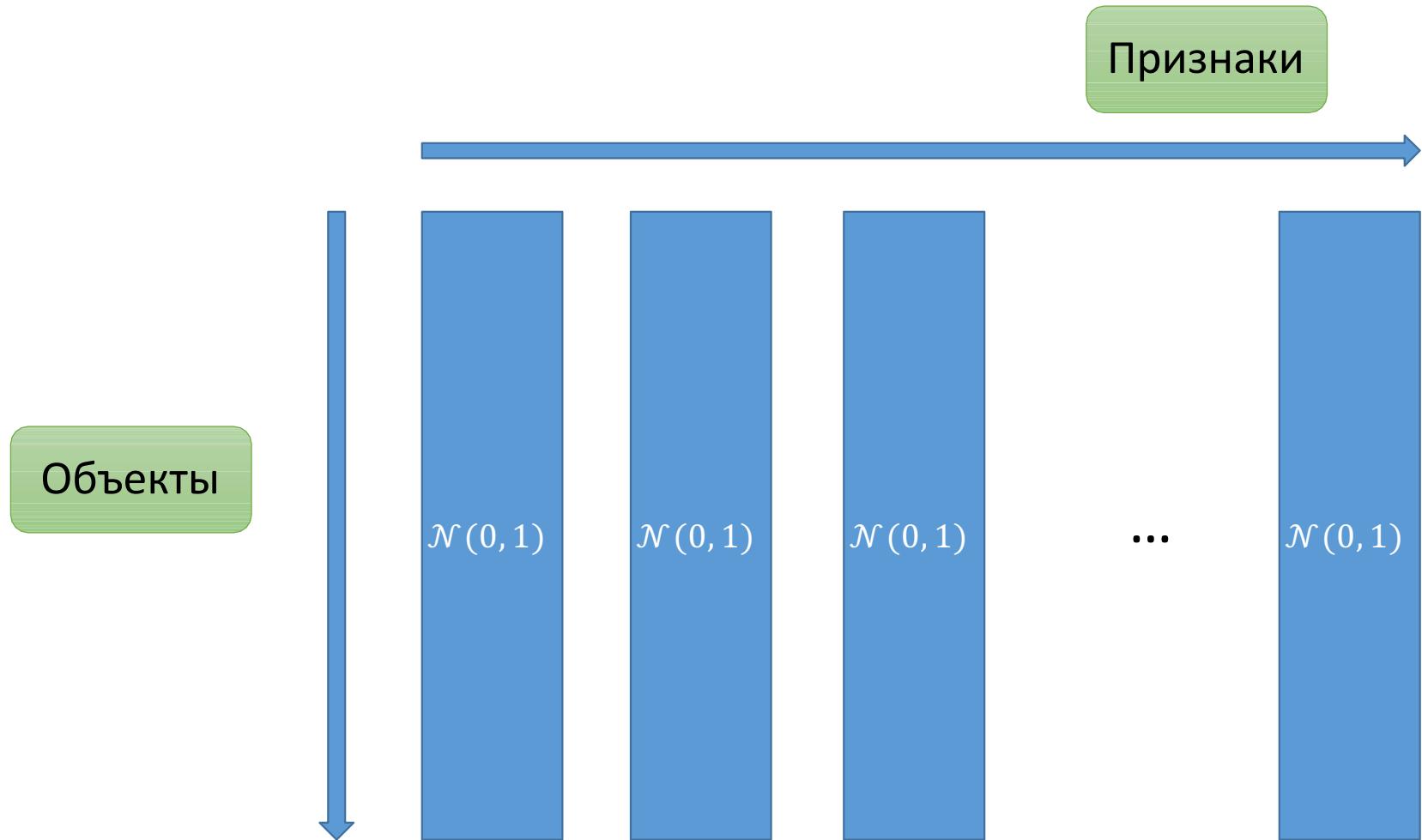
f_2 — избыточный
признак



Шумовые признаки

- Признаки, которые никак не связаны с целевой переменной
- Но по обучающей выборке это не всегда можно понять

Шумовые признаки



Шумовые признаки

- Генерируем случайные признаки
- Если их много, то некоторые будут хорошо коррелировать с ответами

y	x_1	x_2	x_3	x_4
-1	1.11	-0.5	0.42	0.33
-1	1.22	-0.46	-1.98	-0.55
1	-1.56	0.04	0.39	-1.67
1	-0.48	1.32	0.88	-0.27

Ускорение моделей

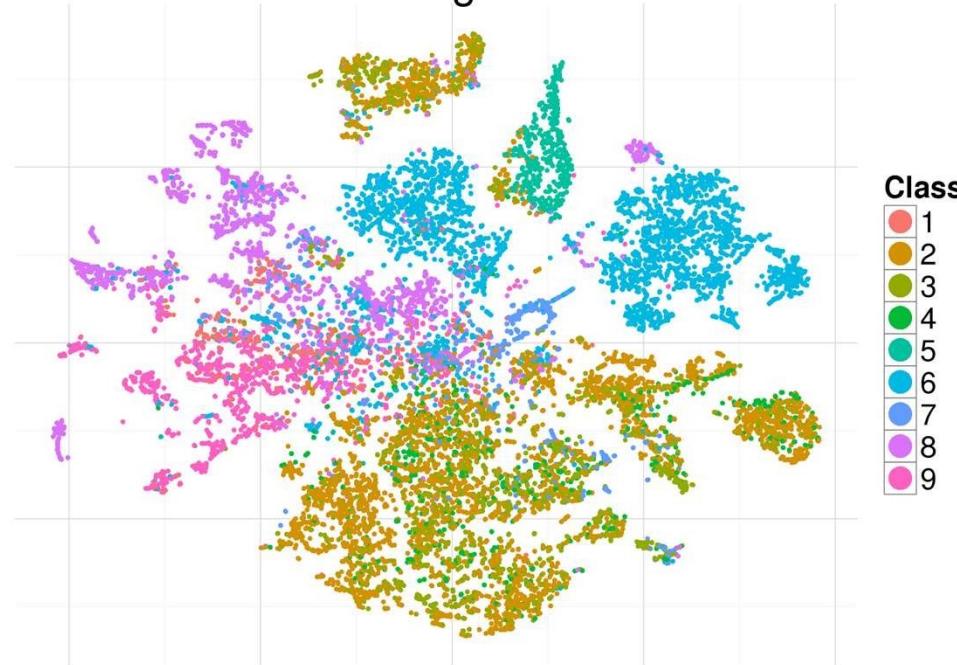
- Чем больше признаков, тем дольше обучаются модели
- Чем дольше обучаются модели, тем меньше экспериментов удаётся провести
- Чем сложнее модели, тем дольше они вычисляют прогнозы
- Могут быть жёсткие ограничения на скорость
- Пример: рекомендательные системы

Визуализация

-99.99	-99.99	315.7	317.45	317.5	317.26	315.86	314.93	313.2	312.44	313.33	314.67	-99.99
315.62	316.38	316.71	317.72	318.29	318.16	316.54	314.8	313.84	313.26	314.8	315.58	315.98
316.43	316.97	317.58	319.02	320.03	319.59	318.18	315.91	314.16	313.84	315	316.19	316.91
316.93	317.7	318.54	319.48	320.58	319.77	318.57	316.79	314.8	315.38	316.1	317.01	317.64
317.94	318.56	319.68	320.63	321.01	320.55	319.58	317.4	316.25	315.42	316.69	317.7	318.45
318.74	319.08	319.86	321.39	322.24	321.47	319.74	317.77	316.21	315.99	317.12	318.31	318.99
319.57	-99.99	-99.99	-99.99	322.24	321.89	320.44	318.7	316.7	316.79	317.79	318.71	-99.99
319.44	320.44	320.89	322.13	322.16	321.87	321.39	318.8	317.81	317.3	318.87	319.42	320.04
320.62	321.59	322.39	323.87	324.01	323.75	322.39	320.37	318.64	318.1	319.79	321.08	321.38
322.06	322.5	323.04	324.42	325	324.09	322.55	320.92	319.31	319.31	320.72	321.96	322.16
322.57	323.15	323.89	325.02	325.57	325.36	324.14	322.03	320.41	320.25	321.31	322.84	323.05
324	324.42	325.64	326.66	327.34	326.76	325.88	323.67	322.39	321.78	322.85	324.12	324.63
325.03	325.99	326.87	328.14	328.07	327.66	326.35	324.69	323.1	323.16	323.98	325.13	325.68
326.17	326.68	327.18	327.78	328.92	328.57	327.34	325.46	323.36	323.57	324.8	326.01	326.32
326.77	327.63	327.75	329.72	330.07	329.09	328.05	326.32	324.93	325.06	326.5	327.55	327.45
328.55	329.56	330.3	331.5	332.48	332.07	330.87	329.31	327.51	327.18	328.16	328.64	329.68
329.35	330.71	331.48	332.65	333.09	332.25	331.18	329.4	327.43	327.37	328.46	329.57	330.25
330.4	331.41	332.04	333.31	333.96	333.6	333.91	330.06	328.56	328.34	329.49	330.76	331.15
331.75	332.56	333.5	334.58	334.87	334.34	333.05	330.94	329.3	328.94	330.31	331.68	332.15
332.93	333.42	334.7	336.07	336.74	336.27	334.93	332.75	331.59	331.16	332.4	333.85	333.9
334.97	335.39	336.64	337.76	338.01	337.89	336.54	334.68	332.76	332.55	333.92	334.95	335.51
336.23	336.76	337.96	338.89	339.47	339.29	337.73	336.09	333.91	333.86	335.29	336.73	336.85
338.01	338.36	340.08	340.77	341.46	341.17	339.56	337.6	335.88	336.02	337.1	338.21	338.69
339.23	340.47	341.38	342.51	342.91	342.25	340.49	338.43	336.69	336.86	338.36	339.61	339.93
340.75	341.61	342.7	343.57	344.13	343.35	342.06	339.81	337.98	337.86	339.26	340.49	341.13
341.37	342.52	343.1	344.94	345.75	345.32	343.99	342.39	339.86	339.99	341.15	342.99	342.78
343.7	344.5	345.28	347.08	347.43	346.79	345.4	343.28	341.07	341.35	342.98	344.22	344.42
344.97	346	347.43	348.35	348.93	348.25	346.56	344.68	343.09	342.8	344.24	345.55	345.9
346.3	346.96	347.86	349.55	350.21	349.54	347.94	345.9	344.85	344.17	345.66	346.9	347.15
348.02	348.47	349.42	350.99	351.84	351.25	349.52	348.1	346.45	346.36	347.81	348.96	348.93
350.43	351.73	352.22	353.59	354.22	353.79	352.38	350.43	348.72	348.88	350.07	351.34	351.48
352.76	353.07	353.68	355.42	355.67	355.13	353.9	351.67	349.8	349.99	351.29	352.52	352.91
353.66	354.7	355.39	356.2	357.16	356.23	354.82	352.91	350.96	351.18	352.83	354.21	354.19
354.72	355.75	357.16	358.6	359.33	358.24	356.17	354.02	352.15	352.21	353.75	354.99	355.59
355.98	356.72	357.81	359.15	359.66	359.25	357.02	355	353.01	353.31	354.16	355.4	356.37
356.7	357.16	358.38	359.46	360.28	359.6	357.57	355.52	353.69	353.99	355.34	356.8	357.04
358.37	358.91	359.97	361.26	361.68	360.95	359.55	357.48	355.84	355.99	357.58	359.04	358.89
359.97	361	361.64	363.45	363.79	363.26	361.9	359.46	358.05	357.76	359.56	360.7	360.88
362.05	363.25	364.02	364.72	365.41	364.97	363.65	361.48	359.45	359.6	360.76	362.33	362.64
363.18	364	364.56	366.35	366.79	365.62	364.47	362.51	360.19	360.77	362.43	364.28	363.76
365.33	366.15	367.31	368.61	369.3	368.87	367.64	365.77	363.9	364.23	365.46	366.97	366.63
368.15	368.87	369.59	371.14	371	370.35	369.27	366.93	364.63	365.13	366.67	368.01	368.31
369.14	369.46	370.52	371.66	371.82	371.7	370.12	368.12	366.62	366.73	368.29	369.53	369.48
370.28	371.5	372.12	372.87	374.02	373.3	371.62	369.55	367.96	368.09	369.68	371.24	371.02
372.43	373.09	373.52	374.86	375.55	375.41	374.02	371.49	370.7	370.25	372.08	373.78	373.1
374.68	375.63	376.11	377.65	378.35	378.13	376.62	374.5	372.99	373.01	374.35	375.7	375.64
376.79	377.37	378.41	380.52	380.63	379.57	377.79	375.86	374.07	374.24	375.86	377.47	377.38
378.37	379.69	380.41	382.1	382.28	382.13	380.66	378.71	376.42	376.88	378.32	380.04	379.67
381.38	382.03	382.64	384.62	384.95	384.06	382.29	380.47	378.67	379.06	380.14	381.74	381.84
382.45	383.68	384.23	386.26	386.39	385.87	384.39	381.78	380.73	380.81	382.33	383.69	383.55
385.07	385.72	385.85	386.71	388.45	387.64	386.1	383.95	382.91	382.73	383.96	385.02	385.34

Визуализация

t-SNE 2D Embedding of Products Data



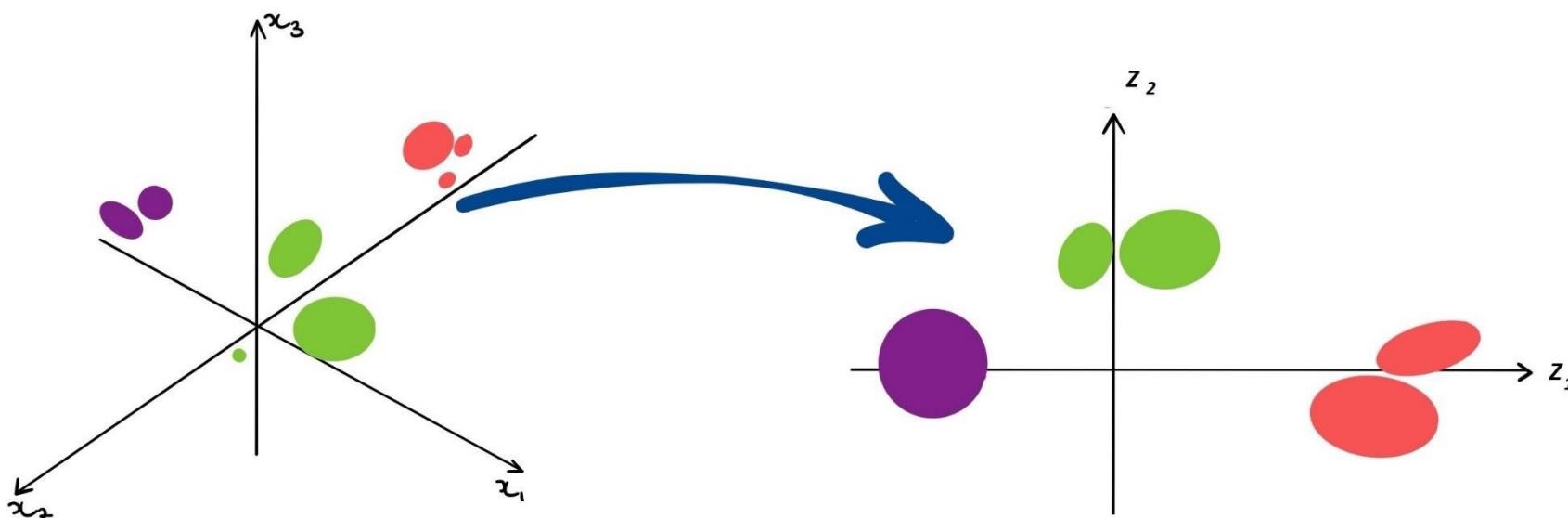
Методы понижения размерности

- Отбор признаков (feature selection)
 - Выбрать d самых важных признаков
- **Извлечение признаков (feature extraction)**
 - Найти d новых признаков, выражающихся через исходные

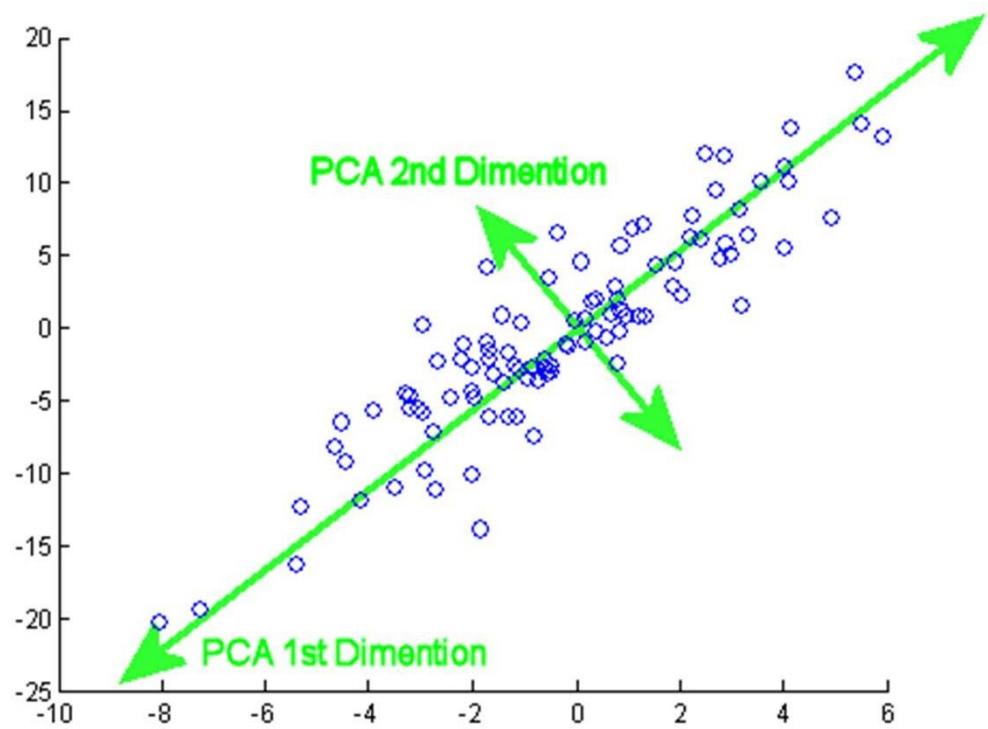
Метод главных компонент

Метод главных компонент

- Principal component analysis (PCA)
- Проецирует данные в пространство меньшей размерности
- Относится к методам извлечения признаков



Извлечение признаков



Извлечение признаков

- Порождение новых признаков
- Их должно быть меньше
- Они должны содержать как можно больше информации из исходных признаков
- Линейные методы
- Каждый новый признак — линейная комбинация исходных

Извлечение признаков

- Исходные признаки: x_{ik}, D штук
- Новые признаки: z_{ij}, d штук
- Линейный подход:

$$z_{ij} = \sum_{k=1}^D w_{jk} x_{ik}$$

Новые признаки

Вклад исходного k -го
признака в новый j -й

Исходные признаки

Метод главных компонент

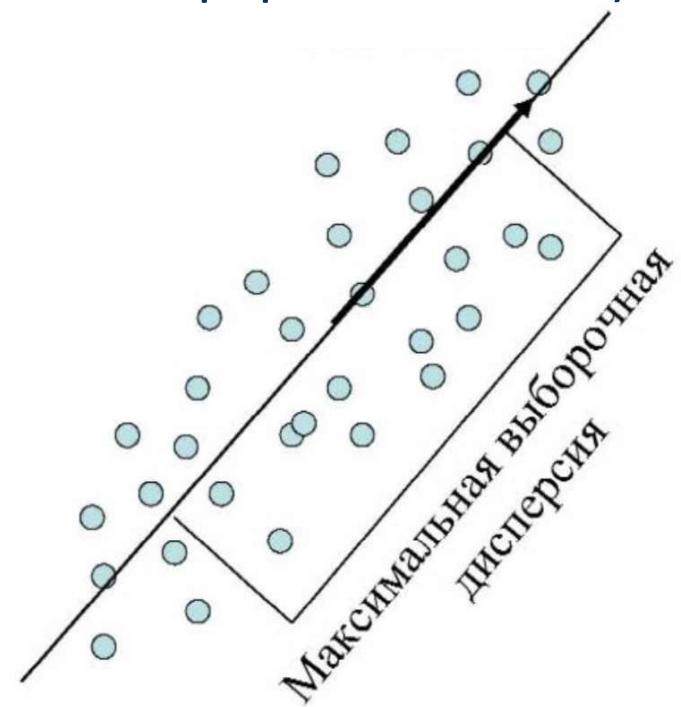
- Матричная запись:

$$Z = XW^T$$

- j -й столбец W — коэффициенты при исходных признаках для вычисления нового j -го признака

Principal Component Analysis 1

Идея 1: давайте выделять в пространстве признаков направления, вдоль которых разброс точек наибольший (они кажутся наиболее информативными)



ПРИМЕР: FACES DATASET



FACES DATASET(ГЛАВНЫЕ КОМПОНЕНТЫ)



ВОССТАНОВЛЕННОЕ ИЗОБРАЖЕНИЕ

#efaces=1, res=57.804

#efaces=2, res=57.611

#efaces=5, res=54.054

#efaces=10, res=52.01

#efaces=20, res=45.897



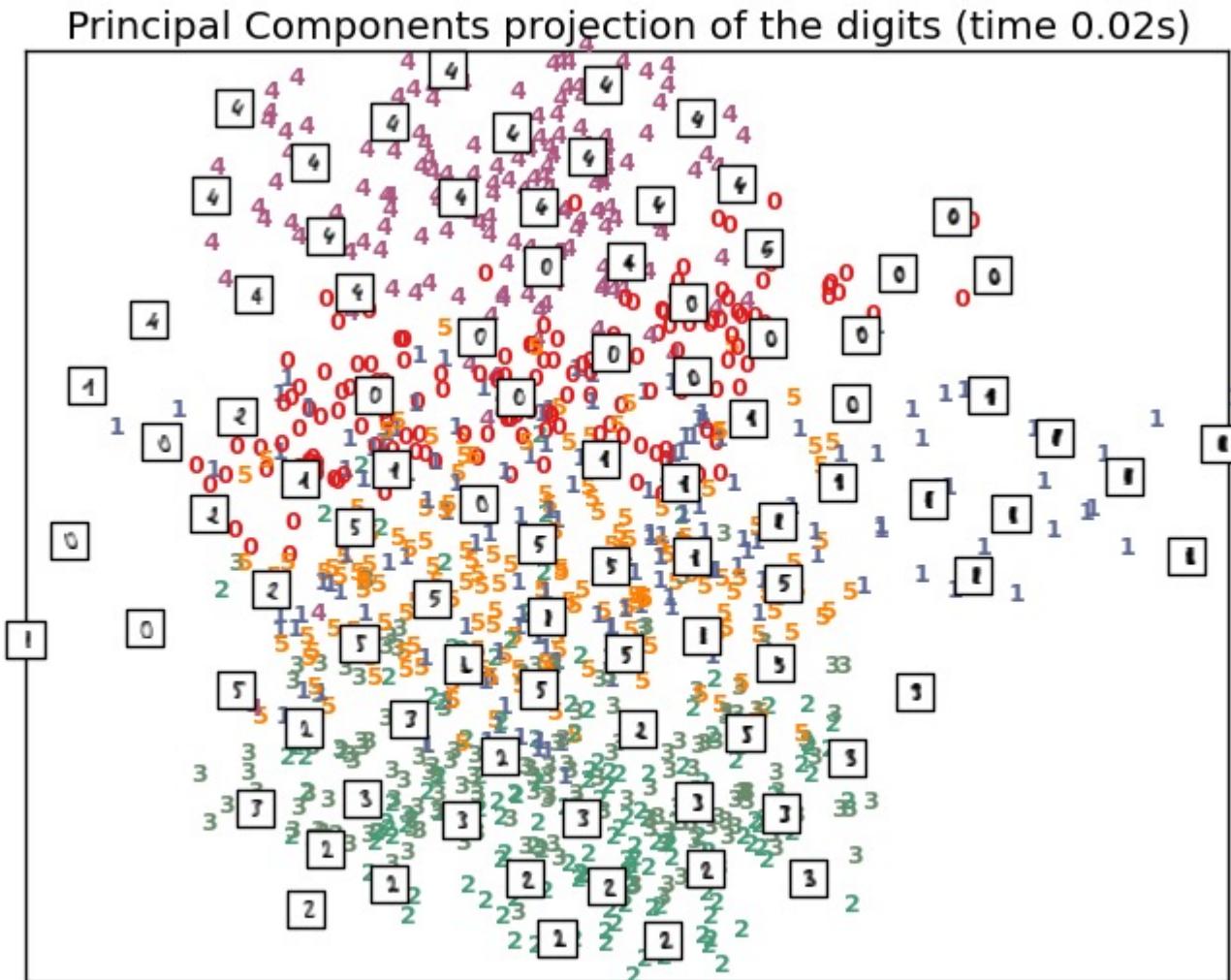
#efaces=40, res=35.868 #efaces=60, res=29.624 #efaces=80, res=24.103 #efaces=100, res=20.317 #efaces=150, res=16.154



#efaces=200, res=13.257 #efaces=300, res=9.581 #efaces=400, res=6.908 #efaces=1000, res=0.924 #efaces=1071, res=0.653

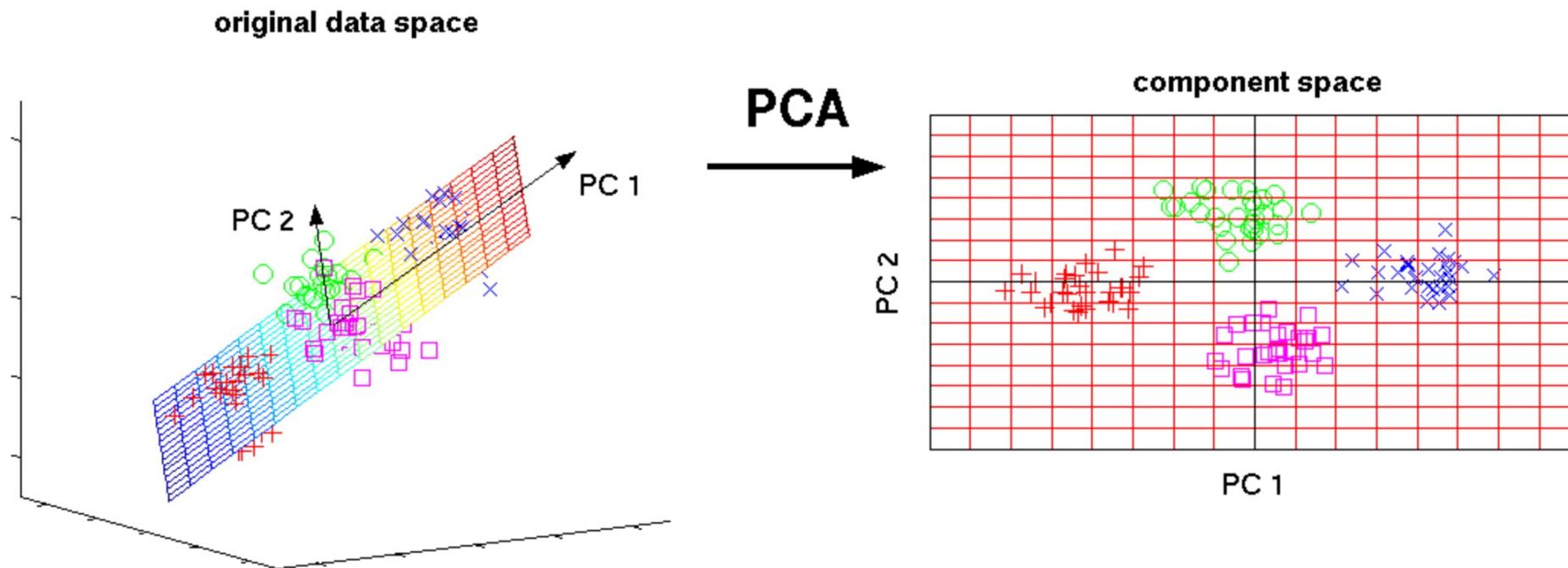


Рукописные цифры: проекция на главные компоненты



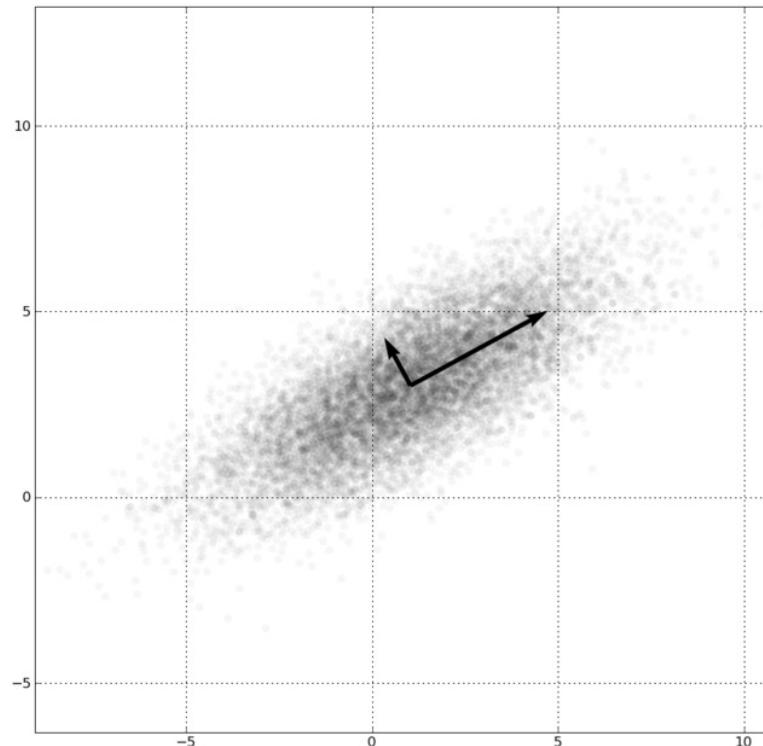
PCA (интерпретация 2)

Идея 2: давайте строить проекцию выборки на линейное подпространство меньшей размерности. А выбирать его так, чтобы квадраты отклонений точек от проекций были минимальны.

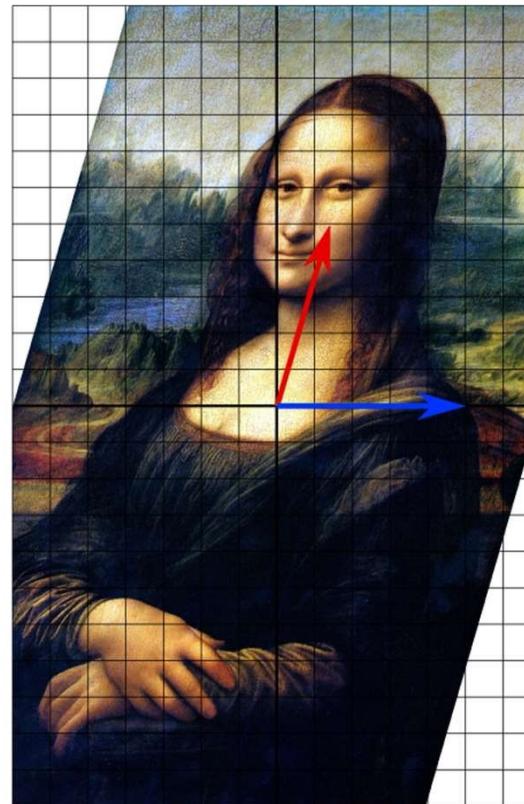
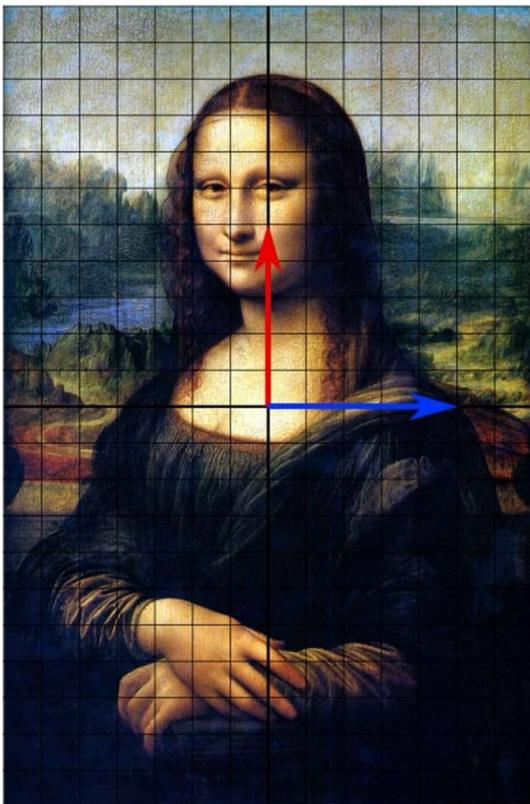


PCA (интерпретация 3)

Идея 3. Переход в базис, в котором матрица ковариаций диагональна



Собственные векторы



Собственные векторы

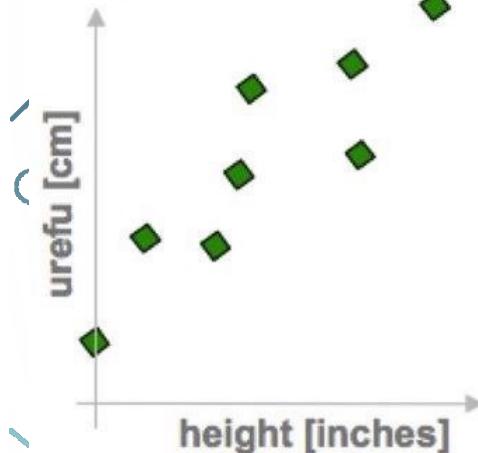
- A — матрица размера $n \times n$
- Пусть $Ax = \lambda x$
- Тогда x — собственный вектор, λ — собственное значение
- x — вектор, который не меняет направление под действием матрицы

Решение

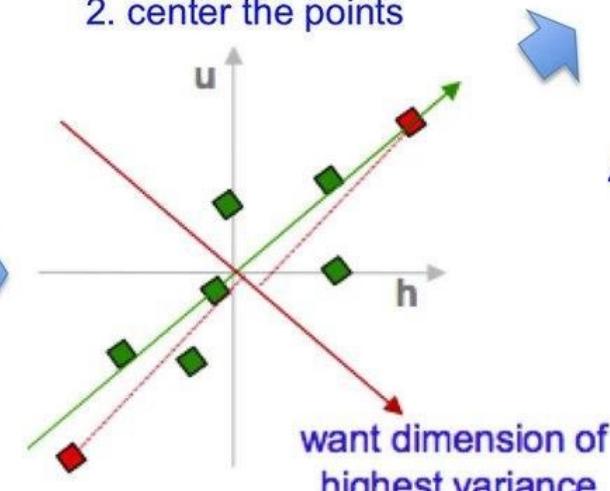
- Столбцы W — собственные векторы матрицы $X^T X$, соответствующие наибольшим собственным значениям $\lambda_1, \lambda_2, \dots, \lambda_d$
- $\frac{\sum_{i=1}^d \lambda_i}{\sum_{i=1}^D \lambda_i}$ — доля дисперсии, сохранённой при понижении размерности

PCA in a nutshell

1. correlated hi-d data
("urefu" means "height" in Swahili)



2. center the points



3. compute covariance matrix

$$\begin{matrix} h & u \\ \begin{pmatrix} 2.0 & 0.8 \\ 0.8 & 0.6 \end{pmatrix} \end{matrix} \rightarrow \text{cov}(h, u) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n h_i u_i$$

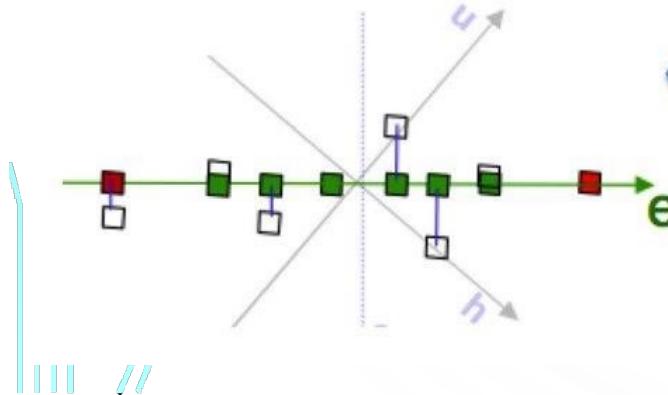
4. eigenvectors + eigenvalues

$$\begin{pmatrix} 2.0 & 0.8 \\ 0.8 & 0.6 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} e_h \\ e_w \end{pmatrix} = \lambda_e \begin{pmatrix} e_h \\ e_w \end{pmatrix}$$

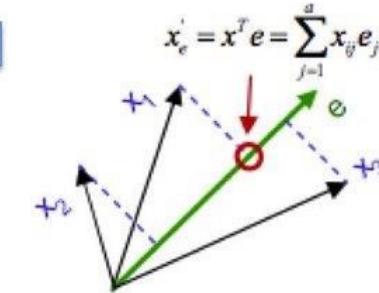
$$\begin{pmatrix} 2.0 & 0.8 \\ 0.8 & 0.6 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} f_h \\ f_u \end{pmatrix} = \lambda_f \begin{pmatrix} f_h \\ f_u \end{pmatrix}$$

`eig(cov(data))`

7. uncorrelated low-d data

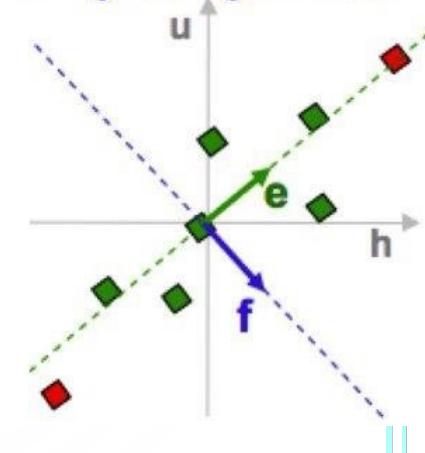


6. project data points to those eigenvectors



Copyright © 2014 Victor Lavrenko

5. pick m<d eigenvectors w. highest eigenvalues



PCA (интерпретация 4)

Приблизим исходную матрицу признаков произведением двух матриц:

$$X \approx U \cdot V^T$$

$l \times n \quad l \times k \quad k \times n$

$$\| X - U \cdot V^T \| \rightarrow \min$$

PCA: как сделать?

Центрируем выборку (из каждого признака вычитаем среднее значение), получаем матрицу X с новыми значениями признаков

Делаем SVD-разложение матрицы X :

$$X \approx A \cdot \Lambda \cdot B^T$$

Выбираем $U = A \cdot \Lambda$, $V = B$

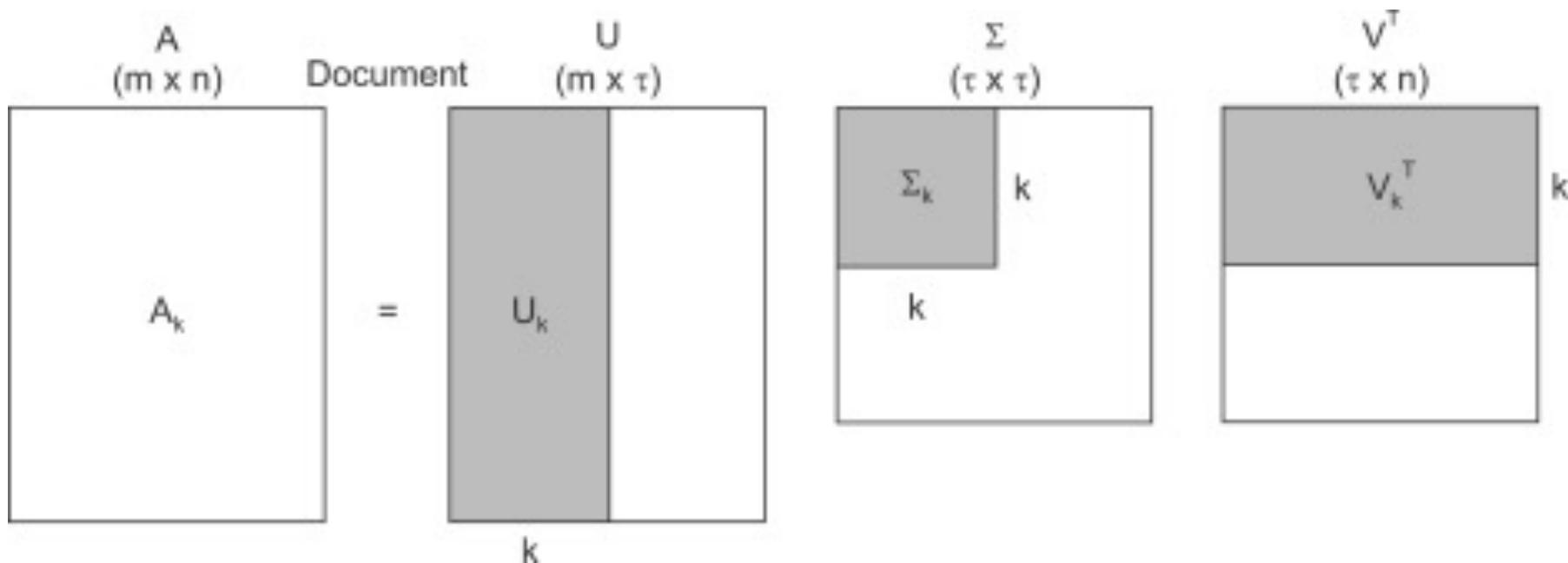
SVD

SVD = Singular Vector Decomposition (сингулярное разложение матриц)

Позволяет получить наилучшее приближение исходной матрицы X матрицей X' ранга k.

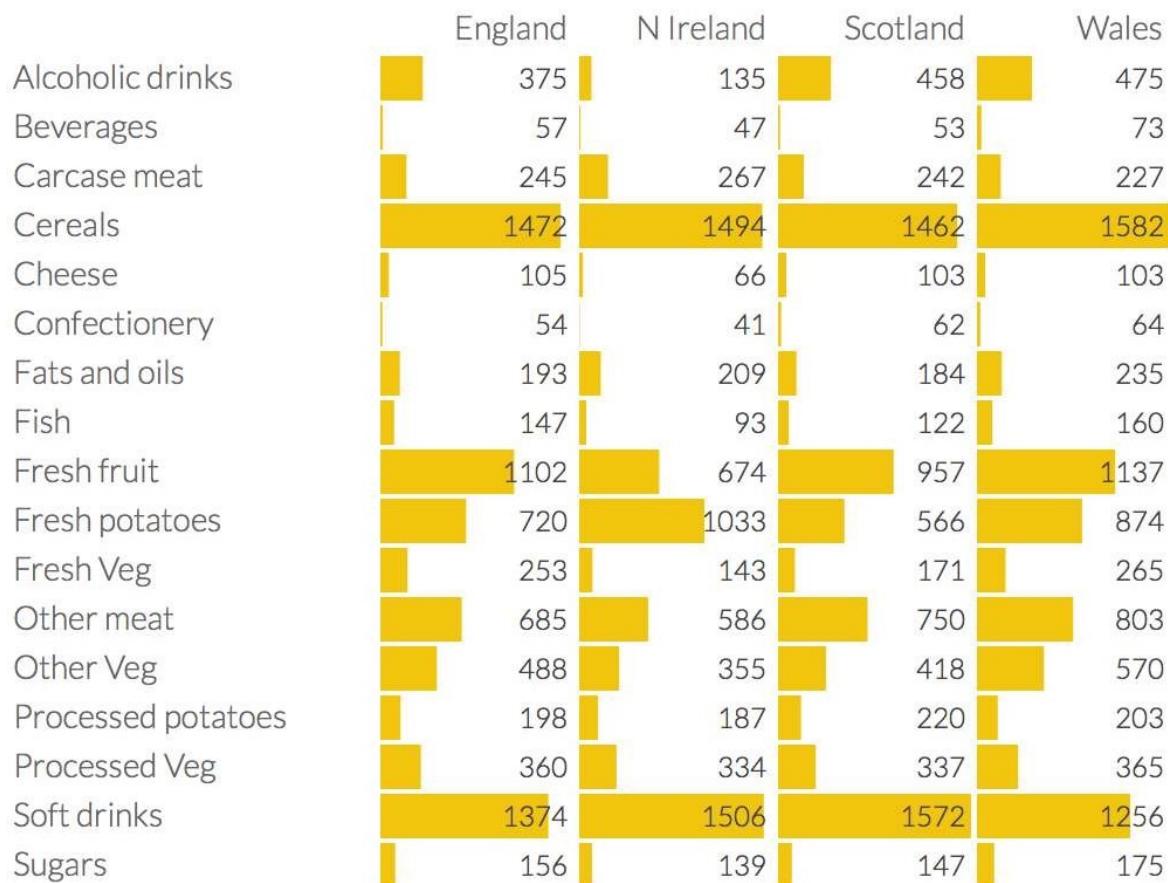
Применяется для снижения размерности пространства признаков.

SVD

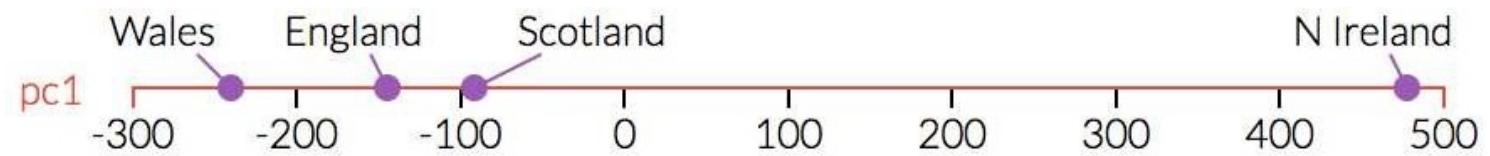


Рацион в Великобритании

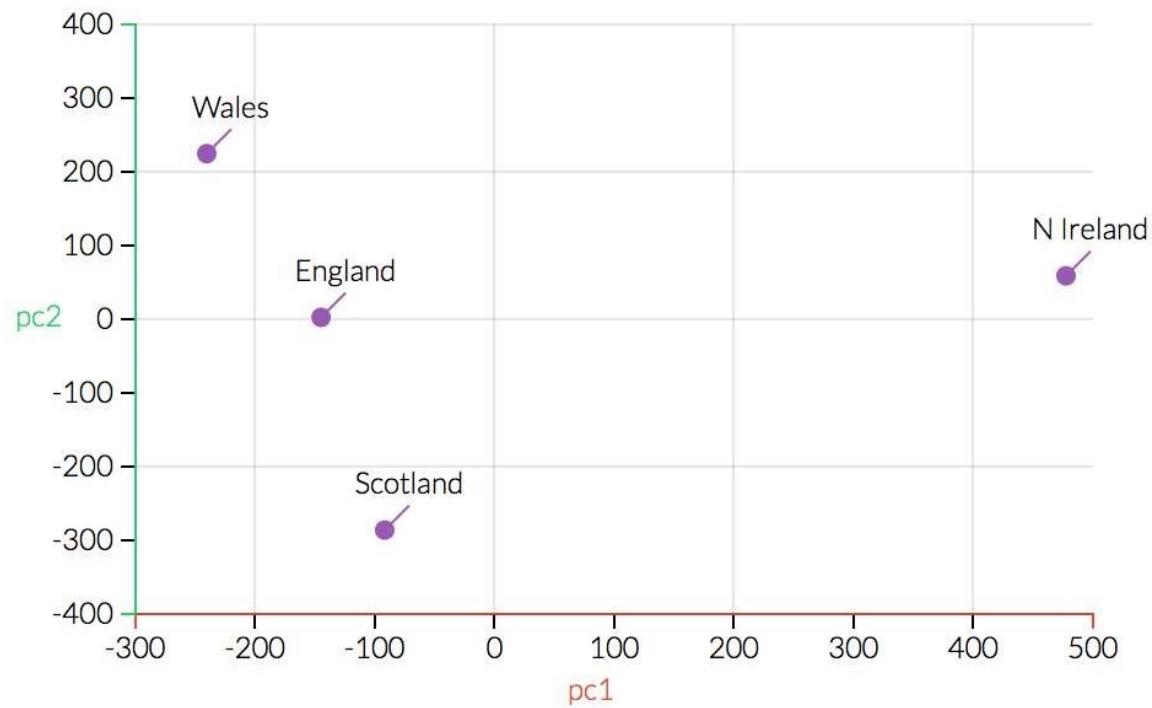
- Данные — среднее потребление продуктов в неделю в каждой провинции
- Не очень удобно смотреть на них



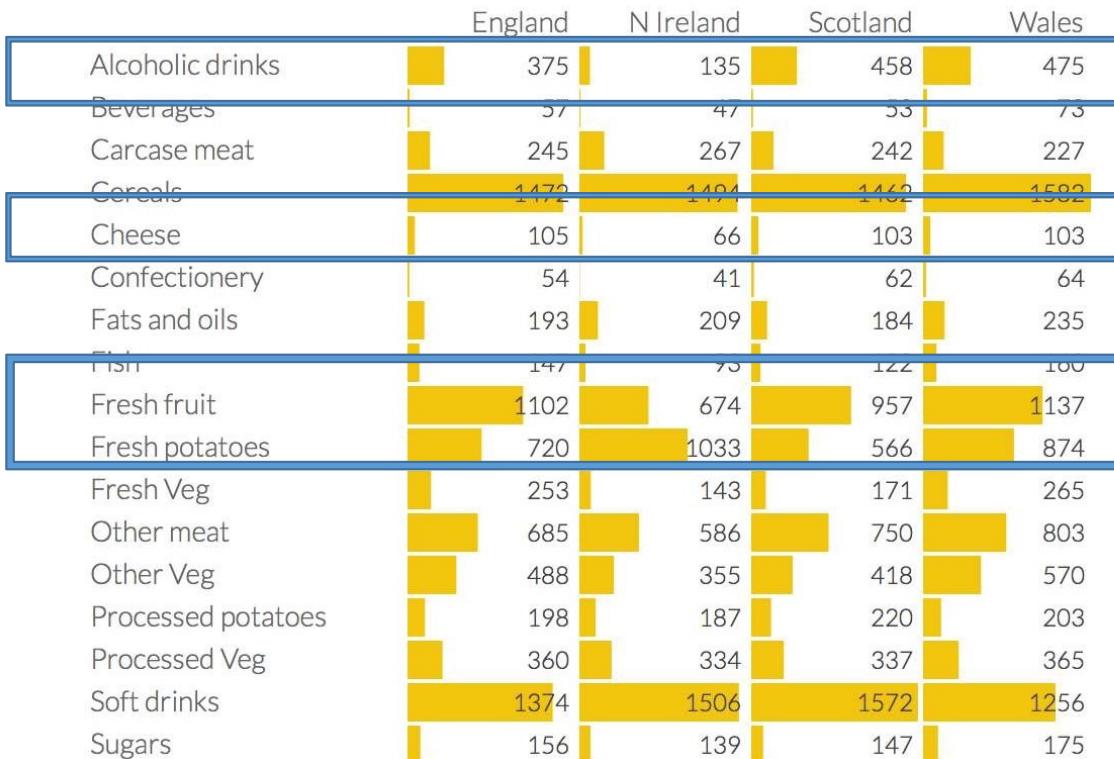
Рацион в Великобритании



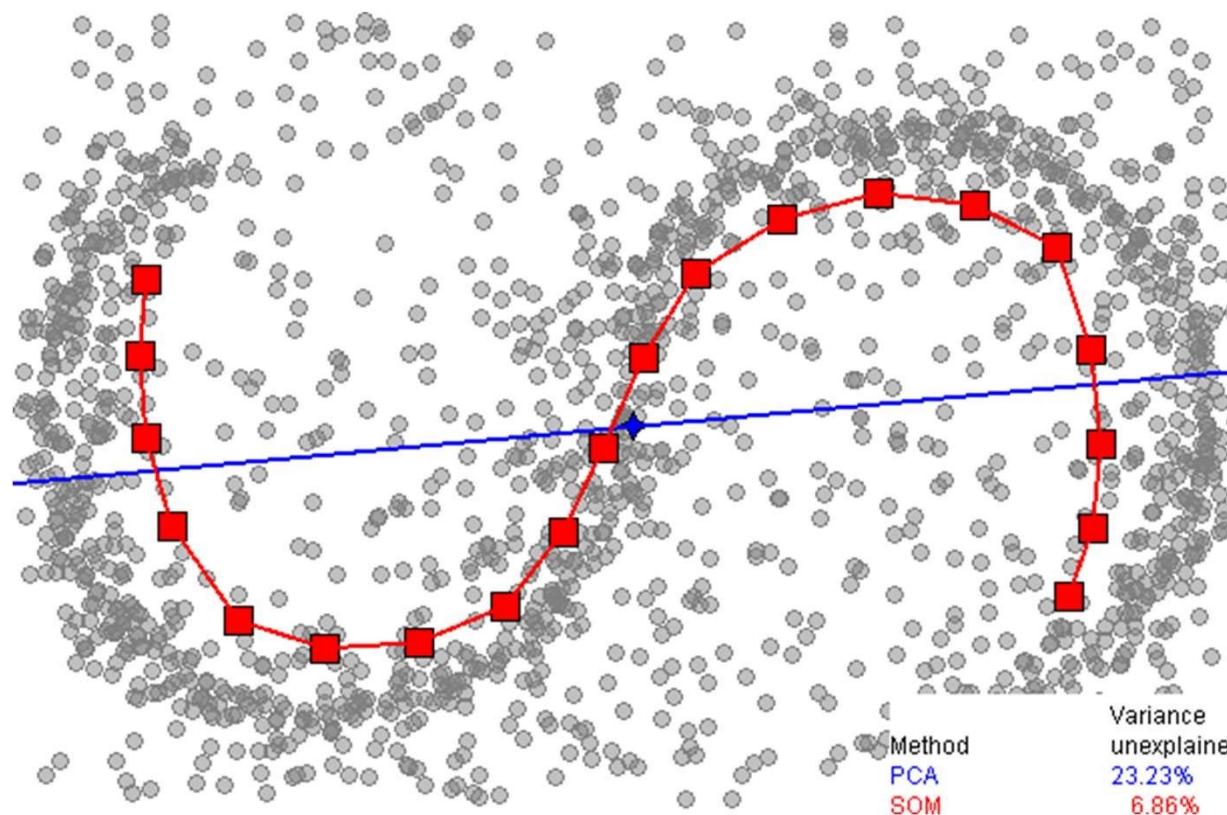
Рацион в Великобритании



Рацион в Великобритании



Ограничения

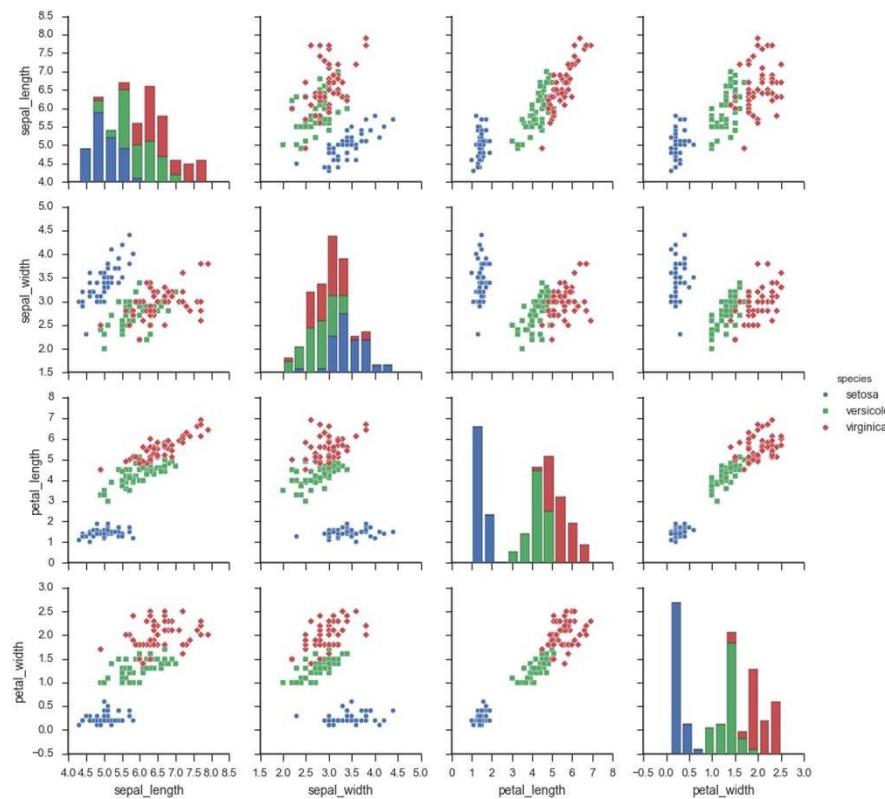


Визуализация данных

Визуализация данных

-99.99	-99.99	315.7	317.45	317.5	317.26	315.86	314.93	313.2	312.44	313.33	314.67	-99.99
315.62	316.38	316.71	317.72	318.29	318.16	316.54	314.8	313.84	313.26	314.8	315.58	315.98
316.43	316.97	317.58	319.02	320.03	319.59	318.18	315.91	314.16	313.84	315	316.19	316.91
316.93	317.7	318.54	319.48	320.58	319.77	318.57	316.79	314.8	315.38	316.1	317.01	317.64
317.94	318.56	319.68	320.63	321.01	320.55	319.58	317.4	316.25	315.42	316.69	317.7	318.45
318.74	319.08	319.86	321.39	322.24	321.47	319.74	317.77	316.21	315.99	317.12	318.31	318.99
319.57	-99.99	-99.99	-99.99	322.24	321.89	320.44	318.7	316.7	316.79	317.79	318.71	-99.99
319.44	320.44	320.89	322.13	322.16	321.87	321.39	318.8	317.81	317.3	318.87	319.42	320.04
320.62	321.59	322.39	323.87	324.01	323.75	322.39	320.37	318.64	318.1	319.79	321.08	321.38
322.06	322.5	323.04	324.42	325	324.09	322.55	320.92	319.31	319.31	320.72	321.96	322.16
322.57	323.15	323.89	325.02	325.57	325.36	324.14	322.03	320.41	320.25	321.31	322.84	323.05
324	324.42	325.64	326.66	327.34	326.76	325.88	323.67	322.39	321.78	322.85	324.12	324.63
325.03	325.99	326.87	328.14	328.07	327.66	326.35	324.69	323.1	323.16	323.98	325.13	325.68
326.17	326.68	327.18	327.78	328.92	328.57	327.34	325.46	323.36	323.57	324.8	326.01	326.32
326.77	327.63	327.75	329.72	330.07	329.09	328.05	326.32	324.93	325.06	326.5	327.55	327.45
328.55	329.56	330.3	331.5	332.48	332.07	330.87	329.31	327.51	327.18	328.16	328.64	329.68
329.35	330.71	331.48	332.65	333.09	332.25	331.18	329.4	327.43	327.37	328.46	329.57	330.25
330.4	331.41	332.04	333.31	333.96	333.6	333.1	330.91	330.06	328.56	328.34	329.49	330.76
331.75	332.56	333.5	334.58	334.87	334.34	333.05	330.94	329.3	328.94	330.31	331.68	332.15
332.93	333.42	334.7	336.07	336.74	336.27	334.93	332.75	331.59	331.16	332.4	333.85	333.9
334.97	335.39	336.64	337.76	338.01	337.89	336.54	334.68	332.76	332.55	333.92	334.95	335.51
336.23	336.76	337.96	338.89	339.47	339.29	337.73	336.09	333.91	333.86	335.29	336.73	336.85
338.01	338.36	340.08	340.77	341.46	341.17	339.56	337.6	335.88	336.02	337.1	338.21	338.69
339.23	340.47	341.38	342.51	342.91	342.25	340.49	338.43	336.69	336.86	338.36	339.61	339.93
340.75	341.61	342.7	343.57	344.13	343.35	342.06	339.81	337.98	337.86	339.26	340.49	341.13
341.37	342.52	343.1	344.94	345.75	345.32	343.99	342.39	339.86	339.99	341.15	342.99	342.78
343.7	344.5	345.28	347.08	347.43	346.79	345.4	343.28	341.07	341.35	342.98	344.22	344.42
344.97	346	347.43	348.35	348.93	348.25	346.56	344.68	343.09	342.8	344.24	345.55	345.9
346.3	346.96	347.86	349.55	350.21	349.54	347.94	345.9	344.85	344.17	345.66	346.9	347.15
348.02	348.47	349.42	350.99	351.84	351.25	349.52	348.1	346.45	346.36	347.81	348.96	348.93
350.43	351.73	352.22	353.59	354.22	353.79	352.38	350.43	348.72	348.88	350.07	351.34	351.48
352.76	353.07	353.68	355.42	355.67	355.13	353.9	351.67	349.8	349.99	351.29	352.52	352.91
353.66	354.7	355.39	356.2	357.16	356.23	354.82	352.91	350.96	351.18	352.83	354.21	354.19
354.72	355.75	357.16	358.6	359.33	358.24	356.17	354.02	352.15	352.21	353.75	354.99	355.59
355.98	356.72	357.81	359.15	359.66	359.25	357.02	355	353.01	353.31	354.16	355.4	356.37
356.7	357.16	358.38	359.46	360.28	359.6	357.57	355.52	353.69	353.99	355.34	356.8	357.04
358.37	358.91	359.97	361.26	361.68	360.95	359.55	357.48	355.84	355.99	357.58	359.04	358.89
359.97	361	361.64	363.45	363.79	363.26	361.9	359.46	358.05	357.76	359.56	360.7	360.88
362.05	363.25	364.02	364.72	365.41	364.97	363.65	361.48	359.45	359.6	360.76	362.33	362.64
363.18	364	364.56	366.35	366.79	365.62	364.47	362.51	360.19	360.77	362.43	364.28	363.76
365.33	366.15	367.31	368.61	369.3	368.87	367.64	365.77	363.9	364.23	365.46	366.97	366.63
368.15	368.87	369.59	371.14	371	370.35	369.27	366.93	364.63	365.13	366.67	368.01	368.31
369.14	369.46	370.52	371.66	371.82	371.7	370.12	368.12	366.62	366.73	368.29	369.53	369.48
370.28	371.5	372.12	372.87	374.02	373.3	371.62	369.55	367.96	368.09	369.68	371.24	371.02
372.43	373.09	373.52	374.86	375.55	375.41	374.02	371.49	370.7	370.25	372.08	373.78	373.1
374.68	375.63	376.11	377.65	378.35	378.13	376.62	374.5	372.99	373.01	374.35	375.7	375.64
376.79	377.37	378.41	380.52	380.63	379.57	377.79	375.86	374.07	374.24	375.86	377.47	377.38
378.37	379.69	380.41	382.1	382.28	382.13	380.66	378.71	376.42	376.88	378.32	380.04	379.67
381.38	382.03	382.64	384.62	384.95	384.06	382.29	380.47	378.67	379.06	380.14	381.74	381.84
382.45	383.68	384.23	386.26	386.39	385.87	384.39	381.78	380.73	380.81	382.33	383.69	383.55
385.07	385.72	385.85	386.71	388.45	387.64	386.1	383.95	382.91	382.73	383.96	385.02	385.34

Визуализация данных



Визуализация данных

- Частный случай нелинейного понижения размерности
- $d = 2$ или $d = 3$
- Нужно сохранить структуру данных и зависимости

MNIST

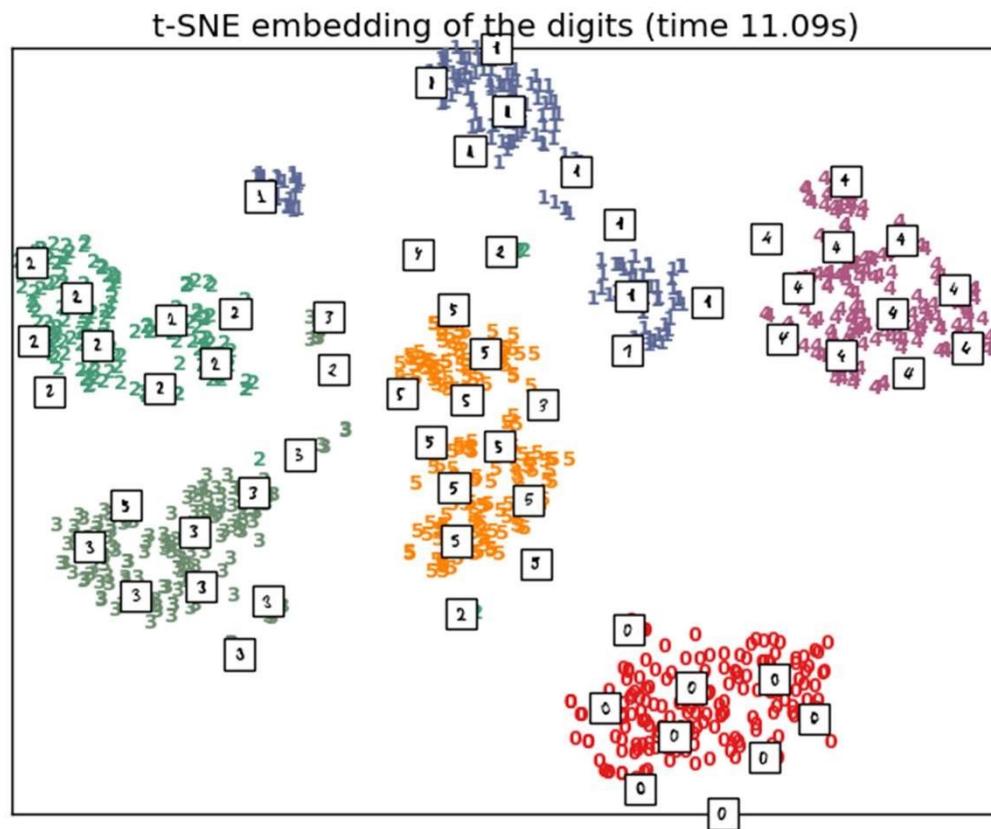
A selection from the 64-dimensional digits dataset

0	1	2	3	4	5	0	1	3	4	5	0	5
5	5	0	4	1	3	5	1	0	0	2	2	0
4	4	1	5	0	5	2	2	0	0	1	3	2
3	1	4	0	5	3	1	5	4	4	2	2	5
2	3	4	5	0	1	2	3	4	5	0	5	5
0	4	4	1	3	5	1	0	0	2	2	1	0
1	5	0	5	2	2	0	0	1	3	2	1	3
0	5	3	1	5	4	4	2	2	5	5	4	0
5	0	1	2	3	4	5	0	4	2	3	4	5
3	5	4	0	0	2	2	2	0	1	2	3	3
5	2	2	0	0	4	3	2	4	3	1	4	0
3	8	5	4	4	2	2	2	5	5	4	4	1
0	1	2	3	4	5	0	1	2	3	4	5	0
5	1	0	0	1	2	2	0	1	2	3	3	4
2	2	0	0	1	3	2	4	3	1	3	4	5
1	2	0	0	1	3	2	4	3	1	3	4	5
2	3	4	5	0	1	2	3	4	5	0	5	5
0	0	2	2	2	0	1	2	3	3	3	4	4
0	0	1	3	1	4	3	1	3	1	4	3	1
4	4	2	2	2	5	5	4	4	0	0	1	2
2	3	4	5	0	1	2	3	4	5	0	5	5
0	0	2	2	2	0	1	2	3	3	3	4	4
0	0	1	3	1	4	3	1	3	1	4	0	5
4	4	2	2	2	5	5	4	4	0	0	1	2

t-SNE

- t-Stochastic Neighbor Embedding
- Метод визуализации
- Ищет такие точки на плоскости, которые лучше всего сохраняют расстояния из исходного пространства

MNIST

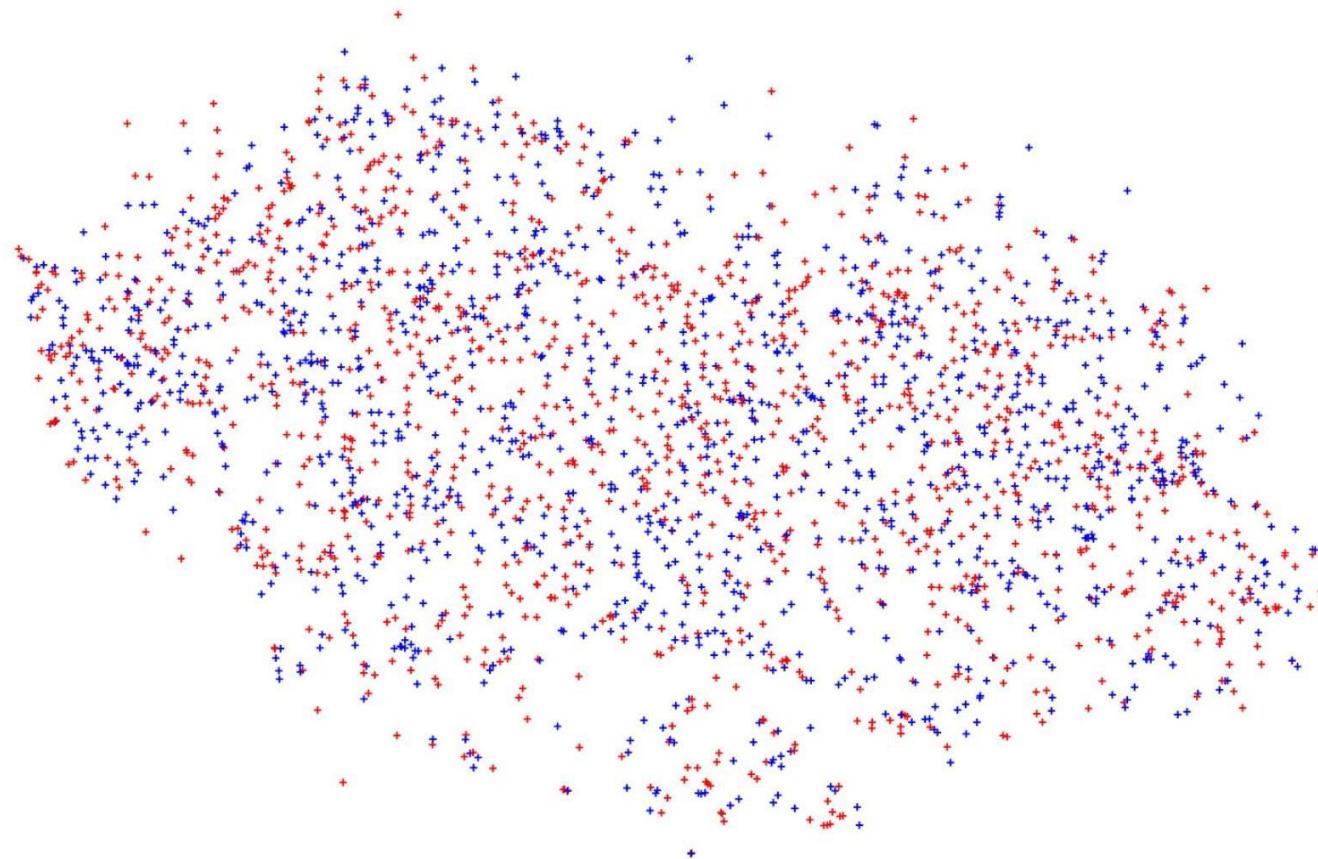


Dogs vs. Cats



Deep Blue beat Kasparov at chess in 1997.
Watson beat the brightest trivia minds at Jeopardy in 2011.
Can you tell Fido from Mittens in 2013?

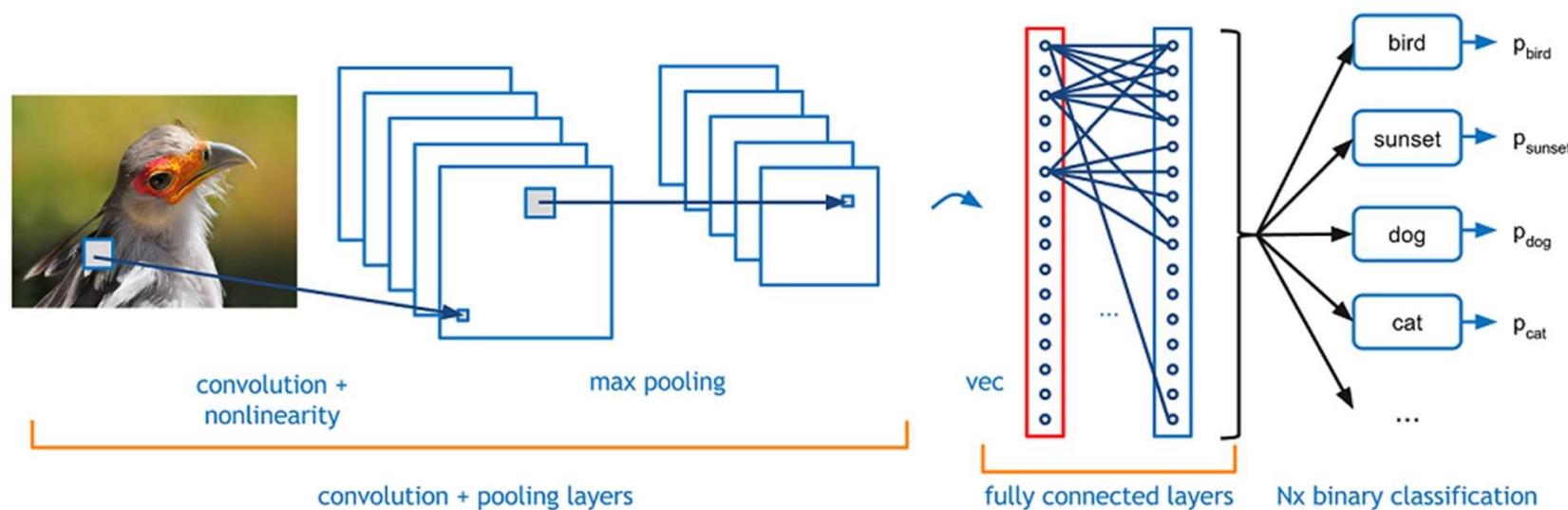
Dogs vs. Cats



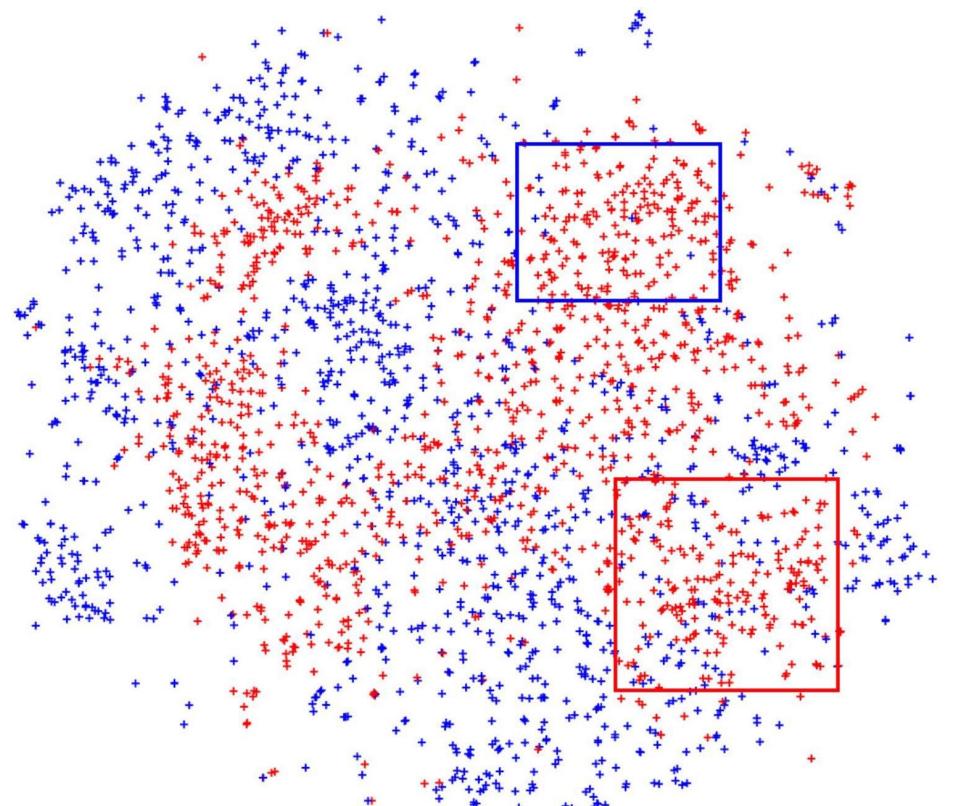
<https://indico.io/blog/visualizing-with-t-sne/>

Dogs vs. Cats

- Визуализация не очень осмысленная
- Мы использовали интенсивности пикселей как признаки
- Современный подход — прогнать изображения через свёрточную нейронную сеть, взять выходы одного из последних слоёв

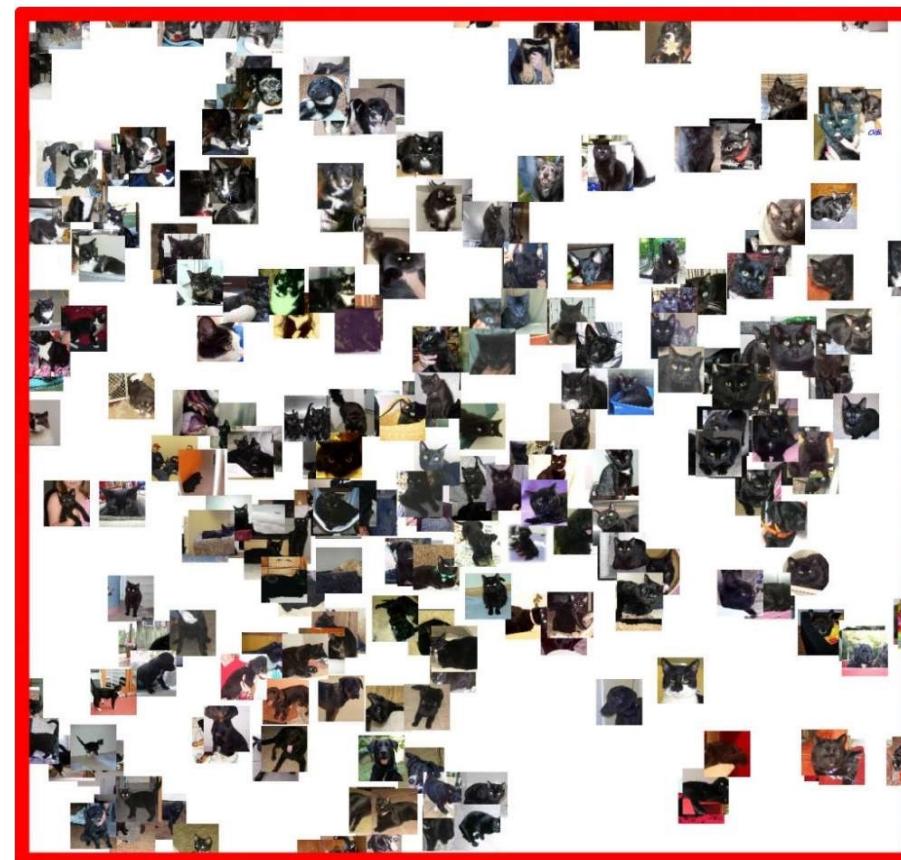


Dogs vs. Cats



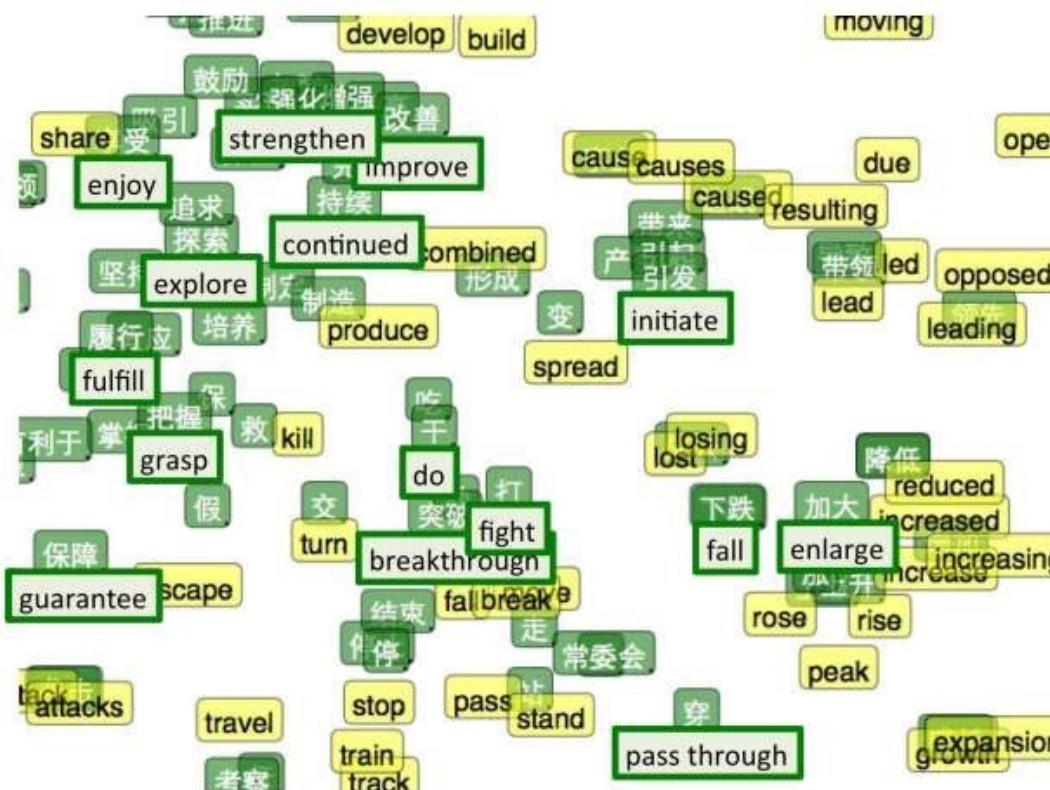
<https://indico.io/blog/visualizing-with-t-sne/>

Dogs vs. Cats



<https://indico.io/blog/visualizing-with-t-sne/>

Визуализация слов с помощью t-SNE



Резюме

- Методы понижения размерности позволяют убрать неинформативные признаки и ускорить работу над моделями
- Классы методов: отбор признаков и извлечение признаков
- Отбор признаков: фильтрация и использование моделей
- Извлечение признаков: PCA
- Визуализация данных: t-SNE