

功能：反算三次B样条插值开曲线控制顶点。

输入参数：(m_xDVertex, m_yDVertex[i])—为受保护成员, $i=0, 1, \dots, n-2$ 存数据点, $i=n-1$ 存首端显示切矢矢端, $i=n$ 存末端显示切矢矢端。m_eType0, m_eType1—首末边界条件标识码。

输出参数：(m_xAVertex, m_yAVertex)—控制顶点，为受保护成员。

调用函数：InitEdge—置首末边界条件系数与右端矢量；delta—节点值向前差分。

```
void BTridia()
{
    int n= m_xDVertex.GetSize()-1;
    int k=2;
    m_xAVertex.SetSize(n+1), m_yAVertex.SetSize(n+1);    //i=0, 1, ..., n存控制顶点
    m_xAVertex[0]=m_xDVertex[0];
    m_yAVertex[0]=m_yDVertex[0];
    m_xAVertex[n]=m_xDVertex[n-2];
    m_yAVertex[n]=m_yDVertex[n-2];
    double a1, b1, c1, elx, ely, an_1, bn_1, cn_1, en_1x, en_1y;
    InitEdge(b1, c1, a1, elx, ely, cn_1, an_1, bn_1, en_1x, en_1y);
    CArray<CArray<double, double>, CArray<double, double>>> dia; //系数矩阵存三对角元素
    dia.SetSize(3);
    //系数矩阵含第1, 2, ..., n-1行, 行数为n-1。第i行dia[0][i], dia[1][i], dia[2][i]存ai, bi, ci
    //三个元素。因系数矩阵不含第0行, dia[0][0], dia[1][0], dia[2][0]三元素空置。
    //系数矩阵既有三对角元素, 又首行多出a1与末行多出cn_1两个元素。
    for(int i=0; i<3; i++) dia[i].SetSize(n);
    CArray<CArray<double, double>, CArray<double, double>>> t;
    t.SetSize(k);
    for(i=0; i<k; i++) t[i].SetSize(n);
    //生成系数矩阵第2, 3, ..., n-2行元素与右端矢量(t[0][i], t[1][i]), i=2, 3, ..., n-2
    for(i=2; i<=n-2; i++) //函数double delta(int i);在头文件中声明为受保护(protected)
    {
        //成员, 用于计算节点矢量中节点值的一阶向前差分
        dia[0][i]=(delta(i+2)*delta(i+2))/(delta(i)+delta(i+1)+delta(i+2));
        dia[1][i]=(delta(i+2)*(delta(i)+delta(i+1)))/(delta(i)+delta(i+1)+delta(i+2))
        +(delta(i+1)*(delta(i+2)+delta(i+3)))/(delta(i+1)+delta(i+2)+delta(i+3));
        dia[2][i]=(delta(i+1)*delta(i+1))/(delta(i+1)+delta(i+2)+delta(i+3));
        t[0][i]=(delta(i+1)+delta(i+2))*m_xDVertex[i-1];
        t[1][i]=(delta(i+1)+delta(i+2))*m_yDVertex[i-1];
    }
    dia[0][1]=a1; dia[1][1]=b1;    dia[2][1]=c1;    //首行边界条件系数矩阵三元素
    dia[0][n-1]=an_1; dia[1][n-1]=bn_1; dia[2][n-1]=cn_1; //末行边界条件系数矩阵三元素
    t[0][1]=elx; t[1][1]=ely;    //首行边界条件右端首点矢量。
    t[0][n-1]=en_1x; t[1][n-1]=en_1y; //末行边界条件右端末点矢量。
    if(m_eType0!=5&& m_eType1!=5)
    {
        if(n>3)
        {
            dia[0][1]=-dia[0][1]/dia[2][2];    //开始消元过程, 将首行a1消为0
            dia[1][1]=dia[1][1]+dia[0][2]*dia[0][1];
            dia[2][1]=dia[2][1]+dia[0][2]*dia[0][1];
            t[0][1]=t[0][1]+t[0][2]*dia[0][1];
            t[1][1]=t[1][1]+t[1][2]*dia[0][1];
            dia[0][1]=0.;
            dia[2][n-1]=-dia[2][n-1]/dia[0][n-2];    //将末行cn_1消为0
            dia[0][n-1]=dia[0][n-1]+dia[1][n-2]*dia[2][n-1];
            dia[1][n-1]=dia[1][n-1]+dia[2][n-2]*dia[2][n-1];
            t[0][n-1]=t[0][n-1]+t[0][n-2]*dia[2][n-1];
            t[1][n-1]=t[1][n-1]+t[1][n-2]*dia[2][n-1];
            dia[2][n-1]=0.;    //至此, 系数矩阵
        }
        //成为标准三对角矩阵
        for(i=2; i<=n-1; i++)    //将下三角元素全部消为0
        {
            dia[0][i]=-dia[0][i]/dia[1][i-1];
            dia[1][i]=dia[1][i]+dia[2][i-1]*dia[0][i];
            t[0][i]=t[0][i]+t[0][i-1]*dia[0][i];
            t[1][i]=t[1][i]+t[1][i-1]*dia[0][i];
        }
        for(int l=0; l<k; l++) t[l][n-1]=t[l][n-1]/dia[1][n-1];    //得第n-1个控制顶点
        for(i=n-2; i>=1; i--)    //回代求得第n-2, n-3, ..., 1个控制顶点
        {
            for(l=0; l<k; l++) t[l][i]=(t[l][i]-dia[2][i]*t[l][i+1])/dia[1][i];
        }
    }
    //当用于非节点条件, 消元时可能出现主对角元素为0, 作相应处理。
    if(m_eType0==5||m_eType1==5)
    {
        dia[0][n-2]=dia[0][n-2]-dia[2][n-1]*dia[2][n-2]/dia[1][n-1];    //将dia[2][n-2]消为0;
    }
}
```

```

BTridia.txt
dia[1][n-2]=dia[1][n-2]-dia[0][n-1]*dia[2][n-2]/dia[1][n-1];
t[0][n-2]=t[0][n-2]-t[0][n-1]*dia[2][n-2]/dia[1][n-1];
t[1][n-2]=t[1][n-2]-t[1][n-1]*dia[2][n-2]/dia[1][n-1];
dia[2][n-2]=0.;
dia[1][2]=dia[1][2]-dia[2][1]*dia[0][2]/dia[1][1]; //dia[0][2]消为0;
dia[2][2]=dia[2][2]-dia[0][1]*dia[0][2]/dia[1][1];
t[0][2]=t[0][2]-t[0][1]*dia[0][2]/dia[1][1];
t[1][2]=t[1][2]-t[1][1]*dia[0][2]/dia[1][1];
dia[0][2]=0.;
for(i=3;i<=n-2;i++) //将下三角元素消为0
{
    dia[0][i]=-dia[0][i]/dia[1][i-1];
    dia[1][i]=dia[1][i]+dia[2][i-1]*dia[0][i];
    t[0][i]=t[0][i]+t[0][i-1]*dia[0][i];
    t[1][i]=t[1][i]+t[1][i-1]*dia[0][i];
    dia[0][i]=0.;
}
t[0][n-2]=t[0][n-2]/dia[1][n-2]; //得顶点(m_xAVertex[n-2],
m_yAVertex[n-2])
t[1][n-2]=t[1][n-2]/dia[1][n-2];
for(i=n-3;i>=2;i--)
{ //回代求顶点(m_xAVertex[n-3], m_yAVertex[n-3]),..., (m_xAVertex[2], m_yAVertex[2])
    t[0][i]=(t[0][i]-dia[2][i]*t[0][i+1])/dia[1][i];
    t[1][i]=(t[1][i]-dia[2][i]*t[1][i+1])/dia[1][i];
}
//回代求顶点(m_xAVertex[1], m_yAVertex[1])
t[0][1]=(t[0][1]-dia[2][1]*t[0][2]-dia[0][1]*t[0][3])/dia[1][1];
t[1][1]=(t[1][1]-dia[2][1]*t[1][2]-dia[0][1]*t[1][3])/dia[1][1];
//求顶点(m_xAVertex[n-1], m_yAVertex[n-1])
t[0][n-1]=(t[0][n-1]-dia[2][n-1]*t[0][n-3]-dia[0][n-1]*t[0][n-2])/dia[1][n-1];
t[1][n-1]=(t[1][n-1]-dia[2][n-1]*t[1][n-3]-dia[0][n-1]*t[1][n-2])/dia[1][n-1];
}
//得第1, 2, ..., n-1个控制顶点
for(i=1;i<=n-1;i++)
{
    m_xAVertex[i]=t[0][i];
    m_yAVertex[i]=t[1][i];
}
if(m_eType0!=2&&m_eType0!=3)
{ //该段解决拖动显示首端切矢端(m_xDVertex[n-1],m_yDVertex[n-1])
    double px,py;
    int rank=1,nTime=3;
    double u=0.;
    GetDerivat(rank,nTime,u,px,py);
    m_ftx=px;
    m_fty=py;
    m_xDVertex[n-1]=m_xDVertex[0]+0.5*delta(3)*m_ftx;
    m_yDVertex[n-1]=m_yDVertex[0]+0.5*delta(3)*m_fty;
}
if(m_eType1!=2&&m_eType1!=3)
{ //该段解决拖动显示末端切矢端(m_xDVertex[n],m_yDVertex[n])
    double px,py;
    int rank=1,nTime=3;
    double u=1.;
    GetDerivat(rank,nTime,u,px,py);
    m_ltx=px;
    m_lty=py;
    m_xDVertex[n]=m_xDVertex[n-2]+0.5*delta(n)*m_ltx;
    m_yDVertex[n]=m_yDVertex[n-2]+0.5*delta(n)*m_lty;
}
return;
}

```