Bài 1: Cho hàm đệ quy để tính tổng các số từ 1 đến n. Hãy giải thích từng bước thực hiện của hàm đệ quy này khi n = 7

```
1  def sum_of_numbers(n):
2  if n == 1:
3     return 1
4  else:
5     return n + sum_of_numbers(n-1)
6  print(sum_of_numbers(7))
```

Quy trình các bước như sau:

Bước 1: Goi hàm sum of numbers(7):

Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 7, không thỏa mãn điều kiện Thực hiện câu lệnh else: return n + sum of numbers(6)

Bước 2: Hàm sum of numbers(6) được gọi:

Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 6, không thỏa mãn điều kiện Thực hiện câu lệnh else: return $n + sum_of_numbers(5)$

Bước 3: Hàm sum_of_numbers(5) được gọi:

Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 5, không thỏa mãn điều kiện Thực hiện câu lệnh else: return $n + \text{sum_of_numbers}(4)$

Bước 4: Hàm sum_of_numbers(4) được gọi:

Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 4, không thỏa mãn điều kiện Thực hiện câu lệnh else: return $n + \text{sum_of_numbers}(3)$

Bước 5: Hàm sum_of_numbers(3) được gọi:

Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 3, không thỏa mãn điều kiện

Thực hiện câu lệnh else: return n + sum_of_numbers(2)

Bước 6: Hàm sum_of_numbers(2) được gọi:

Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 2, không thỏa mãn điều kiện

Thực hiện câu lệnh else: return n + sum_of_numbers(1)

Bước 7: Hàm sum_of_numbers(1) được gọi:

Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 1, điều kiện được thỏa mãn. Hàm trả về 1.

Các hàm được thực hiện lần lượt theo thứ tự từ dưới lên (từ bước 7 lên bước 1).

sum_of_numbers(2) trả về 2+1=3 -> sum_of_numbers(3) trả về 3+3=6 -> sum_of_numbers(4) trả về 6+4=10 -> sum_of_numbers(5) trả về 10+5=15 -> sum_of_numbers(6) trả về 15+6=21 -> sum_of_numbers(7) trả về 21+7=28

Vậy: kết quả cuối cùng là 8, đây là tổng từ 1 đến 7.

Bài 2: Cho hàm đệ quy để tính số Fibonacci thứ n. Hãy giải thích từng bước thực hiện của hàm đệ quy này khi n = 8.

```
1 * def fibonacci(n):
2 * if n <= 1:
3     return n
4 * else:
5     return fibonacci(n-1) + fibonacci(n-2)
6 print(fibonacci(8))</pre>
```

Quy trình các bước:

Bước 1: Gọi hàm fibonacci(8)

Kiểm tra điều kiên cơ sở: n = 8, không thỏa mãn điều kiên cơ sở

Thực hiện câu lệnh trong else: return fibonacci (7) + fibonacci (6)

Bước 2: Hàm fibonacci (7) được gọi

Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 7, không thỏa mãn điều kiện

Thực hiện câu lệnh trong else: return fibonacci (6) + fibonacci (5)

Bước 3: Hàm fibonacci (6) được gọi

Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 6, không thỏa mãn điều kiện

Thực hiện câu lệnh trong else: return fibonacci (5) + fibonacci (4)

Bước 4: Hàm fibonacci (5) được gọi

Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 5, không thỏa mãn điều kiện

Thực hiện câu lệnh trong else: return fibonacci (4) + fibonacci (3)

Bước 5: Hàm fibonacci (4) được gọi

Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 4, không thỏa mãn điều kiện

Thực hiện câu lệnh trong else: return fibonacci (3) + fibonacci (2)

Bước 6: Hàm fibonacci (3) được gọi

Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 3, không thỏa mãn điều kiện

Thực hiện câu lệnh trong else: return fibonacci (2) + fibonacci (1)

Bước 7: Hàm fibonacci (2) được gọi

Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 2, không thỏa mãn điều kiện

Thực hiện câu lệnh trong else: return fibonacci (1) + fibonacci (0)

Bước 8: Hàm fibonacci (1) được gọi

Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 1, điều kiện được thỏa mãn. Hàm trả về 1.

Bước 9: Hàm fibonacci (0) được gọi:

Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 0, điều kiện được thỏa mãn. Hàm trả về 0

Các hàm được thực hiện lần lượt theo thứ tự từ dưới lên:

- Fibonacci (2) = fibonacci (1) + fibonacci (0) = 1 + 0 = 1
- Fibonacci (3) = fibonacci (2) + fibonacci (1) = 1 + 1 = 2
- Fibonacci (4) = fibonacci (3) + fibonacci (2) = 2 + 1 = 3
- Fibonacci (5) = fibonacci (4) + fibonacci (3) = 3 + 2 = 5
- Fibonacci (6) = fibonacci (5) + fibonacci (4) = 5 + 3 = 8
- Fibonacci (7) = fibonacci (6) + fibonacci (5) = 8 + 5 = 13
- Fibonacci (8) = fibonacci (7) + fibonacci (6) = 13 + 8 = 21

Vậy: Kết quả cuối cùng là 21, đây là số Fibonacci thứ 8.

Bài 3: Cho hàm đệ quy để tính x mũ n. Hãy giải thích từng bước thực hiện của hàm đệ quy này khi x = 2 và n = 6.

Lê Hằng Anh – Bài tập về nhà lab 9

Quy trình các bước như sau:

Bước 1: Gọi hàm power(2,6)

Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 6, không thỏa mãn điều kiện cơ sở

Thực hiện câu lệnh trong else: 2*power(2, 5)

Bước 2: Hàm power(2,5) được gọi

Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 5, không thỏa mãn điều kiện

Thực hiện câu lệnh trong else: 2*power(2, 4)

Bước 2: Hàm power(2,5) được gọi

Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 5, không thỏa mãn điều kiện

Thực hiện câu lệnh trong else: 2*power(2, 4)

Bước 3: Hàm power(2,4) được gọi

Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 4, không thỏa mãn điều kiện

Thực hiện câu lệnh trong else: 2*power(2, 3)

Bước 4: Hàm power(2,3) được gọi

Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 3, không thỏa mãn điều kiện

Thực hiện câu lệnh trong else: 2*power(2, 3)

Bước 5: Hàm power(2,2) được gọi

Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 2, không thỏa mãn điều kiện

Thực hiện câu lệnh trong else: 2*power(2, 1)

Bước 6: Hàm power(2,1) được gọi

Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 1, không thỏa mãn điều kiện

Thực hiện câu lệnh trong else: 2*power(2, 0)

Bước 7: Hàm power(2,0) được gọi

Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 0, điều kiện được thỏa mãn. Hàm trả về 1.

Các hàm được thực hiện lần lượt theo thứ tự từ dưới lên:

- power (2,1) = 2*power(2,0) = 2*1 = 2
- power (2,2) = 2*power(2,1) = 2*2 = 4
- power (2,3) = 2*power(2,2) = 2*4 = 8
- power (2,4) = 2*power(2,3) = 2*8 = 16
- power (2,5) = 2*power(2,4) = 2*16 = 32
- power (2,6) = 2*power(2,5) = 2*32 = 64

Vậy: Kết quả cuối cùng của 2 mũ 6 là 64.

Bài 4: Cho hàm đệ quy giải bài toán Tháp Hà Nội. Hãy giải thích từng bước thực hiện của hàm đệ quy này chuyển 4 đĩa từ cọc A sang cọc B, với trung gian là cọc C.

Quy trình các bước:

Bước 1: Gọi hàm thap_ha_noi (4, "A", "C", "B")

Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 4, không thỏa mãn điều kiện.

Thực hiện câu lệnh else: hàm thap_ha_noi (3, "A", "B", "C")

Bước 2: Hàm thap_ha_noi (3, "A", "B", "C") được gọi: Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 3, khong thỏa mãn điều kiện Thực hiện câu lệnh else: thap_ha_noi (2, "A", "C", "B")

Bước 3: Hàm thap_ha_noi (2, "A", "C", "B") được gọi Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 2, khong thỏa mãn điều kiện Thực hiện câu lệnh else: thap_ha_noi (1, "A", "B", "C")

Bước 4: Hàm thap_ha_noi (1, "A", "B", "C") được gọi Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 1, điều kiện thỏa mãn. In ra "Chuyển đĩa 1 từ cột A sang C".

Bước 5: Trở lại hàm thap_ha_noi (2, "A", "C", "B") In ra "Chuyển đĩa 2 từ cột A sang cột B". Gọi hàm thap_ha_noi (1, "C", "A", "B")

Bước 6: Hàm thap_ha_noi (1, "C", "A", "B") được gọi Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 1, điều kiện thỏa mãn. In ra "Chuyển đĩa 1 từ cột C sang B".

Bước 7: Sau khi hoàn thành hàm thap_ha_noi (2, "A", "C", "B"). Trở lại hàm thap_ha_noi (3, "A", "B", "C")
In ra "Chuyển đĩa 3 từ cột A sang cột C).
Gọi hàm thap_ha_noi (2, "B", "A", "C")

Bước 8: Hàm thap_ha_noi (2, "B", "A", "C") được gọi: Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 2, khong thỏa mãn điều kiện Thực hiện câu lệnh else: thap_ha_noi (1, "B", "C", "A")

Bước 9: Hàm thap_ha_noi (1, "B", "C", "A") được gọi Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 1, điều kiện thỏa mãn. In ra "Chuyển đĩa 1 từ cột B sang A".

Bước 10: Trở lại hàm thap_ha_noi(2, "B", "A", "C") In ra "Chuyển đĩa 2 từ cột B sang cột C". Gọi hàm thap_ha_noi(1, "C", "A", "B") **Bước 11:** Hàm thap_ha_noi (1, "C", "A", "B")được gọi Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 1, điều kiện thỏa mãn. In ra "Chuyển đĩa 1 từ cột A sang C".

Bước 12: Sau khi hoàn thành hàm hàm thap_ha_noi(3, "A", "B", "C"). Trở lại hàm thap_ha_noi (4, "A", "C", "B")
In ra "Chuyển đĩa 4 từ cột A sang cột B".
Gọi hàm thap_ha_noi (3, "C", "A", "B")

Bước 13: Hàm thap_ha_noi (3, "C", "A", "B") được gọi: Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 3, khong thỏa mãn điều kiện Thực hiện câu lệnh else: thap_ha_noi (2, "C", "B", "A")

Bước 14: Hàm thap_ha_noi (2, "C", "B", "A") được gọi Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 2, khong thỏa mãn điều kiện Thực hiện câu lệnh else: thap_ha_noi (1, "C", "A", "B")

Bước 15: Hàm thap_ha_noi (1, "C", "A", "B") được gọi Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 1, điều kiện thỏa mãn. In ra "Chuyển đĩa 1 từ cột C sang B".

Bước 16: Trở lại hàm thap_ha_noi (2, "C", "B", "A") In ra "Chuyển đĩa 2 từ cột C sang cột A". Gọi hàm thap_ha_noi (1, "B", "C", "A") **Bước 17:** Hàm thap_ha_noi (1, "B", "C", "A") được gọi Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 1, điều kiện thỏa mãn. In ra "Chuyển đĩa 1 từ cột B sang A".

Bước 18: Sau khi hoàn thành hàm thap_ha_noi (2, "C", "B", "A")

Trở lại hàm thap_ha_noi (3, "C", "A", "B")

In ra "Chuyển đĩa 3 từ cột C sang cột B".

Gọi hàm thap_ha_noi (2, "A", "C", "B").

Bước 19: Hàm thap_ha_noi (2, "A", "C", "B") được gọi: Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 2, khong thỏa mãn điều kiện Thực hiện câu lệnh else: thap_ha_noi (1, "A", "B", "C").

Bước 20: Hàm thap_ha_noi (1, "A", "B", "C") được gọi Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 1, điều kiện thỏa mãn. In ra "Chuyển đĩa 1 từ cột A sang C".

Bước 21: Trở lại hàm thap_ha_noi (2, "A", "C", "B") In ra "Chuyển đĩa 2 từ cột A sang cột B". Gọi hàm thap_ha_noi (1, "C", "A", "B")

Bước 22: Hàm thap_ha_noi (1, "C", "A", "B") được gọi Kiểm tra điều kiện cơ sở: n = 1, điều kiện thỏa mãn. In ra "Chuyển đĩa 1 từ cột C sang B".

Bài 5: Cho hàm đệ quy giải bài toán cổ vừa gà vừa chó. Hãy giải thích từng bước thực hiện của hàm đệ quy của bài toán này.

```
1 - def cho_ga(tong_so_con, tong_so_chan):
       if tong_so_con == 0 and tong_so_chan == 0:
       return 0, 0
      if tong_so_chan % 2 != 0:
       return -1, -1
      for cho in range(tong_so_con + 1):
        ga = tong_so_con - cho
         if ga * 2 + cho * 4 == tong_so_chan:
          return cho, ga
10
     cho, ga = cho_ga(tong_so_con -1, tong_so_chan -4)
11 -
      if ga != -1:
         return cho + 1, ga
12
13 +
      else:
14
       return -1, -1
15
16 tong_so_chan = 100
17 tong_so_con = 36
18 so_cho, so_ga = cho_ga(tong_so_con, tong_so_chan)
19 print("Số gà là:", so_ga)
20 print("Số chó là:", so_cho)
```

Lê Hằng Anh - Bài tập về nhà lab 9

Quy trình các bước như sau:

Bước 1: Gọi hàm cho_ga (36, 100)

Kiểm tra điều kiện: tong_so_con = 36 and tong_so_chan = 100, không thỏa mãn điều kiện

Kiểm tra tong_so_chan % 2 != 0, không thỏa mãn điều kiện

Khởi tạo vòng lặp với biến cho chạy từ 0 đến 36.

Bước 2: Bắt đầu vòng lặp

Với biến cho chạy từ 0 đến 36, ta có: ga = 36 - cho

Kiểm tra điều kiện: ga*2 + cho*4 == tong_so_chan, không có giá trị ga và cho thỏa mãn điều kiện.

Bước 3: Hàm cho ga (35, 96) được gọi

Kiểm tra điều kiện: tong_so_con = 35 and tong_so_chan = 96, không thỏa mãn điều kiện

Kiểm tra tong_so_chan % 2 != 0, không thỏa mãn điều kiện

Khởi tạo vòng lặp với biến cho chạy từ 0 đến 35.

Bước 4: Bắt đầu vòng lặp

Với biến cho chạy từ 0 đến 35, ta có: ga = 35 - cho

Kiểm tra điều kiện: ga*2 + cho*4 == tong_so_chan, không có giá trị ga và cho thỏa mãn điều kiện.

Bước 3: Hàm cho ga(35, 96) được gọi

Kiểm tra điều kiện: tong_so_con = 35 and tong_so_chan = 96, không thỏa mãn điều kiện

Kiểm tra tong_so_chan % 2 != 0, không thỏa mãn điều kiện

Khởi tạo vòng lặp với biến cho chạy từ 0 đến 36.

Bước 4: Bắt đầu vòng lặp

Với biến cho chạy từ 0 đến 35, ta có: ga = 35 - cho

Kiểm tra điều kiện: ga*2 + cho*4 == tong_so_chan, không có giá trị ga và cho thỏa mãn điều kiện.

Bước 5: Hàm cho ga (34, 92) được gọi

Kiểm tra điều kiện: tong_so_con = 34 and tong_so_chan = 92, không thỏa mãn điều kiện

Kiểm tra tong_so_chan % 2 != 0, không thỏa mãn điều kiện

Khởi tạo vòng lặp với biến cho chạy từ 0 đến 34.

Bước 6: Bắt đầu vòng lặp

Với biến cho chạy từ 0 đến 34, ta có: ga = 34 - cho

Kiểm tra điều kiện: ga*2 + cho*4 == tong_so_chan, không có giá trị ga và cho thỏa mãn điều kiện.

Bước 7: Hàm cho_ga(33, 88) được gọi

Kiểm tra điều kiện: tong_so_con = 33 and tong_so_chan = 88, không thỏa mãn điều kiên

Kiểm tra tong_so_chan % 2 != 0, không thỏa mãn điều kiện

Khởi tạo vòng lặp với biến cho chạy từ 0 đến 33.

Bước 8: Bắt đầu vòng lặp

Với biến cho chạy từ 0 đến 33, ta có: ga = 33– cho

Kiểm tra điều kiện: ga*2 + cho*4 == tong_so_chan, không có giá trị ga và cho thỏa mãn điều kiện.

Bước 9: Hàm cho_ga(32, 84) được gọi

Kiểm tra điều kiện: tong_so_con = 32 and tong_so_chan = 84, không thỏa mãn điều kiên

Kiểm tra tong_so_chan % 2 != 0, không thỏa mãn điều kiện

Khởi tạo vòng lặp với biến cho chạy từ 0 đến 32.

Bước 10: Bắt đầu vòng lặp

Với biến cho chạy từ 0 đến 32, ta có: ga = 32 - cho

Kiểm tra điều kiện: ga*2 + cho*4 == tong_so_chan, không có giá trị ga và cho thỏa mãn điều kiện.

Bước 11: Hàm cho_ga(31, 80) được gọi

Kiểm tra điều kiện: tong_so_con = 31 and tong_so_chan = 80, không thỏa mãn điều kiện

Kiểm tra tong_so_chan % 2 != 0, không thỏa mãn điều kiện

Khởi tạo vòng lặp với biến cho chạy từ 0 đến 31.

Bước 12: Bắt đầu vòng lặp

Với biến cho chạy từ 0 đến 31, ta có: ga = 31 - cho

Kiểm tra điều kiện: ga*2 + cho*4 == tong_so_chan, không có giá trị ga và cho thỏa mãn điều kiện.

Bước 13: Hàm cho ga(30, 76) được gọi

Kiểm tra điều kiện: tong_so_con = 30 and tong_so_chan = 76, không thỏa mãn điều kiện

Kiểm tra tong_so_chan % 2 != 0, không thỏa mãn điều kiện

Khởi tạo vòng lặp với biến cho chạy từ 0 đến 30.

Bước 14: Bắt đầu vòng lặp

Với biến cho chạy từ 0 đến 30, ta có: ga = 30 – cho

Kiểm tra điều kiện: ga*2 + cho*4 == tong_so_chan, không có giá trị ga và cho thỏa mãn điều kiện.

Bước 15: Hàm cho ga (29, 72) được gọi

Kiểm tra điều kiện: tong_so_con = 29 and tong_so_chan = 72, không thỏa mãn điều kiện

Kiểm tra tong_so_chan % 2 != 0, không thỏa mãn điều kiện

Khởi tạo vòng lặp với biến cho chạy từ 0 đến 29.

Bước 16: Bắt đầu vòng lặp

Với biến cho chạy từ 0 đến 29, ta có: ga = 29 - cho

Kiểm tra điều kiện: ga*2 + cho*4 == tong_so_chan, không có giá trị ga và cho thỏa mãn điều kiện.

Bước 17: Hàm cho_ga (28, 68) được gọi

Kiểm tra điều kiện: tong_so_con = 28 and tong_so_chan = 68, không thỏa mãn điều kiện

Kiểm tra tong_so_chan % 2 != 0, không thỏa mãn điều kiện

Khởi tạo vòng lặp với biến cho chạy từ 0 đến 28.

Bước 18: Bắt đầu vòng lặp

Với biến cho chạy từ 0 đến 28, ta có: ga = 28 - cho

Kiểm tra điều kiện: ga*2 + cho*4 == tong_so_chan, thỏa mãn điều kiện.

Hàm trả về ga = 22, cho = 6

Bước 19: Ta có: Hàm cho_ga (28, 68) trả về ga = 22, cho = 6

Kiểm tra điều kiện gà != -1, thỏa mãn điều kiện

- ⇒ Hàm cho_ga (29, 72) trả về ga = 22, cho = 7
- \Rightarrow Hàm cho_ga (30, 76) trả về ga = 22, cho = 8
- \Rightarrow Hàm cho_ga (31, 80) trả về ga = 22, cho = 9
- \Rightarrow Hàm cho_ga (32, 84) trả về ga = 22, cho = 10
- \Rightarrow Hàm cho_ga (33, 88) trả về ga = 22, cho = 11
- \Rightarrow Hàm cho_ga (34, 92) trả về ga = 22, cho = 12
- ⇒ Hàm cho_ga (35, 96) trả về ga = 22, cho = 13
- ⇒ Hàm cho_ga (36, 100) trả về ga = 22, cho = 14

Bước 20:

In ra "Số gà là: 22"

"Số chó là: 14"





