

問題L べき乗数

問題文：広瀬

解答：田村、森

問題

- $P_1^{p_1} P_2^{p_2} \dots P_n^{p_n}$ の形をした数をべき乗数と呼ぶ
- ただし p_1, \dots, p_n は 2, 3, 5, 7 のどれか。
- 例えば $2^3 3^2 = 2^9 = 512$ はべき乗数
- べき乗数 $X = p_1^{p_1} \dots p_N^{p_N}$ が入力として与えられる
- X 以下のべき乗数の個数を求める。

部分点解法 ($N \leq 4$)

- 求める答えは小さくなるので全探索すればよい。
- ただし $7^7^7^7$ は非常に大きい！
- 桁数の桁数が 70 万程度。
- 普通に計算したらオーバーフローする。
- 値そのものを計算するのではなく、 \log の \log を比較する。

どっちが大きい？

$$\bullet \quad 2^2 2^2 2^2 2^2 2^2 2^2 2^2 2^2 1 0 0 0$$

- $7^7 7^7 7^7 7^7 7^7 7^7 7^7 7^7 100$

・ 上のほうが大きい！

●

•

べき乗数の比較

- $x > y * 10$ のとき x は y より「非常に大きい」ということにする。
- x と y のうち一方が他方より非常に大きい時、 x と y は「非常に異なる」ということにする
- x が y より非常に大きい $\Rightarrow 2^x$ は 7^y より非常に大きい。

解法

- 次を満たすようなべき乗数 $L < H$ を見つける。
- 2^L は H より非常に大きい。
- H より大きいべき乗数は全てある $x \in [L, H]$ が存在して $p_1^{x_1} p_2^{x_2} \dots p_m^{x_m}$ の形にかける。
- L と H の間にあるべき乗数は全て非常に異なる。
- L 以上のべき乗数は全てあるべき乗数 $x \in [L, H]$ によって $p_1^{x_1} \dots p_m^{x_m}$ の形に書ける。
- 大小関係は $(m, x, p_m, \dots, p_2, p_1)$ の辞書順によって決まる。
- あとは簡単なdpで答えが求まる。
-

結果

- First AC

- 🕒 ☀️ ☁️ 📞 ☑️ 📢 😊 🍲 ✂️ ✈️ ✉️ (216:49)

- AC/Submit

- TODO/TODO