

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)
Кафедра САПР

ОТЧЕТ
по лабораторной работе №2
по дисциплине «Алгоритмы и структуры данных»
Вариант 2
ТЕМА: АЛГОРИТМЫ СОРТИРОВКИ И ПОИСКА

Студент гр. 9302

Кузнецов В.А.

Преподаватель

Тутуева А.В.

Санкт-Петербург

2020

Постановка задачи.

Реализовать алгоритмы сортировки и поиска. Реализуемые алгоритмы: двоичный поиск, быстрая сортировка, сортировка пузырьком, глупая сортировка, сортировка подсчетом. Сравнить временную сложность быстрой сортировки и сортировки пузырьком.

Описание реализуемого класса и методов.

Были реализованы следующие функции:

1. `Int BinarySearch(int* a, int n, int search)` – реализация алгоритма бинарного поиска элемента `search` в отсортированном массиве `a` длиной `n`. Возвращает позицию элемента в массиве или `-1` если он отсутствует.
2. `Void QuickSort(int* a, int& left, int& right)` – реализация алгоритма быстрой сортировки массива `a`, рекурсивная функция, сортирующая элементы с позиции `left` до `right` (таким образом в начале работы в `left` передается `0`, а в `right` `N-1`, где `N` – длина массива `a`).
3. `Int QuickSortPartition(int* a, int& left, int& right)` – функция для одной итерации сортировки `QuickSort`, возвращает индекс элемента, с которого нужно начать и закончить новую итерацию сортировки.
4. `Void BubbleSort(int* a, int n)` – реализация алгоритма сортировки пузырьком массива `a` длины `n`.
5. `Void BogoSort(int* a, int n)` – реализация алгоритма глупой сортировки массива `a` длины `n`.
6. `Void BogoSortShuffle(int* a, int n)` – функция для сортировки случайным образом.
7. `Int BogoSortCorrect(int* a, int n)` – функция, проверяющая, корректно ли был отсортирован массив `a` после сортировки случайным образом. Возвращает `1`, если корректно или `0` в противном случае.
8. `Void CountingSort(char* a, int n)` – реализация алгоритма сортировки подсчетом массива символов `a` длины `n`.

Также был реализован класс `Timer` исключительно для замеров скорости работы алгоритмов.

Оценка временной сложности алгоритмов.

В табл. 1 приведена сложность для каждой функции, реализующей алгоритм и ее временная сложность в среднем случае.

Таблица 1 – Временная сложность алгоритмов

Функция (алгоритм)	Сложность
BinarySearch	$O(\log(n))$
QuickSort	$O(n \cdot \log(n))$
BubbleSort	$O(n^2)$
BogoSort	$O(n \cdot (n!))$
CountingSort	$O(n + 256)$

Сравнение временной сложности алгоритма быстрой сортировки и сортировки пузырьком.

В табл. 2 представлены результаты сравнения времени работы алгоритмов на массивах размерности 10, 100, 1000, 10000 и 100000 элементов. Время работы расценивалось как среднее время из 10 запусков для каждой размерности. Элементы массивов определялись рандомно в интервале от -5000 до 5000.

Таблица 2 – Сравнение времени работы алгоритмов быстрой сортировки и пузырьком

Размерность массива	Быстрая сортировка, с.	Сортировка пузырьком, с.
10	$8,23 * 10^{-6}$	$7,82 * 10^{-5}$
100	$1,37 * 10^{-5}$	0,00076
1000	0,00098	0,067
10000	0,0133	5
100000	0,1148	492

Описание реализованных Unit-тестов.

Для проверки реализованных методов были написаны unit-тесты:

1. testBinarySearch – тестирование функции BinarySearch на отсортированном массиве длины 8, с различными входными данными и в том числе элементами, не входящими в исходный массив.
2. testQuickSort – тестирование функции QuickSort на массиве длины 8 путем сравнения каждого элемента массива с правильными выходными данными.
3. testBubbleSort – тестирование функции BubbleSort на массиве длины 8 путем сравнения каждого элемента массива с правильными выходными данными.
4. testBogoSort – тестирование функции BogoSort на массиве длины 6 путем сравнения каждого элемента массива с правильными выходными данными.
5. testCountingSort – тестирование функции CountingSort на массиве символов длины 8 путем сравнения каждого элемента массива с правильными выходными данными.

Все тесты были пройдены успешно.

Пример работы.

Работа программы приведена на рис. 1 и 2, где print – функция печати элементов массива, реализованная только для наглядного представления работы.

Рисунок 1 – Демонстрационный код

```
int main(){
    srand(time(0));
    const int n = 10;
    int l = 0;
    int r = n - 1;
    int a[n];
    int b[n];
    int c[5]{-5, -67, 0, 11, -2};
    char d[n]{'4', '2', 'f', 'a', 'c', '7', 'P', '4', 'Z', '\0'};
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        a[i] = rand() % 100 - 50;
        b[i] = rand() % 100 - 50;
    }
    QuickSort(a, l, r);
    BubbleSort(b, n);
    BogoSort(c, 5);
    CountingSort(d, n-1);
    print(a, n);
    print(b, n);
    print(c, 5);
    std::cout << d << std::endl;
    std::cout << BinarySearch(c, n, 0);
}
```

Рисунок 2 – Результат работы

```
-49 -35 -30 -16 -3 -2 12 30 30 41
-40 -30 -19 -10 -2 20 27 31 41 44
-67 -5 -2 0 11
2447PZacf
3
```

Листинг.

```
#include <iostream>
#include <algorithm> //std::swap
#include <chrono> //Timer

int BinarySearch(int* a, int n, int search) {
    int pos; //current position
    int left = 0; //left edge
    int right = n - 1; //right edge
    while (true) {
        if (left > right) //the gap has been narrowed to zero, search doesnt exist
            return -1;
        pos = left + (right - left) / 2; //midpoint
        if (a[pos] < search) //search in the second half
            left = pos + 1;
        if (a[pos] > search) //search in the first half
            right = pos - 1;
        if (a[pos] == search) //search found
            return pos;
    }
}

int QuickSortPartition(int* a, int& left, int& right) {
    int ai = a[(left + right) / 2]; //array center
    int i = left;
    int j = right;
    while (i <= j) { //while the gap exists
        while (a[i] < ai) { //shorten the gap on the left
            i++;
        }
        while (a[j] > ai) { //shorten the gap on the right
            j--;
        }
        if (i >= j)
            break;
        std::swap(a[i++], a[j--]); //swap the ends
    }
    return j; //the right end divides the array into two parts
}

void QuickSort(int* a, int& left, int& right) {
    if (left < right) { //while the gap exists
        int part = QuickSortPartition(a, left, right); //single cycle iteration...
        QuickSort(a, left, part); //...split the sorting into two subarrays
        int l = part + 1;
        QuickSort(a, l, right);
    }
}

void BubbleSort(int* a, int n) {
```

```

    for (int i = 0; i < n - 1; i++) {
        for (int j = 0; j < n - 1; j++) {
            if (a[j] > a[j + 1]) { //swap if the left number is greater than the right one.
                std::swap(a[j], a[j + 1]);
            }
        }
    }
}

int BogoSortCorrect(int* a, int n) { //whether the array is sorted
    while (--n > 0) {
        if (a[n - 1] > a[n])
            return 0;
    }
    return 1;
}

void BogoSortShuffle(int* a, int n) { //random sort
    for (int i = 0; i < n; ++i) {
        std::swap(a[i], a[(rand() % n)]);
    }
}

void BogoSort(int* a, int n) { //randomly sorted until it is correct
    while (!BogoSortCorrect(a, n))
        BogoSortShuffle(a, n);
}

void CountingSort(char* a, int n) {
    const int k = 256; //maximum number of different chars
    char c[k]; //array of different chars
    int pos = 0;
    for (int i = 0; i < k; i++) {
        c[i] = 0;
    }
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        c[a[i]] = c[a[i]] + 1; //number of different chars
    }
    for (int i = 0; i < k; i++) { //char 'k'
        for (int j = 0; j < c[i]; j++) { //number of char 'k'
            a[pos] = i;
            ++pos;
        }
    }
}

void print(int* a, int n) { //print array
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        std::cout << a[i] << " ";
    }
    std::cout << std::endl;
}

```

```

class Timer{
private:
    using clock_t = std::chrono::high_resolution_clock;
    using second_t = std::chrono::duration<double, std::ratio<1> >;
    std::chrono::time_point<clock_t> m_beg;
public:
    Timer() : m_beg(clock_t::now()){
    }

    void reset(){
        m_beg = clock_t::now();
    }

    double elapsed() const{
        return std::chrono::duration_cast<second_t>(clock_t::now() - m_beg).count();
    }
};

int main(){
    srand(time(0));
    const int n = 10;
    int l = 0;
    int r = n - 1;
    int a[n];
    int b[n];
    int c[5]{-5, -67, 0, 11, -2};
    char d[n]{'4', '2', 'f', 'a', 'c', '7', 'P', '4', 'Z', '\0'};
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        a[i] = rand() % 100 - 50;
        b[i] = rand() % 100 - 50;
    }
    QuickSort(a, l, r);
    BubbleSort(b, n);
    BogoSort(c, 5);
    CountingSort(d, n-1);
    print(a, n);
    print(b, n);
    print(c, 5);
    std::cout << d << std::endl;
    std::cout << BinarySearch(c, n, 0);
}

```