

1.1) Перевести из 10 в 16 систему 12345678

12345678		16				
12345664		771604	16			
(14)		771600	48225	16		
(E)		(4)	48224	3014	16	
			(1)	3008	188	16
				(6)	176	11
					(12)	(11)
					(C)	(B)

Ответ: BC614E

1.2) Перевести из 10 в 16 систему 1000000

1000000		16			
1000000		62500	16		
(0)		62496	3906	16	
		(4)	3904	244	16
			(2)	240	15
				(4)	(F)

Ответ: F4240

2.1) Перевести из 16 в 10 систему 12345678

$$\begin{aligned} 12345678 &= 1 \cdot 16^7 + 2 \cdot 16^6 + 3 \cdot 16^5 + 4 \cdot 16^4 + \\ &+ 5 \cdot 16^3 + 6 \cdot 16^2 + 7 \cdot 16^1 + 8 \cdot 16^0 = 268435456 + \\ &+ 33554432 + 3145728 + 262144 + 20480 + \\ &+ 1536 + 112 + 8 = 305419896 \end{aligned}$$

Ответ: $12345678_{16} = 305419896_{10}$

2.2.) Перевести из 16 в 10 систему 1000000

$$\begin{aligned} 1000000 &= 1 \cdot 16^6 + 0 \cdot 16^5 + 0 \cdot 16^4 + 0 \cdot 16^3 + 0 \cdot 16^2 + 0 \cdot 16^1 + 0 \cdot 16^0 = \\ &= 16777216 \end{aligned}$$

Ответ: $1000000_{16} = 16777216_{10}$

3.) ~~Обозначим~~ "Существенного молока и меда и можно без хлеба"

Обозначим: А - мед

В - существенное молоко

С - хлеб

Ответ: A & B & C || A & B

4.1) Доказать тождество $A \rightarrow B = \neg A \vee B$

A	B	$A \rightarrow B$
0	0	1
0	1	1
1	0	0
1	1	1

A	B	$\neg A \vee B$
0	0	1
0	1	1
1	0	0
1	1	1

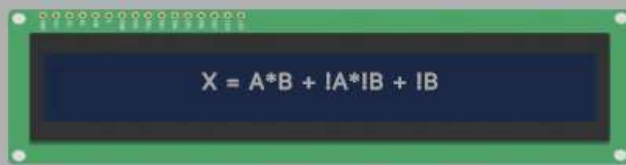
Таблицы истинности совпадают


4.2) Доказать тождество $A \leftrightarrow B = (A \wedge B) \vee (\neg A \wedge \neg B)$

A	B	$A \wedge B$	$\neg A$	$\neg B$	$\neg A \wedge \neg B$	$(A \wedge B) \vee (\neg A \wedge \neg B)$
0	0	0	1	1	1	1
0	1	0	1	0	0	0
1	0	0	0	1	0	0
1	1	1	0	0	0	1





A	B	$A \leftrightarrow B$
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Таблицы истинности совпадают


$$X = A*B + !A*!B + !B$$



A	B	A*B	!A*!B	!B	X
0	0	0	1	1	1
0	1	0	0	0	0
1	0	0	0	1	1
1	1	1	0	0	1



6.) Упростите выражение $X = B \rightarrow A \cdot \overline{(A+B)}(A \rightarrow C)$

$$B \rightarrow A = \bar{B} + A, \quad A \rightarrow C = \bar{A} + C;$$

$$A + B = \bar{A} \cdot \bar{B};$$

$$X = (\bar{B} + A) \cdot \bar{A} \cdot \bar{B} \cdot (\bar{A} + C)$$

$$(\bar{B} + A) \cdot \bar{B} = \bar{B}; \quad (\bar{A} + C) \cdot \bar{A} = \bar{A}$$

$$X = \bar{A} \cdot \bar{B}$$

Ответ: $X = \bar{A} \cdot \bar{B}$