

UNIVERSITY OF ZIELONA GÓRA

Faculty of Computer, Electrical and Control Engineering

Master's Thesis

Kierunek: Computer Science

COMPARATIVE ANALYSIS OF MACHINE
LEARNING LIBRARIES IN C++ FOR
APPLICATIONS IN BIOSTATISTICS

Kacper Wojciechowski, B.CS

Promotor:
prof. dr hab. eng. Dariusz Uciński

Pracę akceptuję:

.....
(data i podpis promotora)

Zielona Góra, June 2023

Summary

This dissertation aims to analyze and compare machine learning libraries available for C++ for use in biostatistics. The following chapters describe:

- general problems encountered in the process of implementing machine learning solutions;
- characteristics of biostatistics datasets used for testing chosen libraries;
- control results of the methods selected for libraries comparison purpose;
- Shogun, Shark-ML and Dlib libraries with implementations of selected machine learning methods;
- summary of features offered by each library in respect to each other.

Keywords: machine learning, C++, library, neural network, deep machine learning, shallow machine learning.

Contents

1. Introduction	1
1.1. About modern challenges	1
1.2. Aim and scope	2
1.3. Structure	2
2. A practical take at machine learning	3
2.1. Modern problems	3
2.2. C++ as a solution to machine learning problems	4
2.3. The aim of creating libraries	5
3. Used datasets	7
3.1. Overview of experimental data	7
3.1.1. Classification data	7
3.1.2. Regression data	8
3.2. Data characteristics	8
3.2.1. Classification data	8
3.2.1.1. Predictor and response distribution analysis	8
3.2.1.2. Cleaning and normalizing the data	9
3.2.2. Regression data	14
3.2.2.1. Distribution analysis	14
3.2.2.2. Cleaning and normalizing the data	15
3.3. Models built in JMP	18
3.3.1. Support Vector Machine (SVM)	18
3.3.2. Linear regression	19
4. Shogun	20
4.1. Introductions	20
4.2. Data formats	20
4.3. Data processing and exploration methods	23
4.3.1. Normalizing	23
4.3.2. Dimensionality reduction	24
4.3.3. L1 and L2 Regularisation	25
4.4. Machine Learning Models	25
4.4.1. Linear Regression	25
4.4.2. Logistic Regression	26
4.4.3. Support Vector Machine	27
4.4.4. K-Nearest Neighbours	29
4.4.5. Ensemble algorithms	30
4.4.5.1. Gradient boosting	30

4.4.5.2.	Random forest	31
4.4.6.	Neural network	32
4.5.	Model analysis methods	34
4.5.1.	Mean squared error	34
4.5.2.	Mean absolute error	34
4.5.3.	Logarithmic loss function	34
4.5.4.	R^2 metric	35
4.5.5.	Accuracy	36
4.5.6.	Precision, Recall and F1 metric	36
4.5.7.	ROC curve	36
4.5.8.	K-fold cross-validation	37
4.6.	Documentation and sources availability	38
5.	Shark-ML	39
5.1.	Introduction	39
5.2.	Data sources formats	39
5.3.	Data exploration and processing methods	40
5.3.1.	Normalization	40
5.3.2.	Dimensionality reduction	41
5.3.2.1.	Principal component analysis	41
5.3.2.2.	Linear discriminant analysis	42
5.3.3.	L1 regularization	42
5.3.4.	L2 regularization	42
5.4.	Machine learning models	43
5.4.1.	Linear regression	43
5.4.2.	Logistic regression	44
5.4.3.	Support vector machine	46
5.4.4.	K-nearest neighbors algorithm	48
5.4.5.	Ensemble algorithm	49
5.4.6.	Neural network	50
5.5.	Model analysis methods	52
5.5.1.	Funkcje straty	52
5.5.2.	Metryka R^2 i skorygowane R^2	53
5.5.3.	Pole pod wykresem krzywej charakterystycznej odbiornika	54
5.5.4.	K-krotny sprawdzian krzyżowy	55
5.6.	Dostępność dokumentacji i źródeł wiedzy	56
6.	Biblioteka Dlib	57
6.1.	Wprowadzenie	57
6.2.	Formaty źródeł danych	57
6.3.	Metody przetwarzania i eksploracji danych	58
6.3.1.	Normalizacja	58
6.3.2.	Redukcja wymiarowości	58
6.3.2.1.	Analiza składowych głównych	58
6.3.2.2.	Liniowa analiza dyskryminacyjna	59
6.3.2.3.	Mapowanie Sammona	60
6.3.3.	Regularyzacja L2	60
6.4.	Modele uczenia maszynowego	61
6.4.1.	Regresja liniowa	61

6.4.2.	Maszyna wektorów nośnych	62
6.4.3.	Sieci neuronowe	63
6.4.4.	Brzegowa regresja jądrowa	64
6.5.	Metody analizy modeli	65
6.5.1.	Pole pod wykresem krzywej charakterystycznej odbiornika . .	65
6.5.2.	K-krotny sprawdzian krzyżowy	66
6.6.	Dostępność dokumentacji i źródeł wiedzy	68
7.	Zestawienie zbiorcze i podsumowanie	69
7.1.	Oferowane funkcjonalności	69
7.2.	Porównanie wyników dla zadanych przykładów	71
7.3.	Wymagany nakład pracy i jakość źródeł	74

Chapter 1

Introduction

1.1. About modern challenges

In current times people encounter more and more devices with intelligent functions, such as predicting phenomena based on various datasets, image recognition, speech analysis, or natural language processing. They make its way into more daily life aspects, such as eg. medicine, work and private homes. Depending on the needs, few of the applicable uses of machine learning in medicine are recognition of cancer cells using MRI scans, diagnosis based on patient's symptoms, or setting norms for compounds naturally occurring in human body, depending on the situation (such as stress) and organic samples tests.

One of the major parts of medical field is biostatistics, based on statistical analysis and reasoning based on data such as blood tests results, eating habits and lifestyle of the patient. Especially important type of systems present in this field are expert systems, utilizing shallow and deep machine learning to help doctors diagnose any potential issues. [1]

At the foundation of aforementioned subjects lies the implementation of machine learning solutions and all related problems. Due to this fact, over the decades specialists created various tools, such as libraries and frameworks, aiming to help programmers in quick and accurate application of artificial intelligence products on different platforms and in different languages, starting from C++, through Python, reaching environments such as Matlab [2].

A major step in preparing AI software is proper selection of needed tools, performed at the design stage, so that they offer functionalities adequate to the requirements. This dissertation performs comparative analysis of machine learning libraries for C++ for use in biostatistics, and aims to help the reader choose the right tools for a research project. It is worth to mention, that only a selected subset of functionalities was presented, suitable for the context of test datasets. As such, mentioned libraries can offer broader range of more precise methods, or new method added after creation of this paper. The realization of this dissertation, the implementation parts were inspired by the examples in this handbook [3], however each listing is the creation of the author, fine-tuned to the used methods and datasets, and equipped with evaluation mechanisms.

1.2. Aim and scope

Aim of this dissertation is to perform a comparative analysis and breakdown of machine learning libraries for C++, presenting examples based on biostatistics datasets.

Scope of the thesis:

- overview of available libraries;
- data engineering;
- shallow and deep supervised learning;
- efficiency aspects of selecting models;
- practical experiment based on medical and biological data.

1.3. Structure

First chapter shows the general aspect touched in this paper, starting from the field of the problem and its uses, ending at the dissertations main topic, additionally describing aim and scope of the thesis, and its structure.

Following chapter guides user through the machine learning topic and usually encountered problems regarding computational complexity and resource usage. Those issues are the base argument of suggesting C++ language as a desired technology for solving them via various libraries.

Data engineering is the main topic of the third chapter. It describes the choice and preparation of biostatistics datasets for the learning process, and selected benchmark methods. The reader is presented with the way of data normalization, selection of regressors, and the control results of selected methods.

Three of the following chapters contain the analysis of selected main functionalities of Shogun, Shark-ML and Dlib libraries respectively. They discuss how does the way of work with each of the products look like, starting from accepted data formats, through data manipulation, ending on available models and their analysis.

Seventh chapter sums up the similarities and differences between mentioned libraries based on results of benchmarking machine learning methods, and available functionalities. Additionally, it describes author's subjective opinion regarding his personal experiences with creating implementations, and working with knowledge sources for each of the product.

Chapter 2

A practical take at machine learning

2.1. Modern problems

Machine learning is based on advanced algorithms and complex data structures, performing calculations on training and validation datasets provided by the user, as well as data received during their regular operation.

Some of the most basic models are created via techniques such as linear and non-linear regression, logistics regression or linear discriminant analysis. They result in shallow machine learning models, which have relatively small computational complexity to evaluate results of a dataset in comparison to other models [4].

Few of the more sophisticated methods are for example decision trees, based on algorithmical tree logic [5]. Each of the tree layer corresponds to the best predictor available at a current state, causing branching to specific values or ranges of values. The result calculation is achieved via traversing the tree from the root to one of its ending leafs.

The most advanced, yet at the same time most demanding in complexity and memory types of deep learning models such as deep neural networks, convolutional neural networks and recursive neural networks. They utilize structure consisting of one input layer, one or more hidden layers containing mathematical neurons, and one output layer. Each subsequent layer is connected to the previous one, either fully or partially, feeding the results of processing forward. Basic neural networks make neurons present in the same layer independent from one another. Each connection has its own weight, which is multiplied by the input from that connection, and summed up with the results from other connections, to be passed forward to the activation function. This function decide whether a neuron should activate, and (in case of continuous range $\langle 0; 1 \rangle$) to what extent [6]. An example of a network with a singular neuron was presented on figure 2.1.

Extensive neural networks, such as CNN, require additional steps to preprocess the input data, such that it is acceptable by the network, like for example pooling. By analyzing structures incorporated by each of the mentioned methods, following implementation challenges can be identified [7]:

- Efficiency - it is tightly connected to the computational complexity of the

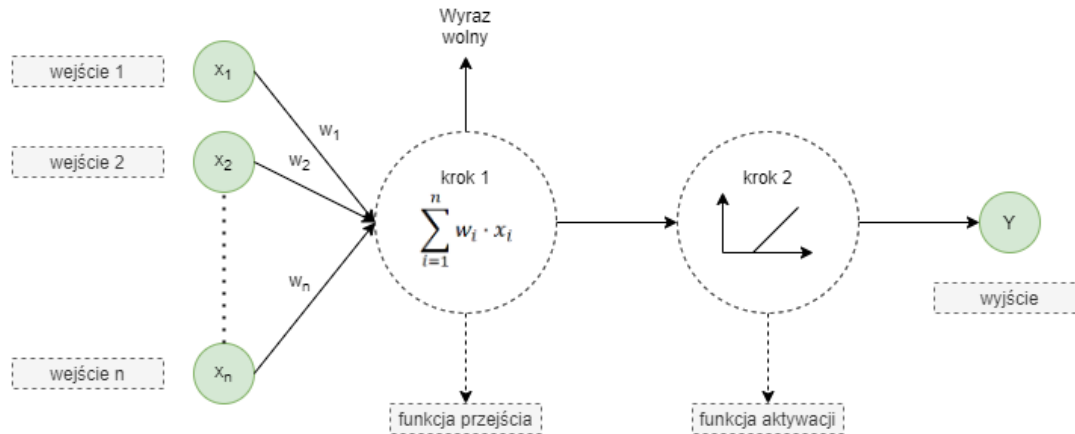


Figure 2.1. Neuron blueprint – Simplelearn.

used methods, aswell as the characteristics of used programming language and hardware platform. The desired effect would be to minimize the learning time of the model and propagation time from inputing the data to receiving a result. In most cases, minimalization of propagation time takes priority.

- Memory usage - this is a concern mainly when using platform with limited resources, such as microcontrollers and microcomputers, where current RAM and flash memory sizes (especially in embedded systems) can be very limited in comparison to regular computers or mobile platforms.

During development of machine learning technology, significant steps were taken into solving above mentioned problems, and fulfill everincreasing requirements of modern machine learning applications. Some of the ways this was achieved are algorithm optimization, selecting high frequency hardware platforms, utilizing paralel computing and using high performance compiled programming languages, especially those that support low level operations.

2.2. C++ as a solution to machine learning problems

Among various languages and environments supporting machine learning, such as Python, C++, Java and Matlab, one of the special few is C++. It is an imperative language with strong typing, connecting low level functionalities for specific hardware architectures with high level programming. As such, it offers vast control over memory usage and optimization possibilities, like adjusting used types for the specific processing needs, contol over variable placing in memory (it is up to the developer to choose whether the data will be placed on stack or heap) and function call optimizations by inlining and tail recursion optimization. In contrary to scripting languages whose code is interpreted during execution, such as Python and Matlab language, C++ is a compiled language, which means that its code is converted into a binary executable adjusted to specific CPU architecture. This completely removes

the overhead of interpreting the source code, as the conversion to CPU language is done only once, during the binary generation process. Additionally, this allows the compiler to perform various low level optimizations [8].

Parts of C++ mechanisms which find their root back in C language allow to use Assembly insets, further increasing the efficiency, at the cost of portability. Some platforms also offer API for hardware acceleration modules, such as eg. Neural Networks API - NNA - of Android, allowing for faster processing via specially designed hardware [9].

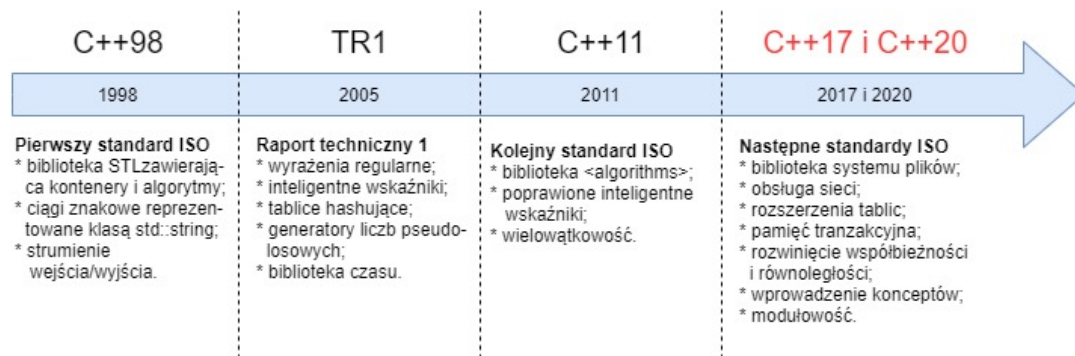


Figure 2.2. Concurrency evolution in modern C++ - Modernes C++.

One of the major factors increasing efficiency of machine learning models is parallel processing. Availability of multithreading (added in C++11 standard and further developed, as presented in figure 2.2) and compatibility with CUDA language and API [10] allows C++ to perform many calculations simultaneously utilizing multiple cores of the CPU or delegating processing to one or many graphics cards (where the number of GPU processors vastly outnumbers CPU cores). Additional, although fairly obvious benefit of using this language is easy integration of the models with programs already made in the same language (which is often the case in embedded systems, IoT and computationally intensive software).

2.3. The aim of creating libraries

Due to the complexity of mechanisms that are part of machine learning, various experience of developers and the need for intense optimization, implementation of the machine learning methods is lengthy and expensive. Here programmers can seek for help in libraries created by corporations such as Google and big open-source communities. The libraries provide ready for use mechanisms (often created according to object oriented paradigm, via a set of classes), which are constantly updated and optimized by developers who use it in their daily work or passion projects. They offer a way to quickly create your own models, and often also allow to use already created pre-trained models on stock datasets. Important benefit of using existing libraries that are still supported is better stability, as parts of the library are implemented and tested by experienced developers, like in the case of TensorFlow library provided by Google.

Majority of libraries for machine learning, even in languages such as Python,

are in fact made in C++, providing API for different languages. Sadly, not all libraries made in C++ offer suitable API to use in that same language, as a result, in most cases its use is convoluted and unnecessarily difficult. As a result, some of the libraries work with models created (even by this very same library) in different language, as is the case with TensorFlow lite. Common example is using Python to create a model graph or exporting model to ONNX format (Open Neural Network Exchange) [11]. In this analysis, presented libraries offer the ability to create models in C++, without the need for other language.

Chapter 3

Used datasets

3.1. Overview of experimental data

In order to compare the selected libraries and to show examples, it was necessary to select experimental data that can be used as a reference point. For this purpose, one binary classification and one regression dataset was selected.

3.1.1. Classification data

The classification task was carried out using complete "Wisconsin Diagnostic Breast Cancer" from November 1995, containing data about cancer tumors. The dataset was created by William H. Wolberg PhDm W. Nick Street and Olvi L. Mangasarian from the University of Wisconsin [12]. It is available for download from the repository of the University of California [13], and has the following structure:

- 1) ID - identification number of a patient;
- 2) Diagnosis [*Malignant* - *M* / *Benign* - *B*] - tumor type, **response variable**;
- 3) Classification data:
 - a) *Radius*;
 - b) *Texture*;
 - c) *Perimeter*;
 - d) *Area*;
 - e) *Smoothness* - described as local differences in tumor radius;
 - f) *Compactness* - used to determine the stadium of the tumor;
 - g) *Concavity*;
 - h) *Concave points*;
 - i) *Symmetry* - helpful in evaluation of the spread characteristics;
 - j) *Fractal dimension* („coastline approximation" - 1) - describes the complexity of nerve cells, helping to determine whether cells exhibit cancerous mutations.

For each of the variables above, the data contain an average, standard deviation, and average of three highest observations, and are organized sequentially, starting from set of averages. All variables have continuous character. There is also a reduced version of the data containing only the averages set, available as an attachment to this handbook [14].

3.1.2. Regression data

For the demonstration purposes of regression task, the "IronGlutathione" dataset attached to this handbook [14] was selected. It describes the connection between iron content and glutathione transferase enzyme in human body. It was created in 2012, and contains 90 observations of following 10 variables:

1. *Age*;
2. *Gender*;
3. *Alpha GST (ng/L)* - glutathione transferase type α content;
4. *pi GST (mg/L)* - glutathione transferase type π content;
5. *transferrin (mg/mL)*;
6. *sTfR (mg/mL)* - soluble transferrin receptor content;
7. *Iron (mg/dL)*;
8. *TIBC (mg/dL)* - total capacity of iron bonding;
9. *%ISAF (Iron / TIBC)* - transferrin saturation coefficient;
10. *Ferritin (ng/dL)*;

Ferritin (ng/dL) was selected as a response variable.

3.2. Data characteristics

During the process of learning by the model, one of the most crucial steps is to familiarize with the dataset and analyze the distribution of the regressors. JMP Pro [15] was selected as the software for this purpose.

3.2.1. Classification data

3.2.1.1. Predictor and response distribution analysis

The analysis was started by characterising the *Diagnosis* variable. Figure 3.1 shows the histogram and table describing the number of observations in each class and the probability of an observation to belong to each of them. The data contains 357 observations of benign tumor with probability of $\approx 62.7\%$, and 212 malignant tumors with probability of $\approx 37.3\%$.

Based on produced histograms, it was determined that majority of the predictors have right-skewed distribution and contain outliers, as shown on the attached box plots from fig. 3.2. *Mean Largest Concave Points* was an exception for despite having highly skewed distribution, it contains no outliers. Based on this information, in order to properly teach the model, the data needed to be cleaned and normalized.

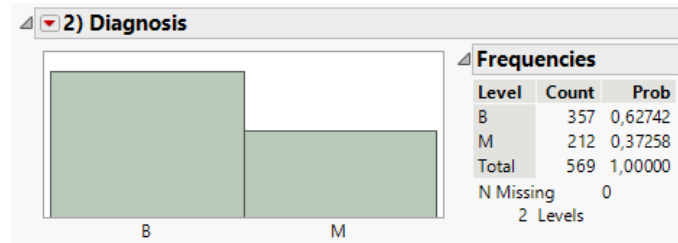


Figure 3.1. Response distribution.

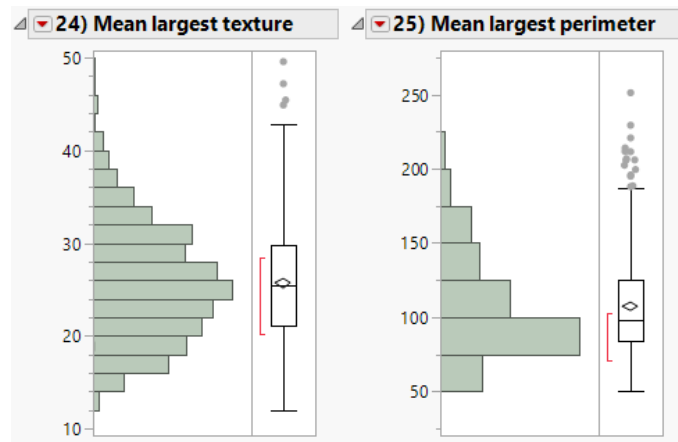


Figure 3.2. Predictors distribution sample.

3.2.1.2. Cleaning and normalizing the data

The full dataset consists of 569 observations, with 13 missing values for *Std err concave points*, which were filled with the average of other values from this column. Outliers and distribution skewedness proved to be the main problem. Box plots were used to analyze and identify observations with outlying values, where Y axis described the response variable, and X axis the cleaned predictor. Sample graph was shown on fig. 3.3. Due to relatively small size of the dataset, in order to reduce or eliminate the need for excluding observations, the data was first normalized.

Logarithmic transformation was used as a first approach to the normalization task for every predictor. In comparison to the original state, *Mean largest concave points* created a distribution very similar to Gaussian distribution, excluding it from attempts to transform it further. Sample results were shown on fig. 3.4. The logarithm proved effective for the following variables:

1. *Mean radius*;
2. *Mean texture*;

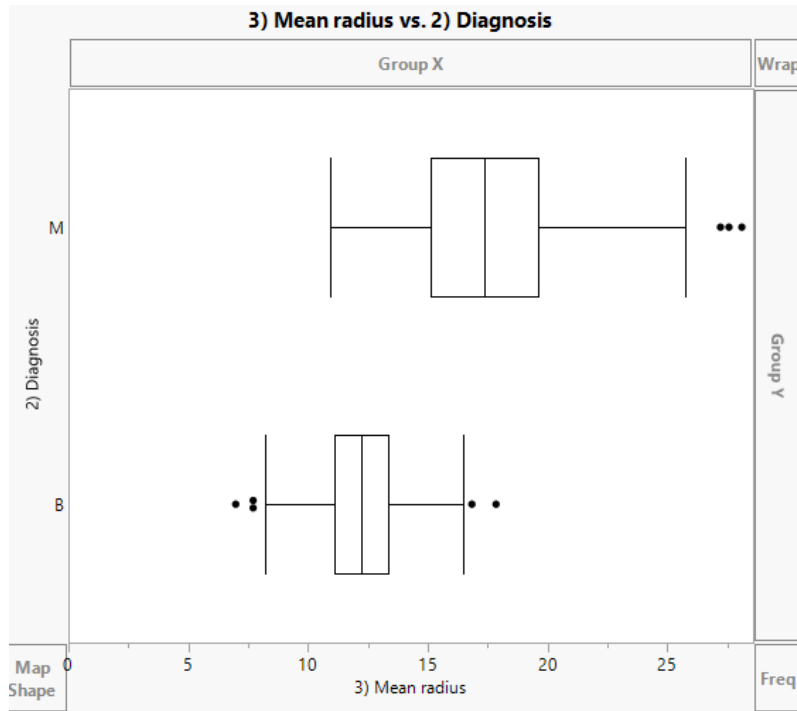


Figure 3.3. Analysis of outliers.

3. *Mean perimeter*;
4. *Mean area*;
5. *Mean smoothness*;
6. *Mean symmetry*;
7. *Std err texture*;
8. *Std err smoothness*;
9. *Std err compactness*;
10. *Std err concave points*;
11. *Mean largest texture*;
12. *Mean largest smoothness*;
13. *Mean largest compactness*.

Next step was to use cube root transformation on each of the remaining variables, due to its effectiveness on right-skewed data. Figure 3.5 shows the achieved results for *Mean concavity*. The transformation was applied to following predictors:

1. *Mean compactness*;
2. *Mean concavity*;
3. *Mean concave points*;

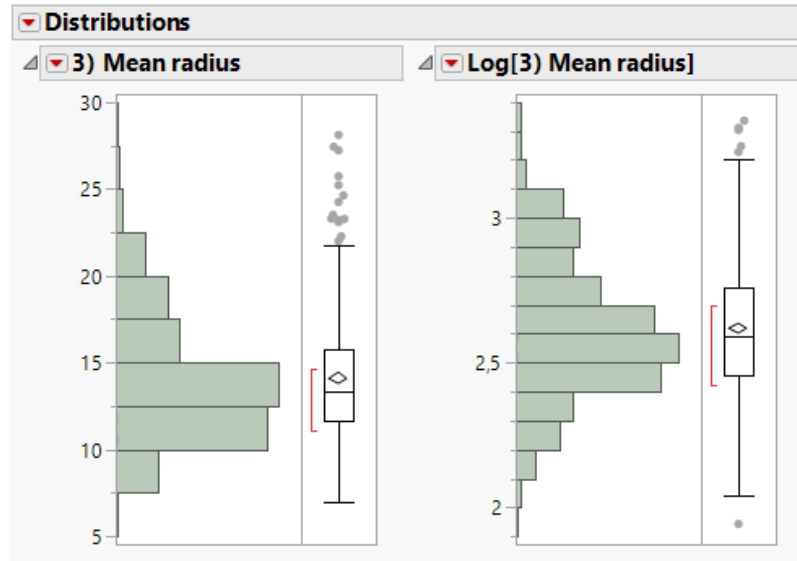


Figure 3.4. Comparison of distributions before and after the logarithmic transformation.

4. *Std err concavity*;
5. *Mean largest radius*;
6. *Mean largest perimeter*;
7. *Mean largest concavity*;
8. *Mean largest symmetry*.

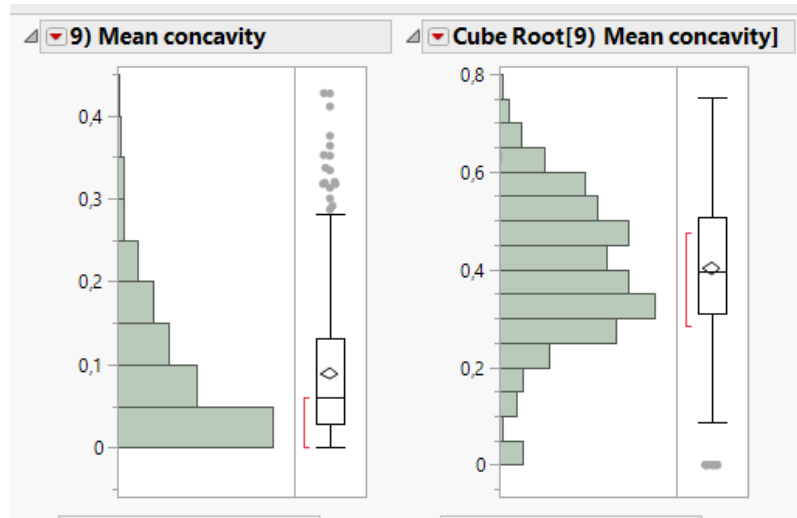


Figure 3.5. Comparison of distributions before and after the cube root transformation.

Inverse Arrhenius transformation was used as the last resort. It takes root in the Arrhenius formula describing energy of chemical reaction activation as 3.1 [16]:

$$\ln k = \ln A - \frac{E_a}{RT} \quad (3.1)$$

where:

- k - constant chemical reactivity coefficient;
- A - frequency coefficient;
- E_a - reaction activation energy;
- R - perfect gas constant;
- T - reaction temperature in Kelvins;

Sadly, part of the modified variables maintained partial right-skewed distribution, however other available transformations, such as square root, square power, $\log(x + 1)$, decimal logarithm, power function, and exponential function provided similar or worse effect. Example result is shown on fig. 3.6. The Inverse Arrhenius transformation was applied to following predictors:

1. *Mean fractal dimension*;
2. *Std err radius*;
3. *Std err perimeter*;
4. *Std err area*;
5. *Std err symmetry*;
6. *Std err fractal dimension*;
7. *Mean largest area*;
8. *Mean largest fractal dimension*.

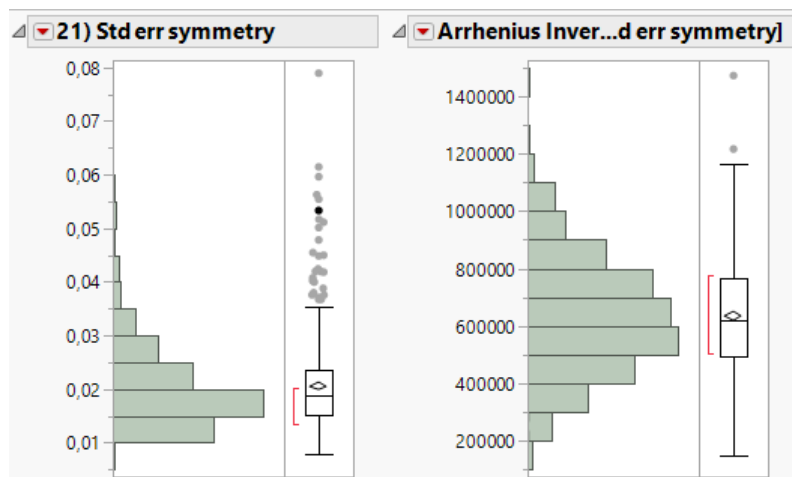


Figure 3.6. Comparison of the distribution before and after inverse Arrhenius transformation.

Due to very small amount of observations, outliers were kept to prevent data loss and further changes in distributions. In order to make the data compatible with used libraries, the result variable was recoded from using characters to numbers: 1 for malignant and 0 for benign tumor;

Further analysis aimed to exclude highly correlated predictors. This was accomplished via scatterplot matrix, resulting in the exclusion of following variables from the learning process:

1. *Log mean perimeter;*
2. *Log mean area;*
3. *Log mean symmetry;*
4. *Arrhenius inverse std err perimeter;*
5. *Arrhenius inverse std err area;*
6. *Cube root std err concavity;*
7. *Cube root mean largest perimeter;*
8. *Log mean largest compactness;*
9. *Cube root mean largest concavity;*
10. *Mean largest concave points;*
11. *Cube root mean largest radius;*
12. *Cube root mean concave points;*
13. *Cube root mean concavity;*
14. *Log std err compactness;*
15. *Log mean largest texture;*
16. *Log mean largest smoothness;*
17. *Cube root mean largest symmetry.*

Figure 3.7 shows the resulting matrix. After removing correlated variables, the following remained:

1. *Log mean radius;*
2. *Log mean texture;*
3. *Log mean smoothness;*
4. *Arrhenius inverse mean dimension;*
5. *Arrhenius inverse std err radius;*
6. *Log std err texture;*
7. *Log std err smoothness;*
8. *Arrhenius inverse std err symmetry;*
9. *Arrhenius inverse std err dimension.*

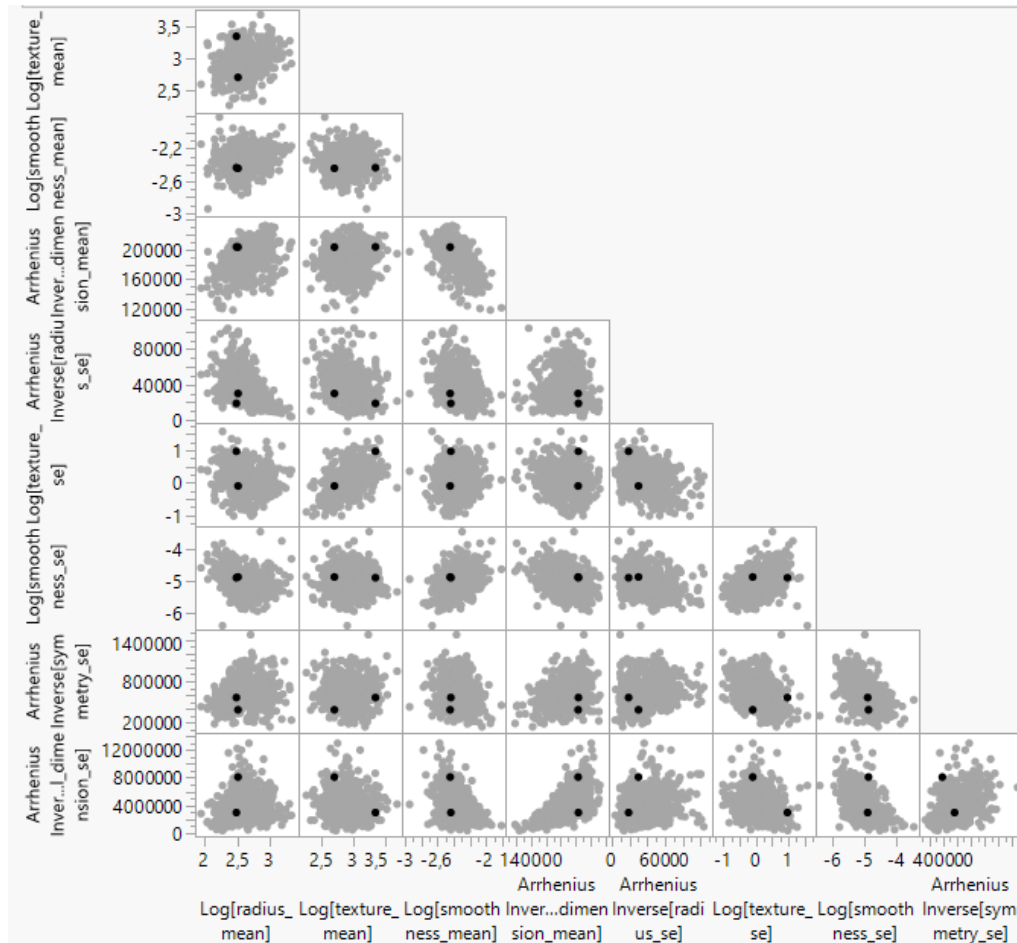


Figure 3.7. Scatterplot matrix after removing correlated predictors

3.2.2. Regression data

3.2.2.1. Distribution analysis

Similarly to the classification data, the analysis was started from the response variable. It was determined to have highly right-skewed distribution, as shown on fig. 3.8.

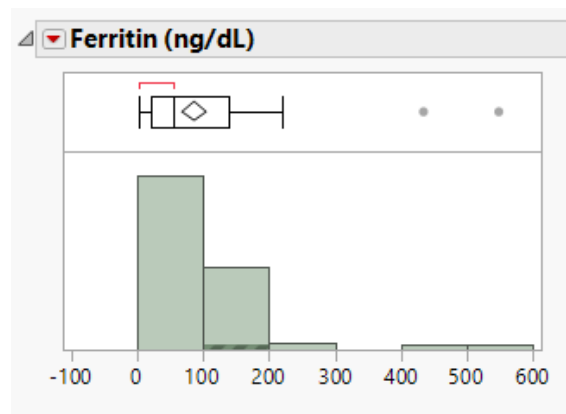


Figure 3.8. Response variable distribution

Attached box plot shows two outliers. The same problem was spotted for *%ISAF*,

Iron, *sTfR*, *Transferrin* and especially *Alpha GST*. Other predictors proved to have distribution close to the Gaussian curve, and not containing any outliers. Figure 3.9 shows sample histograms of the predictors.

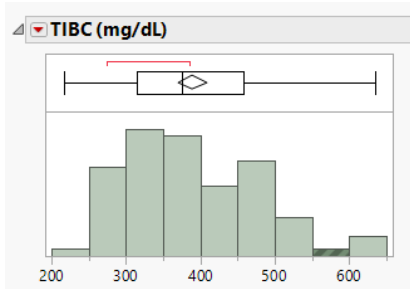


Figure 3.9. Distribution of TIBC.

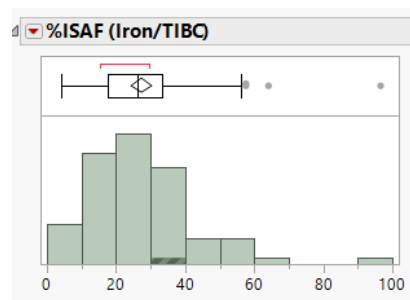


Figure 3.10. Distribution of ISAF.

One variable - *Gender* - has dichotomous character, although it is fairly balanced, with 46.7% of observations assigned to female (F) class and 53.3% to male (M) class. Its distribution was showed on fig. 3.11/

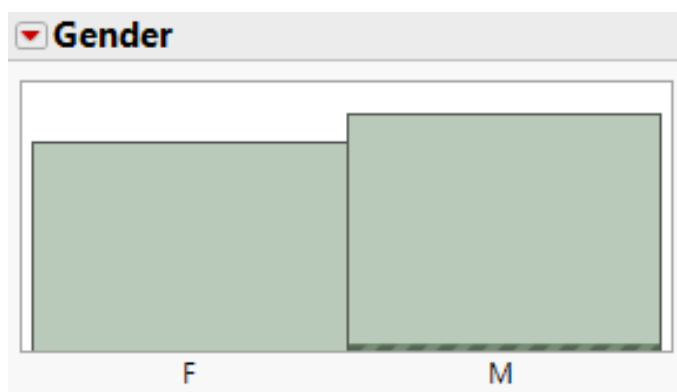


Figure 3.11. Distribution of *Gender*.

3.2.2.2. Cleaning and normalizing the data

It was noticed that one observation had missing value for *Ferritin*. Due to only single missing value for 85 observations, the observation without said value was removed. Other things needed to address were normalizing the distribution of some of the predictors and decision in respect to outliers. As previously, normalization came first. Following variables were deemed good as-is:

1. *Age*;
2. *Gender*;
3. *TIBC*.

For other variables the same three transformations mentioned in section 3.2.1.1 were applied, first of which was using a logarithm. Satisfying result was achieved for predictors:

1. *alpha GST*;
2. *pi GST*;
3. *sTfR*;
4. *Ferritin* (response variable).

Figure 3.12 shows sample change in distribution.

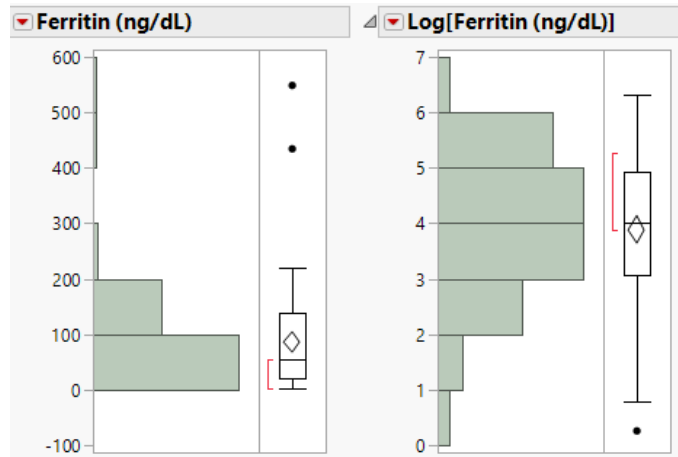


Figure 3.12. Effect of logarithmic transformation on distribution

Second modification via cube root was successfully used, as shown on fig. 3.13, for these variables:

1. *Transferrin*;
2. *Iron*;
3. *%ISAF*.

The inverse Arrhenius transformation proved ineffective for every variable, producing worse effects from the previous methods. Due to low total amount of observations, and relatively few outliers, it was decided that they should be kept for

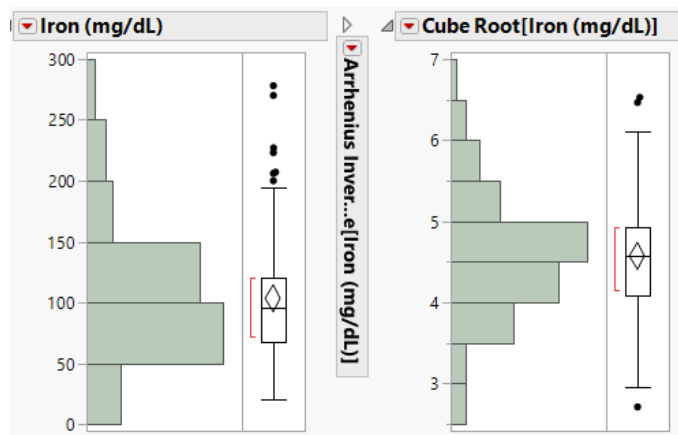


Figure 3.13. Cube root distribution normalization

the learning process. To make the data compatible with used libraries, the *Gender* variable was recoded from characters to numbers: 1 for female, 0 for male.

3.3. Models built in JMP

After the analysis of the datasets, a few models were selected to serve as a reference for practical tests. Sections below present used templates for the models, such as predictors choice chosen based on practical experimentation with JMP machine learning software.

3.3.1. Support Vector Machine (SVM)

This model accepted all variables remaining after the exploration process for learning. A randomized set of observations was used for the validation purpose, in proportions of 80% learning data and 20% testing data, using value 1234 as seed for the pseudorandom number generator. *Radial Basis Function* was chosen as the SVM kernel, which is a default choice for this model in JMP environment.

Predictor	Learned coefficient
<i>Log mean radius</i>	2,6191
<i>Log mean texture</i>	2,9353
<i>Log mean smoothness</i>	-2,3502
<i>Arrhenius inverse mean dimension</i>	186640
<i>Arrhenius inverse std err radius</i>	38170
<i>Log std err texture</i>	0.1049
<i>Log std err smoothness</i>	-5,0286
<i>Arrhenius inverse std err symmetry</i>	635100
<i>Arrhenius inverse std err dimension</i>	4053000

Table 3.1. Predictors coefficients after learning process.

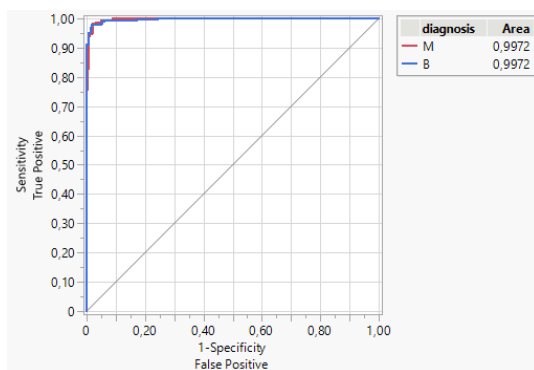


Figure 3.14. ROC curve for the learning data.

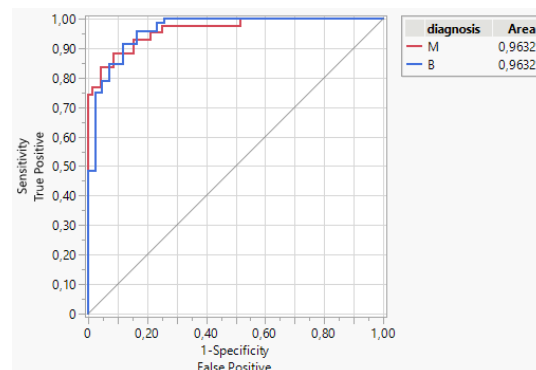


Figure 3.15. ROC curve for the testing data.

The model achieved missclassification rate of 2.64% for learning data and 9.57% for testing data. Table 3.1 shows coefficients determined during learning process for each of the predictors. Figures 3.14 and 3.15 show receiver operation characteristic curves for learning and validation data respectively, presenting classification accuracy of 0.9972 for the former and 0.9632 for the latter.

3.3.2. Linear regression

To determine which predictors have the biggest impact on the response, the p-value was calculated for each of the variables. It was decided that the acceptance threshold should be a p-value equal or below 0.05. Figure 3.16 shows a plot for all predictors, and fig. 3.17 only for those selected for the learning process.

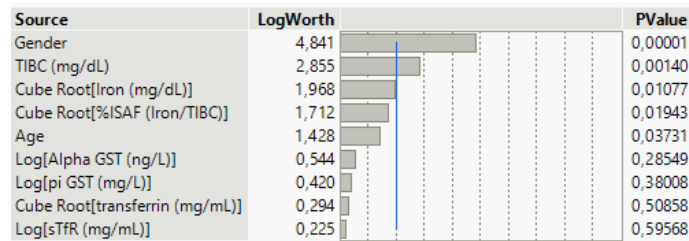


Figure 3.16. P-value plot for all predictors.

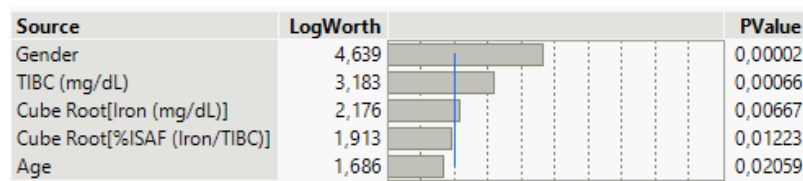


Figure 3.17. P-value plot for selected predictors.

Through the process of elimination, the variables mentioned in the table 3.2 were chosen for the learning process:

Predictor	p-value	Predictors	Weight
<i>Gender</i>	0.00002	<i>Intercept</i>	8,498959
<i>TIBC</i>	0.00066	<i>Age</i>	0.0201022
<i>Cube Root Iron</i>	0.00667	<i>Gender[F - M]</i>	-0.959795
<i>Cube Root %ISAF</i>	0.01223	<i>Cube Root Iron</i>	2,9461861
<i>Age</i>	0.02059	<i>TIBC</i>	-0.014182
		<i>Cube Root %ISAF</i>	-4,356345

Table 3.2. Selected predictors and their p-value

Table 3.3. Weights assigned to the predictors

As a result of the learning, a model was created with the linear determination coefficient R^2 of 0.4654525, which suggests that the data are moderately well linearly approximable. The table 3.3 shows the learned weights for each of the predictors.

Chapter 4

Shogun

4.1. Introductions

Shogun is an open-source free machine learning library made in C++, accessible based on *BSD 3-clause* license [17]. It provides interfaces for various languages, such as Python, Ruby or C#, but also allows users to use it in its native language. The library focuses on classification and regression problems.

4.2. Data formats

Base class allowing for loading data into Shogun is *std::vector* present in the Standard Template Library (STL) of C++ language. As such, a user can use any mechanism of loading and parsing data, eg. from a file, network or another device, that at the end returns a vector containing the observations, as long as he provides it himself. One popular choice for storing training data is CSV file, for which Shogun provides support [3]. Still in that case data is a subject to several requirements:

- **The file can only contain numeric data** - if any text data are present, preprocessing is needed to recode them into some numeric values (eg. one-hot encoding or regular subsequent numbers in terms of response variable classes). Sadly this means that data explanations cannot be stored alongside it.
- **Comma separator** - this becomes an issue if data is previously processed via other software, like Microsoft Excel or JMP, as it commonly uses semicolon as a separator. Despite the CSV format allows for several different separators, Shogun accepts only comma as a valid one.
- **Real values should use dot character as a decimal point** - this comes from the characteristics of C++ (and also other languages), and is required for the language to be able to automatically parse a value from text representation to numeric representation.

In order to read and parse data from CSV file, user needs to use *shogun::CCSVFile* class, which result is then loaded into an object of *shogun::SGMatrix*. Because of the fact that this class saved the stored data column-wise, to use them in the training

process, user needs to transpose it, and then separate this matrix into two parts, one of which contains predictors, and the other labels. Sample code snippet of this procedure is shown on listing 4.1. After correct data separation, the container needs to be transposed again so it will be accepted by the learning algorithm, and it needs to be wrapped into specifically designed classes called *CDenseFeatures*, *CMulticlassLabels* or *CRegressionLabels*. This part was shown on listing 4.2.

Listing 4.1. Sample read and preprocessing of data from a CSV file

```

1  #pragma once
2
3  #include <shogun/base/init.h>
4  #include <shogun/base/some.h>
5  #include <shogun/io/File.h>
6  #include <shogun/io/CSVFile.h>
7  #include <shogun/labels/MulticlassLabels.h>
8  #include <shogun/lib/SGMatrix.h>
9  #include <shogun/lib/SGStringList.h>
10 #include <shogun/lib/SGVector.h>
11 #include <shogun/preprocessor/RescaleFeatures.h>
12 #include <iostream>
13
14 // pomocnicze pośrednie opakowanie na zestaw danych
15 struct Dataset
16 {
17     shogun::SGMatrix<float64_t> trainInputs;
18     shogun::SGMatrix<float64_t> testInputs;
19     shogun::SGMatrix<float64_t> trainOutputs;
20     shogun::SGMatrix<float64_t> testOutputs;
21 };
22
23 // pomocnicza struktura określająca pozycję zmiennej odpowiedzi
24 enum class LabelPos
25 {
26     FIRST,
27     LAST
28 };
29
30 inline Dataset readShogunCsvData(
31     std::string filename, LabelPos labelPos)
32 {
33     using namespace shogun;
34     using Matrix = SGMatrix<float64_t>;
35
36     Dataset ret;
37
38     // odczytanie surowej zawartości pliku csv i sparsowanie
39     // jej do macierzy
40     auto csvFile = some<CCSVFile>(filename.c_str());
41     Matrix data;
42     data.load(csvFile);
43     // transpozycja do postaci docelowej dla człowieka
44     // (działanie na kolumnach)
45     Matrix::transpose_matrix(data.matrix, data.num_rows,
46                             data.num_cols);
47     // podział macierzy na część regresorów i zmiennej odpowiedzi
48     switch(labelPos)

```

```

49     {
50         case LabelPos::FIRST:
51             ret.trainInputs = data.submatrix(1, data.num_cols)
52                 .clone();
53             ret.trainOutputs = data.submatrix(0, 1).clone();
54             break;
55         case LabelPos::LAST:
56             ret.trainInputs = data.submatrix(0, data.num_cols - 1)
57                 .clone();
58             ret.trainOutputs =
59                 data.submatrix(data.num_cols - 1, data.num_cols)
60                 .clone();
61             break;
62     };
63     // ponowna transpozycja do postaci docelowej dla algorytmów
64     // uczących (operowanie na wierszach)
65     Matrix::transpose_matrix(ret.trainInputs.matrix,
66                             ret.trainInputs.num_rows,
67                             ret.trainInputs.num_cols);
68     Matrix::transpose_matrix(ret.trainOutputs.matrix,
69                             ret.trainOutputs.num_rows,
70                             ret.trainOutputs.num_cols);
71     // podział danych na część treningową i testową
72     auto temp = ret.testInputs = ret.trainInputs.submatrix(
73         static_cast<long>(0.8 * ret.trainInputs.num_cols),
74         ret.trainInputs.num_cols).clone();
75     ret.testInputs = std::move(temp);
76     auto temp2 = ret.trainInputs.submatrix(
77         0, static_cast<long>(0.8 * ret.trainInputs.num_cols))
78         .clone();
79     ret.trainInputs = std::move(temp2);
80     auto temp3 = ret.trainOutputs.submatrix(
81         static_cast<long>(0.8 * ret.trainOutputs.num_cols),
82         ret.trainOutputs.num_cols).clone();
83     ret.testOutputs = std::move(temp3);
84     auto temp4 = ret.trainOutputs.submatrix(
85         0, static_cast<long>(0.8 * ret.trainOutputs.num_cols))
86         .clone();
87     ret.trainOutputs = std::move(temp4);
88     return ret;
89 }

```

Listing 4.2. Repackaging data into desired containers

```

1  #pragma once
2
3  #include <inc/shogun/csv.hpp>
4  #include <inc/shogun/linear.hpp>
5  #include <inc/shogun/logistic.hpp>
6  #include <inc/shogun/svm.hpp>
7  #include <inc/shogun/neural.hpp>
8
9  #include <shogun/base/init.h>
10 #include <iostream>
11
12 inline void shogunModels()
13 {
14     using namespace shogun;

```

```

15
16     init_shogun_with_defaults();
17     // odczytanie danych we własnym pośrednim typie danych
18     auto classificationDatasetTemp =
19         readShogunCsvData("wdbc_data_with_labels_tn.csv", LabelPos::LAST);
20     auto regressionDatasetTemp =
21         readShogunCsvData("IronGlutathione_tn.csv", LabelPos::LAST);
22     // rozdzielenie danych na regresory i zmienne odpowiedzi
23     auto classificationTrainFeatures =
24         some<CDenseFeatures<float64_t>>(
25             classificationDatasetTemp.trainInputs);
26     auto classificationTestFeatures =
27         some<CDenseFeatures<float64_t>>(
28             classificationDatasetTemp.testInputs);
29     auto classificationTrainLabels =
30         some<CMulticlassLabels>(
31             classificationDatasetTemp.trainOutputs);
32     auto classificationTestLabels =
33         some<CMulticlassLabels>(
34             classificationDatasetTemp.testOutputs);
35     auto regressionTrainFeatures =
36         some<CDenseFeatures<float64_t>>(
37             regressionDatasetTemp.trainInputs);
38     auto regressionTestFeatures =
39         some<CDenseFeatures<float64_t>>(
40             regressionDatasetTemp.testInputs);
41     auto regressionTrainLabels =
42         some<CRegressionLabels>(
43             regressionDatasetTemp.trainOutputs);
44     auto regressionTestLabels =
45         some<CRegressionLabels>(
46             regressionDatasetTemp.testOutputs);
47
48     // wywołanie modeli
49     shogunLinear(
50         regressionTrainFeatures,
51         regressionTestFeatures,
52         regressionTrainLabels,
53         regressionTestLabels);
54     shogunSVM(
55         classificationTrainFeatures,
56         classificationTestFeatures,
57         classificationTrainLabels,
58         classificationTestLabels);
59
60     exit_shogun();
61 }

```

4.3. Data processing and exploration methods

4.3.1. Normalizing

The library provides a normalizing min-max mechanism that guarantees the data will be rescaled into a $\langle 0; 1 \rangle$ range, with a class *shogun::CRescaleFeatures*. An object of this class can be then used again for the new data corresponding to the

previously learned predictors. Its two main methods are:

- *fit()* - teaches the normalizer object statistical characteristics of the provided data;
- *transform()* - performs normalizing.

In case of some algorithms provided by Shogun, normalizing is one of the first steps executed automatically, so it is not always necessary to do this in preprocessing. Such information should be included in the documentation of a given method. Listing 4.3 shows how to use the aforementioned class. The class, as well as the function shown on the listing perform the normalizing in-place, hence no need to override the object storing the data.

Listing 4.3. Przykład funkcji wykonującej normalizację.

```

1  #pragma once
2
3  #include <shogun/preprocessor/RescaleFeatures.h>
4
5  inline void normalize(auto& inputs)
6  {
7      using namespace shogun;
8
9      // utworzenie normalizera
10     auto scaler = wrap(new CRescaleFeatures);
11     // nauka normalizera oraz przeprowadzenie normalizacji
12     scaler->fit(inputs);
13     scaler->transform(inputs);
14 }

```

4.3.2. Dimensionality reduction

Shogun gives to the user several algorithms of dimensionality reduction as following classes [3]:

- **Principle Component Analysis** - class *CPCA*;
- **Kernel Principle Component Analysis** - class *CKernelPCA*;
- **Multidimensional Scaling** - class *MultidimensionalScaling*;
- **IsoMap** - class *CIsoMap*;
- **ICA** - class *CFastICA*;
- **Factor Analysis** - class *CFactorAnalysis*;
- **t-SNE** - class *CTDistributedStochasticNeighborEmbedding*.

Each of the classes mentioned above operates by first learning the parameters of the training data by calling the *fit()* function, and establishing the desired dimensions count (except for ICA). Trained reductor object can be used to reduce the dimensionality by *apply_to_feature_vector()* method, that returns transformed data, or in case of ICA, Factor Analysis and t-SNE, by *transform()* method, which result needs to be casted into a pointer to *CDenseFeatures*. Unfortunately, using any of the reductor objects requires creating a new copy of the data object during transformation, instead of performing it in-place. Listing 4.4 shows an example based on class *CKernelPCA*.

Listing 4.4. Dimensionality reduction using Kernel PCA [3].

```

1  #pragma once
2
3  inline void KernelPCA(
4      shogun::Some<shogun::CDenseFeatures<float64_t>> inputs,
5      const int target_dim)
6  {
7      using namespace shogun;
8
9      // utworzenie jądra
10     auto gaussKernel = some<CGaussianKernel>(inputs, inputs, 0.5);
11     // utworzenie obiektu reduktora wymiarowości
12     auto pca = some<CKernelPCA>();
13     // konfiguracja reduktora
14     pca->set_kernel(gaussKernel.get());
15     pca->set_target_dim(target_dim);
16     // nauczanie reduktora
17     pca->fit(inputs);
18     // zastosowanie redukcji
19     auto featureMatrix = inputs->get_feature_matrix();
20     for (index_t i = 0; i < inputs->get_num_vectors(); ++i)
21     {
22         auto vector = featureMatrix.get_column(i);
23         auto newVector = pca->apply_to_feature_vector(vector);
24     }
25 }
```

4.3.3. L1 and L2 Regularisation

In Shogun, regularisation is an integral part of a machine learning model, and as such, it is always performed by given model. Each model defines itself which kind of regularization it performs, and this cannot be changed.

4.4. Machine Learning Models

4.4.1. Linear Regression

One of the fundamental machine learning algorithms provided by the Shogun library is linear regression, performed by the *CLinearRidgeRegression* class. As the name suggests, it utilizes Ridge Regression, configured at the model creation stage. Listing 4.5 shows how to adjust the model.

Listing 4.5. Linear regression example in Shogun

```

1  #pragma once
2
3  #include <iostream>
4  #include <numeric>
5  #include <inc/shogun/verify.hpp>
6  #include <shogun/base/some.h>
7  #include <shogun/features/DenseFeatures.h>
8  #include <shogun/labels/RegressionLabels.h>
9  #include <shogun/regression/LinearRidgeRegression.h>
10 #include <vector>
11
12 inline void shogunLinear(
13     shogun::Some<shogun::CDenseFeatures<float64_t>>& trainInputs,
14     shogun::Some<shogun::CDenseFeatures<float64_t>>& testInputs,
15     shogun::Some<shogun::CRegressionLabels>& trainOutputs,
16     shogun::Some<shogun::CRegressionLabels>& testOutputs)
17 {
18     using namespace shogun;
19
20     // utworzenie modelu
21     float64_t tauRegularization = 0.0001;
22     auto linear =
23         some<CLinearRidgeRegression>(tauRegularization, nullptr, nullptr);
24     // nauczanie
25     linear->set_labels(trainOutputs);
26     linear->train(trainInputs);
27     // weryfikacja modelu
28     std::cout << "----_Shogun_Linear_----" << std::endl;
29     std::cout << "Train_data:" << std::endl;
30     auto predictions = wrap(linear->apply_regression(trainInputs));
31     shogunVerifyModel(predictions, trainOutputs);
32
33     std::cout << "Test_data:" << std::endl;
34     auto predictions2 = wrap(linear->apply_regression(testInputs));
35     shogunVerifyModel(predictions2, testOutputs);
36 }

```

4.4.2. Logistic Regression

Shogun library contains implementation of multiclass logistic regression via *CMulticlassLogisticRegression* class. It also provides configurable regularisation. Listing 4.6 shows how to use it.

Listing 4.6. Logistic regression example in Shogun

```

1  #pragma once
2
3  #include <inc/shogun/verify.hpp>
4
5  #include <iostream>
6  #include <shogun/base/some.h>
7  #include <shogun/features/DenseFeatures.h>
8  #include <shogun/labels/MulticlassLabels.h>
9  #include <shogun/multiclass/MulticlassLogisticRegression.h>
10

```

```

11
12 inline void shogunLogistic(
13     shogun::Some<shogun::CDenseFeatures<float64_t>>& trainInputs,
14     shogun::Some<shogun::CDenseFeatures<float64_t>>& testInputs,
15     shogun::Some<shogun::CMulticlassLabels>& trainOutputs,
16     shogun::Some<shogun::CMulticlassLabels>& testOutputs)
17 {
18     using namespace shogun;
19
20     // utworzenie modelu
21     auto logReg = some<CMulticlassLogisticRegression>();
22
23     // nauka modelu
24     logReg->set_labels(trainOutputs);
25     logReg->train(trainInputs);
26
27     // ewaluacja modelu
28     std::cout << "-----Shogun_Logistic-----" << std::endl;
29     std::cout << "Train:" << std::endl;
30     auto prediction = wrap(logReg->apply_multiclass(trainInputs));
31     shogunVerifyModel(prediction, trainOutputs);
32
33     std::cout << "Test:" << std::endl;
34     auto prediction2 = wrap(logReg->apply_multiclass(testInputs));
35     shogunVerifyModel(prediction2, testOutputs);
36 }

```

4.4.3. Support Vector Machine

Similarly to logistic regression, Shogun provides the multiclass Support Vector Machine model implementation for classification tasks, as *CMulticlassLibSVM* class. It contains several configurable parameters, along with the choice of kernel itself. Listing 4.7 shows an example of use.

Listing 4.7. Support Vector Machine example in Shogun

```

1 #pragma once
2
3 #include <inc/shogun/verify.hpp>
4
5 #include <iostream>
6 #include <shogun/base/some.h>
7 #include <shogun/features/DenseFeatures.h>
8 #include <shogun/evaluation/CrossValidation.h>
9 #include <shogun/labels/MulticlassLabels.h>
10 #include <shogun/kernel/GaussianKernel.h>
11 #include <shogun/multiclass/MulticlassLibSVM.h>
12 #include <shogun/evaluation/MulticlassAccuracy.h>
13 #include <shogun/evaluation/StratifiedCrossValidationSplitting.h>
14 #include <shogun/modelselection/ModelSelection.h>
15 #include <shogun/modelselection/ModelSelectionParameters.h>
16 #include <shogun/modelselection/GridSearchModelSelection.h>
17 #include <shogun/modelselection/ParameterCombination.h>
18
19 inline void shogunSVM(
20     shogun::Some<shogun::CDenseFeatures<float64_t>>& trainInputs,

```

```

21         shogun::Some<shogun::CDenseFeatures<float64_t>>& testInputs,
22         shogun::Some<shogun::CMulticlassLabels>& trainOutputs,
23         shogun::Some<shogun::CMulticlassLabels>& testOutputs)
24 {
25     using namespace shogun;
26
27     // utworzenie jądra
28     auto kernel = some<CGaussianKernel>();
29     kernel->init(trainInputs, trainInputs);
30     // utworzenie i konfiguracja modelu
31     auto svm = some<CMulticlassLibSVM>(LIBSVM_C_SVC);
32     svm->set_kernel(kernel);
33
34     // poszukiwanie hiperparametrów
35     auto root = some<CModelSelectionParameters>();
36     // stopień unikania misoklasyfikacji
37     CModelSelectionParameters* c = new CModelSelectionParameters("C");
38     root->append_child(c);
39     c->build_values(1.0, 1000.0, R_LINEAR, 100.);
40     // utworzenie wskaźnika na jądro
41     auto paramsKernel = some<CModelSelectionParameters>("kernel", kernel);
42     root->append_child(paramsKernel);
43     // utworzenie wskaźnika na wagi
44     auto paramsKernelWidth =
45         some<CModelSelectionParameters>("combined_kernel_weight");
46     paramsKernelWidth->build_values(0.1, 10.0, R_LINEAR, 0.5);
47     paramsKernel->append_child(paramsKernelWidth);
48     // utworzenie podziału do sprawdzianu krzyżowego
49     index_t k = 3;
50     CStratifiedCrossValidationSplitting* splitting =
51         new CStratifiedCrossValidationSplitting(trainOutputs, k);
52     // utworzenie kryterium trafności
53     auto evalCriterion = some<CMulticlassAccuracy>();
54     // utworzenie obiektu sprawdzianu krzyżowego
55     auto cross =
56         some<CCrossValidation>(
57             svm, trainInputs, trainOutputs, splitting, evalCriterion);
58     cross->set_num_runs(1);
59     // utworzenie obiektu selekcji modelu
60     auto modelSelection = some<CGridSearchModelSelection>(cross, root);
61     // wybór i zaaplikowanie parametrów
62     CParameterCombination* bestParams =
63         wrap(modelSelection->select_model(false));
64     bestParams->apply_to_machine(svm);
65     bestParams->print_tree();
66
67     // trening
68     svm->set_labels(trainOutputs);
69     svm->train(trainInputs);
70
71     // ewaluacja modelu
72     std::cout << "-----Shogun_SVM-----" << std::endl;
73     std::cout << "Train:" << std::endl;
74     auto prediction = wrap(svm->apply_multiclass(trainInputs));
75     shogunVerifyModel(prediction, trainOutputs);
76
77     std::cout << "Test:" << std::endl;

```

```

79     auto prediction2 = wrap(svm->apply_multiclass(testInputs));
80     shogunVerifyModel(prediction2, testOutputs);
81 }

```

4.4.4. K-Nearest Neighbours

K-Nearest Neighbours algorithm is available as *CKNN* class. It allows user to select the method of calculating distances by passing a correct object, and the count of neighbours considered the nearest. The main available distance metrics are: Euclidean, Hamming, Manhattan and cosinus similarity. In comparison to other methods, it does not require the configuration of hyperparameters, allowing the use of it in crossvalidation without problems. Listing 4.8 presents an example configuration and use of KNN algorithm using Euclidean distance.

Listing 4.8. KNN algorithm example in Shogun

```

1  #pragma once
2
3  #include <inc/shogun/verify.hpp>
4
5  #include <iostream>
6  #include <shogun/base/some.h>
7  #include <shogun/features/DenseFeatures.h>
8  #include <shogun/labels/MulticlassLabels.h>
9  #include <shogun/multiclass/KNN.h>
10 #include <shogun/distance/EuclideanDistance.h>
11
12 inline void shogunKNN(
13     shogun::Some<shogun::CDenseFeatures>& trainInputs,
14     shogun::Some<shogun::CDenseFeatures>& testInputs,
15     shogun::Some<shogun::CMulticlassLabels>& trainOutputs,
16     shogun::Some<shogun::CMulticlassLabels>& testOutputs)
17 {
18     using namespace shogun;
19
20     // przygotowanie dystansu
21     auto distance = some<CEuclideanDistance>(trainInputs, trainInputs);
22     // przygotowanie modelu
23     std::int32_t k = 3;
24     auto knn = some<CKNN>(k, distance, trainOutputs);
25     // ewaluacja modelu
26     std::cout << "-----Shogun_KNN-----" << std::endl;
27     std::cout << "Train:" << std::endl;
28     auto prediction = wrap(knn->apply_multiclass(trainInputs));
29     shogunVerifyModel(prediction, trainOutputs);
30
31     std::cout << "Test:" << std::endl;
32     auto prediction2 = wrap(knn->apply_multiclass(testInputs));
33     shogunVerifyModel(prediction2, testOutputs);
34 }

```

4.4.5. Ensemble algorithms

4.4.5.1. Gradient boosting

Implementation of ensemble algorithm using gradient boosting is adjusted only for regression models. The class *CStochasticGBMachine* is responsible for its execution. It allows the user to configure several parameters, some of which are:

- base algorithm;
- loss function;
- iteration count;
- learning coefficient;
- fraction of vectors to choose at each iteration.

Listing 4.9 shows a method of creating such model using binary decisive tree for regression and classification (implemented by *CCARTree* class) as a base algorithm.

Listing 4.9. Gradient boosting example in Shogun

```

1  #pragma once
2
3  #include <inc/shogun/verify.hpp>
4
5  #include <iostream>
6  #include <shogun/base/some.h>
7  #include <shogun/features/DenseFeatures.h>
8  #include <shogun/labels/MulticlassLabels.h>
9  #include <shogun/loss/SquaredLoss.h>
10 #include <shogun/lib/SGMatrix.h>
11 #include <shogun/lib/SGVector.h>
12 #include <shogun/machine/StochasticGBMachine.h>
13 #include <shogun/multiclass/tree/CARTree.h>
14
15 inline void shogunGradientBoost(
16     shogun::Some<shogun::CDenseFeatures>& trainInputs,
17     shogun::Some<shogun::CDenseFeatures>& testInputs,
18     shogun::Some<shogun::CMulticlassLabels>& trainOutputs,
19     shogun::Some<shogun::CMulticlassLabels>& testOutputs)
20 {
21     using namespace shogun;
22
23     // oznaczenie regresorów jako ciągłe
24     SGVector<bool> featureType(1);
25     featureType.set_const(false);
26     // utworzenie binarnego drzewa decyzyjnego
27     auto tree = some<CCARTree>(featureType, PT_REGRESSION);
28     tree->set_max_depth(3);
29     // utworzenie funkcji straty
30     auto loss = some<CSquaredLoss>();
31     // utworzenie i konfiguracja modelu
32     constexpr int iterations = 100;
33     constexpr int learningRate = 0.1;
34     constexpr int subsetFraction = 1.0;

```

```

35     auto model = some<CStochasticGBMachine>(tree,
36                                           loss,
37                                           iterations,
38                                           learningRate,
39                                           subsetFraction);
40     // trening
41     model->set_labels(trainOutputs);
42     model->train(trainInputs);
43     // ewaluacja modelu
44     std::cout << "-----Shogun_Gradient_Boost-----" << std::endl;
45     std::cout << "Train:" << std::endl;
46     auto prediction = wrap(model->apply_multiclass(trainInputs));
47     shogunVerifyModel(prediction, trainOutputs);
48
49     std::cout << "Test:" << std::endl;
50     auto prediction2 = wrap(model->apply_multiclass(testInputs));
51     shogunVerifyModel(prediction2, testOutputs);
52 }

```

4.4.5.2. Random forest

The random forest method is available in the Shogun library via the *CRandomForest* class. On the contrary to gradient boosting, its implementation allows also for classification tasks. Some of the main configurable parameters are:

- number of trees;
- number of batches to which the data should be separated;
- algorithm of the result selection;
- type of the problem;
- continuity of the regressors.

Listing 4.10 shows how to create and configure random forest model for cosinus approximation.

Listing 4.10. Przykład użycia metody losowego lasu

```

1  #pragma once
2
3  #include "inc/shogun/verify.hpp"
4
5  #include <shogun/base/some.h>
6  #include <shogun/ensemble/MajorityVote.h>
7  #include <shogun/labels/RegressionLabels.h>
8  #include <shogun/lib/SGMatrix.h>
9  #include <shogun/lib/SGVector.h>
10 #include <shogun/machine/RandomForest.h>
11
12 inline void shogunRandomForest(
13     shogun::Some<shogun::CDenseFeatures<DataType>> trainInputs,
14     shogun::Some<shogun::CDenseFeatures<DataType>> testInputs,
15     shogun::Some<shogun::CRegressionLabels> trainOutputs,

```

```

16     shogun::Some<shogun::CRegressionLabels> testOutputs)
17 {
18     using namespace shogun;
19
20     // utworzenie i konfiguracja modelu
21     constexpr std::int32_t numRandFeats = 1;
22     constexpr std::int32_t numBags = 10;
23     auto randForest =
24         some<CRandomForest>(numRandFeats, numBags);
25     auto vote = some<CMajorityVote>();
26     randForest->set_combination_rule(vote);
27     // oznaczenie danych jako ciągłe
28     SGVector<bool> featureType(1);
29     featureType.set_const(false);
30     randForest->set_feature_type(featureType);
31     // trenowanie
32     randForest->set_labels(trainOutputs);
33     randForest->set_machine_problem_type(PT_REGRESSION);
34     randForest->train(trainInputs);
35     // ewaluacja modelu
36     std::cout << "-----ShogunRandomForest-----" << std::endl;
37     std::cout << "Train data:" << std::endl;
38     auto predictions = wrap(randForest->apply_regression(trainInputs));
39     shogunVerifyModel(predictions, trainOutputs);
40
41     std::cout << "Test data:" << std::endl;
42     auto predictions2 = wrap(randForest->apply_regression(testInputs));
43     shogunVerifyModel(predictions2, testOutputs);
44 }

```

4.4.6. Neural network

First step in creating a neural network with this library is to configure the network topology, using *CNeuralLayers* object. It consists of a range of methods, which create layers with given activation function:

- *input()* - input layer with a certain number of inputs;
- *logistic()* - fully connected sigmoid function layer;
- *linear()* - fully connected linear function layer;
- *rectified_linear()* - fully connected ReLU layer;
- *leaky_rectified_linear* - fully connected Leaky ReLU layer;
- *softmax* - fully connected softmax layer;

The order in which we call the methods is important, because it decides about the order of layers within the model. After completing the configuration process, it is possible to confirm the architecture by creating another object via the *done()* method, and using it to initialize *CNeuralNetwork* class. In order to connect the layers, the *quick_connect* method needs to be called, and subsequently, the weights

have to be initialized via *initialize_neural_network()* function. It accepts a parameter describing a Gaussian distribution used to initialize weights.

The next step is to configure the optimizer using *set_optimization()* method. The class *CNeuralNetwork* supports optimizing using the steepest descent method and Broyden-Fletcher-Goldfarb-Shannon method. This model has in-built L2 regularization, which can be further configured, similarly to other parameters such as learning coefficient, epoch count, convergence criterion for the loss function, or the size of batches. Unfortunately, user cannot select the loss function in question, since it is established automatically based on the label type. Listing 4.11 shows the full process of building, configuring and teaching a network. Unfortunately, due to the lack of hyperbolic tangential function implementation, a reLU function was used in its stead, which affects the achieved results.

Listing 4.11. Example of neural network use in Shogun.

```

1  #pragma once
2
3  #include "inc/shogun/verify.hpp"
4
5  #include <shogun/features/DenseFeatures.h>
6  #include <shogun/labels/MulticlassLabels.h>
7  #include <shogun/neuralnets/NeuralLayers.h>
8  #include <shogun/neuralnets/NeuralNetwork.h>
9  #include <shogun/base/some.h>
10
11 inline void sharkNeural(
12     shogun::Some<shogun::CDenseFeatures<float64_t>> trainInputs,
13     shogun::Some<shogun::CDenseFeatures<float64_t>> testInputs,
14     shogun::Some<shogun::CMulticlassLabels> trainOutputs,
15     shogun::Some<shogun::CMulticlassLabels> testOutputs)
16 {
17     using namespace shogun;
18
19     // konstrukcja architektury sieci
20     auto dimensions = trainInputs->get_num_features();
21     auto layers = some<CNeuralLayers>();
22     layers = wrap(layers->input(dimensions));
23     layers = wrap(layers->rectified_linear(5));
24     layers = wrap(layers->rectified_linear(5));
25     layers = wrap(layers->logistic(1));
26     auto allLayers = layers->done();
27     // utworzenie sieci
28     auto network = some<CNeuralNetwork>(allLayers);
29     network->quick_connect();
30     network->initialize_neural_network();
31     // konfiguracja sieci
32     network->set_optimization_method(NNOM_GRADIENT_DESCENT);
33     network->set_gd_mini_batch_size(64);
34     network->set_l2_coefficient(0.0001);
35     network->set_max_num_epochs(500);
36     network->set_epsilon(0.0);
37     network->set_gd_learning_rate(0.01);
38     network->set_gd_momentum(0.5);
39     // trenowanie
40     network->set_labels(trainOutputs);
41     network->train(trainInputs);

```

```

42 // walidacja
43 std::cout << "-----ShogunNeuralNetwork-----" << std::endl;
44 std::cout << "Train_data:" << std::endl;
45 auto predictions = wrap(network->apply_multiclass(trainInputs));
46 shogunVerifyModel(predictions, trainOutputs);
47
48 std::cout << "Test_data:" << std::endl;
49 auto predictions2 = wrap(network->apply_multiclass(testInputs));
50 shogunVerifyModel(predictions2, testOutputs);
51 }

```

4.5. Model analysis methods

4.5.1. Mean squared error

Calculation of mean squared error in the Shogun library comes down to creating an object of type *CMeanSquaredError* as an argument to the *some<>()* template function. It is returned as a pointer to the object. In order to acquire the value of the error for given data, user needs to call the *evaluate()* method, passing prediction results and observed output. Listing 4.12 presents the detailed way to use it.

Listing 4.12. Example of calculating mean squared error in Shogun[3]

```

1 using namespace shogun;
2
3 // [...]
4
5 auto mse_error = some<CMeanSquaredError>();
6 auto mse = mse_error->evaluate(predictions, train_labels);

```

4.5.2. Mean absolute error

Mean absolute error calculation is carried out by the *CMeanAbsoluteError* class, which serves as an evaluator. It is created by a call to *some<>()* function and used for evaluation by calling the *evaluate()* method, providing the results of a model and expected labels of regression or classification. Listing 4.13 shows how to use the aforementioned class.

Listing 4.13. Example of mean absolute error calculation using Shogun[3].

```

1 using namespace shogun;
2 // [...]
3 auto mae_error = some<CMeanAbsoluteError>();
4 auto mae = mae_error->evaluate(predictions, train_labels);

```

4.5.3. Logarithmic loss function

Logarithmic loss function is possible to calculate using the Shogun library using *CLogLoss* class, however the public interface of said class indicate that it should be

rather used by a model than directly by the user. It provides `get_square_grad()` method which allows for calculation of the squared gradient between prediction and expected result. The use case is presented on listing 4.14.

Listing 4.14. Example of use for *CLogLoss* class.

```

1 using namespace shogun;
2 // [...]
3 auto logLoss = some<CLogLoss>();
4 auto squareGradient = logLoss->get_square_grad(prediction, label);

```

4.5.4. R^2 metric

The Shogun library does not provide implementation for the R^2 metric as such, so despite the ability to use the in-built method of mean squared error calculation, the variance of output needed for calculating the metric needs to be acquired from a user-provided mechanism. Listing 4.15 shows a function that verifies the correctness of models described in previous paragraphs by calculating the R^2 metric.

Listing 4.15. Example of R^2 metric calculation.

```

1 #pragma once
2
3 #include <iostream>
4 #include <cmath>
5 #include <shogun/evaluation/MeanSquaredError.h>
6 #include <shogun/evaluation/MeanAbsoluteError.h>
7 #include <shogun/evaluation/ROCEvaluation.h>
8 #include <shogun/labels/RegressionLabels.h>
9 #include <shogun/labels/MulticlassLabels.h>
10
11 inline void shogunVerifyModel(
12     const shogun::Some<shogun::CRegressionLabels>& predictions,
13     const shogun::Some<shogun::CRegressionLabels>& targets)
14 {
15     using namespace shogun;
16
17     // błąd średniokwadratowy
18     auto mseError = some<CMeanSquaredError>();
19     auto mse = mseError->evaluate(predictions, targets);
20     std::cout << "MSE_=" << mse << std::endl;
21     // metryka R^2
22     float64_t avg = 0.0;
23     float64_t sum = 0.0;
24     // obliczenie średniej
25     for (index_t i = 0; i < targets->get_num_labels(); i++)
26     {
27         avg += targets->get_label(i);
28     }
29     avg /= targets->get_num_labels();
30     // obliczenie wariancji
31     for (index_t i = 0; i < targets->get_num_labels(); i++)
32     {
33         sum += std::pow(targets->get_label(i), 2);
34     }

```

```

35     float64_t variance = (sum / targets->get_num_labels()) - std::pow(avg, 2);
36     // obliczenie metryki R^2
37     auto r_square = 1 - (mse / variance);
38     std::cout << "R^2=" << r_square << std::endl << std::endl;
39 }
40
41 inline void shogunVerifyModel(
42     const shogun::Some<shogun::CMulticlassLabels>& predictions,
43     const shogun::Some<shogun::CMulticlassLabels>& targets)
44 {
45     using namespace shogun;
46
47     // obliczenie pola pod wykresem ROC
48     auto roc = some<CROCEvaluation>();
49     roc->evaluate(predictions->get_binary_for_class(1),
50                 targets->get_binary_for_class(1));
51     std::cout << "AUC_ROC=" << roc->get_auROC() << std::endl;
52 }

```

4.5.5. Accuracy

In order to calculate the accuracy metric for regression tasks, this library provides *CMulticlassAccuracy* class. It also allows for getting a misclassification matrix. The *CAccuracyMeasure* class mentioned in [3] however was not found, which indicates it was removed from the library. Listing 4.16 shows how to use *CMulticlassAccuracy*.

Listing 4.16. Example of accuracy calculation in Shogun.

```

1  using namespace shogun;
2  // [...]
3  auto acc_measure = some<CMulticlassAccuracy>();
4  auto acc = acc_measure->evaluate(predictions, train_labels);
5  auto confusionMatrix = acc_measure->get_confusion_matrix(
6      predictions, train_labels);

```

4.5.6. Precision, Recall and F1 metric

The [3] handbook mentions *CRecallMeasure* and *CF1Measure* classes that are supposed to allow the user to calculate the recall and F1 metric of the model, however while working with the library, their definitions were not found, neither any other classes of similar functionality, and as such it was assumed that the Shogun library does not provide the implementation for them. The motivation to touch on this topic was to inform the reader of possible discrepancies between available sources and current state of the library.

4.5.7. ROC curve

The Shogun library provides implementation to calculate ROC curve as the *CROCEvaluation* class. Listing 4.17 shows the way how to use it.

Listing 4.17. ROC curve calculation example for Shogun.

```

1 using namespace shogun;
2 // [...]
3 auto roc = some<CROCEvaluation>();
4 roc->evaluate(predictions, targets);
5 std::cout << "AUC_ROC=" << roc->get_aucROC() << std::endl;

```

4.5.8. K-fold cross-validation

Cross-validation inside the Shogun library is a complex mechanism, which in order to use it requires a decision tree of available parameters, represented by the *CModelSelectionParameters* class. The user can select the model and evaluation criterion for it by creating objects of selected classes and providing them to the *CCrossValidation* instance constructor. The next step is to create an instance of *CGridSearchModelSelection* which will select parameters. The last phase is to configure the desired model and complete the teaching process. Precise example of the whole mechanism was presented on listing 4.18.

Listing 4.18. Preparation of multiclass classification via linear regression with cross-validation in Shogun.

```

1 #pragma once
2
3 inline void shogunCrossValidLogistic(
4     shogun::Some<shogun::CDenseFeatures<float64_t>>& trainInputs,
5     shogun::Some<shogun::CDenseFeatures<float64_t>>& testInputs
6     shogun::Some<shogun::CMulticlassLabels> trainOutputs,
7     shogun::Some<shogun::CMulticlassLabels> testOutputs)
8 {
9     using namespace shogun;
10
11     // utworzenie drzewa parametrów
12     auto root = some<CModelSelectionParameters>();
13     // współczynnik regularyzacji
14     CModelSelectionParameters* z = new CModelSelectionParameters("m_z");
15     root->append_child(z);
16     z->build_values(0.2, 1.0, R_LINEAR, 0.1);
17     // utworzenie strategii podziału drzewa decyzyjnego
18     index_t k = 3;
19     CStatifiedCrossValidationSplitting* splitting =
20         new CStatifiedCrossValidationSplitting(labels, k);
21     // utworzenie kryterium ewaluacji dla drzewa decyzyjnego
22     auto evalCriterium = some<CMulticlassAccuracy>();
23     // utworzenie modelu regresji logistycznej
24     auto logReg = some<CMulticlassLogisticRegression>();
25     // utworzenie obiektu sprawdzianu krzyżowego
26     auto cross = some<CCrossValidation>(logReg, trainInputs, trainOutputs,
27                                         splitting, evalCriterium);
28     cross->set_num_runs(1);
29     auto modelSelection = some<CGridSearchModelSelection>(cross, root);
30     // wybranie parametrów dla modelu
31     CParameterCombination* bestParams =
32         wrap(modelSelection->select_model(false));
33     // zaaplikowanie parametrów dla modelu
34     bestParams->apply_to_machine(logReg);

```

```

35     // wyświetlenie drzewa decyzyjnego
36     bestParams->print_tree();
37     // trenowanie docelowego modelu
38     logReg->set_labels(trainOutputs);
39     logReg->train(trainInputs);
40
41     // ewaluacja modelu
42     std::cout << "-----_Shogun_CV_Logistic_-----" << std::endl;
43     std::cout << "Train:" << std::endl;
44     auto prediction = wrap(logReg->apply_multiclass(trainInputs));
45     shogunVerifyModel(prediction, trainOutputs);
46
47     std::cout << "Test:" << std::endl;
48     auto prediction2 = wrap(logReg->apply_multiclass(testInputs));
49     shogunVerifyModel(prediction2, testOutputs);
50
51     delete splitting;
52 }

```

4.6. Documentation and sources availability

Internet sources such as community forums focus on using Shogun with different programming languages such as eg. Python, however using its source code available on GitHub [17] it is possible to generate examples of its use in C++ language aswell in the *examples* directory. Those examples need to be build using a specific Python script contained within the repository, that generates listings of codes in desired language in JSON files. Unfortunately, they present the use of the library in very unnatural, procedurally generated manner, causing them to be useless when attempting to use the actual project's API. In addition, the only form of project documentation is restricted to the comments within the source code, making the user wander through the repository in search of the needed information.

The Shogun is one of the libraries described within the [3] library, which both introduces the reader to basic functionalities of the library, aswell as summarizes the basics of machine learning theory in order to use it. Majority of various model types examples within this book is equipped with listings of main code snippets for the Shogun library. It is important to mention however, that they are different from the examples generated by the build script, showing the use of actual API of the library. During the making of this chapter, this handbook proved to be the only valuable source on the topic.

Chapter 5

Shark-ML

5.1. Introduction

Shark-ML is a machine learning library dedicated for the C++ language. It has an open source and is distributed under the *GNU Lesser General Public License*. The main focus of this library are linear and nonlinear optimization problems (as such containing parts of linear algebra library functionalities), kernel machines (eg. support vector machine) and neural networks [18]. The entity that provides the library is the University of Copenhagen in Denmark, and Neuroinformatics institute of Ruhr-Universitat Bochum in Germany.

5.2. Data sources formats

The library operates on its own representations of matrices and vectors, which are created by wrapping raw arrays using specialized adapters, such as eg. `remora::dense_matrix_adaptor<>()`, or by using containers from the C++ standard library and `createDataFromRange()` function. This mechanism is the exact same as in case of other libraries mentioned in this dissertation, which gives the user a lot of freedom in terms of what format the data is stored in, and how it's read. The library also contains a dedicated parser for files in the CSV format, however it allows the presence of only numeric data within the file. In order to use it, it is required to create a *ClassificationDataset* or *RegressionDataset* container and the `importCSV()` method, which stores the read data in the aforementioned container object via the return-by-parameter mechanism. One of the arguments of `importCSV()` method describes which of the columns contain labels, thanks to which the library is able to instantly separate the predictors from labels. The article [19] available on GitHub shows also how to download data from the internet using `curl` library API, and how to process it into the form acceptable by Shark-ML. Current version of the library also contains some in-built functions that support downloading data via the HTTP protocol. Listing 5.1 shows how to read data from .csv file that is present on the user's hard drive.

Listing 5.1. Reading from CSV file in Shark-ML.

```

1  #pragma once
2
3  #include <inc/shark/printEvaluation.hpp>
4  #include <shark/Data/Dataset.h>
5  #include <shark/Data/DataDistribution.h>
6  #include <shark/Data/Csv.h>
7  #include <shark/Data/SparseData.h>
8
9  template<typename DatasetType>
10 inline DatasetType sharkReadCsvData(std::string filePath)
11 {
12     using namespace shark;
13
14     DatasetType trainData;
15     importCSV(trainData, filePath.c_str(), LAST_COLUMN);
16     return trainData;
17 }

```

In order to wrap the data contained within C++ standard library containers into objects accepted by the Shark-ML, it is necessary to use the aforementioned adaptor functions which accept the pointer for the data in raw array contained within the container together with expected size of target matrix or vector. The wrapping method was shown on listing 5.2.

Listing 5.2. Data wrapping method in Shark-ML[3].

```

1  // przykładowe dane zawarte w kontenerze std::vector biblioteki
2  // standardowej C++
3  std::vector<float> data{1, 2, 3, 4};
4
5  // opakowanie danych do postaci macierzy 2 x 2
6  auto m = remora::dense_matrix_adaptor<float>(data.data(), 2, 2);
7
8  // opakowanie danych do postaci wektora 1 x 4
9  auto v = remora::dense_vector_adaptor<float>(data.data(), 4);

```

5.3. Data exploration and processing methods

5.3.1. Normalization

Shark-ML implements normalization as training class for model *Normalizer*, providing three usable classes to the user:

- *NormalizeComponentsUnitInterval* - processes data as if they are contained within the unit interval;
- *NormalizeComponentsUnitVariance* - recalculates data to achieve unit variance, and sometimes also the mean equal to 0.
- *NormalizeComponentsWhitening* - data is processed in a way that guarantees mean equal to 0 and user-provided variance (unit variance by default).

Those classes base on using the *train()* method on the normalizer object, in order to configure it to process both testing data, and any other data the user wants to introduce into the model. Their additional functionality is data shuffling and separating a validation dataset using *shuffle()* and *splitAtElement()* methods of the *ClassificationDataset* object. Listing 5.3 shows an example of initial data processing using normalization.

Listing 5.3. Initial training data preprocessing in Shark[19].

```

1  #pragma once
2
3  inline auto sharkPreprocess(auto& trainData)
4  {
5      using namespace shark;
6
7      // przemieszanie danych
8      trainData.shuffle();
9      // utworzenie normalizera
10     using Trainer = NormalizeComponentsUnitVariance<RealVector>;
11     bool removeMean = true;
12     Normalizer<RealVector> normalizer;
13     Trainer normalizingTrainer(removeMean);
14     // nauczanie normalizera średniej i wariancji danych treningowych
15     normalizingTrainer.train(normalizer, trainData.inputs());
16     // transformacja danych uczących
17     return transformInputs(trainData, normalizer);
18 }

```

5.3.2. Dimensionality reduction

5.3.2.1. Principal component analysis

The dimensionality reduction algorithm utilizing principal component analysis is implemented in Shark as *PCA* class. It uses a linear model as an encoder and accepts target data dimension in the *encoder()* method. The result of this function call is configuring the linear model in a way that allows creating datasets with reduced dimensions. Listing 5.4 shows use case of the *PCA* class.

Listing 5.4. Dimensionality reduction using *PCA* class and an encoder in Shark.

```

1  // [...]
2
3  // utworzenie trenera PCA
4  shark::PCA pca(data);
5  shark::LinearModel<> enc;
6
7  // konfiguracja enkodera do redukcji wymiarów
8  constexpr int nbOfDim = 2;
9  pca.encoder(enc, nbOfDim);
10 auto encoded_data = enc(data);

```

5.3.2.2. Linear discriminant analysis

In case of Shark-ML library, the linear discriminant analysis (*LDA*) is based on finding an analytical solution via configuration of *LinearClassifier* model via *LDA* training class, using the *train()* method. It is also possible to use the same model for classification task, receiving predictions for a data set by calling the linear classifier functor (use of operator()) providing data from *ClassificationDataset* acquired by calling *inputs()* method. Detailed implementation on the dimensionality reduction of data using this method are presented on listing 5.5.

Listing 5.5. Dimensionality reduction example using LDA model in Shark[3].

```

1  using namespace shark;
2
3  void LDAReduction(const UnlabeledData<RealVector>& data,
4                    const UnlabeledData<RealVector>& labels,
5                    std::size_t target_dim)
6  {
7      // utworzenie obiektów LDA
8      LinearClassifier<> encoder;
9      LDA lda;
10     // utworzenie zestawu danych
11     LabeledData<RealVector, unsigned int> dataset(
12         labels.numberOfElements(), InputLabelPair<RealVector, unsigned int>(
13             RealVector(data.element(0).size()), 0));
14     // wypełnienie zbioru danymi
15     for (std::size_t i = 0; i < labels.numberOfElements(); ++i)
16     {
17         // zmiana indeksów klas aby zaczynały się od 0
18         dataset.element(i).label =
19             static_cast<unsigned int>(labels.element(i)[0]) - 1;
20         dataset.element[i].input = data.element(i)
21     }
22     // trening enkodera
23     lda.train(encoder, dataset);
24     // utworzenie zredukowanego zestawu danych
25     auto new_labels = encoder(data);
26     auto new_data = encoder.decisionFunction()(data);
27 }

```

5.3.3. L1 regularization

The Shark library, in contrary to the Shogun library does not contain specifically defined mechanisms for standalone regularization in the models. Instead, there is a possibility to put a regularization object in the trainer object, using the *setRegularization()* function. In order to use the Lasso method, the user needs to put the *shark::OneNormRegularizer* object within the trainer of choice, and next carry out the teaching process.

5.3.4. L2 regularization

Similarly to the Lasso method, using L2 regularization in the trained model is based on providing the right regularizer object to the trainer object. For L2 method it is

the `shark::TwoNormRegularizer` class.

5.4. Machine learning models

5.4.1. Linear regression

One of the fundamental models offered by this library is the linear regression. In order to use it, the *LinearModel* class is provided, which offers an analytical solution using the *LinearRegression* trainer class, or iterative approach implemented by the *LineatSAGTrainer* class, which utilizes the statistic average gradient method. In case of more complicated regression models, where the analytical solution might not exist, the iterative method can be used with the optimizer chose by the user. The whole method comes down into teaching the optimizer using a loss function, and subsequently loading the acquired weights into the regression model. Parameters of the model can be read by calling the *offset()*, *matrix()* or *parameterVector()* methods. Listing 5.6 shows the iterative approach, and listing 5.7 presents the analytical method.

Listing 5.6. Example of linear regression using SAG - Shark.

```

1  #pragma once
2
3  #include <iostream>
4  #include <inc/shark/printEvaluation.hpp>
5  #include <shark/Algorithms/Trainers/LinearRegression.h>
6  #include <shark/Models/LinearModel.h>
7  #include <shark/ObjectiveFunctions/Loss/SquaredLoss.h>
8
9  inline void sharkLinear(const shark::RegressionDataset& trainData,
10                        const shark::RegressionDataset& testData)
11  {
12      using namespace shark;
13
14      // przygotowanie modelu i trenera
15      LinearModel<> model;
16      LinearRegression trainer;
17      //trening
18      trainer.train(model, trainData);
19      // ewaluacja
20      std::cout << "-----_Shark_Linear_-----" << std::endl;
21      std::cout << "Train_data:" << std::endl;
22      auto predictions = model(trainData.inputs());
23      printSharkModelEvaluation(
24          trainData.labels(), predictions);
25
26      std::cout << "Test_data:" << std::endl;
27      predictions = model(testData.inputs());
28      printSharkModelEvaluation(
29          testData.labels(), predictions);
30  }
```

Listing 5.7. Example of linear regression with analytical method - Shark[3].

```

1  #pragma once
2
3  inline void sharkLinear(const shark::RegressionDataset& trainData,
4                        const shark::RegressionDataset& testData)
5  {
6      using namespace shark;
7
8      // utworzenie modelu
9      LinearRegression trainer;
10     LinearModel<> model;
11     // trening modelu
12     trainer.train(model, trainData);
13     // odczytanie parametrów modelu
14     std::cout << "intercept:_" << model.offset() << std::endl;
15     std::cout << "matrix:_" << model.matrix() << std::endl;
16     // ewaluacja
17     std::cout << "-----Shark_Linear-----" << std::endl;
18     std::cout << "Train_data:" << std::endl;
19     auto predictions = model(trainData.inputs());
20     printSharkModelEvaluation(
21         trainData.outputs(), predictions, Task::REGRESSION);
22
23     std::cout << "Test_data:" << std::endl;
24     predictions = model(testData.inputs());
25     printSharkModelEvaluation(
26         trainData.outputs(), predictions, Task::REGRESSION);
27 }

```

5.4.2. Logistic regression

The logistic regression mechanism available in the Shark-ML library by its nature solves a binary classification problem. There is however possibility to use multiple classifiers, which count is described by the equation:

$$\frac{N(N-1)}{2} \quad (5.1)$$

where N designates the number of classes present in the problem. Created classifiers are then combined into one object using the right configuration of *OneVersusOneClassifier* class, which then allows for solving a multiclass classification. In order to achieve this, the dataset needs to be iteratively split into binary characteristic subproblems using the in-built *binarySubProblem()* method, which accepts the data set and desired classes. Teaching process is carried out using the *LogisticRegression* trainer object. After the submodel batch is trained, they are loaded into the primary model. The final use of the ready multiclass classifier is no different than using a model acquired eg. in linear classification. Listing 5.8 describes the function for building a multiclass classifier, while listing 5.9 presents the creation of simple binary classification model.

Listing 5.8. Example of multiclass classifier building - Shark[3].

```

1  using namespace shark;
2
3  // [...]

```

```

4
5 void LRClassification(const ClassificationDataset& train,
6                      const ClassificationDataset& test,
7                      unsigned int num_classes)
8 {
9     // utworzenie obiektu docelowego klasyfikatora oraz tablicy
10    // klasyfikatorów składowych
11    OneVersusOneClassifier<RealVector> ovo;
12    auto pairs = num_classes * (num_classes - 1) / 2;
13    std::vector<LinearClassifier<RealVector>> lr(pairs);
14
15    // iteracyjne konfigurowanie klasyfikatorów składowych
16    for (std::size_t n = 0, cls1=1; cls1 < num_classes; ++cls1)
17    {
18        using BinaryClassifierType =
19            OneVersusOneClassifier<RealVector>::binary_classifier_type;
20        std::vector<BinaryClassifierType*> ovo_classifiers;
21        for (std::size_t cls2 = 0; cls2 < cls1; ++cls2, ++n)
22        {
23            // pobranie binarnego podproblemu
24            ClassificationDataset binary_cls_data =
25                binarySubProblem(train, cls2, cls1);
26
27            // trening modelu składowego
28            LogisticRegression<RealVector> trainer;
29            trainer.train(lr[n], binary_cls_data);
30
31            // załadowanie modelu składowego do serii
32            ovo_classifiers.push_back(&lr[n]);
33        }
34        // podłączenie serii do głównego klasyfikatora
35        ovo.addClass(ovo_classifiers);
36    }
37
38    // użycie modelu
39    auto predictions = ovo(test.inputs());
40    // [...]
41 }

```

Listing 5.9. Example of simple binary linear regression - Shark.

```

1 #pragma once
2
3 #include <iostream>
4
5 #define SHARK_CV_VERBOSE 1
6 #include <inc/shark/printEvaluation.hpp>
7 #include <shark/Algorithms/Trainers/LogisticRegression.h>
8 #include <shark/Data/Dataset.h>
9 #include <shark/Models/Classifier.h>
10 #include <iostream>
11
12 inline void sharkLogistic(const shark::ClassificationDataset& trainData,
13                          const shark::ClassificationDataset& testData)
14 {
15     using namespace shark;
16
17     // utworzenie modelu

```

```

18     std::cout << "Start_logistic\n";
19     LinearClassifier<RealVector> logisticModel;
20     LogisticRegression<RealVector> trainer;
21     // trening
22     std::cout << "Training\n";
23     trainer.train(logisticModel, trainData);
24     // ewaluacja
25     std::cout << "-----Shark_Logistic_Regression-----" << std::endl;
26     std::cout << "Train_data_model_evaluation:" << std::endl;
27     auto predictions = logisticModel(trainData.inputs());
28     printSharkModelEvaluation(
29         trainData.labels(), predictions);
30
31     std::cout << "Test_data_model_evaluation:" << std::endl;
32     predictions = logisticModel(testData.inputs());
33     printSharkModelEvaluation(
34         testData.labels(), predictions);
35 }

```

5.4.3. Support vector machine

One of the very important from the perspective of Shark-ML library use machine learning methods provided by it is the support vector machines, which is a type of kernel model. It is based on performing linear regression inside the space of characteristics derived from the used kernel. Similarly to the logistic regression case, the API of the library allows directly only for binary classification, however using it to solve a multiclass problem requires a combination of many dichotomous support vector machines into a compound model, which can be achieved using *OneVersusOneClassifier* and requires the submodels count described by the 5.1 equation. Consistently with the characteristic trait of this library, the use of the method is split into creating an instance of the model and a trainer object, which configures the model in the training process. The user is presented with following classes:

- *GaussianRbfKernel* - it is responsible for calculating the similarity between provided characteristics using a radial basis function;
- *KernelClassifier* - it carries out the linear regression within the space provided by the kernel;
- *CSvmTrainer* - trainer class which performs the training in accordance with configured parameters;

The user can configure the model with following parameters:

- model throughput - provided to the *GaussianRbfKernel* constructor as a number from the interval of $[0; 1]$;
- regularization - a real number set in the constructor of *CSvmTrainer*. By default the support vector machines uses L1 norm as a punishment for crossing the desired boundary;

- *bias* - a binary flag (bool) describing whether the model is supposed to the bias term, set in the *CSvmTrainer* constructor;
- *sparsify* - a parameter stating whether the model should keep the non-support vectors, available via the *sparsify()* trainer method;
- minimal precision for finishing the training - it allows the user to specify the satisfying precision of the model. It is available as a member of the *stopping-Condition()* structure for the trainer;
- cache size - set via the *setCacheSize()* method of the trainer;

The use method of the model is identical to the other models, via calling the *operator()* member function. Listing 5.10 shows an example of creating and configuring the model based on the available documentation of the library, however listing 5.11 shows the creating of support vector machine for multiclass problems inside a function that accepts training and validation datasets.

Listing 5.10. Example of binary support vector machine - Shark.

```

1  #pragma once
2
3  #define SHARK_CV_VERBOSE 1
4  #include <inc/shark/printEvaluation.hpp>
5  #include <shark/Algorithms/KMeans.h>
6  #include <shark/Algorithms/Trainers/CSvmTrainer.h>
7  #include <shark/Data/Dataset.h>
8  #include <shark/Models/Classifier.h>
9  #include <shark/Models/Kernels/GaussianRbfKernel.h>
10 #include <shark/ObjectiveFunctions/Regularizer.h>
11
12 inline void sharkSVM(const shark::ClassificationDataset& trainData,
13                     const shark::ClassificationDataset& testData)
14 {
15     using namespace shark;
16
17     // utworzenie jądra
18     double gamma = 0.16;
19     GaussianRbfKernel<> kernel(gamma);
20     KernelClassifier<RealVector> svm;
21     double regularization = 1;
22     bool bias = true;
23     // utworzenie i konfiguracja modelu
24     CSvmTrainer<RealVector> trainer(
25         &kernel, regularization, bias);
26     trainer.sparsify() = false;
27     // trening
28     trainer.train(svm, trainData);
29     // ewaluacja
30     std::cout << "-----Shark_SVM-----" << std::endl;
31     std::cout << "Train_data:" << std::endl;
32     auto predictions = svm(trainData.inputs());
33     printSharkModelEvaluation(
34         trainData.labels(), predictions);
35
36     std::cout << "Test_data:" << std::endl;

```

```

37     predictions = svm(testData.inputs());
38     printSharkModelEvaluation(
39         testData.labels(), predictions);
40 }

```

Listing 5.11. Example of multiclass support vector machine - Shark[3].

```

1  using namespace shark;
2
3  void SVMClassification(const ClassificationDataset& train,
4                        const ClassificationDataset& test,
5                        unsigned int num_classes)
6  {
7      double gamma = 0.5;
8      GaussianRbfKernel<> kernel(gamma);
9      // utworzenie obiektu modelu docelowego
10     OneVersusOneClassifier<RealVector> ovo;
11     // utworzenie kontenera na poszczególne podproblemy
12     unsigned int pairs = num_classes * (num_classes - 1) / 2;
13     std::vector<KernelClassifier<RealVector>> svm(pairs);
14     for (std::size_t n = 0, cls1 = 1; cls1 < num_classes; cls1++)
15     {
16         // utworzenie zestawu klasyfikatorów podproblemów dla danej klasy
17         using BinaryClassifierType =
18             OneVersusOneClassifier<RealVector>::binary_classifier_type;
19         std::vector<BinaryClassifierType*> ovo_classifiers;
20         for (std::size_t cls2 = 0; cls2 < cls1; cls2++, n++)
21         {
22             // utworzenie podproblemu binarnego
23             ClassificationDataset binary_cls_data =
24                 binarySubProblem(train, cls2, cls1);
25             // trenowanie modelu składowego
26             double c = 10.0;
27             CSvmTrainer<RealVector> trainer(&kernel, c, false);
28             trainer.train(svm[n], binary_cls_data);
29             ovo_classifiers.push_back(&svm[n]);
30         }
31         // dołożenie zestawu klasyfikatorów do głównego modelu
32         ovo.addClass(ovo_classifiers);
33     }
34     // użycie modelu
35     auto predictions = ovo(test.inputs());
36 }

```

5.4.4. K-nearest neighbors algorithm

One of the classification methods provided by the Shark-ML library is the nearest neighbor model which can be equipped in various algorithms, one of which is the K-nearest neighbors algorithm (kNN). The model is represented by the *NEarestNeighborModel* class. The library allows for using a brute-force solution, or a solution based on space partition trees, using the *KDTree* class and *TreeNearestNeighbors*. In contrary to previously shown methods, performing a multiclass classification in this case does not require compound models or providing the number of classes to the model. It is automatically configured based on the provided training data. Listing

5.12 shows how to prepare the kNN classifier.

Listing 5.12. Example of kNN classifier - Shark.

```

1  #pragma once
2
3  #define SHARK_CV_VERBOSE 1
4  #include <inc/shark/printEvaluation.hpp>
5  #include <shark/Algorithms/KMeans.h>
6  #include <shark/Algorithms/NearestNeighbors/TreeNearestNeighbors.h>
7  #include <shark/Data/Dataset.h>
8  #include <shark/Models/Classifier.h>
9  #include <shark/Models/NearestNeighborModel.h>
10 #include <shark/Models/Trees/KDTree.h>
11 #include <iostream>
12
13 inline void sharkKNN(const shark::ClassificationDataset& trainData,
14                     const shark::ClassificationDataset& testData)
15 {
16     using namespace shark;
17
18     // utworzenie i konfiguracja drzewa oraz algorytmu
19     KDTree<RealVector> tree(trainData.inputs());
20     TreeNearestNeighbors<RealVector, unsigned int> algorithm(
21         trainData, &tree);
22
23     // konfiguracja modelu
24     const unsigned int K = 2; // ilość sąsiadów dla algorytmu kNN
25     NearestNeighborModel<RealVector, unsigned int> KNN(&algorithm, K);
26
27     // ewaluacja modelu
28     std::cout << "-----Shark_KNN-----" << std::endl;
29     std::cout << "Train_data:" << std::endl;
30     auto predictions = KNN(trainData.inputs());
31     printSharkModelEvaluation(
32         trainData.labels(), predictions);
33
34     std::cout << "Test_data:" << std::endl;
35     predictions = KNN(testData.inputs());
36     printSharkModelEvaluation(
37         testData.labels(), predictions);
38 }

```

5.4.5. Ensemble algorithm

Besides commonly known algorithms, the Shark-ML library also provides more complex structures, such as eg. ensemble algorithm models, which bases on using many component algorithms based on fragments on the characteristics space, in order to combine acquired results to increase the predictions precision. Unfortunately, the only mechanism present in this library that utilizes this technique is random forest composed of decision trees, allowing only for solving classification problems (it does not allow for using it for regression purposes). A classical approach for this library is taken, where the implementation is performed by creating a trainer object - in this case of *RFTrainer* class - which allows for configuring the parameters and subsequently training the model represented by the *RFClassifier* object. Besides the

random forest algorithm, there is a possibility of using this library for creating a model in the stacking technique, however due to the fact that this option does not occur natively, it is outside of this dissertation scope. Listing 5.13 shows how to create and use the random forest model.

Listing 5.13. Creation of ensemble random forest model - Shark[3].

```

1  using namespace std;
2
3  void RFClassification(const shark::ClassificationDataset& train,
4                      const shark::ClassificationDataset& test)
5  {
6      using namespace shark;
7
8      // utworzenie i konfiguracja trenera
9      RFTrainer<unsigned int> trainer;
10     trainer.setNTrees(100);
11     trainer.setMinSplit(10);
12     trainer.setMaxDepth(10);
13     trainer.setNodeSize(5);
14     trainer.minImpurity(1.e-10);
15     // utworzenie klasyfikatora
16     RFClassifier<unsigned int> rf;
17     trainer.train(rf, train);
18     // ewaluacja
19     ZeroOneLoss<unsigned int> loss;
20     auto predictions = rf(test.inputs());
21     double accuracy = 1. - loss.eval(test.labels(), predictions);
22     std::cout << "Random Forest accuracy=" << accuracy << std::endl;
23 }

```

5.4.6. Neural network

Construction of neural network using the Shark-ML library utilizes some mechanisms offered by the *LinearModel<>* class. It allows for deciding the type and number of inputs, outputs and whether to use the bias term. Each layer consists of singular linear model, where the number of inputs describes the neurons count within the layer. Neuron activation function configuration happens during passing the data types to the model template. Full list of activation functions can be found in the library documentation [20]. The next step is to prepare an object of *ErrorFunction<>* class based on one of the available loss functions, which will be configured for use by optimizer which carries out the training process. After preparing the loss function, it needs to be initialized with random weights and the user needs to create and configure an optimizer object of choice. At this stage, the network is ready for training. The process is based around iteratively executing a *step()* function of the optimizer. Due to the need of using a user-defined loop, there is a possibility for describing user's own stop conditions to be evaluated in each epoch, such as epoch count or passing a certain threshold by the loss function. Inside the outside epoch loop, another loop needs to be placed that will go through each data batches, performing the optimizer step on them. After the training is completed, the model needs to be configured by passing the weights acquired by the optimizer to it. As a result, user gets a fully set up neural network model. Listing 5.14 shows the code

snippets performing the whole process, which is an example from the handbook [3].

Listing 5.14. Example of neural network with two hidden layers for classification task - Shark[3].

```

1  #pragma once
2
3  #include <iostream>
4  #include <inc/shark/printEvaluation.hpp>
5  #include <shark/Algorithms/GradientDescent/SteepestDescent.h>
6  #include <shark/Models/ConcatenatedModel.h>
7  #include <shark/Models/LinearModel.h>
8  #include <shark/Data/Dataset.h>
9  #include <shark/ObjectiveFunctions/ErrorFunction.h>
10 #include <shark/ObjectiveFunctions/Regularizer.h>
11 #include <shark/ObjectiveFunctions/Loss/CrossEntropy.h>
12
13 inline void sharkNN(const shark::ClassificationDataset& trainData,
14                    const shark::ClassificationDataset& testData)
15 {
16     using namespace shark;
17
18     // zdefiniowanie warstw sieci
19     using DenseTanhLayer = LinearModel<RealVector, TanhNeuron>;
20     using DenseLogisticLayer = LinearModel<RealVector, LogisticNeuron>;
21     DenseTanhLayer layer1(inputDimension(trainData), 5, true);
22     DenseTanhLayer layer2(5, 5, true);
23     DenseLogisticLayer output(5, numberOfClasses(trainData), true);
24     // połączenie warstw
25     auto network = layer1 >> layer2 >> output;
26     // utworzenie i konfiguracja funkcji straty
27     CrossEntropy<unsigned int, RealVector> loss;
28     ErrorFunction<> error(trainData, &network, &loss, true);
29     //TwoNormRegularizer<> regularizer(error.numberOfVariables());
30     double weightDecay = 0.01;
31     //error.setRegularizer(weightDecay, &regularizer);
32     error.init();
33     // inicjalizacja wag sieci
34     initRandomNormal(network, 0.001);
35     // utworzenie i konfiguracja optymalizatora
36     SteepestDescent<> optimizer;
37     optimizer.setMomentum(0.5);
38     optimizer.setLearningRate(0.1);
39     optimizer.init(error);
40     // przeprowadzenie procesu uczenia
41     std::size_t epochs = 1000;
42     std::size_t iterations = trainData.numberOfBatches();
43     // pętla przechodząca poszczególne epoki
44     for (std::size_t epoch = 0; epoch != epochs; ++epoch)
45     {
46         double avgLoss = 0.0;
47         // pętla operująca na pojedynczych batch'ach
48         for (std::size_t i = 0; i != iterations; ++i)
49         {
50             // wykonanie kroku optymalizatora
51             optimizer.step(error);
52             // zapisanie częściowej wartości funkcji straty
53             //if (i % 100 == 0)

```

```

54         //{
55         avgLoss += optimizer.solution().value;
56         //}
57     }
58     // wyliczenie średniej wartości funkcji straty
59     avgLoss /= iterations;
60     std::cout << "Epoch_" << epoch << "_Avg_loss_" << avgLoss
61         << std::endl;
62 }
63 // konfiguracja modelu docelowego
64 network.setParameterVector(optimizer.solution().point);
65 std::cout << "In_shape=" << network.inputShape() << std::endl;
66 std::cout << "Out_shape=" << network.outputShape() << std::endl;
67 //Classifier<ConcatenatedModel<RealVector>> model(network);
68
69 // walidacja
70 std::cout << "-----Shark_Neural-----" << std::endl;
71 std::cout << "Train_data:" << std::endl;
72 std::cout << "trainData.numberOfBatches()_" <<
73     trainData.numberOfBatches() << std::endl;
74 auto predictions = network(trainData.inputs());
75 std::cout << "predictions.numberOfBatches()_" <<
76     predictions.numberOfBatches();
77 printSharkModelEvaluation(
78     trainData.labels(), predictions);
79
80 std::cout << "Test_data:" << std::endl;
81 predictions = network(testData.inputs());
82 printSharkModelEvaluation(
83     testData.labels(), predictions);
84 }

```

5.5. Model analysis methods

5.5.1. Funkcje straty

Biblioteka Shark-ML oferuje szereg funkcji straty pozwalających na wymierną weryfikację dokładności modelu. Należą do nich [21]:

- **średni błąd bezwzględny** - realizowany za pomocą klasy *AbsoluteLoss*;
- **błąd średniokwadratowy** - realizowany za pomocą klasy *SquaredLoss*;
- **błąd typu zero-jeden** - realizowany za pomocą klasy *ZeroOneLoss*;
- **błąd dyskretny** - realizowany za pomocą klasy *DiscreteLoss*;
- **entropia krzyżowa** - realizowana za pomocą klasy *CrossEntropy*;
- **kawałkami liniowa funkcja straty** - realizowany za pomocą klasy *HingeLoss*;
- **średniokwadratowy błąd kawałkami liniowej funkcji straty** - realizowany za pomocą klasy *SquaredHingeLoss*;

- **kawałkami liniowa funkcja straty typu epsilon** - realizowany za pomocą klasy *EpsilonHingeLoss*;
- **średniokwadratowy błąd kawałkami liniowej funkcji straty typu epsilon** - realizowany za pomocą klasy *SquaredEpsilonHingeLoss*;
- **funkcja straty Hubera** - realizowana za pomocą klasy *HuberLoss*;
- **funkcja straty Tukeya** - realizowana za pomocą klasy *TukeyBiweightLoss*.

Każda z powyższych klas używana jest w schematyczny sposób, poprzez wcześniejsze utworzenie obiektu klasy wybranej funkcji straty, a następnie wywołanie jej jako funkcji przekazując wartości oczekiwane oraz otrzymane predykcje modelu. Listing 5.15 przedstawia omówiony sposób użycia na przykładzie błędu średniokwadratowego.

Listing 5.15. Użycie funkcji straty na przykładzie błędu średniokwadratowego

```

1 using namespace shark;
2
3 // [...]
4
5 SquaredLoss<> mse_loss;
6 auto mse = mse_loss(train_data.labels(), predictions);
7 auto rmse = std::sqrt(mse);

```

5.5.2. Metryka R^2 i skorygowane R^2

Biblioteka Shark-ML nie oferuje bezpośredniej klasy reprezentującej metrykę R^2 jak w przypadku funkcji strat, jednak udostępnia użytkownikowi funkcję obliczania wariancji danych, co umożliwi bardzo łatwą samodzielną implementację obu metryk. Listing 5.16 przedstawia sposób ich wyliczenia, posiadając wartość błędu średniokwadratowego.

Listing 5.16. Implementacja metryk R^2 oraz skorygowanego R^2 .

```

1 using namespace shark;
2
3 // [...]
4
5 // błąd średniokwadratowy
6 SquaredLoss<> mse_loss;
7 auto mse = mse_loss(train_data.labels(), predictions);
8
9 // metryka  $R^2$ 
10 auto var = variance(train_data.labels());
11 auto r_squared = 1 - mse / var(0);
12
13 // metryka adjusted  $R^2$ 
14 auto adj_r_squared = 1 - (1 - r_squared)((num_regressors - 1)/
15                                     (num_regressors - data_size - 1));

```

5.5.3. Pole pod wykresem krzywej charakterystycznej odbiornika

Pole pod wykresem krzywej charakterystycznej odbiornika stanowi jedną z często wykorzystywanych metryk poprawności predykcji modelu, w związku z czym nie mogło jej zabraknąć w bibliotece Shark-ML. Jest ona dostępna za pośrednictwem klasy *NegativeAUC*, wykorzystywanej w taki sam sposób jak pozostałe omówione wcześniej funkcje straty. W przeciwieństwie do standardowego podejścia, wspomniana klasa oblicza dopełnienie pola pod wykresem funkcji ROC, aby umożliwić wykorzystanie jej jako minimalizowanego celu w procesie uczenia. Listing 5.17 przedstawia sposób obliczenia wartości wymienionej metryki.

Listing 5.17. Przykład obliczenia pola pod wykresem funkcji ROC dla Shark-ML.

```

1  #include <vector>
2  #include <algorithm>
3  #include <iterator>
4  #include <shark/LinAlg/Base.h>
5
6  std::vector<shark::RealVector> repackToRealVectorRange(
7      const auto& dataContainer)
8  {
9      using namespace shark;
10
11     // przepakowanie danych z typu unsigned int na typ RealVector
12     std::vector<RealVector> v;
13     std::for_each(dataContainer.elements().begin(),
14                 dataContainer.elements().end(),
15                 [&](const auto e){
16                     RealVector rv(1);
17                     rv(0) = static_cast<double>(e);
18                     v.emplace_back(rv); });
19     return v;
20 }
21
22 inline void printSharkModelEvaluation(
23     const shark::Data<unsigned int>& labels,
24     const auto& predictions)
25 {
26     using namespace shark;
27
28     // przygotowanie solvera pola pod wykresem ROC
29     constexpr bool invert = false;
30     NegativeAUC<unsigned int, RealVector> auc(invert);
31
32     // przepakowanie danych
33     auto predVec = repackToRealVectorRange(predictions);
34     auto predData = createDataFromRange(predVec);
35     // obliczenie AUC ROC
36     auto roc = auc(labels, predData);
37     std::cout << "ROC:␣" << (-1 * roc) << std::endl << std::endl;
38 }

```

5.5.4. K-krotny sprawdzian krzyżowy

Proces poszukiwania najlepszych wartości hiperparametrów w Shark-ML uwzględnia przeprowadzenie wewnętrznie uczenia danego modelu, lecz skupia się na porównaniu uzyskiwanych wyników, w związku z czym jego opis zamieszczony został w tej sekcji. Użycie implementacji metody K-krotnego sprawdzianu krzyżowego wymaga wykorzystania trzech klas. Pierwszą z nich stanowi *CVFolds*, której zadaniem jest przechowanie zestawu danych podzielonego na odpowiednią liczbę fragmentów. Drugą jest klasa *CrossValidationError* stanowiąca szablon przyjmujący typ modelu, dla którego określany będzie błąd walidacji, oraz obiekt klasy błędu, który ma zostać wyliczony. Ostatnią klasą jest *GridSearch*, którego zadaniem jest iteracyjny wybór fragmentów do uczenia i wyznaczenie wartości hiperparametrów dla modelu. Wynikiem procesu jest uzyskanie najlepszego zestawu hiperparametrów do procedury uczenia - użytkownik musi zawołać metodę *step()* klasy *GridSearch* tylko jeden raz. Listing 5.18 przedstawia przykład zawarty w podręczniku [3], w którym autor przedstawia proces wykorzystania powyższych klas na własnoręcznie zaimplementowanym modelu regresji wielomianowej.

Listing 5.18. Przykład realizacji sprawdzianu krzyżowego K-fold w Shark-ML [3].

```
1 using namespace shark;
2
3 // [...]
4
5 // przetworzenie danych uczących
6 const unsigned int num_folds = 5;
7 CVFolds<RegressionDataset> folds =
8     createCVSameSize<RealVector, RealVector>(train_data, num_folds);
9
10 // przygotowanie parametrów dla docelowego modelu
11 double regularization_factor = 0.0;
12 double polynomial_degree = 8;
13 int num_epochs = 300;
14
15 // konfiguracja docelowego modelu
16 PolynomialModel<> model;
17 PolynomialRegression trainer(regularization_factor, polynomial_degree,
18                             num_epochs);
19
20 // utworzenie obiektu błędu oraz sprawdzianu krzyżowego
21 AbsoluteLoss<> loss;
22 CrossValidationError<PolynomialModel<>, RealVector> cv_error(
23     folds, &trainer, &model, &trainer, &loss);
24
25 // utworzenie siatki
26 GridSearch grid;
27 std::vector<double> min(2);
28 std::vector<double> max(2);
29 std::vector<std::size_t> sections(2);
30
31 // regularyzacja
32 min[0] = 0.0;
33 max[0] = 0.00001;
34 sections[0] = 6;
35
```

```
36 // stopień wielomianu
37 min[1] = 4;
38 max[1] = 10.0;
39 sections[1] = 6;
40 grid.configure(min, max, sections);
41
42 // proces uczenia i konfiguracja modelu
43 grid.step(cv_error);
44
45 trainer.setParameterVector(grid.solution().point);
46 trainer.train(model, train_data);
```

5.6. Dostępność dokumentacji i źródeł wiedzy

Biblioteka Shark-ML posiada skróconą dokumentację dostępną na głównej stronie internetowej projektu, wraz z przykładowymi plikami źródłowymi dołączonymi do repozytorium. Jest ona także wspomniana w książce „Hands-On Machine Learning with C++”, przedstawiającej sposoby użycia wybranych funkcjonalności. Kwestią wyróżniającą ją natomiast na tle pozostałych bibliotek omówionych w ramach niniejszej pracy jest fakt, że jest ona dedykowana językowi C++, w związku z czym dużo łatwiej dostępne są wątki społecznościowe i artykuły omawiające realizację różnorodnych typów modeli z jej użyciem, oraz oferując przykładowy kod źródłowy. Strona główna projektu [22] posiada rozbudowaną, przejrzystą i opatrzoną przykładami dokumentację, znacznie ułatwiając korzystanie z dostępnego API.

Chapter 6

Biblioteka Dlib

6.1. Wprowadzenie

Jest to biblioteka do uczenia maszynowego napisana w nowoczesnym C++, o zastosowaniu przemysłowym oraz naukowym [23]. Podobnie jak poprzednio omawiane biblioteki, posiada ona otwarte źródło na licencji Boost Software Licence [24]. Do dziedzin wykorzystujących wyżej wspomnianą bibliotekę należą robotyka, systemy wbudowane, telefonia komórkowa oraz oprogramowanie o dużej wydajności obliczeniowej. Kod źródłowy biblioteki opatrzony jest testami jednostkowymi, co pozwala na łatwiejsze utrzymanie jakości dostarczanego rozwiązania. Ciekawym aspektem jest fakt, że Dlib stanowi nie tylko bibliotekę, lecz zestaw narzędzi, oferujący funkcjonalności wykraczające także poza dziedzinę uczenia maszynowego.

6.2. Formaty źródeł danych

Do reprezentacji wektora w bibliotece Dlib wykorzystywane są kontenery z biblioteki szablonów STL języka C++. Dodatkowo, istnieje możliwość ich inicjalizacji za pomocą operatora przecinka, oraz opakowania surowej tablicy (ang. *raw array*). Oznacza to, że podobnie jak w przypadku biblioteki Shogun, dane mogą być przekazywane do programu wykorzystującego Dlib w dowolny sposób zapewniający umieszczenie ich np. w surowej tablicy do późniejszego przetworzenia na obiekty akceptowane przez bibliotekę. Metoda ta działa także z kontenerami biblioteki STL, które pozwalają na dostęp do surowych danych przy użyciu metody *data()*. Tak samo jak poprzednio, występuje tu wsparcie dla formatu CSV obwarowanego tymi samymi ograniczeniami co dla Shogun. Za wspomniane wsparcie odpowiada przeładowany operator strumienia współpracujący z klasą *std::ifstream* biblioteki standardowej C++. Przykładowy kod wykorzystujący opisany mechanizm zamieszczony został na listingu 6.1.

Listing 6.1. Fragment kodu ilustrujący sposób odczytu z pliku w formacie CSV [3].

```
1 #include <Dlib/matrix.h>
2 #include <fstream>
3 #include <iostream>
4
5 using namespace Dlib;
```

```
6
7 // [...]
8
9 matrix<double> data;
10 std::ifstream file("data_file.csv");
11 file >> data;
12 std::cout << data << std::endl;
```

6.3. Metody przetwarzania i eksploracji danych

6.3.1. Normalizacja

Biblioteka udostępnia normalizację danych poprzez standaryzację, realizowaną przez klasę *Dlib::vector_normalizer*. Głównym warunkiem ograniczającym zastosowanie jej jest fakt, że nie można w niej umieścić całego zestawu danych treningowych na raz, co wymusza podział obserwacji na osobne wektory, a następnie umieszczenie ich w kontenerze *std::vector* do dalszego przetwarzania. Przykład funkcji normalizującej przedstawiono na listingu 6.2.

Listing 6.2. Funkcja normalizująca.

```
1 #pragma once
2
3 #include <vector>
4 #include <dlib/matrix.h>
5
6 inline std::vector<dlib::matrix<double>> dlibNormalize(
7     const std::vector<dlib::matrix<double>& data)
8 {
9     using namespace dlib;
10    // utworzenie i trening normalizera
11    vector_normalizer<matrix<double>> normalizer;
12    normalizer.train(data);
13    // przetwarzanie danych
14    std::vector<matrix<double>> processedData(data.size());
15    for (auto dataMatrix : data)
16        processedData.emplace_back(normalizer(data));
17    return processedData;
18 }
```

6.3.2. Redukcja wymiarowości

6.3.2.1. Analiza składowych głównych

Implementacja metody PCA w bibliotece Dlib oferowana jest za pośrednictwem klasy *dlib::vector_normalizer_pca*, która oprócz samej redukcji wymiarowości wykonuje także wcześniej automatycznie proces normalizacji danych. Bywa to przydatne, gwarantując że redukcja będzie przeprowadzana zawsze na odpowiednio przygotowanych wartościach obserwacji. Listing 6.3 przedstawia funkcję używającą wyżej wymienioną metodę.

Listing 6.3. Przykład redukcji wymiarowości z użyciem metody PCA.

```
1 #pragma once
2
3 #include <dlib/matrix.h>
4 #include <dlib/matrix/matrix_utilities.h>
5 #include <dlib/statistics.h>
6 #include <vector>
7
8 inline std::vector<dlib::matrix<double>> dlibPCA(
9     const std::vector<dlib::matrix<double>>& data,
10     std::size_t desiredDimensions)
11 {
12     using namespace dlib;
13     // utworzenie i trening reduktora
14     vector_normalizer_pca<matrix<double>> pca;
15     pca.train(data, desiredDimensions/data[0].nr());
16     // przygotowanie kontenera na przetworzone dane
17     std::vector<matrix<double>> processedData;
18     processedData.reserve(data.size());
19     // przetwarzanie danych
20     for(auto& sample : data)
21     {
22         processedData.emplace_back(pca(sample));
23     }
24     return processedData;
25 }
```

6.3.2.2. Liniowa analiza dyskryminacyjna

Drugim z oferowanych algorytmów redukcji wymiarowości zawartych w Dlib jest algorytm liniowej analizy dyskryminacyjnej. Jest on dostępny pod postacią funkcji *dlib::compute_lda_transform*, która przekształca macierz zawierającą dane wejściowe do macierzy transformacji danych. Ze względu na nadzorowany charakter algorytmu, konieczne jest także przekazanie wartości zmiennych odpowiedzi, natomiast same dane, w przeciwieństwie do metody PCA, mogą być zawarte w pojedynczym obiekcie macierzy. Redukcja odbywa się poprzez wymnożenie otrzymanej macierzy przez transponowany wiersz zawierający próbkę. Szczegółowe zastosowanie algorytmu przedstawiono na listingu 6.4

Listing 6.4. Przykład redukcji wymiarowości z użyciem algorytmu LDA.

```
1 #pragma once
2
3 #include <dlib/matrix.h>
4 #include <dlib/matrix/matrix_utilities.h>
5 #include <dlib/statistics.h>
6 #include <vector>
7
8 inline std::vector<dlib::matrix<double>> dlibLDA(
9     const dlib::matrix<double>& data,
10     const std::vector<unsigned long>& labels,
11     std::size_t desiredDimensions)
12 {
13     using namespace dlib;
14     // utworzenie obiektów potrzebnych do redukcji
```

```

15     matrix<double, 0, 1> mean;
16     auto transform = data;
17     // przekształcenie danych w macierz redukcyjną
18     compute_lda_transform(transform, mean, labels, desiredDimensions);
19     // przygotowanie kontenera na przetworzone dane
20     std::vector<matrix<double>> transformedData;
21     transformedData.reserve(data.nr());
22     // redukcja wymiarowości
23     for (long i = 0; i < data.nr(); ++i)
24     {
25         transformedData.emplace_back(transform * trans(rowm(data, i)) - mean);
26     }
27     // zwrócenie wektora przetworzonych wierszy
28     return transformedData;
29 }

```

6.3.2.3. Mapowanie Sammona

Jednym z algorytmów wyróżniających bibliotekę DLib na tle pozostałych, jest implementacja metody redukcji wymiarowości poprzez skalowanie wielowymiarowe z użyciem nieliniowego algorytmu tzw. mapowania Sammona [25]. Całość wspomnianego algorytmu implementowana jest za pomocą klasy `dlib::sammon_projection`, i ogranicza się do utworzenia jej instancji. Wykorzystując metodę należy przekazać do utworzonego obiektu za pomocą operatora wywołania funkcji wektor danych, oraz oczekiwaną liczbę wymiarów, otrzymując przekształcone dane. W związku z powyższym, funkcja realizująca redukcję z użyciem wyżej wymienionej metody sprowadza się do wykorzystania dwóch linii. Dokładny sposób jej użycia pokazano na listingu 6.5

Listing 6.5. Przykład redukcji wymiarowości z użyciem mapowania Sammona

```

1  #pragma once
2
3  #include <dlib/matrix.h>
4  #include <dlib/matrix/matrix_utilities.h>
5  #include <dlib/statistics.h>
6  #include <vector>
7
8  inline std::vector<matrix<double>> dlibSammon(
9      const std::vector<matrix<double>>& data,
10     long desiredDimensions)
11  {
12     using namespace dlib;
13     // utworzenie obiektu mapowania
14     dlib::sammon_projection sammon;
15     // redukcja wymiarowości
16     return sammon(data, desiredDimensions);
17 }

```

6.3.3. Regularyzacja L2

Biblioteka Dlib posiada funkcję trenera pozwalającą na użycie brzegowej regresji, realizującą regularyzację L2, o nazwie `rr_trainer` dla regresji liniowej oraz `krr_trainer`

dla regresji nieliniowej. Przykłady zastosowania poszczególnych wersji tego algorytmu zostały przedstawione w sekcji omawiającej model regresji liniowej, oraz grzbietowej regresji jądrowej.

6.4. Modele uczenia maszynowego

6.4.1. Regresja liniowa

Biblioteka Dlib posiada pośrednią realizację modelu regresji liniowej. Wykorzystuje ona technikę grzbietowej regresji jądrowej, przekazując jądro liniowe. Następnie przeprowadzane jest uczenie, zapisując docelowy model w postaci funkcji decyzyjnej. Listing 6.6 przedstawia szczegóły powyższego mechanizmu.

Listing 6.6. Przykład regresji liniowej w Dlib.

```

1  #pragma once
2
3  #include <dlib/matrix.h>
4  #include <dlib/svm.h>
5
6  #include <inc/dlib/eval.hpp>
7
8  inline void dlibLinear(
9      std::vector<dlib::matrix<double, 5, 1>> trainData,
10     std::vector<dlib::matrix<double, 5, 1>> testData,
11     std::vector<double> trainLabels,
12     std::vector<double> testLabels)
13 {
14     using namespace dlib;
15     // utworzenie oraz konfiguracja trenera i jądra
16     using linearKernel = linear_kernel<matrix<double, 5, 1>>;
17     krr_trainer<linearKernel> trainer;
18     trainer.set_kernel(linearKernel());
19     // trening
20     decision_function<linearKernel> model = trainer.train(
21         trainData, trainLabels);
22     // ewaluacja
23     std::cout << "-----Dlib_Linear-----" << std::endl;
24     std::cout << "Train_data:" << std::endl;
25     auto predictions = std::vector<double>(trainData.size());
26     for (auto& sample : trainData)
27     {
28         predictions.emplace_back(model(sample));
29     }
30     dlibEval(predictions, trainLabels, Task::REGRESSION);
31     predictions.clear();
32     std::cout << "Test_data:" << std::endl;
33     for (auto& sample : testData)
34     {
35         predictions.emplace_back(model(sample));
36     }
37     dlibEval(predictions, testLabels, Task::REGRESSION);
38 }

```

6.4.2. Maszyna wektorów nośnych

W celu realizacji wieloklasowej klasyfikacji z użyciem maszyny wektorów nośnych, biblioteka Dlib oferuje klasę funkcji decyzyjnej *dlib::one_vs_one_decision_function*. Przechowuje ona wynikowy model uczenia algorytmem maszyny wektorów nośnych, zawarty w klasie *one_versus_one*, do której przesłany zostaje trener SVM. Dokładny sposób użycia został przedstawiony na listingu 6.7.

Listing 6.7. Przykład użycia maszyny wektorów nośnych w Dlib.

```

1  #pragma once
2
3  #include <dlib/matrix.h>
4  #include <dlib/svm_threaded.h>
5  #include <inc/dlib/eval.hpp>
6  #include <vector>
7
8  inline void dlibSVM(
9      std::vector<dlib::matrix<double, 11, 1>> trainData,
10     std::vector<dlib::matrix<double, 11, 1>> testData,
11     std::vector<double> trainLabels,
12     std::vector<double> testLabels)
13 {
14     using namespace dlib;
15     using OVOTrainer = one_vs_one_trainer<any_trainer<matrix<double, 11, 1>>>;
16     using Kernel = radial_basis_kernel<matrix<double, 11, 1>>;
17     // utworzenie trenera maszyny wektorów nośnych
18     svm_nu_trainer<Kernel> svmTrainer;
19     svmTrainer.set_kernel(Kernel(0.16));
20     // utworzenie trenera klasyfikatora wieloklasowego
21     OVOTrainer trainer;
22     trainer.set_trainer(svmTrainer);
23     // utworzenie modelu
24     one_vs_one_decision_function<OVOTrainer> model =
25         trainer.train(trainData, trainLabels);
26     // ewaluacja
27     std::cout << "-----Dlib_SVM-----" << std::endl;
28     std::cout << "Train_data:" << std::endl;
29     auto predictions = std::vector<double>(trainData.size());
30     for (auto& sample : trainData)
31     {
32         predictions.emplace_back(model(sample));
33     }
34     dlibEval(predictions, trainLabels, Task::CLASSIFICATION);
35     predictions.clear();
36     std::cout << "Test_data:" << std::endl;
37     for (auto& sample : testData)
38     {
39         predictions.emplace_back(model(sample));
40     }
41     dlibEval(predictions, testLabels, Task::CLASSIFICATION);
42 }
```

6.4.3. Sieci neuronowe

Konstrukcja sieci neuronowej w przypadku biblioteki Dlib rozpoczyna się od zdefiniowania architektury sieci, za pomocą odpowiedniego łańcucha szablonów. Parametry tworzą sieć w kolejności od najbardziej zagnieżdżonego do najbardziej zewnętrznego. Dlib zapewnia użytkownikowi rozdzielność typu warstwy od jej funkcji aktywacji, w związku z czym użytkownik może dokładnie dostosować działanie sieci. Niestety, sama składnia tworzonej architektury jest przez to zaciemniona, co utrudnia jej analizę. Po utworzeniu architektury, należy przygotować i skonfigurować solver. Najpopularniejszym z oferowanych przez bibliotekę jest algorytm stochastycznego spadku gradientowego, zaimplementowanego w postaci klasy `dlib::sgd`. Trzeci krok stanowi konfiguracja trenera głębokich sieci neuronowych, oferowanego przez klasę `dlib::dnn_trainer`, poprzez ustawienie parametrów takich jak:

- współczynnik uczenia;
- współczynnik zmiany szybkości uczenia;
- rozmiar porcji wsadowych;
- maksymalna liczba epok.

Obiekt trenera w trakcie jego tworzenia przyjmuje referencję do architektury sieci oraz do obiektu solvera. Proces nauki odbywa się poprzez wywołanie funkcji `train()`, natomiast wynikowy model zapisany zostaje w obiekcie architektury sieci. Listing 6.8 przedstawia przykład budowy sieci neuronowej z wykorzystaniem niniejszej biblioteki.

Listing 6.8. Przykład sieci neuronowej w Dlib.

```
1 #pragma once
2
3 #include <dlib/dnn.h>
4 #include <dlib/matrix.h>
5
6 #include <inc/dlib/eval.hpp>
7
8 #include <vector>
9
10 inline void dlibNeural(
11     std::vector<dlib::matrix<double>> trainData,
12     std::vector<dlib::matrix<double>> testData,
13     std::vector<double> trainLabels,
14     std::vector<double> testLabels)
15 {
16     using namespace dlib;
17     // zdefiniowanie architektury sieci
18     using Architecture = loss_mean_squared<fc <1,
19                                     htan<fc<5,
20                                     htan<fc<5,
21                                     input<matrix<double>>>>>>>>;
22     // utworzenie sieci
23     Architecture model;
24     // utworzenie i konfiguracja algorytmu optymalizacji
```

```

25     float weightDecay = 0.0001f;
26     float momentum = 0.5f;
27     sgd solver(weightDecay, momentum);
28     // utworzenie i konfiguracja trenera
29     dnn_trainer<Architecture> trainer(model, solver);
30     trainer.set_learning_rate(0.1);
31     trainer.set_learning_rate_shrink_factor(1);
32     trainer.set_mini_batch_size(64);
33     trainer.set_max_num_epochs(100);
34     trainer.be_verbose();
35     // trening
36     trainer.train(trainData, trainLabels);
37     model.clean();
38     // ewaluacja
39     std::cout << "-----DlibNeural-----" << std::endl;
40     std::cout << "Train_data:" << std::endl;
41     auto predictions = model(trainData);
42     dlibEval(predictions, trainLabels, Task::CLASSIFICATION);
43
44     std::cout << "Test_data:" << std::endl;
45     predictions = model(testData);
46     dlibEval(predictions, testLabels, Task::CLASSIFICATION);
47 }

```

6.4.4. Brzegowa regresja jądrowa

Przygotowanie wieloklasowego modelu grzbietowej regresji jądrowej (ang. *Kernel Ridge Regression*) w przypadku biblioteki Dlib wygląda prawie identycznie do sposobu realizacji wieloklasowej maszyny wektorów nośnych. Główną różnicą jest wykorzystany trener podstawowy, w tym wypadku stanowiący obiekt klasy `dlib::krr_trainer`. Możliwe jest także wykorzystanie tego samego typu jądra, co w przypadku maszyny wektorów nośnych. Listing 6.9 obrazuje szczegółowy sposób przygotowania modelu.

Listing 6.9. Przykład użycia brzegowej regresji jądra w Dlib.

```

1  #pragma once
2
3  #include <dlib/matrix.h>
4  #include <dlib/svm_threaded.h>
5
6  #include <inc/dlib/eval.hpp>
7
8  #include <vector>
9
10 inline void dlibKRR(
11     std::vector<dlib::matrix<double>> trainData,
12     std::vector<dlib::matrix<double>> testData,
13     std::vector<double> trainLabels,
14     std::vector<double> testLabels)
15 {
16     using namespace dlib;
17
18     using OVOTrainer = one_vs_one_trainer<any_trainer<double>>;
19     using Kernel = radial_basis_kernel<double>;
20     // utworzenie trenera maszyny wektorów nośnych

```

```

21     krr_trainer<Kernel> krrTrainer;
22     krrTrainer.set_kernel(Kernel(0.1));
23     // utworzenie trenera klasyfikatora wieloklasowego
24     OVOTrainer trainer;
25     trainer.set_trainer(krrTrainer);
26     // utworzenie modelu
27     one_vs_one_decision_function<OVOTrainer> model =
28         trainer.train(trainData, trainLabels);
29     // ewaluacja
30     std::cout << "-----Dlib_KRR-----" << std::endl;
31     std::cout << "Train_data:" << std::endl;
32     auto predictions = std::vector<double>(trainData.size());
33     for (auto& sample : trainData)
34     {
35         predictions.emplace_back(model(sample));
36     }
37     dlibEval(predictions, trainLabels, Task::CLASSIFICATION);
38     predictions.clear();
39     std::cout << "Test_data:" << std::endl;
40     for (auto& sample : testData)
41     {
42         predictions.emplace_back(model(sample));
43     }
44     dlibEval(predictions, testLabels, Task::CLASSIFICATION);
45 }

```

6.5. Metody analizy modeli

6.5.1. Pole pod wykresem krzywej charakterystycznej odbiornika

Biblioteka Dlib posiada implementację funkcji wyznaczającej krzywą ROC, jednak wymaga ona pewnego przetwarzania danych przed i po jej użyciu. W celu jej zastosowania należy podzielić dane sklasyfikowane prawidłowo i nieprawidłowo. Wynikiem funkcji jest wektor zawierający współrzędne poszczególnych punktów krzywej charakterystycznej odbiornika, które pozwalają na narysowanie wykresu na płaszczyźnie. Obliczenie wartości pola pod wykresem należy dokonać ręcznie, wykorzystując np. jedną z metod całkowania numerycznego. Listing 6.10 przedstawia funkcję wyznaczającą wartości predykcji modelu, w tym obliczenie wartości pola pod wykresem krzywej charakterystycznej odbiornika dla zadania klasyfikacji, wykonując całkowanie numeryczne z użyciem metody trapezów.

Listing 6.10. Obliczenie pola pod wykresem funkcji ROC dla Dlib.

```

1  #pragma once
2
3  #include <cmath>
4  #include <dlib/statistics.h>
5
6  enum class Task
7  {
8      CLASSIFICATION,
9      REGRESSION
10 };

```

```

11
12 inline void dlibEval(std::vector<double> predictions,
13                     std::vector<double> labels,
14                     Task task)
15 {
16     using namespace dlib;
17
18     if (task == Task::CLASSIFICATION)
19     {
20         // przygotowanie kontenerów na podzielone dane
21         std::vector<double> correct;
22         std::vector<double> incorrect;
23         // przygotowanie wartości detektora
24         constexpr double positiveDetectionScore = 0.75;
25         constexpr double negativeDetectionScore = 0.25;
26         // podział danych
27         for (int i = 0; i < predictions.size() && i < labels.size(); ++i)
28         {
29             if (predictions[i] == labels[i])
30                 correct.emplace_back(positiveDetectionScore);
31             else
32                 incorrect.emplace_back(negativeDetectionScore);
33         }
34         // obliczenie krzywej roc
35         auto roc = compute_roc_curve(correct, incorrect);
36         // obliczenie pola pod wykresem roc
37         double aucRoc = 0.0;
38         for (int i = 0; i < roc.size() - 1; i++)
39         {
40             if (roc[i+1].false_positive_rate != 0.0)
41             {
42                 aucRoc += (roc[i].true_positive_rate + roc[i+1].true_positive_rate)
43                     * (roc[i+1].false_positive_rate - roc[i].false_positive_rate) / 2;
44             }
45         }
46         std::cout << "AUC_ROC: " << aucRoc << std::endl;
47     }
48     else
49     {
50         // obliczenie sumy kwadratów różnic
51         auto sum = 0.0;
52         for (int i = 0; i < predictions.size() && i < labels.size(); ++i)
53         {
54             sum += pow(labels[i] - predictions[i], 2);
55         }
56         // obliczenie błędu średniokwadratowego
57         auto mse = sqrt(sum / predictions.size());
58         std::cout << "MSE: " << mse << std::endl;
59     }
60 }

```

6.5.2. K-krotny sprawdzian krzyżowy

Przeprowadzenie sprawdzianu krzyżowego z wykorzystaniem biblioteki Dlib stanowi złożony proces. Jest on realizowany wielofazowo, rozpoczynając od zdefiniowania własnej funkcji obliczającej interesujący użytkownika wynik metryki sprawdzianu, w

oparciu o funkcję `dlib::cross_validate_regression_trainer()`. Zewnętrzna część ustalania docelowych wartości hiperparametrów dokonywana jest przez funkcję `dlib::find_min_global()` przyjmującą adres stworzonej funkcji optymalizacyjnej, kontenery przechowujące informacje o minimalnych i maksymalnych dopuszczalnych wartościach poszczególnych hiperparametrów, oraz liczbę dozwolonych wywołań funkcji optymalizacyjnej. Aby odczytać wynikowe wartości, należy sięgnąć do kolejnych pól składowej x zwróconej przez funkcję `find_min_global()` struktury. Szczegóły zostały zaprezentowane w oparciu o przykład z podręcznika [3] na listingu 6.11.

Listing 6.11. Przykład realizacji sprawdzianu krzyżowego.

```

1  #pragma once
2  #include <dlib/global_optimization.h>
3  #include <dlib/matrix.h>
4  #include <dlib/svm.h>
5  #include <cmath>
6
7  inline void dlibCrossValidate(std::vector<dlib::matrix<double>> data,
8                               std::vector<double> labels)
9  {
10     using namespace dlib;
11     // podział danych
12     auto dataSplit = data.begin() + data.size() * 0.8;
13     auto trainData = std::vector<matrix<double>>(
14         data.begin(), dataSplit);
15     auto testData = std::vector<matrix<double>>(
16         dataSplit, data.end());
17     auto labelSplit = labels.begin() + labels.size() * 0.8;
18     auto trainLabels = std::vector<matrix<double>>(
19         labels.begin(), labelSplit);
20     auto testLabels = std::vector<matrix<double>>(
21         labelSplit, labels.end());
22     // utworzenie funkcji sprawdzianu krzyżowego
23     auto crossValidationScore = [&](const double gamma, const double c,
24                                     const double degreeIn)
25     {
26         using namespace dlib;
27
28         auto degree = std::floor(degreeIn);
29         // zdefiniowanie jądra
30         using Kernel = polynomial_kernel<double>;
31         // przygotowanie i konfiguracja trenera
32         svr_trainer<Kernel> trainer;
33         trainer.set_kernel(Kernel(gamma, c, degree));
34         // obliczenie metryk sprawdzianu krzyżowego
35         matrix<double> result = cross_validate_regression_trainer(
36             trainer, trainData, trainLabels, 10);
37         // zwrócenie metryki błędu średniokwadratowego
38         return result(0, 0);
39     }
40     // przeprowadzenie sprawdzianu
41     auto result = find_min_global(
42         crossValidationScore,
43         {0.01, 1e-8, 5}, // wartości minimalne
44         {0.1, 1, 15},    // wartości maksymalne
45         max_function_calls(50));
46     // odczytanie ustalonych wartości hiperparametrów

```

```
47     auto gamma = result.x(0);
48     auto c = result.x(1);
49     auto degree = result.x(2);
50     // utworzenie modelu w oparciu o ustalone hiperparametry
51     using Kernel = polynomial_kernel<double>;
52     svr_trainer<Kernel> trainer;
53     trainer.set_kernel(Kernel(gamma, c, degree));
54     auto model = trainer.train(trainData, trainLabels);
55     // ewaluacja
56     std::cout << "-----_Dlib_CrossValidated_SVM_-----" << std::endl;
57     std::cout << "Train_data:" << std::endl;
58     auto predictions = std::vector<double>(trainData.size());
59     for (auto& sample : trainData)
60     {
61         predictions.emplace_back(model(sample));
62     }
63     dlibEval(predictions, trainLabels, Task::REGRESSION);
64     predictions.clear();
65     std::cout << "Test_data:" << std::endl;
66     for (auto& sample : testData)
67     {
68         predictions.emplace_back(model(sample));
69     }
70     dlibEval(predictions, testLabels, Task::REGRESSION);
71 }
```

6.6. Dostępność dokumentacji i źródeł wiedzy

Dlib posiada zbiór przykładów w postaci listingów kodów źródłowych realizujących poszczególne mechanizmy, dostępnych na stronie głównej projektu [[dlib:home](#)]. Jest ona także jedną z głównych bibliotek omawianych w ramach wspomnianej wcześniej pracy [3]. Niestety, większość forów społecznościowych skupia się na pracy z Dlib z poziomu interfejsu języka Python, co może utrudnić szukanie rozwiązań dla specyficznych przypadków. Warto wspomnieć, że oprócz funkcjonalności uczenia maszynowego, Dlib realizuje także inne zadania, jak np. networking, co sprawia, że nawigacja po stronie projektu jest lekko utrudniona przez obecność potencjalnie nieinteresujących użytkownika elementów.

Chapter 7

Zestawienie zbiorcze i podsumowanie

7.1. Oferowane funkcjonalności

Omówione w ramach niniejszej pracy biblioteki różnią się typem i liczbą oferowanych funkcjonalności. Tabela 7.1 zbiorczo podsumowuje poszczególne omówione w poprzednich rozdziałach aspekty.

Funkcjonalność	Biblioteka		
	Shogun	Shark-ML	Dlib
Odczyt danych	std::vector, wsparcie dla formatu CSV	surowe tablice, wsparcie dla formatu CSV, wsparcie dla HTTP	std::vector, wsparcie dla formatu CSV
Normalizacja	min-max	przedział jednostkowy, jednostkowa wariancja, zerowa średnia i wybrana wariancja	standaryzacja
Redukcja wymiarowości	PCA, Kernel PCA, MDS, IsoMap, ICA, Factor analysis, t-SNE	PCA, Liniowa analiza dyskryminacyjna	PCA, Liniowa analiza dyskryminacyjna, Mapowanie Sammona
Regularyzacja	L1 i L2 automatyczna	L1 i L2	L2
Regresja liniowa	Tak	Tak	Tak

Regresja logistyczna	Tak	Tak	Nie
Maszyna wektorów nośnych	Tak	Tak	Tak
Algorytm K-najbliższych sąsiadów	Tak	Tak	Nie
Algorytm zbiorowy	Wzmacnianie gradientu, losowy las	Losowy las	Nie
Sieć neuronowa	Tak	Tak	Tak
Jądrowa regresja grzbietowa	Nie	Nie	Tak
Błąd średniokwadratowy	Tak	Tak	Nie
Średni błąd bezwzględny	Tak	Tak	Nie
Błąd typu zero-jeden	Nie	Tak	Nie
Błąd dyskretny	Nie	Tak	Nie
Entropia krzyżowa	Nie	Tak	Nie
Kawałkami liniowa funkcja straty	Nie	Tak	Nie
Średnio-kwadratowy błąd typu kawałkami liniowej funkcji straty	Nie	Tak	Nie
Kawałkami liniowa funkcja straty typu epsilon	Nie	Tak	Nie
Średnio-kwadratowy błąd kawałkami liniowej funkcji straty typu epsilon	Nie	Tak	Nie

Funkcja straty Hubera	Nie	Tak	Nie
Funkcja straty Tukeya	Nie	Tak	Nie
Logarytmiczna funkcja straty	Tak	Nie	Nie
Metryka R^2	Tak	Tak	Nie
Dokładność	Tak	Nie	Tak
Pole pod wykresem ROC	Tak	Tak	Tak*
Sprawdzian krzyżowy k-krotny	Tak	Tak	Tak

Table 7.1. Zbiorcze porównanie funkcjonalności bibliotek.

* - konieczność przeliczenia pola na podstawie uzyskanych punktów pomiarowych wykresu funkcji.

Analizując dane zebrane w tabeli 7.1 można zauważyć, że biblioteki Shogun oraz Shark-ML są bardzo zbliżone do siebie typem i liczbą dostępnych metod uczenia maszynowego, jednak Shark-ML posiada więcej rodzajów błędów możliwych do wykorzystania jako funkcje strat, pozwalając na większą swobodę względem dostosowywania procesu uczenia. Najmniejszą liczbą funkcjonalności charakteryzuje się biblioteka Dlib, posiadająca jedynie podzbiór algorytmów dostępnych w innych projektach. Ponadto, posiada ona bardzo ubogie możliwości analizy sprawności modeli, wymagając od użytkownika napisania własnych procedur przetwarzania uzyskanych danych, jak np. procedura obliczania pola pod wykresem krzywej charakterystycznej odbiornika.

7.2. Porównanie wyników dla zadanych przykładów

W celu przetestowania sprawności poszczególnych bibliotek, użyto ich do stworzenia i ewaluacji modeli regresji liniowej oraz maszyny wektorów nośnych dla zestawów danych opisanych w rozdziale 3. Dla każdego modelu użyto 80% zestawu danych w celu treningu, oraz pozostałe 20% jako dane testowe. Tabela 7.2 przedstawia zbiorcze zestawienie uzyskanych wyników ewaluacji. Wyjście programów zostało zaprezentowane na rysunkach 7.1, 7.2 oraz 7.3.

Biblioteka	Metoda uczenia maszynowego	
	Regresja liniowa	Maszyna wektorów nośnych
Shogun	Dane treningowe: MSE = 0,903031; $R^2 = 0,407058$ Dane testowe: MSE = 1,26897; $R^2 = -0,127851$	Dane treningowe: AUC ROC: 1 Dane testowe: AUC ROC: 0,5
Shark	Dane treningowe: MSE = 0,38728; $R^2 = 0,745707$ Dane testowe: MSE = 0,449118; $R^2 = 0,60082$	Dane treningowe: AUC ROC: 1 Dane testowe: AUC ROC: 0,5
Dlib	Dane treningowe: MSE = 3,08953; Dane testowe: MSE = 1,33014;	Dane treningowe: AUC ROC: 1 Dane testowe: AUC ROC: 1

Table 7.2. Zestawienie uzyskanych wyników poprawności modeli.

```

----- Shogun Linear -----
Train data:
MSE = 0.903031
R^2 = 0.407058

Test data:
MSE = 1.26897
R^2 = -0.127851

----- Shogun SVM -----
Train:
AUC ROC = 1
Test:
AUC ROC = 0.5

```

Figure 7.1. Wynik działania programu dla biblioteki Shogun

```

----- Shark Linear -----
Train data:
MSE: 0.38728
R^2: 0.745707
Test data:
MSE: 0.449118
R^2: 0.600826
Test1
-----Shark SVM-----
Train data:
OpenBLAS Warning : Detect
.
OpenBLAS Warning : Detect
.
OpenBLAS Warning : Detect
.
OpenBLAS Warning : Detect
.
ROC: 1
Test data:
ROC: 0.5

```

Figure 7.2. Wynik działania programu dla biblioteki Shark

```

----- Dlib Linear -----
Train data:
MSE: 3.08953
Test data:
MSE: 1.33014
----- Dlib SVM -----
Train data:
AUC ROC: 1
Test data:
AUC ROC: 1

```

Figure 7.3. Wynik działania programu dla biblioteki Dlib

Analizując powyższe wyniki pod kątem regresji liniowej, stwierdzić można iż pierwsze miejsce zajęła biblioteka Shark-ML cechując się najniższymi błędami średniokwadratowymi. Na drugim miejscu znalazła się biblioteka Shogun. Zauważyć można, że mechanizm wyliczania współczynnika determinacji liniowej R^2 wyszedł dla danych testowych poza dopuszczalny zakres. Podejrzewa się, iż jest to wynik kumulacji błędów reprezentacji zmiennoprzecinkowej wartości podczas obliczeń, wskazując że mechanizm wyliczania składowych potrzebnych do obliczenia R^2 dla tej biblioteki jest niestabilny numerycznie. Ostatnie miejsce zajęła biblioteka Dlib, w przypadku której wartość błędu średniokwadratowego przekroczyła 3 jednostki.

Dużo gorsze rezultaty uzyskane zostały przy próbie dokonania klasyfikacji z wykorzystaniem wyżej wspomnianych bibliotek. Każda z nich cechuje się pozornie idealnym dopasowaniem do danych uczących, oraz w przypadku bibliotek Shark-ML i Shogun dopasowaniem porównywalnym do klasyfikacji za pomocą rzutu monetą. Biblioteka Dlib dodatkowo uzyskiwała pole pod wykresem krzywej charakterysty-

cznej odbiornika na poziomie 1 dla danych testowych. Powyższe wyniki są nierealne do uzyskania, co udowodniono w rozdziale 3.3.1, wykorzystując dedykowane oprogramowanie statystyczne. W związku z tym rozpoczęto analizę przyczyny uzyskanych wyników.

W celu poprawy uzyskanych wyników i rozwiązania napotkanych błędów zdecydowano się na normalizację wartości predyktorów dla obu zestawów danych do przedziału $[0; 1]$ z wykorzystaniem programu JMP, a następnie analizę kodu realizującego uczenie maszyn wektorów nośnych w poszczególnych bibliotekach. Pierwszą z analizowanych bibliotek była biblioteka Shark-ML, w przypadku której wykorzystano ręczne dostrajanie parametrów gamma oraz regularyzacji. Okazało się, że po normalizacji oraz ustawieniu parametrów gamma na 0,16 oraz regularyzacji na 1 uzyskano prawidłowi i prawdopodobne pole pod wykresem na poziomie 0,933129 dla danych testowych. W drugiej kolejności przetestowano bibliotekę Shogun. Niestety pomimo normalizacji danych nie udało się rozwiązać problemu ujemnego współczynnika R^2 dla danych testowych, natomiast poprawie udało się wykonać klasyfikację, uzyskując wartość pola pod wykresem krzywej charakterystycznej odbiornika wynoszącą 0,638112. Należy zwrócić szczególną uwagę, że normalizacja pogorszyła uzyskane wyniki przed bibliotekę Shogun, zmniejszając uzyskane R^2 dla danych uczących i sprawiając, że R^2 dla danych testowych jeszcze bardziej odbiega od swojego prawidłowego zakresu. Ostatnią z bibliotek była biblioteka Dlib, dla której normalizacja zestawu danych dla zadania regresji znacznie poprawiła uzyskany błąd średniokwadratowy, natomiast w dalszym ciągu uzyskane zostało idealne dopasowanie maszyny wektorów nośnych, co może wskazywać na to, iż nie jest on zaimplementowany prawidłowo w bibliotece. Tabela 7.3 podsumowuje wyniki uzyskane po analizie kodu oraz normalizacji danych. Wyjście programów zostało przedstawione na rys. 7.4, 7.5 oraz 7.6

Biblioteka	Metoda uczenia maszynowego	
	Regresja liniowa	Maszyna wektorów nośnych
Shogun	Dane treningowe: MSE = 0,0286481; R^2 = 0,3127	Dane treningowe: AUC ROC: 0,789143
	Dane testowe: MSE = 0,0427863; R^2 = -0,389462	Dane testowe: AUC ROC: 0,638112
Shark	Dane treningowe: MSE = 0,0105995; R^2 = 0,745707	Dane treningowe: AUC ROC: 0,921643
	Dane testowe: MSE = 0,0122919; R^2 = 0,600826	Dane testowe: AUC ROC: 0,933129
Dlib	Dane treningowe: MSE = 0,481402;	Dane treningowe: AUC ROC: 1
	Dane testowe: MSE = 0,179538;	Dane testowe: AUC ROC: 1

Table 7.3. Zestawienie uzyskanych wyników poprawności modeli.

Podsumowując, zauważono że każda z bibliotek jest wyjątkowo wrażliwa na zakres wartości predyktorów i w celu prawidłowego wykorzystania przeważnie wymaga, aby każdy z predyktorów zawierał się w przedziale $[0; 1]$. W przypadku zestawu danych klasyfikacyjnych było to szczególnie widoczne, gdyż ze względu na bardzo duże wartości zmiennych po transformacji odwrotnym wzorem Arrheniusa, istniała

duża rozbieżność między ich zakresem, a zakresami pozostałych predyktorów. Ponadto zauważono, że mechanizm obliczania współczynnika determinacji liniowej w bibliotece Shogun oraz model maszyny wektorów nośnych w bibliotece Dlib najprawdopodobniej posiadają błędy implementacji, a więc należy z nich nie korzystać, lub mieć do nich bardzo ograniczony stopień zaufania. Spośród uzyskanych wyników, najlepszym dopasowaniem do danych charakteryzuje się biblioteka Shark, na drugim miejscu znalazła się biblioteka Shogun, natomiast ostatnie miejsce zajęła biblioteka Dlib.

```
----- Shogun Linear -----
Train data:
MSE = 0.0286481
R^2 = 0.3127

Test data:
MSE = 0.0427863
R^2 = -0.389462

----- Shogun SVM -----
Train:
AUC ROC = 0.789143
Test:
AUC ROC = 0.638112
```

Figure 7.4. Wynik działania programu dla biblioteki Shogun

```
----- Shark Linear -----
Train data:
MSE: 0.0105995
R^2: 0.745707
Test data:
MSE: 0.0122919
R^2: 0.600826

----- Shark SVM -----
Train data:
OpenBLAS Warning : Detect
OpenBLAS Warning : Detect
OpenBLAS Warning : Detect
OpenBLAS Warning : Detect
ROC: 0.921643

Test data:
ROC: 0.933129
```

Figure 7.5. Wynik działania programu dla biblioteki Shark

```
----- Dlib Linear -----
Train data:
MSE: 0.481402
Test data:
MSE: 0.179538

----- Dlib SVM -----
Train data:
AUC ROC: 1
Test data:
AUC ROC: 1
```

Figure 7.6. Wynik działania programu dla biblioteki Dlib

7.3. Wymagany nakład pracy i jakość źródeł

W procesie pracy z poszczególnymi bibliotekami zauważono, że najmniejszą ilością potrzebnego wkładu pracy charakteryzowała się biblioteka Shark-ML. Wynika to z bardzo przyjaznej dla użytkownika składni, oraz dokładnej dokumentacji dostępnej na stronie internetowej projektu, wraz z przykładami wykorzystania poszczególnych metod. Biblioteka także bez jakichkolwiek problemów została zbudowana i zainstalowana na systemie operacyjnym Ubuntu 22.04 w środowisku WSL2, pozwalając bardzo szybko przejść do badań.

Drugą biblioteką pod względem koniecznego wkładu czasu okazał się zestaw narzędziowy Dlib. Posiada on stronę projektu z wylistowanymi klasami oraz funkcjami dostępnymi w bibliotece, jednak opis działania poszczególnych metod jest bardzo pobieżny, oraz brakuje dostępnych przykładów. Składnia biblioteki może stanowić wyzwanie dla użytkownika, gdyż nie zawsze jest oczywista, i momentami utrudnia analizę realizowanych przez program operacji.

Jako najbardziej wymagającą bibliotekę uznano Shogun. W chwili pisania niniejszej pracy, zarówno oficjalne repozytorium projektu jak i repozytorium dystrybucji dla systemu operacyjnego Ubuntu okazało się być niekompletne. Uniemożliwiło to zainstalowanie biblioteki za pomocą wbudowanego menedżera pakietów oraz zbudowanie jej ze względu na nienaprawione zależności do przeniesionych repozytoriów stron trzecich. Mimo przyjaźniejszej składni niż w przypadku Dlib, wspomniany wcześniej mankament sprawia, że w celu pobrania biblioteki konieczne okazało się zainstalowanie specjalnego menedżera pakietów *nix* posiadającego starszą wersję projektu Shogun

dostępna na swoim repozytorium. Z racji braku dostępnej online dokumentacji projektu Shogun oraz faktu, że generowane przykłady nie odnoszą się do API biblioteki lecz używają jej w kompletnie odrębny, nienaturalny dla projektu sposób, ustalenie funkcjonalności oraz sposobu realizacji poszczególnych zadań uczenia maszynowego musiało zostać oparte praktycznie wyłącznie o materiały dostępne w formie książkowej. Znacznie utrudnia i wydłuża to proces zastosowania biblioteki do jakiegokolwiek projektu.

Bibliography

- [1] Owczarek M. “Charakterystyka systemów ekspertowych i ich zastosowanie w medycynie”. In: *Mikroelektronika i informatyka - prace naukowe* 5 (2005), pp. 197 –202. URL: <http://yadda.icm.edu.pl/yadda/element/bwmeta1.element.baztech-article-L0D4-0002-0067>.
- [2] Google. *TensorFlow - API Documentation*. 2013. URL: https://www.tensorflow.org/api_docs.
- [3] Kirill Kolodiazhnyi. *Hands-On Machine Learning with C++*. Packt Publishing, Maj 2020.
- [4] Ayman Mahmoud. *Introduction to Shallow Machine Learning*. 2019. URL: <https://www.linkedin.com/pulse/introduction-shallow-machine-learning-ayman-mahmoud/>.
- [5] Prashant Gupta. *Decision Trees in Machine Learning*. 2017. URL: <https://towardsdatascience.com/decision-trees-in-machine-learning-641b9c4e8052>.
- [6] Larry Hardesty. *Explained: Neural Networks - Ballyhooed artificial-intelligence technique known as „deep learning” revives 70-years-old idea*. 2017. URL: <https://news.mit.edu/2017/explained-neural-networks-deep-learning-0414>.
- [7] Raghuram Madabushi. *Neural Network / Machine Learning in resource constrained environments*. 2018. URL: <https://medium.com/@raghu.madabushi/neural-network-machine-learning-in-resource-constrained-environments-c934ff1f522>.
- [8] Data Flair. *Features of C++ / How Programmers use C++ in 10 Unbelievable ways*. 2023. URL: <https://data-flair.training/blogs/features-of-c-plus-plus/>.
- [9] Edytorzy dokumentacji systemu Android. *Neural Networks API*. 2023. URL: <https://developer.android.com/ndk/guides/neuralnetworks>.
- [10] nVidia. *CUDA C++ Programming Guide*. 2023. URL: <https://docs.nvidia.com/cuda/cuda-c-programming-guide/index.html>.
- [11] ONNX Runtime Team. *Get started with ORT for C++*. 2023. URL: <https://onnxruntime.ai/docs/get-started/with-c.html>.
- [12] Olvi L. Mangasarian Dr William H. Wolberg W. Nick Street. *Wisconsin Diagnostic Breast Cancer (WDBC)*. 1995. URL: [https://archive.ics.uci.edu/ml/datasets/breast+cancer+wisconsin+\(diagnostic\)](https://archive.ics.uci.edu/ml/datasets/breast+cancer+wisconsin+(diagnostic)).

- [13] Dheeru Dua and Casey Graff. *UCI Machine Learning Repository*. 2017. URL: <http://archive.ics.uci.edu/ml>.
- [14] Trevor Bihl. *Biostatistics Using JMP: A Practical Guide*. Cary, NC: SAS Institute Inc., 2017.
- [15] JMP Statistical Discovery. *JMP Pro - Predictive analytics software for scientists and engineers*. 2023. URL: https://www.jmp.com/en_nl/software/predictive-analytics-software.html.
- [16] Stephen Lower. *Arrhenius Equation*. 2023. URL: [https://chem.libretexts.org/Bookshelves/Physical_and_Theoretical_Chemistry_Textbook_Maps/Supplemental_Modules_\(Physical_and_Theoretical_Chemistry\)/Kinetics/06%3A_Modeling_Reaction_Kinetics/6.02%3A_Temperature_Dependence_of_Reaction_Rates/6.2.03%3A_The_Arrhenius_Law/6.2.3.01%3A_Arrhenius_Equation](https://chem.libretexts.org/Bookshelves/Physical_and_Theoretical_Chemistry_Textbook_Maps/Supplemental_Modules_(Physical_and_Theoretical_Chemistry)/Kinetics/06%3A_Modeling_Reaction_Kinetics/6.02%3A_Temperature_Dependence_of_Reaction_Rates/6.2.03%3A_The_Arrhenius_Law/6.2.3.01%3A_Arrhenius_Equation).
- [17] shogun toolbox. *Shogun*. 2020. URL: <https://github.com/shogun-toolbox/shogun>.
- [18] Christian Igel, Verena Heidrich-Meisner, and Tobias Glasmachers. “Shark”. In: *Journal of Machine Learning Research* 9 (2008), pp. 993–996.
- [19] mlcpp. *Classification with Shark-ML machine learning library*. 2018. URL: https://github.com/Kolkir/mlcpp/tree/master/classification_shark.
- [20] The Shark developer team. *Neuron activation functions*. 2018. URL: https://www.shark-ml.org/doxygen_pages/html/group__activations.html.
- [21] The Shark developer team. *Loss and Cost Functions*. 2018. URL: http://image.diku.dk/shark/sphinx_pages/build/html/rest_sources/tutorials/concepts/library_design/losses.html.
- [22] The Shark developer team. *Shark - Machine Learning*. 2018. URL: <https://www.shark-ml.org/>.
- [23] Davis E. King. “Dlib-ml: A Machine Learning Toolkit”. In: *Journal of Machine Learning Research* 10 (2009), pp. 1755–1758.
- [24] Dlib team. *Dlib License*. 2003. URL: <http://dlib.net/license.html>.
- [25] Data Farmers. *Sammon Mapping - A non-linear mapping for data visualisation*. 2019. URL: <https://data-farmers.github.io/2019-06-10-sammon-mapping/>.