Uniwersity of Zielona Góra

Faculty of Computer, Electrical and Control Engineering

Master's Thesis

Kierunek: Computer Science

Comparative analysis of machine learning libraries in C++ for applications in biostatistics

Kacper Wojciechowski, B.CS

Promotor: prof. dr hab. inż. Dariusz Uciński

Pracę	аксертиј	lé:
(data	i podpis	promotora)

Streszczenie

This dissertation aims to analyze and compare machine learning libraries available for C++ for use in biostatistics. The following chapters describe:

- general problems encountered in the process of implementing machine learning solutions;
- characteristics of biostatistics datasets used for testing chosen libraries;
- control results of the methods selected for libraries comparison purpose;
- Shogun, Shark-ML and Dlib libraries with implementations of selected machine learning methods;
- summary of feature offered by each library in respect to each other.

Keywords: machine learning, C++, library, neural network, deep machine learning, shallow machine learning.

Spis treści

1.		roduction	1
		About modern challenges	1
		Aim and scope	
	1.3.	Structure	2
2.	-	ractical take at machine learning	3
		Modern problems	3
		C++ as a solution to machine learning problems	4
	2.3.	The aim of creating libraries	5
3.	Wyl	korzystane zestawy danych	7
	3.1.	Omówienie danych eksperymentalnych	7
		3.1.1. Dane klasyfikacyjne	7
		3.1.2. Dane regresyjne	8
	3.2.		8
		3.2.1. Dane klasyfikacyjne	9
		3.2.1.1. Analiza rozkładów predyktorów i odpowiedzi	9
		3.2.1.2. Czyszczenie i normalizacja rozkładu danych	9
		3.2.2. Dane regresyjne	15
		3.2.2.1. Analiza rozkładu danych	15
		3.2.2.2. Czyszczenie i normalizacja rozkładu danych	15
	3.3.	Modele zbudowane w programie JMP	18
		3.3.1. Maszyna wektorów nośnych	18
		3.3.2. Regresja liniowa	19
4.	Bib	lioteka Shogun	20
		Wprowadzenie	
		Formaty źródeł danych	
	4.3.		24
		4.3.1. Normalizacja	
		4.3.2. Redukcja wymiarowości	
		4.3.3. Regularyzacja L1 i L2	25
	4.4.	Modele uczenia maszynowego	26
		4.4.1. Regresja liniowa	26
		4.4.2. Regresja logistyczna	26
		4.4.3. Maszyna wektorów nośnych	27
		4.4.4. Algorytm K najbliższych sąsiadów	29
		4.4.5. Algorytm zbiorowy	30
		4 4 5 1 Wzmacnianie gradientu	30

Spis treści v

		4.4.5.2. Las losowy	31
		4.4.6. Sieć neuronowa	
	4.5.		
		4.5.1. Błąd średniokwadratowy	34
		4.5.2. Średni błąd bezwzględny	35
		4.5.3. Logarytmiczna funkcja straty	35
		4.5.4. Metryka R^2	35
		4.5.5. Dokładność	36
		4.5.6. Precyzja i pełność (recall), oraz metryka F1	37
		4.5.7. Pole pod wykresem krzywej operacyjnej	37
		4.5.8. K-krotny sprawdzian krzyżowy	37
	4.6.	Dostępność dokumentacji i źródeł wiedzy	38
5.	Bib	lioteka Shark-ML	40
•	5.1.	Wprowadzenie	
	5.2.	Formaty źródeł danych	
	5.3.	Metody przetwarzania i eksploracji danych	
		5.3.1. Normalizacja	41
		5.3.2. Redukcja wymiarowości	42
		5.3.2.1. Analiza składowych głównych	42
		5.3.2.2. Liniowa analiza dyskryminacyjna	43
		5.3.3. Regularyzacja L1	43
		5.3.4. Regularyzacja L2	44
	5.4.		44
		5.4.1. Regresja liniowa	
		5.4.2. Regresja logistyczna	45
		5.4.3. Maszyna wektorów nośnych	47
		5.4.4. Algorytm K najbliższych sąsiadów	
		5.4.5. Algorytm zbiorowy	
		5.4.6. Sieć neuronowa	51
	5.5.	Metody analizy modeli	54
		5.5.1. Funkcje straty	54
		5.5.2. Metryka R^2 i skorygowane R^2	55
		5.5.3. Pole pod wykresem krzywej charakterystycznej odbiornika	55
		5.5.4. K-krotny sprawdzian krzyżowy	56
	5.6.	Dostępność dokumentacji i źródeł wiedzy	57
6.	Bib	lioteka Dlib	58
-	6.1.	Wprowadzenie	58
	6.2.	Formaty źródeł danych	58
	6.3.	Metody przetwarzania i eksploracji danych	59
		6.3.1. Normalizacja	59
		6.3.2. Redukcja wymiarowości	59
		6.3.2.1. Analiza składowych głównych	59
		6.3.2.2. Liniowa analiza dyskryminacyjna	60
		6.3.2.3. Mapowanie Sammona	61
		6.3.3. Regularyzacja L2	61
	6.4.	Modele uczenia maszynowego	62
		6.4.1. Regresja liniowa	

vi Spis treści

		6.4.2.	Maszyna wektorów nośnych	63
		6.4.3.	Sieci neuronowe	64
		6.4.4.	Brzegowa regresja jądrowa	65
	6.5.	Metod	y analizy modeli	66
		6.5.1.	Pole pod wykresem krzywej charakterystycznej odbiornika	66
		6.5.2.	K-krotny sprawdzian krzyżowy	67
	6.6.	Dostęp	oność dokumentacji i źródeł wiedzy	69
7	7.ost	awion	ie zbiorcze i podsumowanie	7 0
٠.			-	
	7.1.	Oferov	vane funkcjonalności	70
	7.2.	Porów	nanie wyników dla zadanych przykładów	72
	7.3.	Wyma	gany nakład pracy i jakość źródeł	75

Rozdział 1

Introduction

1.1. About modern challenges

In current times people encounter more and more devices with intelligent functions, such as predicting phenomenons based on various datasets, image recognition, speech analysis, or natural language processing. They make its way into more daily life aspects, such as eg. medicine, work and private homes. Depending on the needs, few of the applicable uses of machine learning in medicine are recognition of cancer cells using MRI scans, diagnosis based on patient's symptoms, or setting norms for compounds naturally occuring in human body, depending on the situation (such as stress) and organic samples tests.

One of the major parts of medical field is biostatistics, based on statistical analysis and reasoning based on data such as blood tests results, eating habits and lifestyle of the patient. Especially important type of systems present in this field are expert systems, utilizing shallow and deep machine learning to help doctors diagnose any potential issues. [1]

At the foundation of aforementioned subjects lies the implementation of machine learning solutions and all related problems. Due to this fact, over the decades specialists created various tools, such as libraries and frameworks, aiming to help programmers in quick and accurate application of artificial intelligence products on different platforms and in different languages, starting from C++, through Python, reaching environments such as Matlab [2].

A major step in preparing AI software is proper selection of needed tools, performed at the design stage, so that they offer functionalities adequate to the requirements. This dissertation performs comparative analysis of machine learning libraries for C++ for use in biostatistics, and aims to help the reader choose the right tools for a research project. It is worth to mention, that only a selected subset of functionalities was presented, suitable for the context of test datasets. As such, mentioned libraries can offer broader range of more precise methods, or new method added after creation of this paper. The realization of this dissertation, the implementation parts were inspired by the examples in this handbook [3], however each listing is the creation of the author, fine-tuned to the used methods and datasets, and equiped with evaluation mechanisms.

2 Introduction

1.2. Aim and scope

Aim of this dissertation is to perform a comparative analysis and breakdown of machine learning libraries for C++, presenting examples based on biostatistics datasets.

Scope of the thesis:

- overview of available libraries;
- data engineering;
- shallow and deep supervised learning;
- efficiency aspects of selecting models;
- practical experiment based on medical and biological data.

1.3. Structure

First chapter shows the general aspect touched in this paper, starting from the field of the problem and its uses, ending at the dissertations main topic, additionally describing aim and scope of the thesis, and its structure.

Following chapter guides user through the machine learning topic and usually encountered problems regarding computational complexity and resource usage. Those issues are the base argument of suggesting C++ language as a desired technology for solving them via various libraries.

Data engineering is the main topic of the third chapter. It describes the choice and preparation of biostatistics datasets for the learning process, and selected benchmark methods. The reader is presented with the way of data normalization, selection of regressors, and the control results of selected methods.

Three of the following chapters contain the analysis of selected main functionalities of Shogun, Shark-ML and Dlib libraries respectively. They discuss how does the way of work with each of the products look like, starting from accepted data formats, through data manipulation, ending on available models and their analysis.

Seventh chapter sums up the similarities and differences between mentioned libraries based on results of benchmarking machine learning methods, and available functionalities. Additionally, it describes author's subjective opinion regarding his personal experiences with creating implementations, and working with knowledge sources for each of the product.

Rozdział 2

A practical take at machine learning

2.1. Modern problems

Machine learning is based on advanced algorithms and complex data structures, performing calculations on training and validation datasets provided by the user, as well as data received during their regular operation.

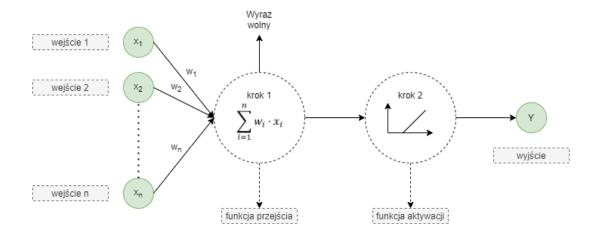
Some of the most basic models are created via techniques such as linear and non-linear regression, logistics regression or linear discriminant analysis. They result in shallow machine learning models, which have relatively small computational complexity to evaluate results of a dataset in comparison to other models [4].

Few of the more soffisticated methods are for example decision trees, based on algorythmical tree logic [5]. Each of the tree layer corresponds to the best predictor available at a current state, causing branching to specific values or ranges of values. The result calculation is achieved via traversing the tree from the root to one of its ending leafs.

The most advanced, yet at the same time most demanding in complexity and memory types of deep learning models such as deep neural networks, convolutional neural networks and recursive neural networks. They utilize structure consisting of one input layer, one or more hidden layers containing mathematical neurons, and one output layer. Each subsequent layer is connected to the previous one, either fully or partially, feeding the results of processing forward. Basic neural networks make neurons present in the same layer independent from one another. Each connection has its own weight, which is multiplied by the input from that connection, and sumed up with the results from other connections, to be passed forward to the activation function. This function decide whether a neuron should activate, and (in case of continuous range $\langle 0; 1 \rangle$) to what extent [6]. An example of a network with a singular neuron was presented on figure 2.1.

Extensive neural networks, such as CNN, require additional steps to preprocess the input data, such that it is acceptable by the network, like for example pooling. By analizing structures incorporated by each of the mentioned methods, following implementation challenges can be identified [7]:

• Efficiency - it is tightly connected to the computational complexity of the



Rysunek 2.1. Neuron blueprint - Simplelearn.

used methods, as well as the characteristics of used programming language and hardware platform. The desired effect would be to minimize the learning time of the model and propagation time from inputing the data to receiving a result. In most cases, minimalization of propagation time takes priority.

• Memory usage - this is a concern mainly when using platform with limited resources, such as microcontrolers and microcomputers, where current RAM and flash memory sizes (especially in embedded systems) can be very limited in comparison to regular computers or mobile platforms.

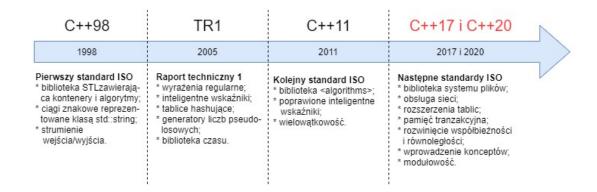
During development of machine learning technology, significant steps were taken into solving above mentioned problems, and fulfill everincreasing requirements of modern machine learning applications. Some of the ways this was achieved are algorithm optimization, selecting high frequency hardware platforms, utilizing parallel computing and using high performance compiled programming languages, especially those that support low level operations.

2.2. C++ as a solution to machine learning problems

Among various languages and environments supporting machine learning, such as Python, C++, Java and Matlab, one of the special few is C++. It is an imperative language with strong typing, connecting low level functionalities for specific hardware architectures with high level programming. As such, it offers vast control over memory usage and optimization possibilities, like adjusting used types for the specific processing needs, contol over variable placing in memory (it is up to the developer to choose whether the data will be placed on stack or heap) and function call optimizations by inlining and tail recursion optimization. In contrary to scripting languages whose code is interpreted during execution, such as Python and Matlab language, C++ is a compiled language, which means that its code is converted into a binary executable adjusted to specific CPU architecture. This completely removes

the overhead of interpreting the source code, as the conversion to CPU language is done only once, during the binary generation process. Additionally, this allows the compiler to perform various low level optimizations [8].

Parts of C++ mechanisms which find their root back in C language allow to use Assembly insets, further increasing the efficiency, at the cost of portability. Some platforms also offer API for hardware acceleration modules, such as eg. Neural Networks API - NNA - of Android, allowing for faster processing via specially designed hardware [9].



Rysunek 2.2. Concurrency evolution in modern C++ - Modernes C++.

One of the major factors increasing efficiency of machine learning models is parallel processing. Availability of multithreading (added in C++11 standard and further developed, as presented in figure 2.2) and compatibility with CUDA language and API [10] allows C++ to perform many calculations simultaneously utilizing multiple cores of the CPU or delegating processing to one or many graphics cards (where the number of GPU processors vastly outnumbers CPU cores). Additional, although fairly obvious benefit of using this language is easy integration of the models with programs already made in the same language (which is often the case in embedded systems, IoT and computationally intensive software).

2.3. The aim of creating libraries

Due to the complexity of mechanisms that are part of machine learning, various experience of developers and the need for intense optimization, implementation of the machine learning methods is lengthy and expensive. Here programmers can seek for help in libraries created by corporations such as Google and big open-source communities. The libraries provide ready for use mechanisms (often created according to object oriented paradigm, via a set of classes), which are constantly updated and optimized by developers who use it in their daily work or passion projects. They offer a way to quickly create your own models, and often also allow to use already created pre-trained models on stock datasets. Important benefit of using existing libraries that are still supported is better stability, as parts of the library are implemented and tested by experienced developers, like in the case of TensorFlow library provided by Google.

Majority of libraries for machine learning, even in languages such as Python,

are in fact made in C++, providing API for different languages. Sadly, not all libraries made in C++ offer suitable API to use in that same language, as a result, in most cases its use is convoluted and unnecessarily difficult. As a result, some of the libraries work with models created (even by this very same library) in different language, as is the case with TensorFlow lite. Common example is using Python to create a model graph or exporting model to ONNX format (Open Neural Network Exchange) [11]. In this analysis, presented libraries offer the ability to create models in C++, without the need for other language.

Rozdział 3

Wykorzystane zestawy danych

3.1. Omówienie danych eksperymentalnych

W celu zestawienia funkcjonalnego bibliotek uczenia maszynowego w języku C++ i przedstawienia przykładów konieczne było wybranie danych eksperymentalnych możliwych do wykorzystania jako porównawczy punkt odniesienia. W tym celu, dla pełnego przetestowania wybranych funkcjonalności przygotowano zestaw danych do problemu klasyfikacji binarnej oraz zadania regresji.

3.1.1. Dane klasyfikacyjne

Jako dane klasyfikacyjne wybrano bazę dotyczącą diagnostyki raka piersi "Wisconsin Diagnostic Breast Cancer" z listopada 1995 roku, w której zamieszczono wyniki obrazowania określone w sposób liczbowy. Autorami zestawu są Dr. Wiliam H. Wolberg, W. Nick Street oraz Olvi L. Mangasarian z Uniwersytetu Wisconsin [12]. Baza ta jest dostępna do pobrania z repozytorium Uniwersytetu Californii [13]. Dane mają następującą strukturę:

- 1) ID numer identyfikacyjny pacjentki;
- 2) Diagnosis [Malignant M / Benign B] charakter nowotworu (złośliwy / łagodny), **zmienna odpowiedzi**;
- 3) Dane klasyfikujące:
 - a) Radius średnica guza;
 - b) Texture tekstura guza;
 - c) Perimeter obwód guza;
 - d) Area pole guza;
 - e) Smoothness gładkość, miara lokalnych różnic w promieniu guza;
 - f) Compactness zwartość, wykorzystywana do oceny stadium guza;
 - g) Concavity stopień wklesłości miejsc guza;
 - h) Concave points punkty wklęsłości guza;

- i) Symmetry symetria guza, pomagająca w ocenie charakteru przyrostu guza;
- j) Fractal dimention ("coastline approximation" 1) wymiar fraktalny pozwalający na ilościowy opis złożoności komórek nerwowych, umożliwiający stwierdzenie nowotworzenia się zbioru komórek.

Dla każdej ze zmiennych odpowiedzi określono wartość średnią, odchylenie standardowe oraz średnią trzech największych pomiarów, gdzie każdy zestaw ustawiony jest sekwencyjnie (np. kolumna 3 - średni promień, kolumna 12 - odchylenie standardowe promienia, kolumna 22 - średnia trzech największych pomiarów promienia). Każda ze zmiennych ma charakter ciągły. Zredukowany zestaw danych, zawierający jedynie zmienne decyzyjne informujące o średnich wartościach znaleźć można jako dodatek do podręcznika [14].

3.1.2. Dane regresyjne

Do demonstracji problemu regresji wykorzystano zestaw danych "IronGlutathione" dołączony do podręcznika [14], dotyczące badań nad związkiem między zawartością żelaza, a enzymem transferazy glutationowej w organiźmie człowieka. Obserwacje pochodzą z badań z 2012 roku. Zestaw obejmuje 90 obserwacji i dotyczy 10 zmiennych:

- 1. Age wiek badanej osoby;
- 2. Gender płeć osoby;
- 3. Alpha GST (ng/L) zawartość transferazy glutationinowej typu α ;
- 4. pi~GST~(mg/L) zawartość transferazy glutationinowej typu π ;
- 5. transferrin (mg/mL) zawartość transferyny;
- 6. $sTfR \ (mg/mL)$ zawartość rozpuszczalnego receptora transferyny;
- 7. Iron (mg/dL) zawartość żelaza;
- 8. TIBC (mg/dL) całkowita zdolność wiązania żelaza;
- 9. %ISAF (Iron / TIBC) współczynnik nasycenia transferyny;
- 10. Ferritin (ng/dL) zawartość ferrytyny;

Z racji na większą swobode w wyborze zmiennej odpowiedzi w przypadku danych regresyjnych, zdecydowano się na wybór ostatniej zmiennej ($Ferritin\ (ng/dL)$) jako odpowiedzi.

3.2. Specyfika danych

Podczas przeprowadzenia procesu uczenia maszynowego, jednym z najistotniejszych kroków jakie należy podjąć jest wstępne zaznajomienie się z zestawem danych i jego analiza pod kątem rozkładu poszczególnych zmiennych. W tym celu wykorzystane zostało oprogramowanie JMP Pro [15].

Specyfika danych

3.2.1. Dane klasyfikacyjne

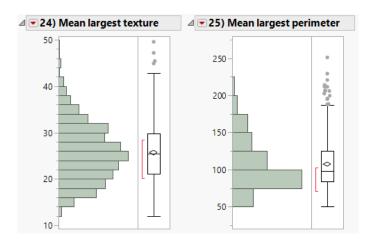
3.2.1.1. Analiza rozkładów predyktorów i odpowiedzi

Proces analizy rozkładu rozpoczęto od scharakteryzowania zmiennej odpowiedzi (Diagnosis). Rysunek 3.1 przedstawia uzyskany histogram, wraz z tabelą określającą liczby obserwacji danej klasy i prawdopodobieństwo przynależności odpowiedzi do danej klasy. Zauważyć można, że dla użytego zestawu danych zarejestrowano 357 obserwacji łagodnego raka piersi, a jego prawdopodobieństwo wynosi $\approx 62,7\%$, natomiast do klasy Malignant należało 212 obserwacji, co odpowiada prawodpodobieństwu $\approx 37,3\%$.

Podczas analizy histogramów predyktorów stwierdzono, że znaczna liczba ma charakter prawostronnie skośny oraz występują dla nich obserwacje odstające, o czym informuje znajdujący się po prawej stronie histogramu wykres pudełkowy, co przedstawiono na rys. 3.2. Wyjątkiem okazała się zmienna *Mean Largest Concave Points*, która mimo lekkiej skośności, okazała się nie posiadać obserwacji odstających. Na podstawie tych informacji stwierdzono, że aby przygotować dane w odpowiedni sposób do procesu uczenia, należy przeprowadzić ich czyszczenie oraz normalizację rozkładu.



Rysunek 3.1. Histogram rozkładu zmiennej odpowiedzi.

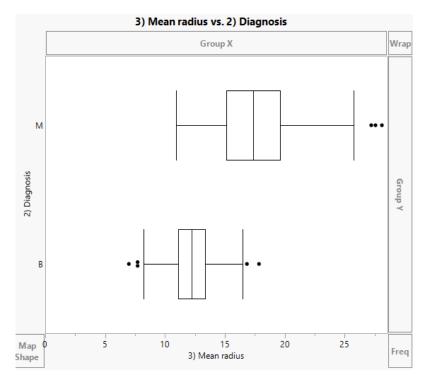


Rysunek 3.2. Przykłady histogramów zmiennych decyzyjnych.

3.2.1.2. Czyszczenie i normalizacja rozkładu danych

Na pełny zestaw danych składa się 569 obserwacji. Podczas wstępnej analizy stwierdzono istnienie 13 brakujących wartości dla predyktora *Std err concave points*, które

uzupełniono wartością średnią z całej kolumny. Głównym problemem okazały się obserwacje odstające oraz skośności rozkładu. Do analizy obserwacji odstających wykorzystano wykresy pudełkowe, gdzie oś Y reprezentowała zmienną odpowiedzi, natomiast oś X czyszczoną zmienną decyzyjną. Przykładowy wykres został przedstawiony na rysunku 3.3. Ze względu na bardzo małą liczbę obserwacji zdecydowano się rozpocząć proces przystosowywania danych do uczenia od normalizacji ich rozkładu, aby zminimalizować lub wyeliminować konieczność usunięcia danych odstających.



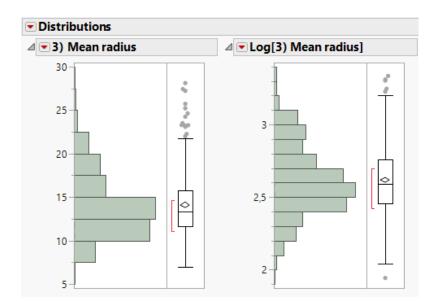
Rysunek 3.3. Przykład analizy obserwacji odstających dla poszczególnych klas zmiennej odpowiedzi.

W pierwszym podejściu zdecydowano się na zastosowanie transformacji logarytmicznej dla wszystkich zmiennych decyzyjnych i porównanie charakterystyk uzyskanych rozkładów z oryginalnymi. Zmienna *Mean largest concave points* okazała się posiadać rozkład bardzo zbliżony do rozkładu normalnego, w związku z czym wyłączono ją z dalszej analizy normalizacji. Przykładowe wyniki przedstawiono na rysunku 3.4. Transformacja ta okazała się skutecznym rozwiązaniem jedynie dla następujących zmiennych:

- 1. Mean radius;
- 2. Mean texture;
- 3. Mean perimeter,
- 4. Mean area;
- 5. Mean smoothness;
- 6. Mean symmetry;
- 7. Std err texture;

Specyfika danych

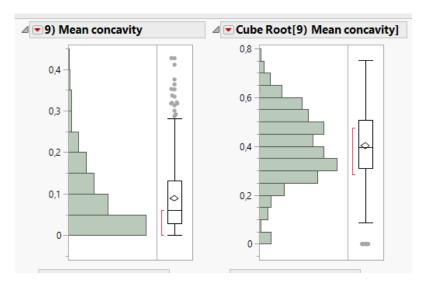
- 8. Std err smoothness;
- 9. Std err compactness;
- 10. Std err concave points;
- 11. Mean largest texture;
- 12. Mean largest smoothness;
- 13. Mean largest compactness.



Rysunek 3.4. Porównanie rozkładu danych przed i po transformacji logarytmicznej.

W drugim kroku podjęto próbę wykorzystania transformacji pierwiastkiem sześciennym dla pozostałych zmiennych decyzyjnych, ze względu na jej skuteczność dla danych o rozkładzie prawoskośnym. Rysunek 3.5 przedstawia porównanie rozkładu zmiennej *Mean concavity* przed i po transformacji pierwiastkiem sześciennym. Pomyślnie znormalizowano rozkłady następujących zmiennych:

- 1. Mean compactness;
- 2. Mean concavity;
- 3. Mean concave points;
- 4. Std err concavity;
- 5. Mean largest radius;
- 6. Mean largest perimeter;
- 7. Mean largest concavity;
- 8. Mean largest symmetry.



Rysunek 3.5. Porównanie rozkładów danych przed i po zastosowaniu transformacji pierwiastkiem sześciennym.

Ostatecznym krokiem okazało się zastosowanie odwrotnej transformacji Arrheniusa, wywodzącej się od wzoru Arrheniusa opisującego energię aktywacji reakcji chemicznej, wyrażonego wzorem 3.1 [16]:

$$\ln k = \ln A - \frac{E_a}{RT} \tag{3.1}$$

gdzie:

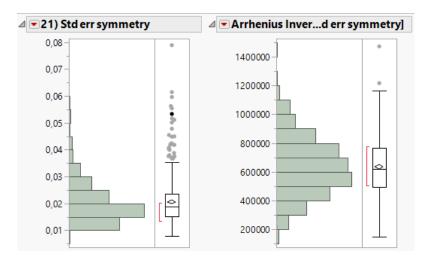
- k stała współczynnika reaktywności chemicznej;
- A współczynnik czestotliwości;
- E_a energia aktywacji reakcji;
- R stała gazu idealnego;
- T temperatura reakcji w Kelvinach;

Niestety, część z uzyskanych zmodyfikowanych zmiennych decyzyjnych zachowała częściowy skośny rozkład, jednak inne przetestowane transformacje, jak m.in. pierwiastek kwadratowy, potęga kwadratowa, $\log(x+1)$, logarytm dziesiętny, funkcja potęgowa, funkcja wykładnicza, przyniosły rezultaty porównywalne lub gorsze od uzyskanego w wyniku w/w odwrotnej transformacji Arrheniusa. Rysunek 3.6 przedstawia porównanie uzyskanych rozkładów. Predyktory poddane odwrotnej transformacji Arrheniusa to:

- 1. Mean fractal dimension;
- 2. Std err radius;
- 3. Std err perimeter;
- 4. Std err area;

Specyfika danych

- 5. Std err symmetry;
- 6. Std err fractal dimension;
- 7. Mean largest area;
- 8. Mean largest fractal dimension.



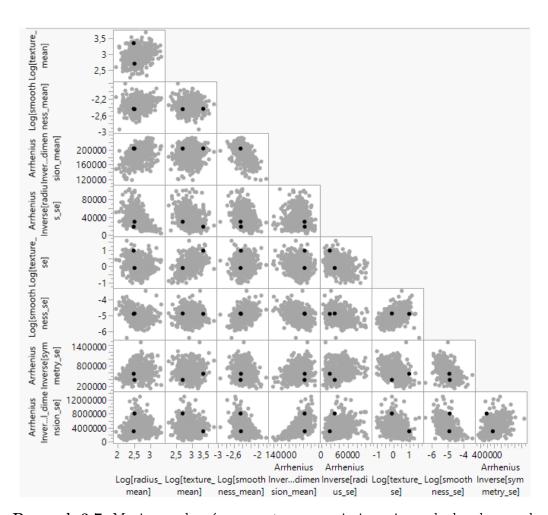
Rysunek 3.6. Porównanie uzyskanych rozkładów danych przed i po odwrotnej transformacji Arrheniusa.

Ze względu na bardzo małą liczbę obserwacji, zdecydowano się na zachowanie wszystkich obserwacji odstających, aby zapobiec utracie informacji i zmianie uzyskanych w procesie normalizacji rozkładów. W celu zachowania kompatybilności z bibliotekami omawianymi w niniejszej pracy, przekodowano zmienną odpowiedzi na binarne wartości liczbowe, gdzie wartość 1 oznaczała złośliwy, natomiast wartość 0 łagodny charakter wykrytego nowotworu.

Dalsze przygotowania do procesu uczenia uwzględniały analizę i wykluczenie zmiennych skorelowanych. W tym celu posłużono się macierzą wykresów rozrzutu. Zdecydowano na wyłączenie z uczenia następujących predyktorów:

- 1. Log mean perimeter;
- 2. Log mean area;
- 3. Log mean symmetry;
- 4. Arrhenius inverse std err perimeter;
- 5. Arrhenius inverse std err area;
- 6. Cube root std err concavity;
- 7. Cube root mean largest perimeter;
- 8. Log mean largest compactness;
- 9. Cube root mean largest concavity;

- 10. Mean largest concave points;
- 11. Cube root mean largest radius;
- 12. Cube root mean concave points;
- 13. Cube root mean concavity;
- 14. Log std err compactness;
- 15. Log mean largest texture;
- 16. Log mean largest smoothness;
- 17. Cube root mean largest symmetry.



Rysunek 3.7. Macierz wykresów rozrzutu po usunięciu zmiennych skorelowanych

Rysunek 3.7 przedstawia wynikową macierz. Po usunięciu zmiennych skorelowanych, do procesu uczenia pozostało 9 predyktorów:

- 1. Log mean radius;
- 2. Log mean texture;
- 3. Log mean smoothness;

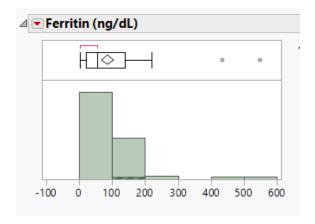
Specyfika danych

- 4. Arrhenius inverse mean dimension;
- 5. Arrhenius inverse std err radius;
- 6. Log std err texture;
- 7. Log std err smoothness;
- 8. Arrhenius inverse std err symmetry;
- 9. Arrhenius inverse std err dimension.

3.2.2. Dane regresyjne

3.2.2.1. Analiza rozkładu danych

Podobnie jak w przypadku danych klasyfikacyjnych, analizę rozpoczęto od zapoznania się z rozkładem wybranej zmiennej odpowiedzi. Zauważono że posiada ona rozkład skrajnie prawostronny, co przedstawiono na rysunku 3.8.



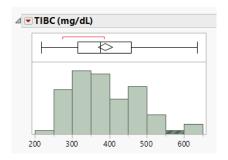
Rysunek 3.8. Wykres rozkładu zmiennej odpowiedzi dla zestawu regresyjnego.

Na wykresie pudełkowym zawartym nad histogramem rozkładu można zauważyć wystąpienie dwóch obserwacji odstających. Podczas dalszej analizy, spostrzeżono podobny problem w przypadku zmiennych %ISAF, Iron, sTfR, Transferrin oraz szczególnie Alpha GST. Pozostałe zmienne charakteryzują się rozkładem zbliżonym do krzywej Gaussa, nie przejawiając obserwacji zaklasyfikowanych jako odstające. Rysunek 3.9 przedstawia dwa przykładowe histogramy rozkładów zmiennych decyzyjnych.

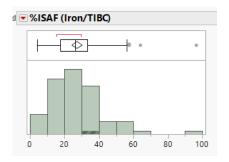
Pojedyncza zmienna - Gender - posiada dychotomiczny charakter, aczkolwiek okazuje się relatywnie bardzo zrównoważona, posiadając rozkład na poziomie przynależności w 46.7% do klasy F reprezentującej kobiety oraz 53.3% do klasy M odpowiadającej mężczyznom. Rozkład tej zmiennej przedstawiono na rys. 3.11.

3.2.2.2. Czyszczenie i normalizacja rozkładu danych

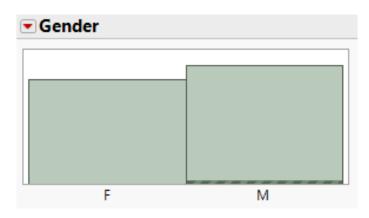
W trakcie przeglądu obserwacji, zauważono pojedynczą obserwację z brakującą wartością w przypadku zmiennej Ferritin. Ze względu na wystąpienie tylko jednego



Rysunek 3.9. Przykładowy rozkład zmiennej decyzyjnej (TIBC).



Rysunek 3.10. Przykładowy rozkład zmiennej decy-zyjnej (ISAF).



Rysunek 3.11. Rozkład zmiennej Gender.

takiego wpisu na 85 obserwacji, zdecydowano się na jej usunięcie. Pozostałymi kwestiami wymagającymi zaadresowania okazały się normalizacja rozkładu części zmiennych i decyzja o działaniu względem wartości odstających.

W celu zmniejszenia liczby obserwacji odstających, postanowiono rozpocząć następny etap od problemu normalizacji rozkładu. Następujące zmienne, ze względu na ich obecną charakterystykę, nie zostały poddane żadnym przekształceniom:

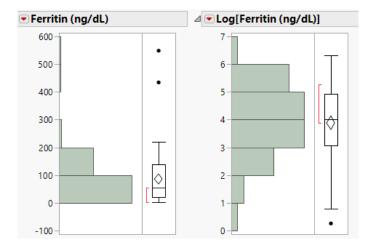
- 1. *Age*;
- 2. Gender;
- 3. *TIBC*.

Dla pozostałych zmiennych decyzyjnych zastosowano trzy rodzaje transformacji opisanych w rozdz. 3.2.1.1. Pierwszą z nich była obliczenie logarytmu z wartości zmiennej, które przyniosło zadowalający efekt dla zmiennych:

- 1. $alpha \ GST$;
- 2. pi GST;
- 3. sTfR;
- 4. Ferritin (zmienna odpowiedzi).

Specyfika danych

Rysunek 3.12 przedstawia przykład uzyskanej zmiany rozkładu dla zmiennej odpowiedzi.

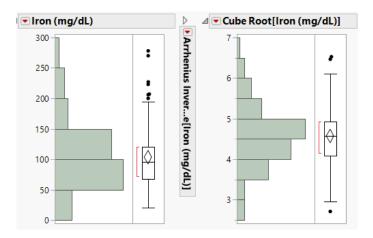


Rysunek 3.12. Wpływ transformacji logarytmicznej na rozkład zmiennej odpowiedzi.

Drugą transformacją o zadowalających wynikach okazało się zastosowanie pierwiastka sześciennego, co pokazano na rys. 3.13. Wykorzystano ją do normalizacji rozkładu następujących zmiennych:

- 1. Transferrin;
- 2. *Iron*;
- 3. %ISAF.

Transformacja odwrotnym wzorem Arrheniusa okazała się nieskuteczna na wszystkich zmiennych, uzyskując gorsze efekty niż pozostałe przedstawione wyżej metody. Z racji na niewielką liczbę obserwacji, oraz stosunkowo małą liczbę wartości odstających, zdecydowano się na pozostawienie ich w procesie uczenia. W celu kompatybilności z omawianymi bibliotekami, przekodowano zmienną dychotomiczną na binarne wartości liczbowe, gdzie wartość 1 odpowiadała płci żeńskiej, natomiast 0 płci męskiej.



Rysunek 3.13. Normalizacja rozkładu za pomocą transformacji pierwiastkiem kwadratowym.

3.3. Modele zbudowane w programie JMP

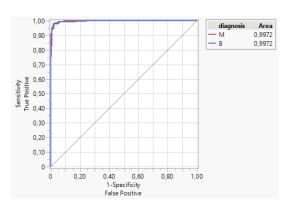
W trakcie analizy zestawów danych wybrany został przedstawiony poniżej zestaw metod dla których wykonano i podsumowano testy praktyczne. Szablony struktury rozwiązań, takie jak np. wybór zmiennych uczestniczących w procesie uczenia, lub struktura sieci neuronowej zostały ustalone w sposób empiryczny z wykorzystaniem programu do uczenia maszynowego JMP.

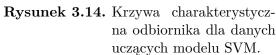
3.3.1. Maszyna wektorów nośnych

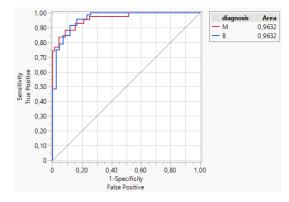
Do procesu uczenia maszyny wektorów nośnych wykorzystano wszystkie zmienne pozostałe po procesie czyszczenia i eksploracji danych. W celu walidacji użyto metody wybrania losowego zestawu walidacyjnego spośród dostarczonych danych, w proporcji 80% obserwacji uczących i 20% testowych, z użyciem wartości 1234 dla ziarna generatora liczb pseudolosowych. Jako funkcję jądra maszyny wektorów nośnych (ang. Support Vector Machine, SVM) wybrano jądro radialne (ang. Radial Basis Function), która jest domyślnym wyborem dla SVM w środowisku JMP.

Zmienna decyzyjna	współczynnik przy predyktorze
Log mean radius	2,6191
Log mean texture	2,9353
$Log\ mean\ smoothness$	-2,3502
Arrhenius inverse mean dimension	186640
Arrhenius inverse std err radius	38170
Log std err texture	0.1049
$Log\ std\ err\ smoothness$	-5,0286
Arrhenius inverse std err symmetry	635100
Arrhenius inverse std err dimension	4053000

Tabela 3.1. Wartości współczynników modelu przy predyktorach.







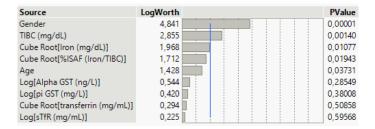
Rysunek 3.15. Krzywa charakterystyczna odbiornika dla danych walidacyjnych modelu SVM.

Utworzony w ten sposób model uzyskał współczynnik błędnej klasyfikacji wynoszący 2,64% dla danych uczących, oraz 9,57% dla danych testowych. Tabela 3.1

przedstawia współczyniki wyliczone w procesie uczenia dla poszczególnych regresorów. Rysunki 3.14 oraz 3.15 przedstawiają krzywe charakterystyczne odbiornika dla uzyskanego modelu, pola pod którymi uzyskały wartość odpowiednio 0,9972 dla danych uczących i 0,9632 dla danych testowych.

3.3.2. Regresja liniowa

Podobnie jak w przypadku regresji logistycznej, do ustalenia które z regresorów mają największy wpływ na zmienną odpowiedzi, zastosowano wykres wpływu poszczególnych zmiennych oparty o p-wartość. Jako próg zaakceptowania parametru do procesu uczenia zdecydowano się na wybranie p-wartości wynoszących poniżej 0,05 jednostek. Rysunek 3.16 przedstawia wykres dla wszystkich zmiennych, natomiast rys. 3.17 ukazuje wykres zawierający jedynie wybrane zmienne.



Rysunek 3.16. Wykres p-wartości dla wszystkich zmiennych.

Source	LogWorth	PValue
Gender	4,639	0,00002
TIBC (mg/dL)	3,183	0,00066
Cube Root[Iron (mg/dL)]	2,176	0,00667
Cube Root[%ISAF (Iron/TIBC)]	1,913	0,01223
Age	1,686	0,02059

Rysunek 3.17. Wykres p-wartości dla zmiennych wybranych do procesu uczenia.

W procesie eliminacji regresorów o p-wartości przekraczającej wybrany próg akceptacji, do procesu uczenia wybrano zmienne z tabeli 3.2:

Nazwa zmiennej	p-wartość
\overline{Gender}	0.00002
TIBC	0.00066
Cube Root Iron	0.00667
$Cube\ Root\ \%ISAF$	0.01223
Age	0.02059

Tabela 3.2. Wybrane zmienne decyzyjne i ich p-wartości.

Nazwa zmiennej	waga
Intercept	8,498959
Age	0.0201022
Gender[F - M]	-0.959795
Cube Root Iron	2,9461861
TIBC	-0.014182
Cube Root %ISAF	-4,356345

Tabela 3.3. Wartości wag zmiennych decyzyjnych.

W wyniku uczenia uzyskano model dla którego wartość współczynnika determinacji liniowej \mathbb{R}^2 wyniosła 0.4654525, co sugeruje że dane są umiarkowanie dobrze aproksymowalne liniowo. Tabela 3.3 przedstawia nauczone wagi poszczególnych regresorów.

Rozdział 4

Biblioteka Shogun

4.1. Wprowadzenie

Shogun to darmowa biblioteka do uczenia maszynowego o otwartym źródle, napisana w C++ i udostępniana według licencji BSD 3-clause [17]. Posiada ona interfejsy dla różnych języków, w tym Python, Ruby czy C#, jednak pozwala ona na jej użycie także w jej natywnym języku. Skupia się ona na problemach klasyfikacji oraz regresji.

4.2. Formaty źródeł danych

Podstawową klasą pozwalającą na załadowanie danych do biblioteki Shogun jest klasa std::vector z standardowej biblioteki szablonowej (ang. Standard Template Library, STL) języka C++. W związku z tym, do pobrania danych dla programu realizującego uczenie i pracę z modelem możliwe jest wykorzystanie dowolnego mechanizmu (np. odczytu z pliku, pobranie danych z sieci czy innego urządzenia) które finalnie przetworzy je do postaci wektora, lecz należy ten mechanizm dostarczyć we własnym zakresie. Popularnym wyborem do przechowywania informacji uczących jest plik o ustrukturyzowanym formacie CSV, dla którego biblioteka Shogun posiada dedykowane wsparcie [3]. Obwarowane jest ono jednak pewnymi wymaganiami:

- Plik musi zawierać jedynie dane numeryczne w przypadku występowania wartości tekstowych, należy wykonać przetwarzanie wstępne mające na celu ich zamianę na wartości liczbowe (np. w przypadku klas decyzyjnych zmiennej odpowiedzi sugerowane jest zastosowanie kodowania one-hot). Niestety, ten wymóg nie pozwala na przechowywanie etykiet wraz z danymi.
- Jako separator należy użyć przecinka mimo iż sam format, jak i wiele programów komercyjnych do pracy z danymi, jak np. Microsoft Excel, JMP, itp., pozwalają na zastosowanie innych separatorów, takich jak średnik, dla biblioteki Shogun należy zastosować w formie separatora przecinek;
- Liczby rzeczywiste powinny być zapisywane z użyciem kropki jako separatora dziesiętnego wynika to ze specyfiki języka C++ (jak i wielu innych języków), że domyślne mechanizmy wymuszają użycie kropki jako separatora dziesiętnego, i oczekują jej w przypadku parsowania liczby rzeczywistej z postaci ciągu znakowego odczytanego z pliku, do postaci wartości liczbowej.

Do odczytu i parsowania danych z pliku CSV wykorzystywana jest klasa shogun::CCSVFile, której wynik następnie ładowany jest do klasy shogun::SGMatrix. Ze względu na zapis odczytanych danych w kolejności według kolumn, do wykorzystania ich w procesie uczenia konieczna jest transpozycja, a następnie rozdzielenie macierzy na dwie części, z których jedna zawiera predyktory, a druga wartości zmiennej odpowiedzi. Przykładowy fragment kodu realizujący to zadanie zamieszczony został na listingu 4.1. Po prawidłowym rozgraniczeniu fragmentów danych, należy przeprowadzić ponowną transpozycję do postaci akceptowalnej przez algorytmy uczenia, oraz obudować dane klasami na których operują docelowe metody uczenia, takimi jak CDenseFeatures, CMulticlassLabels czy CRegressionLabels, co zostało ukazane na listingu 4.2.

Listing 4.1. Przykładowa funkcja do odczytu i przygotowania danych z pliku CSV dla biblioteki Shogun.

```
#pragma once
1
2
  #include <shogun/base/init.h>
  #include <shogun/base/some.h>
4
   #include <shogun/io/File.h>
   #include <shogun/io/CSVFile.h>
   #include <shogun/labels/MulticlassLabels.h>
   #include <shogun/lib/SGMatrix.h>
9 #include <shogun/lib/SGStringList.h>
10 #include <shogun/lib/SGVector.h>
  #include <shogun/preprocessor/RescaleFeatures.h>
   #include <iostream>
12
13
   // pomocnicze pośrednie opakowanie na zestaw danych
15
   struct Dataset
   {
16
       shogun::SGMatrix<float64_t> trainInputs;
17
       shogun::SGMatrix<float64_t> testInputs;
18
19
       shogun::SGMatrix<float64_t> trainOutputs;
       shogun::SGMatrix<float64_t> testOutputs;
20
   };
21
22
23
   // pomocnicza struktura określająca pozycję zmiennej odpowiedzi
   enum class LabelPos
24
25
   {
       FIRST,
26
27
       LAST
   };
28
29
   inline Dataset readShogunCsvData(
30
31
                    std::string filename, LabelPos labelPos)
  {
32
33
       using namespace shogun;
       using Matrix = SGMatrix<float64 t>;
34
35
       Dataset ret;
36
37
       // odczytanie surowej zawartości pliku csv i sparsowanie
38
39
       // jej do macierzy
       auto csvFile = some<CCSVFile>(filename.c_str());
40
       Matrix data;
```

```
data.load(csvFile);
42
       // transpozycja do postaci docelowej dla człowieka
43
       // (działanie na kolumnach)
44
       Matrix::transpose_matrix(data.matrix, data.num_rows,
45
46
                                  data.num_cols);
       // podział macierzy na część regresorów i zmiennej odpowiedzi
47
       switch(labelPos)
48
       {
49
50
            case LabelPos::FIRST:
51
                ret.trainInputs = data.submatrix(1, data.num_cols)
                        .clone();
52
                ret.trainOutputs = data.submatrix(0, 1).clone();
53
                break;
            case LabelPos::LAST:
55
56
                ret.trainInputs = data.submatrix(0, data.num_cols - 1)
                        .clone();
57
                ret.trainOutputs =
58
                    data.submatrix(data.num_cols - 1, data.num_cols)
59
                    .clone();
60
61
                break;
       };
62
       // ponowna transpozycja do positaci docelowej dla algorytmów
63
       // uczących (operowanie na wierszach)
64
       Matrix::transpose_matrix(ret.trainInputs.matrix,
65
66
                                  ret.trainInputs.num_rows,
67
                                  ret.trainInputs.num cols);
       Matrix::transpose_matrix(ret.trainOutputs.matrix,
68
                                  ret.trainOutputs.num_rows,
69
                                  ret.trainOutputs.num_cols);
70
71
       // podział danych na część treningową i testową
       auto temp = ret.testInputs = ret.trainInputs.submatrix(
72
            static_cast<long>(0.8 * ret.trainInputs.num_cols),
73
            ret.trainInputs.num_cols).clone();
74
75
       ret.testInputs = std::move(temp);
       auto temp2 = ret.trainInputs.submatrix(
76
77
            0, static_cast<long>(0.8 * ret.trainInputs.num_cols))
                .clone();
78
       ret.trainInputs = std::move(temp2);
79
       auto temp3 = ret.trainOutputs.submatrix(
80
81
            static_cast<long>(0.8 * ret.trainOutputs.num_cols),
82
            ret.trainOutputs.num_cols).clone();
       ret.testOutputs = std::move(temp3);
83
       auto temp4 = ret.trainOutputs.submatrix(
84
            0, static_cast<long>(0.8 * ret.trainOutputs.num_cols))
85
86
                .clone();
       ret.trainOutputs = std::move(temp4);
87
       return ret;
88
89
   }
```

Listing 4.2. Funkcja przepakowujące dane do kontenerów docelowych.

```
1  #pragma once
2
3  #include <inc/shogun/csv.hpp>
4  #include <inc/shogun/linear.hpp>
5  #include <inc/shogun/logistic.hpp>
6  #include <inc/shogun/svm.hpp>
7  #include <inc/shogun/neural.hpp>
```

```
8
   #include <shogun/base/init.h>
10
   #include <iostream>
11
12
   inline void shogunModels()
13
14
        using namespace shogun;
15
16
        init_shogun_with_defaults();
17
        // odczytanie danych we własnym pośrednim typie danych
        auto classificationDatasetTemp =
18
            readShogunCsvData("wdbc_data_with_labels_tn.csv", LabelPos::LAST);
19
20
        auto regressionDatasetTemp =
            readShogunCsvData("IronGlutathione tn.csv", LabelPos::LAST);
21
22
        // rozdzielenie danych na regresory i zmienne odpowiedzi
        auto classificationTrainFeatures =
23
24
            some<CDenseFeatures<float64_t>>(
                classificationDatasetTemp.trainInputs);
25
        auto classificationTestFeatures =
26
27
            some<CDenseFeatures<float64_t>>(
28
                classificationDatasetTemp.testInputs);
29
        auto classificationTrainLabels =
            some<CMulticlassLabels>(
30
                classificationDatasetTemp.trainOutputs);
31
32
        auto classificationTestLabels =
33
            some<CMulticlassLabels>(
                classificationDatasetTemp.testOutputs);
34
        auto regressionTrainFeatures =
35
            some<CDenseFeatures<float64_t>>(
36
37
                regressionDatasetTemp.trainInputs);
        auto regressionTestFeatures =
38
39
            some<CDenseFeatures<float64_t>>(
                regressionDatasetTemp.testInputs);
40
        auto regressionTrainLabels =
41
            some<CRegressionLabels>(
42
43
                regressionDatasetTemp.trainOutputs);
        auto regressionTestLabels =
44
            some<CRegressionLabels>(
45
                regressionDatasetTemp.testOutputs);
46
47
48
        // wywołanie modeli
        shogunLinear(
49
50
            regressionTrainFeatures,
51
            regressionTestFeatures,
52
            regressionTrainLabels,
            regressionTestLabels);
53
        shogunSVM(
54
            classificationTrainFeatures,
55
            classificationTestFeatures,
56
            classificationTrainLabels,
57
58
            classificationTestLabels);
59
60
        exit_shogun();
61
   }
```

4.3. Metody przetwarzania i eksploracji danych

4.3.1. Normalizacja

Biblioteka dostarcza możliwość normalizacji typu min-max, zapewniając że dane mieścić się będą w przedziale jednostkowym, za pomocą klasy *shogun::CRescaleFeatu-res*. Klasa pozwala na ponowne wykorzystanie dla danych o tych samych nauczonych zmiennych. Posiada ona dwie główne metody:

- fit() pozwalającą na nauczenie normalizatora statystyk danych;
- transform() pozwalającą na normalizację obserwacji.

W przypadku niektórych algorytmów oferowanych przez Shogun, normalizacja jest jednym z pierwszych wykonywanych kroków, w związku z czym nie zawsze zachodzi potrzeba wykonania jej we wstępnym przetwarzaniu. Informacja o takim przypadku powinna być zawarta w dokumentacji danej metody. Listing 4.3 pokazuje jak wykorzystać wyżej wspomnianą klasę do zrealizowania normalizacji. Zarówno przedstawiona klasa jak i funkcja zawarta na listingu realizują normalizację w miejscu zapisu macierzy regresorów, w związku z czym nie ma potrzeby nadpisywania elementu ją przechowującego.

Listing 4.3. Przykład funkcji wykonującej normalizację.

```
#pragma once
1
   #include <shogun/preprocessor/RescaleFeatures.h>
3
4
   inline void normalize(auto& inputs)
5
6
       using namespace shogun;
7
8
9
       // utworzenie normalizera
10
       auto scaler = wrap(new CRescaleFeatures);
       // nauka normalizera oraz przeprowadzenie normalizacji
11
       scaler->fit(inputs);
13
       scaler->transform(inputs);
   }
14
```

4.3.2. Redukcja wymiarowości

Shogun udostępnia użytkownikowi kilka rodzajów algorytmów redukcji wymiarowości, realizowane przez następujące klasy [3]:

- analiza składowych głównych klasa CPCA;
- jądrowa analiza składowych głównych klasa *CKernelPCA*;
- skalowanie wielowymiarowe klasa MultidimensionalScaling;
- **IsoMap** klasa *CIsoMap*;

- ICA klasa *CFastICA*;
- analiza czynnikowa klasa CFactorAnalysis;
- t-SNE klasa CTDistributedStochasticNeighborEmbedding.

Każda z powyższych klas operuje poprzez uprzednie nauczenie się parametrów danych uczących metodą fit() oraz ustawienie docelowej liczby wymiarów (z wyjątkiem ICA). Nauczony obiekt reduktora można wykorzystać do redukcji wymiarowości danych poprzez metodę $apply_to_feature_vector()$ zwracającą przetworzony wektor, lub w przypadku ICA, Analizy Składowych oraz t-SNE metodę transform(), której wynik należy zrzutować na wskaźnik na CDenseFeatures. Niestety, wykorzystanie któregokolwiek z reduktorów wiąże się z koniecznością utworzenia nowej kopii obiektu w procesie transformacji, zamiast wykonania przekształceń w miejscu. Listing 4.4 przedstawia sposób wykonania redukcji na przykładzie klasy CKernelPCA.

Listing 4.4. Przykład redukcji wymiarowości z wykorzystaniem metody Kernel PCA [3].

```
#pragma once
3
   inline void KernelPCA(
       shogun::Some<shogun::CDenseFeatures<float64_t>> inputs,
4
5
       const int target_dim)
6
7
       using namespace shogun;
8
9
       // utworzenie jądra
10
       auto gaussKernel = some<CGaussianKernel>(inputs, inputs, 0.5);
       // utworzenie obiektu reduktora wymiarowości
11
       auto pca = some<CKernelPCA>();
12
13
       // konfiguracja reduktora
       pca->set kernel(gaussKernel.get());
14
       pca->set_target_dim(target_dim);
15
16
       // nauczenie reduktora
       pca->fit(inputs);
17
       // zastosowanie redukcji
18
       auto featureMatrix = inputs->get_feature_matrix();
19
       for (index_t i = 0; i < inputs->get_num_vectors(); ++i)
20
21
            auto vector = featureMatrix.get_column(i);
22
23
            auto newVector = pca->apply_to_feature_vector(vector);
       }
24
25
   }
```

4.3.3. Regularyzacja L1 i L2

W przypadku biblioteki Shogun, regularyzacja stanowi integralną część modelu, co oznacza że występuje ona zawsze podczas wykorzystania danego typu modelu uczenia maszynowego, oraz nie ma możliwości zmiany typu regularyzacji używanej przez docelowy model.

4.4. Modele uczenia maszynowego

4.4.1. Regresja liniowa

Jednym z podstawowych algorytmów uczenia maszynowego udostępnianych przez bibliotekę Shogun jest regresja liniowa, realizowana za pomocą klasy *CLinearRidge-Regression*. Jak wskazuje nazwa, metoda ta posiada wbudowaną regresję grzbietową, której konfiguracja odbywa się podczas tworzenia obiektu modelu. Listing 4.5 przedstawia sposób dopasowania modelu regresji liniowej z pomocą biblioteki Shogun.

Listing 4.5. Przykład regresji liniowej w Shogun.

```
#pragma once
 1
2
  #include <iostream>
4
  #include <numeric>
   #include <inc/shogun/verify.hpp>
   #include <shogun/base/some.h>
   #include <shogun/features/DenseFeatures.h>
   #include <shogun/labels/RegressionLabels.h>
   #include <shogun/regression/LinearRidgeRegression.h>
10
   #include <vector>
11
   inline void shogunLinear(
12
       shogun::Some<shogun::CDenseFeatures<float64_t>>& trainInputs,
13
14
       shogun::Some<shogun::CDenseFeatures<float64_t>>& testInputs,
       shogun::Some<shogun::CRegressionLabels>& trainOutputs,
15
       shogun::Some<shogun::CRegressionLabels>& testOutputs)
16
   {
17
18
       using namespace shogun;
19
20
       // utworzenie modelu
       float64_t tauRegularization = 0.0001;
21
       auto linear =
22
            some<CLinearRidgeRegression>(tauRegularization, nullptr, nullptr);
23
       // nauczanie
24
25
       linear->set_labels(trainOutputs);
       linear->train(trainInputs);
27
       // weryfikacja modelu
       std::cout << "----UShogun_ULinear_U-----" << std::endl;
28
       std::cout << "Train_data:_" << std::endl;
29
       auto predictions = wrap(linear->apply_regression(trainInputs));
30
31
       shogunVerifyModel(predictions, trainOutputs);
32
       std::cout << "Test_data:_" << std::endl;
       auto predictions2 = wrap(linear->apply regression(testInputs));
34
35
       shogunVerifyModel(predictions2, testOutputs);
   }
36
```

4.4.2. Regresja logistyczna

Biblioteka Shogun zawiera implementację wieloklasowej regresji logistycznej w postaci gotowego obiektu klasy *CMulticlassLogisticRegression*. Posiada ona wbudowaną konfigurowalną regularyzację. Listing 4.6 przedstawia sposób użycia wspo-

mnianej klasy.

Listing 4.6. Przykład regresji logistycznej.

```
#pragma once
   #include <inc/shogun/verify.hpp>
3
4
5 #include <iostream>
6 #include <shogun/base/some.h>
   #include <shogun/features/DenseFeatures.h>
   #include <shogun/labels/MulticlassLabels.h>
   #include <shogun/multiclass/MulticlassLogisticRegression.h>
9
10
11
   inline void shogunLogistic(
12
13
        shogun::Some<shogun::CDenseFeatures<float64_t>>& trainInputs,
        shogun::Some<shogun::CDenseFeatures<float64_t>>& testInputs,
14
15
        shogun::Some<shogun::CMulticlassLabels>& trainOutputs,
        shogun::Some<shogun::CMulticlassLabels>& testOutputs)
16
   {
17
18
        using namespace shogun;
19
        // utworzenie modelu
20
        auto logReg = some<CMulticlassLogisticRegression>();
21
22
        // nauka modelu
23
24
        logReg->set labels(trainOutputs);
        logReg->train(trainInputs);
25
26
        // ewaluacja modelu
27
        \mathtt{std} :: \mathtt{cout} << \texttt{"----} \sqcup \mathtt{Shogun} \sqcup \mathtt{Logistic} \sqcup \mathtt{----} << \mathtt{std} :: \mathtt{endl};
28
        std::cout << "Train:" << std::endl;</pre>
29
        auto prediction = wrap(logReg->apply_multiclass(trainInputs));
30
        shogunVerifyModel(prediction, trainOutputs);
31
32
        std::cout << "Test:" << std::endl;</pre>
33
34
        auto prediction2 = wrap(logReg->apply_multiclass(testInputs));
        shogunVerifyModel(prediction2, testOutputs);
35
36
```

4.4.3. Maszyna wektorów nośnych

Podobnie jak w przypadku regresji logistycznej, w bibliotece Shogun dostępna jest implementacja wieloklasowej klasyfikacji z wykorzystaniem maszyny wektorów nośnych, w postaci klasy *CMulticlassLibSVM*. Posiada ona szereg dostępnych do konfiguracji parametrów, i umożliwia wybór zastosowanego jądra użytkownikowi. Listing 4.7 prezentuje jak wykorzystać wymienioną klasę.

Listing 4.7. Przykład użycia maszyny wektorów nośnych.

```
1  #pragma once
2
3  #include <inc/shogun/verify.hpp>
4
5  #include <iostream>
```

```
6 #include <shogun/base/some.h>
  #include <shogun/features/DenseFeatures.h>
  #include <shogun/evaluation/CrossValidation.h>
9 #include <shogun/labels/MulticlassLabels.h>
10 #include <shogun/kernel/GaussianKernel.h>
#include <shogun/multiclass/MulticlassLibSVM.h>
12 #include <shogun/evaluation/MulticlassAccuracy.h>
13 #include <shogun/evaluation/StratifiedCrossValidationSplitting.h>
14 #include <shogun/modelselection/ModelSelection.h>
15 #include <shogun/modelselection/ModelSelectionParameters.h>
#include <shogun/modelselection/GridSearchModelSelection.h>
   #include <shogun/modelselection/ParameterCombination.h>
17
18
   inline void shogunSVM(
19
20
                    shogun::Some<shogun::CDenseFeatures<float64_t>>& trainInputs,
                    shogun::Some<shogun::CDenseFeatures<float64_t>>& testInputs,
21
22
                    shogun::Some<shogun::CMulticlassLabels>& trainOutputs,
                    shogun::Some<shogun::CMulticlassLabels>& testOutputs)
23
24
   {
25
       using namespace shogun;
26
       // utworzenie jądra
27
       auto kernel = some<CGaussianKernel>();
28
       kernel->init(trainInputs, trainInputs);
29
30
       // utworzenie i konfiguracja modelu
31
       auto svm = some<CMulticlassLibSVM>(LIBSVM C SVC);
       svm->set_kernel(kernel);
32
33
       // poszukiwanie hiperparametrów
35
       auto root = some<CModelSelectionParameters>();
       // stopień unikania missklasyfikacji
36
       CModelSelectionParameters* c = new CModelSelectionParameters("C");
37
       root->append_child(c);
38
       c->build_values(1.0, 1000.0, R_LINEAR, 100.);
39
       // utworzenie wskaźnika na jądro
40
41
       auto paramsKernel = some<CModelSelectionParameters>("kernel", kernel);
       root->append_child(paramsKernel);
42
       // utworzenie wskaźnika na wagi
43
       auto paramsKernelWidth =
44
               some<CModelSelectionParameters>("combined_kernel_weight");
45
46
       paramsKernelWidth->build_values(0.1, 10.0, R_LINEAR, 0.5);
       paramsKernel->append_child(paramsKernelWidth);
47
       // utworzenie podziału do sprawdzianu krzyżowego
48
49
       index_t k = 3;
       CStratifiedCrossValidationSplitting* splitting =
50
               new CStratifiedCrossValidationSplitting(trainOutputs, k);
51
       // utworzenie kryterium trafności
52
       auto evalCriterium = some<CMulticlassAccuracy>();
53
       // utworzenie obiektu sprawdzianu krzyżowego
54
       auto cross =
55
56
               some<CCrossValidation>(
57
                   svm, trainInputs, trainOutputs, splitting, evalCriterium);
       cross->set_num_runs(1);
58
       // utworzenie obiektu selekcji modelu
59
       auto modelSelection = some<CGridSearchModelSelection>(cross, root);
60
       // wybór i zaaplikowanie parametrów
62
       CParameterCombination* bestParams =
               wrap(modelSelection->select_model(false));
63
```

```
bestParams->apply_to_machine(svm);
64
        bestParams->print_tree();
65
66
67
        // trening
68
        svm->set_labels(trainOutputs);
69
        svm->train(trainInputs);
70
71
72
        // ewaluacja modelu
73
        std::cout << "---- Shogun SVM ---- << std::endl;
74
        std::cout << "Train:" << std::endl;</pre>
        auto prediction = wrap(svm->apply_multiclass(trainInputs));
75
76
        shogunVerifyModel(prediction, trainOutputs);
77
        std::cout << "Test:" << std::endl;</pre>
78
79
        auto prediction2 = wrap(svm->apply_multiclass(testInputs));
        shogunVerifyModel(prediction2, testOutputs);
80
81
```

4.4.4. Algorytm K najbliższych sąsiadów

Algorytm K najbliższych sąsiadów dostępny jest pod postacią klasy *CKNN*. Umożliwia on wybranie sposobu obliczania odległości poprzez przekazanie obiektu odpowiedniej klasy, oraz liczby najbliższych sąsiadów. Głównymi z dostępnych typów dystansów są odległość Euklidesa, Hamminga, Manhattanu oraz podobieństwo kosinusowe. W porównaniu do poprzednich metod, nie wymaga on ustawiania hiperparametrów, dzięki czemu można z niego bezproblemowo korzystać bez sprawdzianu krzyżowego. Listing 4.8 pokazuje przykład konfiguracji i użycia algorytmu kNN z użyciem odległości euklidesowej.

Listing 4.8. Przykład algorytmu kNN w Shogun.

```
#pragma once
1
2
   #include <inc/shogun/verify.hpp>
3
4
   #include <iostream>
5
6 #include <shogun/base/some.h>
7 #include <shogun/features/DenseFeatures.h>
  #include <shogun/labels/MulticlassLabels.h>
  #include <shogun/multiclass/KNN.h>
10
  #include <shogun/distance/EuclideanDistance.h>
11
12
   inline void shogunKNN(
13
                    shogun::Some<shogun::CDenseFeatures>& trainInputs,
                    shogun::Some<shogun::CDenseFeatures>& testInputs,
14
15
                    shogun::Some<shogun::CMulticlassLabels>& trainOutputs,
                    shogun::Some<shogun::CMulticlassLabels>& testOutputs)
16
   {
17
       using namespace shogun;
18
19
       // przygotowanie dystansu
20
21
       auto distance = some<CEuclideanDistance>(trainInputs, trainInputs);
22
       // przygotowanie modelu
23
       std::int32_t k = 3;
```

```
auto knn = some<CKNN>(k, distance, trainOutputs);
24
25
        // ewaluacja modelu
       std::cout << "---- Shogun KNN ---- << std::endl;
26
        std::cout << "Train:" << std::endl;</pre>
27
       auto prediction = wrap(knn->apply_multiclass(trainInputs));
28
        shogunVerifyModel(prediction, trainOutputs);
30
        std::cout << "Test:" << std::endl;</pre>
31
        auto prediction2 = wrap(knn->apply_multiclass(testInputs));
32
33
        shogunVerifyModel(prediction2, testOutputs);
34
   }
```

4.4.5. Algorytm zbiorowy

4.4.5.1. Wzmacnianie gradientu

Implementacja algorytmu zbiorowego z wykorzystaniem metody wzmacniania gradientu przystosowana jest do działania jedynie z modelami wykonującymi zadanie regresji. Klasa odpowiedzialna za jego realizację to *CStochasticGBMachine*. Pozwala ona na konfigurację szeregu parametrów, do których należą:

- bazowy algorytm;
- funkcja straty;
- liczba iteracji;
- współczynnik uczenia;
- ułamek wektorów do losowego wybrania w każdej iteracji.

Listing 4.9 przedstawia sposób implementacji powyższej metody z wykorzystaniem binarnego drzewa decyzyjnego regresji i klasyfikacji (implementowanego przez klasę *CCARTree*) jako algorytmu bazowego.

Listing 4.9. Przykład użycia metody wzmacniania gradientu.

```
#pragma once
   #include <inc/shogun/verify.hpp>
3
4
   #include <iostream>
5
   #include <shogun/base/some.h>
6
   #include <shogun/features/DenseFeatures.h>
8 #include <shogun/labels/MulticlassLabels.h>
9 #include <shogun/loss/SquaredLoss.h>
10 #include <shogun/lib/SGMatrix.h>
   #include <shogun/lib/SGVector.h>
   #include <shogun/machine/StochasticGBMachine.h>
12
   #include <shogun/multiclass/tree/CARTree.h>
14
   inline void shogunGradientBoost(
15
       shogun::Some<shogun::CDenseFeatures>& trainInputs,
16
17
       shogun::Some<shogun::CDenseFeatures>& testInputs,
```

```
shogun::Some<shogun::CMulticlassLabels>& trainOutputs,
18
       shogun::Some<shogun::CMulticlassLabels>& testOutputs)
19
20
21
       using namespace shogun;
22
       // oznaczenie regresorów jako ciągłe
23
       SGVector<bool> featureType(1);
24
       featureType.set_const(false);
25
26
       // utworzenie binarnego drzewa decyzyjnego
27
       auto tree = some<CCARTree>(featureType, PT_REGRESSION);
       tree->set_max_depth(3);
28
       // utworzenie funkcji straty
29
       auto loss = some<CSquaredLoss>();
30
       // utworzenie i konfiguracja modelu
31
32
       constexpr int iterations = 100;
       constexpr int learningRate = 0.1;
33
34
       constexpr int subsetFraction = 1.0;
       auto model = some<CStochasticGBMachine>(tree,
35
36
                                               loss.
37
                                               iterations,
                                               learningRate,
38
39
                                               subsetFraction);
       // trening
40
       model->set_labels(trainOutputs);
41
42
       model->train(trainInputs);
43
       // ewaluacja modelu
       44
       std::cout << "Train:" << std::endl;</pre>
45
       auto prediction = wrap(model->apply_multiclass(trainInputs));
       shogunVerifyModel(prediction, trainOutputs);
47
48
       std::cout << "Test:" << std::endl;</pre>
49
       auto prediction2 = wrap(model->apply_multiclass(testInputs));
50
51
       shogunVerifyModel(prediction2, testOutputs);
52
```

4.4.5.2. Las losowy

Metoda lasu losowego jest dostępna w bibliotece Shogun poprzez użycie klasy *CRandomForest*. W przeciwieństwie do wzmacniania gradientu, implementacja tej metody pozwala także na dokonywanie klasyfikacji. Do głównych konfigurowalnych parametrów należą:

- liczba drzew;
- liczba zbiorów na które powinny zostać podzielone dane;
- algorytm wybrania końcowego wyniku;
- typ rozwiązywanego problemu;
- ciągłość wartości regresorów.

Listing 4.10 pokazuje jak utworzyć i skonfigurować model losowego lasu do wykonania zadania aproksymacji funkcji kosinus.

Listing 4.10. Przykład użycia metody losowego lasu

```
#pragma once
 1
2
3
   #include "inc/shogun/verify.hpp"
4
   #include <shogun/base/some.h>
5
  #include <shogun/ensemble/MajorityVote.h>
6
  #include <shogun/labels/RegressionLabels.h>
   #include <shogun/lib/SGMatrix.h>
   #include <shogun/lib/SGVector.h>
   #include <shogun/machine/RandomForest.h>
10
11
   inline void shogunRandomForest(
12
13
       shogun::Some<shogun::CDenseFeatures<DataType>> trainInputs,
       shogun::Some<shogun::CDenseFeatures<DataType>> testInputs,
14
15
       shogun::Some<shogun::CRegressionLabels> trainOutputs,
16
       shogun::Some<shogun::CRegressionLabels> testOutputs)
   {
17
       using namespace shogun;
18
19
       // utworzenie i konfiguracja modelu
20
       constexpr std::int32_t numRandFeats = 1;
21
22
       constexpr std::int32_t numBags = 10;
       auto randForest =
23
24
           some<CRandomForest>(numRandFeats, numBags);
       auto vote = some<CMajorityVote>();
25
26
       randForest->set_combination_rule(vote);
       // oznaczenie danych jako ciągłe
27
       SGVector<bool> featureType(1);
28
29
       featureType.set_const(false);
       randForest->set_feature_type(featureType);
30
       // trening
31
       randForest->set_labels(trainOutputs);
32
       randForest->set_machine_problem_type(PT_REGRESSION);
33
34
       randForest->train(trainInputs);
35
       // ewaluacja modelu
       std::cout << "----" << std::endl;
36
       std::cout << "Train_data:" << std::endl;
37
       auto predictions = wrap(randForest->apply_regression(trainInputs));
       shogunVerifyModel(predictions, trainOutputs);
39
40
       std::cout << "Test_data:" << std::endl;
41
       auto predictions2 = wrap(randForest->apply_regression(testInputs));
42
43
       shogunVerifyModel(predictions2, testOutputs);
44
   }
```

4.4.6. Sieć neuronowa

Pierwszym krokiem tworzenia sieci neuronowej dla niniejszej biblioteki jest skonfigurowanie architektury sieci za pomocą obiektu klasy *CNeuralLayers*. Posiada ona szereg metod, które tworzą odpowiednio skonfigurowane warstwy z wybraną funkcją aktywacji:

• *input()* - warstwa wejściowa z określoną ilością wymiarów;

- logistic() warstwa w pełni połączona z sigmoidalną funkcją aktywacji;
- linear() warstwa w pełni połączona z liniową funkcją aktywacji;
- rectified_linear() warstwa w pełni połączona z funkcją aktywacji ReLU;
- leaky_rectified_linear warstwa w pełni połączona z funkcją aktywacji Leaky ReLU;
- softmax warstwa w pełni połączona z funkcją aktywacji softmax.

Kolejność wywoływania powyższych metod jest istotna, ponieważ decyduje ona o kolejności warstw w modelu. Po zakończeniu konfiguracji, możliwe jest utworzenie obiektu zatwierdzonej architektury za pomocą funkcji done(), a następnie wykorzystanie go do inicjalizacji klasy CNeuralNetwork. W celu połączenia warstw, należy wywołać na obiekcie sieci neuronowej funkcję $quick_connect$ oraz zainicjalizować wagi metodą $initialize_neural_network$. Może ona przyjąć parametr określający rozkład Gaussa używany do inicjalizacji parametrów.

Następnym krokiem jest skonfigurowanie optymalizatora za pomocą metody set_optimization. Klasa CNeuralNetwork wspiera optymalizację z wykorzystaniem metody najszybszego spadku oraz Broydena-Fletchera-Goldfarba-Shannona. Sieć neuronowa posiada wbudowaną regularyzację L2, którą można skonfigurować, podobnie jak pozostałe parametry takie jak współczynnik uczenia, liczba epok, kryterium zbieżności dla funkcji straty, czy wielkość zestawów wsadowych. Niestety, niemożliwy jest wybór funkcji straty, gdyż jest on dokonywany automatycznie na podstawie typu zmiennej odpowiedzi. Listing 4.11 przedstawia pełny proces budowania, konfiguracji oraz uczenia sieci. Niestety ze względu na brak implementacji warstwy neuronu o aktywacji w postaci tangensa hiperbolicznego, na potrzeby prezentacji zastosowania zdecydowano się na wykorzystanie funkcji reLU, co ma wpływ na uzyskane wyniki.

Listing 4.11. Przykład użycia sieci neuronowej.

```
1
   #pragma once
2
3
   #include "inc/shogun/verify.hpp"
4
   #include <shogun/features/DenseFeatures.h>
5
6
   #include <shogun/labels/MulticlassLabels.h>
   #include <shogun/neuralnets/NeuralLayers.h>
7
   #include <shogun/neuralnets/NeuralNetwork.h>
8
   #include <shogun/base/some.h>
9
10
   inline void sharkNeural(
11
12
       shogun::Some<shogun::CDenseFeatures<float64_t>> trainInputs,
       shogun::Some<shogun::CDenseFeatures<float64_t>> testInputs,
13
14
       shogun::Some<shogun::CMulticlassLabels> trainOutputs,
       shogun::Some<shogun::CMulticlassLabels> testOutputs)
15
   {
16
       using namespace shogun;
17
18
       // konstrukcja architektury sieci
19
20
       auto dimensions = trainInputs->get_num_features();
       auto layers = some<CNeuralLayers>();
21
22
       layers = wrap(layers->input(dimensions));
```

```
layers = wrap(layers->rectified_linear(5));
23
24
       layers = wrap(layers->rectified_linear(5));
       layers = wrap(layers->logistic(1));
25
       auto allLayers = layers->done();
26
27
       // utworzenie sieci
       auto network = some<CNeuralNetwork>(allLayers);
       network->quick_connect();
29
       network->initialize_neural_network();
30
31
       // konfiguracja sieci
32
       network->set_optimization_method(NNOM_GRADIENT_DESCENT);
       network->set_gd_mini_batch_size(64);
33
       network->set_12_coefficient(0.0001);
34
       network->set_max_num_epochs(500);
35
       network->set epsilon(0.0);
36
37
       network->set_gd_learning_rate(0.01);
       network->set_gd_momentum(0.5);
38
39
       // trening
       network->set_labels(trainOutputs);
40
       network->train(trainInputs);
41
42
       // walidacja
       std::cout << "----- Shogun_Neural_Network_----- << std::endl;
       std::cout << "Train_data:" << std::endl;
44
       auto predictions = wrap(network->apply_multiclass(trainInputs));
45
       shogunVerifyModel(predictions, trainOutputs);
46
47
48
       std::cout << "Test_data:" << std::endl;</pre>
       auto predictions2 = wrap(network->apply_multiclass(testInputs));
49
       shogunVerifyModel(predictions2, testOutputs);
50
   }
```

4.5. Metody analizy modeli

4.5.1. Błąd średniokwadratowy

Obliczenie błędu średniokwadratowego w bibliotece Shogun sprowadza się do utworzenia obiektu wykorzystującego typ *CMeanSquaredError* jako argument szablonu funkcji some <> (). Jest on zwracany pod postacią wskaźnika. W celu otrzymania wartości błędu dla posiadanych danych, należy wywołać z jego pomocą funkcję evaluate, do której przekazany zostaje zestaw predykcji modelu oraz zaobserwowanych wartości odpowiedzi. Listing 4.12 ukazuje sposób użycia wspomnianego mechanizmu.

Listing 4.12. Przykład obliczenia wartości błędu średniokwadratowego [3]

```
using namespace shogun;

// [...]

auto mse_error = some<CMeanSquaredError>();
auto mse = mse_error->evaluate(predictions, train_labels);
```

4.5.2. Średni błąd bezwzględny

Realizacja obliczania średniego błędu bezwzględnego dla biblioteki Shogun dokonywana jest za pomocą klasy CMeanAbsoluteError pełniącej rolę ewaluatora. Tworzona jest ona poprzez wykorzystanie szablonu some <> a następnie wykorzystywana do obliczeń wołając jej metodę evaluate przekazując uzyskane oraz oczekiwane wyniki regresji lub klasyfikacji. Listing 4.13 przedstawia sposób użycia wyżej wymienionej klasy.

Listing 4.13. Przykład obliczenia wartości średniego błędu bezwzględnego [3].

```
using namespace shogun;
// [...]
auto mae_error = some<CMeanAbsoluteError>();
auto mae = mae_error->evaluate(predictions, train_labels);
```

4.5.3. Logarytmiczna funkcja straty

Logarytmiczna funkcja straty jest możliwa do obliczenia z wykorzystaniem biblioteki Shogun przy użyciu klasy CLogLoss, jednak udostępniane przez nią metody wskazują że powinna być wykorzystywana przez model, a nie bezpośrednio przez użytkownika. Udostępnia ona metodę $get_square_grad()$ pozwalającą na obliczenie kwadratu gradientu między zadaną predykcją a docelowym wynikiem. Sposób użycia tej metody zaprezentowano na listingu 4.14

Listing 4.14. Przykład użycia klasy *CLogLoss*.

```
using namespace shogun;
// [...]
auto logLoss = some<CLogLoss>();
auto sqareGradient = logLoss->get_square_grad(prediction, label);
```

4.5.4. Metryka R^2

Biblioteka Shogun nie posiada bezpośredniej implementacji dla metryki R^2 w związku z czym, pomimo możliwości wykorzystania wbudowanej metody obliczania błędu średniokwadratowego, wariancja odpowiedzi potrzebna dla uzyskania wyniku musi zostać uzyskana przez własny mechanizm użytkownika. Listing 4.15 przedstawia funkcję weryfikującą poprawność modeli opisanych w poprzednich punktach, obliczającą wartość metryki R^2 .

Listing 4.15. Przykład obliczenia metryki \mathbb{R}^2 .

```
#pragma once

#include <iostream>
#include <cmath>
#include <shogun/evaluation/MeanSquaredError.h>
#include <shogun/evaluation/MeanAbsoluteError.h>
#include <shogun/evaluation/ROCEvaluation.h>
#include <shogun/labels/RegressionLabels.h>
```

```
#include <shogun/labels/MulticlassLabels.h>
10
   inline void shogunVerifyModel(
11
12
        const shogun::Some<shogun::CRegressionLabels>& predictions,
        const shogun::Some<shogun::CRegressionLabels>& targets)
13
14
        using namespace shogun;
15
16
17
        // błąd średniokwadratowy
18
        auto mseError = some<CMeanSquaredError>();
        auto mse = mseError->evaluate(predictions, targets);
19
        std::cout << "MSE_{\sqcup}=_{\sqcup}" << mse << std::endl;
20
21
        // metryka R^2
        float64 t avg = 0.0;
22
23
        float64_t sum = 0.0;
        // obliczenie średniej
24
        for (index_t i = 0; i < targets->get_num_labels(); i++)
25
26
27
            avg += targets->get_label(i);
28
        avg /= targets->get_num_labels();
30
        // obliczenie wariancji
        for (index_t i = 0; i < targets->get_num_labels(); i++)
31
32
            sum += std::pow(targets->get_label(i), 2);
33
34
        float64_t variance = (sum / targets->get_num_labels()) - std::pow(avg, 2);
35
        // obliczenie metryki R^2
36
        auto r_square = 1 - (mse / variance);
37
        std::cout << "R^2_{\sqcup} =_{\sqcup}" << r_square << std::endl << std::endl;
38
39
   }
40
    inline void shogunVerifyModel(
41
        const shogun::Some<shogun::CMulticlassLabels>& predictions,
42
        const shogun::Some<shogun::CMulticlassLabels>& targets)
43
44
   {
        using namespace shogun;
45
46
        // obliczenie pola pod wykresem ROC
47
48
        auto roc = some<CROCEvaluation>();
49
        roc->evaluate(predictions->get_binary_for_class(1),
                       targets->get_binary_for_class(1));
50
        std::cout << "AUC_{\square}ROC_{\square} =_{\square}" << roc -> get_auROC() << std::endl;
51
   }
52
```

4.5.5. Dokładność

Do obliczenia dokładności w przypadku zadań regresji, biblioteka udostępnia klasę *CMulticlassAccuracy*. Pozwala ona nie tylko na samą klasyfikację, lecz także oferuje metodę pobrania macierzy błędnych klasyfikacji. Nie znaleziono natomiast klasy *CAccuracyMeasure* wspomnianej w pracy [3], co sugerowałoby jej usunięcie z biblioteki. Listing 4.16 pokazuje w jaki sposób należy użyć klasy *CMulticlassAccuracy*.

Listing 4.16. Przykład obliczenia dokładności modelu.

```
using namespace shogun;
// [...]
auto acc_measure = some<CMulticlassAccuracy>();
auto acc = acc_measure->evaluate(predictions, train_labels);
auto confusionMatrix = acc_measure->get_confusion_matrix(
predictions, train_labels);
```

4.5.6. Precyzja i pełność (recall), oraz metryka F1

W podręczniku [3] wspomniane zostały klasy *CRecallMeasure* oraz *CF1Measure* mające pozwolić obliczyć odpowiednio pamięć modelu oraz metrykę F1, jednak w trakcie pracy z biblioteką nie znaleziono definicji tych klas, lub jakichkolwiek innych pełniących te funkcje, w związku z czym założono brak implementacji tych metod dla biblioteki Shogun. Zdecydowano się na wspomnienie o tym fakcie, w celu podkreślenia możliwoścy wystąpienia rozbieżności między źródłami wiedzy, a aktualnym stanem biblioteki.

4.5.7. Pole pod wykresem krzywej operacyjnej

Biblioteka Shogun posiada implementację obliczania pola pod wykresem krzywej charakterystycznej odbiornika, w postaci klasy *CROCEvaluation*. Listing 4.17 przedstawia sposób jej użycia.

Listing 4.17. Przykład obliczenia pola pod wykresem funkcji ROC dla Shogun.

```
1 using namespace shogun;
2 // [...]
3 auto roc = some<CROCEvaluation>();
4 roc->evaluate(predictions, targets);
5 std::cout << "AUC_ROC_=_" << roc->get_auROC() << std::endl;</pre>
```

4.5.8. K-krotny sprawdzian krzyżowy

Sprawdzian krzyżowy stanowi w bibliotece Shogun złożony mechanizm, do którego wykorzystania należy przygotować drzewo decyzyjne parametrów, reprezentowane przez klasę *CModelSelectionParameters*. Użytkownik może wybrać model oraz kryterium ewaluacji modelu poprzez utworzenie odpowiednich klas, a następnie przekazanie ich w konstruktorze obiektu sprawdzianu krzyżowego, będącego instancją klasy *CCrossValidation*. Kolejnym krokiem jest utworzenie instancji klasy *CGridSearchModelSelection* która dokona wyboru parametrów. Ostatnim etapem jest konfiguracja docelowego modelu i przeprowadzenie procesu uczenia. Dokłady wygląd całego mechanizmu został przedstawiony na listingu 4.18.

Listing 4.18. Przygotowanie modelu wieloklasowej regresji liniowej z wykorzystaniem sprawdzianu krzyżowego.

```
#pragma once

inline void shogunCrossValidLogistic(
    shogun::Some<shogun::CDenseFeatures<float64_t>>& trainInputs,
```

```
shogun::Some<shogun::CDenseFeatures<float64_t>>& testInputs
5
       shogun::Some<shogun::CMulticlassLabels> trainOutputs,
       shogun::Some<shogun::CMulticlassLabels> testOutputs)
 7
   {
8
9
       using namespace shogun;
10
       // utworzenie drzewa parametrów
11
       auto root = some<CModelSelectionParameters>();
12
13
       // współczynnik regularyzacji
14
       CModelSelectionParameters* z = new CModelSelectionParameters("m_z");
       root->append_child(z);
15
       z->build_values(0.2, 1.0, R_LINEAR, 0.1);
16
       // utworzenie strategii podziału drzewa decyzyjnego
17
18
       index t k = 3;
       CStatifiedCrossValidationSplitting* splitting =
19
           new CStatifiedCrossValidationSplitting(labels, k);
20
21
       // utworzenie kryterium ewaluacji dla drzewa decyzyjnego
       auto evalCriterium = some<CMulticlassAccuracy>();
22
       // utworzenie modelu regresji logistycznej
23
24
       auto logReg = some<CMulticlassLogisticRegression>();
       // utworzenie obiektu sprawdzianu krzyżowego
       auto cross = some<CCrossValidation>(logReg, trainInputs, trainOutputs,
26
                                            splitting, evalCriterium);
27
       cross->set_num_runs(1);
28
29
       auto modelSelection = some<CGridSearchModelSelection>(cross, root);
30
       // wybranie parametrów dla modelu
       CParameterCombination* bestParams =
31
           wrap(modelSelection->select_model(false));
32
       // zaaplikowanie parametrów dla modelu
34
       bestParams->apply_to_machine(logReg);
       // wyświetlenie drzewa decyzyjnego
35
36
       bestParams->print_tree();
       // trenowanie docelowego modelu
37
       logReg->set_labels(trainOutputs);
38
       logReg->train(trainInputs);
39
40
       // ewaluacja modelu
41
       42
       std::cout << "Train:" << std::endl;</pre>
43
       auto prediction = wrap(logReg->apply_multiclass(trainInputs));
       shogunVerifyModel(prediction, trainOutputs);
45
46
       std::cout << "Test:" << std::endl;</pre>
47
       auto prediction2 = wrap(logReg->apply_multiclass(testInputs));
48
       shogunVerifyModel(prediction2, testOutputs);
50
       delete splitting;
51
   }
52
```

4.6. Dostępność dokumentacji i źródeł wiedzy

Internetowe źródła informacji w postaci forów społecznościowych skupiają się na wykorzystaniu biblioteki Shark w innych językach, jak np. Python, lecz wraz z jej kodem źródłowym na platformie GitHub [17] możliwe jest wygenerowanie przykładów jej wykorzystania także w języku C++ w folderze examples. Przykłady te

należy zbudować za pomocą odpowiednego skryptu Pythona zawartego w repozytorium, powodując wygenerowanie listingów kodów w docelowym języku w plikach JSON. Niestety, okazują się one obrazować użycie biblioteki w nienaturalny, proceduralnie generowany sposób, sprawiając, że przy faktycznej próbie skorzystania z API projektu, stają się one bezużyteczne. Dodatkowo, jedyna forma dokumentacji projektu ogranicza się do komentarzy w kodzie, zmuszając użytkownika do błądzenia po repozytorum w poszukiwaniu potrzebnych informacji.

Shogun jest jedną z bibliotek opisaną w podręczniku [3], wprowadzającym czytelnika zarówno do podstawowych funkcjonalności Shogun, jak i podsumowującej podstawy teorii uczenia maszynowego w kontekście ich zastosowania. Większość z przykładów realizacji poszczególnych typów modeli w tej książce posiada przedstawione główne fragmenty listingów dla biblioteki Shogun. Warto jednak zaznaczyć, że różnią się one od przykładów generowanych przez skrypt budujący, obrazując wykorzystanie faktycznie udostępnianego API biblioteki. W toku pracy nad niniejszym rozdziałem, książka ta okazała się jedynym wartościowym źródłem wiedzy na jego temat.

Rozdział 5

Biblioteka Shark-ML

5.1. Wprowadzenie

Shark-ML to biblioteka uczenia maszynowego dedykowana dla języka C++. Posiada ono otwarte źródło, i udostępniana jest na podstawie licencji *GNU Lesser General Public License*. Głównymi aspektami na których skupia się ta biblioteka są problemy optymalizacji liniowej i nieliniowej (w związku z czym posiada ona część funkcjonalności biblioteki do algebry liniowej), maszyny jądrowe (np. maszyna wektorów nośnych) i sieci neuronowe. [18] Podmiotami udostępniającymi bibliotekę jest Uniwersytet w Kopenhagdze w Danii, oraz Instytut Neuroinformatyki z Ruhr-Universitat Bochum w Niemczech.

5.2. Formaty źródeł danych

Biblioteka operuje na własnych reprezentacjach macierzy i wektorów, które tworzone sa poprzez opakowywanie surowych tablic za pomocą specjalnych adapterów, jak np. remora::dense matrix adaptor<>() lub za pomoca kontenerów biblioteki standardowej C++ i funkcji createDataFromRange(). Mechanizm ten jest identyczny jak w przypadku pozostałych z omawianych bibliotek, co daje użytkownikowi duża dowolność co do sposobu przechowywania danych i mechanizmu ich odczytywania. Posiada ona także dedykowany parser dla plików w formacie CSV, lecz zakłada on obecność w pliku jedynie danych numerycznych. Do jego użycia należy użyć klasy kontenera Classification Dataset lub Regression Dataset oraz metody import CSV która zapisuje odczytane dane do wcześniej wspomnianego obiektu poprzez mechanizm zwracania przez parametr. Jeden z argumentów funkcji określa która z kolumn zawiera zmienną decyzyjną, dzięki czemu biblioteka jest w stanie od razu oddzielić dane wejściowe od kolumny oczekiwanych wartości. Artykuł [19] dostępny na platformie GitHub pokazuje także, jak pobrać dane w postaci formatu CSV z internetu z pomocą API biblioteki curl, i przetworzyć je do formy akceptowanej przez Shark-ML. W aktualnej wersji biblioteki znalazły się także wbudowane funkcje pobierania danych współpracujące z protokołem HTTP. Listing 5.1 ukazuje jak odczytać dane z pliku .csv znajdującego się na dysku użytkownika.

Listing 5.1. Odczytanie danych z pliku CSV.

```
#pragma once
1
3
  #include <inc/shark/printEvaluation.hpp>
  #include <shark/Data/Dataset.h>
  #include <shark/Data/DataDistribution.h>
6 #include <shark/Data/Csv.h>
  #include <shark/Data/SparseData.h>
   template<typename DatasetType>
9
   inline DatasetType sharkReadCsvData(std::string filePath)
10
11
12
       using namespace shark;
13
14
       DatasetType trainData;
15
       importCSV(trainData, filePath.c_str(), LAST_COLUMN);
16
       return trainData;
   }
17
```

W celu opakowania danych zawartych w kontenerach biblioteki standardowej języka C++ do obiektów akceptowanych przez bibliotekę Shark-ML, konieczne jest wykorzystanie specjalnych funkcji adaptorowych, do których przekazywany jest wskaźnik na dane w postaci surowej tablicy, wraz z oczekiwanymi wymiarami wynikowej macierzy / wektora. Sposób opakowania danych pokazano na listingu 5.2

Listing 5.2. Sposób opakowywania danych do przetwarzania przez Shark-ML [3].

```
// przykładowe dane zawarte w kontenerze std::vector biblioteki
// standardowej C++
std::vector<float> data{1, 2, 3, 4};

// opakowanie danych do postaci macierzy 2 x 2
auto m = remora::dense_matrix_adaptor<float>(data.data(), 2, 2);

// opakowanie danych do postaci wektora 1 x 4
auto v = remora::dense_vector_adaptor<float>(data.data(), 4);
```

5.3. Metody przetwarzania i eksploracji danych

5.3.1. Normalizacja

Biblioteka Shark-ML implementuje normalizacje jako klasy treningowe dla modelu *Normalizer*, udostępniając użytkownikowi trzy możliwe do wykorzystania klasy:

- NormalizeComponentsUnitInterval przetwarza dane tak aby mieściły się w przedziale jednostkowym;
- NormalizeComponentsUnitVariance przelicza dane aby uzyskać jednostkową wariancję, i niekiedy także średnią wynoszącą 0.
- Normalize Components Whitening dane przetwarzane są w sposób zapewniający średnią wartość wynoszącą zero oraz określoną przez użytkownika wariancję (domyślnie wariancja jednostkowa).

Biblioteka Shark-ML

Opierają się one o użycie metody train() na obiekcie normalizatora, aby odpowiednio go skonfigurować do przetwarzania zarówno danych testowych, jak i wszystkich innych danych które użytkownik ma zamiar wprowadzić do modelu. Dodatkowymi funkcjami jest możliwość przemieszania danych, i wydzielenia fragmentu jako dane testowe za pomocą metody shuffle() klasy ClassificationDataset oraz funkcji splitAtElement(). Listing 5.3 pokazuje przykład wstępnego przetwarzania danych z wykorzystaniem normalizacji.

Listing 5.3. Wstępne przetwarzanie danych do uczenia [19].

```
#pragma once
1
2
   inline auto sharkPreprocess(auto& trainData)
3
4
       using namespace shark;
5
6
7
       // przemieszanie danych
8
       trainData.shuffle();
9
       // utworzenie normalizera
       using Trainer = NormalizeComponentsUnitVariance<RealVector>;
10
       bool removeMean = true;
11
       Normalizer<RealVector> normalizer;
12
       Trainer normalizingTrainer(removeMean);
13
       // nauczenie normalizera średniej i wariancji danych treningowych
14
       normalizingTrainer.train(normalizer, trainData.inputs());
15
       // transformacja danych uczących
16
       return transformInputs(trainData, normalizer);
17
   }
18
```

5.3.2. Redukcja wymiarowości

5.3.2.1. Analiza składowych głównych

Algorytm redukcji wymiarowości przez analizę składowych głównych implementowany jest w bibliotece Shark za pośrednictwem klasy PCA. Wykorzystuje ona obiekt modelu liniowego w formie enkodera oraz przyjmuje oprócz niego w metodzie en-coder docelowy wymiar zestawu danych. Wynikiem działania wymienionej metody jest konfiguracja modelu liniowego do tworzenia zestawu danych o zredukowanym wymiarze. Listing 5.4 przedstawia sposób wykorzystania klasy PCA.

Listing 5.4. Redukcja wymiarowości danych z wykorzystaniem klasy PCA i enkodera.

```
1  // [...]
2
3  // utworzenie trenera PCA
4  shark::PCA pca(data);
5  shark::LinearModel<> enc;
6
7  // konfiguracja enkodera do redukcji wymiarów
8  constexpr int nbOfDim = 2;
9  pca.encoder(enc, nbOfDim);
10  auto encoded_data = enc(data);
```

5.3.2.2. Liniowa analiza dyskryminacyjna

Liniowa analiza dyskryminacyjna (ang. Linear Discriminant Analysis, LDA) w przypadku biblioteki Shark-ML opiera się o rozwiązanie analityczne, poprzez konfigurację klasy modelu Linear Classifier przez klasę treningową LDA, wykorzystując funkcję train(). Możliwe jest także wykorzystanie LDA do zadania klasyfikacji, uzyskując predykcje dla zestawu danych za pomocą wywołania obiektu liniowego klasyfikatora jak funkcji (użycie operatora ()) przekazując mu dane uzyskane z Classification Dataset za pomocą metody inputs(). Szczegóły implementacyjne dla redukcji wymiarowości danych zamieszczone zostały na listingu 5.5.

Listing 5.5. Przykład redukcji zestawu danych z wykorzystaniem modelu LDA [3].

```
using namespace shark;
1
   void LDAReduction(const UnlabeledData<RealVector>& data,
4
                      const UnlabeledData<RealVector>& labels,
5
                      std::size_t target_dim)
6
7
       // utworzenie obiektów LDA
8
       LinearClassifier<> encoder;
       LDA lda;
9
10
       // utworzenie zestawu danych
       LabeledData<RealVector, unsigned int> dataset(
11
12
            labels.numberOfElements(), InputLabelPair<RealVector, unsigned int>(
                RealVector(data.element(0).size()), 0));
13
       // wypełnienie zbioru danymi
14
       for (std::size_t i = 0; i < labels.numberOfElements(); ++i)</pre>
15
16
       {
            // zmiana indeksów klas aby zaczynały się od 0
17
18
            dataset.element(i).label =
                static cast<unsigned int>(labels.element(i)[0]) - 1;
19
            dataset.element[i].input = data.element(i)
20
       }
21
22
       // trening enkodera
23
       lda.train(encoder, dataset);
       // utworzenie zredukowanego zestawu danych
24
       auto new_labels = encoder(data);
25
26
       auto new_data = encoder.decisionFunction()(data);
27 }
```

5.3.3. Regularyzacja L1

Biblioteka Shark, w przeciwieństwie do Shogun nie posiada ściśle określonych mechanizmów regularyzacji dla danych metod uczenia maszynowego. Zamiast tego, istnieje możliwość umieszczenia obiektu wykonującego regularyzację w obiekcie klasy trenera, za pomocą metody setRegularization(). W celu zastosowania metody Lasso, należy umieścić w wybranym trenerze obiekt klasy shark::OneNormRegularizer, a następnie przeprowadzić proces uczenia.

Biblioteka Shark-ML

5.3.4. Regularyzacja L2

Podobnie jak w przypadku metody Lasso, wykorzystanie regularyzacji L2 w trenowanym modelu opiera się na wprowadzeniu obiektu regularyzatora do obiektu klasy trenera. Dla metody L2 jest to obiekt klasy shark::TwoNormRegularizer.

5.4. Modele uczenia maszynowego

5.4.1. Regresja liniowa

Jednym z podstawowych modeli oferowanych przez niniejszą bibliotekę jest regresja liniowa. Do celów jej reprezentacji dostępna jest klasa LinearModel, oferująca rozwiązanie problemu w sposób analityczny za pomocą klasy trenera LinearRegression, lub podejście iteracyjne implementowane przez klasę trenera LinearSAGTrainer, wykorzystujące iteracyjną metodę średniej statystycznej gradientu (ang. Statistic Averagte Gradient, SAG). W przypadku bardziej skompilowanych modeli regresji, gdzie może nie istnieć rozwiązanie analityczne, istnieje możliwość zastosowania podejścia iteracyjnego z użyciem optymalizatora wybranego przez użytkownika. Metoda ta sprowadza się to uczenia optymalizatora z wykorzystaniem funkcji straty, a następnie załadowania uzyskanych wag do modelu regresji. Parametry modelu możliwe są do odczytania z wykorzystaniem metod offset() i matrix() lub metody parameterVector(). Na listingu 5.6 ukazane zostało wykorzystanie podejścia iteracyjnego, natomiast listing 5.7 przedstawia metodę analityczną.

Listing 5.6. Przykład regresji liniowej z wykorzystaniem optymalizatora spadku gradientowego.

```
#pragma once
 1
2
3 #include <iostream>
   #include <inc/shark/printEvaluation.hpp>
4
   #include <shark/Algorithms/Trainers/LinearRegression.h>
   #include <shark/Models/LinearModel.h>
   #include <shark/ObjectiveFunctions/Loss/SquaredLoss.h>
8
   inline void sharkLinear(const shark::RegressionDataset& trainData,
9
10
                            const shark::RegressionDataset& testData)
11
   {
       using namespace shark;
12
13
14
       // przygotowanie modelu i trenera
       LinearModel<> model;
15
       LinearRegression trainer;
16
       //trening
17
       trainer.train(model, trainData);
19
       // ewaluacja
       std::cout << "----_ Shark_Linear_ ---- << std::endl;
20
       std::cout << "Train_data:" << std::endl;
21
22
       auto predictions = model(trainData.inputs());
       printSharkModelEvaluation(
23
24
            trainData.labels(), predictions);
25
26
       std::cout << "Test_data:" << std::endl;
```

```
predictions = model(testData.inputs());
printSharkModelEvaluation(
    testData.labels(), predictions);
}
```

Listing 5.7. Przykład regresji liniowej z wykorzystaniem trenera analitycznego [3].

```
#pragma once
 1
 2
    inline void sharkLinear(const shark::RegressionDataset& trainData,
 3
 4
                                const shark::RegressionDataset& testData)
 5
    {
 6
        using namespace shark;
 7
        // utworzenie modelu
 8
 9
        LinearRegression trainer;
        LinearModel<> model;
10
        // trening modelu
11
        trainer.train(model, trainData);
12
13
        // odczytanie parametrów modelu
        std::cout << "intercept:" << model.offset() << std::endl;
14
15
        std::cout << "matrix:u" << model.matrix() << std::endl;
16
        // ewaluacja
        \mathtt{std} :: \mathtt{cout} \; << \; \texttt{"----} \sqcup \mathtt{Shark} \sqcup \mathtt{Linear} \sqcup \texttt{-----} \; << \; \mathtt{std} :: \mathtt{endl};
17
        std::cout << "Train_data:" << std::endl;
18
19
        auto predictions = model(trainData.inputs());
20
        printSharkModelEvaluation(
             trainData.outputs(), predictions, Task::REGRESSION);
21
22
        std::cout << "Test_data:" << std::endl;
23
24
        predictions = model(testData.inputs());
        printSharkModelEvaluation(
25
             trainData.outputs(), predictions, Task::REGRESSION);
26
   }
27
```

5.4.2. Regresja logistyczna

Mechanizm regresji logistycznej dostępny w bibliotece Shark-ML z natury rozwiązuje problem klasyfikacji dla dwóch klas. Istnieje jednak możliwość przygotowania wielu klasyfikatorów, w liczbie wyrażonej wzorem:

$$\frac{N(N-1)}{2} \tag{5.1}$$

gdzie N oznacza liczbę klas występujących w problemie. Utworzone klasyfikatory następnie są złączane w jeden za pomocą odpowiedniej konfiguracji obiektu One-VersusOne Classifier, rozwiązując problem klasyfikacji wieloklasowej. W tym celu zestaw danych należy iteracyjnie podzielić na podproblemy o charakterystyce binarnej za pomocą wbudowanej funkcji binarySubProblem() przyjmującej zestaw danych i klasy. Nauczanie poszczególnych modeli realizowane jest poprzez klasę trenera Logistic Regression. Po zakończeniu trenowania okreslonej partii pomniejszych modeli, są one ładowane do głównego modelu. Wykorzystanie gotowego klasyfikatora wieloklasowego nie różni się od sposobu użycia modelu uzyskanego np. w klasyfikacji

liniowej. Listing 5.8 prezentuje funkcję budującą model logistycznej regresji wieloklasowej, natomiast listing 5.9 pokazuje sposób utworzenia prostego modelu dla problemu binarnego.

Listing 5.8. Przykład funkcji tworzącej model wieloklasowej regresji logistycznej [3].

```
using namespace shark;
 1
   // [...]
4
   void LRClassification(const ClassificationDataset& train,
6
                           const ClassificationDataset& test,
                           unsigned int num_classes)
7
   {
8
       // utworzenie obiektu docelowego klasyfikatora oraz tablicy
9
10
        // klasyfikatorów składowych
11
       OneVersusOneClassifier<RealVector> ovo;
       auto pairs = num_classes * (num_classes - 1) / 2;
12
       std::vector<LinearClassifier<RealVector>> lr(pairs);
13
15
       // iteracyjne konfigurowanie klasyfikatorów składowych
       for (std::size_t n = 0, cls1=1; cls1 < num_classes; ++cls1)</pre>
16
17
18
            using BinaryClassifierType =
                OneVersusOneClassifier<RealVector>::binary_classifier_type;
19
            std::vector<BinaryClassifierType*> ovo_classifiers;
20
21
            for (std::size_t cls2 = 0; cls2 < cls1; ++cls2, ++n)</pre>
            {
                // pobranie binarnego podproblemu
23
                ClassificationDataset binary_cls_data =
24
25
                    binarySubProblem(train, cls2, cls1);
26
                // trening modelu składowego
27
                LogisticRegression<RealVector> trainer;
28
29
                trainer.train(lr[n], binary_cls_data);
                // załadowanie modelu składowego do serii
31
                ovo_classifiers.push_back(&lr[n]);
32
            }
33
            // podłączenie serii do głównego klasyfikatora
34
            ovo.addClass(ovo_classifiers);
35
       }
36
37
       // użycie modelu
38
       auto predictions = ovo(test.inputs());
39
        // [...]
40
41
   }
```

Listing 5.9. Przykład prostej binarnej regresji logistycznej.

```
1  #pragma once
2
3  #include <iostream>
4
5  #define SHARK_CV_VERBOSE 1
6  #include <inc/shark/printEvaluation.hpp>
7  #include <shark/Algorithms/Trainers/LogisticRegression.h>
```

```
#include <shark/Data/Dataset.h>
   #include <shark/Models/Classifier.h>
10
   #include <iostream>
11
   inline void sharkLogistic(const shark::ClassificationDataset& trainData,
12
                               const shark::ClassificationDataset& testData)
13
14
15
       using namespace shark;
16
17
       // utworzenie modelu
       std::cout << "Start_logistic\n";
18
       LinearClassifier<RealVector> logisticModel;
19
20
       LogisticRegression<RealVector> trainer;
21
       // trening
       std::cout << "Training\n";</pre>
22
       trainer.train(logisticModel, trainData);
23
24
       // ewaluacja
       std::cout << "----Shark_Logistic_Regression----" << std::endl;
25
       std::cout << "Train_data_model_evaluation:" << std::endl;
26
27
       auto predictions = logisticModel(trainData.inputs());
28
       printSharkModelEvaluation(
29
            trainData.labels(), predictions);
30
       std::cout << "Test_data_model_evaluation:" << std::endl;
31
32
       predictions = logisticModel(testData.inputs());
33
       printSharkModelEvaluation(
            testData.labels(), predictions);
34
35
   }
```

5.4.3. Maszyna wektorów nośnych

Jednym z bardzo istotnych z perspektywy zastosowania biblioteki Shark-ML, oferowanych przez nią metod uczenia maszynowego, jest maszyna wektorów nośnych stanowiąca jeden z typów modeli jądrowych (ang. kernel model). Opiera się ona na wykonaniu regresji liniowej w przestrzeni cech określonych przez wykorzystane jądro. Podobnie jak w przypadku regresji logistycznej, API biblioteki umożliwia wykonanie klasyfikacji dla przypadku binarnego, natomiast rozwiązanie przy jej użyciu problemu wieloklasowego wymaga kombinacji instancji dychotomicznych maszyn wektorów nośnych w model złożony, czego można dokonać przy pomocy klasy One-VersusOneClassifier oraz liczbie klas wyrażonej wzorem 5.1. Zgodnie z charakterystyczną cechą tej biblioteki, użycie metody podzielone jest na utworzenie instancji modelu oraz obiektu klasy trenera, która go konfiguruje w procesie uczenia. W tym celu dostępne są dla użytkownika klasy:

- GaussianRbfKernel odpowiada za obliczenie podobieństwa między zadanymi cechami wykorzystując funkcję bazową ang. Radial Basis Function, RBF;
- KernelClassifier funkcja realizująca regresję liniową wewnątrz przestrzeni określonej przez jądro;
- CSvmTrainer klasa trenera realizująca uczenie w oparciu o skonfigurowane parametry;

Biblioteka Shark-ML

Do parametrów pozwalających na konfigurację modelu należą m.in.:

- przepustowość modelu podawana w konstruktorze *GaussianRbfKernel* jako liczba z przedziału [0; 1];
- regularyzacja podawana jako liczba rzeczywista w konstruktorze CSvmTrainer, domyślnie maszyna wektorów nośnych używa kary w postaci normy L1
 za przekroczenie docelowej granicy;
- bias flaga binarna (bool) określająca czy model ma używać wyrazu wolnego (ang. bias), podawana w konstruktorze CSvmTrainer;
- sparsify parametr określający czy model ma zachować wektory, które nie są nośne, dostępny przez metodę sparsify() trenera;
- minimalna dokładność zakończenia nauczania pozwala wyspecyfikować precyzję modelu, jest dostępna jako pole struktury zwracane przez metodę stoppingCondition() klasy trenera;
- wielkość cache ustawiana za pomocą funkcji setCacheSize() trenera;

Sposób użycia modelu jest identyczny jak w przypadku pozostałych modeli, poprzez operator wywołania funkcji - (). Listing 5.10 ukazuje przykład utworzenia i skonfigurowania modelu na podstawie wpisów dostępnych w dokumentacji biblioteki, natomiast listing 5.10 przedstawia sposób utworzenia maszyny wektorów nośnych dla problemów wieloklasowych wewnątrz funkcji przyjmującej zestawy danych uczących i testowych.

Listing 5.10. Przykład maszyny wektorów nośnych dla problemu binarnego.

```
#pragma once
1
2
   #define SHARK_CV_VERBOSE 1
3
   #include <inc/shark/printEvaluation.hpp>
   #include <shark/Algorithms/KMeans.h>
   #include <shark/Algorithms/Trainers/CSvmTrainer.h>
   #include <shark/Data/Dataset.h>
   #include <shark/Models/Classifier.h>
   #include <shark/Models/Kernels/GaussianRbfKernel.h>
   #include <shark/ObjectiveFunctions/Regularizer.h>
10
11
   inline void sharkSVM(const shark::ClassificationDataset& trainData,
12
                         const shark::ClassificationDataset& testData)
13
14
15
       using namespace shark;
16
       // utworzenie jądra
17
       double gamma = 0.16;
18
       GaussianRbfKernel<> kernel(gamma);
19
       KernelClassifier<RealVector> svm;
20
21
       double regularization = 1;
22
       bool bias = true;
       // utworzenie i konfiguracja modelu
23
       CSvmTrainer<RealVector> trainer(
24
25
           &kernel, regularization, bias);
```

```
trainer.sparsify() = false;
26
27
       // trening
28
       trainer.train(svm, trainData);
       // ewaluacja
29
       std::cout << "----Shark_SVM----" << std::endl;
30
       std::cout << "Train_data:" << std::endl;
31
32
       auto predictions = svm(trainData.inputs());
       printSharkModelEvaluation(
33
34
            trainData.labels(), predictions);
35
       std::cout << "Test_data:" << std::endl;
36
       predictions = svm(testData.inputs());
37
38
       printSharkModelEvaluation(
39
            testData.labels(), predictions);
40
   }
```

Listing 5.11. Przykład maszyny wektorów nośnych dla problemu wieloklasowego [3].

```
using namespace shark;
   void SVMClassification(const ClassificationDataset& train,
3
4
                           const ClassificationDataset& test,
                            unsigned int num_classes)
5
6
   {
        double gamma = 0.5;
7
       GaussianRbfKernel<> kernel(gamma);
8
9
        // utworzenie obiektu modelu docelowego
10
        OneVersusOneClassifier<RealVector> ovo;
        // utworzenie kontenera na poszczególne podproblemy
11
12
        unsigned int pairs = num_classes * (num_classes - 1) / 2;
        std::vector<KernelClassifier<RealVector>> svm(pairs);
        for (std::size_t n = 0, cls1 = 1; cls1 < num_classes; cls1++)</pre>
14
15
16
            // utworzenie zestawu klasyfikatorów podproblemów dla danej klasy
            using BinaryClassifierType =
17
                OneVersusOneClassifier<RealVector>::binary_classifier_type;
18
            std::vector<BinaryClassifierType*> ovo_classifiers;
19
20
            for (std::size_t cls2 = 0; cls2 < cls1; cls2++, n++)</pre>
21
                // utworzenie podproblemu binarnego
22
23
                ClassificationDataset binary_cls_data =
                    binarySubProblem(train, cls2, cls1);
24
25
                // trenowanie modelu składowego
26
                double c = 10.0;
                CSvmTrainer<RealVector> trainer(&kernel, c, false);
27
28
                trainer.train(svm[n], binary_cls_data);
29
                ovo_classifiers.push_back(&svm[n]);
            }
30
            // dołożenie zestawu klasyfikatorów do głównego modelu
31
            ovo.addClass(ovo_classifiers);
32
33
34
        // użycie modelu
        auto predictions = ovo(test.inputs());
35
36
```

Biblioteka Shark-ML

5.4.4. Algorytm K najbliższych sąsiadów

Jedną z metod klasyfikacji oferowanych przez bibliotekę Shark-ML jest model najbliższych sąsiadów, który można wyposażyć w różne algorytmy, w tym w algorytm kNN (ang. K Nearest Neighbours). Do reprezentacji modelu stworzona została klasa NearestNeighborModel. Biblioteka umożliwia wykorzystanie rozwiązania naiwnego (ang. brute-force) lub bazującego na podejściu drzew dzielnych (ang. space partitioning tree) poprzez użycie klas KDTree i TreeNearestNeighbors. W przeciwieństwie do poprzednio wskazanych metod, wykonanie klasyfikacji wieloklasowej w tym przypadku nie wymaga tworzenia złożonych modeli lub podawania modelowi liczby klas. Jest on automatycznie konfigurowany na podstawie danych uczących. Listing 5.12 przedstawia sposób przygotowania klasyfikatora kNN.

Listing 5.12. Przykład utworzenia klasyfikatora kNN.

```
1
   #pragma once
2
   #define SHARK_CV_VERBOSE 1
3
   #include <inc/shark/printEvaluation.hpp>
   #include <shark/Algorithms/KMeans.h>
5
   #include <shark/Algorithms/NearestNeighbors/TreeNearestNeighbors.h>
  #include <shark/Data/Dataset.h>
  #include <shark/Models/Classifier.h>
  #include <shark/Models/NearestNeighborModel.h>
  #include <shark/Models/Trees/KDTree.h>
   #include <iostream>
11
12
13
   inline void sharkKNN(const shark::ClassificationDataset& trainData,
                         const shark::ClassificationDataset& testData)
14
15
   {
       using namespace shark;
16
17
       // utworzenie i konfiguracja drzewa oraz algorytmu
18
       KDTree<RealVector> tree(trainData.inputs());
19
       TreeNearestNeighbors<RealVector, unsigned int> algorithm(
20
21
            trainData, &tree);
22
       // konfiguracja modelu
23
       const unsigned int K = 2; // ilość sąsiadów dla algorytmu kNN
24
       NearestNeighborModel<RealVector, unsigned int> KNN(&algorithm, K);
25
26
       // ewaluacja modelu
27
       std::cout << "----Shark_KNN----" << std::endl;
28
       std::cout << "Train_data_:" << std::endl;
29
       auto predictions = KNN(trainData.inputs());
30
       printSharkModelEvaluation(
31
            trainData.labels(), predictions);
32
33
       std::cout << "Test_data:" << std::endl;
34
       predictions = KNN(testData.inputs());
35
36
       printSharkModelEvaluation(
            testData.labels(), predictions);
37
38
   }
```

5.4.5. Algorytm zbiorowy

Oprócz powszechnie znanych algorytmów, biblioteka Shogun-ML udostępnia także bardziej złożone struktury, jak np. model algorytmów złożonych (ang. ensemble), bazujący na wykorzystaniu wielu składowych algorytmów bazujących na fragmentach przestrzeni cech, aby później połączyć uzyskane wyniki, osiągając w ten sposób zwiększenie precyzji predykcji. Niestety, jedynym występującym w tej bibliotece mechanizmem wykorzystującym tą technikę jest las losowy złożony z drzew decyzyjnych, umożliwiający jedynie zadanie klasyfikacji (nie jest dostępna możliwość przeprowadzenia z jego użyciem regresji). Klasycznie dla omawianej biblioteki, implementacja odbywa się poprzez utworzenie obiektu klasy trenera, w tym przypadku RFTrainer, umożliwiającego konfigurację parametrów, a następnie nauczenie modelu, reprezentowanego przez klasę RFClassifier. Oprócz algorytmu Random Forest, istnieje możliwość wykorzystania biblioteki do utworzenia modelu w technice składania (ang. stacking), jednak z racji nie występowania tej opcji domyślnie, leży ona poza zakresem niniejszej pracy. Listing 5.13 przedstawia sposób utworzenia i użycia modelu lasu losowego.

Listing 5.13. Utworzenie modelu algorytmu złożonego losowego lasu [3].

```
using namespace std;
1
2
3
   void RFClassification(const shark::ClassificationDataset& train,
4
                          const shark::ClassificationDataset& test)
5
   {
6
       using namespace shark;
7
        // utworzenie i konfiguracja trenera
8
       RFTrainer<unsigned int> trainer;
9
        trainer.setNTrees(100);
10
11
        trainer.setMinSplit(10);
        trainer.setMaxDepth(10);
12
        trainer.setNodeSize(5);
13
        trainer.minImpurity(1.e-10);
14
15
        // utworzenie klasyfikatora
16
       RFClassifier<unsigned int> rf;
        trainer.train(rf, train);
17
        // ewaluacja
18
       ZeroOneLoss<unsigned int> loss;
19
20
        auto predictions = rf(test.inputs());
       double accuracy = 1. - loss.eval(test.labels(), predictions);
21
22
        std::cout << "Random_Forest_accuracy_=_" << accuracy << std::endl;
23
```

5.4.6. Sieć neuronowa

Skonstruowanie sieci neuronowej w bibliotece Shark-ML wykorzystuje pewne mechanizmy oferowane przez klasę LinearModel<>. Pozwala ona na określenie typu i liczby wejść, wyjść, oraz zastosowania wyrazu wolnego. Każda warstwa składa się z pojedynczego obiektu modelu liniowego, gdzie liczba wyjść określa liczbę neuronów zawartych w warstwie. Konfiguracja funkcji aktywacji neuronu odbywa się na etapie przekazania typów do szablonu modelu. Pełną listę dostępnych funkcji aktywacji

52 Biblioteka Shark-ML

znaleźć można w dokumentacji biblioteki [20]. Kolejnym krokiem jest przygotowanie obiektu klasy ErrorFunction<> w oparciu o jedną z dostępnych funkcji strat, która zostanie skonfigurowana do wykorzystania przez optymalizator przeprowadzający uczenie. Po przygotowaniu funkcji straty, należy zainicjować sieć wagami losowymi i utworzyć oraz skonfigurować wybrany obiekt klasy optymalizatora. Na tym etapie, sieć jest gotowa do przeprowadzenia procesu uczenia. Polega ono na iteracyjnym wykonywaniu kroków za pomocą funkcji step() obiektu optymalizatora. W międzyczasie możliwe jest także pobranie wartości funkcji straty na każdej epoce uczenia. Z racji konieczności użycia zwykłej pętli zdefiniowanej przez użytkownika, istnieje możliwość określenia własnych warunków stopu ewaluowanych po każdej epoce, jak np. liczba epok lub przekroczenie określonego progu przez uzyskana wartość funkcji straty. Wewnątrz petli iterującej po epokach należy umieścić kolejną petle, której zadaniem będzie przejście przez wszystkie wsadowe porcje danych, wykonując na nich krok optymalizatora. Po zakończeniu uczenia, należy skonfigurować obiekt modelu przekazując mu wagi ustalone przez optymalizator, uzyskując w ten sposób gotową instancję nauczonej sieci neuronowej. Listing 5.14 przedstawia kod realizujący cały proces, stanowiący przykład z podręcznika [3].

Listing 5.14. Przykład sieci neuronowej o dwóch warstwach ukrytych do zadania klasyfikacji [3].

```
#pragma once
 1
2
  #include <iostream>
  #include <inc/shark/printEvaluation.hpp>
   #include <shark/Algorithms/GradientDescent/SteepestDescent.h>
   #include <shark/Models/ConcatenatedModel.h>
   #include <shark/Models/LinearModel.h>
   #include <shark/Data/Dataset.h>
   #include <shark/ObjectiveFunctions/ErrorFunction.h>
   #include <shark/ObjectiveFunctions/Regularizer.h>
   #include <shark/ObjectiveFunctions/Loss/CrossEntropy.h>
11
12
   inline void sharkNN(const shark::ClassificationDataset& trainData,
13
                        const shark::ClassificationDataset& testData)
14
   {
15
16
       using namespace shark;
17
       // zdefiniowanie warstw sieci
18
       using DenseTanhLayer = LinearModel<RealVector, TanhNeuron>;
19
       using DenseLogisticLayer = LinearModel<RealVector, LogisticNeuron>;
20
       DenseTanhLayer layer1(inputDimension(trainData), 5, true);
21
       DenseTanhLayer layer2(5, 5, true);
22
       DenseLogisticLayer output(5, numberOfClasses(trainData), true);
23
24
       // połączenie warstw
       auto network = layer1 >> layer2 >> output;
25
       // utworzenie i konfiguracja funkcji straty
26
       CrossEntropy<unsigned int, RealVector> loss;
27
       ErrorFunction<> error(trainData, &network, &loss, true);
28
29
       //TwoNormRegularizer<> regularizer(error.numberOfVariables());
30
       double weightDecay = 0.01;
       //error.setRegularizer(weightDecay, &regularizer);
31
32
       error.init();
       // inicjalizacja wag sieci
33
34
       initRandomNormal(network, 0.001);
```

```
// utworzenie i konfiguracja optymalizatora
35
36
        SteepestDescent<> optimizer;
37
        optimizer.setMomentum(0.5);
38
        optimizer.setLearningRate(0.1);
        optimizer.init(error);
39
        // przeprowadzenie procesu uczenia
40
        std::size_t epochs = 1000;
41
        std::size_t iterations = trainData.numberOfBatches();
42.
43
        // pętla przechodząca poszczególne epoki
        for (std::size_t epoch = 0; epoch != epochs; ++epoch)
45
            double avgLoss = 0.0;
46
47
            // pętla operująca na pojedynczych batch'ach
            for (std::size_t i = 0; i != iterations; ++i)
48
49
            {
                // wykonanie kroku optymalizatora
50
                optimizer.step(error);
                // zapisanie częściowej wartości funkcji straty
52
                //if (i % 100 == 0)
53
54
                //{
                    avgLoss += optimizer.solution().value;
                //}
56
            }
57
            // wyliczenie średniej wartości funkcji straty
58
59
            avgLoss /= iterations;
60
            std::cout << "Epoch_" << epoch << "_|_Avg._loss_" << avgLoss
                      << std::endl;
61
62
        // konfiguracja modelu docelowego
64
       network.setParameterVector(optimizer.solution().point);
        std::cout << "In_Shape=" << network.inputShape() << std::endl;
65
        std::cout << "Out_Shape=" << network.outputShape() << std::endl;
66
        //Classifier<ConcatenatedModel<RealVector>> model(network);
67
68
        // walidacja
69
        std::cout << "----Shark_Neural_-----" << std::endl;
70
        std::cout << "Train_data:" << std::endl;
71
72
        std::cout << "trainData.numberOfBatches()_=_" <<
                trainData.numberOfBatches() << std::endl;</pre>
73
74
        auto predictions = network(trainData.inputs());
75
        std::cout << "predictions.numberOfBatches()_{\square}=_{\square}" <<
76
                predictions.numberOfBatches();
        printSharkModelEvaluation(
77
78
            trainData.labels(), predictions);
79
        std::cout << "Test_data:" << std::endl;
80
       predictions = network(testData.inputs());
81
       printSharkModelEvaluation(
82
83
            testData.labels(), predictions);
84
   }
```

5.5. Metody analizy modeli

5.5.1. Funkcje straty

Biblioteka Shark-ML oferuje szereg funkcji straty pozwalających na wymierną weryfikację dokładności modelu. Należą do nich [21]:

- średni błąd bezwzględny realizowany za pomocą klasy AbsoluteLoss;
- błąd średniokwadratowy realizowany za pomocą klasy SquaredLoss;
- błąd typu zero-jeden realizowany za pomocą klasy ZeroOneLoss;
- błąd dyskretny realizowany za pomocą klasy *DiscreteLoss*;
- entropia krzyżowa realizowana za pomocą klasy *CrossEntropy*;
- kawałkami liniowa funkcja straty realizowany za pomocą klasy *Hinge-Loss*;
- średniokwadratowy błąd kawałkami liniowej funkcji straty realizowany za pomocą klasy SquaredHingeLoss;
- kawałkami liniowa funkcja straty typu epsilon realizowany za pomocą klasy *EpsilonHingeLoss*;
- średniokwadratowy błąd kawałkami liniowej funkcji straty typu epsilon realizowany za pomocą klasy SquaredEpsilonHingeLoss;
- funkcja straty Hubera realizowana za pomocą klasy *HuberLoss*;
- funkcja straty Tukeya realizowana za pomocą klasy *TukeyBiweightLoss*.

Każda z powyższych klas używana jest w schematyczny sposób, poprzez wcześniejsze utworzenie obiektu klasy wybranej funkcji straty, a następnie wywołanie jej jako funkcji przekazując wartości oczekiwane oraz otrzymane predykcje modelu. Listing 5.15 przedstawia omówiony sposób użycia na przykładzie błędu średniokwadratowego.

Listing 5.15. Użycie funkcji straty na przykładzie błędu średniokwadratowego

```
1 using namespace shark;
2
3 // [...]
4
5 SquaredLoss<> mse_loss;
6 auto mse = mse_loss(train_data.labels(), predictions);
7 auto rmse = std::sqrt(mse);
```

5.5.2. Metryka R^2 i skorygowane R^2

Biblioteka Shark-ML nie oferuje bezpośredniej klasy reprezentującej metrykę R^2 jak w przypadku funkcji strat, jednak udostępnia użytkownikowi funkcję obliczania wariancji danych, co umożliwia bardzo łatwą samodzielną implementację obu metryk. Listing 5.16 przedstawia sposób ich wyliczenia, posiadając wartość błędu średniokwadratowego.

Listing 5.16. Implementacja metryk R^2 oraz skorygowanego R^2 .

```
using namespace shark;
  // [...]
3
4
  // błąd średniokwadratowy
5
  SquaredLoss<> mse_loss;
  auto mse = mse_loss(train_data.labels(), predictions);
9
   // metryka R^2
   auto var = variance(train_data.labels());
10
11
   auto r_squared = 1 - mse / var(0);
12
13
  // metryka adjusted R^2
  auto adj r squared = 1 - (1 - r squared)((num regressors - 1)/
                         (num_regressors - data_size - 1));
15
```

5.5.3. Pole pod wykresem krzywej charakterystycznej odbiornika

Pole pod wykresem krzywej charakterystycznej odbiornika stanowi jedną z często wykorzystywanych metryk poprawności predykcji modelu, w związku z czym nie mogło jej zabraknąć w bibliotece Shark-ML. Jest ona dostępna za pośrednictwem klasy NegativeAUC, wykorzystywanej w taki sam sposób jak pozostałe omówione wcześniej funkcje straty. W przeciwieństwie do standardowego podejścia, wspomniana klasa oblicza dopełnienie pola pod wykresem funkcji ROC, aby umożliwić wykorzystanie jej jako minimalizowanego celu w procesie uczenia. Listing 5.17 przedstawia sposób obliczenia wartości wymienionej metryki.

Listing 5.17. Przykład obliczenia pola pod wykresem funkcji ROC dla Shark-ML.

```
#include <vector>
1
   #include <algorithm>
   #include <iterator>
3
4
   #include <shark/LinAlg/Base.h>
5
  std::vector<shark::RealVector> repackToRealVectorRange(
7
                    const auto& dataContainer)
   {
8
9
       using namespace shark;
10
       // przepakowanie danych z typu unsigned int na typ RealVector
11
       std::vector<RealVector> v;
12
       std::for_each(dataContainer.elements().begin(),
13
14
                        dataContainer.elements().end(),
```

Biblioteka Shark-ML

```
[&](const auto e){
15
                             RealVector rv(1);
16
                             rv(0) = static cast<double>(e);
17
                             v.emplace_back(rv); });
18
19
        return v;
20
   }
21
   inline void printSharkModelEvaluation(
22
23
        const shark::Data<unsigned int>& labels,
24
        const auto& predictions)
   {
25
       using namespace shark;
26
27
        // przygotowanie solvera pola pod wykresem ROC
28
29
        constexpr bool invert = false;
       NegativeAUC<unsigned int, RealVector> auc(invert);
30
31
        // przepakowanie danych
32
        auto predVec = repackToRealVectorRange(predictions);
33
34
        auto predData = createDataFromRange(predVec);
        // obliczenie AUC ROC
35
        auto roc = auc(labels, predData);
36
       std::cout << "ROC:__" << (-1 * roc) << std::endl << std::endl;
37
   }
38
```

5.5.4. K-krotny sprawdzian krzyżowy

Proces poszukiwania najlepszych wartości hiperparametrów w Shark-ML uwzględnia przeprowadzenie wewnętrznie uczenia danego modelu, lecz skupia się na porównaniu uzyskiwanych wyników, w związku z czym jego opis zamieszczony został w tej sekcji. Użycie implementacji metody K-krotnego sprawdzianu krzyżowego w wymaga wykorzystania trzech klas. Pierwszą z nich stanowi *CVFolds*, której zadaniem jest przechowanie zestawu danych podzielonego na odpowiednią liczbę fragmentów. Drugą jest klasa *Cross ValidationError* stanowiąca szablon przyjmujący typ modelu, dla którego określany będzie błąd walidacji, oraz obiekt klasy błędu, który ma zostać wyliczony. Ostatnią klasą jest *GridSearch*, którego zadaniem jest iteracyjny wybór fragmentów do uczenia i wyznaczenie wartości hiperparametrów dla modelu. Wynikiem procesu jest uzyskanie najlepszego zestawu hiperparametrów do procedury uczenia - użytkownik musi zawołać metodę *step()* klasy *GridSearch* tylko jeden raz. Listing 5.18 przedstawia przykład zawarty w podręczniku [3], w którym autor przedstawia proces wykorzystania powyższych klas na własnoręcznie zaimplementowanym modelu regresji wielomianowej.

Listing 5.18. Przykład realizacji sprawdzianu krzyżowego K-fold w Shark-ML [3].

```
1 using namespace shark;
2
3 // [...]
4
5 // przetworzenie danych uczących
6 const unsigned int num_folds = 5;
7 CVFolds<RegressionDataset> folds =
8 createCVSameSize<RealVector, RealVector>(train_data, num_folds);
9
```

```
10 // przygotowanie parametrów dla docelowego modelu
11 double regularization_factor = 0.0;
12 double polynomial_degree = 8;
13 int num_epochs = 300;
14
  // konfiguracja docelowego modelu
15
16 PolynomialModel<> model;
17 PolynomialRegression trainer(regularization_factor, polynomial_degree,
18
                                 num_epochs);
   // utworzenie obiektu błędu oraz sprawdzianu krzyżowego
20
21 AbsoluteLoss<> loss;
22 CrossValidationError<PolynomialModel<>, RealVector> cv_error(
       folds, &trainer, &model, &trainer, &loss);
23
24
25 // utworzenie siatki
26 GridSearch grid;
27 std::vector<double> min(2);
28 std::vector<double> max(2);
29 std::vector<std::size_t> sections(2);
30
31 // regularyzacja
32 \min[0] = 0.0;
33 \max[0] = 0.00001;
34 \text{ sections}[0] = 6;
35
36 // stopień wielomianu
37 \min[1] = 4;
38 \max[1] = 10.0;
39 sections[1] = 6;
40 grid.configure(min, max, sections);
41
42 // proces uczenia i konfiguracja modelu
43 grid.step(cv_error);
44
45 trainer.setParameterVector(grid.solution().point);
  trainer.train(model, train_data);
```

5.6. Dostępność dokumentacji i źródeł wiedzy

Biblioteka Shark-ML posiada skróconą dokumentację dostępną na głównej stronie internetowej projektu, wraz z przykładowymi plikami źródłowymi dołączonymi do repozytorium. Jest ona także wspomniana w książce "Hands-On Machine Learning with C++", przedstawiającej sposoby użycia wybranych funkcjonalności. Kwestią wyróżniającą ją natomiast na tle pozostałych bibliotek omówionych w ramach niniejszej pracy jest fakt, że jest ona dedykowana językowi C++, w związku z czym dużo łatwiej dostępne są wątki społecznościowe i artykuły omawiające realizację różnorodnych typów modeli z jej użyciem, oraz oferując przykładowy kod źródłowy. Strona główna projektu [22] posiada rozbudowaną, przejrzystą i opatrzoną przykładami dokumentację, znacznie ułatwiając korzystanie z dostępnego API.

Rozdział 6

Biblioteka Dlib

6.1. Wprowadzenie

Jest to biblioteka do uczenia maszynowego napisana w nowoczesnym C++, o zastosowaniu przemysłowym oraz naukowym [23]. Podobnie jak poprzednio omawiane biblioteki, posiada ona otwarte źródło na licencji Boost Software Licence [24]. Do dziedzin wykorzystujących wyżej wspomnianą bibliotekę należą robotyka, systemy wbudowane, telefonia komórkowa oraz oprogramowanie o dużej wydajności obliczeniowej. Kod źródłowy biblioteki opatrzony jest testami jednostkowymi, co pozwala na łatwiejsze utrzymanie jakości dostarczanego rozwiązania. Ciekawym aspektem jest fakt, że Dlib stanowi nie tylko bibliotekę, lecz zestaw narzędzi, oferujący funkcjonalności wykraczające także poza dziedzinę uczenia maszynowego.

6.2. Formaty źródeł danych

Do reprezentacji wektora w bibliotece Dlib wykorzystywane są kontenery z biblioteki szablonów STL języka C++. Dodatkowo, istnieje możliwość ich inicjalizacji za pomocą operatora przecinka, oraz opakowania surowej tablicy (ang. raw array). Oznacza to, że podobnie jak w przypadku biblioteki Shogun, dane mogą być przekazywane do programu wykorzystującego Dlib w dowolny sposób zapewniający umieszczenie ich np. w surowej tablicy do późniejszego przetworzenia na obiekty akceptowane przez bibliotekę. Metoda ta działa także z kontenerami biblioteki STL, które pozwalają na dostęp do surowych danych przy użyciu metody data(). Tak samo jak poprzednio, występuje tu wsparcie dla formatu CSV obwarowanego tymi samymi ograniczeniami co dla Shogun. Za wspomniane wsparcie odpowiada przeładowany operator strumienia współpracujący z klasą std::ifstream biblioteki standardowej C++. Przykładowy kod wykorzystujący opisany mechanizm zamieszczony został na listingu 6.1.

Listing 6.1. Fragment kodu ilustrujący sposób odczytu z pliku w formacie CSV [3].

```
1 #include <Dlib/matrix.h>
2 #include <fstream>
3 #include <iostream>
4
5 using namespace Dlib;
```

```
7 // [...]
8
9 matrix<double> data;
10 std::ifstream file("data_file.csv");
11 file >> data;
12 std::cout << data << std::endl;
```

6.3. Metody przetwarzania i eksploracji danych

6.3.1. Normalizacja

Biblioteka udostępnia normalizację danych poprzez standaryzację, realizowaną przez klasę *Dlib::vector_normalizer*. Głównym warunkiem ograniczającym zastosowanie jej jest fakt, że nie można w niej umieścić całego zestawu danych treningowych na raz, co wymusza podział obserwacji na osobne wektory, a następnie umieszczenie ich w kontenerze *std::vector* do dalszego przetwarzania. Przykład funkcji normalizującej przedstawiono na listingu 6.2.

Listing 6.2. Funkcja normalizująca.

```
#pragma once
  #include <vector>
  #include <dlib/matrix.h>
5
   inline std::vector<dlib::matrix<double>> dlibNormalize(
6
       const std::vector<dlib::matrix<double>& data)
7
8
9
       using namespace dlib;
10
       // utworzenie i trening normalizera
       vector_normalizer<matrix<double>> normalizer;
11
       normalizer.train(data);
12
       // przetwarzanie danych
       std::vector<matrix<double>> processedData(data.size());
14
       for (auto dataMatrix : data)
15
           processedData.emplace_back(normalizer(data));
16
       return processedData;
17
18
```

6.3.2. Redukcja wymiarowości

6.3.2.1. Analiza składowych głównych

Implementacja metody PCA w bibliotece Dlib oferowana jest za pośrednictwem klasy dlib::vector_normalizer_pca, która oprócz samej redukcji wymiarowości wykonuje także wcześniej automatycznie proces normalizacji danych. Bywa to przydatne, gwarantując że redukcja będzie przeprowadzana zawsze na odpowiednio przygotowanych wartościach obserwacji. Listing 6.3 przedstawia funkcję używającą wyżej wymienioną metodę.

60 Biblioteka Dlib

Listing 6.3. Przykład redukcji wymiarowości z użyciem metody PCA.

```
#pragma once
 1
2
3
   #include <dlib/matrix.h>
   #include <dlib/matrix/matrix_utilities.h>
4
   #include <dlib/statistics.h>
   #include <vector>
6
7
   inline std::vector<dlib::matrix<double>> dlibPCA(
9
       const std::vector<dlib::matrix<double>>& data.
       std::size_t desiredDimensions)
10
11
12
       using namespace dlib;
13
       // utworzenie i trening reduktora
       vector_normalizer_pca<matrix<double>> pca;
14
       pca.train(data, desiredDimensions/data[0].nr());
16
       // przygotowanie kontenera na przetworzone dane
       std::vector<matrix<double>> processedData;
17
       processedData.reserve(data.size());
18
19
       // przetwarzanie danych
       for(auto& sample : data)
20
21
            processedData.emplace_back(pca(sample));
22
       }
24
       return processedData;
   }
25
```

6.3.2.2. Liniowa analiza dyskryminacyjna

Drugim z oferowanych algorytmów redukcji wymiarowości zawartych w Dlib jest algorytm liniowej analizy dyskryminacyjnej. Jest on dostępny pod postacią funkcji dlib::compute_lda_transform, która przekształca macierz zawierającą dane wejściowe do macierzy transformacji danych. Ze względu na nadzorowany charakter algorytmu, konieczne jest także przekazanie wartości zmiennych odpowiedzi, natomiast same dane, w przeciwieństwie do metody PCA, mogą być zawarte w pojedynczym obiekcie macierzy. Redukcja odbywa się poprzez wymnożenie otrzymanej macierzy przez transponowany wiersz zawierający próbkę. Szczegółowe zastosowanie algorytmu przedstawiono na listingu 6.4

Listing 6.4. Przykład redukcji wymiarowości z użyciem algorytmu LDA.

```
#pragma once
1
2
   #include <dlib/matrix.h>
   #include <dlib/matrix/matrix_utilities.h>
4
   #include <dlib/statistics.h>
   #include <vector>
7
   inline std::vector<dlib::matrix<double>> dlibLDA(
       const dlib::matrix<double>& data,
9
10
       const std::vector<unsigned long>& labels
       std::size_t desiredDimensions)
11
   {
12
       using namespace dlib;
13
14
       // utworzenie obiektow potrzebnych do redukcji
```

```
matrix<double, 0, 1> mean;
15
        auto transform = data;
16
17
        // przeksztalcenie danych w macierz redukcyjną
18
        compute_lda_transform(transform, mean, labels, desiredDimensions);
19
        // przygotowanie kontenera na przetworzone dane
20
        std::vector<matrix<double>> transformedData;
21
        transformedData.reserve(data.nr());
        // redukcja wymiarowości
22
23
        for (long i = 0; i < data.nr(); ++i)</pre>
24
25
            transformedData.emplace_back(transform * trans(rowm(data, i)) - mean);
       }
26
27
       // zwrócenie wektora przetworzonych wierszy
28
       return transformedData;
29
   }
```

6.3.2.3. Mapowanie Sammona

Jednym z algorytmów wyróżniających bibliotekę DLib na tle pozostałych, jest implementacja metody redukcji wymiarowości poprzez skalowanie wielowymiarowe z użyciem nieliniowego algorytmu tzw. mapowania Sammona [25]. Całość wspomnianego algorytmu implementowana jest za pomocą klasy dlib::sammon_projection, i ogranicza się do utworzenia jej instancji. Wykorzystując metodę należy przekazać do utworzonego obiektu za pomocą operatora wywołania funkcji wektor danych, oraz oczekiwaną liczbę wymiarów, otrzymując przekształcone dane. W związku z powyższym, funkcja realizująca redukcję z użyciem wyżej wymienionej metody sprowadza się do wykorzystania dwóch linii. Dokładny sposób jej użycia pokazano na listingu 6.5

Listing 6.5. Przykład redykcji wymiarowości z użyciem mapowania Sammona

```
#pragma once
1
2
3 #include <dlib/matrix.h>
4 #include <dlib/matrix/matrix_utilities.h>
5 #include <dlib/statistics.h>
  #include <vector>
   inline std::vector<matrix<double>> dlibSammon(
9
       const std::vector<matrix<double>>& data,
10
       long desiredDimensions)
11
   {
12
       using namespace dlib;
       // utworzenie obiektu mapowania
13
       dlib::sammon_projekction sammon;
14
15
       // redukcja wymiarowości
       return sammon(data, desiredDimensions);
16
17
```

6.3.3. Regularyzacja L2

Biblioteka Dlib posiada funkcję trenera pozwalającą na użycie brzegowej regresji, realizującą regularyzację L2, o nazwie rr_trainer dla regresji liniowej oraz krr_trainer

62 Biblioteka Dlib

dla regresji nieliniowej. Przykłady zastosowania poszczególnych wersji tego algorytmu zostały przedstawione w sekcji omawiającej model regresji liniowej, oraz grzbietowej regresji jądrowej.

6.4. Modele uczenia maszynowego

6.4.1. Regresja liniowa

Biblioteka Dlib posiada pośrednią realizację modelu regresji liniowej. Wykorzystuje ona technikę grzbietowej regresji jądrowej, przekazując jądro liniowe. Następnie przeprowadzane jest uczenie, zapisując docelowy model w postaci funkcji decyzyjnej. Listing 6.6 przedstawia szczegóły powyższego mechanizmu.

Listing 6.6. Przykład regresji liniowej w Dlib.

```
1
   #pragma once
2
   #include <dlib/matrix.h>
3
   #include <dlib/svm.h>
4
   #include <inc/dlib/eval.hpp>
6
7
   inline void dlibLinear(
       std::vector<dlib::matrix<double, 5, 1>> trainData,
9
       std::vector<dlib::matrix<double, 5, 1>> testData,
10
       std::vector<double> trainLabels,
11
12
       std::vector<double> testLabels)
13
       using namespace dlib;
14
       // utworzenie oraz konfiguracja trenera i jądra
15
16
       using linearKernel = linear_kernel<matrix<double, 5, 1>>;
17
       krr_trainer<linearKernel> trainer;
       trainer.set_kernel(linearKernel());
18
       // trening
19
       decision_function<linearKernel> model = trainer.train(
21
            trainData, trainLabels);
       // ewaluacja
22
       std::cout << "----UDlib_Linear_----" << std::endl;
23
       std::cout << "Train data:" << std::endl;</pre>
24
       auto predictions = std::vector<double>(trainData.size());
25
       for (auto& sample : trainData)
26
27
       {
            predictions.emplace_back(model(sample));
29
       dlibEval(predictions, trainLabels, Task::REGRESSION);
30
31
       predictions.clear();
       std::cout << "Test_data:" << std::endl;
       for (auto& sample : testData)
33
34
            predictions.emplace_back(model(sample));
35
36
37
       dlibEval(predictions, testLabels, Task::REGRESSION);
   }
38
```

6.4.2. Maszyna wektorów nośnych

W celu realizacji wieloklasowej klasyfikacji z użyciem maszyny wektorów nośnych, biblioteka Dlib oferuje klasę funkcji decyzyjnej dlib::one_vs_one_decision_function. Przechowuje ona wynikowy model uczenia algorytmem maszyny wektorów nośnych, zawarty w klasie one_versus_one, do której przesłany zostaje trener SVM. Dokładny sposób użycia został przedstawiony na listingu 6.7.

Listing 6.7. Przykład użycia maszyny wektorów nośnych w Dlib.

```
#pragma once
3 #include <dlib/matrix.h>
4 #include <dlib/svm_threaded.h>
5 #include <inc/dlib/eval.hpp>
6 #include <vector>
7
   inline void dlibSVM(
9
       std::vector<dlib::matrix<double, 11, 1>> trainData,
       std::vector<dlib::matrix<double, 11, 1>> testData,
10
11
       std::vector<double> trainLabels,
12
       std::vector<double> testLabels)
13 {
       using namespace dlib;
14
       using OVOTrainer = one_vs_one_trainer<any_trainer<matrix<double, 11, 1>>>;
       using Kernel = radial_basis_kernel<matrix<double, 11, 1>>;
17
       // utworzenie trenera maszyny wektorów nośnych
       svm_nu_trainer<Kernel> svmTrainer;
18
19
       svmTrainer.set_kernel(Kernel(0.16));
       // utworzenie trenera klasyfikatora wieloklasowego
20
       OVOTrainer trainer;
21
22
       trainer.set_trainer(svmTrainer);
23
       // utworzenie modelu
       one_vs_one_decision_function<0VOTrainer> model =
24
           trainer.train(trainData, trainLabels);
25
       // ewaluacja
26
       27
28
       std::cout << "Train_data:" << std::endl;
29
       auto predictions = std::vector<double>(trainData.size());
       for (auto& sample : trainData)
30
       {
31
32
           predictions.emplace_back(model(sample));
33
       dlibEval(predictions, trainLabels, Task::CLASSIFICATION);
34
       predictions.clear();
35
       std::cout << "Test_data:" << std::endl;
36
       for (auto& sample : testData)
37
38
       {
39
           predictions.emplace_back(model(sample));
40
       dlibEval(predictions, testLabels, Task::CLASSIFICATION);
41
42
   }
```

64 Biblioteka Dlib

6.4.3. Sieci neuronowe

Konstrukcja sieci neuronowej w przypadku biblioteki Dlib rozpoczyna się od zdefiniowania architektury sieci, za pomocą odpowiedniego łańcucha szablonów. Parametry tworzą sieć w kolejności od najbardziej zagnieżdżonego do najbardziej zewnętrznego. Dlib zapewnia użytkownikowi rozdzielność typu warstwy od jej funkcji aktywacji, w związku z czym użytkownik może dokładnie dostosować działanie sieci. Niestety, sama składnia tworzonej architektury jest przez to zaciemniona, co utrudnia jej analizę. Po utworzeniu architektury, należy przygotować i skonfigurować solver. Najpopularniejszym z oferowanych przez bibliotekę jest algorytm stochastycznego spadku gradientowego, zaimplementowanego w postaci klasy dlib::sqd. Trzeci krok stanowi konfiguracja trenera głębokich sieci neuronowych, oferowanego przez klasę dlib::dnn_trainer, poprzez ustawienie parametrów takich jak:

- współczynnik uczenia;
- współczynnik zmiany szybkości uczenia;
- rozmiar porcji wsadowych;
- maksymalna liczba epok.

Obiekt trenera w trakcie jego tworzenia przyjmuje referencję do architektury sieci oraz do obiektu solvera. Proces nauki odbywa się poprzez wywołanie funkcji train(), natomiast wynikowy model zapisany zostaje w obiekcie architektury sieci. Listing 6.8 przedstawia przykład budowy sieci neuronowej z wykorzystaniem niniejszej biblioteki.

Listing 6.8. Przykład sieci neuronowej w Dlib.

```
#pragma once
2
   #include <dlib/dnn.h>
3
   #include <dlib/matrix.h>
4
   #include <inc/dlib/eval.hpp>
6
8
   #include <vector>
10
   inline void dlibNeural(
       std::vector<dlib::matrix<double>> trainData,
11
12
       std::vector<dlib::matrix<double>> testData,
        std::vector<double> trainLabels,
13
       std::vector<double> testLabels)
14
   {
15
       using namespace dlib;
16
        // zdefiniowanie architektury sieci
17
       using Architecture = loss_mean_squared<fc <1,</pre>
18
                                 htan<fc<5,
19
20
                                 htan<fc<5,
                                 input<matrix<double>>>>>;
21
22
       // utworzenie sieci
       Architecture model;
23
24
        // utworzenie i konfiguracja algorytmu optymalizacji
```

```
float weightDecay = 0.0001f;
25
26
       float momentum = 0.5f;
27
       sgd solver(weightDecay, momentum);
28
       // utworzenie i konfiguracja trenera
       dnn_trainer<Architecture> trainer(model, solver);
29
       trainer.set_learning_rate(0.1);
30
31
       trainer.set_learning_rate_shrink_factor(1);
       trainer.set_mini_batch_size(64);
32
33
       trainer.set_max_num_epochs(100);
34
       trainer.be_verbose();
       // trening
35
       trainer.train(trainData, trainLabels);
36
37
       model.clean();
38
       // ewaluacja
       std::cout << "----_Dlib_Neural_----" << std::endl;
39
       std::cout << "Train_data:" << std::endl;
40
       auto predictions = model(trainData);
41
       dlibEval(predictions, trainLabels, Task::CLASSIFICATION);
42
43
44
       std::cout << "Test_data:" << std::endl;
       predictions = model(testData);
45
46
       dlibEval(predictions, testLabels, Task::CLASSIFICATION);
   }
47
```

6.4.4. Brzegowa regresja jądrowa

Przygotowanie wieloklasowego modelu grzbietowej regresji jądrowej (ang. Kernel Ridge Regression) w przypadku biblioteki Dlib wygląda prawie identycznie do sposobu realizacji wieloklasowej maszyny wektorów nośnych. Główną różnicą jest wykorzystany trener podstawowy, w tym wypadku stanowiący obiekt klasy dlib::krr_trainer. Możliwe jest także wykorzystanie tego samego typu jądra, co w przypadku maszyny wektorów nośnych. Listing 6.9 obrazuje szczegółowy sposób przygotowania modelu.

Listing 6.9. Przykład użycia brzegowej regresji jądra w Dlib.

```
#pragma once
3 #include <dlib/matrix.h>
   #include <dlib/svm_threaded.h>
   #include <inc/dlib/eval.hpp>
6
7
8
   #include <vector>
10
   inline void dlibKRR(
       std::vector<dlib::matrix<double>> trainData,
11
12
       std::vector<dlib::matrix<double>> testData,
13
       std::vector<double> trainLabels,
       std::vector<double> testLabels)
14
15
16
       using namespace dlib;
17
       using OVOTrainer = one_vs_one_trainer<any_trainer<double>>;
18
       using Kernel = radial_basis_kernel<double>;
19
20
       // utworzenie trenera maszyny wektorów nośnych
```

66 Biblioteka Dlib

```
21
       krr_trainer<Kernel> krrTrainer;
22
       krrTrainer.set_kernel(Kernel(0.1));
23
       // utworzenie trenera klasyfikatora wieloklasowego
24
       OVOTrainer trainer;
       trainer.set_trainer(krrTrainer);
25
       // utworzenie modelu
       one_vs_one_decision_function<0VOTrainer> model =
27
            trainer.train(trainData, trainLabels);
28
29
       // ewaluacja
       std::cout << "----_Dlib_KRR_-----" << std::endl;
30
       std::cout << "Train_data:" << std::endl;
31
       auto predictions = std::vector<double>(trainData.size());
32
       for (auto& sample : trainData)
33
34
35
            predictions.emplace_back(model(sample));
       }
36
       dlibEval(predictions, trainLabels, Task::CLASSIFICATION);
37
38
       predictions.clear();
       std::cout << "Test_data:" << std::endl;
39
40
       for (auto& sample : testData)
41
            predictions.emplace_back(model(sample));
42
43
       dlibEval(predictions, testLabels, Task::CLASSIFICATION);
44
45
   }
```

6.5. Metody analizy modeli

6.5.1. Pole pod wykresem krzywej charakterystycznej odbiornika

Biblioteka Dlib posiada implementację funkcji wyznaczającej krzywą ROC, jednak wymaga ona pewnego przetwarzania danych przed i po jej użyciu. W celu jej zastosowania należy podzielić dane sklasyfikowane prawidłowo i nieprawidłowo. Wynikiem funkcji jest wektor zawierający współrzędne poszczególnych punktów krzywej charakterystycznej odbiornika, które pozwalają na narysowanie wykresu na płaszczyźnie. Obliczenie wartości pola pod wykresem należy dokonać ręcznie, wykorzystując np. jedną z metod całkowania numerycznego. Listing 6.10 przedstawia funkcję wyznaczającą wartości predykcji modelu, w tym obliczenie wartości pola pod wykresem krzywej charakterystycznej odbiornika dla zadania klasyfikacji, wykonując całkowanie numeryczne z użyciem metody trapezów.

Listing 6.10. Obliczenie pola pod wykresem funkcji ROC dla Dlib.

```
1  #pragma once
2
3  #include <cmath>
4  #include <dlib/statistics.h>
5
6  enum class Task
7  {
8     CLASSIFICATION,
9     REGRESSION
```

```
};
10
11
   inline void dlibEval(std::vector<double> predictions,
12
13
                          std::vector<double> labels,
14
                          Task task)
   {
15
16
        using namespace dlib;
17
18
        if (task == Task::CLASSIFICATION)
19
            // przygotowanie kontenerów na podzielone dane
20
            std::vector<double> correct;
21
22
            std::vector<double> incorrect;
23
            // przygotowanie wartości detektora
24
            constexpr double positiveDetectionScore = 0.75;
            constexpr double negativeDetectionScore = 0.25;
25
26
            // podział danych
27
            for (int i = 0; i < predictions.size() && i < labels.size(); ++i)</pre>
28
            {
29
                if (predictions[i] == labels[i])
30
                     correct.emplace_back(positiveDetectionScore);
31
                    incorrect.emplace_back(negativeDetectionScore);
32
            }
33
34
            // obliczenie krzywej roc
35
            auto roc = compute_roc_curve(correct, incorrect);
            // obliczenie pola pod wykresem roc
36
            double aucRoc = 0.0;
37
            for (int i = 0; i < roc.size() - 1; i++)</pre>
38
39
            {
                if (roc[i+1].false_positive_rate != 0.0)
40
41
                    aucRoc += (roc[i].true_positive_rate + roc[i+1].true_positive_rate)
42
                             * (roc[i+1].false_positive_rate - roc[i].false_positive_rate) / 2;
43
                }
44
            }
45
            std::cout << "AUC_ROC:_" << aucRoc << std::endl;
46
        }
47
        else
48
49
50
            // obliczenie sumy kwadratów różnic
            auto sum = 0.0;
51
            for (int i = 0; i < predictions.size() && i < labels.size(); ++i)</pre>
52
53
                sum += pow(labels[i] - predictions[i], 2);
54
55
            // obliczenie błędu średniokwadratowego
56
            auto mse = sqrt(sum / predictions.size());
57
            std::cout << "MSE:_" << mse << std::endl;
58
        }
59
60
   }
```

6.5.2. K-krotny sprawdzian krzyżowy

Przeprowadzenie sprawdzianu krzyżowego z wykorzystaniem biblioteki Dlib stanowi złożony proces. Jest on realizowany wielofazowo, rozpoczynając od zdefinio-

68 Biblioteka Dlib

wania własnej funkcji obliczającej interesujący użytkownika wynik metryki sprawdzianu, w oparciu o funkcję dlib::cross_validate_regression_trainer(). Zewnętrzna część ustalania docelowych wartości hiperparametrów dokonywana jest przez funkcję dlib::find_min_global() przyjmującą adres stworzonej funkcji optymalizacyjnej, kontenery przechowujące informacje o minimalnych i maksymalnych dopuszczalnych wartościach poszczególnych hiperparametrów, oraz liczbę dozwolonych wywołań funkcji optymalizacyjnej. Aby odczytać wynikowe wartości, należy sięgnąć do kolejnych pól składowej x zwróconej przez funkcję find_min_global() struktury. Szczegóły zostały zaprezentowane w oparciu o przykład z podręcznika [3] na listingu 6.11.

Listing 6.11. Przykład realizacji sprawdzianu krzyżowego.

```
#pragma once
  #include <dlib/global_optimization.h>
3 #include <dlib/matrix.h>
   #include <dlib/svm.h>
   #include <cmath>
   inline void dlibCrossValidate(std::vector<dlib::matrix<double>> data,
8
                                   std::vector<double> labels)
9
   {
10
       using namespace dlib;
       // podział danych
11
12
       auto dataSplit = data.begin() + data.size() * 0.8;
       auto trainData = std::vector<matrix<double>>(
13
            data.begin(), dataSplit);
14
       auto testData = std::vector<matrix<double>>(
15
16
            dataSplit, data.end());
       auto labelSplit = labels.begin() + labels.size() * 0.8;
17
       auto trainLabels = std::vector<matrix<double>>(
18
19
            labels.begin(), labelSplit);
       auto testLabels = std::vector<matrix<double>>(
20
            labelSplit, labels.end());
21
22
       // utworzenie funkcji sprawdzianu krzyżowego
       auto crossValidationScore = [&](const double gamma, const double c,
23
                                         const double degreeIn)
24
25
26
            using namespace dlib;
27
            auto degree = std::floor(degreeIn);
28
            // zdefiniowanie jądra
29
            using Kernel = polynomial_kernel<double>;
30
31
            // przygotowanie i konfiguracja trenera
            svr_trainer<Kernel> trainer;
32
33
            trainer.set_kernel(Kernel(gamma, c, degree));
            // obliczenie metryk sprawdzianu krzyżowego
34
           matrix<double> result = cross_validate_regression_trainer(
35
                trainer, trainData, trainLabels, 10);
36
            // zwrócenie metryki błędu średniokwadratowego
37
            return result(0, 0);
38
       }
39
       // przeprowadzenie sprawdzianu
40
       auto result = find_min_global(
41
            crossValidationScore,
42
43
            {0.01, 1e-8, 5}, // wartości minimalne
```

```
\{0.1, 1, 15\},\
                             // wartości maksymalne
44
           max_function_calls(50));
       // odczytanie ustalonych wartości hiperparametrów
46
       auto gamma = result.x(0);
47
48
       auto c = result.x(1);
       auto degree = result.x(2);
49
50
       // utworzenie modelu w oparciu o ustalone hiperparametry
       using Kernel = polynomial_kernel<double>;
51
52
       svr_trainer<Kernel> trainer;
53
       trainer.set_kernel(Kernel(gamma, c, degree));
       auto model = trainer.train(trainData, trainLabels);
54
       // ewaluacja
55
       std::cout << "----" << std::endl;
56
       std::cout << "Train data:" << std::endl;</pre>
57
58
       auto predictions = std::vector<double>(trainData.size());
       for (auto& sample : trainData)
59
60
           predictions.emplace_back(model(sample));
61
62
63
       dlibEval(predictions, trainLabels, Task::REGRESSION);
       predictions.clear();
64
       std::cout << "Test_data:" << std::endl;
65
       for (auto& sample : testData)
66
67
68
           predictions.emplace_back(model(sample));
69
       dlibEval(predictions, testLabels, Task::REGRESSION);
70
71
   }
```

6.6. Dostępność dokumentacji i źródeł wiedzy

Dlib posiada zbiór przykładów w postaci listingów kodów źródłowych realizujących poszczególne mechanizmy, dostępnych na stronie głównej projektu [dlib:home]. Jest ona także jedną z głównych bibliotek omawianych w ramach wspomnianej wcześniej pracy [3]. Niestety, większość forów społecznościowych skupia się na pracy z Dlib z poziomu interfejsu języka Python, co może utrudnić szukanie rozwiązań dla specyficznych przypadków. Warto wspomnieć, że oprócz funkcjonalności uczenia maszynowego, Dlib realizuje także inne zadania, jak np. networking, co sprawia, że nawigacja po stronie projektu jest lekko utrudniona przez obecność potencjalnie nieinteresujących użytkownika elementów.

Rozdział 7

Zestawienie zbiorcze i podsumowanie

7.1. Oferowane funkcjonalności

Omówione w ramach niniejszej pracy biblioteki różnią się typem i liczbą oferowanych funkcjonalności. Tabela 7.1 zbiorczo podsumowuje poszczególne omówione w poprzednich rozdziałach aspekty.

Funkcionalność	Biblioteka		
Funkcjonalność	Shogun	Shark-ML	Dlib
Odczyt danych	std::vector, wsparcie dla formatu CSV	surowe tablice, wsparcie dla formatu CSV, wsparcie dla HTTP	std::vector, wsparcie dla formatu CSV
Normalizacja	min-max	przedział jednostkowy, jednostkowa wariancja, zerowa średnia i wybrana wariancja	standaryzacja
Redukcja wymiarowości	PCA, Kernel PCA, MDS, IsoMap, ICA, Factor analysis, t-SNE	PCA, Liniowa analiza dyskryminacyjna	PCA, Liniowa analiza dyskryminacyjna, Mapowanie Sammona
Regularyzacja	L1 i L2 automatyczna	L1 i L2	L2
Regresja liniowa	Tak	Tak	Tak

Regresja	Tral-	T-1-	N: -	
logistyczna	Tak	Tak	Nie	
Maszyna				
wektorów	Tak	Tak	Tak	
nośnych				
Algorytm				
K-najbliższych	Tak	Tak	Nie	
sąsiadów				
Algorytm	Wzmacnianie	Losowy		
zbiorowy	gradientu,	las	Nie	
	losowy las			
Sieć	Tak	Tak	Tak	
neuronowa				
Jądrowa	27.	27.	T. 1	
regresja	Nie	Nie	Tak	
grzbietowa				
Błąd	Tak	Tak	Nie	
średniokwadratowy				
Średni	T-1-	Tr. 1-	N: -	
błąd	Tak	Tak	Nie	
bezwzględny				
Błąd typu	Nie	Tak	Nie	
zero-jeden				
Błąd	Nie	Tak	Nie	
dyskretny				
Entropia	Nie	Tak	Nie	
krzyżowa Kawałkami				
liniowa	Nie	Tak	Nie	
funkcja straty	Me	lak	INIE	
Średnio-				
kwadratowy				
błąd typu				
kawałkami	Nie	Tak	Nie	
liniowej				
funkcji straty				
Kawałkami				
liniowa				
funkcja straty	Nie	Tak	Nie	
typu epsilon				
Średnio-				
kwadratowy				
błąd kawałkami				
liniowej funkcji	Nie	Tak	Nie	
straty typu				
epsilon				

Funkcja			
straty	Nie	Tak	Nie
Hubera			
Funkcja			
straty	Nie	Tak	Nie
Tukeya			
Logarytmiczna			
funkcja	Tak	Nie	Nie
straty			
Metryka R^2	Tak	Tak	Nie
Dokładność	Tak	Nie	Tak
Pole pod			
wykresem	Tak	Tak	Tak*
ROC			
Sprawdzian			
krzyżowy	Tak	Tak	Tak
k-krotny			

Tabela 7.1. Zbiorcze porównanie funkcjonalności bibliotek.

* - konieczność przeliczenia pola na podstawie uzyskanych punktów pomiarowych wykresu funkcji.

Analizując dane zebrane w tabeli 7.1 można zauważyć, że biblioteki Shogun oraz Shark-ML są bardzo zbliżone do siebie typem i liczbą dostępnych metod uczenia maszynowego, jednak Shark-ML posiada więcej rodzajów błędów możliwych do wykorzystania jako funkcje strat, pozwalając na większą swobodę względem dostosowywania procesu uczenia. Najmniejszą liczbą funkcjonalności charakteryzuje się biblioteka Dlib, posiadająca jedynie podzbiór algorytmów dostępnych w innych projektach. Ponadto, posiada ona bardzo ubogie możliwości analizy sprawności modeli, wymagając od użytkownika napisania własnych procedur przetwarzania uzyskanych danych, jak np. procedura obliczania pola pod wykresem krzywej charakterystycznej odbiornika.

7.2. Porównanie wyników dla zadanych przykładów

W celu przetestowania sprawności poszczególnych bibliotek, użyto ich do stworzenia i ewaluacji modeli regresji liniowej oraz maszyny wektorów nośnych dla zestawów danych opisanych w rozdziale 3. Dla każdego modelu użyto 80% zestawu danych w celu treningu, oraz pozostałe 20% jako dane testowe. Tabela 7.2 przedstawia zbiorcze zestawienie uzyskanych wyników ewaluacji. Wyjście programów zostało zaprezentowane na rysunkach 7.1, 7.2 oraz 7.3.

Biblioteka	Metoda uczenia maszynowego		
ышиека	Regresja liniowa	Maszyna wektorów nośnych	
Shogun	Dane treningowe:	Dane treningowe:	
	$MSE = 0.903031; R^2 = 0.407058$	AUC ROC: 1	
	Dane testowe:	Dane testowe:	
	$MSE = 1,26897; R^2 = -0.127851$	AUC ROC: 0,5	
Shark	Dane treningowe:	Dane treningowe:	
	$MSE = 0.38728; R^2 = 0.745707$	AUC ROC: 1	
	Dane testowe:	Dane testowe:	
	$MSE = 0,449118; R^2 = 0,60082$	AUC ROC: 0,5	
Dlib	Dane treningowe:	Dane treningowe:	
	MSE = 3,08953;	AUC ROC: 1	
	Dane testowe:	Dane testowe:	
	MSE = 1,33014;	AUC ROC: 1	

Tabela 7.2. Zestawienie uzyskanych wyników poprawności modeli.

```
---- Shogun Linear ----
Train data:
MSE = 0.903031
R^2 = 0.407058

Test data:
MSE = 1.26897
R^2 = -0.127851
---- Shogun SVM ----
Train:
AUC ROC = 1
Test:
AUC ROC = 0.5
```

Rysunek 7.1. Wynik działania programu dla biblioteki Shogun

```
---- Shark Linear ----
Train data:
MSE: 0.38728
R^2: 0.745707
Test data:
MSE: 0.449118
R^2: 0.600826
Test1
----Shark SVM----
Train data:
OpenBLAS Warning : Detect
.
OpenBLAS Warning : Detect
.
OpenBLAS Warning : Detect
.
ROC: 1
Test data:
ROC: 0.5
```

Rysunek 7.2. Wynik
działania
programu
dla biblioteki Shark



Rysunek 7.3. Wynik działania programu dla biblioteki Dlib

Analizując powyższe wyniki pod krątem regresji liniowej, stwierdzić można iż pierwsze miejsce zajęła biblioteka Shark-ML cechując się najniższymi błędami średniokwadratowymi. Na drugim miejscu znalazła się biblioteka Shogun. Zauważyć można, że mechanizm wyliczania współczynnika determinacji liniowej R^2 wyszedł dla danych testowych poza dopuszczalny zakres. Podejrzewa się, iż jest to wynik kumulacji błędów reprezentacji zmiennoprzecinkowej wartości podczas obliczeń, wskazując że mechanizm wyliczania składowych potrzebnych do obliczenia R^2 dla tej biblioteki jest niestabilny numerycznie. Ostatnie miejsce zajęła biblioteka Dlib, w przypadku której wartość błędu średniokwadratowego przekroczyła 3 jednostki.

Dużo gorsze rezultaty uzyskane zostały przy próbie dokonania klasyfikacji z wykorzystaniem wyżej wspomnianych bibliotek. Każda z nich cechuje się pozornie idealnym dopasowaniem do danych uczących, oraz w przypadku bibliotek Shark-ML i Shogun dopasowaniem porównywalnym do klasyfikacji za pomocą rzutu monetą.

Biblioteka Dlib dodatkowo uzyskała pole pod wykresem krzywej charakterystycznej odbiornika na poziomie 1 dla danych testowych. Powyższe wyniki są nierealne do uzyskania, co udowodniono w rozdziale 3.3.1, wykorzystując dedykowane oprogramowanie statystyczne. W związku z tym rozpoczęto analizę przyczyny uzyskanych wyników.

W celu poprawy uzyskanych wyników i rozwiązania napotkanych błędów zdecydowano się na normalizację wartości predyktorów dla obu zestawów danych do przedziału [0; 1] z wykorzystaniem programu JMP, a następnie analizę kodu realizującego uczenie maszyn wektorów nośnych w poszczególnych bibliotekach. Pierwszą z analizowanych bibliotek była biblioteka Shark-ML, w przypadku której wykorzystano reczne dostrajanie parametrów gamma oraz regularyzacji. Okazało się, że po normalizacji oraz ustawieniu parametrów gamma na 0,16 oraz regularyzacji na 1 uzyskano prawidłowi i prawdopodobne pole pod wykresem na poziomie 0,933129 dla danych testowych. W drugiej kolejności przetestowano bibliotekę Shogun. Niestety pomimo normalizacji danych nie udało się rozwiązać problemu ujemnego współczynnika R^2 dla danych testowych, natomiast poprawie udało się wykonać klasyfikację, uzyskując wartość pola pod wykresem krzywej charakterystycznej odbiornika wynoszaca 0,638112. Należy zwrócić szczególna uwage, że normalizacja pogorszyła uzyskane wyniki przed biblioteke Shogun, zmniejszając uzyskane R^2 dla danych uczących i sprawiając, że R^2 dla danych testowych jeszcze bardziej odbiega od swojego prawidłowego zakresu. Ostatnią z bibliotek była biblioteka Dlib, dla której normalizacja zestawu danych dla zadania regresji znacznie poprawiła uzyskany błąd średniokwadratowy, natomiast w dalszym ciągu uzyskane zostało idealne dopasowanie maszyny wektorów nośnych, co może wskazywać na to, iż nie jest on zaimplementowany prawidłowo w bibliotece. Tabela 7.3 podsumowuje wyniki uzyskane po analizie kodu oraz normalizacji danych. Wyjście programów zostało przedstawione na rys. 7.4, 7.5 oraz 7.6

Biblioteka	Metoda uczenia maszynowego		
Diblioteka	Regresja liniowa	Maszyna wektorów nośnych	
Shogun	Dane treningowe:	Dane treningowe:	
	$MSE = 0.0286481; R^2 = 0.3127$	AUC ROC: 0,789143	
	Dane testowe:	Dane testowe:	
	$MSE = 0.0427863; R^2 = -0.389462$	AUC ROC: 0,638112	
Shark	Dane treningowe:	Dane treningowe:	
	$MSE = 0.0105995; R^2 = 0.745707$	AUC ROC: 0,921643	
	Dane testowe:	Dane testowe:	
	$MSE = 0.0122919; R^2 = 0.600826$	AUC ROC: 0,933129	
Dlib	Dane treningowe:	Dane treningowe:	
	MSE = 0.481402;	AUC ROC: 1	
	Dane testowe:	Dane testowe:	
	MSE = 0.179538;	AUC ROC: 1	

Tabela 7.3. Zestawienie uzyskanych wyników poprawności modeli.

Podsumowując, zauważono że każda z bibliotek jest wyjątkowo wrażliwa na zakres wartości predyktorów i w celu prawidłowego wykorzystania przeważnie wymaga, aby każdy z predyktorów zawierał się w przedziale [0;1]. W przypadku zestawu danych klasyfikacyjnych było to szczególnie widoczne, gdyż ze względu na bardzo

duże wartości zmiennych po transformacji odwrotnym wzorem Arrheniusa, istniała duża rozbieżność między ich zakresem, a zakresami pozostałych predyktorów. Ponadto zauważono, że mechanizm obliczania współczynnika determinancji liniowej w bibliotece Shogun oraz model maszyny wektorów nośnych w bibliotece Dlib najprawdopodobniej posiadają błędy implementacji, a więc należy z nich nie korzystać, lub mieć do nich bardzo ograniczony stopień zaufania. Spośród uzyskanych wyników, najlepszym dopasowaniem do danych charakteryzuje się biblioteka Shark, na drugim miejscu znalazła się biblioteka Shogun, natomiast ostatnie miejsce zajęła biblioteka Dlib.

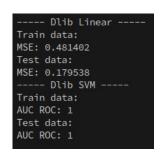
```
---- Shogun Linear ----
Train data:
MSE = 0.0286481
R^2 = 0.3127

Test data:
MSE = 0.0427863
R^2 = -0.389462
---- Shogun SVM ----
Train:
AUC ROC = 0.789143
Test:
AUC ROC = 0.638112
```

Rysunek 7.4. Wynik działania programu dla biblioteki Shogun

```
Train data:
MSE: 0.0105995
R^2: 0.745707
Test data:
MSF: 0.0122919
R^2: 0.600826
----Shark SVM----
Train data:
OpenBLAS Warning: Detect
```

Rysunek 7.5. Wynik działania programu dla biblioteki Shark



Rysunek 7.6. Wynik
działania
programu
dla biblioteki Dlib

7.3. Wymagany nakład pracy i jakość źródeł

W procesie pracy z poszczególnymi bibliotekami zauważono, że najmniejszą ilością potrzebnego wkładu pracy charakteryzowała się biblioteka Shark-ML. Wynika to z bardzo przyjaznej dla użytkownika składni, oraz dokładnej dokumentacji dostępnej na stronie internetowej projektu, wraz z przykładami wykorzystania poszczególnych metod. Biblioteka także bez jakichkolwiek problemów została zbudowana i zainstalowana na systemie operacyjnym Ubuntu 22.04 w środowisku WSL2, pozwalając bardzo szybko przejść do badań.

Drugą biblioteką pod względem koniecznego wkładu czasu okazał się zestaw narzędziowy Dlib. Posiada on stronę projektu z wylistowanymi klasami oraz funkcjami dostępnymi w bibliotece, jednak opis działania poszczególnych metod jest bardzo pobieżny, oraz brakuje dostępnych przykładów. Składnia biblioteki może stanowić wyzwanie dla użytkownika, gdyż nie zawsze jest oczywista, i momentami utrudnia analizę realizowanych przez program operacji.

Jako najbardziej wymagającą bibliotekę uznano Shogun. W chwili pisania niniejszej pracy, zarówno oficjalne repozytorium projektu jak i repozytorium dystrybucji dla systemu operacyjnego Ubuntu okazało się być niekompletne. Uniemożliwiło to zainstalowanie biblioteki za pomocą wbudowanego managera pakietów oraz zbudowanie jej ze względu na nienaprawione zależności do przeniesionych repozytoriów stron trzecich. Mimo przyjaźniejszej składni niż w przypadku Dlib, wspomniany

wcześniej mankament sprawia, że w celu pobrania biblioteki konieczne okazało się zainstalowanie specjalnego managera pakietów nix posiadającego starszą wersję projektu Shogun dostępną na swoim repozytorium. Z racji braku dostępnej online dokumentacji projektu Shogun oraz faktu, że generowane przykłady nie odnoszą się do API biblioteki lecz używają jej w kompletnie odrębny, nienaturalny dla projektu sposób, ustalenie funkcjonalności oraz sposobu realizacji poszczególnych zadań uczenia maszynowego musiało zostać oparte praktycznie wyłącznie o materiały dostępne w formie książkowej. Znacznie utrudnia i wydłuża to proces zastosowania biblioteki do jakiegokolwiek projektu.

Bibliography

- Owczarek M. "Charakterystyka systemów ekspertowych i ich zastosowanie w medycynie". W: Mikroelektronika i informatyka - prace naukowe 5 (2005), s. 197 - 202. URL: http://yadda.icm.edu.pl/yadda/element/bwmeta1.element.baztech
 - article-LOD4-0002-0067.
- [2] Google. TensorFlow API Documentation. 2013. URL: https://www.tensorflow.org/api_docs.
- Kirill Kolodiazhnyi. Hands-On Machine Learning with C++. Packt Publishing, Maj 2020.
- Ayman Mahmoud. Introduction to Shallow Machine Learning. 2019. URL: https://www.linkedin.com/pulse/introduction-shallow-machinelearning-ayman-mahmoud/.
- Prashant Gupta. Decision Trees in Machine Learning. 2017. URL: https://towardsdatascience.com/decision-trees-in-machinelearning-641b9c4e8052.
- Larry Hardesty. Explained: Neural Networks Ballyhooed artificial-intelligence technique known as "deep learning" revives 70-years-old idea. 2017. URL: https://news.mit.edu/2017/explained-neuralnetworks-deep-learning-0414.
- [7] Raghuram Madabushi. Neural Network / Machine Learning in resource constrained environments. 2018. URL: https://medium.com/@raghu.madabushi/neural-network-machinelearning-in-resource-constrained-environments-c934ff1f522.
- [8] Data Flair. Features of C++ | How Programmers use C++ in 10 Unbelievable ways. 2023. URL: https://data-flair.training/blogs/features-of-c-plus-plus/.
- Edytorzy dokumentacji systemu Android. Neural Networks API. 2023. URL: https://developer.android.com/ndk/guides/neuralnetworks.
- nVidia. CUDA C++ Programming Guide. 2023. URL: https: //docs.nvidia.com/cuda/cuda-c-programming-guide/index.html.
- [11]ONNX Runtime Team. Get started with ORT for C++. 2023. URL: https://onnxruntime.ai/docs/get-started/with-c.html.
- Olvi L. Mangasarian Dr William H. Wolberg W. Nick Street. Wisconsin [12]Diagnostic Breast Cancer (WDBC). 1995. URL: https://archive.ics.uci. edu/ml/datasets/breast+cancer+wisconsin+(diagnostic).

78 Bibliography

[13] Dheeru Dua i Casey Graff. *UCI Machine Learning Repository*. 2017. URL: http://archive.ics.uci.edu/ml.

- [14] Trevor Bihl. Biostatistics Using JMP: A Practical Guide. Cary, NC: SAS Institute Inc., 2017.
- [15] JMP Statistical Discovery. JMP Pro Predictive analytics software for scientists and engineers. 2023. URL: https://www.jmp.com/en_nl/software/predictive-analytics-software.html.
- [16] Stephen Lower. Arrhenius Equation. 2023. URL: https:
 //chem.libretexts.org/Bookshelves/Physical_and_Theoretical_
 Chemistry_Textbook_Maps/Supplemental_Modules_(Physical_and_
 Theoretical_Chemistry)/Kinetics/06%3A_Modeling_Reaction_
 Kinetics/6.02%3A_Temperature_Dependence_of_Reaction_Rates/6.2.
 03%3A_The_Arrhenius_Law/6.2.3.01%3A_Arrhenius_Equation.
- [17] shogun toolbox. *Shogun*. 2020. URL: https://github.com/shogun-toolbox/shogun.
- [18] Christian Igel, Verena Heidrich-Meisner i Tobias Glasmachers. "Shark". W: Journal of Machine Learning Research 9 (2008), s. 993–996.
- [19] mlcpp. Classification with Shark-ML machine learning library. 2018. URL: https://github.com/Kolkir/mlcpp/tree/master/classification_shark.
- [20] The Shark developer team. Neuron activation functions. 2018. URL: https://www.shark-ml.org/doxygen_pages/html/group__activations.html.
- [21] The Shark developer team. Loss and Cost Functions. 2018. URL: http://image.diku.dk/shark/sphinx_pages/build/html/rest_sources/tutorials/concepts/library_design/losses.html.
- [22] The Shark developer team. Shark Machine Learning. 2018. URL: https://www.shark-ml.org/.
- [23] Davis E. King. "Dlib-ml: A Machine Learning Toolkit". W: Journal of Machine Learning Research 10 (2009), s. 1755–1758.
- [24] Dlib team. Dlib License. 2003. URL: http://dlib.net/license.html.
- [25] Data Farmers. Sammon Mapping A non-linear mapping for data visualisation. 2019. URL: https://data-farmers.github.io/2019-06-10-sammon-mapping/.