

Porównanie algorytmów sortujących

Zadanie projektowe numer 2

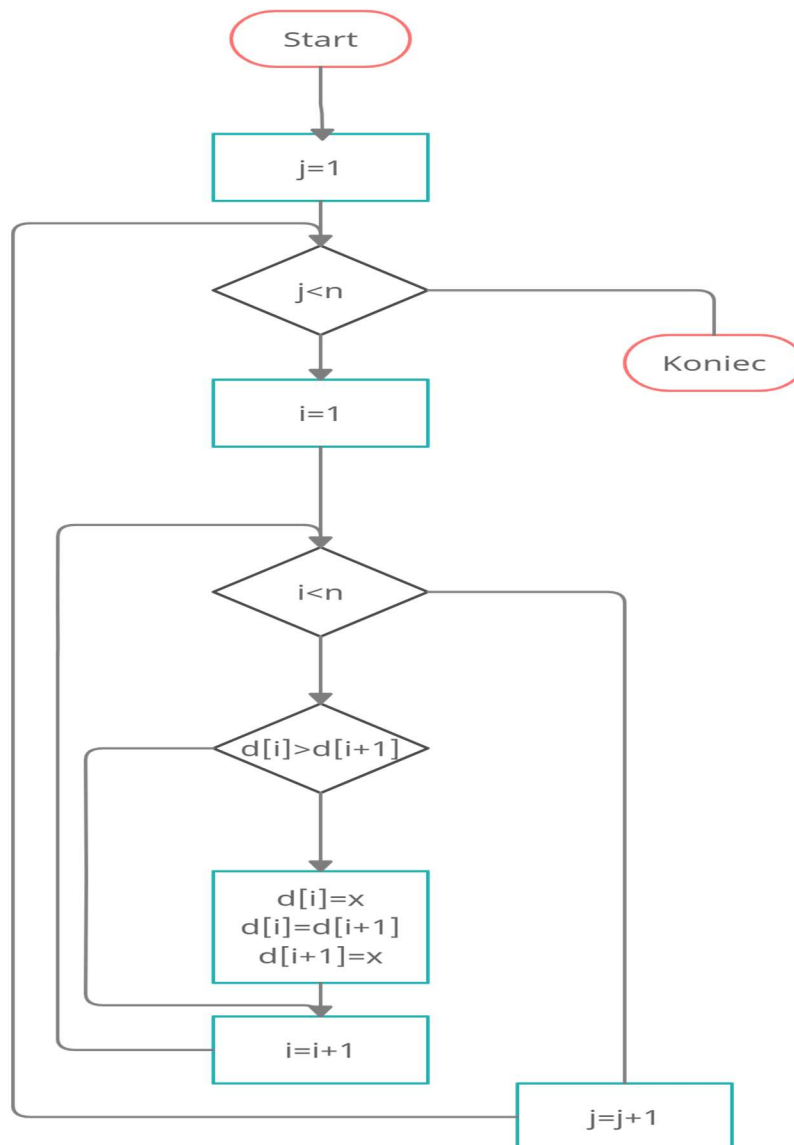
Kacper Chmura, 169767
Inżynieria i analiza danych, grupa P1

1 PRZEDSTAWIENIE OMAWIAJĄCYCH ALGORYTMÓW SORTOWANIA

1.1 SORTOWANIE BĄBELKOWE OPIS

Algorytm sortowania bąbelkowego jest jednym z najstarszych algorytmów sortujących. Zasada działania opiera się na cyklicznym porównywaniu par sąsiadujących elementów i zamianie ich kolejności w przypadku niespełnienia kryterium porządkowego zbioru. Operację tę wykonujemy dotąd, aż cały zbiór zostanie posortowany.

1.1.1 Schemat blokowy sortowania bąbelkowego



1.1.2 Pseudokod sortowania bąbelkowego

Dla $j=1$ wykonuj dopóki $j < n$:

 Dla $i=1$ wykonuj dopóki $i < n$:

 Jeżeli $d[i] < d[i+1]$

 To zamień miejscami $d[i]$ oraz $d[i+1]$

$i=i+1$

$j=j+1$

1.1.3 Pesymistyczne i Optymistyczne ustawienie dla sortowania bąbelkowego

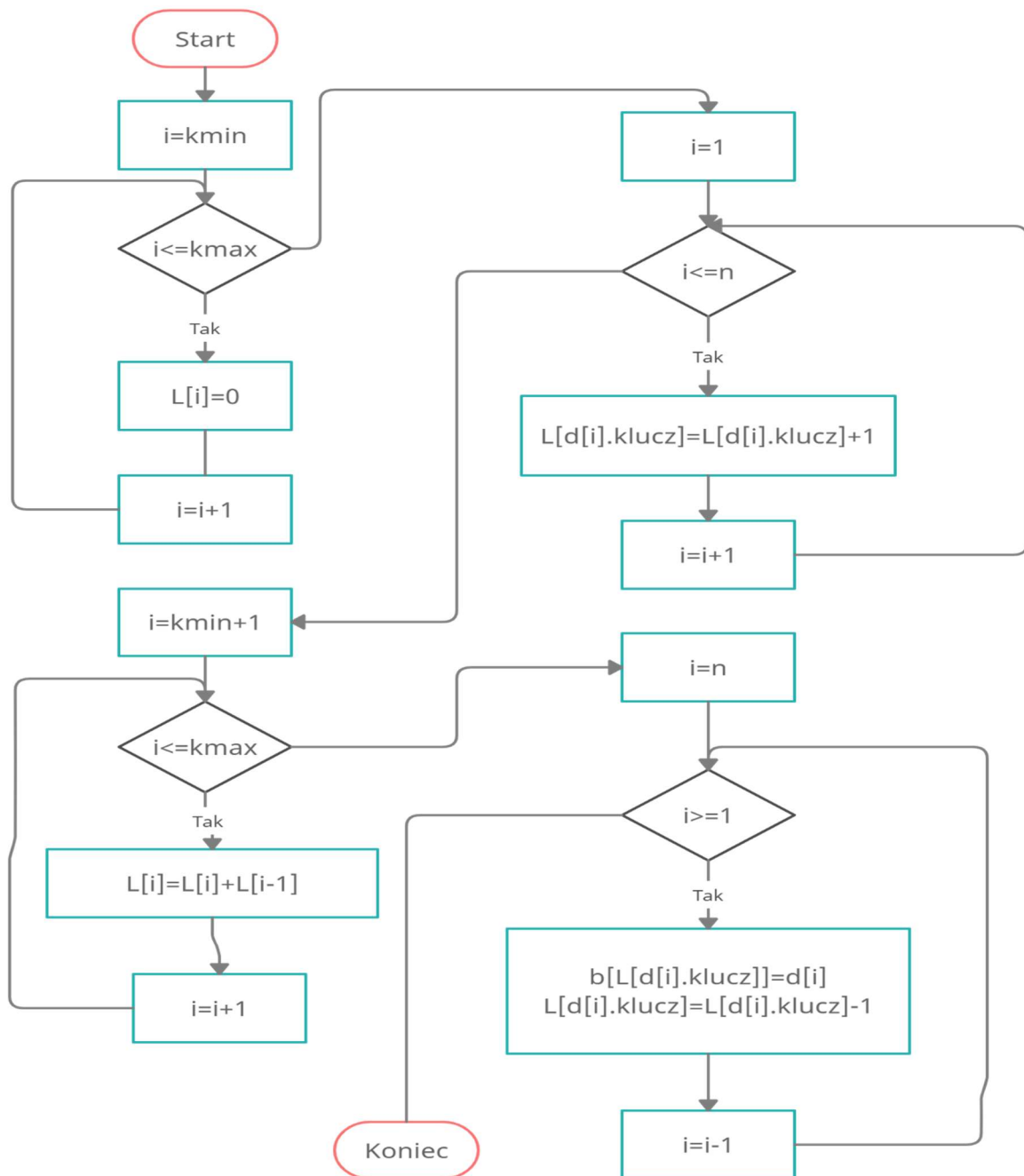
Przypadek najbardziej niekorzystny to taki, w którym przykładowo podczas sortowania elementów od najmniejszego do największego, element najmniejszy znajduje się na samym końcu. Ponieważ wtedy algorytm musi wykonać pełen obieg pętli. Różnorodność elementów nie ma tutaj znaczenia.

Przypadek najkorzystniejszy to odwrotność powyższego czyli element najmniejszy jest już na właściwym miejscu.

1.2 SORTOWANIE PRZEZ ZLICZANIE OPIS

Sortowanie przez zliczanie jest to metoda sortowania danych, która polega na sprawdzeniu ile wystąpień kluczy mniejszych od danego występuje w sortowanej tablicy. Algorytm zakłada, że klucze elementów należą do skończonego zbioru (np. są to liczby całkowite z przedziału 0-100), co ogranicza możliwości jego zastosowania. Co ciekawe algorytm ten nie porównuje ze sobą żadnego elementu zbioru, a zapisuje „jego dane” do odpowiednich tablic. Następnie dane z tych tablic są wykorzystywane posortować dane w odpowiedniej kolejności.

1.2.1 Schemat blokowy sortowania przez zliczanie



1.2.2 Pseudokod sortowania przez zliczanie

Dla $i = kmin$ wykonuj dopoki $i \leq max$:

$L[i] = 0$

$i = i + 1$

dla $i=1$ wykonuj dopóki $i \leq n$:

$L[d[i].klucz] = L[d[i].klucz + 1]$

$i = i + 1$

dla $i = kmin + 1$ wykonuj dopóki $i \leq kmax$:

$L[i] = L[i] + L[i + 1]$

$i = i + 1$

dla $i = n$ wykonuj dopóki $i \geq 1$:

$b[L[d[i].klucz]] = d[i]$

$L[d[i].klucz] = L[d[i].klucz] - 1$

$i = i - 1$

1.2.3 Pesymistyczne ustawienie dla sortowania przez zliczanie

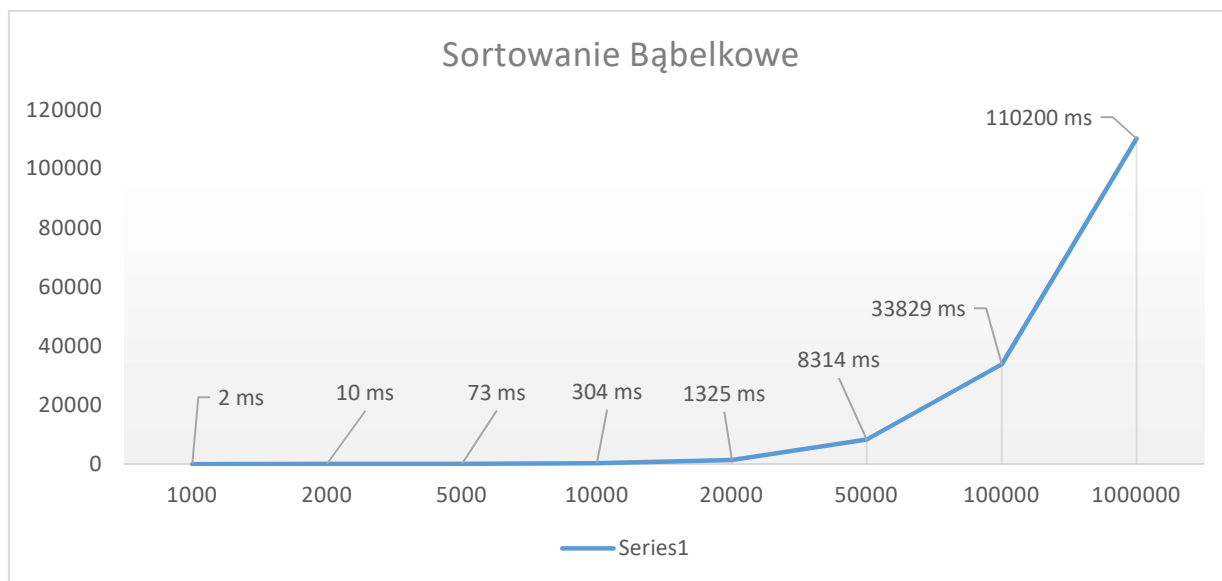
Złożoność obliczeniowa algorytmu to $O(n+k)$ gdzie n to ilość elementów a k to zakres sortowanych wartości. Więc najbardziej niekorzystna dla sortowania przez zliczanie jest sytuacja gdy nie tylko elementów jest wiele ale również gdy są różnorodne.

2 ZŁOŻONOŚĆ OBLICZENIOWA ALGORYTMÓW

2.1 ZŁOŻONOŚĆ OBLICZENIOWA SORTOWANIA BĄBELKOWEGO

Algorytm sortowania bąbelkowego jest bardzo prymitywnym sposobem sortowania danych (choć lepszym od sortowania „głupiego”), jest on jedynie użyteczny dla posortowania małych zbiorów ponieważ jego złożoność wynosi $O(n^2)$.

2.1.1 Wykres czasu od ilości elementów(nie spreparowane)

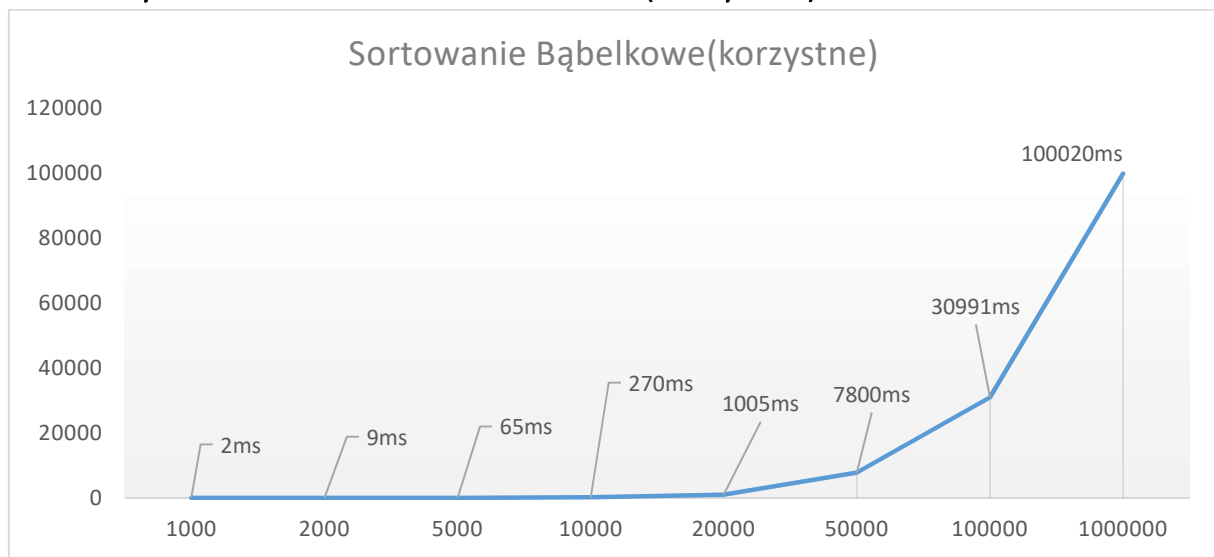


Jak widzimy na powyższym wykresie algorytm ten słabo radzi sobie ze sporą ilością danych już do posortowania miliona liczb, program z zaimplementowanym algorytmem potrzebuje prawie 2 minuty.

2.1.2 Wykres czasu od ilości elementów(niekorzystne)



2.1.3 Wykres czasu od ilości elementów(korzystne)



Spreparowanie danych polegało na tym, że dane w tablicy przed posortowaniem zostały ułożone tak że wartości małe, które mają po posortowaniu znaleźć się na początku tablicy zostały wrzucone na koniec, a duże na początek.

Sposób spreparowania danych:

Niekorzystne:

```
for(i = 0; i < N/3; i++) d[i] = (rand() % 3)+7; //losowanie liczb 7-9
for(i = N/3; i < N*2/3; i++) d[i] = (rand() % 3)+4; //losowanie liczb 4-6
for(i = N*2/3; i < N; i++) d[i] = (rand() % 3)+1; // losowanie liczb 1-3
//for(i = 0; i < N; i++) cout << setw(4) << d[i];
```

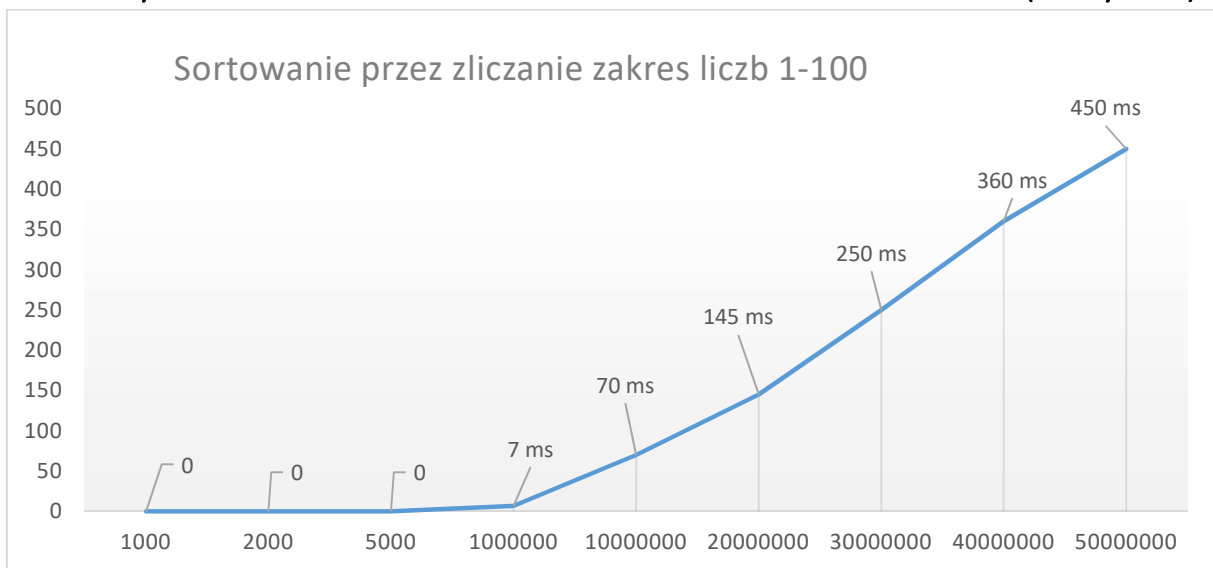
Korzystne:

```
for(i = 0; i < N/3; i++) d[i] = (rand() % 3)+1; //losowanie liczb od 1 do 3
for(i = N/3; i < N*2/3; i++) d[i] = (rand() % 3)+4; //losowanie liczb od 4 do 6
for(i = N*2/3; i < N; i++) d[i] = (rand() % 3)+7; //losowanie liczb od 7 do 9
//for(i = 0; i < N; i++) cout << setw(4) << d[i];
```

2.2 ZŁOŻONOŚĆ OBLICZENIOWA SORTOWANIA PRZEZ ZLICZANIE

Sortowanie przez zliczanie to znacznie bardziej skąplikowany algorytm od poprzednika, lecz jego złożoność czasowa wynosząca $O(n+k)$ jest znacznie korzystniejsza zwłaszcza dla większych ilości danych.

2.2.1 Wykres czasu od ilości elementów dla zakresu od 1 do 100(korzystne)



2.2.2 Wykres czasu od ilości elementów dla zakresu od 1 do 100000(niekorzystne)



W tym przypadku spreparowanie danych polegało jedynie na zwiększeniu zakresu sortowanych liczb.

3 ZUŻYCIE CPU PODCZAS DZIAŁANIU ALGORYTMÓW

3.1 PODSUMOWANIE

Ilość elementów	Bąbelkowe	Przez zliczanie
40000	11.8%	4.5%
85000	13.7%	6.5%
100000	15.2%	7.1%
250000	22.1%	-
1000000	26.1%	-

Porównując dane z powyższej tabeli można zauważyć, że korzystniejsza czasowo złożoność obliczeniowa wiąże się z większym zużyciem procesora. Tak jak w powyższym przypadku, gdzie porównywane są sortowania „bąbelkowe” oraz „przez zliczanie” o złożoności czasowej odpowiednio $O(n^2)$ oraz $O(n+k)$.

4 SPIS TREŚCI

1	Przedstawienie omawianych algorytmów sortowania	1
1.1	Sortowanie bąbelkowe opis	1
1.1.1	Schemat blokowy sortowania bąbelkowego.....	1
1.1.2	Pseudokod sortowania bąbelkowego	2
1.1.3	Pesymistyczne i Optymistyczne ustawienie dla sortowania bąbelkowego.....	2
1.2	Sortowanie przez zliczanie opis.....	2
1.2.1	Schemat blokowy sortowania przez zliczanie	3
1.2.2	Pseudokod sortowania przez zliczanie	3
1.2.3	Pesymistyczne ustawienie dla sortowania przez zliczanie	4
2	Złożoność obliczeniowa algorytmów	4
2.1	Złożoność obliczeniowa Sortowania bąbelkowego.....	4
2.1.1	Wykres czasu od ilości elementów(nie spreparowane).....	5
2.1.2	Wykres czasu od ilości elementów(niekorzystne)	5
2.1.3	Wykres czasu od ilości elementów(korzystne).....	6
2.2	Złożoność obliczeniowa Sortowania przez Zliczanie	6
2.2.1	Wykres czasu od ilości elementów dla zakresu od 1 do 100(korzystne).....	7
2.2.2	Wykres czasu od ilości elementów dla zakresu od 1 do 100000(niekorzystne)	7
3	Zużycie cpu podczas działania algorytmów.....	7
3.1	Podsumowanie	8