课后练习1

2023年9月21日

1 问题一

1.1

令
$$x = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 2 & 2 & 1 \\ 3 & 4 & 1 \end{bmatrix}, y = \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \\ 4 \end{bmatrix}, \hat{w} = \begin{bmatrix} w_1 \\ w_2 \\ b \end{bmatrix}, 可以计算 $x^T x = \begin{bmatrix} 13 & 16 & 5 \\ 16 & 21 & 7 \\ 5 & 7 & 3 \end{bmatrix}$
那么 $\hat{w} = (x^T x)^{-1} x^T y = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}, 故 w_1 = 1, w_2 = 0, b = 1$$$

1.2

此时
$$x = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 & 1 \\ 2 & 2 & 4 & 1 \\ 3 & 4 & 8 & 1 \end{bmatrix}, \hat{w} = \begin{bmatrix} w_1 \\ w_2 \\ w_3 \\ b \end{bmatrix}, 计算 $x^T x = \begin{bmatrix} 13 & 16 & 32 & 5 \\ 16 & 21 & 42 & 7 \\ 32 & 42 & 84 & 14 \\ 5 & 7 & 14 & 3 \end{bmatrix},$ 可以发现这是一$$

个奇异矩阵(有重复的行), 没有逆矩阵, 因此此时线性回归没有唯一解

1.3

已知
$$\lambda = 1$$
, 故 $x^T x + \lambda I = \begin{bmatrix} 14 & 16 & 32 & 5 \\ 16 & 22 & 42 & 7 \\ 32 & 42 & 85 & 14 \\ 5 & 7 & 14 & 4 \end{bmatrix}$
那么 $\hat{w} = (x^T x + \lambda I)^{-1} x^T y = \begin{bmatrix} 0.378 \\ 0.140 \\ 0.280 \\ 0.304 \end{bmatrix}$, 因此可得 $w_1 = 0.378$, $w_2 = 0.140$, $w_3 = 0.378$

0.280, b = 0.304

2 问题二

这里是问题二的描述。

2.1 解答

这里是问题二的解答。

3 问题三

这里是问题三的描述。

3.1 解答

这里是问题三的解答。

4 问题四