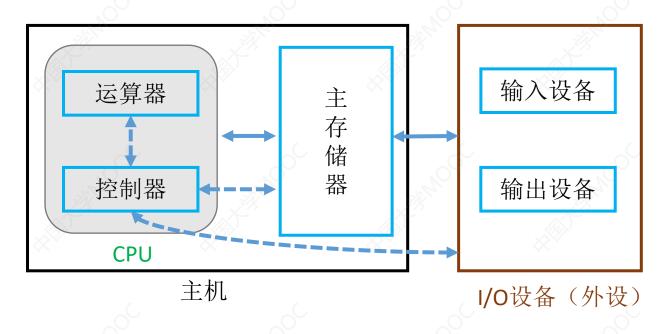


第二章数据的表示和运算。

现代计算机的结构



数据如何在计算机中表示?

运算器如何实现数据的算数、逻辑运算?





知识总览

十进制、二进制、八进制、十六进制

★ 其他进制 ——>十进制

★ 二进制、八进制、十六进制之间的相互转换

★ 十进制——>其他进制

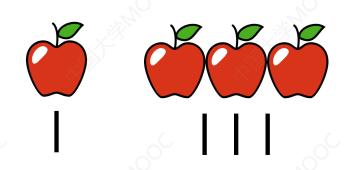
真值和机器数

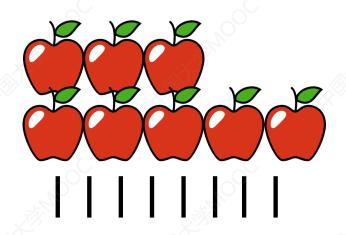
进位计数制

王道考研/CSKAOYAN.COM

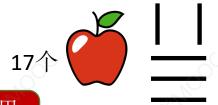
最古老的计数方法











罗马数字的几种 符号与对应权重

基本字符	I	V	X	L	С	D	М
相应的阿拉伯数字表示为	1	5	10	50	100	500	1000

基于"加法"思想的计数方法

I-1、II-2、III-3、IIII-4 (IV)、V-5
X-10、XI-11、XII-12、XIII-13
MDCLXVI-1666、MDCCCLXXXVIII-1888

十进制计数法



古印度人发明的阿拉伯数字: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9

符号反映权重

十进制:

975.36

 $9 \times 100 + 7 \times 10 + 5 \times 1 + 3 \times 0.1 + 6 \times 0.01$

基于"乘法"思想的计数方法

$$9 \times 10^2 + 7 \times 10^1 + 5 \times 10^0 + 3 \times 10^{-1} + 3 \times 10^{-2}$$



十进制: $K_n K_{n-1} \dots K_2 K_1 K_0 K_{-1} K_{-2} \dots K_{-m}$

 $= K_n \times 10^n + K_{n-1} \times 10^{n-1} + \dots + K_2 \times 10^2 + K_1 \times 10^1 + K_0 \times 10^0$

 $+K_{-1} \times 10^{-1} + K_{-2} \times 10^{-2} + ... + K_{-m} \times 10^{-m}$

"进位计数制"

有0~9, 共十种符号。







推广: r进制计数法

r 进制:
$$K_{n} K_{n-1} \dots K_{2} K_{1} K_{0} K_{-1} K_{-2} \dots K_{-m}$$

$$= K_{n} \times r^{n} + K_{n-1} \times r^{n-1} + \dots + K_{2} \times r^{2} + K_{1} \times r^{1} + K_{0} \times r^{0}$$

$$+ K_{-1} \times r^{-1} + K_{-2} \times r^{-2} + \dots + K_{-m} \times r^{-m}$$

基数: 每个数码位所用到的不同符号的个数, r 进制的基数为 r

- ①可使用两个稳定状态的物理器件表示
- ②0,1正好对应逻辑值假、真。方便实现逻辑运算
- ③可很方便地使用逻辑门电路实现算术运算

八进制: 0,1,2,3,4,5,6,7

十进制: 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9

十六进制: 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,A,B,C,D,E,F

二进制:
$$101.1 \rightarrow 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 + 1 \times 2^{-1} = 5.5$$

八进制:
$$5.4 \rightarrow 5 \times 8^0 + 4 \times 8^{-1} = 5.5$$

十进制:
$$5.5 \rightarrow 5 \times 10^{0} + 5 \times 10^{-1} = 5.5$$

十六进制:
$$5.8 \rightarrow 5 \times 16^{0} + 8 \times 16^{-1} = 5.5$$

任意进制 > 十进制

r 进制:
$$K_{n} K_{n-1} \dots K_{2} K_{1} K_{0} K_{-1} K_{-2} \dots K_{-m}$$
 位权
$$= K_{n} \times r^{n} + K_{n-1} \times r^{n-1} + \dots + K_{2} \times r^{2} + K_{1} \times r^{1} + K_{0} \times r^{0}$$

$$+ K_{-1} \times r^{-1} + K_{-2} \times r^{-2} + \dots + K_{-m} \times r^{-m}$$

二进制: 10010010.110 $1*2^7 + 1*2^4 + 1*2^1 + 1*2^{-1} + 1*2^{-2} = 146.75$

八进制: 251.5 2 * 8² + 5 * 8¹ + 1 * 8⁰ + 5 * 8⁻¹ = 169.625

2 ¹²	2 ¹¹	2 ¹⁰	2 ⁹	2 ⁸	2 ⁷	2 ⁶	2 ⁵	2 ⁴	2 ³	2 ²	2 ¹	2 ⁰	2-1	2 -2	2 -3
4096	2048	1024	512	256	128	64	32	16	8	4	2	1	0.5	0.25	0.125

二进制←→八进制、十六进制

八进制

如: 1111000010.01101

二进制 -> 八进制

3位一组, 每组转换成对应的八进制符号

1 7 0 2 . 3 2

八进制—> 二进制 每位八进制对应的3位二进制

 $(251.5)_8 \rightarrow (010\ 101\ 001.\ 101)_2$

二进制 —> 十六进制

4位一组, 每组转换成对应的十六进制符号

0011 1100 0010 . 0110 1000

3 C 2 . 6 8 十六进制

十六进制—> 二进制 每位十六进制对应的4位二进制

 $(AE86.1)_{16} \rightarrow (1010\ 1110\ 0110.\ 0001)_{2}$

各种进制的常见书写方式

二进制—— (1010001010010)2

1010001010010B

八进制—— (1652)8

十六进制—— (1652)16

1652H

<mark>0</mark>x1652

十进制—— (1652)10

1652D

十六进制

adj. hexadecimal;

十进制

n. decimalism

十进制→任意进制

十进制 —> 任意进制

r 进制:
$$K_{n} K_{n-1} \dots K_{2} K_{1} K_{0} K_{-1} K_{-2} \dots K_{-m}$$

= $K_{n} \times r^{n} + K_{n-1} \times r^{n-1} + \dots + K_{2} \times r^{2} + K_{1} \times r^{1} + K_{0} \times r^{0} + K_{-1} \times r^{-1} + K_{-2} \times r^{-2} + \dots + K_{-m} \times r^{-m}$

整数部分=75 如: 75.3

任一数码位K_i<r

如: 十进制
$$\longrightarrow$$
 二进制 $r = 2$

$$75 \div 2 = 37 \dots 1 \quad K_0 \qquad 4 \div 2 = 2 \dots 0 \quad K_4$$

$$37 \div 2 = 18 \dots 1 \quad K_1 \qquad 2 \div 2 = 1 \dots 0 \quad K_5$$

$$18 \div 2 = 9 \dots 0 \quad K_2 \qquad 1 \div 2 = 0 \dots 1 \quad K_6$$

$$9 \div 2 = 4 \dots 1 \quad K_3 \qquad 75D = 1001011B$$

$$(75)_{10} = (1001011)_2$$

王道考研/CSKAOYAN.COM

十进制→任意进制

十进制 -> 任意进制

r 进制:
$$K_{n} K_{n-1} \dots K_{2} K_{1} K_{0} K_{-1} K_{-2} \dots K_{-m}$$

= $K_{n} \times r^{n} + K_{n-1} \times r^{n-1} + \dots + K_{2} \times r^{2} + K_{1} \times r^{1} + K_{0} \times r^{0} + K_{-1} \times r^{-1} + K_{-2} \times r^{-2} + \dots + K_{-m} \times r^{-m}$

如: 75.3 小数部分=0.3

 $0.8 \times 2 = 1.6 = 1 + 0.6 K_{-5}$

$$(K_{-1} \times r^{-1} + K_{-2} \times r^{-2} + ... + K_{-m} \times r^{-m}) \times r = K_{-1} \times r^{0} + K_{-2} \times r^{-1} + ... + K_{-m} \times r^{-(m-1)}$$
 整数 小数

如:十进制 —> 二进制
$$r = 2$$

 $0.3 \times 2 = 0.6 = 0 + 0.6 K_{-1}$ $0.3D = 0.01001...B$
 $0.6 \times 2 = 1.2 = 1 + 0.2 K_{-2}$
 $0.2 \times 2 = 0.4 = 0 + 0.4 K_{-3}$
 $0.4 \times 2 = 0.8 = 0 + 0.8 K_{-4}$

乗基 取整
0.3
× 2
0.6
× 2
1.2
1
0.2
× 2
0.4
0
低位

•••••

十进制→二进制 (拼凑法)

十进制: 260.75、533.125

2 ¹²	2 ¹¹	2 ¹⁰	2 ⁹	2 ⁸	2 ⁷	2 ⁶	2 ⁵	2 ⁴	2 ³	2 ²	2 ¹	2 ⁰	2-1	2-2	2 -3
4096	2048	1024	512	256	128	64	32	16	8	4	2	1	0.5	0.25	0.125

真值和机器数

15 → 1111 8 → 1000 +15 → 0 1111 -8 → 1 1000 真值 机器数

真值: 符合人类习惯的数字

机器数:数字实际存到机器里的形式,正负号需要被"数字化"

知识回顾与重要考点

r进制数 基数=r, 每个数码位可能出现r种字符。逢r进1

> $K_n K_{n-1} \dots K_2 K_1 K_0 \dots K_{-1} K_{-2} \dots K_{-m}$ $= K_n \times r^n + K_{n-1} \times r^{n-1} + \dots + K_2 \times r^2 + K_1 \times r^1 + K_0 \times r^0$ $+K_{-1}\times r^{-1}+K_{-2}\times r^{-2}+...+K_{-m}\times r^{-m}$

r进制数—>十进制

r进制数的数值=各数码位与位权的乘积之和

二进制<—>八进制

每3个二进制位对应一个八进制位

二进制<一>十六进制

每4个二进制位对应一个十六进制位

注意"补位"

进位计数值

注意:有的十进制小 数无法用二进制精确 表示,如:0.3

整数部分:除基取余法,先取得的"余"是整数的低位

小数部分:乘基取整法,先取得的"整"是小数的高位

真值:实际的带正负号的数值(人类习惯的样子)

真值和机器数

十进制—>r 进制

机器数: 把正负号数字化的数(存到机器里的样子)

5	2 ¹²	2 ¹¹	2 ¹⁰	2 ⁹	2 ⁸	2 ⁷	2 ⁶	2 ⁵	2 ⁴	2 ³	2 ²	2 ¹	2 ⁰	2-1	2-2	2 -3
	4096	2048	1024	512	256	128	64	32	16	8	4	2	1	0.5	0.25	0.125

中国古代的二进制系统



算命 十元一次 你算什么东西?

