本节内容

定点数的加减运算

王道24考研交流群: 769832062

王道考研/CSKAOYAN.COM

本节总览

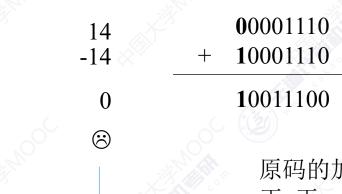


注: 计算机中,不会用"反码"进行加减运算,因此不作探讨

原码的加减运算

原码表示的有符号数

00001110



加法器直接对原码进行 加法运算,可能出错

原码的加法运算:

正+正 →绝对值做加法,结果为正]

负+负 →绝对值做加法,结果为负

→绝对值大的减绝对值小的,符号同绝对值大的数

可能会溢出

负+正 →绝对值大的减绝对值小的,符号同绝对值大的数

原码的减法运算,"减数"符号取反,转变为加法:

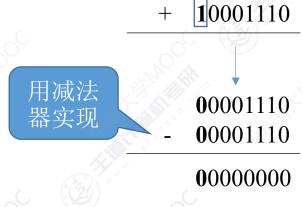
正-负→正+正

正+负

负-正→负+负

正-正→正+负

负-负→负+正



补码的加减运算

设机器字长为8位(含1位符号位),A = 15,B = -24,求 $[A+B]_{i}$ 和 $[A-B]_{i}$

原码

补码

$$A = +1111$$
 $\rightarrow 0,0001111$ $\rightarrow 0,0001111$ $B = -11000$ $\rightarrow 1,0011000$ $\rightarrow 1,1101000$

负数补→原:①数值位取反 +1; ②负数补码中,最右边的 1及其右边同原码。最右边的1 的左边同反码

$$[A+B]_{\nmid h} = [A]_{\nmid h} + [B]_{\nmid h} = 0,0001111 + 1,1101000 = 1,1110111$$

真值-9 原码: 1,0001001

$$[A-B]_{\stackrel{?}{\uparrow}} = [A]_{\stackrel{?}{\uparrow}} + [-B]_{\stackrel{?}{\uparrow}} = 0,0001111 + 0,0011000 = 0,0100111$$

 $\stackrel{?}{\downarrow} \stackrel{?}{\downarrow} = [A]_{\stackrel{?}{\uparrow}} + [-B]_{\stackrel{?}{\uparrow}} = 0,0001111 + 0,0011000 = 0,0100111$

 $[-B]_{\text{A}}$: $[B]_{\text{A}}$ 连同符号位一起取反加1

C = 124,求[A+C]补和[B-C]补

 $[A+C]_{3} = 0.0001111 + 0.1111100 = 1.0001011$ $[B-C]_{\nmid h} = 1,1101000 + 1,0000100 = 0,1101100$ 溢出

真值-117 真值+108

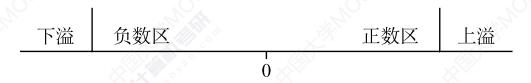


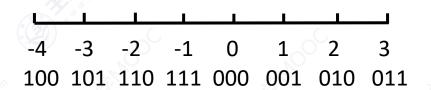
原来如此

对于补码来说, 无论加法 还是减法,最后都会转变 成加法,由加法器实现运 算,符号位也参与运算

设机器字长为8位(含1位符号位),A=15,B=-24,求 $[A+B]_{\stackrel{}{\mathbb{A}}}$ 和 $[A-B]_{\stackrel{}{\mathbb{A}}}$

$$C = 124$$
,求 $[A+C]$ 补和 $[B-C]$ 补





只有"正数+正数"才会上溢——正+正=负 只有"负数+负数"才会下溢——负+负=正

设机器字长为8位(含1位符号位),A=15,B=-24,求 $[A+B]_{^{}h}$ 和 $[A-B]_{^{}h}$

$$C = 124$$
,求 $[A+C]$ 补和 $[B-C]$ 补

$$[A+C]_{\nmid h} = 0$$
 0001111 + 0 1111100 = 1 0001011
 $[B-C]_{\nmid h} = 1$ 1101000 + 1 0000100 = 0 1101100

真值-117 真值+108

逻辑表达式

与:如ABC,表示A与B与C 仅当A、B、C均为1时,ABC为1 A、B、C中有一个或多个为0,则ABC为0

或: 如A+B+C,表示A或B或C 仅当A、B、C均为0时,A+B+C为0 A、B、C中有一个或多个为1,则A+B+C为1 方法一:采用一位符号位设A的符号为 A_s ,B的符号为 B_s ,运算结果的符号为 S_s ,则溢出逻辑表达式为

$$V = A_{\rm S}B_{\rm S}\overline{S_{\rm S}} + \overline{A_{\rm S}}\overline{B_{\rm S}}S_{\rm S}$$

若V=0,表示无溢出; 若V=1,表示有溢出。

非:如Ā,表示A非 若A为1,则Ā为0 若A为0,则Ā为1

 A_{S} 为1且 B_{S} 为1且 S_{S} 为0

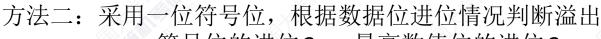
或

 A_{S} 为0且 B_{S} 为0且 S_{S} 为1

设机器字长为8位(含1位符号位),A=15,B=-24,求 $[A+B]_{\stackrel{}{\mathbb{A}}}$ 和 $[A-B]_{\stackrel{}{\mathbb{A}}}$

$$C = 124$$
,求 $[A+C]$ 补和 $[B-C]$ 补

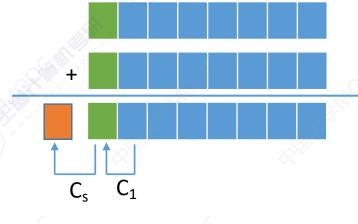
$$[A+C]$$
补 = 0,0001111 + 0,11111100 = 1,0001011 真值-117
 $[B-C]$ 补 = 1,1101000 + 1,0000100 = 0,1101100 真值+108



符号位的进位 $C_{\rm s}$ 最高数值位的进位 $C_{\rm 1}$

 上溢
 0
 1

 下溢
 1
 0



即: C_S 与 C_1 不同时有溢出 处理"不同"的逻辑符号:异或 Θ 溢出逻辑判断表达式为 $V=C_S \oplus C_1$

若V=0,表示无溢出; V=1,表示有溢出。

异或逻辑:不同为1,相同为0

$$0 \oplus 0 = 0$$

$$0 \oplus 1 = 1$$

$$1 \oplus 0 = 1$$

设机器字长为8位(含1位符号位),A=15,B=-24,求 $[A+B]_{^{}h}$ 和 $[A-B]_{^{}h}$

C = 124,求[A+C]补和[B-C]补

[A+C]补 = 0,0001111 + 0,11111100 = 1,0001011 真值-117 [B-C]补 = 1,1101000 + 1,0000100 = 0,1101100 真值+108

方法三:采用双符号位 正数符号为00,负数符号为11

 $[A+C]_{*}=00,0001111+00,1111100=01,0001011$ 上溢 $[B-C]_{*}=11,1101000+11,0000100=10,1101100$ 下溢

记两个符号位为 $S_{S1}S_{S2}$,则 $V=S_{S1}\oplus S_{S2}$ 若V=0,表示无溢出;若V=1,表示有溢出。

 $[A+B]_{\begin{subarray}{l} \begin{subarray}{l} \begin{subarray}{$

实际存储时只存储1 个符号位,运算时 会复制一个符号位

双符号位补码又称: 模4补码 单符号位补码又称: 模2补码

知识点回顾



王道24考研交流群: 769832062