Análisis de Algoritmos y Estructuras de Datos Tema 7: Tipo Abstracto de Datos Lista

Mª Teresa García Horcajadas Antonio García Domínguez José Fidel Argudo Argudo Francisco Palomo Lozano



Versión 1.0





Índice

- Definición del TAD Lista
- Especificación del TAD Lista
- 3 Implementación del TAD Lista

Definición de Lista

Lista

Secuencia de elementos del mismo tipo, (a_1, a_2, \ldots, a_n) , cuya longitud, $n \geqslant 0$, es el número de elementos que contiene. Si n = 0, es decir, si la lista no tiene elementos, se denomina lista vacía.

Posición de un elemento

- Los elementos están ordenados linealmente según la posición que ocupa cada uno de ellos dentro de la lista.
- Todos los elementos, salvo el primero, tienen un único predecesor y todos, excepto el último, tienen un único sucesor.

Operaciones

Es posible acceder, insertar y suprimir elementos en cualquier posición de una lista.



Definición:

Una lista es una secuencia de elementos de un tipo determinado

$$L=(a_1,a_2,\ldots,a_n)$$

cuya longitud es $n \ge 0$. Si n = 0, entonces es una lista vacía.

Posición Lugar que ocupa un elemento en la lista.

Los elementos están ordenados de forma lineal según las posiciones que ocupan. Todos los elementos, salvo el primero, tienen un único predecesor y todos, excepto el último, tienen un único sucesor.

Posición fin() Posición especial que sigue a la del último elemento y que nunca está ocupada por elemento alguno.

Operaciones:

```
Lista():
      Postcondiciones: Crea y devuelve una lista vacía.
void insertar(const T& x, posicion p)
      Precondiciones: L = (a_1, a_2, \dots, a_n)
                              1 \leqslant p \leqslant n+1
      Postcondiciones: L = (a_1, \ldots, a_{p-1}, x, a_p, \ldots, a_n)
void eliminar(posicion p)
      Precondiciones: L = (a_1, a_2, \ldots, a_n)
                                1 \leq p \leq n
      Postcondiciones: L = (a_1, \ldots, a_{p-1}, a_{p+1}, \ldots, a_n)
```

const T& elemento(posicion p) const

T& elemento(posicion p)

Precondiciones:
$$L = (a_1, a_2, ..., a_n)$$

 $1 \le p \le n$

Postcondiciones: Devuelve a_p , el elemento que ocupa la posición p de la lista L.

posicion buscar(const T& x) const

Postcondiciones: Devuelve la posición de la primera ocurrencia de x en la lista. Si x no se encuentra, devuelve la posición fin().

posicion siguiente(posicion p) const

Precondiciones:
$$L = (a_1, a_2, ..., a_n)$$

 $1 \le p \le n$

Postcondiciones: Devuelve la posición que sigue a p.

posicion anterior(posicion p) const

Precondiciones:
$$L = (a_1, a_2, ..., a_n)$$

 $2 \le p \le n+1$

Postcondiciones: Devuelve la posición que precede a p.

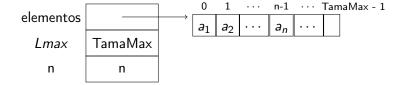
posicion primera() const

Postcondiciones: Devuelve la primera posición de la lista. Si la lista está vacía, devuelve la posición fin().

posicion fin() const

Postcondiciones: Devuelve la última posición de la lista, la siguiente a la del último elemento. Esta posición siempre está vacía, no existe ningún elemento que la ocupe.





```
1 // listavec.h
3 // clase Lista genérica: vector pseudo-estático (en
4 // memoria dinámica) cuyo tamaño (parámetro de entrada
5 // del constructor) puede ser distinto para cada
6 // objeto de la clase Lista.
7 // Las variables externas de tipo posición, posteriores
8 // a la posición p en la que se realiza una inserción
9 // o eliminación, no cambian, pero sí los elementos
10 // que se encuentran en dichas posiciones.
12 #ifndef LISTA_VEC_H
13 #define LISTA VEC H
14 #include <cassert>
```

```
16 template <typename T>
17 class Lista {
18 public:
      typedef int posicion; // posición de un elto
19
      explicit Lista(size_t TamaMax); // constructor
20
      Lista(const Lista<T>& 1); // ctor. de copia
21
      Lista<T>& operator =(const Lista<T>& 1); // asignación entre
22
          listas
      void insertar(const T& x, posicion p);
23
      void eliminar(posicion p);
24
      const T& elemento(posicion p) const; // acceso a elto, lectura
25
      T& elemento(posicion p); // acceso a elto, lectura/escritura
26
      posicion buscar(const T& x) const; // requiere operador ==
27
          para el tipo T
      posicion siguiente(posicion p) const;
28
      posicion anterior(posicion p) const;
29
      posicion primera() const;
30
      posicion fin() const; // posición después del último
31
      ~Lista(); // destructor
32
```

```
33 private:
      T *elementos; // vector de elementos
34
      int Lmax; // tamaño del vector
      int n; // longitud de la lista
36
37 }:
39 // clase Lista genérica: vector pseudo—estático.
40 // Una lista de longitud n se almacena en celdas
41 // consecutivas del vector, desde 0 hasta n-1.
42 // La posición de un elemento es el índice de la celda
43 // en que se almacena.
44 //
45 // Implementación de operaciones
47 template <typename T>
   inline Lista<T>::Lista(size_t TamaMax) :
      elementos(new T[TamaMax]),
49
      Lmax(TamaMax),
50
      n(0)
51
52 {}
```

```
template <typename T>
Lista<T>::Lista(const Lista<T>& 1):
elementos(new T[1.Lmax]),
Lmax(1.Lmax),
n(1.n)

for (Lista<T>::posicion p = 0; p < n; p++) // copiar el vector
elementos[p] = 1.elementos[p];
}</pre>
```

```
64 template <typename T>
   Lista<T>& Lista<T>::operator =(const Lista<T>& 1)
66 {
      if (this != &1) { // evitar autoasignación
67
         // Destruir el vector y crear uno nuevo si es necesario
68
         if (Lmax != 1.Lmax) {
69
            delete[] elementos;
70
            Lmax = 1.Lmax;
71
            elementos = new T[Lmax];
72
73
         // Copiar el vector
74
        n = 1.n:
75
76
         for (ListaT::posicion p = 0; p < n; p++)
            elementos[p] = 1.elementos[p];
77
78
      return *this;
79
80 }
```

```
82 template <typename T>
   void Lista<T>::insertar(const T& x, Lista<T>::posicion p)
84 {
       assert(p >= 0 && p <= n); // posición válida
85
       assert(n < Lmax); // lista no llena
86
      for (Lista<T>::posicion q = n; q > p; q--)
87
          // desplazar los eltos. en p, p+1, ...
88
          elementos[q] = elementos[q-1]; // a la siguiente posición
89
      elementos[p] = x;
90
      n++:
91
92 }
93 template <typename T>
94 void Lista<T>::eliminar(Lista<T>::posicion p)
95 {
       assert(p >= 0 && p < n); // posición válida
96
97
      n--:
      for (Lista<T>::posicion q = p; q < n; q++)</pre>
98
         //desplazar los eltos. en p+1, p+2, ...
99
          elementos[q] = elementos[q+1]; // a la posición anterior
100
101 }
```

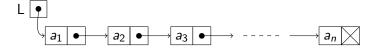
```
103 template <typename T> inline
104 const T& Lista<T>::elemento(Lista<T>::posicion p) const
105 {
      assert(p >= 0 && p < n); // posición válida
106
      return elementos[p];
107
108 }
110 template <typename T>
    inline T& Lista<T>::elemento(Lista<T>::posicion p)
112 {
      assert(p >= 0 && p < n); // posición válida
113
      return elementos[p];
114
115 }
```

```
117 template <typename T>
118 typename Lista<T>::posicion Lista<T>::buscar(const T& x)
        const
119 {
      Lista<T>::posicion q = 0;
120
      bool encontrado = false;
121
      while (q < n && !encontrado)</pre>
122
         if (elementos[q] == x)
123
            encontrado = true;
124
         else q++;
125
       return q;
126
127 }
129 template <typename T>
inline typename Lista<T>::posicion Lista<T>::siguiente(Lista<</pre>
        T>::posicion p) const
131 {
       assert(p >= 0 && p < n); // posición válida
132
       return p+1;
133
134 }
```

```
136 template <typename T>
   inline typename Lista<T>::posicion Lista<T>::anterior(Lista<T</pre>
        >::posicion p) const
138 {
      assert(p > 0 && p <= n); // posición válida
139
      return p-1;
140
141 }
142 template <typename T>
inline typename Lista<T>::posicion Lista<T>::primera() const
144 { return 0: }
146 template <typename T>
inline typename Lista<T>::posicion Lista<T>::fin() const
148 { return n; }
150 template <typename T>
inline Lista<T>::~Lista()
152 { delete[] elementos; }
154 #endif // LISTA VEC H
```

Estructura dinámica

El tamaño de la estructura de datos varía en tiempo de ejecución con el tamaño de la lista. A cambio se ocupa espacio adicional con los enlaces.



Representación de posiciones

Posición de un elemento Puntero al nodo que lo contiene Primera posición Puntero al primer nodo de la estructura Última posición (fin()) Puntero almacenado en el último nodo de la estructura, o sea, un puntero nulo.

```
1 template <typename T> class Lista {
      struct nodo; // declaración adelantada privada
2
  public:
     typedef nodo* posicion; // posición de un elemento
  Lista(); // constructor
     void insertar(const T& x, posicion& p);
   void eliminar(posicion& p);
     // .....
9 private:
     struct nodo {
10
         T elto;
11
         nodo* sig;
12
         nodo(T e, nodo* p = 0): elto(e), sig(p) {}
13
    };
14
     nodo* L; // lista enlazada de nodos
16
17 };
```

```
19 template <typename T>
20 inline Lista<T>::Lista() : L(0) {}
21 template <typename T>
void Lista<T>::insertar(const T& x, Lista<T>::posicion& p)
23 €
      nodo* q;
24
      if (p == L) // inserción al principio
26
         p = L = new nodo(x, p);
27
      else { // inserción en cualquier otra posición, incluso fin
28
         // recorrer la lista hasta el nodo q anterior a p
29
         for (q = L; q->sig != p; q = q->sig);
30
         p = q - sig = new nodo(x, p);
31
32
      // el nuevo nodo con x queda en la posición p
33
34 }
```

```
36 template <typename T>
37 void Lista<T>::eliminar(Lista<T>::posicion& p)
38 €
      nodo* q;
39
      assert(p); // p no es fin
41
      if (p == L) { /* primera posición */
42
         L = p->sig;
43
         delete p;
44
         p = L;
45
46
      else {
47
         // recorrer la lista hasta el nodo g anterior a p
48
         for (q = L; q \rightarrow sig != p; q = q \rightarrow sig);
49
         q->sig = p->sig;
50
         delete p;
51
         p = q->sig;
52
53
      // el nodo siguiente queda en la posición p
54
55 }
```

Inserción y eliminación de elementos

- **1** Los algoritmos de inserción y eliminación son de orden $\Theta(n)$ en el promedio y en el peor caso. Hay que recorrer la lista desde el inicio hasta el nodo anterior a p.
- ② En la inserción es posible evitar el recorrido copiando en el nuevo nodo el que se encuentra en la posición *p* y colocando en este el elemento que se inserta.
- 3 El recorrido al eliminar se puede evitar copiando en el nodo de la posición *p* el que le sigue y suprimiendo este.

Inserción en una lista enlazada. Versión 2

```
1 template <typename T>
void Lista<T>::insertar(const T& x, Lista<T>::posicion& p)
з {
      nodo* q;
      if (p) \{ // p \text{ no es fin} \}
         q = new nodo(p->elto, p->sig); // copia *p en *q
7
         p->elto = x;
         p->sig = q;
9
10
      else // inserción al final
11
         if (L == 0) // lista vacía
12
            p = L = new nodo(x);
13
         else {
14
            // recorrer la lista hasta el último nodo
15
            for (q = L; q->sig; q = q->sig);
16
            p = q - sig = new nodo(x);
17
18
19 }
```

Eliminación en una lista enlazada. Versión 2

```
template <typename T> void Lista<T>::eliminar(posicion& p)
2 {
3
      nodo* q;
      assert(p); // p no es fin
      if (p->sig) { // *p no es el último
         q = p->sig;
         *p = *q;
         delete q;
9
      else // eliminar el último
10
         if (p == L) { // primera posición
11
            delete p;
12
            p = L = 0; // fin
13
14
15
         else {
            // recorrer la lista hasta el penúltimo nodo
16
            for (q = L; q->sig != p; q = q->sig);
17
            delete p;
18
            p = q->sig = 0; // fin
19
20
21 }
```

Inserción y eliminación en una lista enlazada. Versión 2

- **3** Ahora la inserción y la eliminación son $\Theta(1)$ en el promedio, pero siguen teniendo un peor caso $\Theta(n)$. Hay que recorrer toda la lista para añadir un nuevo nodo al final, así como para eliminar el último.
- ② Debemos considerar la copia adicional de un elemento. Si el elemento es grande, el tiempo de recorrido ahorrado puede no compensar el tiempo extra de copia.
- **3** En definitiva, ambos algoritmos son de orden $\Theta(n)$ en el caso peor y en los demás casos puede que la ganancia de tiempo no sea significativa con la segunda versión.

Inserción y eliminación de elementos

- El parámetro posición de estas operaciones se pasa por referencia, porque un nuevo elemento ocupará dicha posición al finalizar.
- No se cumple totalmente con la especificación del TAD, porque este parámetro se debe pasar por valor.
- O Por ello, el uso del TAD Lista con esta implementación provocará errores que no se producirán con otras implementaciones.

Errores de compilación

```
1 Lista<int> 1;
2 l.insertar(5, l.fin());
3 l.insertar(3, l.primera());
4 l.insertar(4,
5 l.anterior(l.fin()));
6 l.eliminar(l.primera());
```

Correcto

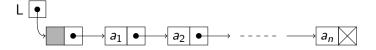
```
1 Lista<int> 1;
2 Lista<int>::posicion p;
3 p = 1.fin();
4 l.insertar(5, p);
5 l.insertar(3, p);
6 p = 1.anterior(1.fin());
7 l.insertar(4, p);
8 p = 1.primera();
9 l.eliminar(p);
```

Incumplimiento de la especificación

El código de la izquierda es correcto según la especificación del TAD, sin embargo produce errores de compilación porque no se pueden pasar por referencia a *insertar()* y *eliminar()* las posiciones devueltas por *fin()*, *primera()*, *anterior()*, *siguiente()* o *buscar()*.

Modificación de la representación del TAD Lista

Para solventar el incumpliemto de la especificación y la ineficiencia de las inserciones y eliminaciones cabiamos el modo de representar las posiciones.



Representación de posiciones

Posición de un elemento Puntero al nodo anterior

Primera posición Puntero al nodo cabecera

Última posición (fin()) Puntero al último nodo de la estructura.



```
1 #ifndef LISTA_ENLA_H
2 #define LISTA ENLA H
3 #include <cassert>
5 template <typename T> class Lista {
      struct nodo; // declaración adelantada privada
   public:
      typedef nodo* posicion; // posición de un elemento
      Lista(); // constructor, requiere ctor. T()
      Lista(const Lista<T>& 1); // ctor. de copia, requiere ctor. T()
10
      Lista<T>& operator =(const Lista<T>& 1); // asignación de
11
          listas
12
      void insertar(const T& x, posicion p);
      void eliminar(posicion p);
13
      const T& elemento(posicion p) const; // acceso a elto, lectura
14
      T& elemento(posicion p); // acceso a elto, lectura/escritura
15
```

```
posicion buscar(const T& x) const; // T requiere operador ==
16
      posicion siguiente(posicion p) const;
17
      posicion anterior(posicion p) const;
18
      posicion primera() const;
19
      posicion fin() const; // posición después del último
20
      ~Lista(); // destructor
21
   private:
      struct nodo {
23
         T elto:
24
         nodo* sig;
25
         nodo(const T& e, nodo* p = 0): elto(e), sig(p) {}
26
      };
27
      nodo* L; // lista enlazada de nodos
29
      void copiar(const Lista<T>& 1);
31
32 };
```

```
34 // Método privado
35 template <typename T>
36 void Lista<T>::copiar(const Lista<T> &1)
37 {
      L = new nodo(T()); // crear el nodo cabecera
38
     nodo* q = L;
39
     for (nodo* r = 1.L->sig; r; r = r->sig) {
40
         q->sig = new nodo(r->elto);
41
         q = q->sig;
42
43
44 }
```

```
46 template <typename T>
47 inline Lista<T>::Lista() : L(new nodo(T())) // crear cabecera
48 {}
50 template <typename T>
51 inline Lista<T>::Lista(const Lista<T>& 1)
52 {
     copiar(1);
53
54 }
56 template <typename T>
57 Lista<T>& Lista<T>::operator =(const Lista<T>& 1)
58 {
      if (this != &1) { // evitar autoasignación
59
         this->~Lista(); // vaciar la lista actual
60
         copiar(1);
61
62
     return *this;
63
64 }
```

```
66 template <typename T> inline
67 void Lista<T>::insertar(const T& x, Lista<T>::posicion p)
68 ₹
     p->sig = new nodo(x, p->sig);
69
     // el nuevo nodo con x queda en la posición p
71 }
73 template <typename T>
74 inline void Lista<T>::eliminar(Lista<T>::posicion p)
75 {
     assert(p->sig); // p no es fin
76
     nodo* q = p->sig;
77
p->sig = q->sig;
79 delete q;
     // el nodo siguiente queda en la posición p
80
81 }
```

```
83 template <typename T> inline
84 const T& Lista<T>::elemento(Lista<T>::posicion p) const
85 {
      assert(p->sig); // p no es fin
86
     return p->sig->elto;
87
88 }
90 template <typename T>
   inline T& Lista<T>::elemento(Lista<T>::posicion p)
92 {
      assert(p->sig); // p no es fin
93
     return p->sig->elto;
94
95 }
```

```
97 template <typename T>
    typename Lista<T>::posicion
      Lista<T>::buscar(const T& x) const
100 {
      nodo* q = L;
101
      bool encontrado = false;
102
      while (q->sig && !encontrado)
103
         if (q->sig->elto == x)
104
            encontrado = true;
105
         else q = q->sig;
106
      return q;
107
108 }
110 template <typename T> inline
111 typename Lista<T>::posicion
      Lista<T>::siguiente(Lista<T>::posicion p) const
112
113 {
      assert(p->sig); // p no es fin
114
      return p->sig;
115
116 }
```

```
118 template <typename T>
   typename Lista<T>::posicion
      Lista<T>::anterior(Lista<T>::posicion p) const
120
121 {
      nodo* q;
122
      assert(p != L); // p no es la primera posición
124
      for (q = L; q->sig != p; q = q->sig);
125
      return q;
126
127 }
129 template <typename T>
    inline typename Lista<T>::posicion Lista<T>::primera() const
131
      return L:
132
133 }
```

Implementación con una estructura enlazada con cabecera

```
135 template <typename T>
136 typename Lista<T>::posicion Lista<T>::fin() const
137 {
      nodo* p;
138
      for (p = L; p->sig; p = p->sig);
139
      return p;
140
141 }
143 // Destructor: destruye el nodo cabecera y vacía la lista
144 template <typename T> Lista<T>::~Lista()
145 {
      nodo* q;
146
147 while (L) {
148
      q = L - > sig;
      delete L;
149
         L = q;
150
151
152 }
154 #endif // LISTA ENLA H
```

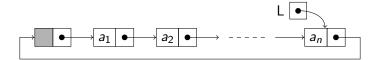
Implementación con una estructura enlazada con cabecera

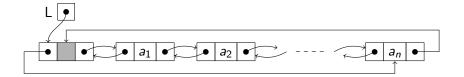
Eficiencia

- **1** Las operaciones buscar(), anterior() y fin() son $\Theta(n)$.
- **2** El resto de operaciones del TAD son $\Theta(1)$.

Estructura enlazada circular

La operación fin() se puede hacer de $\Theta(1)$ sin alterar la eficiencia de las otras operaciones y sin usar espacio adicional, representando una lista mediante una estructura enlazada circular que proporcione acceso directo al último nodo.





Representación de posiciones

Posición de un elemento Puntero al nodo anterior

Primera posición Puntero al nodo cabecera

Última posición (fin()) Puntero al último nodo de la estructura.

```
1 #ifndef LISTA DOBLE H
2 #define LISTA_DOBLE_H
3 #include <cassert>
   template <typename T> class Lista {
      struct nodo; // declaración adelantada privada
   public:
      typedef nodo* posicion; // posición de un elemento
      Lista(); // constructor, requiere ctor. T()
      Lista(const Lista<T>& 1); // ctor. de copia, requiere ctor. T()
10
      Lista<T>& operator =(const Lista<T>& 1); // asignación entre
11
           listas
      void insertar(const T& x, posicion p);
12
      void eliminar(posicion p);
13
      const T& elemento(posicion p) const; // acceso a elto, lectura
14
      T& elemento(posicion p); // acceso a elto, lectura/escritura
15
```

```
posicion buscar(const T& x) const; // T requiere operador ==
16
      posicion siguiente(posicion p) const;
17
      posicion anterior(posicion p) const;
18
      posicion primera() const;
19
      posicion fin() const; // posición después del último
20
      ~Lista(); // destructor
21
   private:
      struct nodo {
23
24
          T elto;
25
          nodo *ant, *sig;
          nodo(const \ T\& \ e, \ nodo* \ a = 0, \ nodo* \ s = 0) :
26
             elto(e), ant(a), sig(s) {}
27
      };
28
      nodo* L; // lista doblemente enlazada de nodos
30
      void copiar(const Lista<T>& 1);
32
33 };
```

```
35  // Método privado
36  template <typename T>
37  void Lista<T>::copiar(const Lista<T> &l)
38  {
39    L = new nodo(T()); // crear el nodo cabecera
40    L->ant = L->sig = L; // estructura circular
41    // Copiar elementos de |
42    for (nodo* q = l.L->sig; q != l.L; q = q->sig)
43    L->ant = L->ant->sig = new nodo(q->elto, L->ant, L);
44 }
```

```
46 template <typename T>
47 inline Lista<T>::Lista() : L(new nodo(T())) // crear cabecera
48 {
      L->ant = L->sig = L; // estructura circular
50 }
52 template <typename T>
53 inline Lista<T>::Lista(const Lista<T>& 1)
54 { copiar(1); }
56 template <typename T>
  Lista<T>& Lista<T>::operator =(const Lista<T>& 1)
58 €
      if (this != &1) { // evitar autoasignación
59
         this->~Lista(); // vaciar la lista actual
60
         copiar(1);
61
      }
62
      return *this;
63
64 }
```

```
66 template <typename T> inline
or void Lista<T>::insertar(const T& x, Lista<T>::posicion p)
68 {
     p->sig = p->sig->ant = new nodo(x, p, p->sig);
69
     // el nuevo nodo con x queda en la posición p
70
71 }
73 template <typename T>
  inline void Lista<T>::eliminar(Lista<T>::posicion p)
75 {
     assert(p->sig != L); // p no es fin
76
     nodo* q = p->sig;
77
p->sig = q->sig;
p->sig->ant = p;
  delete q;
80
     // el nodo siguiente queda en la posición p
81
82 }
```

```
84 template <typename T> inline
85 const T& Lista<T>::elemento(Lista<T>::posicion p) const
86 {
      assert(p->sig != L); // p no es fin
     return p->sig->elto;
88
89 }
91 template <typename T>
   inline T& Lista<T>::elemento(Lista<T>::posicion p)
93 {
      assert(p->sig != L); // p no es fin
94
      return p->sig->elto;
95
96 }
```

```
template <typename T>
   typename Lista<T>::posicion
      Lista<T>::buscar(const T& x) const
100
101 {
      nodo* q = L;
102
      bool encontrado = false;
103
      while (q->sig != L && !encontrado)
104
         if (q->sig->elto == x)
105
106
            encontrado = true;
107
         else q = q->sig;
      return q;
108
109 }
```

```
template <typename T> inline
    typename Lista<T>::posicion
       Lista<T>::siguiente(Lista<T>::posicion p) const
113
114 {
       assert(p->sig != L); // p no es fin
115
       return p->sig;
116
117 }
    template <typename T> inline
    typename Lista<T>::posicion
120
       Lista<T>::anterior(Lista<T>::posicion p) const
121
122 {
       assert(p != L); // p no es la primera posición
123
       return p->ant;
124
125 }
```

```
127 template <typename T>
128 inline typename Lista<T>::posicion Lista<T>::primera() const
129 {
130    return L;
131 }
133 template <typename T>
134 inline typename Lista<T>::posicion Lista<T>::fin() const
135 {
136    return L->ant;
137 }
```

```
// Destructor: Vacía la lista y destruye el nodo cabecera
    template <typename T>
   Lista<T>::~Lista()
142 {
      nodo* q;
143
    while (L->sig != L) {
144
         q = L - > sig;
145
       L->sig = q->sig;
146
147
         delete q;
148
      delete L;
149
150 }
152 #endif // LISTA DOBLE H
```