Übungen zur Vorlesung "Mathematik I"

Das nullte Übungsblatt behandelt noch nicht den Stoff der Vorlesung, sondern

- eine Wiederholung der **essentiellen** Rechenregeln aus der Schule. (Wenn Sie das nicht alles zuverlässig lösen können: üben Sie unbedingt! Es gibt zum Beispiel den folgenden Brückenkurs: https://www.ombplus.de/ombplus/public/index.html)
- Knobelaufgaben für die "mathematische Denkweise"

Grundrechenarten

Aufgabe 1. Schreiben Sie ohne Klammern und/oder vereinfachen Sie (ohne Taschenrechner) soweit wie möglich:

(a)
$$4^2 + (3+4) \cdot 3$$

(b)
$$g - (a+b) + (c-f)$$

(c)
$$(u-v)(x+y)$$

(d)
$$(6x)^2$$

(e)
$$(2h-3f)^2$$

(f)
$$(m+2n)^3$$

(g)
$$\frac{(2^2)^3}{2}$$

(h)
$$\frac{a^b}{a^2}$$

(i)
$$\frac{a^5 \cdot a^{11}}{a^3 \cdot 5}$$

Bruchrechnen

Aufgabe 2. Vereinfachen Sie soweit möglich:

(a)
$$-\frac{7}{20} - \frac{1}{20}$$

(b)
$$\frac{1}{2} + \frac{1}{6}$$

(c)
$$\frac{\frac{4}{9} \cdot 3}{10 \cdot \frac{91}{7}}$$

(d)
$$\frac{7a+7b}{\frac{a+b}{a-b}}$$

(e)
$$\frac{a^2c+2abc+cb^2}{ac+bc}$$

(f)
$$\frac{2-3a}{2} + \frac{1+\frac{9}{2}a}{3}$$

Aufgabe 3. Bringen Sie auf einen Hauptnenner:

(a)
$$\frac{10}{3a} - \frac{7}{2b} + \frac{5}{6}$$

(b)
$$\frac{9}{x-3} - \frac{-2x}{3y}$$

Binomische Formeln

Aufgabe 4. Vereinfachen Sie soweit wie möglich:

(a)
$$\frac{(t^2-6t+9)(9+6t+t^2)}{(t^2-9)}$$

(b)
$$\frac{y^3 - 8y^2 + 16y}{y - 4}$$

(c)
$$\frac{-2f^2+16fh-32h^2}{-2f^2+32h^2}$$

(Un-)Gleichungen mit einer Variablen

Aufgabe 5. Lösen Sie folgende Gleichungen nach x auf:

(a)
$$a + x = b$$

(b)
$$x^2 + 4x + 4 = 0$$

(c)
$$\frac{x-6}{x} = 4$$

(d)
$$4(2x-7) = 3x - 5(2-x)$$

(e)
$$x^3 = 4x^2$$

(f)
$$(x+2)^2 = x(x-4)$$

(g)
$$\frac{2a-1}{3-x} = 4a + 2$$

Aufgabe 6. Geben Sie die Lösungsmengen an:

(a)
$$x^2 + 3x - 4 = 0$$

(b)
$$x^2 - 3x - 4 = 0$$

(c)
$$|x-3| = \frac{1}{2} - \frac{1}{3}$$

- (d) |x-3| = |x+2|. Tipp: |x-3| ist der Abstand zwischen x und 3.
- (e) 3x + 3 < 5x + 5
- (f) $2x + 3 > x^2$
- (g) $\frac{2x+3}{x} \ge x$

Knobelaufgaben

Aufgabe 7. Nach einem Banküberfall gibt es drei Verdächtige: Anton, Berta, und Christian. Die Befragung dreier Zeugen ergibt folgende Aussagen: - Der Bankräuber ist Anton. - Der Bankräuber ist nicht Berta. - Der Bankräuber ist nicht Anton. Wer ist der Bankräuber, wenn wir voraussetzen, dass nur genau eine der Zeugenaussagen korrekt ist?

Aufgabe 8. Max Plappermaul ist ein notorischer Lügner. An 6 Tagen in der Woche lügt er, nur an einem Tag in der Woche (immer derselbe) sagt er die Wahrheit. An drei direkt aufeinanderfolgenden Tagen behauptet er:

- Tag 1: Ich lüge am Montag und Dienstag.
- Tag 2: Es ist heute Donnerstag, Samstag, oder Sonntag
- Tag 3: Ich lüge am Mittwoch und am Freitag

An welchem Tag sagt Max die Wahrheit?