

### Vorlesung Digitaltechnik

Lösungsvorschläge

Prof. Dr.-Ing. Jürgen Welter Wintersemester 23/24



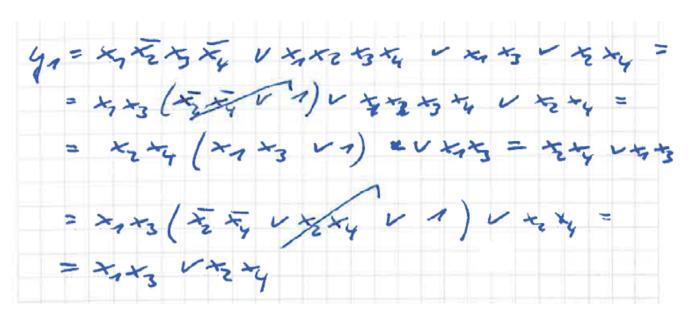
# Kapitel 2 Entwurf und Realisierung kombinatorischer Schaltungen



#### 1. Vereinfachen Sie:

$$\begin{aligned} y_1 &= X_1 \overline{X_2} X_3 \overline{X_4} \lor X_1 X_2 X_3 X_4 \lor X_1 X_3 \lor X_2 X_4 = \underbrace{\times_{\iota} \times_{\iota} + \times_{\iota} \times_{\iota}}_{\iota} + \underbrace{\times_{\iota} \times_{\iota} + \times_{\iota} \times_{\iota}}_{\iota} \\ y_2 &= \overline{X_1} X_3 \overline{X_4} \lor X_1 X_2 X_3 \lor X_2 \overline{X_3} \lor X_1 \overline{X_2} = \underbrace{\times_3 \times_{\iota} + \times_{\iota} \times_{\iota}}_{\iota} + \underbrace{\times_{\iota} \times_{\iota} + \times_{\iota} \times_{\iota}}_{\iota} + \underbrace{\times_{\iota} \times_{\iota} \times_{\iota}}_{\iota} + \underbrace{\times_{\iota} \times_{\iota}}_{\iota} + \underbrace{\times_{\iota} \times_{\iota}}_{\iota} \\ y_3 &= X_1 X_2 \overline{X_3} \overline{X_4} \lor \overline{X_1} X_2 \overline{X_3} \overline{X_4} \lor \overline{X_1} \overline{X_2} \overline{X_3} \overline{X_4} \lor \overline{X_1} X_2 \overline{X_3} X_4 \lor \underbrace{X_1} X_2 X_3 \overline{X_4} = \underbrace{\times_{\iota} \times_{\iota} + \times_{\iota} \times_{\iota}}_{\iota} + \underbrace{\times_{\iota} \times_{\iota}}_{\iota} + \underbrace{\times_{\iota} \times_{\iota}}_{\iota} \\ y_4 &= (X_1 \lor X_2 \lor \overline{X_4}) \land (X_1 \lor \overline{X_2}) = \underbrace{\times_{\iota} \times_{\iota}}_{\iota} + \underbrace{\times_{\iota}}_{\iota} \\ y_5 &= (X_1 \lor X_2 \lor \overline{X_3}) \land (X_2 \lor \overline{X_3} \lor X_4) \land (\overline{X_3} \lor X_4) \land (X_2 \lor X_3) = \underbrace{\times_{\iota} \times_{\iota}}_{\iota} + \underbrace{\times_{\iota}$$









```
45= (x, vx, vx) (x2 vx, ) (x3 vx,) (x3 vx,) (x2 vx)
              (x_2 \ v \ a) \alpha = |\alpha = \overline{x_3} \ v x_4
              xzava =
              \alpha(x_2 \vee 1) = \alpha
  = (x1 v x2 v x3) (x3 v x4) (x2 v x3)
  = (キャンセンをう) (まなレなないなないななり
  = ちたないななないななないななないなない
       *4ちないなないなるないなるないなり
    変をレメ4をレメ4ななレメ4をレるな
  = +3 x2 V x4 x7 V x4 x3 x7
```



- 2. Welche der Gleichungen liegt in der disjunktiven Normalform vor? 3
- 3. Erweitern Sie Gleichung 1, sodass sie in der disjunktiven Normalform vorliegt.



4. Erweitern Sie Gleichung 4, sodass sie in der konjunktiven Normalform vorliegt.

$$y_{4} = (x_{1} v x_{1} v \overline{x_{4}}) (x_{1} v \overline{x_{2}}) = \\
= ((x_{1} v x_{1} v \overline{x_{4}}) v (x_{3} x \overline{x_{3}})) (x_{1} v \overline{x_{2}}) \\
= (x_{1} v x_{2} v x_{3} v \overline{x_{4}}) (x_{1} v x_{2} v \overline{x_{3}} v \overline{x_{4}}) (x_{1} v \overline{x_{2}} v x_{3}) (x_{1} v \overline{x_{2}} v \overline{x_{3}}) \\
= (x_{1} v x_{2} v x_{3} v x \overline{x_{4}}) (x_{1} v x_{2} v \overline{x_{3}} v \overline{x_{4}}) (x_{1} v \overline{x_{2}} v x_{3} v x_{4}) (x_{1} v x_{2} v$$



5. Erstellen Sie die Wertetabellen aus den Gleichungen.

1	-2	-2	4	1
хl	x2	х3	x4	yl
0	0	0	0	0
0	0	0	1	0
0	0	1	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	0	0
0	1	0	1	1
0	1	1	0	0
0	1	1	1	1
1	0	0	0	0
1	0	0	1	0
1	0	1	0	1
1	0	1	1	1
1	1	0	0	0
1	1	0	1	1
1	1	1	0	1
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1



#### 1. Vereinfachen Sie mit Hilfe der Booleschen Algebra.

$$y_{1} = (x_{1} \lor 1) \land (x_{3} \lor 0) = x_{3}$$

$$y_{2} = (x_{1} \land 1) \lor (x_{2} \land 0) = x_{1}$$

$$y_{3} = \overline{x_{1}} x_{2} \overline{x_{3}} \lor \overline{x_{1}} \overline{x_{2}} \overline{x_{3}} \lor \overline{x_{1}} \overline{x_{2}} x_{3} \lor \overline{x_{1}} x_{2} x_{3} = x_{1}$$

$$y_{4} = (x_{1} \overline{x_{2}} \lor \overline{x_{1}} x_{3}) \land (x_{2} \overline{x_{3}} \lor \overline{x_{1}} x_{2}) = \overline{x_{1}} x_{2} x_{3}$$

$$y_{5} = \overline{x_{1}} (x_{2} \overline{x_{3}} \lor \overline{x_{2}} x_{3}) \lor x_{1} (x_{2} \overline{x_{3}} \lor x_{2} x_{3}) = \overline{x_{1}} x_{2} x_{3} \lor x_{1} x_{2}$$

$$y_{6} = (x_{1} x_{2} \lor \overline{x_{1}} x_{3}) x_{1} x_{2} \overline{x_{3}} \lor x_{1} x_{3} = x_{1} x_{2} x_{3} \lor x_{1} x_{2}$$

$$y_{7} = (\overline{x_{1}} \lor \overline{x_{2}} x_{3}) \land (\overline{x_{1}} x_{2} \lor \overline{x_{2}} x_{3}) = \overline{x_{1}} x_{2} x_{3} \lor x_{1} x_{2}$$







$$\frac{1}{96} = \left( \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times$$



### Kapitel 3 Karnaugh-Veitch-Diagramm



1. Bestimmen Sie die minimalen Schaltausdrücke für  $y_1 \dots y_4$  in disjunktiver Normalform.

	$X_2 \overline{X_1}$	$\overline{X_2}X_1$	$X_2X_1$	$X_2\overline{X_1}$
$\overline{X_4}\overline{X_3}$	1	1	1	1
$\overline{X_4}X_3$	0	0	1	0
$X_4X_3$	0	0	1	0
$X_4\overline{X_3}$	1	0	0	1

$$y_1 =$$

Lösungsvorschläge 15

Entspr. allen 1-en ours W!



1. Bestimmen Sie die minimalen Schaltausdrücke für  $y_1 \dots y_4$  in disjunktiver Normalform.

	$\overline{X_2}\overline{X_1}$	$\overline{X_2}X_1$	$X_2X_1$	$X_2\overline{X_1}$	
$\overline{X_4}\overline{X_3}$	0	1	0	0	
$\overline{X_4}X_3$	0	1	0	0	
$X_4X_3$	0	0	1	1	
$X_4 \overline{X_3}$	0	1	0	0	$y_2 =$



2. Bestimmen Sie die minimalen Schaltausdrücke für  $y_1 \dots y_4$  in konjunktiver Normalform.

$$y_1 =$$

yn: Min. Schaldansdruck: 
$$y_1 = (\overline{x_3} \vee x_1)(\overline{x_3} \vee x_3)(\overline{x_4} \vee x_3 \vee \overline{x_5})$$

Konj. Normform:  $y_1 = (x_4 \vee \overline{x_3} \vee x_2 \vee x_3)(x_4 \vee \overline{x_3} \vee x_2 \vee \overline{x_1})$ 
 $(x_4 \vee \overline{x_3} \vee \overline{x_2} \vee x_3)(\overline{x_4} \vee \overline{x_3} \vee \overline{x_2} \vee x_1)$ 
 $(\overline{x_4} \vee \overline{x_3} \vee x_2 \vee \overline{x_1})(\overline{x_4} \vee \overline{x_3} \vee \overline{x_2} \vee x_1)$ 
 $(\overline{x_4} \vee \overline{x_3} \vee x_2 \vee \overline{x_1})(\overline{x_4} \vee \overline{x_3} \vee \overline{x_2} \vee \overline{x_1})$ 
 $(\overline{x_4} \vee \overline{x_3} \vee \overline{x_2} \vee \overline{x_1})(\overline{x_4} \vee \overline{x_3} \vee \overline{x_2} \vee \overline{x_1})$ 



2. Bestimmen Sie die minimalen Schaltausdrücke für  $y_1 \dots y_4$  in konjunktiver Normalform.

	$\overline{X_2}\overline{X_1}$	$\overline{X_2}X_1$	$X_2X_1$	$X_2\overline{X_1}$
$\overline{X_4}\overline{X_3}$	0	1	0	0
$\overline{X_4}X_3$	0	1	0	0
$X_4X_3$	0	0	1	1
$X_4 \overline{X_3}$	0	1	0	0

$$y_2 =$$

42: Min. Schaltansdr.: 92 = (x2 v x3)(x4 v x3 v x2)(x4 v x2) (x3 v x2)



3. Bestimmen Sie die minimalen Schaltausdrücke für  $y_5 \dots y_8$ . Wählen Sie die Normalform, die zu einer kleineren Gleichung führt.

	$\overline{X}_2 \overline{X}_1$	$\overline{X_2}X_1$	$X_2X_1$	$X_2 \overline{X_1}$
$\overline{X_4}\overline{X_3}$	1	0	0	0
$\overline{X_4}X_3$	0		1	1
$X_4X_3$	0		0	0
$X_4\overline{X_3}$		0	0	1



Kürzen Sie mit Hilfe des Karnaugh-Verfahrens folgende Ausdrücke:

$$y_{10} = \overline{X_1} \overline{X_2} \vee \overline{X_1} X_2 X_3 \vee X_1 \overline{X_2} \overline{X_4} \vee X_1 \overline{X_2} X_3 \overline{X_4} = \overline{X_1} \overline{X_2} \overline{X_4} \vee \overline{X_1} \overline{X_2} \overline{X_3} \vee \overline{X_1} \overline{X_2} \overline{X_1} \overline{X_2} \overline{X_1} \times \overline{X_1} \overline{X_2$$

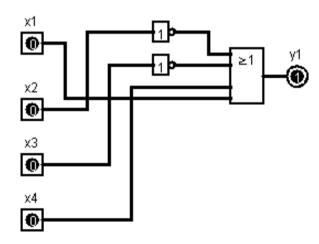


# Kapitel 5 Entwurf und Realisierung kombinatorischer Schaltungen



Realisieren Sie die folgende Gleichungen mittels UND-, ODER, und NICHT-Glieder. Vereinfachen Sie die Gleichung wenn möglich.

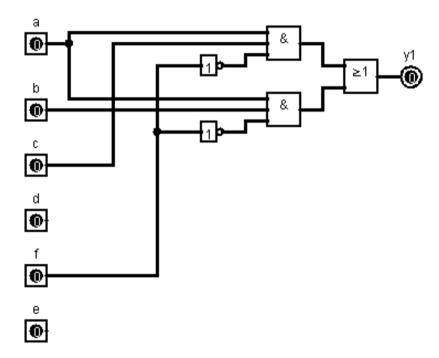
$$y_1 = \overline{x_2} \overline{x_4} \vee \overline{x_1} \overline{x_3} = \overline{x_2} + \overline{x_3} + x_4 + x_1$$





Realisieren Sie die folgende Gleichungen mittels UND-, ODER, und NICHT-Glieder. Vereinfachen Sie die Gleichung wenn möglich.

$$y_2 = (ab \lor ac) \land (\overline{(bd \lor a)} \land (\overline{e \lor ad})) \lor f)$$
 = acf+abf





Entwerfen Sie die Schaltungen entsprechend der Schaltbelegungstabelle auf der nächsten Seite unter ausschließlicher Verwendung von

mit UND, ODER und NICHT-Gliedern.

$$y_1 = \overline{x_4}\overline{x_1} + x_3 x_2 x_1 + x_4 \overline{x_3}\overline{x_2}$$

