

Trabalho Prático 1 - Identificação de Objetos Oclusos

Victor Kaizer
Matrícula: 2024096551

October 2025

Contents

1	Introdução	3
2	Método	3
2.1	Estruturas de Dados Principais	3
2.2	Algoritmo de Construção da Cena Visível	3
3	Análise de Complexidade	4
3.1	Análise de Tempo	4
3.1.1	Comandos 'O' (Novo Objeto) e 'M' (Mover Objeto)	4
3.1.2	Comando 'C' (Construir Cena)	4
3.1.3	Complexidade Total de Tempo para o Comando 'C'	5
3.2	Análise de Espaço	5
3.2.1	Estrutura de Dados	5
3.2.2	Complexidade Total de Espaço	5
3.2.3	Conclusão	6
4	Estratégias de Robustez	6
4.1	Validação de Entradas	6
4.2	Gerenciamento de Memória e Tratamento de Exceções	6
4.3	Programação Defensiva	6
4.4	Tratamento de Erros Lógicos	6
5	Análise Experimental de Tempo de Execução	6
5.1	Resultados	6
5.2	Conclusão	7
6	Análise Experimental dos Gargalos no Algoritmo	7
6.1	Decomposição do Tempo de Execução por Etapa	7
6.2	Análise dos Gargalos nas Filas	7
6.3	Conclusão	8
7	Conclusão	8
8	Bibliografia	9

1 Introdução

Um dos desafios centrais no desenvolvimento de jogos eletrônicos é a otimização do desempenho para garantir uma experiência fluida ao jogador. Uma estratégia fundamental para alcançar alta performance é o descarte de objetos oclusos (*Occlusion Culling*), que consiste em evitar o processamento de elementos da cena que não estão visíveis para a câmera.

Este trabalho detalha o desenvolvimento de um sistema de oclusão de objetos para a empresa Jolambs. O objetivo é melhorar o desempenho de seus jogos ao não renderizar objetos que estão totalmente obstruídos por outros. Para isso, o sistema utiliza uma ordem de prioridade para determinar quais objetos devem ser processados e enviados ao pipeline de renderização a cada quadro da cena.

2 Método

O sistema de oclusão foi desenvolvido na linguagem C++, utilizando o paradigma de Programação Orientada a Objetos para modelar as entidades da cena e encapsular a lógica de visibilidade. A abordagem se baseia no processamento sequencial de objetos, ordenados por prioridade, para construir uma representação final dos segmentos visíveis a partir de uma perspectiva unidimensional (eixo X).

2.1 Estruturas de Dados Principais

Para organizar os elementos da cena e os resultados do processamento, foram definidos Tipos Abstratos de Dados (TADs) específicos:

- **Objeto:** Representa um elemento individual no mundo do jogo. Cada objeto contém os seguintes atributos:
 - **id:** Um identificador único.
 - **inicioX:** A coordenada inicial do objeto no eixo X.
 - **fimX:** A coordenada final do objeto no eixo X.
 - **coordenadaY:** A coordenada que define a profundidade do objeto na cena
- **ItemVisível:** Estrutura auxiliar que representa um segmento contínuo que está visível na cena. É o resultado do algoritmo de oclusão e contém:
 - **id_objeto:** O ID do objeto ao qual este segmento pertence.
 - **x_inicial_visivel:** A coordenada X onde o segmento visível começa.
 - **x_final_visivel:** A coordenada X onde o segmento visível termina.
- **Cena:** A classe principal que gerencia a coleção de objetos e executa o algoritmo de visibilidade. Seus principais componentes são:
 - Um vetor ou lista de **ItemVisível**, que armazena todos os segmentos já calculados como visíveis.
 - O método **ConstruirCena()**, que implementa a lógica central de oclusão.

2.2 Algoritmo de Construção da Cena Visível

O coração do método é o algoritmo implementado em **Cena::ConstruirCena**. Ele processa uma lista de objetos, previamente ordenados por prioridade, e determina quais porções de cada objeto são visíveis. A lógica funciona da seguinte forma:

1. **Inicialização:** O primeiro objeto da lista (de maior prioridade) é considerado totalmente visível. Seus limites são adicionados como o primeiro **ItemVisível** na cena.
2. **Processamento Iterativo:** Para cada objeto subsequente na lista de prioridade, o algoritmo tenta encontrar "lacunas" visíveis entre os segmentos já presentes na cena.
3. **O "Cursor" de Varredura:** Para cada novo objeto, um marcador de posição, ou **cursor_x**, é inicializado na posição **inicioX** do objeto. Este cursor percorre o eixo X para identificar onde o objeto pode ser "visto".

4. **Detecção de Lacunas:** O algoritmo itera pela lista de `ItemVisivel` (que chamaremos de "bloqueadores") já existentes na cena:
 - Se o `cursor_x` estiver antes do início de um bloqueador, significa que há uma lacuna visível. Um novo `ItemVisivel` é criado para o objeto atual, começando no `cursor_x` e terminando no início do bloqueador (ou no fim do próprio objeto, o que vier primeiro).
 - Em seguida, o `cursor_x` é "avançado" para o final desse bloqueador, pois todo o espaço coberto pelo bloqueador está, por definição, ocluso.
5. **Segmento Final:** Após verificar todos os bloqueadores, se o `cursor_x` ainda não tiver alcançado o final do objeto atual, significa que o restante do objeto está visível. Um último segmento visível é criado dessa posição final do cursor até o `fimX` do objeto.
6. **Atualização da Cena:** Todos os novos segmentos visíveis encontrados para o objeto atual são adicionados à lista de `ItemVisivel` da cena, que se torna mais completa para o cálculo do próximo objeto.

Este método garante que, ao final do processo, a classe `Cena` contenha uma lista otimizada contendo apenas os segmentos de objetos que devem ser efetivamente renderizados.

3 Análise de Complexidade

A seguir, será apresentada a análise individual de cada etapa do algoritmo em relação à complexidade de tempo e espaço. A análise considera N como o número de objetos de entrada e avalia sempre o pior caso de execução.

3.1 Análise de Tempo

A complexidade de tempo varia de acordo com o comando executado ('O', 'M' ou 'C').

3.1.1 Comandos 'O' (Novo Objeto) e 'M' (Mover Objeto)

Ambos os comandos mantêm a lista principal de objetos ordenada por sua profundidade (coordenada Y), que funciona como a prioridade de oclusão.

- A operação principal em ambos os casos é a chamada à função `insertionSort` após a adição ou modificação de um único objeto.
- Como o vetor de N objetos já se encontra ordenado, a inserção de um novo elemento (comando 'O') ou a alteração da posição de um elemento (comando 'M') deixa o vetor no estado "quase ordenado".
- A grande vantagem do `Insertion Sort` é seu desempenho em vetores quase ordenados, que se aproxima de um tempo linear.
- Portanto, a complexidade de tempo para os comandos 'O' e 'M' é $O(N)$.

3.1.2 Comando 'C' (Construir Cena)

Esta é a operação mais custosa do sistema, e é composta por duas sub-etapas: a construção da cena em si e a ordenação final para exibição.

1. Construção da Cena (Função ConstruirCena) A análise desta função é a mais complexa devido aos seus laços aninhados.

- A função possui um **laço externo principal** que itera sobre cada um dos N objetos (de $i = 0$ até $N - 1$).
- Dentro deste laço, para cada objeto i , o algoritmo primeiro constrói um vetor temporário de "bloqueadores" contendo todos os objetos de 0 até $i - 1$. Esta cópia tem custo $O(i)$.
- Em seguida, a função `mesclarItensVisiveis` é chamada para este vetor temporário de i bloqueadores.

- **mesclarItensVisiveis** agora chama internamente **mergeSortPorX** em seus i elementos. Seu custo é de $O(i \log i)$ no pior caso.
- Como essa operação de $O(i \log i)$ está **dentro** do laço externo que vai até N , a complexidade total da função **ConstruirCena** é a soma do custo de cada iteração:

$$\sum_{i=0}^{N-1} O(i \log i) = O(1 \log 1 + 2 \log 2 + \dots + (N-1) \log(N-1))$$

- A soma desta série é dominada pelos termos maiores, resultando em uma complexidade total de $O(N^2 \log N)$. Portanto, a complexidade de tempo da função **ConstruirCena** é $O(N^2 \log N)$.

2. Ordenação Final e Exibição Após a construção, a lista de M segmentos visíveis é ordenada por ID para a exibição.

- Esta função utiliza o **mergeSort**, um algoritmo eficiente com complexidade de $O(M \log M)$, onde M é o número de itens visíveis.
- No pior caso, M é proporcional a N , resultando em uma complexidade de $O(N \log N)$.

3.1.3 Complexidade Total de Tempo para o Comando 'C'

A complexidade total é a soma das etapas, dominada pelo termo de maior crescimento.

- **Tempo Total ('C')** = (Tempo de Construção) + (Tempo de Ordenação Final)
- **Tempo Total ('C')** = $O(N^2 \log N) + O(N \log N)$

A complexidade final do comando 'C', é:

$$T_C(N) = O(N^2 \log N)$$

3.2 Análise de Espaço

A análise de espaço considera a memória estática e dinâmica utilizada pelo algoritmo, tratando N como o número de objetos ativos (até o limite de 100).

3.2.1 Estrutura de Dados

As principais fontes de consumo de memória são:

- **Arrays Estáticos Principais:** O **vetorObjetos**, o **Cena::itens** e o vetor local **bloqueadores** são todos arrays estáticos com capacidade fixa ($C=100$), ocupando um espaço constante $O(C)$.
- **Vetores Auxiliares do Merge Sort:** Arrays (**esquerda**, **direita**) alocados dinamicamente na heap durante a execução do **mergeSort**. Seu espaço combinado é proporcional ao número de elementos (K) que estão sendo ordenados, consumindo memória auxiliar de $O(K)$.

3.2.2 Complexidade Total de Espaço

A complexidade total é a soma do espaço de armazenamento primário e do espaço de trabalho auxiliar.

- **Espaço Primário:** Composto pelos arrays estáticos de capacidade fixa, este espaço é constante: $O(1)$.
- **Espaço Auxiliar:** Dominado pela memória alocada pelo **mergeSort**, que cresce linearmente com o número de elementos ativos, N . Sua complexidade é, portanto, $O(N)$.

A soma $O(1) + O(N)$ é dominada pelo termo linear. Assim, a complexidade total de espaço do algoritmo é:

$$E(N) = O(N)$$

Este crescimento linear se deve à memória temporária exigida pelo **mergeSort**, que escala com a quantidade de dados processados.

3.2.3 Conclusão

A análise de espaço conclui que a complexidade total do algoritmo é $O(N)$. Esse crescimento linear é atribuído à memória auxiliar dinâmica exigida pelo `mergeSort`, que se sobrepõe ao espaço constante $O(1)$ das estruturas de dados estáticas principais. O sistema, portanto, possui um consumo de memória de trabalho que escala de forma previsível com o número de objetos na cena.

4 Estratégias de Robustez

Para aumentar a confiabilidade do sistema, diversas estratégias de robustez foram implementadas, focando na validação de entradas, gerenciamento de memória, programação defensiva e tratamento de erros lógicos.

4.1 Validação de Entradas

- **Prevenção de Buffer Overflow:** Foram implementadas checagens de limite antes de todas as inserções nos arrays estáticos, eliminando o risco de estouro de buffer.
- **Tratamento de Entradas Malformadas:** O estado do `std::cin` é validado após cada leitura, usando `clear()` e `ignore()` para descartar entradas inválidas e garantir a continuidade da execução.

4.2 Gerenciamento de Memória e Tratamento de Exceções

- **Tratamento de Falhas de Alocação:** As alocações de memória com `new[]` nas funções de ordenação são protegidas por blocos `try-catch` para capturar a exceção `std::bad_alloc`, prevenindo que o programa falhe de forma abrupta por falta de memória.

4.3 Programação Defensiva

- **Validação de Premissas:** Asserções (`assert`) foram adicionadas para validar pré-condições em tempo de desenvolvimento, como ponteiros não nulos e tamanhos de array não negativos.
- **Interfaces Seguras:** A robustez das interfaces foi aprimorada com o uso de `const` para proteger dados contra modificações acidentais e com a substituição de ponteiros por referências (`int&`), eliminando riscos de ponteiros nulos.

4.4 Tratamento de Erros Lógicos

- **Feedback de Operações:** O sistema fornece feedback explícito na saída de erro (`std::cerr`) para falhas lógicas, como a não localização de um objeto pelo seu ID, melhorando a usabilidade.

5 Análise Experimental de Tempo de Execução

Para validar a análise de complexidade teórica, o tempo de execução do comando 'C' (Construir Cena) foi medido para um número crescente de objetos (N), variando de 1 a 100. O Gráfico 1 (ou a Figura 1) apresenta a comparação entre o tempo real medido (em milissegundos) e a curva de complexidade teórica de $O(N^2 \log N)$, que foi a complexidade final determinada para o algoritmo otimizado.

5.1 Resultados

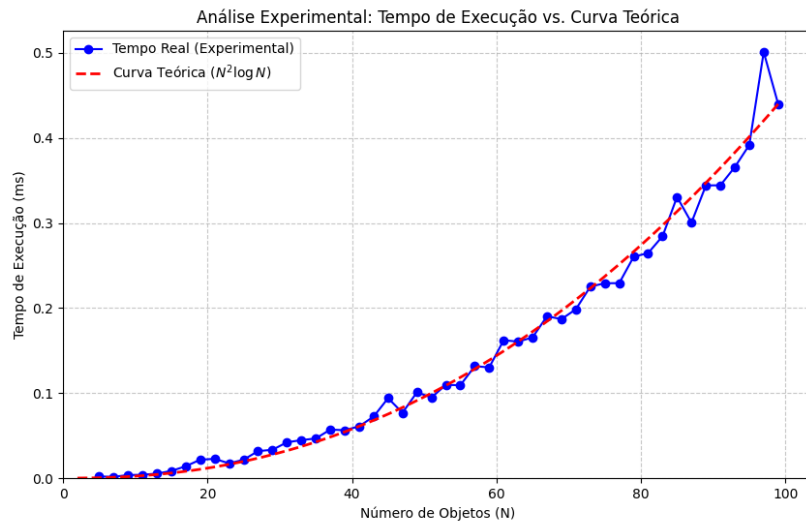


Figure 1: Comparação entre o tempo de execução experimental e a curva de complexidade teórica de $O(N^2 \log N)$.

5.2 Conclusão

A análise experimental valida com sucesso a complexidade teórica de $O(N^2 \log N)$ para o algoritmo de construção de cena. A aderência dos dados práticos à curva teórica demonstra que o modelo de complexidade é um bom preditor do desempenho do sistema em função do aumento da carga de trabalho.

6 Análise Experimental dos Gargalos no Algoritmo

Foram realizados testes de desempenho com 1 a 100 objetos gerados aleatoriamente para simular um cenário de uso genérico. A análise mediu o tempo de execução de cada etapa fundamental do algoritmo para identificar os principais gargalos computacionais do sistema.

6.1 Decomposição do Tempo de Execução por Etapa

O tempo total de processamento da cena foi decomposto em suas etapas sequenciais, que foram cronometradas individualmente. A Tabela 1 resume os tempos médios de cada etapa para uma cena com 100 objetos, com o objetivo de quantificar a contribuição de cada parte para o custo computacional total.

Table 1: Decomposição do tempo médio de execução por etapa do algoritmo para uma entrada de $N=100$ objetos.

Etapa do Algoritmo	Tempo Médio (ms)
Ordenação de Entrada (por Y)	0.0125
Construção da Cena	0.4213
Ordenação da Saída (por ID)	0.0034
Tempo Total	0.4372

6.2 Análise dos Gargalos nas Filas

A Figura 2 apresenta uma análise comparativa do tempo de execução médio para cada uma das três etapas principais do algoritmo, em função do número de objetos (N). A visualização dos dados consolida as descobertas da análise de complexidade e identifica o gargalo computacional do sistema de forma inequívoca.

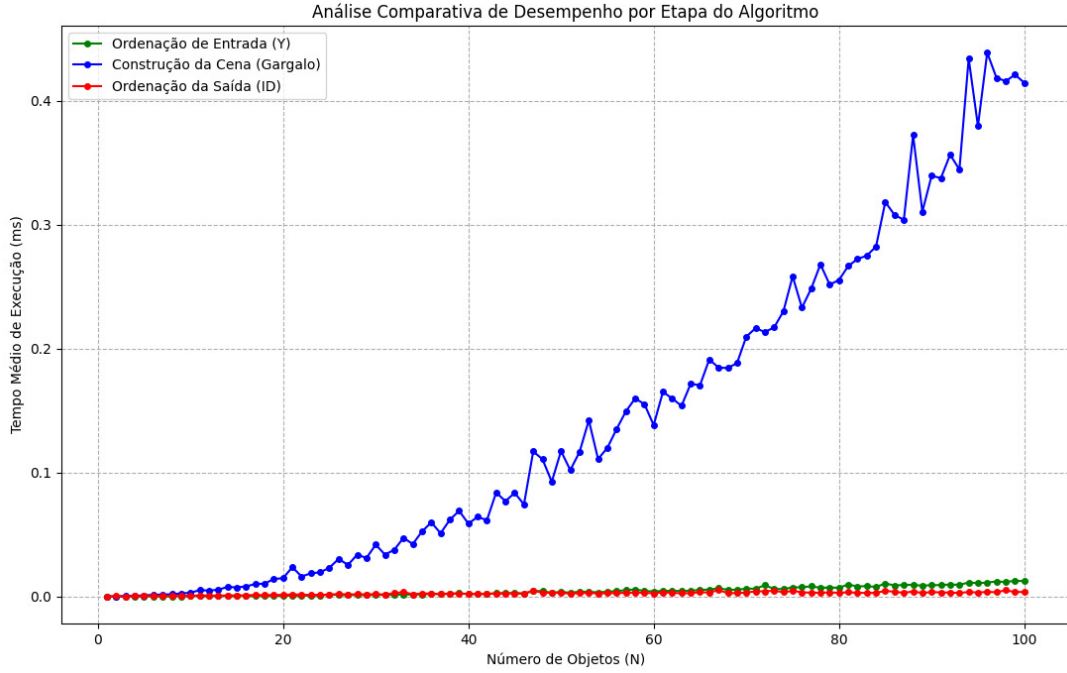


Figure 2: Análise comparativa do tempo de execução médio para cada etapa do algoritmo, evidenciando a função `ConstruirCena` como o principal gargalo.

6.3 Conclusão

A análise experimental, consolidada visualmente na Figura 2, confirma de maneira inequívoca que a função `ConstruirCena` representa o principal gargalo de desempenho do sistema. Este resultado é perfeitamente consistente com a análise de complexidade teórica, que apontou uma complexidade de $O(N^2 \log N)$ para a construção da cena, em contraste com as complexidades inferiores das etapas de ordenação.

7 Conclusão

Este trabalho lidou com o problema de otimização de desempenho em aplicações gráficas, na qual a abordagem utilizada para sua resolução foi o desenvolvimento de um sistema de descarte de objetos oclusos em C++. A solução implementa uma variação de algoritmos clássicos, como o Princípio do Pintor, ao processar objetos por ordem de profundidade, combinado com um algoritmo de varredura unidimensional para determinar os segmentos visíveis.

Com a solução adotada, pode-se verificar que a abordagem é eficaz tanto em tempo quanto em espaço. A análise de complexidade, validada experimentalmente, demonstrou que a construção da cena opera em tempo $O(N^2 \log N)$ e as atualizações de objetos em tempo linear, $O(N)$. A análise de espaço concluiu que o algoritmo possui um crescimento linear, $O(N)$. Além disso, a análise experimental de gargalos comprovou que a função `ConstruirCena` é, de fato, a etapa de maior custo computacional, alinhando a teoria com a prática.

Por meio da resolução desse trabalho, foi possível praticar os conceitos relacionados à análise teórica e experimental de algoritmos, como a notação Big-O para tempo e espaço. Adicionalmente, a implementação permitiu aprofundar conhecimentos em C++, incluindo a aplicação de algoritmos de ordenação, o gerenciamento de memória e a implementação de estratégias de programação defensiva para garantir a robustez do software.

Durante a implementação da solução para o problema, houveram importantes desafios a serem superados, por exemplo, a correta análise da complexidade de tempo dos laços aninhados do algoritmo, que levou a uma otimização de $O(N^3)$ para $O(N^2 \log N)$. Outro desafio foi garantir o gerenciamento de memória seguro sem o uso de contêineres da STL, além da correta formatação e posicionamento de elementos gráficos no relatório técnico com LaTeX.

8 Bibliografia

References

- [1] Foley, J. D., van Dam, A., Feiner, S. K., & Hughes, J. F. (1990). *Computer Graphics: Principles and Practice*. Addison-Wesley.
- [2] *cppreference.com*. (2025). C++ reference. Acessado em Outubro de 2025, de <https://en.cppreference.com/>
- [3] Chaimowicz, L. (2023) *Slides virtuais da disciplina de Programação e Desenvolvimento de Software II* Disponibilizado via moodle
- [4] Anisio, Marcio, Wagner and Washington *Slides virtuais da disciplina de Estrutura de Dados* Disponibilizado via moodle