

## N9

Szymon Pach

Dla uproszczenia implementacji użyłem biblioteki Eigenlib (którą załączam w tym pliku), która służy mi do przechowywania wektorów i macierzy.

Do obliczenia macierzy użyłem trzech metod; potęgowej, Rayleigha i iteracyjnej metodą QR.

### **Wartości własne:**

(0.025574373,0)

(8.5485129,0)

(-4.5740872,0)

Wartosci własne:

(0.0255743726343174,0)

(8.54851285322277,0)

(-4.57408722585711,0)

Potegowa:

8.54851245880127

-4.57408714294434

0.0255743730813265

Rayleigha

8.54851245880127

-4.57408714294434

0.0255746841430664

QR

8.54851285076584

-4.57408722340015

0.0255743726343184

```
1.  #include<string>
2.  #include<iostream>
3.  #include<cmath>
4.  #include<algorithm>
5.  #include<cstring>
6.  #include<Eigen/Dense>
7.  using namespace Eigen;
8.
9.  void powIteration(Matrix3d* m, double* eVals) {
10.      VectorXd out(3), tmp(3);
11.      double prevFactor = 0;
12.      VectorXd vec(3);
13.      vec<< 1, 1, 1;      //losowy wektor, wybrałem [1,1,1]
14.      float currentFactor;
15.      int counter = 0;
16.      for(int i = 0 ; i<3;i++) {
17.          while(true) {
18.              std::cout<<"counter = "<<counter<<std::endl;
19.              out = *m * vec;
20.              out /= out.norm();
21.              tmp = *m * out;
22.              currentFactor = out.dot(tmp);
23.              vec = out;
24.              std::cout<<fabs(prevFactor-currentFactor)<<std::endl;
25.              std::cout<<"lambda "<<i<<" = "<<prevFactor<<std::endl;
26.              if(fabs(prevFactor-currentFactor) <= 1e-8) {
27.                  eVals[i] = prevFactor;
28.                  vec <<1,1,1;
29.                  break;
30.              }
```

```

31.         }
32.         prevFactor = currentFactor;
33.         counter++;
34.     } // jako że A = suma po i lambda(i) * eigenvector(i) * eigenvector(i) transponowany
35.     //zrobimy tak, żeby lambda(i) się zerowała i obliczymy następną lambda
36.     *m = *m - (prevFactor * out*out.transpose());
37.     counter=0;
38.     std::cout<<*m<<std::endl;
39. }
40. }
41. void RayleighIteration(Matrix3d* m, double* eVals) {
42.
43.     VectorXd out(3);
44.     double prevFactor = 30; //jakaś wartość początkowa, niech będzie 30
45.     VectorXd vec(3);
46.     vec<< 1, 1, 1; //losowy wektor, wybrałem [1,1,1]
47.     float currentFactor;
48.     int counter = 0;
49.     for(int i = 0 ; i<2;i++) {
50.         while(true) {
51.             std::cout<<"counter = "<<counter<<std::endl;
52.             out = (*m -prevFactor*Matrix3d::Identity()).inverse()* vec;
53.             out /= out.norm();
54.             currentFactor = vec.dot(*m*vec)/vec.dot(vec);
55.             vec = out;
56.             std::cout<<fabs(prevFactor-currentFactor)<<std::endl;
57.             std::cout<<"lambda "<<i<<" = "<<prevFactor<<std::endl;
58.             if(fabs(prevFactor-currentFactor) <= 1e-8) {
59.                 eVals[i] = prevFactor;
60.                 vec <<1,1,1;
61.                 break;
62.             }
63.             prevFactor = currentFactor;
64.             counter++;
65.         }
66.         counter = 0;
67.         if(i == 0)// Trace(A) = suma wartosci własnych.Szacujemy przybliżenie drugiej
68.             prevFactor = m->trace() - prevFactor;
69.         if(i == 1) // ostatnia wyliczamy odejmując od trace(A) 2 pozostałe wartości własne
70.             eVals[2] = m->trace() - eVals[0] - eVals[1];
71.         std::cout<<*m<<std::endl;
72.     }
73. }
74. }
75. void iterativeQR(Matrix3d* m, double* eVals) {
76.     Matrix3d Bprev = *m, Bcurrent = Matrix3d::Identity(), Q, R;
77.     int counter=0;
78.     while(true) {
79.         Q = Bprev.colPivHouseholderQr().matrixQ();
80.         R = Q.inverse() * Bprev;
81.         Bcurrent = R * Q;
82.         if(fabs(Bcurrent(0) - Bprev(0)) <= 1e-8)
83.             break;
84.         Bprev = Bcurrent;
85.         counter++;
86.     }
87.     for(int i=0;i<3;i++)
88.         eVals[i] = Bcurrent(i*3 + i);
89. }
90. void initMatrix(Matrix3d* m) {
91.     *m << 1, 2, 3,
92.          2, 4, 5,
93.          3, 5, -1;
94. }
95. int main () {
96.     //macierz zapisana column wise

```

```

97.     std::string labels[3] = {"Potegowa", "Rayleigha", "QR"};
98.     Matrix3d* A = new Matrix3d();
99.     initMatrix(A);
100.    std::cout<<*A<<std::endl;
101.    double eigVals[9] = {0}; //tablica przechowujaca wartosci wlasne liczone
102.                                     //3 metodami, w sumie 9
103.    //potegowa
104.    powIteration(A, eigVals);
105.    //Rayleigha
106.    initMatrix(A);
107.    RayleighIteration(A, eigVals+3);
108.
109.    //QR
110.    initMatrix(A);
111.    iterativeQR(A, eigVals+6);
112.    std::cout<<"Wartosci wlasne: "<<A->eigenvalues()<<std::endl;
113.    for(int i=0;i<3;i++) {
114.        std::cout<<labels[i]<<std::endl;
115.        for(int j=0;j<3;j++)
116.            std::cout<<eigVals[i*3 +j]<<std::endl;
117.    }
118. }

```