Функциональное программирование. Введение

Косарев Дмитрий

матмех СПбГУ

1 сентября 2022 г.

Дата сборки: 8 сентября 2022 г.

В этих слайдах

Галопом по Европам по основным особенностям *типизированного* функционального программирования

- 1. Синтаксис вызова функций
- 2. Алгебраические типы данных
- 3. Чистые (pure) функции
- 4. Кортежи
- 5. Замыкания
- 6. Хвостовая рекурсия
- 7. Стандартные функции для списков
- 8. Вывод типов

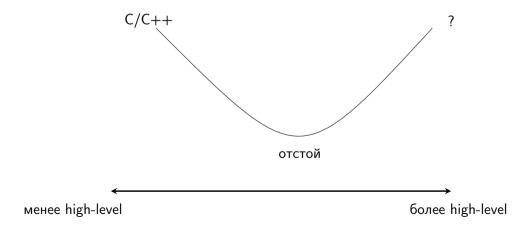
Положение ФП в мире

- Источник идей для других языков
 - Область научных исследований в Computer Science (одна из)
- Отдушина для программистов, которым не достаточно общепринятых подходов
- Практическое применение (непосредственно production)
 - Для "умных" программистов ↓

Языки для умных vs обычные языки

Доклад от Johnatan Blow к просмотру [1].

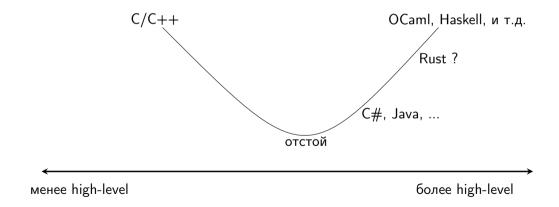
Языки для "умных" программистов vs. языки для "простых" программистов



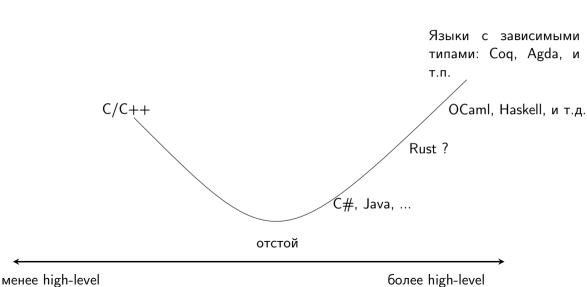
Языки для умных vs языки для умных

Доклад от Johnatan Blow к просмотру [1].

Языки для "умных" программистов vs. языки для "простых" программистов



Хотя на самом деле нужно рисовать вот так



Оглавление

- 1. Синтаксис вызова функций
- 2. Алгебраические типы данных
- 3. Чистые (pure) функции
- 4. Кортежи
- 5. Замыкания
- 6. Хвостовая рекурсия
- 7. Стандартные функции для списков
- 8. Вывод типов

Другой синтаксис вызова функций

B OCaml (и некотором другом
$$\Phi\Pi$$
): f x (g2 y1 y2) z

Сигнатуры:

$$f: int \rightarrow int \rightarrow int \rightarrow float$$

Такой вид синтаксиса называется каррированием

В наследниках Си:

Сигнатуры:

Но можно и без каррирования (как в Си):

• • •

f: int * int * int
$$\rightarrow$$
 float g: int \rightarrow int \rightarrow int

Каковы явные преимущества каррированных функций?

Можно не писать всюду скобки и запятые.

Haпример, можно описать API из функций start, fin, push, add, mul и писать код например так:

start push 1 push 2 add push 3 mul fin

И выражение будет иметь тип **int** и вычисляться в 9

Оглавление

- 1. Синтаксис вызова функций
- 2. Алгебраические типы данных
- 3. Чистые (pure) функции
- 4. Кортежи
- 5. Замыкания
- 6. Хвостовая рекурсия
- 7. Стандартные функции для списков
- 8. Вывод типов

Алгебраические типы данных

Алгебраические типы данных – это скрещивание enum'ов и структур из Си.

Пример: список значений типа 'а

Связный список — это структура данных, которая представляет собой \underline{unu} пустой список (nil), \underline{unu} элемент списка (cons), который $\underline{coctout\ us}$ элемента типа 'а, хранящегося в списке, \underline{u} ещё одного списка (хвоста).

```
Nil и Cons — конструкторы типа
'a list
```

У конструктора **Nil** нет аргументов.

У конструктора **Cons** два аргумента с типами 'а и 'a **list**.

Пример: (односвязные) списки с синтаксический сахар для них

```
type 'a list =
   | Nil
   | Cons of 'a * 'a list
```

Вот так будете писать большинство своих типов данных

```
Nil : 'a list
Cons (1, Nil) : int list
Cons (2, Cons (1, Nil)) : int list
```

Здесь специально выбранный конструктор, чтобы он был инфиксным и право ассоциативным

```
[] : 'a list
1::[] : int list
[1] : int list
1::2::[] : int list
[1:2] : int list
```

Пример: тип option

```
type 'a option =
     None
   | Some of 'a
Либо нет значения (None), либо какое-то
есть (Some)
Аналог nullptr, только
                             его
                                   нельзя
случайно разименовать^a
  <sup>a</sup>См. Tony Hoare "Null References: The Billion
Dollar Mistake"
```

```
let run on two x y f =
  match x with
   | None \rightarrow ()
    Some x \rightarrow
        match v with
         | None \rightarrow ()
         | Some v \rightarrow f \times v
(* somewhere in .mli file *)
val run on two:
   'a option \rightarrow
   'b option \rightarrow
  ('a \rightarrow 'b \rightarrow unit) \rightarrow
   unit
```

Пример: тип bool и "Boolean blindness"

```
(* Встроенный в OCaml *)
true : hool
(* Но можно описать свой *)
type boolean = True | False
(* И потом использовать *)
match ... with
I \text{ true } \rightarrow
I false \rightarrow
if (* condition: bool *)
then ...
else ...
```

```
val is admin : user → bool
val is red : node \rightarrow true
val list filter: ('a \rightarrow bool) \rightarrow
                     'a list \rightarrow 'a list
(* Лучше как ниже *)
type role = Admin | User
val get role : user \rightarrow role
val color = Red | Black
val get color : node \rightarrow color
type filter = Keep | Remove
val list filter: ('a → filter) →
                     'a \ list \rightarrow 'a \ list
```

Почему алгебраические типы данных (язык Норе, 1980) называются "алгебраическими"?

- Доступ к аргументам (selection): существуют такие s_i^k , что $s_i^k(C_k(x_{k_1},...,x_{k_n})) = x_{k_i}$
- Дизъюнктность (distinctness): если $j \neq i$, то $C_j(x) \neq C_i(y)$
- Инъективность (injectivity): если $C_{ij}(x_1,...,x_{n_{ij}}) = C_{ij}(y_1,...,y_{n_{ij}})$, то $x_k = y_k$
- Полнота (exhaustiveness): если х алгебраического типа, то $\exists i, n: x = C_i(y_1, ..., y_n)$

- Доступ к аргументам (selection): существуют такие s_i^k , что $s_i^k(C_k(x_{k_1},...,x_{k_n})) = x_{k_n}$
- Дизъюнктность (distinctness): если $j \neq i$, то $C_i(x) \neq C_i(y)$
- Инъективность (injectivity): если $C_{ij}(x_1,...,x_{n_{ij}}) = C_{ij}(y_1,...,y_{n_{ij}}),$ TO $x_k = y_k$
- Полнота (exhaustiveness): если х алгебраического типа, то $\exists i, n: x = C_i(y_1, ..., y_n)$

```
Доступ к аргументам
                              па́ттерн-
осуществлять с
                  помощью
мэтчинга
let rec somefunc xs =
  match xs with
  | | | | \rightarrow
     (* no argument of empty list*)
  l h :: tl \rightarrow
      ... h ... tl ... h ...
```

можно

- Доступ к аргументам (selection): существуют такие s_i^k , что $s_i^k(C_k(x_{k_1},...,x_{k_n})) = x_{k_i}$
- Дизъюнктность (distinctness): если $j \neq i$, то $C_i(x) \neq C_i(y)$
- Инъективность (injectivity): если $C_{ij}(x_1,...,x_{n_{ij}}) = C_{ij}(y_1,...,y_{n_{ij}})$, то $x_k = y_k$
- Полнота (exhaustiveness): если х алгебраического типа, то $\exists i, n: x = C_i(y_1, ..., y_n)$

Дизъюнктивность: если значения начинаются с разных конструкторов, то они не равны

- Доступ к аргументам (selection): существуют такие s_i^k , что $s_i^k(C_k(x_{k_1},...,x_{k_n})) = x_{k_i}$
- Дизъюнктность (distinctness): если $j \neq i$, то $C_j(x) \neq C_i(y)$
- Инъективность (injectivity): если $C_{ij}(x_1,...,x_{n_{ij}}) = C_{ij}(y_1,...,y_{n_{ij}})$, то $x_k = y_k$
- Полнота (exhaustiveness): если х алгебраического типа, то $\exists i, n: x = C_i(y_1, ..., y_n)$

Инъективность: если значения равны, то начинаются с одного и того же конструктора, и аргументы равно попарно.

- Доступ к аргументам (selection): существуют такие s_i^k , что $s_i^k(C_k(x_{k_1},...,x_{k_n})) = x_{k_i}$
- Дизъюнктность (distinctness): если $j \neq i$, то $C_j(x) \neq C_i(y)$
- Инъективность (injectivity): если $C_{ij}(x_1,...,x_{n_{ij}}) = C_{ij}(y_1,...,y_{n_{ij}})$, то $x_k = y_k$
- Полнота (exhaustiveness): если х алгебраического типа, то $\exists i,n \colon x=C_i(y_1,...,y_n)$

Полнота: значения алгебраического типа всегда начинаются только с тех конструкторов, которые перечислены в типе

```
let rec even length xs =
 match xs with
  | [] \rightarrow true
  | :: :: tl → even_length tl
(* Warning 8: this pattern-matching
  is not exhaustive.
  Here is an example of a case
  that is not matched:
 :: [1
```

Оглавление

- 1. Синтаксис вызова функций
- 2. Алгебраические типы данных
- 3. Чистые (pure) функции
- 4. Кортежи
- 5. Замыкания
- 6. Хвостовая рекурсия
- 7. Стандартные функции для списког
- 8. Вывод типов

Чистые (pure) функции

Определение

Чистая функция обладает следующими двумя свойствами

- Детерминированная: результат зависит только от аргументов
 - Нельзя использовать глобальные изменяемые данные
 - Нельзя запросить дату на компьютере и в зависимости от неё, что-то делать
- В процессе работы не совершающая "побочных эффектов"
 - Нельзя печатать, что-то на консоль
 - Вызывать внутри себя "нечистые" функции

Замечания:

- Это свойство функций, а не языка программирования
- Их проще отлаживать, некоторые оптимизации (например, inlining) становятся чаще применимы
- Если до этого программировали только с изменяемым состоянием, то перестроиться может быть сложно.

Использование вложенных функций

```
let sum_list: int list → int =
  let rec helper acc xs =
    match xs with
    | [] → acc
    | x::xs → helper (acc+x) xs
in
helper 0
```

Здесь в теле функции sum_list объявлена функция helper с дополнительным параметромаккумулятором.

Компилятор достаточно умный, чтобы не создавать новую функцию helper на каждый вызов sum_list.

Использование вложенных функций

```
let sum list: int list → int =
  let rec helper acc xs =
    match xs with
     | | | \rightarrow acc
    | x::xs \rightarrow helper (acc+x) xs
  in
  helper 0
let sum_list (zs: int list) : int =
  let rec helper acc xs =
    match xs with
     | | | \rightarrow acc
    | x::xs \rightarrow helper (acc+x) xs
  in
  helper 0 zs
```

Здесь в теле функции sum_list объявлена функция helper с дополнительным параметромаккумулятором.

Компилятор достаточно умный, чтобы не создавать новую функцию helper на каждый вызов sum_list.

N.B. η -конверсия при вызове helper корректна, т.е.

Оглавление

- 1. Синтаксис вызова функций
- 2. Алгебраические типы данных
- 3. Чистые (pure) функции
- 4. Кортежи
- 5. Замыкания
- 6. Хвостовая рекурсия
- 7. Стандартные функции для списков
- 8. Вывод типов

Встроенные в синтаксис кортежи (n-ки, tuples)

```
let triple: (int, string, float) =
(1, "two", 3.0)
```

Количество элементов в кортежах не ограничено.

Доступ к элементам кортежа let (n, _, _) = triple in assert (n = 1)

A в общем виде с помощью сопоставления с образцом (pattern matching) (будет ниже)

По сути, когда вызываем функции в стиле Си, мы передаем не п аргументов, а кортеж из п аргументов

```
f: int * int * int → float
...
let result = f triple in
...
```

Оглавление

- 1. Синтаксис вызова функций
- 2. Алгебраические типы данных
- 3. Чистые (pure) функции
- 4. Кортежи
- 5. Замыкания
- 6. Хвостовая рекурсия
- 7. Стандартные функции для списков
- 8. Вывод типов

Замыкания

Задача

Дана функция make с типом $a \to b \to c$, и значение с типом a. Хочется, на отдавая значение типа a, отдать наружу функцию $b \to c$, которая будет строить значения типа c из значений типа b.

```
Стандартный подход из мира ООП
```

```
class CreatorCCommand {
   a _a;
public:
   CreatorCCommand(a a)
     : _a(a) {}
   c execute(b b) {
     return make(_a, b);
   }
}.
```

Замыкания

Задача

Дана функция make с типом $a \to b \to c$, и значение с типом a. Хочется, на отдавая значение типа a, отдать наружу функцию $b \to c$, которая будет строить значения типа c из значений типа b.

Стандартный подход из мира ООП

```
class CreatorCCommand {
   a _a;
public:
   CreatorCCommand(a a)
     : _a(a) {}
   c execute(b b) {
     return make(_a, b);
   }
}:
```

```
let make : a \to b \to c = fun \ a \ b \to ...
let make2 : b \to c =
let arg : a = ... in
make arg

Из функции make2 вернули частично
примененную функцию, а аргумент
хранится в замыкании (closure)
```

Оглавление

- 1. Синтаксис вызова функций
- 2. Алгебраические типы данных
- 3. Чистые (pure) функции
- 4. Кортежи
- 5. Замыкания
- 6. Хвостовая рекурсия
- 7. Стандартные функции для списков
- 8. Вывод типов

Рекурсия предпочтительна, циклов и присваиваний не пишут

```
(* make : 'a → int → 'a list *)
let rec make x n =
  if n<1 then []
  else x :: (make x (n-1))</pre>
```

Обычная рекурсивная функция: строим список от головы к хвосту.

Рекурсия предпочтительна, циклов и присваиваний не пишут

```
(* make : 'a \rightarrow int \rightarrow 'a list *)
let rec make x n =
  if n<1 then []
  else x :: (make x (n-1))
(* make2 : 'a \rightarrow int \rightarrow 'a list *)
let make2 x n =
  let rec helper acc n =
    if n<1 then acc
    else helper (x :: acc) (n-1)
  in
  helper [] n
```

Обычная рекурсивная функция: строим список от головы к хвосту.

Хвостовая рекурсия получается, если результат функции

- либо значение без рекурсивного вызова
- либо вызов той же функции с какими-то аргументами.

Хвостовая рекурсия использует константное количество стека, и поэтому примерно эквивалентна циклу.

Оглавление

- 1. Синтаксис вызова функций
- 2. Алгебраические типы данных
- 3. Чистые (pure) функции
- 4. Кортежи
- 5. Замыкания
- 6. Хвостовая рекурсия
- 7. Стандартные функции для списков
- 8. Вывод типоі

Функция List.map

```
(* OCaml *)
let rec map f vs =
  match vs with
                                           // C#
  | [] \rightarrow []
                                           var vs = new List<...>();
  | x :: xs \rightarrow (f x) :: (map f xs)
                                           foreach (var x in xs)
                                              vs.Add(func(x)):
let rez = map func xs
                                           // C#+LINO
# map ((+)1) [1:2:3:4]::
                                           vs.Select(x \Rightarrow func(x))
- : int list = [2: 3: 4: 5]
                                           vs.Aggregate(\emptyset. (acc. x) \Rightarrow x + acc)
```

Функция List.fold left

```
(* OCaml *)
let rec fold left f acc vs =
  match vs with
  | [] \rightarrow acc
  | x::xs \rightarrow fold \ left \ f \ (f \ acc \ x) \ xs
# fold_left (+) 0 [1;2;3;4];;
-: int = 10
# fold left (^) "0" ["1";"2";"3"];;
- : string = "0123"
# fold left (^) "0" ["1";"2";"3"];;
- : string = "0123"
```

```
// C#
var acc = init;
foreach (var x in xs)
  acc = f(acc. x):
// C# + LINO
xs.Aggregate(0.
  (acc, x) \Rightarrow x + acc)
```

Оглавление

- 1. Синтаксис вызова функций
- 2. Алгебраические типы данных
- 3. Чистые (pure) функции
- 4. Кортежи
- 5. Замыкания
- 6. Хвостовая рекурсия
- 7. Стандартные функции для списков
- 8. Вывод типов

Автоматический вывод типов. Пример 1

```
let s f g x = f x (g x)
Вывод:
```

- f : 'a \rightarrow 'b \rightarrow 'c
- g : 'd \rightarrow 'e
- s : ('a \rightarrow 'b \rightarrow 'c) \rightarrow ('d \rightarrow 'e) \rightarrow 'x \rightarrow 'r
- 'c ~ 'r т.к. результат f это результат s
- 'x ~ 'a т.к. 1й аргумент f это 3й аргумент s
- 'x ~ 'd аналогично для g
- 'e ~ 'b т.к. результат g это 2й аргумент s
- Итого:

$$s: ('a \rightarrow 'b \rightarrow 'c) \rightarrow ('a \rightarrow 'b) \rightarrow 'a \rightarrow 'c$$

Автоматический вывод типов. Пример 2

```
let rec map f ys =
  match vs with
   | [] \rightarrow []
   1 \times x \times x \times x \rightarrow (f \times x) \times x \times x \rightarrow (f \times x)
Трассировка вывода типа:
  • map : 'f \rightarrow 'vs \rightarrow 'res
  • vs : 'v list и 'v list ~ 'vs
  • rez : 'r list
  • 'f \sim 'a \rightarrow 'b т.к. f применяется к какому-то аргументу как функция
  • x: 'уихs: 'у list
  '∨ ~ 'а т.к. f применяется к х
  • 'r \sim 'b т.к. результат f x складывается в список, который храните значения
    типа 'r
  • MTOPO: map : ('a \rightarrow 'b) \rightarrow 'a  list \rightarrow 'b  list
```

Автоматический вывод типов. Пример 3. (1/2)

Что может пойти не так?

```
let rec map: ('a \rightarrow 'b) \rightarrow 'a list \rightarrow 'b list = fun f ys \rightarrow match ys with  | [] \rightarrow [] \\ | x :: xs \rightarrow x :: (f x) :: (map f xs)  Несмотря на то, что приписали тип, вывелось не то, что написали: val map : ('b \rightarrow 'b) \rightarrow 'b list \rightarrow 'b list = <fun>
```

Автоматический вывод типов. Пример 3. (1/2)

Что может пойти не так?

```
let rec map: ('a \rightarrow 'b) \rightarrow 'a list \rightarrow 'b list = fun f ys \rightarrow match ys with  | [] \rightarrow [] \\ | x :: xs \rightarrow x :: (f x) :: (map f xs)  Несмотря на то, что приписали тип, вывелось не то, что написали: val map : ('b \rightarrow 'b) \rightarrow 'b list \rightarrow 'b list = <fun>
```

Автоматический вывод типов. Пример 3. (1/2)

Что может пойти не так?

```
let rec map: ('a \rightarrow 'b) \rightarrow 'a \ list \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list = fun \ f \ vs \rightarrow 'b \ list
             match vs with
               | [] \rightarrow []
               | x :: xs \rightarrow x :: (f x) :: (map f xs)
Несмотря на то, что приписали тип, вывелось не то, что написали:
val map : ('b \rightarrow 'b) \rightarrow 'b list \rightarrow 'b list = \langle fun \rangle
Лайфхак 1:
let rec map: 'a 'b . ('a \rightarrow 'b) \rightarrow 'a list \rightarrow 'b list = fun f vs \rightarrow
             match ys with
               | [] \rightarrow []
               | x :: xs \rightarrow x :: (f x) :: (map f xs)
(* Error: This definition has type 'c. ('c \rightarrow 'c) \rightarrow 'c list \rightarrow 'c list
                                  which is less general than 'a 'b. ('a \rightarrow 'b) \rightarrow 'a list \rightarrow 'b list
```

Автоматический вывод типов. Пример 3. (2/2)

Лайфхак 2:

```
(* filename.ml *)
let rec map = fun f ys →
    match ys with
    | [] → []
    | x::xs → x :: (f x) :: (map f xs)

(* filename.mli *)
val map: ('a → 'b) → 'a list → 'b list
```

Файлы интерфейса (signature)

- Объявления значений с типами
- Объявления модулей и типов модулей
- Документация

Файлы реализации (structure)

- Реализация значений
- Реализация модулей
- Сигнатуры типов модулей
- и т.д.

Каким должен быть вывод типов?

- Он должен завершаться (что на самом деле не так просто [4])
- Должен работать быстро
 - От компилятора в целом это тоже требуется

Каким должен быть вывод типов?

- Он должен завершаться (что на самом деле не так просто [4])
- Должен работать быстро
 - От компилятора в целом это тоже требуется
- У выражения не должно быть можно вывести два типа непохожих друг на друга
 - Другими словами: если можно выражению приписать два типа t1 и t2, то должен существовать третий тип t, такой что первые два являются его специализацией

```
(int \rightarrow string) \rightarrow int \ list \rightarrow string \ list \ (* t1 *)

(bool \rightarrow int) \rightarrow bool \ list \rightarrow int \ list \ (* t2 *)

('a \rightarrow 'b) \rightarrow 'a \ list \rightarrow 'b \ list \ (* t *)
```

• И это требование сложно исполнить!

Итоги

Новые понятия

- 💵 каррированные функции
- вложенные функции
- сопоставление с образцом и wildcard
- хвостовая рекурсия
- автоматический вывод типов
- разделение на файлы интерфейса и реализации

Ссылки I



Предотвращая коллапс цивилизации (Preventing the Collapse of Civilization), 2019 (in English)

Jonathan Blow

YouTube



Шпаргалки по синтаксису OCaml

4 PDF online



Книга Real World OCaml издания 2.0 (есть русский перевод издания 1.0) online



Java Generics are Turing Complete

Radu Grigore

online

Ссылки II



A Brief History of Algebraic Data Types Li-yao Xia online