Вывод типов и некоторые задачи

Косарев Дмитрий a.k.a. Kakadu

матмех СПбГУ

27 сентября 2018 г.

Организация тестов к программе

Демо с просторов интернета https://github.com/andybalaam/hunit-example.git Можно собирать с помощью нового Stack или с помощью устаревшего cabal

Запускать так

- stack init
- stack build
- stack test
- Тест падает, но это так и задумано.

Рандомная ссылка с просторов интернета

Как сделать змейку на Haskell

У нас был интерпретатор языка $\Lambda \dots$

```
type Name = String
data Term = Var
                Name
          | Con Int
          | Add Term Term
          I Lam Name Term
          | App Term Term
Обязуем интепретатор возвращать вот такое значение
data Value = Wrona
           | Num Int
           Fun (Value -> Value)
showval :: Value -> String
```

... который умел вычислять

И теперь test term0 должен вычисляться в Num 42.

T.e. $((\lambda x.x + x)(10 + 11))$

Добавим туда человеческие сообщения об ошибках (1/2)

```
data E a = Success a | Error String
showE (Success a) = "Success: " ++ showval a
showE (Error s) = "Error: " ++ s
lookup x [] = Error ("unbound variable: " ++ x)
add a b
 Error ("should be numbers: "
            ++ showval a
           ++ " "
           ++ showval b)
apply fa =
 Error ("should be function: " ++ showval f)
```

Добавим туда человеческие сообщения об ошибках (2/2)

И теперь term0 (он же $((\lambda x.x + x)(10 + 11))$) должен вычисляться в Success: 42

A test (App (Con 1) (Con 2)), должен выдать, например, "Error: should be function: 1"

В "нечистых" языках это делается через исключения или callback'и.

Ошибки с позицией в файле

Например, в (At p (App t (At q u)) выражение (App t u) находится на позиции p, а подвыражение u на позиции q.

Добавьте в сообщениях об ошибке распечатку позиции.

В императивных языках, наверное, использовался бы стек позиций, куда/откуда надо было бы вовремя добавлять/снимать.

Число редукций при вычислении

Редукция – применений одного выражения языка Λ к другому.

Вместе с ответом надо вернуть сколько таких применений было произведено.

Например, для (Add (Add (Con 1) (Con 2)) Count) надо вернуть ответ 4 и количество редукций 2, потому что было произведено два сложения.

Язык, где возможен вывод куда-либо

```
data Term = ...
| Out Term
```

Например, для (Add (Out (Con 41)) (Out (Con 1))) надо вернуть распечатанную по ходу дела строку Output: 41; 1 и ответ 42.

Язык, где есть неоднозначность

```
data Term = ...
| Fail
| Amb Term Term
```

Вычислитель выражений должен возвращать список (может быть пустой) возможных результатов исполнения.

В "нормальных" языках это не очень понятно как делать. Корутины?

P.S. Можно ещё две задачи про это же, но потом.

Разминка: какой тип у функции?

```
smth2 = helper
where
helper [] = init
helper (x:xs) = acc + (helper xs)
```

Разминка: какой тип у функции?

```
smth2 = helper
 where
   helper [] = init
   helper (x:xs) = acc + (helper xs)
А у этой?
smth1 f = helper
 where
   helper [] = init
   helper (x:xs) = f acc (helper xs)
```

Разминка: какой тип у функции?

```
smth2 = helper
 where
   helper [] = init
   helper (x:xs) = acc + (helper xs)
А у этой?
smth1 f = helper
 where
   helper (x:xs) = f acc (helper xs)
Как вы это получили?
```

Ещё про типы

Можно ли применить f :: (Int -> a) -> Int -> a) к вот таким g?

- g :: Int -> String
- g :: b -> Int -> [b]
- g :: Int -> a -> a
- g :: String -> Int -> a

Даны два дерева (или DAG), в которых некоторые листья "особенные": в них стоят метапеременные, которые можно заменять на другие деревья. В дереве также есть кокретизированные (ground) значения, которые заменять запрещено.

Список пар из метапеременных и деревьев образует подстановку.

Унификация может завершиться успешно с (возможно пустой) подстановкой или с ошибкой.

Пример: f(x,1) и f(2,y).

Даны два дерева (или DAG), в которых некоторые листья "особенные": в них стоят *метапеременные*, которые можно заменять на другие деревья. В дереве также есть кокретизированные (ground) значения, которые заменять запрещено.

Список пар из метапеременных и деревьев образует подстановку.

Унификация может завершиться успешно с (возможно пустой) подстановкой или с ошибкой.

Пример: f(x,1) и f(2,y). Ответ: $[x\mapsto 2,y\mapsto 1]$

Даны два дерева (или DAG), в которых некоторые листья "особенные": в них стоят *метапеременные*, которые можно заменять на другие деревья. В дереве также есть кокретизированные (ground) значения, которые заменять запрещено.

Список пар из метапеременных и деревьев образует подстановку.

Унификация может завершиться успешно с (возможно пустой) подстановкой или с ошибкой.

Пример: f(x,1) и f(2,y). Ответ: $[x \mapsto 2, y \mapsto 1]$ Пример: f(x,1) и f(y,y).

Даны два дерева (или DAG), в которых некоторые листья "особенные": в них стоят *метапеременные*, которые можно заменять на другие деревья. В дереве также есть кокретизированные (ground) значения, которые заменять запрещено.

Список пар из метапеременных и деревьев образует подстановку.

Пример:
$$f(x,1)$$
 и $f(2,y)$. Ответ: $[x\mapsto 2,y\mapsto 1]$ Пример: $f(x,1)$ и $f(y,y)$. Ответ: $[x\mapsto y,y\mapsto 1]$ или $[x\mapsto 1,y\mapsto 1]$

Даны два дерева (или DAG), в которых некоторые листья "особенные": в них стоят *метапеременные*, которые можно заменять на другие деревья. В дереве также есть кокретизированные (ground) значения, которые заменять запрещено.

Список пар из метапеременных и деревьев образует подстановку.

```
Пример: f(x,1) и f(2,y). Ответ: [x\mapsto 2,y\mapsto 1] Пример: f(x,1) и f(y,y). Ответ: [x\mapsto y,y\mapsto 1] или [x\mapsto 1,y\mapsto 1] Пример: f(x,1) и f(y,2).
```

Даны два дерева (или DAG), в которых некоторые листья "особенные": в них стоят *метапеременные*, которые можно заменять на другие деревья. В дереве также есть кокретизированные (ground) значения, которые заменять запрещено.

Список пар из метапеременных и деревьев образует подстановку.

```
Пример: f(x,1) и f(2,y). Ответ: [x\mapsto 2,y\mapsto 1] Пример: f(x,1) и f(y,y). Ответ: [x\mapsto y,y\mapsto 1] или [x\mapsto 1,y\mapsto 1] Пример: f(x,1) и f(y,2). Ответ: \bot
```

Даны два дерева (или DAG), в которых некоторые листья "особенные": в них стоят *метапеременные*, которые можно заменять на другие деревья. В дереве также есть кокретизированные (ground) значения, которые заменять запрещено.

Список пар из метапеременных и деревьев образует подстановку.

```
Пример: f(x,1) и f(2,y). Ответ: [x\mapsto 2,y\mapsto 1] Пример: f(x,1) и f(y,y). Ответ: [x\mapsto y,y\mapsto 1] или [x\mapsto 1,y\mapsto 1] Пример: f(x,1) и f(y,2). Ответ: \bot
```

У подстановке есть область определения (domain): $dom \ s = map \ fst \ s$.

Подстановку можно применять

(app :: Subst -> Tree -> Tree) к дереву, заменив в дереве переменные из домена на соответствующие правые части.

Из двух подстановок σ и ξ можно построить *композицию подстановок*, применяя подстановку ξ к правым частям подстановки σ .

Унификация. Скользкий момент.

- **?** Что будет, если унифицировать x и l(y,x)?
- ? Ну или в терминах типов r и ListG(a,r)?

Унификация. Скользкий момент.

- **?** Что будет, если унифицировать x и l(y,x)?
- ? Ну или в терминах типов r и ListG(a,r)?

Occurs check

Упражнение. Реализовать унификацию

Тут есть три варианта

- Для конкретного типа завести отдельный конструктор для метапеременных
 - Максимально прямолинейно
 - √ Неподставленные переменные никак не обозначены на уровне типов.

Упражнение. Реализовать унификацию

Тут есть три варианта

- Для конкретного типа завести отдельный конструктор для метапеременных
 - Максимально прямолинейно
 - Неподставленные переменные никак не обозначены на уровне типов.

Задачки про 🛨

- + Интерпретатор с человеческими сообщениями об ошибках
- + Интерпретатор с позицией
- + Интерпретатор с подсчетом числа редукций
- Интерпретатор с выводом
- + Интерпретатор с неоднозначностью
- 🛨 Унификация раз