Распределение регистров и решение паззлов Register Allocation by Puzzle Solving

Косарев Дмитрий

матмех СПбГУ

18 ноября 2019

1/59

Оглавление

- Задача распределения регистров
- 2 Особенности, осложняющие задачу
- Терминология
- Стандартные алгоритмы (prior work)
- Построение элементарных программ
- 6 Отображение элементарных программ в фигурки паззлов
- Решаем паззлы

2/59

Оглавление

- 1 Задача распределения регистров
- 2 Особенности, осложняющие задачу
- Перминология
- Отандартные алгоритмы (prior work)
- Построение элементарных программ
- Отображение элементарных программ в фигурки паззлов
- Решаем паззль

Задача распределения регистров (register allocation)

- Назначение физических локаций переменным в программе
 - регистры быстрые, но их мало
 - памяти много, но она медленная
- Ограничение: переменные, которые живы одновременно, должны быть назначены в разные регистры
- Если регистров не хватает, то некоторые переменные должны храниться в памяти

4 / 59

Оглавление

- 1 Задача распределения регистров
- 2 Особенности, осложняющие задачу
- Перминология
- Отандартные алгоритмы (prior work)
- Построение элементарных программ
- 6 Отображение элементарных программ в фигурки паззлов
- Решаем паззль

Распределение регистров: что происходит?



Исходная программа:

MyVar1 = 2

MyVar2 = 40

MyVar3 = 0

MyVar3 += MyVar1

MyVar3 += MyVar2

print(MyVar3)



Результат:

MyVar1 -> stack

MyVar2 -> r8

MvVar3 -> r9

Software

Исходная программа:

MyVar1 = 2

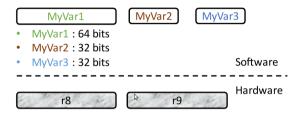
MyVar2 = 40

MyVar3 = 0

MyVar3 += MyVar1

MyVar3 += MyVar2

print(MyVar3)



Иерархия регистров (aliasing):

- r8 может хранить одно 64-битное число или два 32-битных
- r9 может хранить 64-битное число

Нерегулярные архитектуры. Pre-coloring

```
Вызов функций (PowerPC):

a := 10;
b := 2;
R0 := a;
R1 := b;
call(R0, R1);

Деление (x86)
a := 10;
b := 2;
AX := a;
(AL,AH) := DIV AX, b;
d := AL; // частное
r := AH; // остаток
```

Некоторые переменные должны быть связаны с конкретными регистрами из-за соглашений о вызовах, деления и т.п.

Heperулярные архитектуры. Иерархия регистров (aliasing)

Вложенные регистры могут использоваться как независимо, так и в комбинации с другими

Встречается в архитектурах: x86, Sun SPARC, MIPS у чисел плавающей точкой, и т.д.

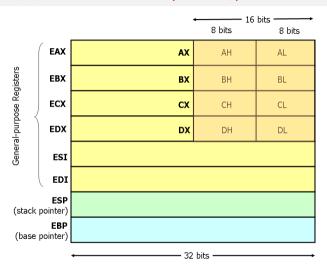


Рис.: Пример: иерархия регистров у Pentium

Оглавление

- Задача распределения регистров
- 2 Особенности, осложняющие задачу
- Терминология
- Отандартные алгоритмы (prior work)
- 5 Построение элементарных программ
- Отображение элементарных программ в фигурки паззлов
- Решаем паззль

Терминология (1/3). Spilling & coalescing

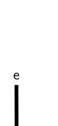
Spilling

Если регистров не хватает для всех переменных, то некоторые должны храниться в памяти. Обращение к этим переменным **неэффективно**

Если области использования переменных не пересекаются и они связаны инструкцией копирования $v_1=v_2$, то их следует хранить в одном регистре, и это называется coalesing (объединение).

Терминология (2/3). Период жизни переменной

6)
$$a := d$$

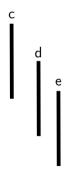


- Переменная живая, если она может быть использована в будущем
- Период жизни (live range) переменной

 это коллекция точек программы,
 где она жива.

Распределение регистров и графы. Пример (1/3)

6)
$$a := d$$



Вопросы:

- Сколько нужно регистров для этой программы?
- Существует ли универсальный алгоритм?
- Р или NP?

Распределение регистров и графы. Пример (2/3)

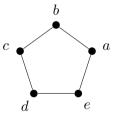
4)
$$d := b$$

5)
$$e := c$$

6)
$$a := d$$

7) ret a + e





Spill-free Register Allocation = SFRA SFRA \sim Graph Coloring. SFRA - NP-полна

Распределение регистров и графы. Пример (3/3)

$$a := 1$$

$$b := 2$$

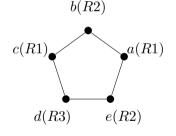
$$c := a$$

$$d := b$$

$$a := d$$

ret a + e

Нужно три регистра: R1, R2 и R3



$$R1 := 1$$

$$R2 := 2$$

$$R1 := R1$$

Терминология (3/3). Live range splitting

Вставка инструкций копирования для упрощения interference graph



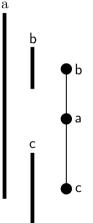
$$b := 1$$

$$:= b$$

$$c := 1$$

$$:= a$$

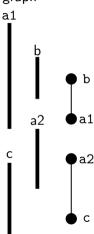
:= c



$$a1 := 1$$
 $b := 1$
 $:= b$
 $a2 := a1$
 $c := 1$

:= a2

:= c



Оглавление

- Задача распределения регистров
- 2 Особенности, осложняющие задачу
- Перминология
- Отандартные алгоритмы (prior work)
- 5 Построение элементарных программ
- 6 Отображение элементарных программ в фигурки паззлов
- Решаем паззль

Стандартные алгоритмы (1/2)

- Раскраска вершин графа в k цветов (Chaitin et al. 1982)
 - NP-полная задача
 - требудет live range splitting, иначе spillится слишком много
 - переменная, которая не spilled, всегда находится в одном регистре
 - алгоритмы для оптимизации coalescing слишком консервативны (Briggs)
- Linear Scan Rgister Allocation (2я половина 1990х) жадный алгоритм появился из-за критики консервативных подходов к coalescing
 - Изначально работал существенное быстре, но выдавал не такой хороший код
 - Позже это улучшили с помощью binpacking (Traub et al., 1998)
 - Дальнейшее: выбор более оптимальных место для live range splitting
 - Extended linear scan вставка дополнительных инструкций для уменьшения spilling

Стандартные алгоритмы (2/2)

- Linear Programming слишком медленный, даже по сравнению с раскраской графа
- Register allocation via Partitioned Quadratic Programming дает оптимальное решение (если оно есть) за $O(|V|\cdot K^3)$, где V переменные, а K количество регистров
- Register allocation via Multi-Flow of Commodities
 Умеет порождать более маленький код, чем раскраска графа
- Распределение регистров на основе SSA представления (2005)
- Распределение регистров с помощью решения паззлов (2008)

Распределение регистров на основе SSA представления (2005)

- Существенный прогресс
- Из-за SSA представления программ interference graph можно сделать хордовым
- Тогда алгоритм раскраски графа становится полиномиальным

Определение (Хордальный граф (chordal graph))

Граф называется *хордовым (chordal)*, если каждый из его циклов, имеющих четыре ребра и более, имеет хорду (ребро, соединяющее две вершины цикла, но не являющееся его частью)

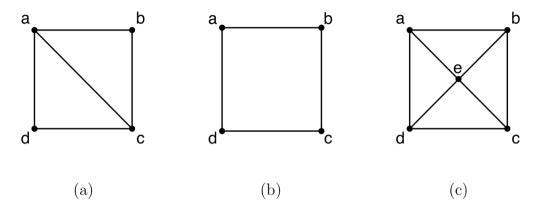


Рис.: (а) Хордовый граф. (b-c) Нехордовые графы

Ходовые графы имеют хорошие свойства. Задачи *минимальной раскраски*, *поиска максимальной клики* и *минимального покрытия кликами* NP-полны, но решаются за полиномиальное время для хордовых графов.

Оглавление

- 1 Задача распределения регистров
- 💿 Особенности, осложняющие задачу
- Перминология
- Отандартные алгоритмы (prior work)
- 5 Построение элементарных программ
- Отображение элементарных программ в фигурки паззлов
- Решаем паззль

Из программ в кусочки паззлов

- 1. Преобразуем в программу в более простой вид
 - А. Преобразуем исходную программу в SSA
 - В. Преобразуем А в SSI форму
 - С. Вставляем в В параллельное копирование между каждой парой инструкций
- 2. Отображаем элементарные программы в кусочки паззлов.

Static Single Assignment (SSA)

Определение (SSA форма)

Программа находится в SSA форме, если для всякой переменной только одна инструкция (statement) присваивания в тесте программы присваивает значение этой переменной

Плюсы:

- ссылочная прозрачность (referential transparency)
- значение переменной не зависит от позиции вхождения её идентификатора в программу

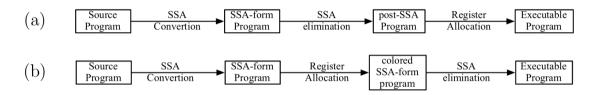


Рис.: (a) Классическое распределение регистров, (b) Распределение регистров на основе SSA

Static Single Assignment (SSA). Пример

Переменной присваивается значение только один раз

```
/* not a SSA */
                                         /* SSA */
                                         x1 = 1;
x = 1:
v = x + 1;
                                        v = x1 + 1;
x = 2;
                                        x2 = 2;
                                         z = x2 + 1:
z = x + 1:
```

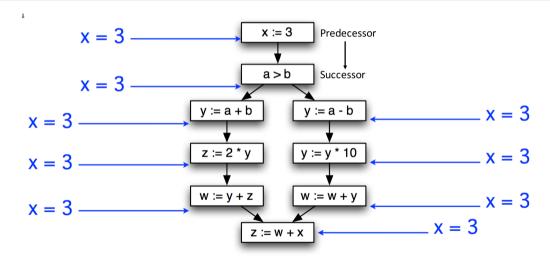
В примере выше хочется соптимизировать и написать z = y; так как правые части синтаксически одинаковые.

Но это сделать нельзя так как в х присваивается новое значение, т.е. содержимое перемернной z зависит от контекста.

Мотивация: хотим *хранить* некоторую информацию *в каждой точке* программы

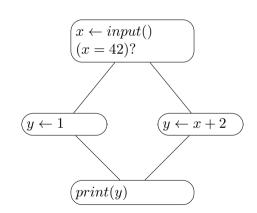
26 / 59

Пример: храним в каждой точке программы информацию о константах



Разветвление потока управления (1/2)

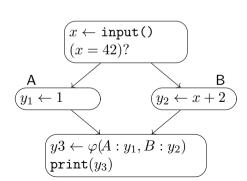
```
x = input();
if (x==42)
then
    y = 1; /* A */
else
    y = x+2; /* B */
end
print(y);
```



Разветвление потока управления (2/2)

- ullet Добавляем arphi-функции (arphi-узлы), чтобы смоделировать слияние потоков управления
- Операционно: выбираем один из аргументов в зависимости откуда пришли
- Несколько присваиваний φ -функций должны выполняться *параллельно* (одновременно)
- ullet При кодогенерации от arphi надо будет избавляться

```
x = input();
if (x==42)
then
y_1 = 1; /* A */
else
y_2 = x+2; /* B */
end
y_3 = \varphi(y_1, y_2);
print(y_3);
```



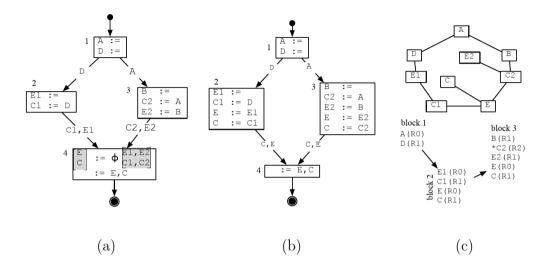
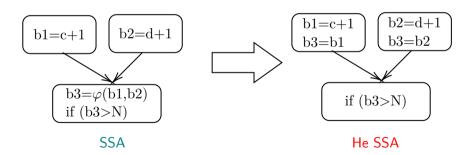


Рис.: (a) SSA-форма программы . (b) Программа после избавления от SSA. (c) Граф несовместимости и последовательность присвоений в регистры

Избавляемся от φ -функций

Основная идея: φ обозначает тот факт, что значение при слиянии потоков управления может прийти по различным путям управления

- Сделаем присваивание на каждом пути управления
- ullet Несколько присваиваний arphi-функций выполняется одновременно



Избавляемся от φ на практике

- Копирования из-за φ могут быть бесполезны
- Объединенное (joined) значение может быть не нужно далее в программе (зачем его оставлять?)
- ullet Воспользуемся dead code elimination, чтобы убрать бесполезные φ
- Затем будет заниматься распределением регистров

Про NP-полноту

Задача Spill Free Register Allocation (SFRA) для SSA формы имеет полиномиальное решение, но NP-полно в общем случае.

Большое количество полезных задач NP-полно для SSA формы, а следовательно NP-полно для всех программ

- Spill minimization
- (Optimal) Coalescing
- (Optimal) Live range splitting
- (Optimal) aliasing
- Pre-coloring

Можно попробовать использовать более простое представление программ, чтобы получались полиномиальные алгоритмы

Static Single Information (SSI)

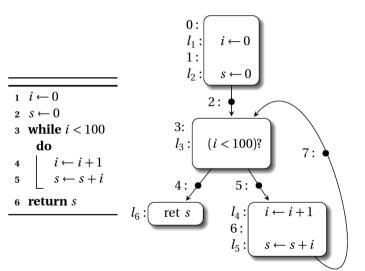
По умолчанию SSA связывает некоторую информацию с парой переменная \times позиция в программе – это *плотный (dense) анализ*.

Для некоторых видов анализа будет удобнее связывать иметь общую информацию по всей программе с конкретной переменной, а не каждым её вхождением (*sparse анализ*).

Это удобно для таких анализов:

- вывод классов с виртуальными методами по классам-таблицам (Python, Javascript, Ruby)
- Null pointer анализ
- интервалы значений (далее будет пример)
- live range splitting (важно в контексте выделения регистров)

Пример плотного data-flow анализа: интервальный анализ

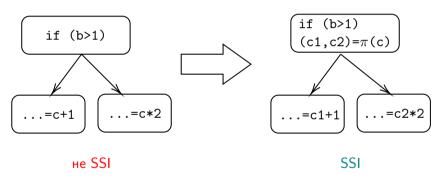


prog. point	[i]	[s]
0	top	top
1	[0,0]	top
2	[0,0]	[0,0]
3	[0, 100]	$[0,+\infty[$
4	[100, 100]	$[0,+\infty[$
5	[0, 99]	$[0,+\infty[$
6	[0, 100]	$[0,+\infty[$
7	[0, 100]	$[0,+\infty[$

Static Single Information (SSI) форма

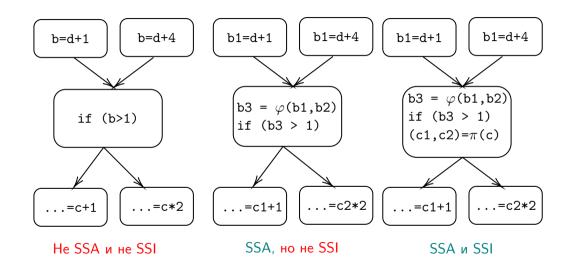
Программа в SSI форме:

• Каждый базовый блок заканчивается π-функцией, которая переименовывает переменные, которые "живы" на выходе из базового блока



Базовый блок – это последовательность инструкций с только одной точкой входа и только одной точкой выхода.

Примеры SSA и SSI



Параллельное копирование

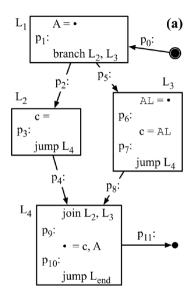
По тем же причинам, по которым несколько φ -функций должны исполняться параллельно, копирование тоже должно происходить параллельно

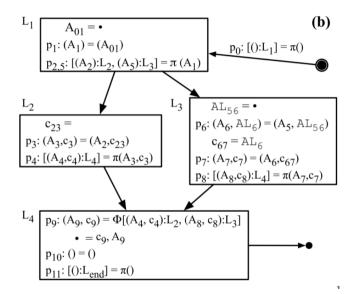
```
(V1, X1, Y1, Z1, A1, B1) = (V, X, Y, Z, A, B)

V1 = X1 + Y1

(V2, X2, Y2, Z2, A2, B2) = (V1, X1, Y1, Z1, A1, B1)

Z2 = A2 + B2
```

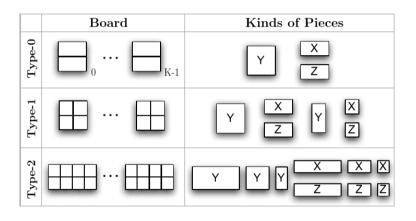




Оглавление

- 1 Задача распределения регистров
- 2 Особенности, осложняющие задачу
- Перминология
- Отандартные алгоритмы (prior work)
- 5 Построение элементарных программ
- 6 Отображение элементарных программ в фигурки паззлов
- Решаем паззль

Виды паззлов



- Тип 0: PowerPC & ARM integers
- Тип 1: ARM float
- Тип 2: SPARC V8
- Гибрид 0+1: x86
- Гибрид 1+2: SPARC V9

Абстракция паззлов

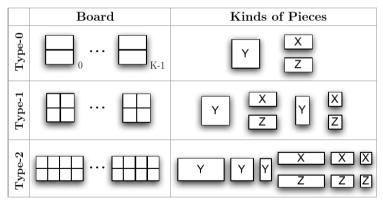
• Паззл = доска (зоны = регистры) + фигурки (переменные)



- Фигурки не могут перекрываться
- Некоторые фигурки могут быть уже выложены на доску
- Задача: уместить оставшиеся фигурки на доску (register allocation)



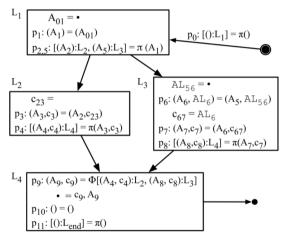
Создание фигурок паззла



Для каждой инструкции в программе i:

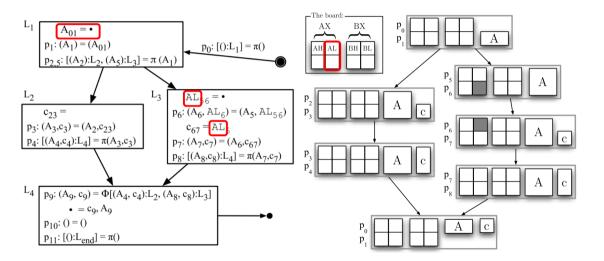
- Создать по одной фигурке для live-in и live-out переменных
- Если переменная перестает быть живой ниже i, тогда тип фигурки X
- Если переменная начинает быть живой в i, тогда Z
- Иначе Ү

Пример. Создание фигурок



Variables	$\begin{array}{c} p_x: (C, d, E, f, g) = (C', d', E', f') \\ A, b = C, d, E \\ p_{x+1}: (A", b", E", f', g") = (A, b, E, f) \end{array}$
Live Ranges	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
Pieces	C d E f

Пример. Padding



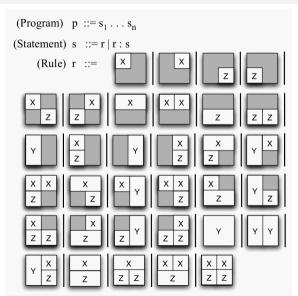
Оглавление

- Задача распределения регистров
- 2 Особенности, осложняющие задачу
- Перминология
- Отандартные алгоритмы (prior work)
- 5 Построение элементарных программ
- 6 Отображение элементарных программ в фигурки паззлов
- Решаем паззлы

Решение паззлов типа 1

- Предлагаемый подход: заполнять по одной клетке за раз
- Ддя каждого квадрата:
 - Заполняем фигурками X или Z пока не заполнится вся доска
- Решить задачу

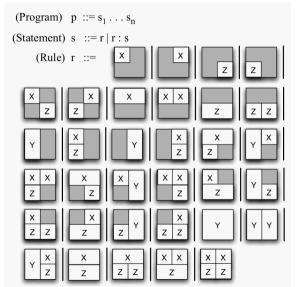
Решаем паззлы типа 1 визуальным языком (1/3)



- Правило = как заполнять зоны
- Правилл состоит из
 - шаблона: что уже заполнено (подходит/неподходить под зону)
 - стратегии: какие виды фигурок класть и куда
- ullet Правило r можно применить на зоне a iff
 - ullet r подходить к a
 - доступны фигурки для данной стратегии



Решаем паззлы типа 1 визуальным языком (2/3)

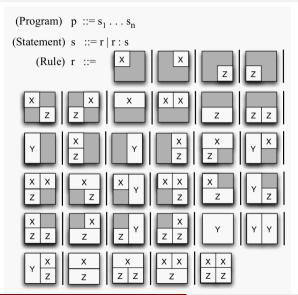


Условие успешного завершения:

- Программа успешно завершается iff все утверждения завершаются
- ullet Правило r можно применить на зоне a iff
 - ullet r подходить к a
 - доступны фигурки для данной стратегии
- ullet Условие (r:s) успешно завершается iff
 - г успешно завершается ог
 - ѕ успешно завершается



Решаем паззлы типа 1 визуальным языком (3/3)

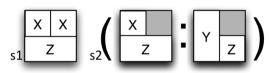


Исполнение решателя паззлов

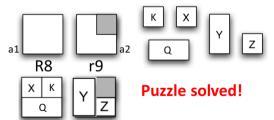
- ullet Для каждой инструкции s_1,\ldots,s_n
 - Для каждой зоны a, такой что паттерн s_i подходит к a
 - Применить s_i к a
 - Если s_i закончилось и ошибкой, прерваться и сообщить об ошибке

Исполнение решателя паззлов: пример

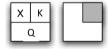
• Визуальная программа-решатель



• Паззл



- s1 подходит только к a1
- Применение s1 к a1 завершается успешно и выдает результат

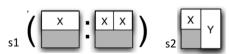




- s2 подходит только к a2
- Применяем s2 к a2
 - Примение первое правило s2: неудача
 - Применим второе правило s2: успех

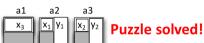
Исполнение решателя паззлов: другой пример

• Визуальная программа-решатель

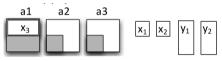


• Паззл a1 a2 a3

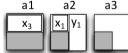




- s1 подходит только к a1
- Применяем s1 к a1
 - Применяем первое правило к s1: победа



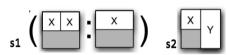
- s2 подходит и к a2, и к a3
- Применяем s2 к a2



• Применяем s2 к a3

Исполнение решателя паззлов: ещё один пример

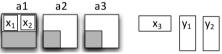
• Визуальная программа-решатель



• Паззл a1 a2 a3 x₁ x₂ x₃ y₁ y₂

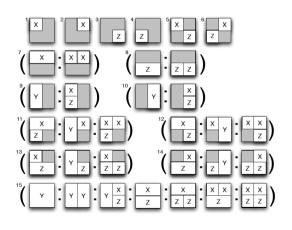
Построение правильной визуальной программы-решателя существенно!

- s1 подходит только к a1
- Применяем s1 к a1
 - Применяем первое правило к s1: победа



- s2 подходит и к a2, и к a3
- Применяем s2 to a2: неудача
 Не осталось фигур типа X размера 1: мы использовали их всех

Программа-решатель паззлов типа 1



Теорема

Задача типа 1 решаема iff эта программа завершается успешно

Не решили ли мы NP задачу за полиномиальное время?

Выделение регистров \sim заполнение всех клеток.

Решена более простая задача: заполнение одной клетки за единицу времени

Решение паззлов типа 1: сложность

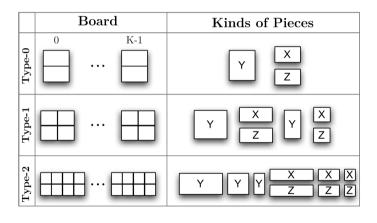
Теорема

Задача spill-free register allocation (SFRA) с предсраскраской для элементарной программы P и K регистров решается за $O(|P| \times K)$ времени.

Для одной инструкции из P:

- Применение правила к зоне: O(1)
- Применяется константное количество правиль к каждой зоне
- ullet Исполнение на поле с K зонами занимает O(K) времени

Решаем паззлы типа 0 (SFRA)



• Уложить все Ү-фигурки



• Затем уложить все Х и Z фигурки

56 / 59

Spilling в общем случае

- Если алгоритм для решения SFRA не может решить паззл, (т.е. количество имеющихся регистров не достаточно) => spill
- Наблюжение: преобразование программы в элементарную форму создаёт семейства переменных для каждой оригинальной переменной
- Чтобы сделать spill:
 - ullet Выбираем переменную v в оригинальной программе
 - Spillим все переменные из элементарной формы, которые относятся к тому же семейству, что и v
 - Для паззлов это будет означать выкидывание фигурок паззла

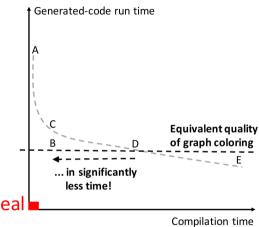
Теорема (Сложность)

Выделение регистров в присутствии предраскрашивания (pre-coloring) и spilling семейства переменных для элементарного представления – NP-полная задача.

Ещё один метод выделения регистров

Генерирует сходный по качеству код, но существенно быстрее, чем использовавшийся до этого в LLVM graph coloring with iterated coalescing.

Конец



Ссылки

- Register Allocation by Puzzle Solving (PLDI 2008)
 Fernando Magno Quintão Pereira & Jens Palsberg
 PDF
- PhD thesis

 Fernando Magno Quintão Pereira
 - Slides from Compiler Construction course of Northeastern University PDF
- SSA book PDF