# Уменьшение цены абстракции при типобезопасном встраивании реляционнного языка программирования в OCaml

Дмитрий Косарев

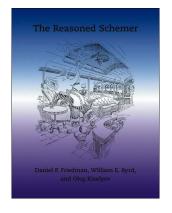
Санкт-Петербургский Государтсвенный Университет Jet Brains Research

Языки программирования и компиляторы 4 апреля, 2016 Ростов-на-Дону

#### Реляционное программирование на miniKanren

От программ-функций к программам-отношениям:

$$f: X \to Y \leadsto f^o \subseteq X \times Y$$



- Изначально DSL для Scheme/Racket с довольно минималистичной реализацией
- Семейство языков (µKanren, α-Kanren, αKanren, и т.д.)
- Встраивается как DSL в широкий набор языков (включая OCaml, Haskell, Scala, и т.д.)
- Daniel P. Friedman, William Byrd and Oleg Kiselyov. The Reasoned Schemer, The MIT Press, Cambridge, MA, 2005

append:  $\alpha$  list  $\rightarrow \alpha$  list  $\rightarrow \alpha$  list

 $\operatorname{app}\operatorname{end}^o\subseteq\alpha\ \operatorname{list}\ \times\alpha\ \operatorname{list}\ \times\alpha\ \operatorname{list}$ 

```
 \begin{array}{ll} \text{let rec append xs ys} = \\ \text{match xs with} \\ \mid \ [] \qquad \rightarrow \text{ys} \\ \mid \ h \ :: \ \ \text{tl} \rightarrow \\ \quad h \ :: \ \ \text{(append tl ys)} \\ \end{array}
```

```
append: \alpha list \rightarrow \alpha list \rightarrow \alpha list append \alpha list \alpha list
```

```
append: \alpha list \rightarrow \alpha list \rightarrow \alpha list let rec append xs ys = match xs with | \ | \ | \ \rightarrow ys | \ h :: tl \rightarrow h :: (append tl ys)
```

```
\begin{split} \operatorname{append}^o &\subseteq \alpha \ \operatorname{list} \ \times \alpha \ \operatorname{list} \ \times \alpha \ \operatorname{list} \\ \operatorname{let} \ \operatorname{rec} \ \operatorname{append}^o \ \operatorname{xs} \ \operatorname{ys} \ \operatorname{xys} = \\ &\left( (\operatorname{xs} \equiv \operatorname{nil}) \ \&\&\& \ (\operatorname{xys} \equiv \operatorname{ys}) \right) \end{split}
```

```
\mathrm{append} \colon \alpha \ \mathrm{list} \ \to \alpha \ \mathrm{list} \ \to \alpha \ \mathrm{list}
```

```
 \begin{array}{ll} \text{let rec append xs ys} = \\ \text{match xs with} \\ \mid \ [] & \rightarrow \text{ys} \\ \mid \ \text{h :: tl} \rightarrow \\ & \text{h :: (append tl ys)} \\ \end{array}
```

```
\operatorname{app}\operatorname{end}^o\subseteq\alpha\ \operatorname{list}\ \times\alpha\ \operatorname{list}\ \times\alpha\ \operatorname{list}
```

```
\begin{array}{l} \text{let rec append}^o \ xs \ ys \ xys = \\ \left( (xs \equiv nil) \ \&\&\& \ (xys \equiv ys) \right) \\ ||| \\ \left( \text{fresh (h t tys)} \right) \end{array}
```

```
\mathrm{append} \colon \alpha \ \mathrm{list} \ \to \alpha \ \mathrm{list} \ \to \alpha \ \mathrm{list}
```

```
 \begin{array}{ll} \text{let rec append xs ys} = \\ \text{match xs with} \\ | \ [] & \rightarrow \text{ys} \\ | \ h :: \ tl \rightarrow \\ & h :: \ (\text{append } tl \ \text{ys}) \\ \end{array}
```

```
\operatorname{app}\operatorname{end}^o\subseteq\alpha\ \operatorname{list}\ \times\alpha\ \operatorname{list}\ \times\alpha\ \operatorname{list}
```

```
 \begin{array}{l} \text{let rec append}^o \ xs \ ys \ xys = \\ & \left( \left( xs \equiv \text{nil} \right) \&\&\& \left( xys \equiv ys \right) \right) \\ & \left| \right| \left| \right| \\ & \left( \text{fresh (h t tys)} \right) \\ & \left( xs \equiv h \ensuremath{\,\%\ t} \right) \end{array}
```

```
append: \alpha list \rightarrow \alpha list \rightarrow \alpha list
```

```
 \begin{array}{l} \text{let rec append xs ys} = \\ \text{match xs with} \\ \mid \ [] \qquad \rightarrow \text{ys} \\ \mid \ h \ :: \ t\, l \rightarrow \\ \quad \quad h \ :: \ (\text{append tl ys}) \\ \end{array}
```

```
\operatorname{app}\operatorname{end}^o\subseteq\alpha\ \operatorname{list}\ \times\alpha\ \operatorname{list}\ \times\alpha\ \operatorname{list}
```

```
 \begin{array}{l} \text{let rec append}^o \ xs \ ys \ xys = \\ & \left( \left( xs \equiv \text{nil} \right) \&\&\& \left( xys \equiv ys \right) \right) \\ & \left| \right| \right| \\ & \left( \text{fresh (h t tys)} \right. \\ & \left( xs \equiv h \ \% \ t \right) \\ & \left( xys \equiv h \ \% \ tys \right) \\ \end{array}
```

```
append: \alpha list \rightarrow \alpha list \rightarrow \alpha list
```

#### $\operatorname{app}\operatorname{end}^o\subseteq\alpha\ \operatorname{list}\ \times\alpha\ \operatorname{list}\ \times\alpha\ \operatorname{list}$

```
let rec appendo xs ys xys =
  ((xs = nil) && (xys = ys))
  |||
  (fresh (h t tys)
        (xs = h % t)
        (xys = h % tys)
        (appendo t ys tys) )
```

```
append: \alpha list \rightarrow \alpha list \rightarrow \alpha list

let rec append xs ys =

match xs with

| [] \rightarrow ys

| h :: tl \rightarrow

h :: (append tl ys)
```

```
let rec append<sup>o</sup> xs ys xys =
    ((xs = nil) && (xys = ys))
    |||
    (fresh (h t tys)
        (xs = h % t)
        (xys = h % tys)
```

 $(append^o t vs tvs)$ 

append $^o \subseteq \alpha$  list  $\times \alpha$  list  $\times \alpha$  list

#### В оригинальной реализации:

```
 \begin{array}{l} (\,\mathrm{define}\ (\mathrm{append}^o\ xs\ ys\ xys) \\ (\,\mathrm{conde} \\ [\,(\equiv\ '(\,)\ xs)\ (\equiv\ ys\ xys)] \\ [\,(\,\mathrm{fresh}\ (h\ t\ tys) \\ (\equiv\ `(\,,h\ .\ ,t)\ xs) \\ (\equiv\ `(\,,h\ .\ ,tys)\ xys) \\ (\,\mathrm{append}^o\ t\ ys\ tys\,))\,])) \end{array}
```

Jason Hemann, Daniel P. Friedman.  $\mu$ Kanren: A Minimal Functional Core for Relational Programming // Scheme'13:

Jason Hemann, Daniel P. Friedman.  $\mu$ Kanren: A Minimal Functional Core for Relational Programming // Scheme'13:

$$X = \{x_1, x_2, \dots\} \\ S = \{s_1, s_2, \dots\} \\ T = X \cup \{s (t_1, \dots, t_k) \mid s \in S, t_i \in T\} \\ \Sigma = T^X$$

Jason Hemann, Daniel P. Friedman.  $\mu$ Kanren: A Minimal Functional Core for Relational Programming // Scheme'13:

Логические переменные Символы (конструкторы) Термы Подстановки

$$X = \{x_1, x_2, \dots\} S = \{s_1, s_2, \dots\} T = X \cup \{s (t_1, \dots, t_k) \mid s \in S, t_i \in T\} \Sigma = T^X$$

Унификация

$$(\equiv) : \Sigma \to T \to T \to \Sigma_{\perp}$$

Jason Hemann, Daniel P. Friedman.  $\mu$ Kanren: A Minimal Functional Core for Relational Programming // Scheme'13:

Логические переменные Символы (конструкторы) Термы Подстановки

$$X = \{x_1, x_2, \dots\} S = \{s_1, s_2, \dots\} T = X \cup \{s (t_1, \dots, t_k) \mid s \in S, t_i \in T\} \Sigma = T^X$$

Унификация

ных ответов

 $(\equiv)\colon \Sigma\to T\to T\to \Sigma_\perp$ 

σ

State (подстановка + как создавать новые логические переменные) Goal (функция из состояния в ленивый список состояний) Конъюнкция  $g \wedge g$  Дизъюнкция  $g \vee g$  Refinement: извлечение посчитан-

 $g: \sigma \rightarrow \sigma \text{ stream}$  "bind"

"mplus" refine :  $\sigma \rightarrow X \rightarrow T$ 

#### Полиморфная унификация 1 из 7

Работает для всех логических типов  $\alpha$  logic (он же  $\alpha^o$ ):

$$\equiv : \Sigma \mathop{\rightarrow} \alpha^{\mathit{o}} \mathop{\rightarrow} \alpha^{\mathit{o}} \mathop{\rightarrow} \Sigma_{\bot}$$

#### Полиморфная унификация 1 из 7

Работает для всех логических типов  $\alpha$  logic (он же  $\alpha^o$ ):

$$\equiv$$
 :  $\Sigma \rightarrow \alpha^o \rightarrow \alpha^o \rightarrow \Sigma_{\perp}$ 

Реализована как сравнение представлений значений в памяти.

```
type \alpha logic = Var of int | Value of \alpha ...
type (\alpha, \beta) glist = Nil | Cons of \alpha * \beta
type \alpha list = (\alpha, \alpha list) glist
```

```
type \alpha logic = Var of int | Value of \alpha ... type (\alpha, \beta) glist = Nil | Cons of \alpha * \beta type \alpha list = (\alpha, \alpha list) glist type \alpha llist = (\alpha, \alpha llist) glist logic
```

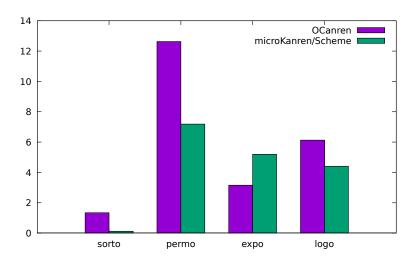
```
type \alpha logic = Var of int | Value of \alpha
 . . .
type (\alpha, \beta) glist = Nil | Cons of \alpha * \beta
type \alpha list = (\alpha, \alpha \text{ list}) glist
type \alpha llist = (\alpha, \alpha \text{ llist}) glist logic
# Value Nil
-: α llist
# Value (Cons (Value 1), Value Nil)
-: int logic llist
# Value (Cons (Var 101), Value Nil)
-: int logic llist
```

#### Промежуточные результаты

Были представлены на ML Workshop 2016 (совмещённым с ICFP 2016)

- Типобезопасное встраивание miniKanren в OCaml
- Полиморфная унификация
- Регулярный подход для описания типов

#### Результаты сравнения производительности

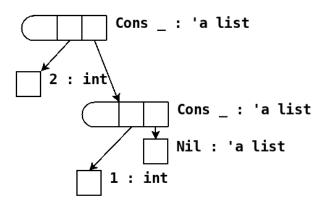


#### Дальнейшие задачи

- Найти причину замедления
- Ускорить
- Подход должен остаться типобезопасным

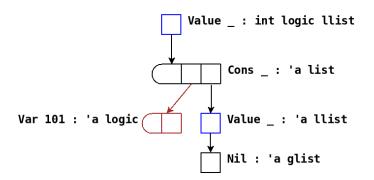
#### Представление термов

#### Cons (2, Cons (1, Nil)) : int list



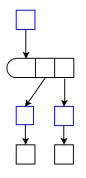
#### Тегированное представление логических значений

### Value (Cons (Var 101, Value Nil)) : int llist



#### Рост размера термов из-за тегирования

#### Value (Cons (Value 2, Value Nil)) : int llist



Cons (2, Nil) : int list



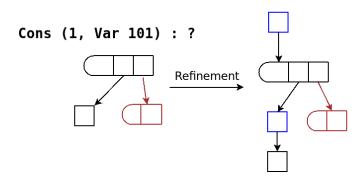
#### План улучшения реализации

- Новое представление деревьев
  - Значению нельзя присвоить конкретный тип, нужен абстрактный тип значений.
  - Предоставить интерфейс для конструирования логических значений
  - Дополнительные действия по преобразованию абстрактного логического значения в типизируемое
- Модернизировать подход по описанию типов логических значений
- Не потерять типовую безопасность

#### Основная идея

- Унифицировать нетипизированнные термы
- Преобразовывать к типизируемому представлению при refine
- Запоминать формальные типы значений при каждом преобразовании к логическому значению

Value (Cons (Value 1, Var 101)) : int llist



#### Тип injected

type ('a, 'b) injected

Тип 'а — это исходный тип, а тип 'b — его логическое представление Представление ground-типов совпадает с представлением 'а.

type ('a, 'b) injected

```
type ('a, 'b) injected  \begin{array}{l} val \;\; lift\colon\; 'a \to ('a, 'a) \;\; injected \\ val \;\; inj \;\; ('a, 'b) \;\; injected \to ('a, 'b \;\; logic) \;\; injected \end{array}
```

```
type ('a, 'b) injected  \begin{array}{l} \text{val lift: 'a} \rightarrow \text{('a,'a) injected} \\ \text{val inj: ('a,'b) injected} \rightarrow \text{('a,'b logic) injected} \\ \text{Например для чисел} \\ \# \text{ inj (lift 5)} \\ -: \text{(int, int logic) injected} \\ \end{array}
```

```
type ('a, 'b) injected

val lift: 'a → ('a, 'a) injected

val inj: ('a, 'b) injected → ('a, 'b logic) injected

Например для чисел

# inj (lift 5)

-: (int, int logic) injected

Оба введенных примитива оставляют переданное значение как есть (identity)
```

```
\begin{array}{ll} module \ Option = struct \\ type \ \alpha \ option = None \ | \ Some \ of \ \alpha \\ let \ fmap = \ldots. \\ end \end{array}
```

```
\begin{array}{l} \mbox{module Option} = \mbox{struct} \\ \mbox{type } \alpha \mbox{ option} = \mbox{None} \mbox{ } | \mbox{ Some of } \alpha \\ \mbox{let fmap} = \mbox{ } \dots \\ \mbox{end} \\ \mbox{\# Makel(Option). distrib} \\ \mbox{ } \dots \end{array}
```

```
module Option = struct
type α option = None | Some of α
let fmap = ....
end

# Makel(Option). distrib
...
# let some x = inj @@ distrib (Some x)
-: (α, β) injected → (α option, β option logic) injected

Здесь fmap нужен для доказательства того, что тип является
функтором, т.е. чтобы можно было описать примимитив distrib,
```

который позволяет "снять" тип со значения, ничего не делая со

значением (он тоже identity).

#### Восстановление посчитанных значений

Необходимо, так как значения в типе (\_,\_) injected хранятся в нетипизированном виде.

```
\begin{array}{ll} module \ Option = struct \\ type \ \alpha \ option = None \ | \ Some \ of \ \alpha \\ let \ fmap = \ldots . \\ end \end{array}
```

#### Восстановление посчитанных значений

Необходимо, так как значения в типе  $(\_,\_)$  injected хранятся в нетипизированном виде.

```
\begin{array}{l} \text{module Option} = \text{struct} \\ \text{type } \alpha \text{ option} = \text{None} \mid \text{Some of } \alpha \\ \text{let fmap} = \dots \\ \text{end} \\ \\ \# \text{ Makel(Option).reify} \\ \text{-: } ( (\alpha, \ \beta) \text{ injected} \rightarrow \quad \beta) \rightarrow \end{array}
```

#### Восстановление посчитанных значений

Необходимо, так как значения в типе (\_,\_) injected хранятся в нетипизированном виде.

```
\begin{array}{l} module \ Option = struct \\ type \ \alpha \ option = None \ | \ Some \ of \ \alpha \\ let \ fmap = \dots \\ end \\ \\ \# \ Makel(Option).reify \\ -: \ (\ (\alpha,\ \beta) \ injected \rightarrow \ \beta) \rightarrow \\ (\alpha \ option,\ \beta \ option \ logic) \ injected \rightarrow \ \beta \ option \ logic \end{array}
```

При построении reify функция fmap используется по существу.

#### Текущая реализация

- Репозиторий: https://github.com/dboulytchev/OCanren
- $\bullet$  Реализация  $\mu$ Kanren с неравенствами (disequality constraints)
- Работает на большинстве оригинальных примеров
- $\bullet$ Быстрее  $\mu {\rm Kanren~(https://github.com/Kakadu/ocanren-perf)}$