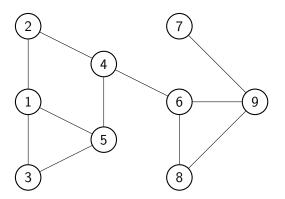
## Lausn á Joint Excavation

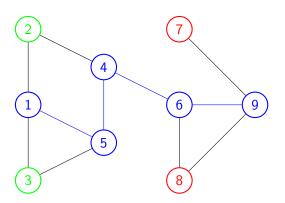
Bergur Snorrason

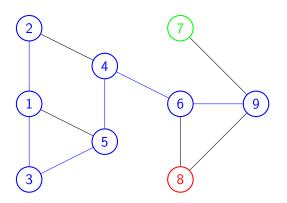
2. mars 2023

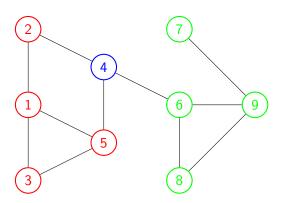
Ykkur er gefið samanhangandi net með  $n \le 2 \cdot 10^5$  hnúta og  $m \le 2 \cdot 10^5$  leggi.

- Ykkur er gefið samanhangandi net með  $n \le 2 \cdot 10^5$  hnúta og  $m \le 2 \cdot 10^5$  leggi.
- Þið eigið að finna einfaldan veg í netinu þannig að ef hnútarnir á veginum eru fjarlægðir úr netinu þá er hægt að skipta samhengisþáttunum í tvennt þannig að hvor hluti skiptingunnar inniheldur jafn marga hnúta.









▶ Við getum getum leyst þetta dæmi með einni dýptarleit.

- ▶ Við getum getum leyst þetta dæmi með einni dýptarleit.
- ▶ Við byrjum á að lita alla hnútana rauða.

- Við getum getum leyst þetta dæmi með einni dýptarleit.
- ► Við byrjum á að lita alla hnútana rauða.
- Á leiðinni niður í dýptarleitinni litum við hnútana sem við heimsækjum bláa.

- Við getum getum leyst þetta dæmi með einni dýptarleit.
- ▶ Við byrjum á að lita alla hnútana rauða.
- Á leiðinni niður í dýptarleitinni litum við hnútana sem við heimsækjum bláa.
- Á leiðinni upp úr dýptaleitinni litum við hnútana græna.

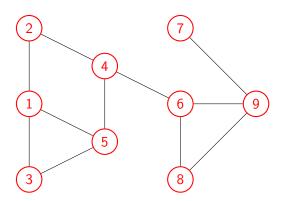
- Við getum getum leyst þetta dæmi með einni dýptarleit.
- Við byrjum á að lita alla hnútana rauða.
- Á leiðinni niður í dýptarleitinni litum við hnútana sem við heimsækjum bláa.
- Á leiðinni upp úr dýptaleitinni litum við hnútana græna.
- Þegar það eru jafnmargir rauðir hnútar og grænir þá erum við búin að finna lausn og getum gætt.

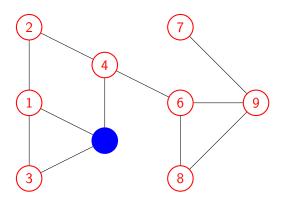
- Við getum getum leyst þetta dæmi með einni dýptarleit.
- Við byrjum á að lita alla hnútana rauða.
- Á leiðinni niður í dýptarleitinni litum við hnútana sem við heimsækjum bláa.
- Á leiðinni upp úr dýptaleitinni litum við hnútana græna.
- Þegar það eru jafnmargir rauðir hnútar og grænir þá erum við búin að finna lausn og getum gætt.
- En afhverju virkar þetta?

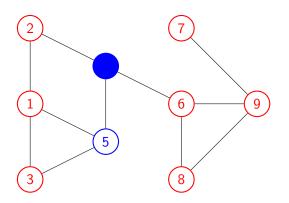
- Við getum getum leyst þetta dæmi með einni dýptarleit.
- Við byrjum á að lita alla hnútana rauða.
- Á leiðinni niður í dýptarleitinni litum við hnútana sem við heimsækjum bláa.
- Á leiðinni upp úr dýptaleitinni litum við hnútana græna.
- Þegar það eru jafnmargir rauðir hnútar og grænir þá erum við búin að finna lausn og getum gætt.
- En afhverju virkar þetta?
- Tökum fyrst eftir að bláu hnútarnir mynda veg.

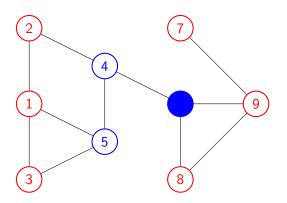
- Við getum getum leyst þetta dæmi með einni dýptarleit.
- Við byrjum á að lita alla hnútana rauða.
- Á leiðinni niður í dýptarleitinni litum við hnútana sem við heimsækjum bláa.
- Á leiðinni upp úr dýptaleitinni litum við hnútana græna.
- Þegar það eru jafnmargir rauðir hnútar og grænir þá erum við búin að finna lausn og getum gætt.
- En afhverju virkar þetta?
- Tökum fyrst eftir að bláu hnútarnir mynda veg.
- Einnig gildir að ef hnútur er grænn þá er dýptarleitin búin að heimsækja hann og all nágranna hans.

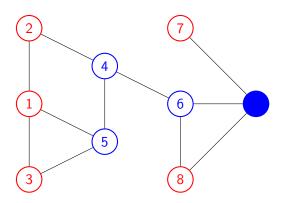
- Við getum getum leyst þetta dæmi með einni dýptarleit.
- Við byrjum á að lita alla hnútana rauða.
- Á leiðinni niður í dýptarleitinni litum við hnútana sem við heimsækjum bláa.
- À leiðinni upp úr dýptaleitinni litum við hnútana græna.
- Þegar það eru jafnmargir rauðir hnútar og grænir þá erum við búin að finna lausn og getum gætt.
- En afhverju virkar þetta?
- Tökum fyrst eftir að bláu hnútarnir mynda veg.
- Einnig gildir að ef hnútur er grænn þá er dýptarleitin búin að heimsækja hann og all nágranna hans.
- Svo grænn hnútur getur bara haft græna eða bláa nágranna.

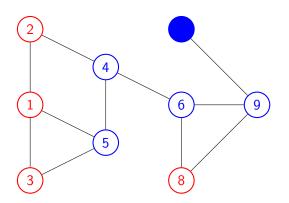


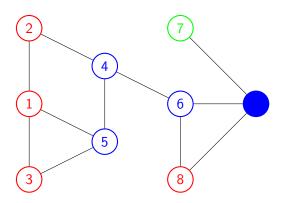


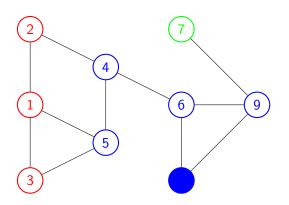


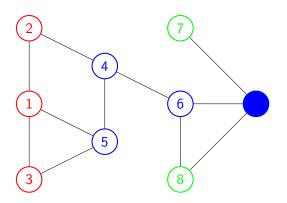


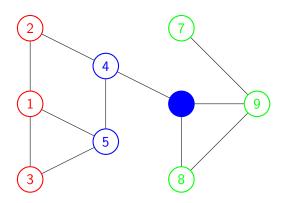


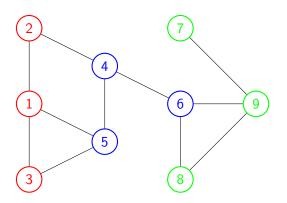


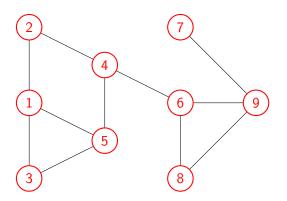


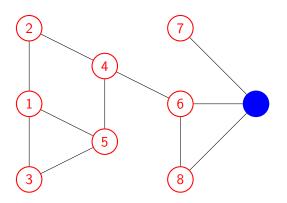


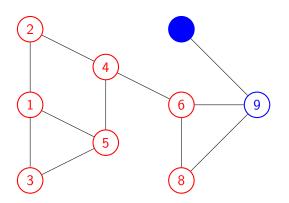


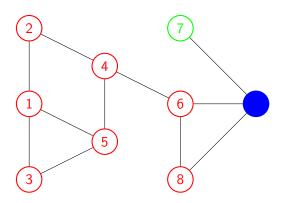


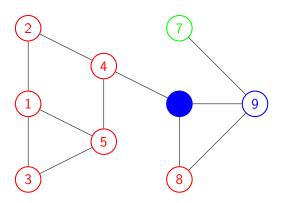


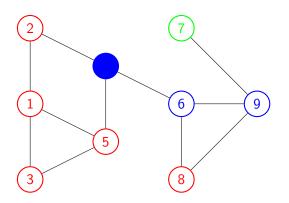


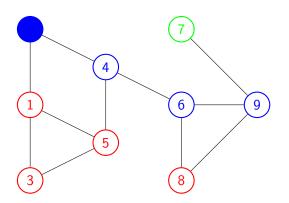


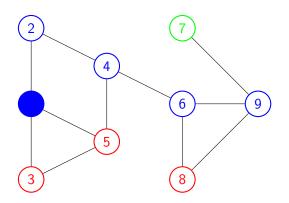


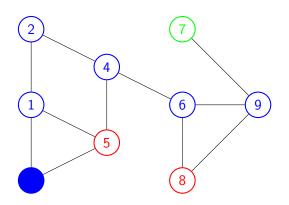


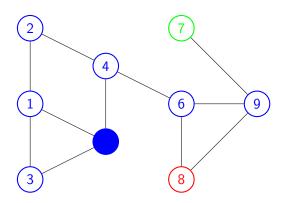


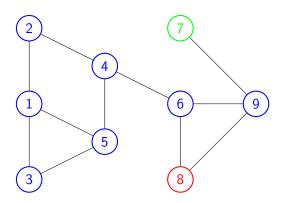












```
6 int s[MAXN], n, sn = 0, v[MAXN], t[2];
 7
8
  void set color(int x, int c)
9
10
       int i:
11
       if (v[x] = 0) t[0] - -;
12
       v[x] = c:
13
       if (v[x] == 2) t[1]++;
14
       if (t[0] != t[1]) return;
       printf("%d %d\n", sn, t[0]);
15
16
       for (i = 0; i < sn; i++) printf("%d", s[i] + 1); printf("\n");
       for (i = 0; i < n; i++) if (v[i] = 0) printf("%d", i + 1); printf("\n");
17
18
       for (i = 0; i < n; i++) if (v[i] = 2) printf("%d", i + 1); printf("\n");
19
       exit (0);
20 }
21
   void dfs(vvi&g, int x)
23
24
       int i:
25
       s[sn++] = x, set_color(x, 1);
26
       for (i = 0; i < g[x]. size(); i++) if (v[g[x][i]] == 0)
27
           dfs(g, g[x][i]);
28
       sn--, set color(x, 2);
29 }
```

```
31
  int main()
32
   {
33
       int i, j, m, x, y;
34
        cin >> n >> m;
35
       vvi g(n);
36
       for (i = 0; i < m; i++)
37
       {
38
            cin >> x >> y;
39
            x--, y--;
40
            g[x].push back(y);
           g[y].push_back(x);
41
42
43
       for (i = 0; i < n; i++) v[i] = 0;
44
       t[0] = n, t[1] = 0;
45
        dfs(g, 0);
46
        return 0;
47 }
```

► Við framkvæmum eina dýptarleit.

- ► Við framkvæmum eina dýptarleit.
- ▶ Svo tímaflækjan er  $\mathcal{O}($  ).

- ► Við framkvæmum eina dýptarleit.
- ▶ Svo tímaflækjan er  $\mathcal{O}(n+m)$ .

- Við framkvæmum eina dýptarleit.
- ▶ Svo tímaflækjan er  $\mathcal{O}(n+m)$ .
- Áhugavert er að það er alltaf til lausn, og það skiptir ekki máli í hvaða hnút leitin byrjar.