# Grunnatriði og Ad hoc

Bergur Snorrason

20. janúar 2021

# Grunntög og takmarkanir þeirra

- ▶ Í grunninn snýst forritun um gögn.
- Þegar við forritum flokkum við gögnin okkar með tögum.
- Dæmi um tög í C/C++ eru int og double.
- ► Helstu tögin í C/C++ eru (yfirleitt):

Heiti	Lýsing	Skorður
int	Heiltala	Á bilinu $[-2^{31}, 2^{31} - 1]$
unsigned int	Heiltala	Á bilinu $[0,2^{32}-1]$
long long	Heiltala	Á bilinu $[-2^{63}, 2^{63} - 1]$
unsigned long long	Heiltala	Á bilinu $[0,2^{64}-1]$
double	Fleytitala	Takmörkuð nákvæmni
char	Heiltala	$ ilde{A}$ bilinu $[-128,127]$

## Hvað með tölur utan þessa bila?

from math import factorial

► Einn helsti kostur Python í keppnisforritun er að heiltölur geta verið eins stórar (eða litlar) og vera skal.

```
print(factorial(100))

93326215443944152681699238856266700490715968264381621
46859296389521759999322991560894146397615651828625369
7920827223758251185210916864000000000000000000000000
```

Það er einnig hægt að nota fractions pakkann í Python til að vinna með fleytitölur án þess að tapa nákvæmni.

## Hvað með tölur utan þessa bila?

- Sumir C/C++ þýðendur bjóða upp á gagnatagið \_\_int128 (til dæmis gcc).
- ightharpoonup Þetta tag býður upp á að nota tölur á bilinu  $[-2^{127},2^{127}-1].$
- Þetta þarf ekki að nota oft.

## Röðun

▶ Við munum reglulega þurfa að raða gögnum í einhverja röð.

Forritunarmál	Röðun
С	qsort()
C++	sort()
Python	this.sort() e $\delta$ a sorted()

Skoðum nú hvert forritunarmál til að sjá nánar hvernig föllin eru notuð.

### Röðun í C++

- ▶ Í grunninn tekur sort(...) við tveimur gildum.
- Fyrra gildið svarar til fyrsta staks þess sem við viljum raða og seinna gildið vísar á enda þess sem við viljum raða (ekki síðasta stakið)
- Ef við erum með n staka fylki a þá röðum við því með sort(a, a + n).
- Við getum raðað flest öllum ílátum með sort.
- Ef við erum með eitthva ílát (til dæmis vector) a má raða með sort(a.begin(), a.end()).
- Við getum líka bætt við okkar eigin samanburðarfalli sem þriðja inntak.
- Það kemur þá í stað "minna eða samasem" samanburðarins sem er sjálfgefinn.

# Röðun í Python

- ► Til að raða lista í Python þá má nota annað hvort this.sort() eða sorted(...).
- ► Gerum ráð fyrir að listinn okkar heiti a.
- Þá nægir að kalla á a.sort() og eftir það er a raðað.
- ► Hinsvegar skilar sorted(a) afriti af a sem hefur verið raðað.
- Til að raða a á þennan hátt þarf a = sorted(a).
- Nota má inntakið key til að raða eftir öðrum samanburðum.
- ▶ Pað er einnig inntak sem heitir reverse sem er Boole gildi sem leyfir auðveldlega að raða öfugt.

### Röðun í C

- ► Í C er enginn sjálfgefinn samanburður, svo við þurfum alltaf að skrifa okkar eigið samanburðarfall.
- ► Til röðunar notum við fallið qsort(...).
- ► Fallið tekur fjögur viðföng:
  - ▶ void\* a. Þetta er fylkið sem við viljum raða.
  - size\_t n. Þetta er fjöldi staka í fylkinu sem a svarar til.
  - size\_t s. Þetta er stærð hvers staks í fylkinu okkar (í bætum).
  - ▶ int (\*cmp)(const void \*, const void\*). Þetta er samanburðarfallið okkar.
- Síðasta inntakið er kannski flókið við fyrstu sýn en er einfalt fyrir okkur að nota.
- Þetta er fallabendir (e. function pointer) ef þið viljið kynna vkkur það frekar.

### Röðun í C

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
int cmp(const void* p1, const void* p2)
    return *(int*)p1 - *(int*)p2;
int rcmp(const void* p1, const void* p2)
    return *(int*)p2 - *(int*)p1:
int main()
{
    int n, i;
    scanf("%d", &n);
    int a[n];
    for (i = 0; i < n; i++) scanf("%d", &a[i]);
    qsort(a, n, sizeof(a[0]), cmp);
    for (i = 0; i < n; i++) printf("%d ", a[i]);
    printf("\n"):
    qsort(a, n, sizeof(a[0]), rcmp);
    for (i = 0; i < n; i++) printf("%d ", a[i]);
    printf("\n");
    return 0;
}
```

# Uppsetning dæma

- Dæmin sem við sjáum á Kattis eru (oftast) af stöðluðu sniði.
  - Saga.
  - Dæmið.
  - Inntaks -og úttakslýsingar.
  - Sýnidæmi.
- Fyrstu tveir punktarnir geta verið blandaðir saman.
- Þeir eru líka lengsti hluti dæmisins.

# A Different Problem

Write a program that computes the difference between non-negative integers.

### Input

Each line of the input consists of a pair of integers. Each integer is between 0 and  $10^{15}$  (inclusive). The input is terminated by end of file.

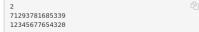
### Output

For each pair of integers in the input, output one line, containing the absolute value of their difference.

#### Sample Input 1

#### Sample Output 1

10 12	2
71293781758123 72784	
1 12345677654321	



# Röng lausn. Hver er villan?

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

int main()
{
    int a, b;
    while (cin >> a >> b)
    {
        cout << abs(a - b) << endl;
    }
}</pre>
```

## Rétt lausn

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

int main()
{
    long long a, b;
    while (cin >> a >> b)
    {
        cout << abs(a - b) << endl;
    }
}</pre>
```

## long long

- Þurfum við þó alltaf að skrifa long long?
- ► Nei!
- Við getum notað typedef.
- Við notum einfaldlega typedef <gamla> <nýja>;.
- Venjan í keppnisforritun er að nota typedef long long ll;.
- Við munum nota typedef aftur.

# Rétt lausn með typedef

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef long long II;

int main()
{
    Il a, b;
    while (cin >> a >> b)
    {
        cout << abs(a - b) << endl;
    }
}</pre>
```

### Time Limit Exceede

- Hvernig vitum að lausnin okkar sé of hæg?
- Ein leið er að útfæra lausnina, senda hana inn og gá hvað Kattis segir.
- Það myndi þó spara mikla vinnu ef við gætum svarað spurningunni án þess að útfæra.
- Einnig gæti leynst önnur villa í útfærslunni okkar sem gefur okkur Time Limit Exceeded (TLE).
- Til að ákvarða hvort lausn sé nógu hröð þá notum við tímaflækjur.
- Sum ykkar þekka tímaflækjur en önnur ekki.
- Skoðum fyrst hvað tímaflækjur eru í grófum dráttum.

# Tímaflækjur í grófum dráttum

- Keyrslutími forrits er háður stærðinni á inntakinu.
- Tímaflækjan lýsir hvernig keyrslutími forritsins skalast með inntakinu (í versta falli).
- ▶ Ef forritið er með tímaflækju  $\mathcal{O}(f(n))$  þýðir það að keyrslutíminn vex eins of f þegar n vex.
- ▶ Til dæmis ef forritið hefur tímaflækju  $\mathcal{O}(n)$  þá tvöfaldast keyrslutími þegar inntakið tvöfaldast.
- ▶ Hér gerum við ráð fyrir að grunnaðgerðirnar okkar taki fastann tíma, eða séu með tímaflækju  $\mathcal{O}(1)$ .

- ightharpoonup Ef forritið okkar þarf að framkvæma  $\mathcal{O}(f(n))$  aðgerð msinnum þá er tímaflækjan  $\mathcal{O}(m \cdot f(n))$ .
  - Þetta er reglan sem við notum oftast í keppnisforritun.
- Hún segir okkur til dæmis að tvöföld for-lykkja, þar sem hver for-lykkja er n löng, er  $\mathcal{O}(n^2)$ .
- $\triangleright$  Ef við erum með tvær einfaldar for-lykkjur, báðar af lenged  $n_i$
- bá er forritið  $\mathcal{O}(n) + \mathcal{O}(n) = \mathcal{O}(n)$  Einnig gildir að tímaflækja forritsins okkar takmarkast af hægasta hluta forritsins.
- ► Til dæmis er  $\mathcal{O}(n+n+n+n+n^2) = \mathcal{O}(n^2)$ .

## Stærðfræði

▶ Við segjum að fall g(x) sé í menginu  $\mathcal{O}(f(x))$  ef til eru rauntölur c og  $x_0$  þannig að

$$|g(x)| \le c \cdot f(x)$$

fyrir öll  $x > x_0$ .

- Petta þýðir í raun að fallið |g(x)| verður á endanum minna en  $k \cdot f(x)$ .
- Pessi lýsing undirstrikar betur að f(x) er efra mat á g(x), og er því að segja að g(x) hagi sér ekki verr en f(x).

# Þekktar tímaflækjur

► Tímaflækjur algrengra aðgerða eru:

Aðgerð	Lýsing	Tímatlækja
Línulega leit	Almenn leit í fylki	O(n)
Helmingunarleit	Leit í röðuðu fylki	$O(\log n)$
Röðun á heiltölum	Röðun á heiltalna fylki	$\mathcal{O}(n \log n)$
Strengjasamanburður	Bera saman tvo strengi af lengd $n$	O(n)
Almenn röðun	Röðun með $\mathcal{O}(T(m))$ samanburð	$\mathcal{O}(T(m) \cdot n \log n)$

# $10^8$ reglan

- Þegar við ræðum tímaflækjur er "tími" er ekki endilega rétt orðið.
- Við erum frekar að lýsa fjölda aðgerða sem forritið framkvæmir.
- ▶ Í keppnisforritun notum við 10<sup>8</sup> regluna:
  - Tökum verstu tilfellin sem koma fyrir í inntakslýsingunni á dæminu, stingum því inn í tímaflækjuna okkar og deilum með 108.
  - Ef útkoman er minni en fjöldi sekúnda í tímamörkum dæmisins þá er lausnin okkar nógu hröð, annars er hún of hæg.
- Pessa reglu mætti um orða sem: "Við gerum ráð fyrir að forritið geti framkvæmt  $10^8$  aðgerðir á sekúndu".
- Þessi regla er gróf nálgun, en virkar mjög vel því þetta er það sem dæmahöfundar hafa í huga þegar þeir semja dæmi.
- Með þetta í huga fáum við eftirfarandi töflu.

Stærð $\boldsymbol{n}$	Versta tímaflækja	Dæmi
$\leq 10$	$\mathcal{O}(n!)$	TSP með heildstærðri leit
$\leq 15$	$\mathcal{O}(n^2 2^n)$	TSP með kvikri bestun
$\leq 20$	$\mathcal{O}(n2^n)$	Kvik bestun yfir hlutmengi
$\leq 100$	$\mathcal{O}(n^4)$	Almenn spyrðing
$\leq 400$	$\mathcal{O}(n^3)$	Floyd-Warshall
$\leq 10^{4}$	$\mathcal{O}(n^2)$	Lengsti sameiginlegi hlutstrengur
$\le 10^{5}$	$\int \mathcal{O}(n\sqrt{n})$	Reiknirit sem byggja á rótarþáttun
$\leq 10^{6}$	$\mathcal{O}(n \log n)$	Of mikið til að þora að taka dæmi
$\leq 10^{7}$	$\mathcal{O}(n)$	Næsta tala sem er stærri (NGE)
$\leq 2^{10^7}$	$\mathcal{O}(\log n)$	Helmingunarleit
$> 2^{10^7}$	$\mathcal{O}(1)$	Ad hoc

## TLE trikk

- Stundum fær maður TLE þótt maður sé viss um að lausnin sé nógu hröð.
- Ef forritið þarf að lesa eða skrifa mikið gæti það verið að hægja nóg á forritun til að gefa TLE.
- Petta stafar af því að til að lesa eða skrifa þarf forritið að tala við stýrikerfið.
- ► Til að leysa þetta skrifa sum forrit í biðminni (e. buffer) og prenta bara þegar það fyllist.
- Svona er þetta gert í C.

## TLE trikk

- ▶ Í C++ er biðminnið tæmt þegar std::endl er prentað.
- ▶ Til að koma í veg fyrir þetta er hægt að prenta \n í staðinn.
- ► Til dæmis cout « x « '\n'.
- Það borgar sig einnig að setja ios::sync\_with\_stdio(false) fremst í main().
- Ef þið eruð í Java mæli ég með Kattio.
- Það má finna á GitHub.

# Innbyggðar gagnagrindur í C+

- Grunnur C++ býr yfir mörgum sterkum gagnagrindum.
- Skoðum helstu slíku gagnagrindur og tímaflækjur mikilvægust aðgerða þeirra.
- Við munum bara fjalla um gagnagrindurnar í grófum dráttum.
- Það er hægt að finna ítarlegra efni og dæmi um notkun á netinu.

# Fylki

- Lýkt og í mörgum öðrum forritunarmálum eru fylki í C++.
- Fylki geyma gögn og eru af fastri stærð.
- Par sem þau eru af fastri stærð má gefa þeim tileinkað, aðliggjandi svæði í minni.
- ightharpoonup Þetta leyfir manni að vísa í fylkið í  $\mathcal{O}(1)$ .

Aðgerð	Tímaflækja
Lesa eða skrifa ótiltekið stak	$\mathcal{O}(1)$
Bæta staki aftast	$\mathcal{O}(n)$
Skeyta saman tveimur	$egin{aligned} \mathcal{O}(n) \ \mathcal{O}(n) \end{aligned}$

#### vector

- ► Gagnagrindin vector er að mestu leiti eins og fylki.
- ightharpoonup Það má þó bæta stökum aftan á vector í  $\mathcal{O}(1)$ .
- Margir nota bara vector og aldrei fylki sem slík.

Aðgerð	Tímaflækja
Lesa eða skrifa ótiltekið stak	
Bæta staki aftast	$\mathcal{O}(1)$
Skeyta saman tveimur	$\mathcal{O}(n)$
	•

#### list

- Gagnagrindin list geymir gögn líkt og fylki gera, en stökin eru ekki aðliggjandi í minni.
- Því er uppfletting ekki hröð.
- Aftur á móti er hægt að gera smávægilegar breytingar á list sem er ekki hægt að gera á fylkjum.

Aðgerð	Tímaflækja
Finna stak	$\mathcal{O}(n)$
Bæta staki aftast	$\mathcal{O}(1)$
Bæta staki fremst	$\mathcal{O}(1)$
Bæta staki fyrir aftan tiltekið stak	$\mathcal{O}(1)$
Bæta staki fyrir framan tiltekið stak	$\mathcal{O}(1)$
Skeyta saman tveimur	$\mathcal{O}(1)$

### stack

 Gagnagrindin stack geymir gögn og leyfir aðgang að síðasta staki sem var bætt við.

Aðgerð	Tímaflækja
Bæta við staki	$\mathcal{O}(1)$
Lesa nýjasta stakið	$\mathcal{O}(1)$
Bæta við staki Lesa nýjasta stakið Fjarlægja nýjasta stakið	$\mathcal{O}(1)$

### queue

► Gagnagrindin queue geymir gögn og leyfir aðgang að fyrsta stakinu sem var bætt við.

Aðgerð	Tímaflækja
Bæta við staki	$\mathcal{O}(1)$
Lesa elsta stakið	$\left  egin{array}{c} \mathcal{O}(1) \\ \mathcal{O}(1) \end{array} \right $
Fjarlægja elsta stakið	$\mathcal{O}(1)$

#### set

Gagnagrindin set geymir gögn án endurtekninga og leyfir hraða uppflettingu.

	Aðgerð	Tímaflækja
Ì	Bæta við staki	$\mathcal{O}(\log n)$
	Fjarlægja stak	$\mathcal{O}(\log n)$
	Bæta við staki Fjarlægja stak Gá hvort staki hafi verið bætt við	$\mathcal{O}(\log n)$
		'

## Lausnar aðferðir

- Lausnir okkar má flokka í fimm flokka:
  - Ad hoc.
  - ► Heildstæð leit.
  - Gráðugar lausnir.
  - ▶ Deila og drottna (D&C).
  - Kvik bestun (DP).
- Pessi skipting er ekki fullkomin, en það er þó gott að hafa hana í huga.
- ➤ Til dæmis má færa rök fyrir því að gráðugar lausnir og D&C séu sértilfelli af kvikri bestun.
- Við munum byrja á því að fjalla almennt um þessar aðferðir og fara svo í sértækara efni.
- Þá er oft gott að hafa í huga hvernig flokka megi reikniritin.

### Ad hoc

- ► Ef lausn dæmisins byggir ekki á sérþekkingu flokkast dæmið sem *Ad hoc*.
- Pessi dæmi eru stundum flokkuð undir "implementation", eða sem útfærsludæmi.
- Petta er gert því flest Ad hoc dæmi snúast um að fylgja beint leiðbeiningum.
- Það eru þó undantekningar.
- Í NCPC 2020 var Ad hoc dæmi sem mætti ekki flokkast sem útfærsludæmi.
- Ad hoc dæmi flokkast oft til léttari dæma í keppnum.
- Áðurnefnt NCPC dæmi er þó aftur undanteking, því engin keppandi náði að leysa það dæmi.
- Samkvæmt skilgreiningu getum við ekki rætt Ad hoc dæmi ítarlega. Tökum því nokkur dæmi.

## Blandað brot

- Þú átt að breyta almennu broti í blandað brot.
- Munið að almenna brotið p/q, og blandaða brotið  $a\ b/c$  tákna sömu töluna ef p/q=a+b/c.
- Munið einnig að ef  $a \ b/c$  er almennt brot þá gildir b < c.
- Blandaða brotið ykkar á að hafa sama nefnara og upprunarlega brotið.
- ▶ Inntakið inniheldur tvær heiltölur  $1 \le p, q \le 10^9$ .
- lacktriangle Úttakið skal innihalda blandaða brotið sem svarar til p/q.

	Inntak	Úttak
Sýnidæmi 1	27 12	2 3 / 12
Sýnidæmi 2	2460000 98400	25 0 / 98400
Sýnidæmi 3		0 3 / 4000

## Lausn á blandað brot

- Hér nægir okkur að reikna.
- Við getum aðeins stytt okkur leið með því að nota heiltöludeilingu.
- Við fáum þá að a er heiltalan sem fæst með deilingunni p/q og b er afgangurinn.

```
#include <stdio.h>
int main()
    int p, q, a, b, c;
    scanf("%d%d", &p, &q);
    a = p/q;
    b = p\%q;
    c = q;
    printf("%d %d / %d\n", a, b, c);
    return 0:
/* */
#include <stdio.h>
int main()
```

int p, q;

return 0:

}

scanf("%d%d", &p, &q);

printf("%d %d / %d\n", p/q, p%q, q);

# Barnahjal

- Þið eruð að reyna að kenna barni að telja.
- Það er þó ekki alltaf hægt að heyra hvað barnið segir.
- Þið viljið ákvarða hvort það sem barnið er að segja gæti mögulega verið rétt.
- Fyrsta lína inntaksins inniheldur heiltölu  $1 \le n \le 10^3$ .
- ightharpoonup Síðan fylgir ein lína með n strengjum.
- Ner strengur er annaðhvort heiltala á bilinu  $[0, 10^4]$  eða strengurinn "mumble".
- ► Ef það er hægt að skipta út öllum "mumble" fyrir tölu þannig að talningin sé rétt skal prenta "jebb".
- Annars skal prenta "neibb".

# Lausn á Barnahjal

- ► Ef *i*-ti strengurinn inniheldur strenginn sem svarar til tölurnnar *i* eða "mumble", fyrir öll *i*, þá er barnið kannski að telja rétt.
- Annars er barnið að telja rangt.

```
n = int(input())
l = input().split()
f = True
for i in range(n):
    if |[i] != 'mumble' and |[i] != str(i + 1):
        f = False
        break
if f: print('jebb')
else: print('neibb')
```