Lausn á *Language Survey*

Bergur Snorrason

30. janúar 2023

Þér er gefið land sem er skipt í grind eftir hvaða tungumál eru töluð hvar.

- Pér er gefið land sem er skipt í grind eftir hvaða tungumál eru töluð hvar.
- Þú veist að í heildina eru þrjú tungumál töluð.

- Þér er gefið land sem er skipt í grind eftir hvaða tungumál eru töluð hvar.
- Þú veist að í heildina eru þrjú tungumál töluð.
- Þér er einnig sagt, fyrir sérhvern reit, hvort eitt tungumál sé talað þar eða fleiri.

- Þér er gefið land sem er skipt í grind eftir hvaða tungumál eru töluð hvar.
- Þú veist að í heildina eru þrjú tungumál töluð.
- Pér er einnig sagt, fyrir sérhvern reit, hvort eitt tungumál sé talað þar eða fleiri.
- Einnig er gefið að hvert tungumál er talað á samanhangandi svæði reita.

- Þér er gefið land sem er skipt í grind eftir hvaða tungumál eru töluð hvar.
- Þú veist að í heildina eru þrjú tungumál töluð.
- Þér er einnig sagt, fyrir sérhvern reit, hvort eitt tungumál sé talað þar eða fleiri.
- Einnig er gefið að hvert tungumál er talað á samanhangandi svæði reita.
- Með öðrum orðum getur þú labbað milli allra reita sem tala sama tungumál án þess að þurfa að heimsækja reit sem talar ekki tungumálið.

- Þér er gefið land sem er skipt í grind eftir hvaða tungumál eru töluð hvar.
- Þú veist að í heildina eru þrjú tungumál töluð.
- Þér er einnig sagt, fyrir sérhvern reit, hvort eitt tungumál sé talað þar eða fleiri.
- Einnig er gefið að hvert tungumál er talað á samanhangandi svæði reita.
- Með öðrum orðum getur þú labbað milli allra reita sem tala sama tungumál án þess að þurfa að heimsækja reit sem talar ekki tungumálið.
- Þú átt ákvarða hvar hvert tungumál er talað, ef það er á annað borð hægt.

► Fyrra sýniinntakið er

► Fyrra sýniinntakið er

- 1 3 4
- 2 2211
- 3 1112
- 4 1112

- ► Fyrra sýniinntakið er
 - 1 3 4 2 2211
 - 2 2211 3 **1112**
 - 4 1112
- og samsvarandi úttak er

► Fyrra sýniinntakið er

```
1 3 4
2 2211
3 1112
4 1112
```

og samsvarandi úttak er

```
1 AAAA
2 ...A
3 ....
4
5 BB...
6 BBBB
7 ...B
8
9 ....
10 ...C
```

► Gerum ráð fyrir að við getum raðað tungumálunum þannig að eitt tungumál er talað í hverjum reit, en fyrir hvern reit er líka, að minnsta kosti, einn nágranni sem talar annað tungumál.

- Gerum ráð fyrir að við getum raðað tungumálunum þannig að eitt tungumál er talað í hverjum reit, en fyrir hvern reit er líka, að minnsta kosti, einn nágranni sem talar annað tungumál.
- Ef slík skipun er til þá er eftirleikurinn auðveldur.

- Gerum ráð fyrir að við getum raðað tungumálunum þannig að eitt tungumál er talað í hverjum reit, en fyrir hvern reit er líka, að minnsta kosti, einn nágranni sem talar annað tungumál.
- Ef slík skipun er til þá er eftirleikurinn auðveldur.
- Fyrir hvern reit þar sem fleiri en eitt tungumál er talað veljum við tungumálið sem er talað hjá nágrannanum sem talar annað tungumál og látum það tungumál líka talað í þeim reit.

- Gerum ráð fyrir að við getum raðað tungumálunum þannig að eitt tungumál er talað í hverjum reit, en fyrir hvern reit er líka, að minnsta kosti, einn nágranni sem talar annað tungumál.
- Ef slík skipun er til þá er eftirleikurinn auðveldur.
- Fyrir hvern reit þar sem fleiri en eitt tungumál er talað veljum við tungumálið sem er talað hjá nágrannanum sem talar annað tungumál og látum það tungumál líka talað í þeim reit.
- En er slík skipun til?

▶ Byrjum á að láta dálkinn lengst til vinstri fá tungumál A.

- ▶ Byrjum á að láta dálkinn lengst til vinstri fá tungumál A.
- Við látum svo p tákna reitinn efst til hægri og q tákna reitinn neðst til hægri og:

- ▶ Byrjum á að láta dálkinn lengst til vinstri fá tungumál A.
- Við látum svo p tákna reitinn efst til hægri og q tákna reitinn neðst til hægri og:
 - Færum p til vintri þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál B.

- ▶ Byrjum á að láta dálkinn lengst til vinstri fá tungumál A.
- Við látum svo p tákna reitinn efst til hægri og q tákna reitinn neðst til hægri og:
 - Færum p til vintri þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál B.
 - Færum p niður þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál B.

- Byrjum á að láta dálkinn lengst til vinstri fá tungumál A.
- Við látum svo p tákna reitinn efst til hægri og q tákna reitinn neðst til hægri og:
 - Færum p til vintri þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál B.
 - Færum p niður þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál B.
 - Færum q upp þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál C.

- Byrjum á að láta dálkinn lengst til vinstri fá tungumál A.
- Við látum svo p tákna reitinn efst til hægri og q tákna reitinn neðst til hægri og:
 - Færum p til vintri þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál B.
 - Færum p niður þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál B.
 - Færum q upp þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál C.
 - Færum q til vinstri þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál C.

- Byrjum á að láta dálkinn lengst til vinstri fá tungumál A.
- Við látum svo p tákna reitinn efst til hægri og q tákna reitinn neðst til hægri og:
 - Færum p til vintri þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál B.
 - Færum p niður þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál B.
 - Færum q upp þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál C.
 - Færum q til vinstri þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál C.
 - Færum p til hægri þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál B.

- Byrjum á að láta dálkinn lengst til vinstri fá tungumál A.
- Við látum svo p tákna reitinn efst til hægri og q tákna reitinn neðst til hægri og:
 - Færum p til vintri þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál B.
 - Færum p niður þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál B.
 - Færum q upp þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál C.
 - Færum q til vinstri þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál C.
 - Færum p til hægri þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál B.
 - Færum p upp þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál B.

- Byrjum á að láta dálkinn lengst til vinstri fá tungumál A.
- Við látum svo p tákna reitinn efst til hægri og q tákna reitinn neðst til hægri og:
 - Færum p til vintri þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál B.
 - Færum p niður þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál B.
 - Færum q upp þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál C.
 - Færum q til vinstri þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál C.
 - Færum p til hægri þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál B.
 - Færum p upp þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál B.
 - Færum q niður þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál C.

- Byrjum á að láta dálkinn lengst til vinstri fá tungumál A.
- Við látum svo p tákna reitinn efst til hægri og q tákna reitinn neðst til hægri og:
 - Færum p til vintri þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál B.
 - Færum p niður þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál B.
 - Færum q upp þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál C.
 - Færum q til vinstri þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál C.
 - Færum p til hægri þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál B.
 - Færum p upp þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál B.
 - Færum q niður þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál C.
 - Færum q til hægri þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál C.

- ▶ Byrjum á að láta dálkinn lengst til vinstri fá tungumál A.
- Við látum svo p tákna reitinn efst til hægri og q tákna reitinn neðst til hægri og:
 - Færum p til vintri þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál B.
 - Færum p niður þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál B.
 - Færum q upp þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál C.
 - Færum q til vinstri þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál C.
 - Færum p til hægri þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál B.
 - Færum p upp þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál B.
 - Færum q niður þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál C.
 - Færum q til hægri þangað til hann kemst ekki lengra og látum alla reiti sem hann lendir á fá tungumál C.
 - Endurtökum þar til allir reitir hafa tungumál.

 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X
 X

▶ Þetta virkar alltaf ef báðar víddirnar eru stærri en tveir.

- ▶ Þetta virkar alltaf ef báðar víddirnar eru stærri en tveir.
- ► Ef önnur víddin er tveir má nota

- ▶ Þetta virkar alltaf ef báðar víddirnar eru stærri en tveir.
- ► Ef önnur víddin er tveir má nota
 - A B
 - A B
 - A B
 - A B
 - A C

- Þetta virkar alltaf ef báðar víddirnar eru stærri en tveir.
- ► Ef önnur víddin er tveir má nota
 - A B
 - A B
 - A B
 - A B
 - A C

► Ef önnur víddin er einn þarf að leysa dæmið gráðugt.

- Þetta virkar alltaf ef báðar víddirnar eru stærri en tveir.
- ► Ef önnur víddin er tveir má nota
 - A B
 - A B
 - A B
 - A B
 - A C

- ► Ef önnur víddin er einn þarf að leysa dæmið gráðugt.
- Þetta eru einu tilfellin þar sem maður getur fengið impossible.

Sértilfellið

```
5 int sertilfelli(int * a, int n)
 6
   {
7
       int i, j, b[3][n], c[3] = \{0, 0, 0\};
8
       for (i = 0; i < n; i++) for (j = 0; j < 3; j++) b[j][i] = 0;
9
       i = 0;
10
       while (i < n \&\& a[i] == 1) b[0][i++] = 1, c[0]++;
11
       while (i < n \&\& a[i] == 2) b[0][i] = 1, b[1][i] = 1, i++, c[0]++, c[1]++;
12
       while (i < n \&\& a[i] == 1) b[1][i++] = 1, c[1]++;
       while (i < n \&\& a[i] = 2) b[1][i] = 1, b[2][i] = 1, i++, c[1]++, c[2]++;
13
       while (i < n \&\& a[i] == 1) b[2][i++] = 1, c[2]++;
14
15
       if (i < n) return 0;
16
       if (c[2] = 0 \&\& c[1] = 0)
17
18
           if (n = 2) return 0;
19
           b[1][0] = b[2][1] = 1;
20
           b[0][0] = b[0][1] = 0;
21
22
       else if (c[2] == 0)
23
24
           for (i = 0; i < n; i++) if (a[i] == 2) break;
25
           b[2][i] = 1:
26
27
       for (j = 0; j < 3; j++) for (i = 0; i < n; i++)
28
           r[i][i] = b[i][i] ? 'A' + i : '.'
29
       return 1;
30 }
```

Köllum á sértilfellið

```
42
       if (n = 1 \&\& m = 1)
43
44
            if (a[0][0] = 1) { printf("impossible\n"); return 0; }
45
            printf("A\n\nB\n\nC\n");
46
           return 0:
47
       }
if (n == 1)
48
49
50
           int g[m];
51
           for (i = 0; i < m; i++) g[i] = a[0][i];
52
            if (!sertilfelli(g, m)) { printf("impossible\n"); return 0; }
53
           for (x = 0; x < 3; x++)
54
                for (i = 0; i < m; i++) printf("%c", r[x][i]);
55
56
                printf("\n\n");
57
58
           return 0;
59
60
          (m == 1)
61
62
           int g[n];
63
           for (i = 0; i < n; i++) g[i] = a[i][0];
            if (!sertilfelli(g, n)) { printf("impossible\n"); return 0; }
64
65
           for (x = 0: x < 3: x++)
66
67
                for (i = 0; i < n; i++) printf("%c\n", r[x][i]);
68
                printf("\n");
69
70
           return 0;
71
```

Búum til grunnskiptingin og finnum nágranna með annað tungamál

```
int i, j, x, y, z[2], n, m, g[4][2] = \{\{-1, 0\}, \{0, -1\}, \{1, 0\}, \{0, 1\}\};
34
72
          for (i = 0; i < n; i++) for (j = 0; j < m; j++) b[i][j] = 1;
          for (i = 0; i < n; i++) b[i][0] = 2;
73
74
         z[0] = n - 1, z[1] = m - 3, x = n, y = m - 1;
75
          for (j = 0; z[j\%2] > 0; z[j\%2] = 2, j++) for (i = 0; i < z[j\%2]; i++)
                     b[x += g[i\%4][0]][v += g[i\%4][1]] = 0:
76
77
          for (i = 0; i < n; i++) for (j = 0; j < m; j++) c[i][j] = -1;
          for (i = 0; i < n; i++) for (j = 0; j < m; j++)
78
79
               if (i > 0 \&\& b[i - 1][j] != b[i][j]) c[i][j] = b[i - 1][j];
80
               \begin{array}{l} \text{if } (j>0 \ \&\& \ b[i][j-1] \ != \ b[i][j]) \ c[i][j] = \ b[i][j-1]; \\ \text{if } (i< n-1 \ \&\& \ b[i+1][j] \ != \ b[i][j]) \ c[i][j] = \ b[i+1][j]; \\ \text{if } (j< m-1 \ \&\& \ b[i][j+1] \ != \ b[i][j]) \ c[i][j] = \ b[i][j+1]; \end{array}
81
82
83
84
```

Prenta lausn

```
for (x = 0; x < 3; x++)
85
86
87
               for (i = 0; i < n; i++)
88
                    for (j = 0; j < m; j++) printf("%c",

(b[i][j] == x || (a[i][j] == 2 && c[i][j] == x))

? 'A' + x : '.');
89
90
91
                    printf("\n");
92
93
94
               printf("\n");
95
96
         return 0:
```