Grannröðun

Bergur Snorrason

March 4, 2024

► Gerum ráð fyrir að við séum með stefnt net.

- ► Gerum ráð fyrir að við séum með stefnt net.
- Við viljum getað raðað hnútunum þannig að ef það er leggur frá hnútnum u til hnútsins v í netinu þá sé u á undan v í röðuninni.

- Gerum ráð fyrir að við séum með stefnt net.
- Við viljum getað raðað hnútunum þannig að ef það er leggur frá hnútnum u til hnútsins v í netinu þá sé u á undan v í röðuninni.
- Þetta má gera þá og því aðeins að netið sé órásað.

- Gerum ráð fyrir að við séum með stefnt net.
- Við viljum getað raðað hnútunum þannig að ef það er leggur frá hnútnum u til hnútsins v í netinu þá sé u á undan v í röðuninni.
- Þetta má gera þá og því aðeins að netið sé órásað.
- ▶ Við köllum slíka röðun grannröðun (e. topological sort).

- Gerum ráð fyrir að við séum með stefnt net.
- Við viljum getað raðað hnútunum þannig að ef það er leggur frá hnútnum u til hnútsins v í netinu þá sé u á undan v í röðuninni.
- Þetta má gera þá og því aðeins að netið sé órásað.
- Við köllum slíka röðun grannröðun (e. topological sort).
- Takið þó eftir að þessi röðun þarf ekki að vera ótvírætt ákvörðuð.

Fjöldi leggja afgerðinni (u, v), fyrir fast v, kallast *innstig* hnútsins v.

- Fjöldi leggja afgerðinni (u, v), fyrir fast v, kallast *innstig* hnútsins v.
- Tökum eftir að stefnt órásað net hefur alltaf hnút með innstig núll.

- Fjöldi leggja afgerðinni (u, v), fyrir fast v, kallast *innstig* hnútsins v.
- Tökum eftir að stefnt órásað net hefur alltaf hnút með innstig núll.
- Einnig gildir að ef við fjarlægjum hnút úr stefndu órásuðu neti þá er netið ennþá órásað.

- ► Fjöldi leggja afgerðinni (u, v), fyrir fast v, kallast innstig hnútsins v.
- Tökum eftir að stefnt órásað net hefur alltaf hnút með innstig núll.
- Einnig gildir að ef við fjarlægjum hnút úr stefndu órásuðu neti þá er netið ennþá órásað.
- Ef hnútur hefur innstig núll má hann alltaf fara fremst í grannröðunina.

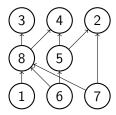
- Fjöldi leggja afgerðinni (u, v), fyrir fast v, kallast *innstig* hnútsins v.
- Tökum eftir að stefnt órásað net hefur alltaf hnút með innstig núll.
- Einnig gildir að ef við fjarlægjum hnút úr stefndu órásuðu neti þá er netið ennþá órásað.
- Ef hnútur hefur innstig núll má hann alltaf fara fremst í grannröðunina.
- Við finnum því grannröðun með því að:

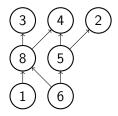
- ► Fjöldi leggja afgerðinni (u, v), fyrir fast v, kallast innstig hnútsins v.
- Tökum eftir að stefnt órásað net hefur alltaf hnút með innstig núll.
- Einnig gildir að ef við fjarlægjum hnút úr stefndu órásuðu neti þá er netið ennþá órásað.
- Ef hnútur hefur innstig núll má hann alltaf fara fremst í grannröðunina.
- Við finnum því grannröðun með því að:
 - Finna hnút með innstig núll.

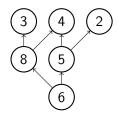
- Fjöldi leggja afgerðinni (u, v), fyrir fast v, kallast innstig hnútsins v.
- Tökum eftir að stefnt órásað net hefur alltaf hnút með innstig núll.
- Einnig gildir að ef við fjarlægjum hnút úr stefndu órásuðu neti þá er netið ennþá órásað.
- Ef hnútur hefur innstig núll má hann alltaf fara fremst í grannröðunina.
- Við finnum því grannröðun með því að:
 - Finna hnút með innstig núll.
 - Setja hann aftast í grannröðunina.

- Fjöldi leggja afgerðinni (u, v), fyrir fast v, kallast innstig hnútsins v.
- Tökum eftir að stefnt órásað net hefur alltaf hnút með innstig núll.
- Einnig gildir að ef við fjarlægjum hnút úr stefndu órásuðu neti þá er netið ennþá órásað.
- Ef hnútur hefur innstig núll má hann alltaf fara fremst í grannröðunina.
- Við finnum því grannröðun með því að:
 - Finna hnút með innstig núll.
 - Setja hann aftast í grannröðunina.
 - Fjarlægja hann úr netinu.

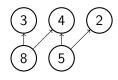
- ► Fjöldi leggja afgerðinni (u, v), fyrir fast v, kallast innstig hnútsins v.
- Tökum eftir að stefnt órásað net hefur alltaf hnút með innstig núll.
- Einnig gildir að ef við fjarlægjum hnút úr stefndu órásuðu neti þá er netið ennþá órásað.
- Ef hnútur hefur innstig núll má hann alltaf fara fremst í grannröðunina.
- Við finnum því grannröðun með því að:
 - Finna hnút með innstig núll.
 - Setja hann aftast í grannröðunina.
 - Fjarlægja hann úr netinu.
 - Endurtökum þangað til enginn hnútur er eftir.



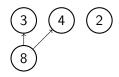




7 1



7 1 6



7 1 6 5



7 1 6 5 2

3 4

7 1 6 5 2 8

4

7 1 6 5 2 8 3

7 1 6 5 2 8 3 4

Þegar við útfærum þetta byrjum við á að setja alla hnúta með innstig núll í biðröð.

- Pegar við útfærum þetta byrjum við á að setja alla hnúta með innstig núll í biðröð.
- ► Tökum svo hnút úr biðröðinni og bætum við þeim hnútum sem hafa bara legg í sig frá þeim hnút.

- Þegar við útfærum þetta byrjum við á að setja alla hnúta með innstig núll í biðröð.
- Tökum svo hnút úr biðröðinni og bætum við þeim hnútum sem hafa bara legg í sig frá þeim hnút.
- Við fáum einnig að grannröðunin er ótvírætt ákvörðuð þá og því aðeins að biðröðin innihaldi aldrei fleiri en eitt stak.

```
int tsort(vvi& g, vi& t)
7
8
       int i, j, r = 1, n = g.size();
9
       vi d(n, 0);
       t.clear();
10
11
       int q[n], qe = 0, qs = 0;
12
       for (i = 0; i < n; i++) for (j = 0; j < g[i].size(); j++) d[g[i][j]]++;
13
       for (i = 0; i < n; i++) if (d[i] == 0) q[qe++] = i;
14
       while (qe != qs)
15
16
           if (qe - qs > 1) r = 2;
17
           int k = q[qs++];
           t.push back(k);
18
           for (i = 0; i < g[k]. size(); i++) if (--d[g[k][i]] == 0)
19
20
               q[qe++] = g[k][i];
21
22
       return t.size() != n ? 0 : r;
23 }
```

► Við heimsækjum hvern hnút að mestu einu sinni og ferðumst eftir hverjum legg einu sinni.

- ► Við heimsækjum hvern hnút að mestu einu sinni og ferðumst eftir hverjum legg einu sinni.
- ▶ Svo forritið er $\mathcal{O}($).

- ► Við heimsækjum hvern hnút að mestu einu sinni og ferðumst eftir hverjum legg einu sinni.
- ▶ Svo forritið er $\mathcal{O}(E + V)$.

► Gerum ráð fyrir að þú sért að forrita verkefni.

- ► Gerum ráð fyrir að þú sért að forrita verkefni.
- ► Verkefnið samanstendur af *n* skrám.

- ► Gerum ráð fyrir að þú sért að forrita verkefni.
- Verkefnið samanstendur af n skrám.
- Hver skrá getur verið háð einhverjum öðrum skrám.

- Gerum ráð fyrir að þú sért að forrita verkefni.
- ► Verkefnið samanstendur af *n* skrám.
- Hver skrá getur verið háð einhverjum öðrum skrám.
- Passa þarf að þegar allt verkefnið er þýtt þá þarf skrá u að vera þýdd á undan skrá v ef v er háð u.

- Gerum ráð fyrir að þú sért að forrita verkefni.
- Verkefnið samanstendur af n skrám.
- Hver skrá getur verið háð einhverjum öðrum skrám.
- Passa þarf að þegar allt verkefnið er þýtt þá þarf skrá u að vera þýdd á undan skrá v ef v er háð u.
- Við getum þá búið til net, þar sem skrárnar eru hnútar og hæði er táknað með stefndum leggjum.

- Gerum ráð fyrir að þú sért að forrita verkefni.
- Verkefnið samanstendur af n skrám.
- Hver skrá getur verið háð einhverjum öðrum skrám.
- Passa þarf að þegar allt verkefnið er þýtt þá þarf skrá u að vera þýdd á undan skrá v ef v er háð u.
- Við getum þá búið til net, þar sem skrárnar eru hnútar og hæði er táknað með stefndum leggjum.
- Þetta verður þá stefnt net.

- Gerum ráð fyrir að þú sért að forrita verkefni.
- Verkefnið samanstendur af n skrám.
- Hver skrá getur verið háð einhverjum öðrum skrám.
- Passa þarf að þegar allt verkefnið er þýtt þá þarf skrá u að vera þýdd á undan skrá v ef v er háð u.
- Við getum þá búið til net, þar sem skrárnar eru hnútar og hæði er táknað með stefndum leggjum.
- Þetta verður þá stefnt net.
- Eðlilegt er að gera ráð fyrir að það sé órásað.

- Gerum ráð fyrir að þú sért að forrita verkefni.
- Verkefnið samanstendur af n skrám.
- Hver skrá getur verið háð einhverjum öðrum skrám.
- Passa þarf að þegar allt verkefnið er þýtt þá þarf skrá u að vera þýdd á undan skrá v ef v er háð u.
- Við getum þá búið til net, þar sem skrárnar eru hnútar og hæði er táknað með stefndum leggjum.
- Þetta verður þá stefnt net.
- Eðlilegt er að gera ráð fyrir að það sé órásað.
- Grannröðun gefur okkur þá röð til að þýða skrárnar.