Grunnatriði

Bergur Snorrason

January 15, 2024

▶ Í grunninn snýst forritun um gögn.

- ▶ Í grunninn snýst forritun um gögn.
- Þegar við forritum flokkum við gögnin okkar með tögum.

- ▶ Í grunninn snýst forritun um gögn.
- Þegar við forritum flokkum við gögnin okkar með tögum.
- ▶ Dæmi um tög í C/C++ eru int og double.

- ▶ Í grunninn snýst forritun um gögn.
- ▶ Þegar við forritum flokkum við gögnin okkar með *tögum*.
- ▶ Dæmi um tög í C/C++ eru int og double.
- ► Helstu tögin í C/C++ eru (yfirleitt):

- Í grunninn snýst forritun um gögn.
- Þegar við forritum flokkum við gögnin okkar með tögum.
- ▶ Dæmi um tög í C/C++ eru int og double.
- ► Helstu tögin í C/C++ eru (yfirleitt):

Heiti	Lýsing	Skorður
int	Heiltala	Á bilinu $[-2^{31}, 2^{31} - 1]$
unsigned int	Heiltala	Á bilinu $[0, 2^{32} - 1]$
long long	Heiltala	Á bilinu $[-2^{63}, 2^{63} - 1]$
unsigned long long	Heiltala	Á bilinu $[0, 2^{64} - 1]$
double	Fleytitala	Takmörkuð nákvæmni
char	Heiltala	$ ilde{A}$ bilinu $[-128,127]$

Einn helsti kostur Python í keppnisforritun er að heiltölur geta verið eins stórar (eða litlar) og vera skal.

Einn helsti kostur Python í keppnisforritun er að heiltölur geta verið eins stórar (eða litlar) og vera skal.

```
1 from math import factorial
```

Einn helsti kostur Python í keppnisforritun er að heiltölur geta verið eins stórar (eða litlar) og vera skal.

```
1 from math import factorial 2 print(factorial(100))
```

- 1 >> python factorial.py
- $2 \quad 109332621544394415268169923885626670049071596826438162$
- ${\tt 3} {\tt 146859296389521759999322991560894146397615651828625369}$
- $4 \quad 7920827223758251185210916864000000000000000000000000$

Einn helsti kostur Python í keppnisforritun er að heiltölur geta verið eins stórar (eða litlar) og vera skal.

```
1 from math import factorial
2 print(factorial(100))

1 >> python factorial.py
2 109332621544394415268169923885626670049071596826438162
3 146859296389521759999322991560894146397615651828625369
4 792082722375825118521091686400000000000000000000000
```

▶ Pað er einnig hægt að nota fractions pakkann í Python til að vinna með fleytitölur án þess að tapa nákvæmni.

Sumir C/C++ þýðendur bjóða upp á gagnatagið __int128 (til dæmis gcc).

- Sumir C/C++ þýðendur bjóða upp á gagnatagið __int128 (til dæmis gcc).
- ▶ Petta tag býður upp á að nota tölur á bilinu $[-2^{127}, 2^{127} 1]$.

- Sumir C/C++ þýðendur bjóða upp á gagnatagið __int128 (til dæmis gcc).
- ▶ Petta tag býður upp á að nota tölur á bilinu $[-2^{127}, 2^{127} 1]$.
- Þetta þarf ekki að nota oft.

Röðun

▶ Við munum reglulega þurfa að raða gögnum í einhverja röð.

Röðun

▶ Við munum reglulega þurfa að raða gögnum í einhverja röð.

Forritunarmál	Röðun		
C	qsort()		
C++	sort()		
Python	<pre>this.sort()</pre>	eða	sorted()

Röðun

▶ Við munum reglulega þurfa að raða gögnum í einhverja röð.

Forritunarmál	Röðun
C	qsort()
C++	sort()
Python	this.sort() eða sorted()

Skoðum nú hvert forritunarmál til að sjá nánar hvernig föllin eru notuð.



▶ Í grunninn tekur sort(...) við tveimur gildum.

- ▶ Í grunninn tekur sort(...) við tveimur gildum.
- Fyrra gildið svarar til fyrsta staks þess sem við viljum raða og seinna gildið vísar á enda þess sem við viljum raða (ekki síðasta stakið)

- ▶ Í grunninn tekur sort(...) við tveimur gildum.
- Fyrra gildið svarar til fyrsta staks þess sem við viljum raða og seinna gildið vísar á enda þess sem við viljum raða (ekki síðasta stakið)
- ► Ef við erum með *n* staka fylki a þá röðum við því með sort(a, a + n).

- ▶ Í grunninn tekur sort(...) við tveimur gildum.
- Fyrra gildið svarar til fyrsta staks þess sem við viljum raða og seinna gildið vísar á enda þess sem við viljum raða (ekki síðasta stakið)
- ► Ef við erum með *n* staka fylki a þá röðum við því með sort(a, a + n).
- Við getum raðað flestum ílátum með sort .

- ▶ Í grunninn tekur sort(...) við tveimur gildum.
- Fyrra gildið svarar til fyrsta staks þess sem við viljum raða og seinna gildið vísar á enda þess sem við viljum raða (ekki síðasta stakið)
- ► Ef við erum með *n* staka fylki a þá röðum við því með sort(a, a + n).
- Við getum raðað flestum ílátum með sort .
- ► Ef við erum með eitthvað ílát (til dæmis vector) a má raða með sort(a.begin(), a.end()).

- ▶ Í grunninn tekur sort(...) við tveimur gildum.
- Fyrra gildið svarar til fyrsta staks þess sem við viljum raða og seinna gildið vísar á enda þess sem við viljum raða (ekki síðasta stakið)
- Ef við erum með n staka fylki a þá röðum við því með sort(a, a + n).
- Við getum raðað flestum ílátum með sort .
- ► Ef við erum með eitthvað ílát (til dæmis vector) a má raða með sort(a.begin(), a.end()).
- Við getum líka bætt við okkar eigin samanburðarfalli sem þriðja inntak.

- ▶ Í grunninn tekur sort(...) við tveimur gildum.
- Fyrra gildið svarar til fyrsta staks þess sem við viljum raða og seinna gildið vísar á enda þess sem við viljum raða (ekki síðasta stakið)
- Ef við erum með n staka fylki a þá röðum við því með sort(a, a + n).
- Við getum raðað flestum ílátum með sort .
- ► Ef við erum með eitthvað ílát (til dæmis vector) a má raða með sort(a.begin(), a.end()).
- Við getum líka bætt við okkar eigin samanburðarfalli sem þriðja inntak.
- ▶ Það kemur þá í stað "minna eða samasem" samanburðarins sem er sjálfgefinn.

Til að raða lista í Python þá má nota annað hvort this.sort() eða sorted(...).

- Til að raða lista í Python þá má nota annað hvort this.sort() eða sorted(...).
- Gerum ráð fyrir að listinn okkar heiti a.

- Til að raða lista í Python þá má nota annað hvort this.sort() eða sorted(...).
- Gerum ráð fyrir að listinn okkar heiti a.
- Þá nægir að kalla á a.sort() og eftir það er a raðað.

- Til að raða lista í Python þá má nota annað hvort this.sort() eða sorted(...).
- Gerum ráð fyrir að listinn okkar heiti a.
- Þá nægir að kalla á a.sort() og eftir það er a raðað.
- ▶ Hinsvegar skilar sorted(a) afriti af a sem hefur verið raðað.

- Til að raða lista í Python þá má nota annað hvort this.sort() eða sorted(...).
- Gerum ráð fyrir að listinn okkar heiti a.
- Þá nægir að kalla á a.sort() og eftir það er a raðað.
- ► Hinsvegar skilar sorted(a) afriti af a sem hefur verið raðað.
- ► Til að raða a á þennan hátt þarf a = sorted(a).

- Til að raða lista í Python þá má nota annað hvort this.sort() eða sorted(...).
- Gerum ráð fyrir að listinn okkar heiti a.
- Þá nægir að kalla á a.sort() og eftir það er a raðað.
- ► Hinsvegar skilar sorted(a) afriti af a sem hefur verið raðað.
- Til að raða a á þennan hátt þarf a = sorted(a).
- Nota má inntakið key til að raða eftir öðrum samanburðum.

- Til að raða lista í Python þá má nota annað hvort this.sort() eða sorted(...).
- Gerum ráð fyrir að listinn okkar heiti a.
- Þá nægir að kalla á a.sort() og eftir það er a raðað.
- ► Hinsvegar skilar sorted(a) afriti af a sem hefur verið raðað.
- Til að raða a á þennan hátt þarf a = sorted(a).
- Nota má inntakið key til að raða eftir öðrum samanburðum.
- ▶ Pað er einnig inntak sem heitir reverse sem er Boole gildi sem leyfir auðveldlega að raða öfugt.

► Í C er enginn sjálfgefinn samanburður, svo við þurfum alltaf að skrifa okkar eigið samanburðarfall.

- Í C er enginn sjálfgefinn samanburður, svo við þurfum alltaf að skrifa okkar eigið samanburðarfall.
- ► Til röðunar notum við fallið qsort(...).

- Í C er enginn sjálfgefinn samanburður, svo við þurfum alltaf að skrifa okkar eigið samanburðarfall.
- ► Til röðunar notum við fallið qsort(...).
- ► Fallið tekur fjögur viðföng:

- Í C er enginn sjálfgefinn samanburður, svo við þurfum alltaf að skrifa okkar eigið samanburðarfall.
- ► Til röðunar notum við fallið qsort(...).
- ► Fallið tekur fjögur viðföng:
 - void *a. Þetta er fylkið sem við viljum raða.

- Í C er enginn sjálfgefinn samanburður, svo við þurfum alltaf að skrifa okkar eigið samanburðarfall.
- ▶ Til röðunar notum við fallið qsort(...).
- ► Fallið tekur fjögur viðföng:
 - void *a. Þetta er fylkið sem við viljum raða.
 - size_t n . Petta er fjöldi staka í fylkinu sem a svarar til.

- Í C er enginn sjálfgefinn samanburður, svo við þurfum alltaf að skrifa okkar eigið samanburðarfall.
- ▶ Til röðunar notum við fallið qsort(...).
- ► Fallið tekur fjögur viðföng:
 - void *a. Þetta er fylkið sem við viljum raða.
 - size_t n. Þetta er fjöldi staka í fylkinu sem a svarar til.
 - size_t s . Petta er stærð hvers staks í fylkinu okkar (í bætum).

- Í C er enginn sjálfgefinn samanburður, svo við þurfum alltaf að skrifa okkar eigið samanburðarfall.
- ► Til röðunar notum við fallið qsort(...).
- ► Fallið tekur fjögur viðföng:
 - void *a. Þetta er fylkið sem við viljum raða.
 - size_t n. Petta er fjöldi staka í fylkinu sem a svarar til.
 - size_t s . Petta er stærð hvers staks í fylkinu okkar (í bætum).
 - int (*cmp)(const void*, const void*). Þetta er samanburðarfallið okkar.

- Í C er enginn sjálfgefinn samanburður, svo við þurfum alltaf að skrifa okkar eigið samanburðarfall.
- ▶ Til röðunar notum við fallið qsort(...).
- ► Fallið tekur fjögur viðföng:
 - void *a. Þetta er fylkið sem við viljum raða.
 - size_t n. Þetta er fjöldi staka í fylkinu sem a svarar til.
 - size_t s . Petta er stærð hvers staks í fylkinu okkar (í bætum).
 - int (*cmp)(const void*, const void*). Þetta er samanburðarfallið okkar.
- Síðasta inntakið er kannski flókið við fyrstu sýn en er einfalt fyrir okkur að nota.



- Í C er enginn sjálfgefinn samanburður, svo við þurfum alltaf að skrifa okkar eigið samanburðarfall.
- ▶ Til röðunar notum við fallið qsort(...).
- ► Fallið tekur fjögur viðföng:
 - void *a. Þetta er fylkið sem við viljum raða.
 - size_t n . Petta er fjöldi staka í fylkinu sem a svarar til.
 - size_t s . Petta er stærð hvers staks í fylkinu okkar (í bætum).
 - int (*cmp)(const void*, const void*). Þetta er samanburðarfallið okkar.
- Síðasta inntakið er kannski flókið við fyrstu sýn en er einfalt fyrir okkur að nota.
- Þetta er fallabendir (e. function pointer) ef þið viljið kynna ykkur það frekar.



```
1 #include <stdio.h>
 2 #include <stdlib.h>
 3
 4 int cmp(const void* p1, const void* p2)
 5
   {
 6
       int x = *(int*)p1, y = *(int*)p2;
 7
       return (x \le y) - (y \le x):
 8
   }
9
10 int rcmp(const void* p1, const void* p2)
11
12
       int x = *(int*)p1, y = *(int*)p2;
13
       return (x \ge y) - (y \ge x):
14 }
15
16 int main()
17
18
       int n. i:
       scanf("%d", &n);
19
20
       int a[n];
       for (i = 0; i < n; i++) scanf("%d", &a[i]);
21
22
       qsort(a, n, sizeof *a, cmp);
23
       for (i = 0; i < n; i++) printf("%d ", a[i]); printf("\n");
24
       gsort(a, n, sizeof *a, rcmp);
25
       for (i = 0; i < n; i++) printf("%d ", a[i]); printf("\n");</pre>
26
       return 0:
27 }
```

Dæmin sem við sjáum á Kattis eru (oftast) af stöðluðu sniði.

- Dæmin sem við sjáum á Kattis eru (oftast) af stöðluðu sniði.
 - ► Saga.

- Dæmin sem við sjáum á Kattis eru (oftast) af stöðluðu sniði.
 - ► Saga.
 - Dæmið.

- Dæmin sem við sjáum á Kattis eru (oftast) af stöðluðu sniði.
 - Saga.
 - Dæmið.
 - Inntaks -og úttakslýsingar.

- Dæmin sem við sjáum á Kattis eru (oftast) af stöðluðu sniði.
 - ► Saga.
 - Dæmið.
 - Inntaks -og úttakslýsingar.
 - Sýnidæmi.

- Dæmin sem við sjáum á Kattis eru (oftast) af stöðluðu sniði.
 - Saga.
 - Dæmið.
 - Inntaks -og úttakslýsingar.
 - Sýnidæmi.
- Fyrstu tveir punktarnir geta verið blandaðir saman.

- Dæmin sem við sjáum á Kattis eru (oftast) af stöðluðu sniði.
 - Saga.
 - Dæmið.
 - Inntaks -og úttakslýsingar.
 - Sýnidæmi.
- Fyrstu tveir punktarnir geta verið blandaðir saman.
- Þeir eru líka lengsti hluti dæmisins.

A Different Problem

Write a program that computes the difference between non-negative integers.

Input

Each line of the input consists of a pair of integers. Each integer is between 0 and 10^{15} (inclusive). The input is terminated by end of file.

Output

For each pair of integers in the input, output one line, containing the absolute value of their difference.

Sample Input 1

10 12 71293781758123 72784 1 12345677654321

Sample Output 1

2 71293781685339 12345677654320

Röng lausn. Hver er villan?

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3
4 int main()
5 {
6    int a, b;
7    while (cin >> a >> b)
8    {
9       cout << abs(a - b) << endl;
10    }
11    return 0;
12 }</pre>
```

Rétt lausn

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3
4 int main()
5 {
6 long long a, b;
7 while (cin >> a >> b)
8 {
9 cout << abs(a - b) << endl;
10 }
11 return 0;
12 }</pre>
```

▶ Við getum notað typedef til að spara okkur skriftir.

- ▶ Við getum notað typedef til að spara okkur skriftir.
- ▶ Við bætum við typedef <gamla> <nýja>; ofarlega í skrána.

- Við getum notað typedef til að spara okkur skriftir.
- ▶ Við bætum við typedef <gamla> <nýja>; ofarlega í skrána.
- Venjan í keppnisforritun er að nota typedef long long 11;

- Við getum notað typedef til að spara okkur skriftir.
- ▶ Við bætum við typedef <gamla> <nýja>; ofarlega í skrána.
- Venjan í keppnisforritun er að nota typedef long long 11;
- Við munum nota typedef aftur í námskeiðinu.

Rétt lausn með typedef

► Hvernig vitum að lausnin okkar sé of hæg?

- Hvernig vitum að lausnin okkar sé of hæg?
- Ein leið er að útfæra lausnina, senda hana inn og gá hvað Kattis segir.

- Hvernig vitum að lausnin okkar sé of hæg?
- ► Ein leið er að útfæra lausnina, senda hana inn og gá hvað Kattis segir.
- ▶ Það myndi þó spara mikla vinnu ef við gætum svarað spurningunni án þess að útfæra.

- Hvernig vitum að lausnin okkar sé of hæg?
- ► Ein leið er að útfæra lausnina, senda hana inn og gá hvað Kattis segir.
- Pað myndi þó spara mikla vinnu ef við gætum svarað spurningunni án þess að útfæra.
- ► Einnig gæti leynst önnur villa í útfærslunni okkar sem gefur okkur Time Limit Exceeded (TLE).

- Hvernig vitum að lausnin okkar sé of hæg?
- ► Ein leið er að útfæra lausnina, senda hana inn og gá hvað Kattis segir.
- Það myndi þó spara mikla vinnu ef við gætum svarað spurningunni án þess að útfæra.
- Einnig gæti leynst önnur villa í útfærslunni okkar sem gefur okkur Time Limit Exceeded (TLE).
- Til að ákvarða hvort lausn sé nógu hröð þá notum við tímaflækjur.

- Hvernig vitum að lausnin okkar sé of hæg?
- Ein leið er að útfæra lausnina, senda hana inn og gá hvað Kattis segir.
- Pað myndi þó spara mikla vinnu ef við gætum svarað spurningunni án þess að útfæra.
- Einnig gæti leynst önnur villa í útfærslunni okkar sem gefur okkur Time Limit Exceeded (TLE).
- Til að ákvarða hvort lausn sé nógu hröð þá notum við tímaflækjur.
- Sum ykkar þekkja tímaflækjur en önnur kannski ekki.

- Hvernig vitum að lausnin okkar sé of hæg?
- ► Ein leið er að útfæra lausnina, senda hana inn og gá hvað Kattis segir.
- Pað myndi þó spara mikla vinnu ef við gætum svarað spurningunni án þess að útfæra.
- Einnig gæti leynst önnur villa í útfærslunni okkar sem gefur okkur Time Limit Exceeded (TLE).
- Til að ákvarða hvort lausn sé nógu hröð þá notum við tímaflækjur.
- Sum ykkar þekkja tímaflækjur en önnur kannski ekki.
- Skoðum fyrst hvað tímaflækjur eru í grófum dráttum.

Keyrslutími forrits er háður stærðinni á inntakinu.

- Keyrslutími forrits er háður stærðinni á inntakinu.
- Tímaflækjan lýsir hvernig keyrslutími forritsins eykst þegar inntakið stækkar (í versta falli).

- Keyrslutími forrits er háður stærðinni á inntakinu.
- ➤ Tímaflækjan lýsir hvernig keyrslutími forritsins eykst þegar inntakið stækkar (í versta falli).
- ▶ Ef forritið er með tímaflækju $\mathcal{O}(f(n))$ þýðir það að keyrslutíminn vex eins og f þegar n vex.

- Keyrslutími forrits er háður stærðinni á inntakinu.
- Tímaflækjan lýsir hvernig keyrslutími forritsins eykst þegar inntakið stækkar (í versta falli).
- Ef forritið er með tímaflækju $\mathcal{O}(f(n))$ þýðir það að keyrslutíminn vex eins og f þegar n vex.
- ▶ Til dæmis ef forritið hefur tímaflækju O(n) þá tvöfaldast keyrslutími þegar inntakið tvöfaldast.

- Keyrslutími forrits er háður stærðinni á inntakinu.
- Tímaflækjan lýsir hvernig keyrslutími forritsins eykst þegar inntakið stækkar (í versta falli).
- Ef forritið er með tímaflækju $\mathcal{O}(f(n))$ þýðir það að keyrslutíminn vex eins og f þegar n vex.
- ▶ Til dæmis ef forritið hefur tímaflækju $\mathcal{O}(n)$ þá tvöfaldast keyrslutími þegar inntakið tvöfaldast.
- ▶ Til annars dæmis ef forritið hefur tímaflækju $\mathcal{O}(n^2)$ þá faldast keyrslutími þegar inntakið tvöfaldast.

- Keyrslutími forrits er háður stærðinni á inntakinu.
- Tímaflækjan lýsir hvernig keyrslutími forritsins eykst þegar inntakið stækkar (í versta falli).
- Ef forritið er með tímaflækju $\mathcal{O}(f(n))$ þýðir það að keyrslutíminn vex eins og f þegar n vex.
- ▶ Til dæmis ef forritið hefur tímaflækju $\mathcal{O}(n)$ þá tvöfaldast keyrslutími þegar inntakið tvöfaldast.
- ▶ Til annars dæmis ef forritið hefur tímaflækju $\mathcal{O}(n^2)$ þá fjórfaldast keyrslutími þegar inntakið tvöfaldast.

- Keyrslutími forrits er háður stærðinni á inntakinu.
- Tímaflækjan lýsir hvernig keyrslutími forritsins eykst þegar inntakið stækkar (í versta falli).
- Ef forritið er með tímaflækju $\mathcal{O}(f(n))$ þýðir það að keyrslutíminn vex eins og f þegar n vex.
- ▶ Til dæmis ef forritið hefur tímaflækju $\mathcal{O}(n)$ þá tvöfaldast keyrslutími þegar inntakið tvöfaldast.
- ► Til annars dæmis ef forritið hefur tímaflækju $\mathcal{O}(n^2)$ þá fjórfaldast keyrslutími þegar inntakið tvöfaldast.
- Við gerum ráð fyrir að grunnaðgerðirnar okkar taki fastann tíma, eða séu með tímaflækju $\mathcal{O}(1)$.

► Ef forritið okkar þarf að framkvæma $\mathcal{O}(f(n))$ aðgerð m sinnum þá er tímaflækjan $\mathcal{O}(m \cdot f(n))$.

- ▶ Ef forritið okkar þarf að framkvæma $\mathcal{O}(f(n))$ aðgerð m sinnum þá er tímaflækjan $\mathcal{O}(m \cdot f(n))$.
- ▶ Þetta er reglan sem við notum oftast í keppnisforritun.

- ▶ Ef forritið okkar þarf að framkvæma $\mathcal{O}(f(n))$ aðgerð m sinnum þá er tímaflækjan $\mathcal{O}(m \cdot f(n))$.
- Þetta er reglan sem við notum oftast í keppnisforritun.
- ▶ Hún segir okkur til dæmis að tvöföld for -lykkja, þar sem hver for -lykkja er n löng, er $\mathcal{O}($

- ▶ Ef forritið okkar þarf að framkvæma $\mathcal{O}(f(n))$ aðgerð m sinnum þá er tímaflækjan $\mathcal{O}(m \cdot f(n))$.
- Þetta er reglan sem við notum oftast í keppnisforritun.
- ▶ Hún segir okkur til dæmis að tvöföld for -lykkja, þar sem hver for -lykkja er n löng, er $\mathcal{O}(n^2)$.

- ▶ Ef forritið okkar þarf að framkvæma $\mathcal{O}(f(n))$ aðgerð m sinnum þá er tímaflækjan $\mathcal{O}(m \cdot f(n))$.
- Þetta er reglan sem við notum oftast í keppnisforritun.
- ▶ Hún segir okkur til dæmis að tvöföld for -lykkja, þar sem hver for -lykkja er n löng, er $\mathcal{O}(n^2)$.
- Ef við erum með tvær einfaldar for -lykkjur, báðar af lengd n, þá er forritið $\mathcal{O}(n+n)=\mathcal{O}($

- ▶ Ef forritið okkar þarf að framkvæma $\mathcal{O}(f(n))$ aðgerð m sinnum þá er tímaflækjan $\mathcal{O}(m \cdot f(n))$.
- Þetta er reglan sem við notum oftast í keppnisforritun.
- ► Hún segir okkur til dæmis að tvöföld for -lykkja, þar sem hver for -lykkja er n löng, er $\mathcal{O}(n^2)$.
- Ef við erum með tvær einfaldar for -lykkjur, báðar af lengd n, þá er forritið $\mathcal{O}(n+n)=\mathcal{O}(n)$

- ▶ Ef forritið okkar þarf að framkvæma $\mathcal{O}(f(n))$ aðgerð m sinnum þá er tímaflækjan $\mathcal{O}(m \cdot f(n))$.
- Þetta er reglan sem við notum oftast í keppnisforritun.
- ▶ Hún segir okkur til dæmis að tvöföld for -lykkja, þar sem hver for -lykkja er n löng, er $\mathcal{O}(n^2)$.
- Ef við erum með tvær einfaldar for -lykkjur, báðar af lengd n, þá er forritið $\mathcal{O}(n+n)=\mathcal{O}(n)$
- Einnig gildir að tímaflækja forritsins okkar takmarkast af hægasta hluta forritsins.

- ▶ Ef forritið okkar þarf að framkvæma $\mathcal{O}(f(n))$ aðgerð m sinnum þá er tímaflækjan $\mathcal{O}(m \cdot f(n))$.
- Þetta er reglan sem við notum oftast í keppnisforritun.
- ► Hún segir okkur til dæmis að tvöföld for -lykkja, þar sem hver for -lykkja er n löng, er $\mathcal{O}(n^2)$.
- Ef við erum með tvær einfaldar for -lykkjur, báðar af lengd n, þá er forritið $\mathcal{O}(n+n)=\mathcal{O}(n)$
- Einnig gildir að tímaflækja forritsins okkar takmarkast af hægasta hluta forritsins.
- ► Til dæmis er $\mathcal{O}(n+n+n+n+n^2) = \mathcal{O}($).

- ▶ Ef forritið okkar þarf að framkvæma $\mathcal{O}(f(n))$ aðgerð m sinnum þá er tímaflækjan $\mathcal{O}(m \cdot f(n))$.
- Þetta er reglan sem við notum oftast í keppnisforritun.
- ▶ Hún segir okkur til dæmis að tvöföld for -lykkja, þar sem hver for -lykkja er n löng, er $\mathcal{O}(n^2)$.
- Ef við erum með tvær einfaldar for -lykkjur, báðar af lengd n, þá er forritið $\mathcal{O}(n+n)=\mathcal{O}(n)$
- Einnig gildir að tímaflækja forritsins okkar takmarkast af hægasta hluta forritsins.
- ► Til dæmis er $\mathcal{O}(n+n+n+n+n^2) = \mathcal{O}(n^2)$.

Stærðfræði

Við segjum að fall g(x) sé í menginu $\mathcal{O}(f(x))$ ef til eru rauntölur c og x_0 þannig að

$$|g(x)| \le c \cdot f(x)$$

fyrir öll $x > x_0$.

Stærðfræði

▶ Við segjum að fall g(x) sé í menginu $\mathcal{O}(f(x))$ ef til eru rauntölur c og x_0 þannig að

$$|g(x)| \le c \cdot f(x)$$

fyrir öll $x > x_0$.

Petta þýðir í raun að fallið |g(x)| verður á endanum minna en $c \cdot f(x)$.

Stærðfræði

▶ Við segjum að fall g(x) sé í menginu $\mathcal{O}(f(x))$ ef til eru rauntölur c og x_0 þannig að

$$|g(x)| \le c \cdot f(x)$$

fyrir öll $x > x_0$.

- Petta þýðir í raun að fallið |g(x)| verður á endanum minna en $c \cdot f(x)$.
- Pessi lýsing undirstrikar betur að f(x) er efra mat á g(x), það er að segja g(x) hagar sér ekki verr en f(x).

Þekktar tímaflækjur

► Tímaflækjur algengra aðgerða eru:

Þekktar tímaflækjur

► Tímaflækjur algengra aðgerða eru:

Aðgerð	Lýsing	Tímaflækja
Línulega leit	Almenn leit í fylki	$\mathcal{O}(n)$
Helmingunarleit	Leit í röðuðu fylki $\mathcal{O}(\log n)$	
Röðun á heiltölum	Röðun á heiltalna fylki	$\mathcal{O}(n \log n)$
Strengjasamanburður	Bera saman tvo strengi af	$\mathcal{O}(n)$
Almenn röðun	lengd n Röðun með samanburði í $\mathcal{O}(T(m))$ tíma	$\mathcal{O}(T(m) \cdot n \log n)$

▶ Þegar við ræðum tímaflækjur er "tími" ekki endilega rétt orðið.

- ▶ Þegar við ræðum tímaflækjur er "tími" ekki endilega rétt orðið.
- ▶ Við erum frekar að lýsa fjölda aðgerða sem forritið framkvæmir.

- Þegar við ræðum tímaflækjur er "tími" ekki endilega rétt orðið.
- Við erum frekar að lýsa fjölda aðgerða sem forritið framkvæmir.
- ▶ Í keppnisforritun notum við 10⁸ regluna:

- Þegar við ræðum tímaflækjur er "tími" ekki endilega rétt orðið.
- Við erum frekar að lýsa fjölda aðgerða sem forritið framkvæmir.
- ▶ Í keppnisforritun notum við 10⁸ regluna:
 - Tökum verstu tilfellin sem koma fyrir í inntakslýsingunni á dæminu, stingum því inn í tímaflækjuna okkar og deilum með 108.

- Þegar við ræðum tímaflækjur er "tími" ekki endilega rétt orðið.
- Við erum frekar að lýsa fjölda aðgerða sem forritið framkvæmir.
- ▶ Í keppnisforritun notum við 10⁸ *regluna*:
 - Tökum verstu tilfellin sem koma fyrir í inntakslýsingunni á dæminu, stingum því inn í tímaflækjuna okkar og deilum með 108.
 - Ef útkoman er minni en fjöldi sekúnda í tímamörkum dæmisins þá er lausnin okkar nógu hröð, annars er hún of hæg.

- Þegar við ræðum tímaflækjur er "tími" ekki endilega rétt orðið.
- Við erum frekar að lýsa fjölda aðgerða sem forritið framkvæmir.
- ▶ Í keppnisforritun notum við 10⁸ *regluna*:
 - Tökum verstu tilfellin sem koma fyrir í inntakslýsingunni á dæminu, stingum því inn í tímaflækjuna okkar og deilum með 108.
 - Ef útkoman er minni en fjöldi sekúnda í tímamörkum dæmisins þá er lausnin okkar nógu hröð, annars er hún of hæg.
- Þessa reglu mætti um orða sem: "Við gerum ráð fyrir að forritið geti framkvæmt 108 aðgerðir á sekúndu".

- Þegar við ræðum tímaflækjur er "tími" ekki endilega rétt orðið.
- Við erum frekar að lýsa fjölda aðgerða sem forritið framkvæmir.
- ▶ Í keppnisforritun notum við 10⁸ *regluna*:
 - Tökum verstu tilfellin sem koma fyrir í inntakslýsingunni á dæminu, stingum því inn í tímaflækjuna okkar og deilum með 108.
 - Ef útkoman er minni en fjöldi sekúnda í tímamörkum dæmisins þá er lausnin okkar nógu hröð, annars er hún of hæg.
- Þessa reglu mætti um orða sem: "Við gerum ráð fyrir að forritið geti framkvæmt 108 aðgerðir á sekúndu".
- Reglan er gróf nálgun, en virkar mjög vel því þetta er það sem dæmahöfundar hafa í huga þegar þeir semja dæmi.

- Þegar við ræðum tímaflækjur er "tími" ekki endilega rétt orðið.
- Við erum frekar að lýsa fjölda aðgerða sem forritið framkvæmir.
- ▶ Í keppnisforritun notum við 10⁸ *regluna*:
 - Tökum verstu tilfellin sem koma fyrir í inntakslýsingunni á dæminu, stingum því inn í tímaflækjuna okkar og deilum með 108.
 - Ef útkoman er minni en fjöldi sekúnda í tímamörkum dæmisins þá er lausnin okkar nógu hröð, annars er hún of hæg.
- Þessa reglu mætti um orða sem: "Við gerum ráð fyrir að forritið geti framkvæmt 108 aðgerðir á sekúndu".
- Reglan er gróf nálgun, en virkar mjög vel því þetta er það sem dæmahöfundar hafa í huga þegar þeir semja dæmi.
- ► Reglan gefur eftirfarandi töflu.

Stærð n	Versta tímaflækja	Dæmi
<u>≤ 10</u>	$\mathcal{O}((n+1)!)$	TSP með tæmandi leit
≤ 15	$\mathcal{O}(n^2 2^n)$	TSP með kvikri bestun
≤ 20	$\mathcal{O}(n2^n)$	Kvik bestun yfir hlutmengi
≤ 100	$\mathcal{O}(n^4)$	Almenn spyrðing
< 400 € 400 × 400	$\mathcal{O}(n^3)$	Floyd-Warshall
$\leq 10^4$	$\mathcal{O}(n^2)$	Lengsti sameiginlegi hlutstrengur
$\leq 10^5$	$\mathcal{O}(n\sqrt{n})$	Reiknirit sem byggja á rótarþáttun
$\leq 10^6$	$\mathcal{O}(n \log n)$	Röðun (og margt fleira)
$\leq 10^8$	$\mathcal{O}(n)$	Línulega leit
$\leq 2^{10^8}$	$\mathcal{O}(\log n)$	Helmingunarleit
$> 2^{10^8}$	$\mathcal{O}(1)$	Ad hoc

Stundum fær maður TLE þótt maður sé viss um að lausnin sé nógu hröð.

- Stundum fær maður TLE þótt maður sé viss um að lausnin sé nógu hröð.
- Ef forritið þarf að lesa eða skrifa mikið gæti það verið að hægja nóg á forritun til að gefa TLE.

- Stundum fær maður TLE þótt maður sé viss um að lausnin sé nógu hröð.
- Ef forritið þarf að lesa eða skrifa mikið gæti það verið að hægja nóg á forritun til að gefa TLE.
- Þegar við lesum af staðalinntaki eða skrifum á staðalúttak þarf forritið að tala við stýrikerfið.

- Stundum fær maður TLE þótt maður sé viss um að lausnin sé nógu hröð.
- Ef forritið þarf að lesa eða skrifa mikið gæti það verið að hægja nóg á forritun til að gefa TLE.
- Þegar við lesum af staðalinntaki eða skrifum á staðalúttak þarf forritið að tala við stýrikerfið.
- Slíkar að gerðir eru mjög hægar.

- Stundum fær maður TLE þótt maður sé viss um að lausnin sé nógu hröð.
- Ef forritið þarf að lesa eða skrifa mikið gæti það verið að hægja nóg á forritun til að gefa TLE.
- Þegar við lesum af staðalinntaki eða skrifum á staðalúttak þarf forritið að tala við stýrikerfið.
- Slíkar að gerðir eru mjög hægar.
- ► Til að leysa þetta skrifa föll oft í biðminni (e. buffer) og prenta bara þegar það fyllist.

- Stundum fær maður TLE þótt maður sé viss um að lausnin sé nógu hröð.
- Ef forritið þarf að lesa eða skrifa mikið gæti það verið að hægja nóg á forritun til að gefa TLE.
- Þegar við lesum af staðalinntaki eða skrifum á staðalúttak þarf forritið að tala við stýrikerfið.
- Slíkar að gerðir eru mjög hægar.
- ► Til að leysa þetta skrifa föll oft í biðminni (e. buffer) og prenta bara þegar það fyllist.
- ► Svona er þetta gert í C .

▶ Í C++ er biðminnið tæmt þegar std::endl er prentað.

- ▶ Í C++ er biðminnið tæmt þegar std::endl er prentað.
- ► Til að koma í veg fyrir þetta er hægt að prenta \n í staðinn.

- ▶ Í C++ er biðminnið tæmt þegar std::endl er prentað.
- ► Til að koma í veg fyrir þetta er hægt að prenta \n í staðinn.
- ► Til dæmis cout « x « '\n'.

- ▶ Í C++ er biðminnið tæmt þegar std::endl er prentað.
- ► Til að koma í veg fyrir þetta er hægt að prenta \n í staðinn.
- ► Til dæmis cout « x « '\n'.
- ▶ Pað borgar sig einnig að setja ios::sync_with_stdio(false) fremst í main().

- ▶ Í C++ er biðminnið tæmt þegar std::endl er prentað.
- ► Til að koma í veg fyrir þetta er hægt að prenta \n í staðinn.
- ► Til dæmis cout « x « '\n'.
- ▶ Pað borgar sig einnig að setja ios::sync_with_stdio(false) fremst í main().
- ► Ef þið eruð í Java er hægt að nota Kattio.

- ▶ Í C++ er biðminnið tæmt þegar std::endl er prentað.
- ► Til að koma í veg fyrir þetta er hægt að prenta \n í staðinn.
- ► Til dæmis cout « x « '\n'.
- ▶ Pað borgar sig einnig að setja ios::sync_with_stdio(false) fremst í main().
- ► Ef þið eruð í Java er hægt að nota Kattio.
- Það má finna á GitHub.

► Grunnur C++ býr yfir mörgum öflugum gagnagrindum.

- ► Grunnur C++ býr yfir mörgum öflugum gagnagrindum.
- Skoðum helstu slíku gagnagrindur og tímaflækjur mikilvægust aðgerða þeirra.

- ► Grunnur C++ býr yfir mörgum öflugum gagnagrindum.
- Skoðum helstu slíku gagnagrindur og tímaflækjur mikilvægust aðgerða þeirra.
- Við munum bara fjalla um gagnagrindurnar í grófum dráttum.

- ► Grunnur C++ býr yfir mörgum öflugum gagnagrindum.
- Skoðum helstu slíku gagnagrindur og tímaflækjur mikilvægust aðgerða þeirra.
- Við munum bara fjalla um gagnagrindurnar í grófum dráttum.
- Það er hægt að finna ítarlegra efni og dæmi um notkun á netinu.

Lýkt og í mörgum öðrum forritunarmálum eru fylki í C++ .

- Lýkt og í mörgum öðrum forritunarmálum eru fylki í C++ .
- Fylki geyma gögn og eru af fastri stærð.

- Lýkt og í mörgum öðrum forritunarmálum eru fylki í C++ .
- Fylki geyma gögn og eru af fastri stærð.
- Par sem þau eru af fastri stærð má gefa þeim tileinkað, aðliggjandi svæði í minni.

- Lýkt og í mörgum öðrum forritunarmálum eru fylki í C++ .
- Fylki geyma gögn og eru af fastri stærð.
- Par sem þau eru af fastri stærð má gefa þeim tileinkað, aðliggjandi svæði í minni.
- ▶ Þetta leyfir manni að vísa í fylkið í $\mathcal{O}(1)$.

- Lýkt og í mörgum öðrum forritunarmálum eru fylki í C++ .
- Fylki geyma gögn og eru af fastri stærð.
- Par sem þau eru af fastri stærð má gefa þeim tileinkað, aðliggjandi svæði í minni.
- ▶ Þetta leyfir manni að vísa í fylkið í $\mathcal{O}(1)$.

Aðgerð	Tímaflækja
Lesa eða skrifa ótiltekið stak	$\mathcal{O}(1)$
Bæta staki aftast	$\mathcal{O}(n)$ $\mathcal{O}(n)$
Skeyta saman tveimur	$\mathcal{O}(n)$

► Gagnagrindin vector er að mestu leiti eins og fylki.

- ► Gagnagrindin vector er að mestu leiti eins og fylki.
- ightharpoonup Það má þó bæta stökum aftan á vector í $\mathcal{O}(1)$.

- ► Gagnagrindin vector er að mestu leiti eins og fylki.
- \blacktriangleright Það má þó bæta stökum aftan á vector í $\mathcal{O}(1)$.
- ► Margir nota bara vector og aldrei fylki sem slík.

- ► Gagnagrindin vector er að mestu leiti eins og fylki.
- \blacktriangleright Það má þó bæta stökum aftan á vector í $\mathcal{O}(1)$.
- ► Margir nota bara vector og aldrei fylki sem slík.

Aðgerð	Tímaflækja
Lesa eða skrifa ótiltekið stak	$\mathcal{O}(1)$
Bæta staki aftast	$\mathcal{O}(1)$ $\mathcal{O}(n)$
Skeyta saman tveimur	$\mathcal{O}(n)$

```
1 #include <bits/stdc++.h>
 2 using namespace std:
 3
 4
  int main()
   {
 5
 6
       srand(time(NULL));
7
       int i, n = 10;
8
       vector<int> a:
9
       for (i = 0; i < n; i++) a.push back(rand()%100);
10
       for (i = 0; i < n; i++) printf("%2d", a[i]);
11
       printf("\n");
12
       sort(a.begin(), a.end());
13
       for (i = 0; i < n; i++) printf("%2d", a[i]);
       printf("\n");
14
15
       sort(a.rbegin(), a.rend());
16
       for (i = 0; i < n; i++) printf("%2d", a[i]);
17
       printf("\n");
18
       return 0:
19 }
 1 >> ./a.out
 2 83 23 26 24 52 74 0 39 0 90
       0 23 24 26 39 52 74 83 90
 4 90 83 74 52 39 26 24 23
                             0 0
```

► Gagnagrindin list geymir gögn líkt og fylki gera, en stökin eru ekki aðliggjandi í minni.

- ► Gagnagrindin list geymir gögn líkt og fylki gera, en stökin eru ekki aðliggjandi í minni.
- Því er uppfletting ekki hröð.

- Gagnagrindin list geymir gögn líkt og fylki gera, en stökin eru ekki aðliggjandi í minni.
- Því er uppfletting ekki hröð.
- Aftur á móti er hægt að gera smávægilegar breytingar á list sem er ekki hægt að gera á fylkjum.

- Gagnagrindin list geymir gögn líkt og fylki gera, en stökin eru ekki aðliggjandi í minni.
- Því er uppfletting ekki hröð.
- Aftur á móti er hægt að gera smávægilegar breytingar á list sem er ekki hægt að gera á fylkjum.

Aðgerð	Tímaflækja
Finna stak	$\mathcal{O}(n)$
Bæta staki aftast	$\mathcal{O}(1)$
Bæta staki fremst	$\mathcal{O}(1)$
Bæta staki fyrir aftan tiltekið stak	$\mathcal{O}(1)$
Bæta staki fyrir framan tiltekið stak	$\mathcal{O}(1)$
Skeyta saman tveimur	$\mathcal{O}(1)$

```
1 #include <bits/stdc++.h>
 2 using namespace std;
 3
4
  int main()
   {
6
       int i:
       list <int> a;
8
       for (i = 1; i \le 5; i++) a.push back(i);
       for (i = 1; i <= 5; i++) a.push front(i);
9
       for (auto p : a) printf("%d ", p);
10
       printf("\n");
11
12
       return 0:
13 }
1 >> ./a.out
2 5 4 3 2 1 1 2 3 4 5
```

stack

► Gagnagrindin stack geymir gögn og leyfir aðgang að síðasta staki sem var bætt við.

stack

► Gagnagrindin stack geymir gögn og leyfir aðgang að síðasta staki sem var bætt við.

Aðgerð	Tímaflækja
Bæta við staki	$\mathcal{O}(1)$
Lesa nýjasta stakið	$\mathcal{O}(1)$ $\mathcal{O}(1)$
Fjarlægja nýjasta stakið	$\mathcal{O}(1)$

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
 3
   int main()
 5
6
       int i, n = 10;
       stack<int> a;
8
       for (i = 0; i < 10; i++) a.push(i);
9
       while (a.size() > 0)
10
11
            printf("%d ", a.top());
12
           a.pop();
13
14
       printf("\n");
15
       return 0;
16 }
1 >> ./a.out
 2 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0
```

queue

► Gagnagrindin queue geymir gögn og leyfir aðgang að fyrsta stakinu sem var bætt við.

queue

► Gagnagrindin queue geymir gögn og leyfir aðgang að fyrsta stakinu sem var bætt við.

Aðgerð	Tímaflækja
Bæta við staki	$\mathcal{O}(1)$
Lesa elsta stakið	$\mathcal{O}(1)$
Bæta við staki Lesa elsta stakið Fjarlægja elsta stakið	$\mathcal{O}(1)$

```
1 #include <bits/stdc++.h>
 2 using namespace std;
 3
   int main()
 5
6
       int i, n = 10;
       queue<int> a;
8
       for (i = 0; i < 10; i++) a.push(i);
9
       while (a.size() > 0)
10
11
            printf("%d ", a.front());
12
           a.pop();
13
14
       printf("\n");
15
       return 0;
16 }
1 >> ./a.out
 2 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9
```

set

Gagnagrindin set geymir gögn án endurtekninga og leyfir hraða uppflettingu.

set

Gagnagrindin set geymir gögn án endurtekninga og leyfir hraða uppflettingu.

_	Tímaflækja
Bæta við staki	$\mathcal{O}(\log n)$
Bæta við staki Fjarlægja stak Gá hvort staki hafi verið bætt við	$\mathcal{O}(\log n)$
Gá hvort staki hafi verið bætt við	$\mathcal{O}(\log n)$

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
 3
 4
   int main()
6
       srand(time(NULL));
7
       int i, n = 10;
8
       set <int > a;
9
       while (a.size() < 10) a.insert(rand()%100);
10
       while (a.size() > 0)
11
12
           printf("%2d ", *a.begin());
13
           a.erase(a.begin());
14
15
       printf("\n");
       return 0:
16
17 }
1 >> ./a.out
       9 18 29 34 42 43 46 91 97
```