Talnafræði Veldishafning

Bergur Snorrason

March 11, 2024

- ▶ Í talnafræðidæmum er algengt að skila eigi leif svars.
- ▶ Petta er gert því leif er takmörkuð, en í talningarfræði er algengt að fá mjög stórar tölur.
- Tökum dæmi.

Veldishafning

- ► Gefnar eru þrjár jákvæðar heiltölur x, n og m.
- ightharpoonup Finnið $x^n \mod m$.

▶ Þetta er lítið mál að gera í $\mathcal{O}(n)$ tíma.

- Við getum þó leyst þetta hraðar.
- ► Sú lausn byggir á að deila og drottna.
- ► Takið eftir að $x^{2n} = x^n \cdot x^n$ og $x^{2n+1} = x^n \cdot x^n \cdot x$.
- Því getum við í hverju skrefi helmingað veldisvísinn.

Við getum útfært þetta endurkvæmt.

Við getum líka gert þetta með einfaldri for -lykkju.

- ► Eins og sagt var áðan þá helmingast veldisvísirinn í hverju skrefi.
- ▶ Svo tímaflækjan er $\mathcal{O}(\log n)$.