

Задача 1.

$$1) I_n = \int_0^1 \frac{x^n}{x+a} = \int_0^1 \frac{x^{n-1}(x+a-a)}{x+a} = \int_0^1 x^{n-1} - \int_0^1 a \cdot \frac{x^{n-1}}{x+a} =$$

$$= \boxed{\frac{1}{n} - a I_{n-1}} \quad \left(I_{n-1} = \frac{1}{an} - \frac{I_n}{a} \right)$$

$$2) I_0(a) = \int_0^1 \frac{1}{x+a} = \ln(x+a) \Big|_0^1 = \ln(1+a) - \ln(a) = \ln\left(\frac{1+a}{a}\right)$$

$$3) I_{25}(0,1) \rightarrow \text{прямой} \approx 0,03623. \quad \checkmark$$

$$\rightarrow \text{обратный} = 1,8118...$$

$$I_{25}(-10) \rightarrow \text{прямой} = -748346367,461...$$

$$\rightarrow \text{обратный} = 0,00351... \quad \checkmark$$