

$$f(A) = A^{-1} X (X^T A^{-1} X)^{-1}; \quad X: n \times m; \quad \mathcal{R}: m \times m, \quad \Delta: n \times n$$

Пусть $A = \Delta$ $n \times n$

$$f(\Delta) = \Delta^{-1} X (X^T \Delta^{-1} X)^{-1}$$

$$\Delta f(\Delta) = X (X^T \Delta^{-1} X)^{-1} \quad X^{-1} \Delta f(\Delta) = (X^T \Delta^{-1} X)^{-1} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow X^T \Delta^{-1} X X^{-1} \Delta f(\Delta) = \hat{E}^1 \Rightarrow X^T f(\Delta) = \hat{E}^1$$

Получа $f(\Delta) = (X^T)^{-1}$ не зависящим от Δ и \hat{E}^1 — единичная матрица $n \times n$

Получа $f(\underbrace{X \mathcal{R} X^T}_{n \times n} + \Delta) = (X^T)^{-1} = f(\Delta)$

$$\boxed{f(X \mathcal{R} X^T + \Delta) = f(\Delta), \text{ з. м. } \mathcal{R}}$$