

# PROJEKT 1

Zweryfikować przedstawioną na wykładzie ocenę średniej i pesymistycznej złożoności wyszukiwania liniowego i binarnego. Przeprowadzić analizę za pomocą instrumentacji i pomiarów czasu. W porównaniu wykorzystać tablice liczb całkowitych o rozmiarze rzędu 230 bajtów (228 elementów typu uint/int).

## Parametry komputera użytego w badaniu

### **Zainstalowany system operacyjny**

Microsoft Windows 10 Home PL (wersja 64-bitowa)

### **Procesor**

Intel Core i5-8250U (4 rdzenie, od 1.6 GHz do 3.4 GHz, 6MB cache)

### **Pamięć RAM**

8 GB (SO-DIMM DDR3, 1866 MHz)

## Algorytm wyszukiwania liniowego

Polega on na przeglądaniu kolejnych elementów danego zbioru danych w poszukiwaniu określonego elementu. Jeżeli przeglądany element posiada właściwości szukanego elementu, program zwraca jego indeks i kończy przeszukiwanie zbioru. Jeżeli nie, następuje kontynuacja przeszukiwania aż do ostatniego elementu w zbiorze.

W tym projekcie badany był przypadek średni (gdy szukany element występuje w zbiorze) oraz przypadek pesymistyczny (gdy szukany element znajduje się na ostatniej pozycji lub nie ma go w zbiorze).

## Implementacja metody wyszukiwania liniowego

```
static int Liniowe(int[] tabLin, int szukana)
{
    for (int i = 0; i < tabLin.Length; i++)
    {
        if (tabLin[i] == szukana)
        {
            return i;
        }
    }
    return -1;
}
```

## Ocena przy wykorzystaniu instrumentacji – przypadek średni

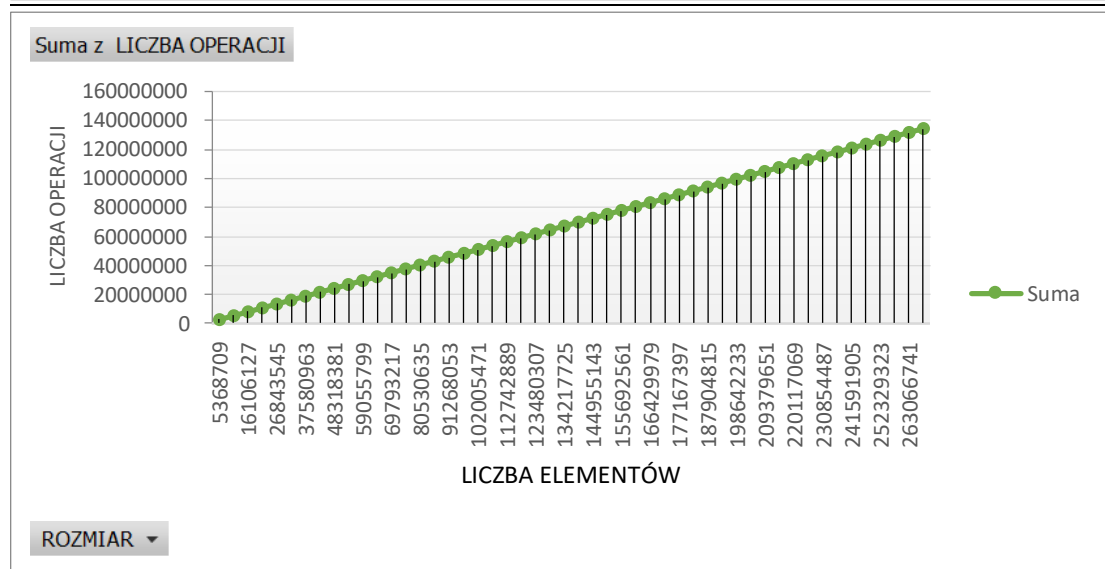
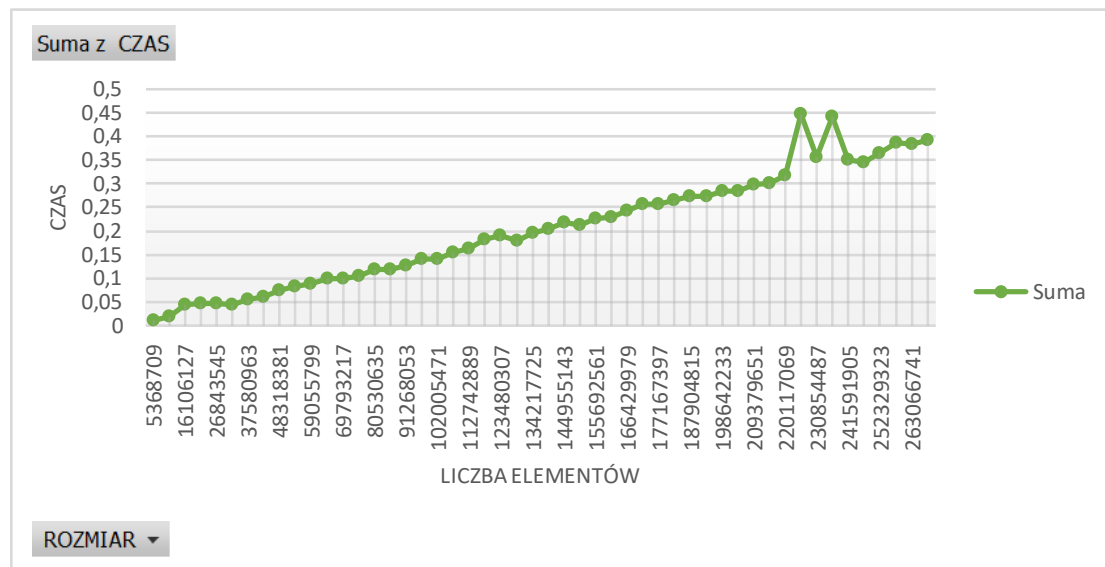
```
static int Instrumentacja(int[] tabLin, int szukana)
{
    Suma = 0;
    Licznik = 0;
    for (int i = 0; i < tabLin.Length; i++)
    {
        ++Licznik;
        Suma += tabLin[i];
        Wynik = Suma / Licznik;

        if (tabLin[i] == szukana)
        {
            return i;
        }
    }
    return -1;
}
```

## Obliczanie czasu przed instrumentacją

```
long StartingTime = Stopwatch.GetTimestamp();  
Liniowe(dane,wyszukiwanaSrednia);  
long EndingTime = Stopwatch.GetTimestamp();  
long ElapsedTime = EndingTime - StartingTime;  
double ElapsedSeconds = ElapsedTime * (1.0 / Stopwatch.Frequency);
```

## WYKRESY



## WYNIKI

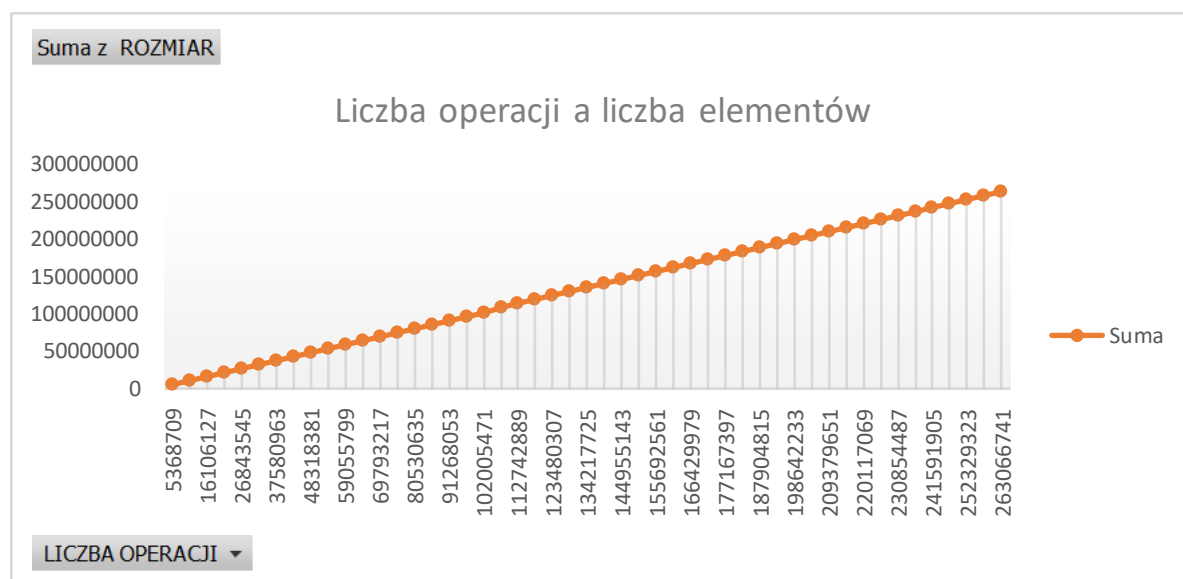
ELEMENT	POZYCJA	LICZBA OPERACJI	CZAS	ROZMIAR	ZŁOŻONOŚĆ
2684354	2684353	2684354	0,0097095	5368709	1342177
5368709	5368708	5368709	0,018629	10737418	2684355
8053063	8053062	8053063	0,0443325	16106127	4026532
10737418	10737417	10737418	0,0454688	21474836	5368709
13421772	13421771	13421772	0,0471868	26843545	6710886
16106127	16106126	16106127	0,0444662	32212254	8053064
18790481	18790480	18790481	0,0562429	37580963	9395241
21474836	21474835	21474836	0,0591504	42949672	10737418
24159190	24159189	24159190	0,0742072	48318381	12079595
26843545	26843544	26843545	0,0832844	53687090	13421773
29527899	29527898	29527899	0,0889693	59055799	14763950
32212254	32212253	32212254	0,0985399	64424508	16106127
34896608	34896607	34896608	0,100154	69793217	17448304
37580963	37580962	37580963	0,1039929	75161926	18790482
40265317	40265316	40265317	0,118176	80530635	20132659
42949672	42949671	42949672	0,1196648	85899344	21474836
45634026	45634025	45634026	0,1269114	91268053	22817013
48318381	48318380	48318381	0,140572	96636762	24159191
51002735	51002734	51002735	0,1415205	102005471	25501368
53687090	53687089	53687090	0,1546842	107374180	26843545
56371444	56371443	56371444	0,1618326	112742889	28185722
59055799	59055798	59055799	0,1809094	118111598	29527900
61740153	61740152	61740153	0,1899787	123480307	30870077
64424508	64424507	64424508	0,1796629	128849016	32212254
67108862	67108861	67108862	0,1971137	134217725	33554431
69793217	69793216	69793217	0,2055595	139586434	34896609
72477571	72477570	72477571	0,2171807	144955143	36238786
75161926	75161925	75161926	0,213269	150323852	37580963
77846280	77846279	77846280	0,2275912	155692561	38923140
80530635	80530634	80530635	0,2285126	161061270	40265318
83214989	83214988	83214989	0,2438347	166429979	41607495
85899344	85899343	85899344	0,2558134	171798688	42949672
88583698	88583697	88583698	0,2565348	177167397	44291849
91268053	91268052	91268053	0,2641152	182536106	45634027
93952407	93952406	93952407	0,2738563	187904815	46976204
96636762	96636761	96636762	0,2729421	193273524	48318381
99321116	99321115	99321116	0,2838322	198642233	49660558
102005471	102005470	102005471	0,2848956	204010942	51002736
104689825	104689824	104689825	0,2981529	209379651	52344913
107374180	107374179	107374180	0,3000581	214748360	53687090
110058534	110058533	110058534	0,3187231	220117069	55029267
112742889	112742888	112742889	0,4464717	225485778	56371445
115427243	115427242	115427243	0,3574716	230854487	57713622
118111598	118111597	118111598	0,4421675	236223196	59055799
120795952	120795951	120795952	0,3513797	241591905	60397976
123480307	123480306	123480307	0,3450096	246960614	61740154
126164661	126164660	126164661	0,3646509	252329323	63082331
128849016	128849015	128849016	0,3880838	257698032	64424508
131533370	131533369	131533370	0,3827652	263066741	65766685
134217725	134217724	134217725	0,3911745	268435450	67108863

## Ocena przy wykorzystaniu instrumentacji – przypadek pesymistyczny

```
static int Instrumentacja(int[] tabLin, int szukana)
{
    Suma = 0;
    Licznik = 0;
    for (int i = 0; i < tabLin.Length; i++)
    {
        ++Licznik;

        if (tabLin[i] == szukana)
        {
            return i;
        }
    }
    return -1;
}
```

### Wykresy



## Wyniki

ELEMENT	POZYCJA	LICZBA OPERACJI	CZAS	ROZMIAR	ZŁOŻONOŚĆ
5368710	-1	5368709	0,0156732	5368709	0
10737419	-1	10737418	0,0391978	10737418	0
16106128	-1	16106127	0,0679319	16106127	0
21474837	-1	21474836	0,095584	21474836	0
26843546	-1	26843545	0,1029285	26843545	0
32212255	-1	32212254	0,1314389	32212254	0
37580964	-1	37580963	0,1391215	37580963	0
42949673	-1	42949672	0,130104	42949672	0
48318382	-1	48318381	0,1550518	48318381	0
53687091	-1	53687090	0,1534922	53687090	0
59055800	-1	59055799	0,1686525	59055799	0
64424509	-1	64424508	0,1895546	64424508	0
69793218	-1	69793217	0,2025291	69793217	0
75161927	-1	75161926	0,2128213	75161926	0
80530636	-1	80530635	0,2377769	80530635	0
85899345	-1	85899344	0,2565558	85899344	0
91268054	-1	91268053	0,258124	91268053	0
96636763	-1	96636762	0,2778191	96636762	0
102005472	-1	102005471	0,2925726	102005471	0
107374181	-1	107374180	0,307321	107374180	0
112742890	-1	112742889	0,3356828	112742889	0
118111599	-1	118111598	0,4371875	118111598	0
123480308	-1	123480307	0,3793921	123480307	0
128849017	-1	128849016	0,5009655	128849016	0
134217726	-1	134217725	0,3966884	134217725	0
139586435	-1	139586434	0,4293865	139586434	0
144955144	-1	144955143	0,4322083	144955143	0
150323853	-1	150323852	0,6304055	150323852	0
155692562	-1	155692561	0,4828437	155692561	0
161061271	-1	161061270	0,4853098	161061270	0
166429980	-1	166429979	0,6479768	166429979	0
171798689	-1	171798688	0,4988728	171798688	0
177167398	-1	177167397	0,5263588	177167397	0
182536107	-1	182536106	0,5708547	182536106	0
187904816	-1	187904815	0,5499879	187904815	0
193273525	-1	193273524	0,6951494	193273524	0
198642234	-1	198642233	0,7414862	198642233	0
204010943	-1	204010942	0,6901894	204010942	0
209379652	-1	209379651	0,6364143	209379651	0
214748361	-1	214748360	0,6416049	214748360	0
220117070	-1	220117069	0,6708156	220117069	0
225485779	-1	225485778	0,649966	225485778	0
230854488	-1	230854487	0,7919874	230854487	0
236223197	-1	236223196	0,7025927	236223196	0
241591906	-1	241591905	0,7109285	241591905	0
246960615	-1	246960614	0,7505988	246960614	0
252329324	-1	252329323	0,7556719	252329323	0
257698033	-1	257698032	0,7350586	257698032	0
263066742	-1	263066741	0,8345634	263066741	0

## Wyszukiwanie binarne

Polega na wyszukiwaniu wybranego elementu w zbiorze posortowanych elementów. W pierwszej operacji wyznaczany jest element środkowy element zbioru. Następnie następuje porównanie czy szukany element jest mniejszy, większy czy równy środkowemu elementowi. Jeśli środkowy element jest równy szukanemu, zwracany jest indeks tego elementu. Jeżeli nie, program zawęży poszukiwania w zależności od tego czy środkowy element był większy lub mniejszy od szukanego. Algorytm powtarza się aż do znalezienia szukanej wartości lub do sprawdzenia całego zbioru.

## Implementacja metody wyszukiwania binarnego

```
static int Binarne(int[] tabBin, int szukana)
{
    int prawa = tabBin.Length - 1;
    int lewa = 0;
    int srodek;

    while (lewa <= prawa)
    {
        srodek = (lewa + prawa) / 2;
        if (tabBin[srodek] == szukana)
        {
            return srodek;
        }
        else if (tabBin[srodek] < szukana)
        {
            lewa = srodek + 1;
        }
        else
        {
            prawa = srodek - 1;
        }
    }
    return -1;
}
```

### Ocena przy wykorzystaniu instrumentacji – przypadek średni

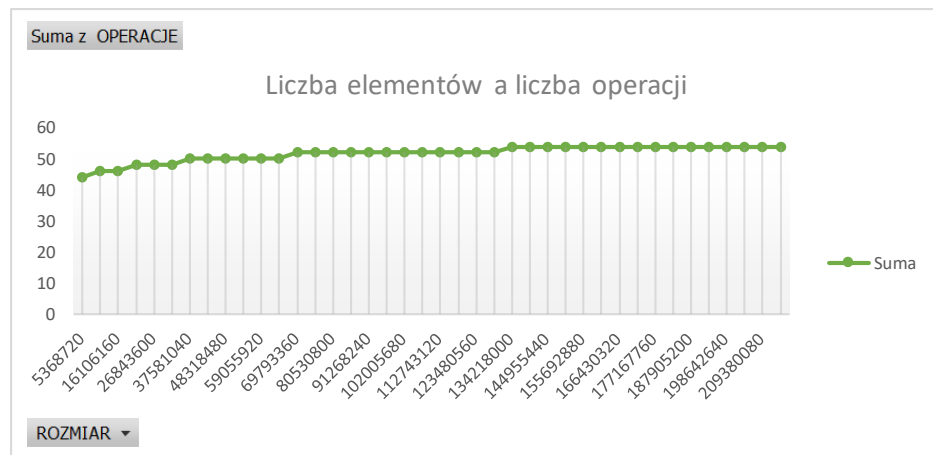
```
static int Instrumentacja(int[] tabBin, int szukana)
{
    int prawa = tabBin.Length - 1;
    int lewa = 0;
    int srodek;
    Licznik = 0;
    dlugoscTab = 0;
    wynik = 0;
    while (lewa <= prawa)
    {
        ++Licznik;

        srodek = (lewa + prawa) / 2;
        wynik += (ulong)Licznik * (ulong)Math.Pow(2, Licznik - 1);
        dlugoscTab += (ulong)Math.Pow(2, Licznik - 1);
        if (tabBin[srodek] == szukana)
        {
            ++Licznik;
            wynik += (ulong)Licznik * (ulong)Math.Pow(2, Licznik - 1);
            dlugoscTab += (ulong)Math.Pow(2, Licznik - 1);
            wynik = wynik / dlugoscTab;
            return srodek;
        }
        else if (tabBin[srodek] < szukana)
        {
            lewa = srodek + 1;
            ++Licznik;
            wynik += (ulong)Licznik * (ulong)Math.Pow(2, Licznik - 1);
            dlugoscTab += (ulong)Math.Pow(2, Licznik - 1);
        }
        else
        {
            prawa = srodek - 1;
            ++Licznik;
            wynik += (ulong)Licznik * (ulong)Math.Pow(2, Licznik - 1);
            dlugoscTab += (ulong)Math.Pow(2, Licznik - 1);
        }
    }
    return -1;
}
```

### Obliczanie czasu przed instrumentacją

```
long StartingTime = Stopwatch.GetTimestamp();
    Binarne(dane, wyszukiwanaSrednia);
    long EndingTime = Stopwatch.GetTimestamp();
    long ElapsedTime = EndingTime - StartingTime;
    double ElapsedSeconds = ElapsedTime * (1.0 / Stopwatch.Frequency);
```

## WYKRESY





## WYNIKI

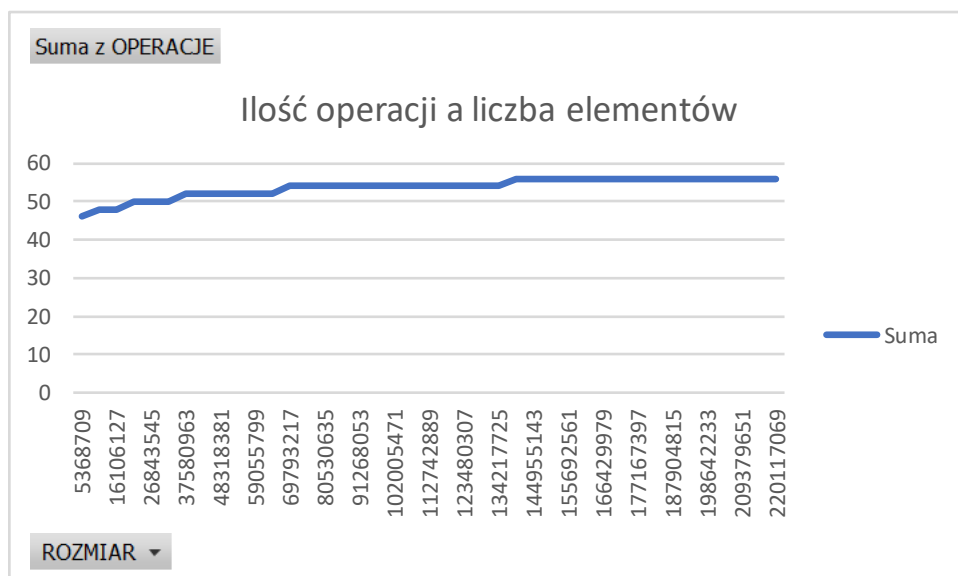
ELEMENT	POZYCJA	OPERACJE	CZAS	ROZMIAR	ZŁOŻONOŚĆ
5368719	5368718	44	0,0002381	5368720	43
10737439	10737438	46	0,0000073	10737440	45
16106159	16106158	46	0,0000048	16106160	45
21474879	21474878	48	0,0000071	21474880	47
26843599	26843598	48	0,0000043	26843600	47
32212319	32212318	48	0,0000049	32212320	47
37581039	37581038	50	0,0000057	37581040	49
42949759	42949758	50	0,0000057	42949760	49
48318479	48318478	50	0,0000102	48318480	49
53687199	53687198	50	0,0000059	53687200	49
59055919	59055918	50	0,0000052	59055920	49
64424639	64424638	50	0,0000074	64424640	49
69793359	69793358	52	0,0000103	69793360	51
75162079	75162078	52	0,0000069	75162080	51
80530799	80530798	52	0,0000069	80530800	51
85899519	85899518	52	0,0000045	85899520	51
91268239	91268238	52	0,0000106	91268240	51
96636959	96636958	52	0,0000052	96636960	51
102005679	102005678	52	0,0000049	102005680	51
107374399	107374398	52	0,0000063	107374400	51
112743119	112743118	52	0,0000009	112743120	51
118111839	118111838	52	0,0000092	118111840	51
123480559	123480558	52	0,0000007	123480560	51
128849279	128849278	52	0,0000092	128849280	51
134217999	134217998	54	0,0000068	134218000	53
139586719	139586718	54	0,0000071	139586720	53
144955439	144955438	54	0,0000001	144955440	53
150324159	150324158	54	0,0000047	150324160	53
155692879	155692878	54	0,0000005	155692880	53
161061599	161061598	54	0,0000054	161061600	53
166430319	166430318	54	0,0000049	166430320	53
171799039	171799038	54	0,0000054	171799040	53
177167759	177167758	54	0,0000047	177167760	53
182536479	182536478	54	0,0000055	182536480	53
187905199	187905198	54	0,0000118	187905200	53
193273919	193273918	54	0,0000049	193273920	53
198642639	198642638	54	0,0000006	198642640	53
204011359	204011358	54	0,0000053	204011360	53
209380079	209380078	54	0,0988563	209380080	53
214748799	214748798	54	0,0000005	214748800	53

## Ocena przy wykorzystaniu instrumentacji – przypadek pesymistyczny

```
static int Instrumentacja(int[] tabBin, int szukana)
{
    int prawa = tabBin.Length - 1;
    int lewa = 0;
    int srodek;
    Licznik = 0;
    dlugoscTab = 0;
    wynik = 0;
    while (lewa <= prawa)
    {
        ++Licznik;

        srodek = (lewa + prawa) / 2;
        wynik += (ulong)Licznik * (ulong)Math.Pow(2, Licznik - 1);
        dlugoscTab += (ulong)Math.Pow(2, Licznik - 1);
        if (tabBin[srodek] == szukana)
        {
            ++Licznik;
            wynik += (ulong)Licznik * (ulong)Math.Pow(2, Licznik - 1);
            dlugoscTab += (ulong)Math.Pow(2, Licznik - 1);
            wynik = wynik / dlugoscTab;
            return srodek;
        }
        else if (tabBin[srodek] < szukana)
        {
            lewa = srodek + 1;
            ++Licznik;
            wynik += (ulong)Licznik * (ulong)Math.Pow(2, Licznik - 1);
            dlugoscTab += (ulong)Math.Pow(2, Licznik - 1);
        }
        else
        {
            prawa = srodek - 1;
            ++Licznik;
            wynik += (ulong)Licznik * (ulong)Math.Pow(2, Licznik - 1);
            dlugoscTab += (ulong)Math.Pow(2, Licznik - 1);
        }
    }
    return -1;
}
```

## WYKRESY





WYNIKI

ELEMENT	POZYCJA	OPERACJE	CZAS	ROZMIAR
5368710	-1	46	0,000216	5368709
10737419	-1	48	0,0000042	10737418
16106128	-1	48	0,0000048	16106127
21474837	-1	50	0,0000076	21474836
26843546	-1	50	0,0000064	26843545
32212255	-1	50	0,0000055	32212254
37580964	-1	52	0,0000052	37580963
42949673	-1	52	0,0000046	42949672
48318382	-1	52	0,0000047	48318381
53687091	-1	52	0,0000079	53687090
59055800	-1	52	0,0000082	59055799
64424509	-1	52	0,0000076	64424508
69793218	-1	54	0,0000075	69793217
75161927	-1	54	0,0000048	75161926
80530636	-1	54	0,0351753	80530635
85899345	-1	54	0,0000155	85899344
91268054	-1	54	0,0000134	91268053
96636763	-1	54	0,0000203	96636762
102005472	-1	54	0,0000055	102005471
107374181	-1	54	0,0598421	107374180
112742890	-1	54	0,0000061	112742889
118111599	-1	54	0,0000075	118111598
123480308	-1	54	0,0000053	123480307
128849017	-1	54	0,0000093	128849016
134217726	-1	54	0,0617171	134217725
139586435	-1	56	0,00001	139586434
144955144	-1	56	0,0674647	144955143
150323853	-1	56	0,0000073	150323852
155692562	-1	56	0,0000053	155692561
161061271	-1	56	0,0000056	161061270
166429980	-1	56	0,0000124	166429979
171798689	-1	56	0,0000057	171798688
177167398	-1	56	0,0000058	177167397
182536107	-1	56	0,0000054	182536106
187904816	-1	56	0,0000095	187904815
193273525	-1	56	0,0000056	193273524
198642234	-1	56	0,0000057	198642233
204010943	-1	56	0,0000137	204010942
209379652	-1	56	0,000005	209379651
214748361	-1	56	0,0000081	214748360
220117070	-1	56	0,0000108	220117069

## Podsumowanie

Algorytm wyszukiwania binarnego jest szybszy od wyszukiwania liniowego. Złożoność obliczeniowa wyszukiwania binarnego jest równa  $O(\log)$  a wyszukiwania liniowego  $O(n)$ . Pesymistyczna złożoność wyszukiwania liniowego jest liniowa. Czas potrzebny na wyszukanie elementu metodą wyszukiwania liniowego jest dłuższy od czasu potrzebnego na metodę wyszukiwania liniowego.