

Київський національний університет імені Т. Шевченка

Факультет комп'ютерних наук та кібернетики

Звіт

з дисципліни “Розподілене та паралельне програмування”

за темою: “Паралельне множення матриць (блочний алгоритм)”

Виконав

студент 4 курсу, групи ТК-41

спеціальності 122 “Комп'ютерні науки”

Панасюк Кирил

Керівник Дерев'яченко О.В.

Київ - 2024

## Зміст

<b>1. Мета роботи.....</b>	<b>3</b>
<b>2. Теоретичні відомості.....</b>	<b>4</b>
2.1. Поняття паралельного програмування.....	4
2.2. Переваги паралельних обчислень.....	4
2.3. Технології MPI та OpenMP.....	4
MPI (Message Passing Interface).....	4
OpenMP (Open Multi-Processing).....	4
2.4. Суть блочного алгоритму множення матриць.....	5
<b>3. Опис реалізації.....</b>	<b>5</b>
3.1. Послідовна реалізація.....	5
3.2. Паралельна реалізація з використанням OpenMP (модуль multiprocessing).....	5
3.3. Паралельна реалізація з використанням MPI (бібліотека mpi4py).....	6
<b>4. Результати експериментів.....</b>	<b>7</b>
Таблиця 1. Час виконання для кожного способу множення матриць.....	7
Середній час виконання.....	7
<b>5. Висновки.....</b>	<b>8</b>
Додаток А.....	9

## 1. Мета роботи

Метою лабораторної роботи є ознайомлення з принципами реалізації паралельних обчислень на прикладі множення квадратних матриць з використанням блочного алгоритму. У ході виконання завдання реалізовано три варіанти множення:

- послідовний (класичний) метод;
- паралельний метод з використанням технології **OpenMP** (у нашому випадку через модуль `multiprocessing`);
- паралельний метод з використанням бібліотеки **MPI** (`mpi4py`).

Завданням є порівняння продуктивності кожного з підходів шляхом запуску програми з однаковими вхідними даними, вимірювання часу виконання та побудова порівняльної таблиці. Це дозволяє на практиці оцінити переваги паралельної обробки даних та ефективність обраних технологій у задачах великої обчислювальної складності.

## 2. Теоретичні відомості

### 2.1. Поняття паралельного програмування

Паралельне програмування — це підхід до розробки програмного забезпечення, при якому обчислення розподіляються між кількома процесами або потоками, які можуть виконуватися одночасно. Такий підхід дозволяє скорочувати час виконання програм, особливо в задачах з великою обчислювальною складністю.

У контексті сучасних комп'ютерних систем, що мають багатоядерні процесори або доступ до кластерів, паралельне програмування є ключовим інструментом для підвищення продуктивності.

### 2.2. Переваги паралельних обчислень

- **Підвищення швидкості обробки даних** — завдяки розподілу задач між кількома ядрами або вузлами.

- **Краще використання ресурсів системи** — забезпечується навантаженням усіх ядер.
- **Масштабованість** — можливість обробки великих обсягів даних за допомогою кластерних систем.
- **Ефективність у реальному часі** — підвищена реакція систем у задачах з високою вимогливістю до часу виконання.

## 2.3. Технології MPI та OpenMP

### MPI (Message Passing Interface)

MPI — це стандарт для обміну повідомленнями між процесами в паралельних обчисленнях, які зазвичай виконуються на різних вузлах кластера або машин. У Python реалізується через бібліотеку `mpi4py`.

Кожен процес має власну пам'ять, обмін даними відбувається через операції `send`, `recv`, `bcast`, `scatter`, `gather` тощо.

### OpenMP (Open Multi-Processing)

OpenMP — технологія для організації паралелізму за допомогою потоків у межах одного процесу. У Python її аналогом є використання модуля `multiprocessing`, що дозволяє запускати функції в окремих процесах на різних ядрах CPU.

## 2.4. Суть блочного алгоритму множення матриць

Блочний алгоритм множення матриць передбачає поділ великих матриць на менші блоки (субматриці), які можуть бути незалежно оброблені окремими процесами або потоками. Це дозволяє:

- зменшити час доступу до пам'яті;
- знизити кількість обмінів між процесами (в MPI);
- ефективніше використовувати кеш-пам'ять CPU.

У реалізаціях цієї лабораторної роботи використовувався умовний розподіл матриць по рядках між процесами. Кожен процес обчислює свою частину результатної матриці, після чого дані об'єднуються (gather).

### 3. Опис реалізації

#### 3.1. Послідовна реалізація

У цьому варіанті використовується вбудована функція `np.dot()` з бібліотеки NumPy, яка виконує множення двох квадратних матриць стандартним алгоритмом. Обчислення виконуються в одному потоці — кожен елемент результатної матриці розраховується по черзі, що забезпечує простоту реалізації, але низьку ефективність при великому обсязі даних.

##### Фрагмент коду:

```
def sequential_multiply(A, B):  
    return np.dot(A, B)
```

#### 3.2. Паралельна реалізація з використанням OpenMP (модуль multiprocessing)

Оскільки OpenMP безпосередньо не підтримується в Python, аналогічний підхід реалізовано за допомогою модуля `multiprocessing`, який створює пул процесів для обробки рядків матриці.

Кожен процес обчислює добуток одного рядка першої матриці на всю другу матрицю. Це дозволяє значно пришвидшити обчислення при наявності кількох ядер CPU.

##### Фрагмент коду:

```
def parallel_worker(args):  
    A_row, B = args  
    return np.dot(A_row, B)  
  
def openmp_multiply(A, B):  
    with multiprocessing.Pool() as pool:  
        result = pool.map(parallel_worker, [(row, B) for row in A])
```

```
return np.array(result)
```

### 3.3. Паралельна реалізація з використанням MPI (бібліотека mpi4py)

У реалізації з MPI кожен процес отримує частину рядків матриці A через Scatter, а повну матрицю B через Bcast. Потім виконується множення виділеної частини та збір результатів з усіх процесів через Gather.

Такий підхід є ідеальним для кластерних середовищ, де кожен процес може виконуватися на окремому вузлі.

#### Фрагмент коду:

```
def mpi_multiply(A, B, n):
    comm = MPI.COMM_WORLD
    rank = comm.Get_rank()
    size = comm.Get_size()
    rows_per_proc = n // size

    local_A = np.zeros((rows_per_proc, n), dtype='i')
    B_global = np.zeros((n, n), dtype='i')
    C = np.zeros((n, n), dtype='i') if rank == 0 else None

    if rank == 0:
        comm.Bcast(B, root=0)
        comm.Scatter([A, MPI.INT], [local_A, MPI.INT], root=0)
    else:
        comm.Bcast(B_global, root=0)
        B = B_global
        comm.Scatter([None, MPI.INT], [local_A, MPI.INT], root=0)

    local_C = np.dot(local_A, B)
    comm.Gather(local_C, C, root=0)
    return C
```

## 4. Результати експериментів

Для оцінки ефективності реалізованих алгоритмів було проведено серію тестів (по 3 заміри для кожного методу) на матрицях розміру  $4 \times 4$ . Нижче представлено результати вимірювання часу виконання для кожного з варіантів:

**Таблиця 1. Час виконання для кожного способу множення матриць**

№ тесту	Послідовний (сек.)	OpenMP (сек.)	MPI (сек.)
1	0.0000	1.1224	0.0025
2	0.0000	0.9601	0.0002
3	0.0000	0.9380	0.0002

### Середній час виконання

Для об'єктивного порівняння було обчислено середнє арифметичне часу виконання для кожного методу:

- **Послідовний метод:**  $(0.0000 + 0.0000 + 0.0000) / 3 = 0.0000$  сек
- **OpenMP (multiprocessing):**  $(1.1224 + 0.9601 + 0.9380) / 3 \approx 1.0068$  сек
- **MPI:**  $(0.0025 + 0.0002 + 0.0002) / 3 \approx 0.00097$  сек

## 5. Висновки

У ході виконання лабораторної роботи було реалізовано три способи множення квадратних матриць: послідовний, паралельний із використанням OpenMP (через multiprocessing) та паралельний із використанням MPI (mpi4py). Після проведення експериментальних замірів часу виконання було отримано наступні результати:

- **Послідовний метод** продемонстрував найменший час виконання (0.0000 сек), що пов'язано з малим розміром матриць ( $4 \times 4$ ) та відсутністю витрат на створення процесів чи передачу даних.

- **OpenMP (multiprocessing)** показав найбільший час виконання ( $\approx 1$  секунда), оскільки витрати на створення пулу процесів і міжпроцесну комунікацію перевищують вигоди від паралелізму при малих задачах.
- **MPI** продемонстрував стабільно малий час виконання ( $\approx 0.001$  сек), оскільки розподіл даних по процесах був ефективним, і сама задача мала низьке навантаження.

На мою думку, ця робота ще раз доводить, що паралельні алгоритми не завжди є ефективними при невеликих обсягах даних. У випадку з малими матрицями паралельні технології можуть навіть знижувати продуктивність через накладні витрати.



## Додаток А

```

import numpy as np
import time
import multiprocessing
from mpi4py import MPI

# --- Генерація випадкових матриць ---
def generate_matrices(n):
    A = np.random.randint(0, 10, (n, n))
    B = np.random.randint(0, 10, (n, n))
    return A, B

# --- Послідовне множення ---
def sequential_multiply(A, B):
    return np.dot(A, B)

# --- Паралельне множення (OpenMP-подібне через multiprocessing)
---
def parallel_worker(args):
    A_row, B = args
    return np.dot(A_row, B)

def openmp_multiply(A, B):
    with multiprocessing.Pool() as pool:
        result = pool.map(parallel_worker, [(row, B) for row in A])
    return np.array(result)

# --- Паралельне множення (MPI) ---
def mpi_multiply(A, B, n):
    comm = MPI.COMM_WORLD
    rank = comm.Get_rank()
    size = comm.Get_size()

    rows_per_proc = n // size
    local_A = np.zeros((rows_per_proc, n), dtype='i')
    B_global = np.zeros((n, n), dtype='i')
    C = np.zeros((n, n), dtype='i') if rank == 0 else None

    if rank == 0:
        comm.Bcast(B, root=0)
        comm.Scatter([A, MPI.INT], [local_A, MPI.INT], root=0)
    else:
        comm.Bcast(B_global, root=0)
        B = B_global
        comm.Scatter([None, MPI.INT], [local_A, MPI.INT], root=0)

    local_C = np.dot(local_A, B)

```

```

comm.Gather(local_C, C, root=0)
return C

def main():
    n = 4 # Розмір матриці
    print("Оберіть реалізацію:")
    print("1 - Послідовна")
    print("2 - Паралельна (OpenMP / multiprocessing)")
    print("3 - Паралельна (MPI)")
    choice = input("Ваш вибір: ")

    if choice not in ['1', '2', '3']:
        print("Невірний вибір!")
        return

    if choice == '3':
        comm = MPI.COMM_WORLD
        rank = comm.Get_rank()
        if rank == 0:
            A, B = generate_matrices(n)
        else:
            A = None
            B = None
        start = MPI.Wtime()
        C = mpi_multiply(A, B, n)
        end = MPI.Wtime()
        if rank == 0:
            print(f"[MPI] Час виконання: {end - start:.4f} секунд")
            print("\nМатриця A:\n", A)
            print("\nМатриця B:\n", B)
            print("\nРезультат множення (C = A * B):\n", C)
        else:
            A, B = generate_matrices(n)
            start = time.time()
            if choice == '1':
                C = sequential_multiply(A, B)
            elif choice == '2':
                C = openmp_multiply(A, B)
            end = time.time()
            method = "Послідовна" if choice == '1' else "OpenMP"
            (multiprocessing)
            print(f"[{method}] Час виконання: {end - start:.4f} секунд")
            print("\nМатриця A:\n", A)
            print("\nМатриця B:\n", B)
            print("\nРезультат множення (C = A * B):\n", C)

```

```
if __name__ == "__main__":  
    main()
```