Slovenská technická univerzita v Bratislave Stavebná fakulta

Evidenčné číslo: SvF-5342-105652

ALGORITMY A POMÔCKY NA RIEŠENIE SUDOKU Bakalárska práca

Slovenská technická univerzita v Bratislave Stavebná fakulta

Evidenčné číslo: SvF-5342-105652

ALGORITMY A POMÔCKY NA RIEŠENIE SUDOKU Bakalárska práca

Študijný program: Matematicko-počítačové modelovanie

Študijný odbor: Matematika

Školiace pracovisko: Katedra matematiky a deskriptívnej geometrie

Vedúci záverečnej práce: RNDr. Ľubica Staneková, PhD.

Bratislava 2022

Karolína Vallová

Stavebná fakulta

Akademický rok: 2021/2022

Evidenčné číslo: SvF-5342-105652



ZADANIE BAKALÁRSKEJ PRÁCE

Študentka: Karolína Vallová

ID študenta: 105652

Študijný program: matematicko-počítačové modelovanie

Študijný odbor: matematika

Vedúca práce: RNDr. Ľubica Staneková, PhD.

Vedúci pracoviska: Ing. Marek Macák, PhD.

Názov práce: Algoritmy a pomôcky na riešenie sudoku

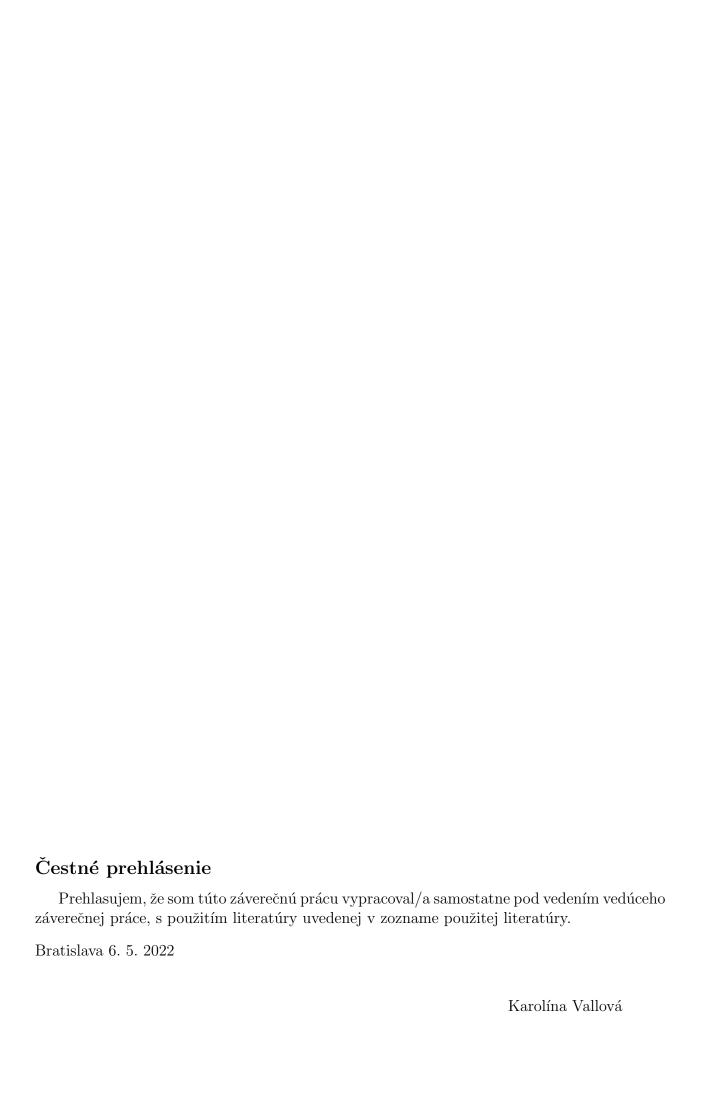
Jazyk, v ktorom sa práca vypracuje: slovenský jazyk

Špecifikácia zadania:

Témou tejto práce sú algoritmy a pomôcky na riešenie sudoku. V práci bude uvedený prehľad voľne dostupných programov, ktoré ponúkajú pomôcky pri riešení sudoku. Takéto programy najčastejšie ponúkajú dve pomôcky (malú a veľkú) alebo namiesto riešiteľa vygenerujú všetky možnosti. Cieľom práce je urobiť program s viacerými pomôckami (kombinácia známych a vlastných pomôcok) a tiež popísať teóriu k pomôckam a algoritmy na riešenie sudoku.

Termín odovzdania bakalárskej práce: 05. 05. 2022 Dátum schválenia zadania bakalárskej práce: 18. 02. 2022

Zadanie bakalárskej práce schválil: prof. RNDr. Karol Mikula, DrSc. – garant študijného programu





Abstrakt

Názov práce: Algoritmy a pomôcky na riešenie sudoku

Abstrakt: Je veľa voľne dostupných programov, ktoré ponúkajú pomôcky pri riešení sudoku, najčastejšie dve pomôcky (malú a veľkú) alebo namiesto riešiteľa vygenerujú všetky možnosti. V práci bude prehľad takýchto programov a urobený program s viacerými pomôckami (kombinácia známych a vlastných pomôcok). V práci bude popísaná aj teória k pomôckam a algoritmy na riešenie sudoku.

Kľúčové slová: Algoritmus, pomôcka, šachovnica, políčko, kandidát

Názov práce: In Eng. doplniť

Predhovor

(Nepovinná, ale užitočná časť práce, obvykle maximálne 1 strana)

V predhovore sa môže stručne uviesť, čím sa práca zaoberá, prípadne aké metódy, softvéry, či programovacie jazyky sa budú používať. Ak je práca súčasťou nejakého projektu, môžete načrtnúť, o čom je projekt a ako je práca zaradená do kontextu projektu. Popíše sa, aké sú ciele práce, môžu uviesť okolnosti vzniku témy, motivácia témy práce, prípadne dôvody, prečo ste si prácu vybrali. Je dobré stručne povedať o členení práce – o čom sú jednotlivé kapitoly, prípadne sekcie práce. Posledný odsek predhovoru môže byť poďakovanie (ak nebolo uvedené na osobitnej strane).

Obsah

1	Úvo	${f od}$	8											
2	Hra 2.1 2.2	Sudoku Princíp hry	9 (1 (1) 1(1)											
3	Pon	nôcky na riešenie hry sudoku	13											
	3.1 3.2 3.3	Lahké Pomôcky 3.1.1 Jedna pozícia 3.1.2 Jeden kandidát Pokročilé pomôcky 3.2.1 Jedna línia kandidátov 3.2.2 Dvojité páry 3.2.3 Viaceré línie kandidátov Náročné Pomôcky	13 14 15 15 16 16 16											
		3.3.1Zjavný/á pár/trojica/štvorica3.3.2Skrytý/á pár/trojica/štvorica3.3.3X-wings3.3.4XY-wings pomôcka	16 17 18 19 20											
4		Dostupné programy												
	4.1	Sudoku Solver	20											
	4.2 4.3	Expert sudoku	$\frac{21}{22}$											
5	Pro	gramovanie Pomôcok a Alogoritmov hry sudoku	23											
		Prostredie programu	25											
	5.2	Štrukúra programu	23											
		5.2.1 Trieda Grid	23											
		5.2.2 Trieda Game	24											
	5.3	Význam programu	24											
6	Záv	er	25											
Bi	bliog	grafia	26											

$\mathbf{\acute{U}vod}$

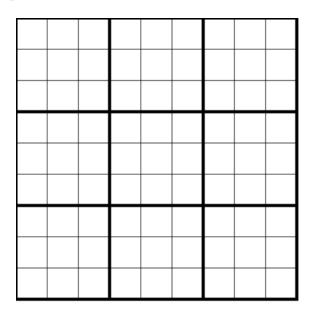
Sudoku je logická doplňovacia hra pre jedného hráča, ktorá sa v dnešnej dobe pre svoje jednoduché pravidlá a množstvu stupňov obtiažnosti stala veľmi populárnou pre väčšinu vekových kategórií.

Prvá verzia Sudoku puzzle sa objavila vo francúzskych novinách na konci 19. storočia pod menom Number Place. A však jej popularitu si získala až v meste Manhattan, New York v 70. rokoch 20. storočia. Získala si ju vďaka pánovi z Nového Zélandu menom Wayne Gould, ktorý po 6. rokoch skonštruoval počitačový program na tvorenie zadaní Sudoku. Vďaka tomuto programu sa ľahko generovali zadania Sudoku, začali sa pravidelne a s úspechom publikovať do novín a táto logická hra sa rýchlo rozšírila do celého sveta. Neskôr táto hra bola publikovaná japonskou rébus firmou, ktorá ju pomenovala Sudoku, znamenajúc jedno číslo práve raz a tento názov jej zostal dodnes. [3]

Hra Sudoku

2.1 Princíp hry

Logickú hru sudoku tvorí 81 políčok po 9 riadkov a 9 stĺpoch. Celá šachovnica sa delí na 9.3×3 štvorcov po 9 políčok.



Obr. 2.1: Prázdna sieť.

Cieľom hry je vyplniť tychto 81 políčok čislicami od 1-9, pričom sa budú dodržiavť následovné tri základné pravidlá:

- 1. Každý riadok obsahovaje číslom 1 9 práve raz.
- 2. Každý stĺpec obsahovaje číslom 1 9 práve raz.
- 3. Každý 3×3 štvorec obsahovaje číslom 1 9 práve raz.

Na obrazku 2.2 vidíme už vyplnenú sieť hry sudoku. Zároveň môžme vidieť, že takto vyplnená sieť dodržiava tri zakládne pravidlá hry a preto ju môžme nazvať aj jedným z mnoha správnych riešení sudoku.

2	7	4	1	5	9	3	6	8
1	8	5	3	2	6	7	9	4
3	6	9	4	7	8	1	5	2
7	5	8	6	4	1	9	2	3
6	2	3	9	8	5	4	7	1
9	4	1	2	3	7	5	8	6
8	3	6	7	9	4	2	1	5
4	1	7	5	6	2	8	3	9
5	9	2	8	1	3	6	4	7

Obr. 2.2: Vylúštená hra sudoku.

2.2 Zadania hry a ich úrovne

2.2.1 Zadania hry

Intuitívne akúkoľvek čiastočne nevyplnenú sieť hry sudoku 2.3 sa dá považovať za jej zadanie. Nie však každé nevyplnené sudoku sa dá považovat za plnohodnotné zadanie. Vďaka kombinatorike vieme, že existuje pŕave 6.7×10^{21} riešení. Toto číslo vypočítali pomocou počitačového programu dvaja páni a to B. Felgenhauer a F. Jarvis v roku 2005 ako jeden z viacerých enumeračných problémov sudoku. [1]

Zároveň vďaka experimentu z University College Dublin [2] bol v roku 2013 overný minimálny počet už zadaných čísel, aby sa zadanie považoalo za plnohodnotné. Tým sa myslí, aby zadanie hry malo riešenie. Gary McGuire overil minimálny počet čísel a to 17 čísel. Pri nevyplnených hrách sudoku, kde je daných len 16 čisel, hra nemá riešenie, teda ma viac ako jediné riešenie a považuje sa za neplnohodnotné. Bežný počet čísle v zadaní hry pre začiatočníkov býva okolo 30 čísel.

čo nám naznačuje, že aj zadanie pre logickú hru sudoku by malo mať svoje pravidlá alebo zásady. Avšak na takéto zásady sa prišlo potom ako sa hra predstavila verejnosti. Tieto tzv. nepísané pravidlá, ktorými by sa malo riadiť každé zadanie, aby sa považovalo za plnohodnotné, sú následovné:

- 1. Každé zadanie by malo mať práve jedno riešenie.
- 2. Každé zadanie by malo byť riešitelné bez hádania alebo pomoci počítača.
- 3. Každé zadanie by malo byť minimálne, tzv. po odstránení jednej číslice by už nemalo mať riešenie.

2			1				6	
	8	5		2			9	
				7		1		2
					1			3
			9		5			
9			2					
8		6		9				
	1			6		8	3	
	9				3			7

Obr. 2.3: Vzor zadania.

2.2.2 Úroveň hry

Každé plnohodnotné zadanie má teda svoje jediné riešenie. Ked sa pozrieme na počet čísel v zadaní, môžme približne určiť alebo aspoň hráčovi môže dať približnú predstavu o leveli obtiažnosti. Avšak aj pri minimálnom počte čísel môžme nájst lahšie alebo náročnejšie zadanie hry. Preto obtiažnosti hry by sa nemala určovať na základe počtu čisel v zadaní, ale na základe istého sytému, ktorý by určil úroveň obtiažnosti hry.

Existujú už rôzne systémy, ktoré ohodnotia úroveň zadania hry, jedným z týchto systémov môžme nájst na stránke Difficulty of Sudoku puzzle. Na tejto stránke sa každé zadanie hry ohodnotí pomocou metódy, ktorá je na základe týchto troch vecí:

- 1. Počet nevyplnených (prázdnych) políčok.
- 2. Koľko rôznych pomôcok treba použiť.
- 3. Ako často každú z tychto pomôcok treba zopakovat na vyriešenie hry.

Tento konkrétny system, ktorý každej použitéj pomôcke pridelí istú hodnotu (cenu) sa riadi nasledujúcou tabuľkou:

Tabuľka 2.1: Tabuľka hodnôt pre pomôcky.

Pomôcka	Cena za 1. použitie	Cena za dalšie použitie		
Jedna pozícia	100	100		
Jeden kandidát	100	100		
Jedna línia kandidátov	350	200		
Dvojité páry	500	250		
Viaceré línie kandidátov	700	400		
Zjavný pár	750	500		
Skrýtý pár	1500	1200		
Zjavná trojica	2000	1400		
Skytá trojica	2400	1600		
X-Wing a XY-Wing	2800	1600		
Retazová reakcia	4200	2100		
Zjavná štvorica	5000	4000		
Skrytá štvorica	7000	5000		

S velkým množstvom zadaní, ich úrovne sa príležitostne môžu málo líšiť, jedno riešenie môže byť o trošku lahšie ako dalšie, ktoré je len o menšiu hodnotu náročnejšie. A to len preto koľko pomôcok je potrebných na vyriešenie hry. Preto sa zoskupili úrovne zadaní, ktoré mali podobné ohodnotenie na základe vyššie pomenutéj tabuľky do šesť kategorií:

Tabuľka 2.2: Tabuľka úrovní hry sudoku.

Úroveň	Dolná hranica	Horná hranica
Začiatočník	3600	4500
Lahká	4300	5500
Stredne tažká	5300	6900
Náročná	6500	9300
Čertovská	8300	14000
Diabolská	11000	25000

Jednotlivé kategórie sa prekrývajú niekde viac, niekde menej, avšak tieto prekryvy sú tam zámerne. Umožnujú pri vytvárani zadaní istú voľnosť, aby zadanie bolo stále v prijateľnom rozsahu.

Pomôcky na riešenie hry sudoku

V Predchádzajúcej kapitole sme spomenuly pomôcky na vyriešenie logickej hry sudoku. V tejto kapitole sa ich skusime čitatelovi vysvetli do čo najzrozumitelnejšej miery, aby si ich ako priležitostný alebo pravidlený hráč mohol prípadne aplikovať pri najbližšej hre. Postupne spomenieme vačšinu pormenutých pomôcok z už spomínanej tabuľky 2.1 hodnôt pre pomôcky.

Hlavná myšlienka za pomôckami logickej hry sudoku je uľahčenie hľadania kandidáta alebo skupiny kandidátov, neskôr dedukciou aj nájsť konkrétne číslo pre konkrétne políčko v šachovnici.

3.1 Lahké Pomôcky

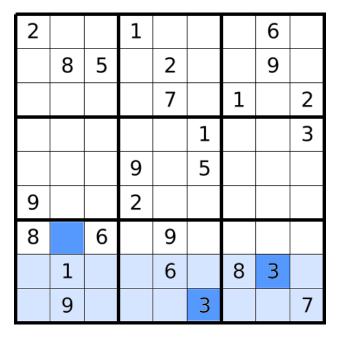
Medzi najlahšie a hlavne prvé pomôcky, s ktorými sa hráč stretne pri hraní hry sudoku su základné tri pravidlá hry a ich rôzne aplikácie či už pri hladaní priamo čísla alebo kandidátov. Ako sa v predchadzajúcej kapitole spomínali princípy hry sudoku, hlavná myšlienka je vyplniť šachovnicu číslami 1-9, tak aby sa neopakovali tie isté čísla v riadku, stĺpci a v štvorci o veľkosti 3×3 .

3.1.1 Jedna pozícia

Práve táto pomôcka patrí medzi tie najlahšie a hráčovy začiatočíkovi je vysvetlená ako prvá. Pomôcka Jedna pozícia využíva základne tri pravidlá hry. Nižsie na príklade môžme vidieť hru sudoku v počiatočnej fázi riešenie. V posledných dvoch riadkoch môžeme vidieť už zvýraznené aj dve číslice 3. 3.1 Ak sa pozrieme na posledne tri riadky z dola a zameriame sa na číslo 3 môžme vidieť dve veci:

- 1. V treťom riadku z dola chýba číslo 3.
- 2. Číslo 3 chýba aj vo štvorci v ľavom dolnom rohu.

Keď spojíme tieto dva poznatky, vyjde nám, že číslo 3 sa musí nachádzať vo vrchnom riadku ľavého dolného štvorca. Avšak tam je voľné iba jedno políčko. Tým pádom vieme jednoznačne povedať, že číslo 3 sa bude nachádzať práve v tomto voľnom políčku.



Obr. 3.1: Príklad pomôcky Jedna pozícia.

3.1.2 Jeden kandidát

Medzi dalšie pomôcky, ktoré patria k tým lahším je pomôcka *Jeden kandidát*. Táto pomôcka využíva základne tri pravidlá hry, ale skor na zorientovanie medzi už určenými a hlavne voľnymi políčkami v šachovnici. Veľmi ojedinele nastane situácia, kedy jedno konkrétne políčko má iba jedného kandidáta na zváženie. Najlepšie je to vidieť na obrazku 3.2, kde sú v každom voľnom políčku vpísaní kandidáti na zváženie a jedno políčko je zvýraznené práve preto, lebo sa tam nachádza iba jeden kandidát na zváženie a to číslo 4.

2 134 67	347	3 ⁴⁷ 5	1	³⁴⁵ 2	489	345 7 347		6 9
346	346	349	345 68	7	468	1	45	8
456 7	245 67	247 8	467 8	48	1	245 679	24! 78	5
134 67	234 67	123 478	9	348	5	246 7	124 78	ļ
9	345 67	134 78	2	348	467 8	456 7	145 78	
8	234 57	6	457	9	247	245	124	
457	1	247	457	6	247	8	3	
45	9	24	458	145	3	245 6	124	

Obr. 3.2: Príklad pomôcky Jeden kandidát.

Pomôcka Jeden kandidát však nepratrí medzi prvú voľbu skúseného hráča, nie to ešte začiatočníka, hlavne kvôli pracnosti, ktorú táto pomôcka vyžaduje. Na príkladnom obrázku 3.2 môžme vidieť koľko rôzne veľkých skupín kandidátov sa nachádza v tomto konkretnom zadaní hry. Preto sa táto pomôcka doporučuje používať pri vačšom počte už jasne daných čísel. Avšak aj vtedy táto pomôcka patrí medzi tie posledné, ktoré hráči využívajú.

3.2 Pokročilé pomôcky

V tejto sekcii sa budú rozoberať pomôcky, ktoré môžu, ale vo vačšine prípadov neurčia konkrétne číslo konktretnému voľnému políčko, skôr zredukujú skupiny možných kandidátov pre jednotlivé políčka. Ked sa využije kombinácia takýchto pomôcok, hráča to priblíži k správnemu riešeniu, ak nie priamo k riešeniu. To však záleží na úrovni hry.

3.2.1 Jedna línia kandidátov

Jednou z prvých pokročilejších pomôcok je Jedna línia kandidátov. Ked sa pozrieme na štvorec 3 x 3 v strede šachovnice na obrázoku 3.3, môžme ilustračne ukázať príklad tejto pomôcky. Na obrázkua 3.3 vidíme, že číslo 3 sa v tomto štvorci može nachádzať už iba v dvoch voľnych zvýraznených políčkach. V iných voľnych políčkach sa číslo 3 nachádzať nemôže, kvôli už jednoznačne daným čislam 3 vo štvrtom riadku z hora a v šiestom stĺpci z ľava. S týmto poznatkom daľej môžme povedat, že číslo 3 sa v piatom stĺpci bude nachádzať iba na týchto dvoch zvýraznených voľnych políčkach v strednom 3 x 3 štvorci. Na základe čoho dalej môžme s určitostou čislo 3 zo skupiny kandidátov vo voľnom políčku v piatom stĺpci a prvom riadku odstániť, kedže na tomto mieste sa toto číslo nebude nachádať.

2	347	347	1	3 45	489	345 7	6	458
134 67	8	5	346	2	46	347	9	4
346	346	349	345 68	7	468 9	1	458	2
456 7	245 67	247	467 8	48	1	245 679	245 78	3
134 67	234 67	123 478	9	348	5	246 7	124 78	146
9	345 67	134 78	2	348	467 8	456 7	145 78	145 68
8	234 57	6	457	9	247	245	124	145
457	1	247	457	6	247	8	3	459
45	9	24	458	145 8	3	245 6	124 5	7

Obr. 3.3: Príklad pomôcky Jedna línia kandidátov.

3.2.2 Dvojité páry

Dalšou pomôckou sú Dvojité paŕy, kde máme po dva páry kandidátov v dvoch stĺpoch a zároveň v dvoch štvorcoch 3 x 3 pre konkrétne číslo. Vďaka týmto dvom párom, potom vieme zredukovať kandidátov spomínaného čísla. Najlepšie je to však ukázať na obrázku 3.4. Tu môžme vidieť všetkých možných kandidátov v 3 x 3 stredných troch štvorcoch. Keď sa lepšie pozrieme na prvý a tretí, zistíme, že kandidáti pre číslo 4 sa v nich nachádzajú len v prvom a tretom stĺpci týchto štvorcov. Inak aj povedané, v prvom a tretom štvorci v strednom stĺpci sa číslo 4 nemôže nachádzať. Za to v strednom štvorci sa už nachádzajú kandidáti pre číslo 4 aj v stredom stĺpci. Preto môžme vyškrtnúť kandidátov pre číslo 4 v strednom štvorci v prvom a v tretom stĺpci, lebo v tomto štvorci sa musí číslo 4 nachádzať práve v strednom stĺpci.

278	5	6	247 9	1	49	3	278	278 9
237	4	237 8	279	5	89	6	1	278 9
123 78	9	123 78	6	278	3	278	5	4
135 78	2	137	13 A	9	6	147 8	347	137
4	37	9	137	78	2	5	378	6
135 78	6	137	13 A 78	478	1#5	9	234 78	123 78
237	37	5	148 9	6	149	124 78	234 78	123 78
6	1	37	48	2	48	478	9	5
9	8	4	5	3	7	12	6	12

Obr. 3.4: Príklad pomôcky Dvojité páry.

3.2.3 Viaceré línie kandidátov

Táto pomôcka je veľmi podobná pomôcke Dvojité páry, avšak v dvoch stĺpoch sa nenachádzajú kandidáti pre konkrétne číslo po dva-krát na dvoch políčkach, ale sa nachádzajú na viacerých políčkach. To opäť zredukuje možných kandidátov v treťom stĺpci či už na jednom alebo troch políčkach.

3.3 Náročné Pomôcky

3.3.1 Zjavný/á pár/trojica/štvorica

Pômocka Zjavné páry patrí medzi tie najužitočnejšie pomôcky a sú zároveň najlepšie zbadateľné. Jej princíp spočíva v tom, že sa nájde dvojica po dvoch kandidátov na dvoch políčkach a v tychto políčkach sa nenachádzajú iný kandidáti. Na obrázku 3.5 môžme vidieť takýto pár v hornom pravom štvorci a to kandodátov pre čísla 5 a 8. V týcto políčkach sa môžu nachádzať iba týto dvaja kandidáti, potom môžme tychto dvoch kandidátov vyškrtnúť

z ostatných voľnych políčok. Čo v tomto prípade znamená, že v tomto políčku, kde sme vyškrtli kandidáta pre číslo 5, zostatne už iba jeden kandidát a to pre číslo 3.

2	347	347 9	1	458	489	3,5	6	58
1	8	5	3	2	6	7	9	4
346	346	349	458	7	489	1	58	2
456 7	245 67	247	467 8	48	1	245 69	245 78	3
346 7	234 67	123 478	9	348	5	246	124 78	168
9	345 67	134 78	2	348	478	456	145 78	156 8
8	234 57	6	457	9	247	245	124 5	15
457	1	247	457	6	247	8	3	59
45	9	24	458	145 8	3	245 6	124	7

Obr. 3.5: Príklad pomôcky Zjavný pár.

Pre trojice alebo štvorie platí podobný postup, akurát sa nachádzajú kandidáti na iba na troch alebo iba na štyroch políčkach. Niekedy je zjavná trojica zbatateľná v tvare po troch kandidátov, rozdelená po dvoch na troch políčkach alebo zjavná štvorica kandidátov je cez štyri políčka po rôznych počtoch rozdelená. Nezáleží čí sa nachádza pár, trojica alebo štvorica v stĺpci, štvorci alebo v riadku.

3.3.2 Skrytý/á pár/trojica/štvorica

Skrytý pár nie je vždy ľahké nájsť, ale za to keď sa už nájde, tak vie veľmi pomôcť priblížiť hráča k riešeniu. Takýto pár sa nájde medzi skupinami viacerých kandidátov, avšak pre iba tento pár platí, že sa môže nachádzať na voľnych políčkach iba na dvoch miestach. Na obrázku 3.6 sa takyto príklad nachádza v treťom riadku z hora. Pre kandidátov pre čísla 3 a 1 v tomto riadku platí, že sa môžu nachádzať iba na políčkach tmavomodrej farby. Preto kandidáta pre číslo 2 v jednom z týchto políčkom môžme odstrániť a tak isto aj kandidáta pre číslo 4 v druhom políčku.

Skryté trojice a štvorice sa dajú nájsť v podobných situáciách, avšak pri tejto pomôcke trojice sa najdú menej často ako páry, a štvorice sa náchádzajú veľmi ojedinele a to iba v zadaniach z najnáročnejších úrovní.

8	25	1	27	35	6	37	9	4
3	25	46	247	145	9	167	8	127
9	7	46	24	8	134	5	26	123
5	4	7	89	6	2	18	3	19
6	3	2	489	14	14	178	5	179
1	9	8	3	7	5	2	4	6
47	8	3	6	2	47	9	1	5
47	6	5	1	9	8	347	27	237
2	1	9	5	34	347	346 7	67	8

Obr. 3.6: Príklad pomôcky Skrytý Pár.

3.3.3 X-wings

Pomocou X-Wing pomôcky vieme redukovať možných kandidátov na jednotlivých políčkach, dokonca kandidátov vrámci štvorcov. Princíp tejto pomôcky spočíva v nájdení dvoch párov jedného kandidáta v dvoch riadock alebo v stĺpcoch, ktoré spojením sa vytvorí písmeno X, vďaka ktorému sa eliminujú zvyšný kandidáti tohto čísla v danom riadku alebo stĺpci. Najlepšie bude túto pomôcku predstaviť na konkrétnom príklade.

Majme zadanie už v určitom štádiu riešenia a máme situáciu, kde hladáme jediné políčko pre číslo 4. V štyroch 3x3 štvorcoch ešte nieje jednoznačný kandidat pre toto číslo, ale máme v dvoch riadkoch, v 3. a 6. zhora po dva kandidáty pre číslo 4 (modrou farbou označené na obrázku 3.7). Zároveň veĺmi doležitý faktor pre pomôcku X-Wing je splnený a to, že práve tieto štyri čísla 4 sú aj pod sebou v dvoch stĺpcoch a to v 2. a 5. zľava.

Tieto štyri vyznačené čísla 4 tvoria štvoruholník alebo ak ich spojíme krížom, písmeno X. Na základe základných pravidiel hry, vieme, že v týchto dvoch riadkoch a stĺpcoch môže byť iba po jednom čísle 4. Vďaka tejto pomôcke môžme eliminotvať ostatných kandidátov v ich stĺpcoch a ponechať iba týchto štyroch kandidátov. Vďaka tejto eliminácií vieme prípadne prísť na jednoznačného kandidáta pre iné číslo a priblížiť sa tak k riešeniu.

$\overline{}$					_			
246 7	2 4 7	3	8	<i>A</i> 69	24	5	1	46
245 6	2,45	8	7	1#6	124	9	3	46
1	49	69	3	469	5	7	2	8
567	357	567	2	137	13	8	4	9
8	34	1	9	34	6	2	5	7
247	2 4 7	79	5	# 78	48	1	6	3
9	6	4	1	2	7	3	8	5
3	8	2	6	5	9	4	7	1
5 7	1	57	4	38	38	6	9	2

Obr. 3.7: Príklad pomôcky X-wings.

3.3.4 XY-wings pomôcka

Princíp XY-Wing pomôcky eliminuje kandidátov pomocou dôležitého konceptu priesečníkov pri riešení sudoku. Najskôr si predstavíme princíp priesečníkov.

Princíp priesečníkov

Dve políčka sa nazývajú priesečníkmi, ak zdielajú rovnaký riadok, stĺpec alebo malý štvorec 3 x 3. Týmto povedané čísla v týchto políčkach nesmú byť tie isté čísla.

XY-Wing

Táto pomôcka sa vzťahuje na tri políčka. Pre každé z týchto troch políčok je dôležité, aby mali iba po dva kandidáty, ktoré sú navzájom logicky prepojené ako to je na obrázku 3.8 označené modrou a zelenou farbou.

Na obrázku môžeme vidieť, že na zeleno vyfarbené políčko má priesečníky s oboma jeho krídlami, modrými políčkami. Na to, aby sme mohli uplatniť túto pomôcku, modré políčka navzájom nemusia mať priesečník, ale musia zdielať jedno a to isté číslo z kandidátov. Zároveň oba kandidáti v zelenom políčku sa musia tiež nachádzať v jednom z modrých políčok.

Predstavme si, že na zelenom políčku by bolo číslo 7, potom by pravé na modrom políčku bolo číslo 1. Ak by zelené políčko bolo číslo 2, zase ľavé políčiko by bolo číslo 1. Z toho nám vyplýva, že práve jedno z modrých políčok bude číslo 1.

Na základe tohto poznatku, vieme povedať, ze kandidátov pre číslo 1 vyznačené ružovou farbou v prvom štvorci môžeme eliminovať a napríklad v tomto prípade vylúštiť ľavý štvorček a doplniť tak jednoznčne čísla do zadania.

∦ 23	4	∦ 3	5	9	17
5	9	7	26	8	16
12	6	8	27	3	4

Obr. 3.8: Príklad pomôcky XY-wings.

Dostupné programy

Hráči akýchkoľvek úrovní sa vedia dostať k rôznym programom pre logickú hru sudoku či už na internete alebo na mobilných zariadeniach. V tejto kapitole budeme rozoberať pár vybraných dostupnúch programov náhodne vybraných z internetu. Budeme hodnotiť ich prístup a intrepretáciu pomôcok a aj samotné riešenie zadania, ale budeme ich aj hodnotiť navzájom.

4.1 Sudoku Solver

Program sudoku Solver môžme nájsť na stránke Sudoku solutions ako jeden z dostupných programov. Autorom je spolocnosť Aire Technologies, ktorá sídli v Nemecku. Na obrázku 4.1 nižšie môžme vidieť s akým prostredím sa stretneme pri navštivení stránky.



Obr. 4.1: Sudoku Solver

Z prvého dojmu môžme považovať, že tento program splný očakávania aj skúsených hráčov. Nižšie na stránke sa dozvieme ako presne narábať s takýmto programom. Sú tam vysvetlené všetky tlačidlá a aj ako pracovať s kandidátmy. Pri vybratí zadania stlačením tlačítka samples... si môžme vybrt kategóriu zadania alebo sa vrátiť už ku konkrétnemu zadaniu z tejto stranky pomocou čísla, ktoré má každé zadanie pridelené.

Po pár vyriešenych zadaní si môžeme všimnúť, že tam nieje úplna súhra medzi spracovaním jednotlivých krokov. Program spracováva jednodlivé kroky hráča postupne, aj ked hrač nadalej robí pracuje s programom. Program umožnuje hráčovy si vygenerovať všetkých kandidátov pre každé voľne políčko, ale aj hráčovi dovolí si zapísať vlastných kandidátov.

Avšak pri doplnený konkrétny čísel do zadania sa vygenerovaný kandidáti automaticky neupravia, to sa stane až pri dalšom vygenerovaní kandidátov. Potom si ale môžme všimnúť, že program nerozlišuje povôdne zadanie od už dolpneného, čo však je výhodou alebo nie individuálne pre každého hráča. Pri doplnených zlého čísla, ktoré porušuje 3 základné pravidlá program automaticky upozorní na chybu, avšak ak doplnené číslo spĺňa tieto pravidlá program na chybu neuporozní. Upozornenie príde iba ak by hráč chcel nechať vyriešiť program taketo zadanie, potom by až vypísal chybu. Potom hráč nemá možnosť si takto poradiť bez logického vysvetlenia postupu.

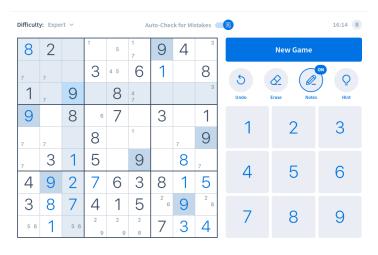
Ak by si hráč chcel nechať poradiť program mu ponukne nápovedu avšak v poradí, v akom by mal hráč postupne riešiť zadanie. A ak by chcel hráč nevyužiť túto nápovedu, ale chcel by dostať dalšiu, program ho nepustí. V porovnaní s ostatnými programami tu však môžme zbadať rozdiel vo farebnom zvýraznení riadku, stĺpca či štvorca, ktorého sa týka hráčom vybrané políčko. Ale za to sa vieme pozrieť na zadanie hry, bez akéhokoľvek zvýrazneného riadku, stĺpca alebo štvorca.

4.2 Expert sudoku

Program na stránke Sudoku.com je vytvorené firmou Easybrain, ktorá momentálne sídli na ostrove Cyprus. Prostredie s akým sa stretneme na tejto stránke môžme vidieť nižšie na obrázku 4.2. Na prvý pohľad zbadáme, že tento program ponúka hráčovi hrat túto logickú hru iba myškou, čo v porovnaní s programom Sudoku Solver 4.1 hráč nemá k dispozícií. Dalším rozdielom je aj zvýraznený riadok, stĺpec a štvorec pre akékoľvek políčko šachovnice, čo hráčovi neumožnuje sa pozrieť na zadanie hry ako na celok. Program tak tiež ponúka rôzn úrovne zadaní, ale neponúka hračovi generovanie všetkých kandidátov pre voľne políčka. Preto napríklad pomôcku Jeden kandidát 3.1.2 je hráč nútený si vyskúšať sám.

Ak by hráč spravil chybu pri zadaní konkrétneho čísla, má možnosť sa nechať hneď programom na to upozoriť. Tak má ale hráč možnosť si týmto poznatkom si nechať aj pomocť, túto možnosť ale môže vypnúť. Avšak pri správnom doplnení čísla do zadania hneď upravý skupiny kandidátov, ktoré toto doplnené číslo ovplnuvnuje. Ak by si chcel hráč nechať poradiť, program mu priamo poradí číslo, ktoré má doplniť na hráčom vyznačené políčko, ale bez akéhokoľvek vysvetlenia.

Tento program ako jediný ponúka aj meranie času za ako dlho hráč vyrieši dané zadanie logickej hry, vďaka čomu sa hráč vie nie len vrámci úrovní, ale aj vrámci rýchlosti zlepšovať.



Obr. 4.2: Sudoku.com

4.3 Sudoku Hint

Dalším programom je na stránke Sudoku Hints a jeho autorom je David J. Nixon. Každým dňom od júna 2005 pripudajú nové dalšie zadanie hry sudoku, pričom predošlé sú hráčovi stále prístupné a vie ich opätovne riešiť. Avšak neponúka rôzne obtiažnosti tejto hry.

Aj tento program ponúka možnosť sa pozrieť na všetkých možných kandidátov pre každé voľne políčko, avšak neumožnuje ich úpravu, s čím sa v porovnani s druhými programi nestretávame. Chyby pri zadavaní čísel program neukazuje hneď, ale až keď sa hráč sám rozhodne skontrolovať doterajší postup pri riešení hry. Program ďalej nerozlišuje či zadané číslo je správne, aj keď hráč požiada o nápovedu. Hráč si môže vybrať medzi väčšou alebo menšou nápovedou, pričom menšou nápovedou hráča navádza kde by mal najbližšie číslo hladať a väčšou hráčovi priamo prezdradí kde sa dalšie číslo. Akekoľvek nápovedy však nie su programom vysvetlené, čo oberá hráča o možnosť sa zlepšovať.



Obr. 4.3: Sudoku Hints

Programovanie Pomôcok a Alogoritmov hry sudoku

V tejto kapitole budeme opisovať program, ktorý má hráčovi pomôcť nielen vyluštit logicku hru sudoku, ale hlavne ho naučit používať pomôcky, postupne od lahších po tie náročnejšie. A však pre náročnosť programu, nie každá pomôcka spomenutá v kapitole kapitole 3 nebola aplikovaná v programe.

5.1 Prostredie programu

Program je napísaný v jazyku C++ a objektovo-orientovanej programovacej paradigme. (alebo: a v štyle objektovo-orientovaného programovania). V programe boli použité štandartné knižnice na prácu so subormi rôznymi dátovymi typmi. Celkovú štruktúru súborov v programe tvoria 4 súbory, kde dva subory sú hlavickové subory, k nim dalšie dva sú zdrojové súbory a eŠte jeden hlavný zdrojový súbor, kde sa spúšta celý program.

5.2 Štrukúra programu

V programe dominujú dve hlavné vytvorené triedy objektov a to trieda menom *Grid* a trieda pod názvom *Game*.

5.2.1 Trieda Grid

Trieda *Grid* obsahuje tri atribúty dátoveho typu mapa a menom: grid, candidates a nakedPairs. Vďaka ich dátovému typu mapa, ktorý vždy predstavuje dvojicu klúča a hodnoty, v atribúte grid su uložené na pozícií klúča čísla dátového typu integer a predstavujú pozíciu v šachovnici hry sudoku postupne po riadkoch z ľava do prava očíslované od čísla 0 po číslo 80. Na pozicii hodnoty su opäť čísla dátoveho typu integer a predstavujú čísla na tíchto svojich poziciach. Na predstavu číslo 1 na pozicii klúča predstavuje poziciu druhého políčka v prvom riadku šachovnice a číslo napríklad 4 na pozicii hodnoty predstavuje číslo, ktoré sa nachádza na tom políčku v šachovnici. Ak sa na nejakom políčku v šachovnici nenadzádzalo žiadne číslo, v atribúte grid na pozici hodnoty sa potom bolo uložené číslo 0.

Veľmi podobne vyzrajú aj atribúty candidates a nakedPairs, avšak na rozdiel od atribútu grid, na pozicii hodnoty neboli uložené po jedenom čísla, ale vektor čísel dátového typu

integer. Takto môžu byť uložené pre jedno políčko viacero kandidátov. Trieda obsahuje aj viacero svojich metód, avšak v tejto práci si spomenieme iba tie najdôlešitejšie.

Trieda obsahuje tie najdôležitejšie metódy programu a to metódy, ktoré priamo narábajú s číslami a kandidátmi hry sudoku. Tak tiež medzi metódami su naimplementované pomôcky na riešenie zadania hry, ale aj pomocné metódy na plynulý chod programu. Jednou z najčastejšie používanou metódou je funkcia, ktorá nájde všetkých kandidátov pre každé voľne políčko v zadaní hry. Jej hlavnou myšlienkou je prejsť postupne cez všetky voľne políčka a potom skontrolovať pre každé číslo od 1 po 9 či sa nachádza v danom riadku, stĺpci alebo v 3x3 štvorci. Ak sa nenachádza, uloží sa toto číslo do vektora čísel pre dané políčko a tak sa naplní mapa kandidátov pre konkretne zadanie. Táto metóda sa používa pri hľadaní všetkých naimplementovaných pomôcok v programe. Napríklad pomôcka Jeden kandidát alebo Zjavný pár je tiez naimplementovaná v programe a na základe tejto metódy hľada jedného kandidáta alebo zjavný pár.

Taktiež sa v tejto triede nachádzajú metódy na narabanie so súbormi a to konkrétne so súbormi CSV (comma-separated values) a SVG (Scalable Vector Graphics). Zo súboru CSV sa načitávajú zadania logikej hry sudoku. Každé zadanie má svoj osobitný súbor a do spusteného programu hráč zadáva jeho nazov. Tu treba dbať na to, aby súbor bol v tom istom priečinku v akom je priečinok so zdrojovými súbormi. Keď hráč narába so spusteným programom, každá zmena v šachovnici, či už dolpnenie čísla do zadania alebo vypísanie všetkých kandidátov do každého voľneho políčka, sa mu uloží a zobrazí v jednom súbore SVG. Názov tohto súboru si hráč zvoli na začiatku pri spustení programu.

5.2.2 Trieda Game

Na to aby hráč mohol vôbec manipulovať so šachovnicou a zadaním hry, program má aj triedu, ktorá mu to umožnuje. Táto trieda preto má ako aktribút objekt triedy *Grid*, kde sa uloží zadanie hry podľa hráčovej voľby a atribút dátového typu integer, kde sa uloží čislo voľby hráča z pomedzi možností, ktoré manipulujú so šachovnicou.

Okrem konštruktoru, ktorý zabezpečuje aj to aby sa správne načitalo zadanie zo súboru CSV, táto trieda obsahuje aj dalšiu metódu menom *runGame*, ktorá zabezpečuje interakciu s hračom. Spracováva a kontroluje hráčove voľby a tak tiež kontroluje či je zadanie už doriešené. Ak sa hráčovi podarí vyriešit hru program sa sám ukončí.

Medzi dalšie voľby, ktoré program poskytuje hráčovi su napríklad metódy triedy *Grid* a to výpis všetkých kandidátov pre každý riadok, stľpec alebo štvorec osobitne, či dolpnenie čísla priamo do zadania.

5.3 Význam programu

Tento program bol navrhnutý tak, aby neriešil zadanie logickej hry sudoku namiesto hráča či už pomocou priamych alebo nepriamych nápovied. Bol navrhnutý tak, aby si hráč mohol vyskúšat pomocou pomôcok riešit zadanie hry a nespoliehať sa na záchrannu možnost nápovied alebo poslednej možnosti, hádania. Hádanie samotné by nikdy nemala patriť medzi kroky hráča akejkoľvek úrovne, aj keď sa môže zdať, ze to situácia vyžaduje. Pravé vtedy sa vyskytuje možnosť si vyskúšať akúkoľvek pomôcku z kapitoly 3.

Záver

V závere zhrniete, čomu sa venovala vaša práca, ako sa vám podarilo naplniť stanovené ciele a k akým výsledkom ste prišli. Môžete zhodnotiť váš postup riešenia problému, jeho výhody/nevýhody. V závere je vhodné aj naznačiť, akými smermi by sa dalo v práci pokračovať, aké zostali nevyriešené otázky, kde vidíte možnosti vylepšenia a podobne.

Bibliografia

- FELGENHAUER, B.; JARVIS, F. Summary of method and results. 2005. Dostupné tiež z: http://www.afjarvis.staff.shef.ac.uk/sudoku/ed44.html. Online; zverejnené 17-jún-2005.
- 2. MCGUIRE, G. There is no 16-Clue Sudoku: Solving the Sudoku Minimum Number of Clues Problem. Ed. UNIVERSITY COLLEGE DUBLIN Dublin, I. 2012. Dostupné tiež z: http://www.math.ie/McGuire_V1.pdf. Online; zverejnené 1-januára-2012.
- 3. SMITH, D. So you thought Sudoku came from the Land of the Rising Sun... Ed. GUAR-DIAN, T. 2005. Dostupné tiež z: https://www.theguardian.com/media/2005/may/15/pressandpublishing.usnews. Online; zverejnené 15-Máj-2005.