Писмен изпит по Дискретни структури, 05.02.2023 г.

Име: ______, Φ Н: _____, Група: ____

Задача	1	2	3	4	5	Общо
получени точки						
максимум точки	6	6	6	6	6	30

Задача 1. Нека $x \in \mathbb{R}, x > 0$, а $n \in \mathbb{N}, n > 0$. Докажете, че $(1+x)^n \ge 1 + nx$.

Задача 2. Нека G(V, E) е неориентиран граф без примки, за който е в сила:

$$(\forall u \in V)(\forall v \in V)(\forall w \in V)[(u, v) \notin E \land (v, w) \notin E \rightarrow (u, w) \notin E].$$

Да се докаже, че G е пълен k-делен граф, т.е. че множеството от върховете на графа може да се разбие на k на брой дяла, такива че между всеки два върха от един и същ дял няма ребро, а между всеки два върха от различни дялове има ребро.

Задача 3. Древното село Червеношапковец се намира в мистичната гора Червенашума.

Придвижването в селото се случва по малки пътечки, като между всеки две къщички има най-много една пътечка. Известно е, че между къщата на Червената шапчица и къщата на баба ѝ има два различни пътя (не пътечки!).

Помогнете на майката на Червената шапчица да убеди дъщеря си, че ходенето сама до баба ѝ е опасно, като докажете, че в селото има прост цикъл от къщички и пътечки, в който нашата героиня може да попадне и да се загуби.

Задача 4. Колко са линейните булеви функции на n променливи, които не запазват нулата и единицата?

Задача 5. Двоичната функция f(x, y, z) е определена с редицата стойности f = (10101110).

(а - 4 точки) Намерете минимална дизюнктивна нормална форма на f(x,y,z).

(b - 4 точки) Шеферова ли е функцията f?