### Университет ИТМО

# Теория автоматов Лабораторная работа №3

Вариант 3

Выполнила: Калугина Марина

Группа: Р3302

г. Санкт-Петербург

2020 г.

#### Задание

Абстрактный автомат задан табличным способом. Причем абстрактный автомат Мили представлен таблицами переходов и выходов, а абстрактный автомат Мура - одной отмеченной таблицей переходов. Для синтеза структурного автомата использовать функционально полную систему логических элементов И, ИЛИ, НЕ и автомат Мура, обладающий полнотой переходов и полнотой выходов. Синтезированный структурный автомат представить в виде ПАМЯТИ и КОМБИНАЦИОННОЙ СХЕМЫ.

Варинат 3

#### Автомат данный по варианту

λ	$\mathbf{w}_3$	$\mathbf{w}_1$	W <sub>2</sub>	<b>W</b> 3
δ	<b>a</b> <sub>1</sub>	a <sub>2</sub>	<b>a</b> <sub>3</sub>	a <sub>4</sub>
$z_1$	$a_1$	<b>a</b> <sub>3</sub>	a <sub>4</sub>	a <sub>1</sub>
Z <sub>2</sub>	a <sub>3</sub>		a <sub>2</sub>	
<b>Z</b> 3	a4			

### Входной алфавит:

icic	$x_1$	$x_2$
$z_1$	0	0
$z_2$	0	1
$z_3$	1	0

#### Выходной алфавит:

	$y_1$	$y_2$
$w_1$	0	0
$w_2$	0	1
$w_3$	1	0

#### Состаяния:

	$Q_1$	$Q_2$	$Q_3$
$a_1$	0	0	0
$a_2$	0	0	1
$a_3$	0	1	0
$a_4$	0	1	1
$a_5$	1	0	0
$a_5$ $a_6$	1	0	1

Примем за начальное состояние состояние а1. Тогда закодированное слово будет: 00 01 01 00 00 10, а выходное слово -- 10 01 00 01 10 10 10.

### Таблицы переходов структурного автомата:

$x_1x_2/Q_1Q_2$	00	01	10	11
00	00	10	11	00
01	10	-	01	-
10	11	-	0.70	177

#### Таблицы выходов структурного автомата:

$x_1x_2/Q_1Q_2$	00	01	10	11
00	10	01	10	10
01	01	-	00	-
10	10	-	-	-
	$y_1 y_2$	$y_1 y_2$	$y_1 y_2$	$y_1 y_2$

ДНФ для выходных сигналов, построенное по таблице выходов:

$$y_1 = \bar{x_1}\bar{x_2}\bar{Q_1}\bar{Q_2} \vee \bar{x_1}\bar{x_2}Q_1\bar{Q_2} \vee \bar{x_1}\bar{x_2}Q_1Q_2 \vee x_1\bar{x_2}\bar{Q_1}\bar{Q_2} = 0 \vee 2 \vee 3 \vee 8$$
$$y_2 = \bar{x_1}\bar{x_2}\bar{Q_1}Q_2 \vee \bar{x_1}x_2\bar{Q_1}\bar{Q_2} = 1 \vee 4$$

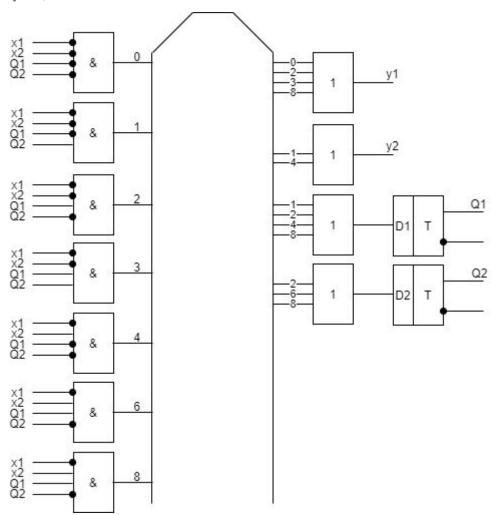
Синтез автомата на D-триггерах:

$x_1x_2/Q_1Q_2$	00	01	10	11
00	00	10	11	00
01	10	-	01	-
10	11	-	-	-
	$D_1D_2$	$D_1D_2$	$D_1D_2$	$D_1D_2$

$$D_1 = \bar{x_1}\bar{x_2}\bar{Q_1}Q_2 \vee \bar{x_1}\bar{x_2}Q_1\bar{Q_2} \vee \bar{x_1}x_2\bar{Q_1}\bar{Q_2} \vee x_1\bar{x_2}\bar{Q_1}\bar{Q_2} = 1 \vee 2 \vee 4 \vee 8$$

$$D_2 = \bar{x_1}\bar{x_2}Q_1\bar{Q_2} \vee \bar{x_1}x_2Q_1\bar{Q_2} \vee x_1\bar{x_2}\bar{Q_1}\bar{Q_2} = 2 \vee 6 \vee 8$$

## Функциональная схема:



### Проверка:

Входное слово : 00 01 01 00 00 00 10 Выходное слово : 10 01 00 01 10 10 10

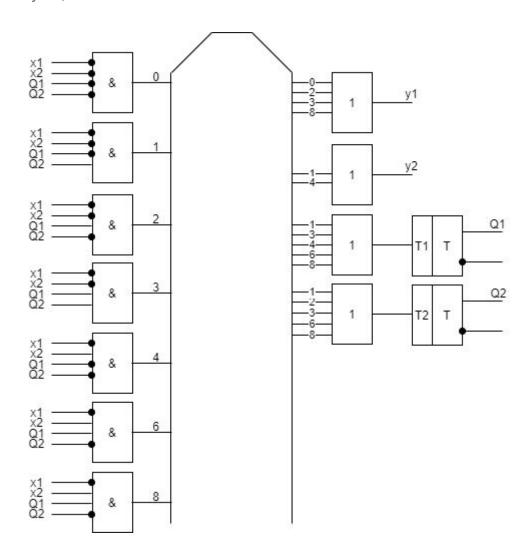
Выходное слово совпадает с ожидаемым

Синтез автомата на Т-триггерах:

$x_1x_2/Q_1Q_2$	00	01	10	11
00	00	11	01	11
01	10	-	11	-
10	11	-	-	-
	$T_1T_2$	$T_1T_2$	$T_1T_2$	$T_1T_2$

$$\begin{split} T_1 &= \bar{x_1} \bar{x_2} \bar{Q_1} Q_2 \vee \bar{x_1} \bar{x_2} Q_1 Q_2 \vee \bar{x_1} x_2 \bar{Q_1} \bar{Q_2} \vee \bar{x_1} x_2 Q_1 \bar{Q_2} \vee x_1 \bar{x_2} \bar{Q_1} \bar{Q_2} = 1 \vee 3 \vee 4 \vee 6 \vee 8 \\ T_2 &= \bar{x_1} \bar{x_2} \bar{Q_1} Q_2 \vee \bar{x_1} \bar{x_2} Q_1 \bar{Q_2} \vee \bar{x_1} \bar{x_2} Q_1 Q_2 \vee \bar{x_1} x_2 Q_1 \bar{Q_2} \vee x_1 \bar{x_2} \bar{Q_1} \bar{Q_2} = 1 \vee 2 \vee 3 \vee 6 \vee 8 \end{split}$$

### Функциональная схема:



### Проверка:

Входное слово: 00 01 01 00 00 00 10 Выходное слово: 10 01 00 01 10 10 10

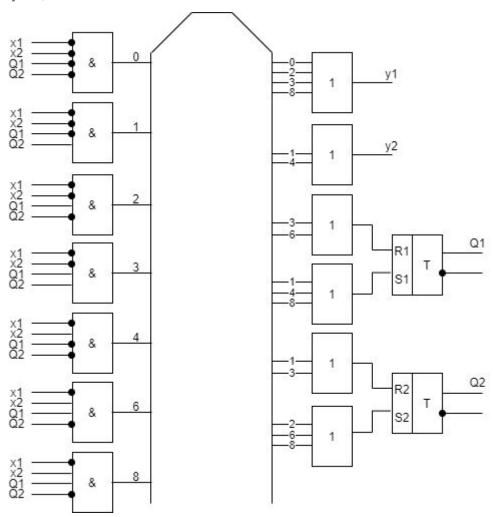
#### Выходное слово совпадает с ожидаемым

## Синтез автомата на RS-триггерах

$x_1x_2/Q_1Q_2$	00	01	10	11
00	-0/-0	01/10	0-/01	10/10
01	01/-0	-/-	10/01	-/-
10	01/01	-/-	-/-	-/-
	$R_1S_1/R_2S_2$	$R_1S_1/R_2S_2$	$R_1S_1/R_2S_2$	$R_1S_1/R_2S_2$

$$R_1 = \bar{x_1}\bar{x_2}Q_1Q_2 \vee \bar{x_1}x_2Q_1\bar{Q_2} = 3 \vee 6$$
 
$$S_1 = \bar{x_1}\bar{x_2}\bar{Q_1}Q_2 \vee \bar{x_1}x_2\bar{Q_1}\bar{Q_2} \vee x_1\bar{x_2}\bar{Q_1}\bar{Q_2} = 1 \vee 4 \vee 8$$
 
$$R_2 = \bar{x_1}\bar{x_2}\bar{Q_1}Q_2 \vee \bar{x_1}\bar{x_2}Q_1Q_2 = 1 \vee 3$$
 
$$S_2 = \bar{x_1}\bar{x_2}Q_1\bar{Q_2} \vee \bar{x_1}x_2Q_1\bar{Q_2} \vee x_1\bar{x_2}\bar{Q_1}\bar{Q_2} = 2 \vee 6 \vee 8$$

### Функциональная схема:



### Проверка:

Входное слово : 00 01 01 00 00 00 10 Выходное слово : 10 01 00 01 10 10 10

Выходное слово совпадает с ожидаемым

## Синтез автомата на ЈК-триггерах

$x_1x_2/Q_1Q_2$	00	01	10	11
00	0-/0-	1-/-1	-0/1-	-1/-1
01	1-/0-	-/-	-1/1-	-/-
10	1-/1-	-/-	-/-	-/-
	$J_1K_1/J_2K_2$	$J_1K_1/J_2K_2$	$J_1K_1/J_2K_2$	$J_1K_1/J_2K_2$

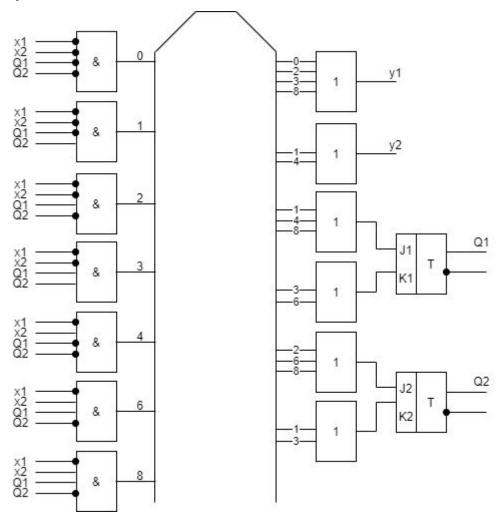
$$J_{1} = \bar{x_{1}}\bar{x_{2}}\bar{Q_{1}}Q_{2} \vee \bar{x_{1}}x_{2}\bar{Q_{1}}\bar{Q_{2}} \vee x_{1}\bar{x_{2}}\bar{Q_{1}}\bar{Q_{2}} = 1 \vee 4 \vee 8$$

$$K_{1} = \bar{x_{1}}\bar{x_{2}}Q_{1}Q_{2} \vee \bar{x_{1}}x_{2}Q_{1}\bar{Q_{2}} = 3 \vee 6$$

$$J_{2} = \bar{x_{1}}\bar{x_{2}}Q_{1}\bar{Q_{2}} \vee \bar{x_{1}}x_{2}Q_{1}\bar{Q_{2}} \vee x_{1}\bar{x_{2}}\bar{Q_{1}}\bar{Q_{2}} = 2 \vee 6 \vee 8$$

$$K_{2} = \bar{x_{1}}\bar{x_{2}}\bar{Q_{1}}Q_{2} \vee \bar{x_{1}}\bar{x_{2}}Q_{1}Q_{2} = 1 \vee 3$$

### Функциональная схема:



### Проверка:

Входное слово: 00 01 01 00 00 00 10 Выходное слово: 10 01 00 01 10 10 10

Выходное слово совпадает с ожидаемым

## Вывод:

В ходе выполнения работы был изучен канонический метод структурного синтеза, получены практические навыки преобразования абстрактного автомата в структурный автомат на D-, T-, RS- и JK-триггерах.