Cours MP2I

Alexandre

2023-2024

Table des matières

I.	TIP	$^{1}\mathrm{E}$
	1.	Notes
	2.	Idéaux
	3.	Anneaux quotients

I. TIPE

1. Notes

Nullstellensatz : (démo?)

- Idéaux
- Algébriquement clos
- Bézout?

Topologie de Zariski:????

— Lemme de Zorn (AC)

Dimension:?

Projectif/Affine:?

2. Idéaux

Définition 1 (idéal d'un anneau)

Soit A un anneau. Un sous-ensemble $I\subseteq A$ est un idéal de A si :

- -(I,+) est un sous groupe de (A,+)
- $\forall a \in A, \forall b \in I, ab = ba \in I$

3. Anneaux quotients

Soit E un ensemble et \sim une relation sur E.

Définition 2 (relation d'équivalence)

Une relation d'équivalence \sim vérifie les propriétés suivantes sur E:

- -- ~ réfléxive : $\forall x \in E, x \sim x$
- ∼ symétrique
- \sim transitive

Définition 3 (classe d'équivalence)

Soit $x \in E$. L'ensemble $\tilde{x} = \{y \in E, x \sim y\}$ est la classe d'équivalence de x.

Définition 4 (partition)

Une partition d'un ensemble E est définie par :

- $-- \biguplus_{i \in I} X_i = X$
- $\forall i \in I, X_i \neq \emptyset$
- $-- \forall i, j \in I, i \neq j \Rightarrow X_i \cap X_j \neq \emptyset$

Définition 5 (ensemble quotient)

TODO