2021/06/18

満点:20点 / 目標:16点

ヒントがあります。必要なら参考にしてください。

m がすべての正の実数値をとって変化するとき, 放物線 $y=x^2-2(m+1)x+2m^2-2m+3$ の頂点の軌跡を求め, 座標平面上に図示せよ.

ヒント・方針

テスト範囲そのものです.

- キーワード: **媒介変数表示**
 - 黄チャートIIB 例題100
- m の変域に注意

解答 • 解説

▶ 解答・解説

素直な軌跡の問題です. 放物線の頂点の座標が $(m+1, m^2-4m+2)$ になることから, x と y はそれぞれ

$$\left\{egin{array}{l} x=m+1 \ y=m^2-4m+2 \end{array}
ight.$$

と表されます. あとは m を消去して x と y の関係式を導きましょう. **ここまでで10点です.**

さて, 現時点で

問題の放物線の頂点は, $y=x^2-6x+7$ 上にある

ことはわかっていますが,

問題の放物線の頂点は, $y=x^2-6x+7$ 上の**すべての**部分を通る

ことは分かっていません.

ここで m の条件が気になります. よく「軌跡の問題は逆の確認をしましょう」といわれますが, 今回は m の範囲に連動して x の範囲が定まります.

m>0 から, x>1 であることがわかります. x の定義域が定まったところで, 最終解答です.

かっては 81人

 $J = \chi^{2} - 2(m+1)\chi + 2m^{2} - 2m+3$ $= (\chi - (m+1))^{2} + m^{2} - 4m+2$

より、この動物額の下色の座標は (m+1、m2-4m+2)を表まれる。

いまないなといのあったには

の関係が成り、この理立方程がより、

で得る。しまでてまめる平成からなったとって、カーメーケスナクのメントの対外

であり、国示すると下国のようにある。

